



# **Grundbegriffe der Informatik Tutorium 33**

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu | 09.02.2017



# Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

# Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Was sind Turingmaschinen?

Sehr m\u00e4chtige Erweiterung Automat

# Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Turingmaschinen

- Sehr m\u00e4chtige Erweiterung Automat
  - Was heißt mächtig?

# **Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Turingmaschinen

- Sehr m\u00e4chtige Erweiterung Automat
  - Was heißt m\u00e4chtig?
  - Turingmaschinen k\u00f6nnen eine gro\u00dfe Vielfalt von Problemen l\u00f6sen, einschlie\u00dflich vieler in GBI besprochener Probleme

# Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Turingmaschinen

- Sehr m\u00e4chtige Erweiterung Automat
  - Was heißt mächtig?
  - Turingmaschinen können eine große Vielfalt von Problemen lösen, einschließlich vieler in GBI besprochener Probleme
- Gesteuert durch einen endlichen Automaten

# Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Turingmaschinen

- Sehr m\u00e4chtige Erweiterung Automat
  - Was heißt mächtig?
  - Turingmaschinen können eine große Vielfalt von Problemen lösen, einschließlich vieler in GBI besprochener Probleme
- Gesteuert durch einen endlichen Automaten, aber mit einem unendlichen Arbeitsband zum Zwischenspeichern von Informationen

# Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Turingmaschinen

- Sehr m\u00e4chtige Erweiterung Automat
  - Was heißt m\u00e4chtig?
  - Turingmaschinen können eine große Vielfalt von Problemen lösen, einschließlich vieler in GBI besprochener Probleme
- Gesteuert durch einen endlichen Automaten, aber mit einem unendlichen Arbeitsband zum Zwischenspeichern von Informationen
- Besitzen einen Kopf um auf dem Band zu lesen und zu schreiben

# **Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Turingmaschinen

- Sehr m\u00e4chtige Erweiterung Automat
  - Was heißt m\u00e4chtig?
  - Turingmaschinen können eine große Vielfalt von Problemen lösen, einschließlich vieler in GBI besprochener Probleme
- Gesteuert durch einen endlichen Automaten, aber mit einem unendlichen Arbeitsband zum Zwischenspeichern von Informationen
- Besitzen einen Kopf um auf dem Band zu lesen und zu schreiben
- Turingmaschinen sind sozusagen genauso m\u00e4chtig wie Computer

# Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

- Sehr m\u00e4chtige Erweiterung Automat
  - Was heißt m\u00e4chtig?
  - Turingmaschinen können eine große Vielfalt von Problemen lösen, einschließlich vieler in GBI besprochener Probleme
- Gesteuert durch einen endlichen Automaten, aber mit einem unendlichen Arbeitsband zum Zwischenspeichern von Informationen
- Besitzen einen Kopf um auf dem Band zu lesen und zu schreiben
- Turingmaschinen sind sozusagen genauso m\u00e4chtig wie Computer
  - können also benutzt werden, um für Probleme zu entscheiden, ob sie gelöst werden können oder nicht

## **Definition von Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

## Definition von Turingmschinen

## **Definition von Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Turingmaschinen

## Definition von Turingmschinen

Eine Turingmaschine  $T = (Z, z_0, X, f, g, m)$  besteht aus:

Z Zustandsmenge

## **Definition von Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Turingmaschinen

## Definition von Turingmschinen

- Z Zustandsmenge
- $z_0 \in Z$  Startzustand

## **Definition von Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

## Definition von Turingmschinen

- Z Zustandsmenge
- $z_0 \in Z$  Startzustand
- X Bandalphabet

## **Definition von Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

## Definition von Turingmschinen

- Z Zustandsmenge
- $z_0 \in Z$  Startzustand
- X Bandalphabet
- □ Blanksymbol (sozusagen Markierung für Leerzeichen)

## **Definition von Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

## Definition von Turingmschinen

- Z Zustandsmenge
- $z_0 \in Z$  Startzustand
- X Bandalphabet
- □ Blanksymbol (sozusagen Markierung für Leerzeichen)
- $f: Z \times X \rightarrow Z$  partielle Zustandsübergangsfunktion

# **Definition von Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

## Definition von Turingmschinen

- Z Zustandsmenge
- $z_0 \in Z$  Startzustand
- X Bandalphabet
- □ Blanksymbol (sozusagen Markierung für Leerzeichen)
- $f: Z \times X \rightarrow Z$  partielle Zustandsübergangsfunktion
- $g: Z \times X \rightarrow X$  partielle Ausgabefunktion

## **Definition von Turingmaschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

## Definition von Turingmschinen

Eine Turingmaschine  $T = (Z, z_0, X, f, g, m)$  besteht aus:

- Z Zustandsmenge
- $z_0 \in Z$  Startzustand
- X Bandalphabet
- □ Blanksymbol (sozusagen Markierung für Leerzeichen)
- $f: Z \times X \rightarrow Z$  partielle Zustandsübergangsfunktion
- $g: Z \times X \rightarrow X$  partielle Ausgabefunktion
- $m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$  partielle Bewegungsfunktion

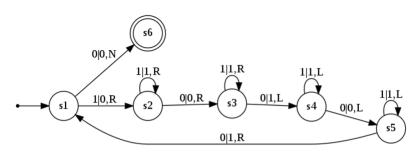
Anmerkung: partielle Funktionen sind nicht linkstotal, also manche Elemente des Definitionsbereichs werden nicht abgebildet.

# **Beispiel einer Turingmaschine**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

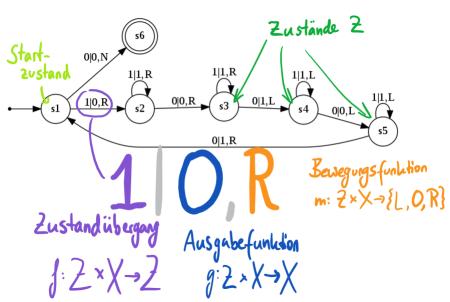


# **Beispiel einer Turingmaschine**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

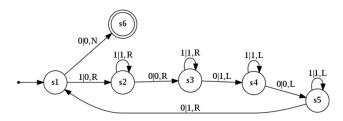


# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



$\bullet$ $f: Z \times X \rightarrow Z$		f : Z	$\times X$	$\rightarrow$ Z
---	--	-------	------------	-----------------

$$g: Z \times X \to X$$

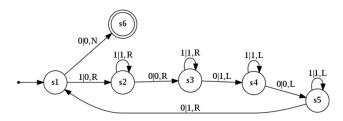
$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



f: Z	× <i>X</i>	$\rightarrow$ Z	

$$g: Z \times X \to X$$

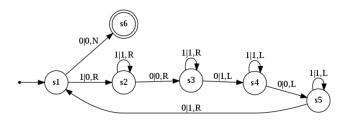
$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



$\bullet$ $t: Z \times X \rightarrow Z$		f : Z		ightarrow Z
---	--	-------	--	-------------

$$g: Z \times X \rightarrow X$$

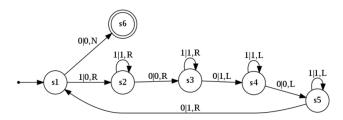
$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen



$\bullet$ $t: Z \times X \rightarrow Z$		f : Z		ightarrow Z
---	--	-------	--	-------------

$$g: Z \times X \rightarrow X$$

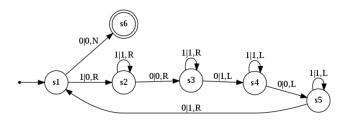
$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



	f : Z		$\rightarrow$ Z
_	· · —	/ \ <i>/</i> \	· -

$$g: Z \times X \to X$$

$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

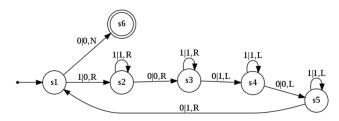
	f	g	m
	$(s1,0)\mapsto s6$		
1 0, R	$(s1,1) \mapsto s2$	$(s1,1)\mapsto 0$	$(s1,1)\mapsto R$

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



f:	Z	×	Χ	$\rightarrow$	Ζ
	_	/ \	٠.	,	_

$$g: Z \times X \rightarrow X$$

$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

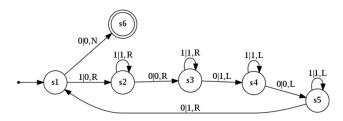
-		3		
		f	g	m
	0 0, <i>N</i>	$(s1,0)\mapsto s6$	$(s1,0)\mapsto 0$	$(s1,0)\mapsto N$
	1 0, <i>R</i>	$(s1,1) \mapsto s2$	$(s1,1)\mapsto 0$	$(s1,1)\mapsto R$
	1 1, <i>R</i>			

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



$f: Z \times X \rightarrow Z$
-------------------------------

$$g: Z \times X \rightarrow X$$

$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

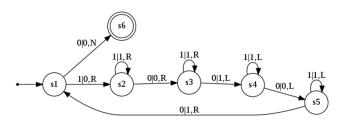
_		3		
		f	g	m
	0 0, N	$(s1,0)\mapsto s6$	$(s1,0)\mapsto 0$	$(s1,0)\mapsto N$
	1 0, R	$(s1,1) \mapsto s2$	$(s1,1)\mapsto 0$	$(s1,1)\mapsto R$
	1 1, <i>R</i>	$(s2,1)\mapsto s2$		

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



f·	7	×	Χ	$\rightarrow$	7
٠.	_	$\sim$	/\	/	_

$$g: Z \times X \to X$$

$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

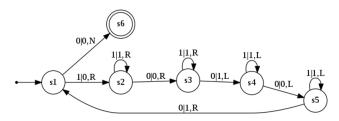
	f	g	m
0 0, N	$(s1,0)\mapsto s6$	$(s1,0)\mapsto 0$	$(s1,0)\mapsto N$
	$(s1,1) \mapsto s2$		$(s1,1)\mapsto R$
1 1,R	$(s2,1) \mapsto s2$	$(s2,1)\mapsto 1$	

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



	f : Z		$\rightarrow$ Z
_	—	/\ <b>/</b> \	· -

$$g: Z \times X \to X$$

$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

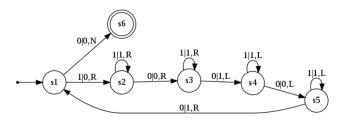
	f	g	m
0 0, N	$(s1,0)\mapsto s6$	$(s1,0)\mapsto 0$	$(s1,0)\mapsto N$
1 0, R	$(s1,1) \mapsto s2$	$(s1,1)\mapsto 0$	$(s1,1)\mapsto R$
1 1, <i>R</i>	$(s2,1)\mapsto s2$	$(s2,1)\mapsto 1$	$(s2,1)\mapsto R$

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



$f: \mathcal{I}$	Z×	ightarrow Z
	_ ′ `	 . —

$$g: Z \times X \rightarrow X$$

$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

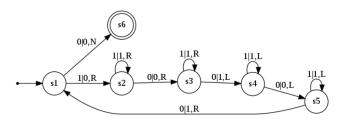
_	on Albandangevereen meet der minen vier i iene dae.					
		f	g	m		
		$(s1,0)\mapsto s6$	, , ,			
	1 0, R	$(s1,1) \mapsto s2$	$(s1,1)\mapsto 0$	$(s1,1)\mapsto R$		
	1 1, <i>R</i>	$(s2,1) \mapsto s2$	$(s2,1)\mapsto 1$	$(s2,1)\mapsto R$		
	0 0,R					

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



f·	7	×	Χ	$\rightarrow$	7
٠.	_	$\sim$	/\	/	_

$$g: Z \times X \rightarrow X$$

$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

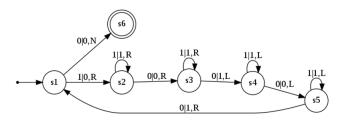
-		3		
		f	g	m
	0 0, N	$(s1,0)\mapsto s6$	$(s1,0)\mapsto 0$	$(s1,0)\mapsto N$
	1 0, R	$(s1,1)\mapsto s2$	$(s1,1)\mapsto 0$	$(s1,1)\mapsto R$
	1 1, <i>R</i>	$(s2,1)\mapsto s2$	$(s2,1)\mapsto 1$	$(s2,1)\mapsto R$
	0 0,R	$(s2,1) \mapsto s3$		

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



<i>f</i> : <i>Z</i>	$\times X$	$\rightarrow$ Z

$$g: Z \times X \rightarrow X$$

$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

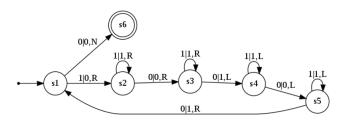
_							
		f	g	m			
	0 0, N	$(s1,0)\mapsto s6$	$(s1,0)\mapsto 0$	$(s1,0)\mapsto N$			
	1 0, R	$(s1,1) \mapsto s2$	$(s1,1)\mapsto 0$	$(s1,1)\mapsto R$			
	1 1, <i>R</i>	$(s2,1)\mapsto s2$	$(s2,1)\mapsto 1$	$(s2,1)\mapsto R$			
	0 0, R	$(s2,1)\mapsto s3$	$(s2,1)\mapsto 0$				

# **Funktionen von Turing Maschinen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



<i>f</i> :	Z	×	Χ	$\rightarrow$	Ζ

$$g: Z \times X \to X$$

$$m: Z \times X \rightarrow \{L, N, R\}$$

	Abblidatigsvorschiliteri der linkeri vier i Telle aus:					
	f	g	m			
0 0, N	$(s1,0)\mapsto s6$	$(s1,0)\mapsto 0$	$(s1,0)\mapsto N$			
1 0, R	$(s1,1) \mapsto s2$	$(s1,1)\mapsto 0$	$(s1,1)\mapsto R$			
1 1, R	$(s2,1)\mapsto s2$	$(s2,1)\mapsto 1$	$(s2,1)\mapsto R$			
0 0, <i>R</i>	$(s2,1)\mapsto s3$	$(s2,1)\mapsto 0$	$(s2,1)\mapsto R$			

# Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

 Unendliche Anreihung von Zeichen, die nach links und rechts unbegrenzt weiter geht

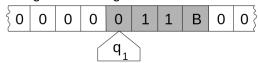
## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

 Unendliche Anreihung von Zeichen, die nach links und rechts unbegrenzt weiter geht



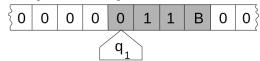
## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

 Unendliche Anreihung von Zeichen, die nach links und rechts unbegrenzt weiter geht



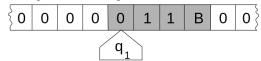
Die Turingmaschine hat einen Kopf, mit dem sie das aktuelle Zeichen lesen oder überschreiben kann, oder kann ihn nach links oder rechts bewegen.

## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



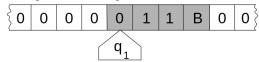
- Die Turingmaschine hat einen Kopf, mit dem sie das aktuelle Zeichen lesen oder überschreiben kann, oder kann ihn nach links oder rechts bewegen.
- Das Band einer Turingmaschine wird benutzt als...

## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



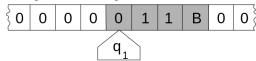
- Die Turingmaschine hat einen Kopf, mit dem sie das aktuelle Zeichen lesen oder überschreiben kann, oder kann ihn nach links oder rechts bewegen.
- Das Band einer Turingmaschine wird benutzt als...
  - Erhalten der Eingabe:

## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



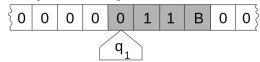
- Die Turingmaschine hat einen Kopf, mit dem sie das aktuelle Zeichen lesen oder überschreiben kann, oder kann ihn nach links oder rechts bewegen.
- Das Band einer Turingmaschine wird benutzt als...
  - Erhalten der Eingabe: Bevor die Turingmaschine startet, steht das Eingabewort auf dem Band, der Kopf steht auf dem ersten Zeichen der Eingabe.

## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



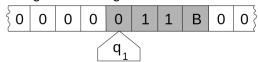
- Die Turingmaschine hat einen Kopf, mit dem sie das aktuelle Zeichen lesen oder überschreiben kann, oder kann ihn nach links oder rechts bewegen.
- Das Band einer Turingmaschine wird benutzt als...
  - Erhalten der Eingabe: Bevor die Turingmaschine startet, steht das Eingabewort auf dem Band, der Kopf steht auf dem ersten Zeichen der Eingabe.
  - Rückgabe der Ausgabe:

## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



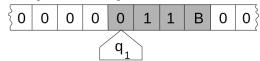
- Die Turingmaschine hat einen Kopf, mit dem sie das aktuelle Zeichen lesen oder überschreiben kann, oder kann ihn nach links oder rechts bewegen.
- Das Band einer Turingmaschine wird benutzt als...
  - Erhalten der Eingabe: Bevor die Turingmaschine startet, steht das Eingabewort auf dem Band, der Kopf steht auf dem ersten Zeichen der Eingabe.
  - Rückgabe der Ausgabe: Nach Beenden steht auf dem Band die Ausgabe (und der Kopf irgendwo).

## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



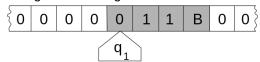
- Die Turingmaschine hat einen Kopf, mit dem sie das aktuelle Zeichen lesen oder überschreiben kann, oder kann ihn nach links oder rechts bewegen.
- Das Band einer Turingmaschine wird benutzt als...
  - Erhalten der Eingabe: Bevor die Turingmaschine startet, steht das Eingabewort auf dem Band, der Kopf steht auf dem ersten Zeichen der Eingabe.
  - Rückgabe der Ausgabe: Nach Beenden steht auf dem Band die Ausgabe (und der Kopf irgendwo).
  - Zwischenspeicher:

## Das Band einer Turingmaschine



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen



- Die Turingmaschine hat einen Kopf, mit dem sie das aktuelle Zeichen lesen oder überschreiben kann, oder kann ihn nach links oder rechts bewegen.
- Das Band einer Turingmaschine wird benutzt als...
  - Erhalten der Eingabe: Bevor die Turingmaschine startet, steht das Eingabewort auf dem Band, der Kopf steht auf dem ersten Zeichen der Eingabe.
  - Rückgabe der Ausgabe: Nach Beenden steht auf dem Band die Ausgabe (und der Kopf irgendwo).
  - Zwischenspeicher: Die Turingmaschine kann überall Informationen zwischenspeichern, diese müssen von der TM am Ende aber gelöscht werden.



## Beispielabarbeitungen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

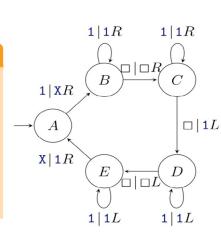
#### Turingmaschinen

## Gemeinsame Übung

Arbeite folgende Wörter mit der Turingmaschine ab:

- **0**
- 1
- 11
- 111

Was macht die Turingmaschine?



## Beispielabarbeitungen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

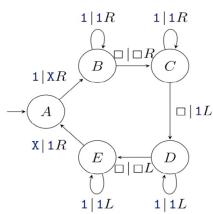
#### Turingmaschinen

## Gemeinsame Übung

Arbeite folgende Wörter mit der Turingmaschine ab:

- 0
- 1
- **1**1
- 111

Was macht die Turingmaschine?



Die Turingmaschine macht aus  $1^k$  die Ausgabe  $1^k \square 1^k$ .

## Halten von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

## Halten von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

### Halten einer Turingmaschine

Wenn eine Turingmaschine in einem Zustand ist, für den das nächste Eingabezeichen durch die Übergangsfunktion f nicht definiert ist, hält die Maschine.

## Halten von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

### Halten einer Turingmaschine

Wenn eine Turingmaschine in einem Zustand ist, für den das nächste Eingabezeichen durch die Übergangsfunktion f nicht definiert ist, hält die Maschine.

Wann hält also eine Turingmaschine nicht?

## Halten von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

### Halten einer Turingmaschine

Wenn eine Turingmaschine in einem Zustand ist, für den das nächste Eingabezeichen durch die Übergangsfunktion f nicht definiert ist, hält die Maschine.

Wann hält also eine Turingmaschine nicht?

### Nicht-Halten einer Turingmmaschine

Wenn eine Turingmaschine in eine endlose Schleife gerät, so hält sie nicht.

## **Entscheidbarkeit**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

### **Entscheidbarkeit**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

## Durch Turingmaschine akzeptierte Sprache

Eine Turingmaschine akzeptiert eine formale Sprache L, wenn sie für jedes Wort  $w \in L$  in einem akzeptierenden Zustand hält.

### **Entscheidbarkeit**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

### Durch Turingmaschine akzeptierte Sprache

Eine Turingmaschine akzeptiert eine formale Sprache L, wenn sie für jedes Wort  $w \in L$  in einem akzeptierenden Zustand hält.

### Entscheidbare Sprache

Eine formale Sprache L heißt entscheidbar, wenn es eine Turingmaschine gibt, die immer hält und L akzeptiert.

### **Entscheidbarkeit**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

### Durch Turingmaschine akzeptierte Sprache

Eine Turingmaschine akzeptiert eine formale Sprache L, wenn sie für jedes Wort  $w \in L$  in einem akzeptierenden Zustand hält.

#### Entscheidbare Sprache

Eine formale Sprache L heißt entscheidbar, wenn es eine Turingmaschine gibt, die immer hält und L akzeptiert.

### Aufzählbare Sprache

Eine formale Sprache *L* heißt aufzählbar, wenn es eine Turingmaschine gibt, die *L* akzeptiert.

# Vom endlichen Akzeptor zur Turingmaschine

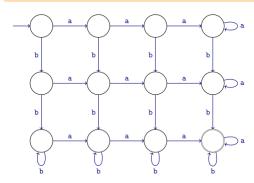


Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

### Akzeptieren von Turingmaschinen

Wie kann man aus dem gegebenen endlichen Akzeptor eine Turingmaschine machen, die dieselbe Sprache akzeptiert?



## Lösung



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Einfach gesagt: mache aus jedem Übergang a einen Turingmaschinen-Übergang der Art a|a,R, also bei jedem Zeichen mache den Zustandsübergang, überschreibe aber das Zeichen nicht und gehe zum nächsten Zeichen.

## Lösung



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Einfach gesagt: mache aus jedem Übergang *a* einen Turingmaschinen-Übergang der Art *a*|*a*, *R*, also bei jedem Zeichen mache den Zustandsübergang, überschreibe aber das Zeichen nicht und gehe zum nächsten Zeichen.

Formaler ausgedrückt?

## Lösung



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Einfach gesagt: mache aus jedem Übergang a einen Turingmaschinen-Übergang der Art a|a,R, also bei jedem Zeichen mache den Zustandsübergang, überschreibe aber das Zeichen nicht und gehe zum nächsten Zeichen.

### Formaler ausgedrückt?

- Für allgemeinen endlichen Akzeptor  $(Z, z_0, X, f, Y, h)$ , definiere eine Turingmaschine  $T := (Z, z_0, X \cup Y, f, g, h)$ , also  $Z, z_0, f$  gleich und mit Bandalphabet = Eingabealphabet  $\cup$  Ausgabealphabet
- $g(z, x) := x \quad \forall (z, x) \text{ in } f \text{ definiert}$
- $m(z,x) := R \quad \forall (z,y) \text{ in } f \text{ definiert}$

## Lösung



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Einfach gesagt: mache aus jedem Übergang a einen Turingmaschinen-Übergang der Art a|a,R, also bei jedem Zeichen mache den Zustandsübergang, überschreibe aber das Zeichen nicht und gehe zum nächsten Zeichen.

### Formaler ausgedrückt?

- Für allgemeinen endlichen Akzeptor  $(Z, z_0, X, f, Y, h)$ , definiere eine Turingmaschine  $T := (Z, z_0, X \cup Y, f, g, h)$ , also  $Z, z_0, f$  gleich und mit Bandalphabet = Eingabealphabet  $\cup$  Ausgabealphabet
- $g(z,x) := x \quad \forall (z,x) \text{ in } f \text{ definiert}$
- $\mathbf{m}(z,x) := R \quad \forall (z,y) \text{ in } f \text{ definiert}$

Jeder endliche Akzeptor kann so zu einer Turingmaschine umgeformt werden, die dieselbe Sprache akzeptiert.

# Über endliche Akzeptoren hinaus



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Sei L die Sprache von Palindromen über  $\{a, b\}$   $(L = \{aabaa, bbababb, aa, \varepsilon\}).$ 

# Über endliche Akzeptoren hinaus



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Sei L die Sprache von Palindromen über  $\{a, b\}$   $(L = \{aabaa, bbababb, aa, \varepsilon\}).$ 

Ist die Sprache regulär, also gibt es einen endlichen Akzeptor, der diese akzeptiert?

# Über endliche Akzeptoren hinaus



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Sei L die Sprache von Palindromen über  $\{a, b\}$   $(L = \{aabaa, bbababb, aa, \varepsilon\}).$ 

Ist die Sprache regulär, also gibt es einen endlichen Akzeptor, der diese akzeptiert? Nein.

# Über endliche Akzeptoren hinaus



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Sei L die Sprache von Palindromen über  $\{a, b\}$   $(L = \{aabaa, bbababb, aa, \varepsilon\}).$ 

- Ist die Sprache regulär, also gibt es einen endlichen Akzeptor, der diese akzeptiert? Nein.
- Ist die Sprache entscheidbar, also gibt es eine stets haltende Turingmaschine, die L akzeptiert?

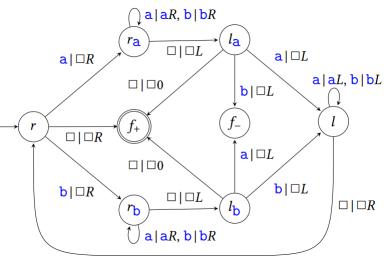
# Palindromerkennung mit Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Ja, nämlich:

Turingmaschinen



## Turingmaschinen Entwurfsaufgabe



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

## Turingmaschine Entwurf

- als Eingabe eine Binärzahl auf dem Band erhält
- als Ausgabe diese Zahl restlos durch zwei teilt und auf dem Band stehen lässt

## Turingmaschinen Entwurfsaufgabe

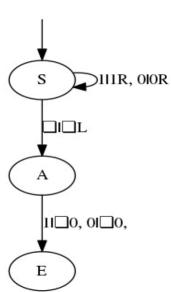


Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

### Turingmaschine Entwurf

- als Eingabe eine Binärzahl auf dem Band erhält
- als Ausgabe diese Zahl restlos durch zwei teilt und auf dem Band stehen lässt



## Turingmaschinen Entwurfsaufgabe



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

## Turingmaschine Entwurf

- als Eingabe eine Binärzahl auf dem Band erhält
- als Ausgabe diese Zahl um eins erh\u00f6ht auf dem Band stehen l\u00e4sst
- den Kopf der Turingmaschine auf dem ersten Zeichen der Ausgabe stehen hat.

## Turingmaschinen Entwurfsaufgabe

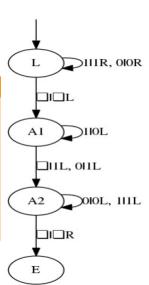


Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

### Turingmaschine Entwurf

- als Eingabe eine Binärzahl auf dem Band erhält
- als Ausgabe diese Zahl um eins erhöht auf dem Band stehen lässt
- den Kopf der Turingmaschine auf dem ersten Zeichen der Ausgabe stehen hat.



## **Turingmaschine Entwurfsaufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

#### Turingmaschine Entwurf

Entwerfe eine Turingmaschine, die die Sprache  $\{a^kb^k: k \in \mathbb{N}_0\}$  erkennt.

## **Turingmaschine Entwurfsaufgabe**

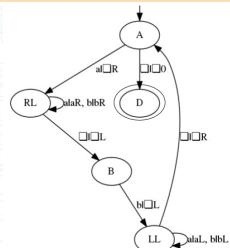


Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

\_\_\_\_\_

Turingmaschine Entwurf

Entwerfe eine Turingmaschine, die die Sprache  $\{a^kb^k:k\in\mathbb{N}_0\}$  erkennt. Turingmaschinen



## Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Angenommen, man kennt eine Turingmaschine, hat mit der Abarbeitung eines Wortes angefangen, will aber pausieren, um später weiterzumachen...

Was muss man sich alles merken, um später weiter zu machen?

## Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Angenommen, man kennt eine Turingmaschine, hat mit der Abarbeitung eines Wortes angefangen, will aber pausieren, um später weiterzumachen...

Was muss man sich alles merken, um später weiter zu machen?

Derzeitiger Zustand, in dem die Turingmaschine steht

### Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Angenommen, man kennt eine Turingmaschine, hat mit der Abarbeitung eines Wortes angefangen, will aber pausieren, um später weiterzumachen...

Was muss man sich alles merken, um später weiter zu machen?

- Derzeitiger Zustand, in dem die Turingmaschine steht
- Inhalt des Bandes

### Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Angenommen, man kennt eine Turingmaschine, hat mit der Abarbeitung eines Wortes angefangen, will aber pausieren, um später weiterzumachen...

Was muss man sich alles merken, um später weiter zu machen?

- Derzeitiger Zustand, in dem die Turingmaschine steht
- Inhalt des Bandes

#### Konfiguration von Turingmaschinen

Wenn während dem Arbeiten einer Turingmaschine auf dem Band das Wort  $w_1 a w_2$  mit  $w_1, w_2 \in X^*, a \in X$  steht

### Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Angenommen, man kennt eine Turingmaschine, hat mit der Abarbeitung eines Wortes angefangen, will aber pausieren, um später weiterzumachen...

Was muss man sich alles merken, um später weiter zu machen?

- Derzeitiger Zustand, in dem die Turingmaschine steht
- Inhalt des Bandes

#### Konfiguration von Turingmaschinen

Wenn während dem Arbeiten einer Turingmaschine auf dem Band das Wort  $w_1 a w_2$  mit  $w_1, w_2 \in X^*, a \in X$  steht, der Kopf der Turingmaschine auf das Zeichen a zeigt

### Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Angenommen, man kennt eine Turingmaschine, hat mit der Abarbeitung eines Wortes angefangen, will aber pausieren, um später weiterzumachen...

Was muss man sich alles merken, um später weiter zu machen?

- Derzeitiger Zustand, in dem die Turingmaschine steht
- Inhalt des Bandes

#### Konfiguration von Turingmaschinen

Wenn während dem Arbeiten einer Turingmaschine auf dem Band das Wort  $w_1 a w_2$  mit  $w_1, w_2 \in X^*, a \in X$  steht, der Kopf der Turingmaschine auf das Zeichen a zeigt und die Turingmaschine im Zustand z ist

### Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Angenommen, man kennt eine Turingmaschine, hat mit der Abarbeitung eines Wortes angefangen, will aber pausieren, um später weiterzumachen...

Was muss man sich alles merken, um später weiter zu machen?

- Derzeitiger Zustand, in dem die Turingmaschine steht
- Inhalt des Bandes

#### Konfiguration von Turingmaschinen

Wenn während dem Arbeiten einer Turingmaschine auf dem Band das Wort  $w_1 a w_2$  mit  $w_1, w_2 \in X^*, a \in X$  steht, der Kopf der Turingmaschine auf das Zeichen a zeigt und die Turingmaschine im Zustand z ist, so schreibt man die Konfiguration der Turingmaschine als  $\Box w_1(z) a w_2 \Box$ .

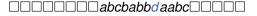
## Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Beispiel:





**KOPF** 

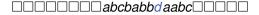
## Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Beispiel:



1

**KOPF** 

...sei das Band der Turingmaschine während Abarbeitung der Eingabe, dazu steht sie im Zustand  $z_4$ .

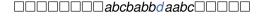
## Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Beispiel:



1

**KOPF** 

...sei das Band der Turingmaschine während Abarbeitung der Eingabe, dazu steht sie im Zustand  $z_4$ .

Dann sieht sieht die Konfiguration der Turingmaschine so aus:

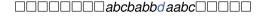
## Konfiguration von Turingmaschinen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Beispiel:



1

**KOPF** 

...sei das Band der Turingmaschine während Abarbeitung der Eingabe, dazu steht sie im Zustand  $z_4$ .

Dann sieht sieht die Konfiguration der Turingmaschine so aus:

 $\square$ abcbabb( $z_4$ )daabc $\square$ 

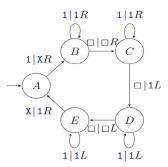
# Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



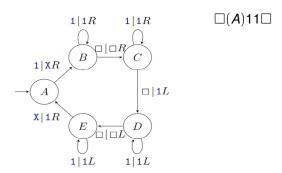
# **Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



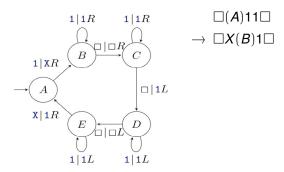
# Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



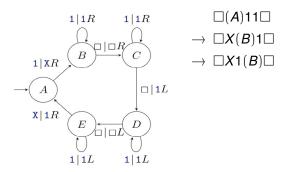
# **Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



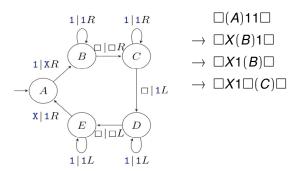
# **Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



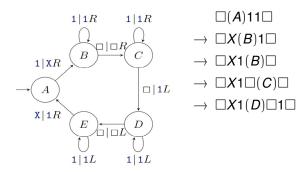
# **Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



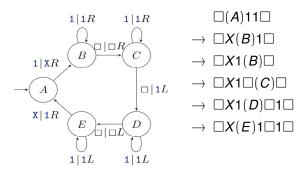
# Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



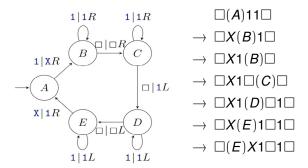
# Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



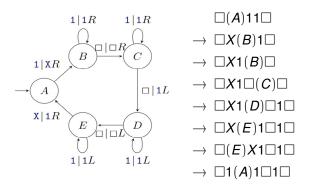
# Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



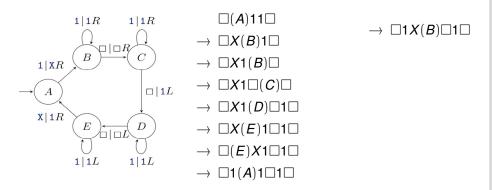
# **Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



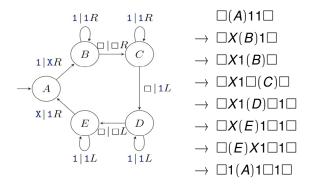
# Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



- $\rightarrow \Box 1X(B)\Box 1\Box$
- $\rightarrow \Box 1X\Box (C)1\Box$

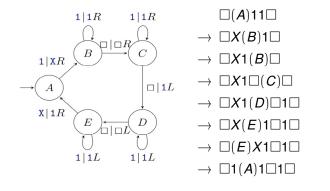
# Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



- $\rightarrow \Box 1X(B)\Box 1\Box$
- $\rightarrow \Box 1X\Box (C)1\Box$
- $\rightarrow \Box 1X\Box 1(C)\Box$

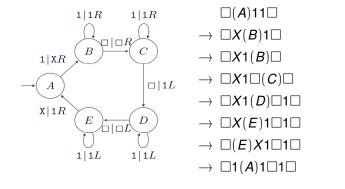
# **Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



- $\rightarrow \Box 1X(B)\Box 1\Box$
- $\rightarrow \Box 1 X \Box (C) 1 \Box$
- $\rightarrow \Box 1X\Box 1(C)\Box$
- $\rightarrow \Box 1X\Box (D)11\Box$

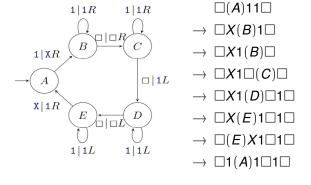
# **Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



- $\rightarrow \Box 1X(B)\Box 1\Box$   $\rightarrow \Box 1X\Box (C)1\Box$
- $\rightarrow \ \Box 1 X \Box 1 (\mathit{C}) \Box$
- $\rightarrow \Box 1X\Box (D)11\Box$
- $\rightarrow \Box 1X(D)\Box 11\Box$

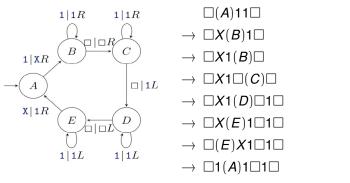
# **Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



- $\rightarrow \Box 1X(B)\Box 1\Box$
- $\rightarrow \Box 1 X \Box (C) 1 \Box$
- $\rightarrow \Box 1X\Box 1(C)\Box$
- $\rightarrow \Box 1X\Box (D)11\Box$
- $\rightarrow \Box 1X(D)\Box 11\Box$
- $\rightarrow \Box 1(E)X\Box 11\Box$

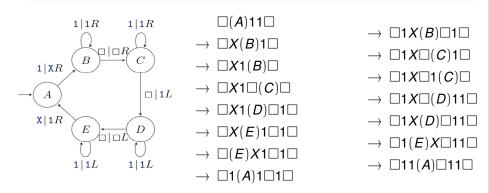
# **Dokumentation einer Abarbeitung mit Konfigurationen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

#### Aufgabe zu Konfigurationen



### Halteproblem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu Halteproblem: Für einen gegebenen Algorithmus, gelingt dieser bei seiner Abarbeitung zu einem Ende und hält?

## Halteproblem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Halteproblem: Für einen gegebenen Algorithmus, gelingt dieser bei seiner Abarbeitung zu einem Ende und hält?

Algorithmen können durch Turingmaschinen durchgeführt werden

## Halteproblem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Halteproblem: Für einen gegebenen Algorithmus, gelingt dieser bei seiner Abarbeitung zu einem Ende und hält?

- Algorithmen können durch Turingmaschinen durchgeführt werden
- Turingmaschinen k\u00f6nnen durch sogenannte universelle Turingmaschinen simuliert werden

## Halteproblem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Halteproblem: Für einen gegebenen Algorithmus, gelingt dieser bei seiner Abarbeitung zu einem Ende und hält?

- Algorithmen können durch Turingmaschinen durchgeführt werden
- Turingmaschinen können durch sogenannte universelle Turingmaschinen simuliert werden
  - Wenn eine Turingmaschine T kodiert ist mit dem Wort w, dann ist T<sub>w</sub>: X → X eine Funktion, die Eingaben auf die Ausgabe der Turingmaschine T mappt.

## Halteproblem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Halteproblem: Für einen gegebenen Algorithmus, gelingt dieser bei seiner Abarbeitung zu einem Ende und hält?

- Algorithmen können durch Turingmaschinen durchgeführt werden
- Turingmaschinen können durch sogenannte universelle Turingmaschinen simuliert werden
  - Wenn eine Turingmaschine T kodiert ist mit dem Wort w, dann ist T<sub>w</sub>: X → X eine Funktion, die Eingaben auf die Ausgabe der Turingmaschine T mappt.
  - Also mit  $X = \{1, 0\}$  gibt z.B.  $T_w(100101) = 001$  genau dann zurück, wenn, sofern man 100101 als Eingabe an die Turingmaschine mit der Kodierung w gibt, diese hält und als Ausgabe 001 erzeugt.

## Halteproblem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Halteproblem: Für einen gegebenen Algorithmus, gelingt dieser bei seiner Abarbeitung zu einem Ende und hält?

- Algorithmen können durch Turingmaschinen durchgeführt werden
- Turingmaschinen können durch sogenannte universelle Turingmaschinen simuliert werden
  - Wenn eine Turingmaschine T kodiert ist mit dem Wort w, dann ist  $T_w: X \to X$  eine Funktion, die Eingaben auf die Ausgabe der Turingmaschine T mappt.
  - Also mit  $X = \{1, 0\}$  gibt z.B.  $T_w(100101) = 001$  genau dann zurück, wenn, sofern man 100101 als Eingabe an die Turingmaschine mit der Kodierung w gibt, diese hält und als Ausgabe 001 erzeugt.

Dann lässt sich das Halteproblem auch als Sprache formulieren:

 $H = \{w \in A^* : w \text{ ist eine TM-Codierung und } T_w(w) \text{ hält.} \}$  bzw. als allgemeinerer Fall:

$$\hat{H} = \{(w, x) \in A^* \times A^* : w \text{ ist eine TM-Codierung und } T_w(x) \text{ hält.} \}$$

## Halteproblem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Das Halteproblem ist unentscheidbar

## Halteproblem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Das Halteproblem ist unentscheidbar, dh. es gibt keine Turingmaschine, die *H* entscheidet.

### **Busy Beaver**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Busy Beaver TM ist eine Turingmaschine mit *n* Zuständen, die möglichst viele Einsen auf das Band schreibt und hält.

### **Busy Beaver**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Turingmaschinen

Busy Beaver TM ist eine Turingmaschine mit *n* Zuständen, die möglichst viele Einsen auf das Band schreibt und hält.

Also nicht einfach ewig Einsen aufschreibt und nie aufhört.

### **Busy Beaver**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Busy Beaver TM ist eine Turingmaschine mit *n* Zuständen, die möglichst viele Einsen auf das Band schreibt und hält.

Also nicht einfach ewig Einsen aufschreibt und nie aufhört.

Busy Beaver Problem: Für eine gegebene Turingmaschine mit *n* Zuständen, die Einsen aufschreibt und hält: Schreibt sie auch maximal viele Einsen auf?

## **Busy Beaver**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Busy Beaver TM ist eine Turingmaschine mit *n* Zuständen, die möglichst viele Einsen auf das Band schreibt und hält.

Also nicht einfach ewig Einsen aufschreibt und nie aufhört.

Busy Beaver Problem: Für eine gegebene Turingmaschine mit *n* Zuständen, die Einsen aufschreibt und hält: Schreibt sie auch maximal viele Einsen auf?

Das Busy Beaver Problem ist nicht entscheidbar, bzw. die Busy Beaver Funktion bb(n), die definiert, wieviele einsen von einer Busy Beaver TM maximal geschrieben werden können, ist nicht berechenbar.

### **Busy Beaver**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Busy Beaver TM ist eine Turingmaschine mit *n* Zuständen, die möglichst viele Einsen auf das Band schreibt und hält.

Also nicht einfach ewig Einsen aufschreibt und nie aufhört.

Busy Beaver Problem: Für eine gegebene Turingmaschine mit *n* Zuständen, die Einsen aufschreibt und hält: Schreibt sie auch maximal viele Einsen auf?

Das Busy Beaver Problem ist nicht entscheidbar, bzw. die Busy Beaver Funktion bb(n), die definiert, wieviele einsen von einer Busy Beaver TM maximal geschrieben werden können, ist nicht berechenbar.

$$bb(1) = 1$$

## **Busy Beaver**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Busy Beaver TM ist eine Turingmaschine mit *n* Zuständen, die möglichst viele Einsen auf das Band schreibt und hält.

Also nicht einfach ewig Einsen aufschreibt und nie aufhört.

Busy Beaver Problem: Für eine gegebene Turingmaschine mit *n* Zuständen, die Einsen aufschreibt und hält: Schreibt sie auch maximal viele Einsen auf?

Das Busy Beaver Problem ist nicht entscheidbar, bzw. die Busy Beaver Funktion bb(n), die definiert, wieviele einsen von einer Busy Beaver TM maximal geschrieben werden können, ist nicht berechenbar.

$$bb(1) = 1, bb(2) = 4$$

## **Busy Beaver**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Busy Beaver TM ist eine Turingmaschine mit *n* Zuständen, die möglichst viele Einsen auf das Band schreibt und hält.

Also nicht einfach ewig Einsen aufschreibt und nie aufhört.

Busy Beaver Problem: Für eine gegebene Turingmaschine mit *n* Zuständen, die Einsen aufschreibt und hält: Schreibt sie auch maximal viele Einsen auf?

Das Busy Beaver Problem ist nicht entscheidbar, bzw. die Busy Beaver Funktion bb(n), die definiert, wieviele einsen von einer Busy Beaver TM maximal geschrieben werden können, ist nicht berechenbar.

$$bb(1) = 1, bb(2) = 4, bb(5) \ge 4098$$

## **Busy Beaver**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Turingmaschinen

Busy Beaver TM ist eine Turingmaschine mit *n* Zuständen, die möglichst viele Einsen auf das Band schreibt und hält.

Also nicht einfach ewig Einsen aufschreibt und nie aufhört.

Busy Beaver Problem: Für eine gegebene Turingmaschine mit *n* Zuständen, die Einsen aufschreibt und hält: Schreibt sie auch maximal viele Einsen auf?

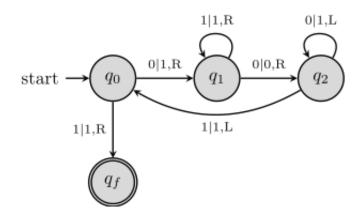
Das Busy Beaver Problem ist nicht entscheidbar, bzw. die Busy Beaver Funktion bb(n), die definiert, wieviele einsen von einer Busy Beaver TM maximal geschrieben werden können, ist nicht berechenbar.

$$bb(1) = 1, bb(2) = 4, bb(5) \ge 4098, bb(6) > 10^{18276}.$$

### Busy Beaver für n = 3



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu



### **Organisatorisches**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

- Alle Folien und Folienpaket jetzt online.
- Fragen zur Klausur oder zur Vorbereitung?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

