



# **Grundbegriffe der Informatik Tutorium 33**

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu | 26.01.2017



# Grundbegriffe Rückblick der Informatik



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

# Rückblick



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

• Was ist  $\Omega(f)$ ,  $\Theta(f)$ , O(f)?

# Rückblick



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

- Was ist  $\Omega(f)$ ,  $\Theta(f)$ , O(f)?
- Wieso messen wir nicht einfach Laufzeit in "Anzahl Operationen"?

# Obere und untere Schranke



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie Obere Schranke (Worst-Case Approximation)

$$O(f) = \{g | \exists c \in \mathbb{R}_+ : \exists n_0 \in \mathbb{N}_0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \le c \cdot f(n)\}$$

# Obere und untere Schranke



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

# Komplexitätstheorie Obere Schranke (Worst-Case Approximation)

$$O(f) = \{g | \exists c \in \mathbb{R}_+ : \exists n_0 \in \mathbb{N}_0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \le c \cdot f(n)\}$$

Automaten

# Untere Schranke (Best-Case Approximation)

$$\Omega(f) = \{g | \exists c \in \mathbb{R}_+ : \exists n_0 \in \mathbb{N}_0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \ge c \cdot f(n)\}$$

# Obere und untere Schranke



Lukas Bach Jukas.bach@student.kit.edu

# Komplexitätstheorie Obere Schranke (Worst-Case Approximation)

$$O(f) = \{g | \exists c \in \mathbb{R}_+ : \exists n_0 \in \mathbb{N}_0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \le c \cdot f(n)\}$$

Automaten

# Untere Schranke (Best-Case Approximation)

$$\Omega(f) = \{g | \exists c \in \mathbb{R}_+ : \exists n_0 \in \mathbb{N}_0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \ge c \cdot f(n)\}$$

### Average-Case Approximation

$$\Theta(f) = \{g | \exists c, c' \in \mathbb{R}_+ : \exists n_0 \in \mathbb{N}_0 : \forall n \geq n_0 : c \cdot f(n) \leq g(n) \leq c' \cdot f(n) \}$$

# **Obere und untere Schranke**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

### Obere Schranke (Worst-Case Approximation)

Mastertheore

$$O(f) = \{g | \exists c \in \mathbb{R}_+ : \exists n_0 \in \mathbb{N}_0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \le c \cdot f(n)\}$$

Automaten

## Untere Schranke (Best-Case Approximation)

$$\Omega(f) = \{g | \exists c \in \mathbb{R}_+ : \exists n_0 \in \mathbb{N}_0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \ge c \cdot f(n)\}$$

### Average-Case Approximation

$$\Theta(f) = \{g | \exists c, c' \in \mathbb{R}_+ : \exists n_0 \in \mathbb{N}_0 : \forall n \geq n_0 : c \cdot f(n) \leq g(n) \leq c' \cdot f(n)\}$$

Auf welche Weise wird hier approximiert?

#### Gelten folgende Approximationen?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

### Gelten folgende Approximationen?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

• 
$$4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

### Gelten folgende Approximationen?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

• 
$$4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

### Gelten folgende Approximationen?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

• 
$$4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

Komplexitätstheorie

$$\bullet 5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)?$$

Mastertheorem

### Gelten folgende Approximationen?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

• 
$$4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

Komplexitätstheorie

• 
$$5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

Mastertheorem

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

• 
$$4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

• 
$$5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

• 
$$4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

• 
$$4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

• 
$$5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

• 
$$4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Nein.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

• 
$$4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

• 
$$5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

• 
$$4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Nein.

■ 
$$4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$$
?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

• 
$$4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

• 
$$5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Ja.

• 
$$4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$$
? Nein.

• 
$$4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$$
? Ja

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

Es sind immer nur die höchsten Faktoren interessant!

■  $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .
- $\qquad \log_{4213}(n) \in \Theta(\log_2(n) \text{ Ja}$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .
- $\log_{4213}(n) \in \Theta(\log_2(n) \text{ Ja, die Basis des Logarithmus ist im O-Kalkülegal.}$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .
- $\log_{4213}(n) \in \Theta(\log_2(n) \text{ Ja, die Basis des Logarithmus ist im O-Kalkülegal.}$ 
  - Grund:  $O(\log_b n)$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .
- $\bullet \log_{4213}(n) \in \Theta(\log_2(n)$  Ja, die Basis des Logarithmus ist im O-Kalkül egal.
  - Grund:  $\mathcal{O}(\log_b n) = \mathcal{O}(\frac{\log_a n}{\log_a b})$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .
- $\bullet \log_{4213}(n) \in \Theta(\log_2(n)$  Ja, die Basis des Logarithmus ist im O-Kalkül egal.
  - Grund:  $\mathcal{O}(\log_b n) = \mathcal{O}(\frac{\log_a n}{\log_a b}) = \mathcal{O}(\frac{1}{\log_a b} \log_a n)$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .
- $\log_{4213}(n) \in \Theta(\log_2(n)$  Ja, die Basis des Logarithmus ist im O-Kalkül egal.
  - Grund:  $\mathcal{O}(\log_b n) = \mathcal{O}(\frac{\log_a n}{\log_a b}) = \mathcal{O}(\frac{1}{\log_a b}\log_a n) = \mathcal{O}(\log_a n)$ .

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

#### Es sind immer nur die höchsten Faktoren interessant!

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .
- $\bullet \log_{4213}(n) \in \Theta(\log_2(n)$  Ja, die Basis des Logarithmus ist im O-Kalkül egal.

• Grund: 
$$\mathcal{O}(\log_b n) = \mathcal{O}(\frac{\log_a n}{\log_a b}) = \mathcal{O}(\frac{1}{\log_a b}\log_a n) = \mathcal{O}(\log_a n)$$
.

■  $n! \in \Theta(n^{\pi e 2000})$ 

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .
- $\bullet \log_{4213}(n) \in \Theta(\log_2(n)$  Ja, die Basis des Logarithmus ist im O-Kalkül egal.
  - Grund:  $\mathcal{O}(\log_b n) = \mathcal{O}(\frac{\log_a n}{\log_a b}) = \mathcal{O}(\frac{1}{\log_a b}\log_a n) = \mathcal{O}(\log_a n)$ .
- $n! \in \Theta(n^{\pi e 2000})$  Nein

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheoren

Automaten

#### Gelten folgende Approximationen?

- $4n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $5n^2 + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Ja.
- $4n^{2,1} + \pi n + 2\sqrt{n} \in \Theta(n^2)$ ? Nein.

- $4n^4 + 3c^6 \in \Theta(n^4)$ ? Ja, c ist eine Konstante,  $3c^6 = (3c^6)n^0$  hat eine kleinere Potenz als  $n^4$ .
- $\bullet \log_{4213}(n) \in \Theta(\log_2(n)$  Ja, die Basis des Logarithmus ist im O-Kalkül egal.
  - Grund:  $\mathcal{O}(\log_b n) = \mathcal{O}(\frac{\log_a n}{\log_a b}) = \mathcal{O}(\frac{1}{\log_a b}\log_a n) = \mathcal{O}(\log_a n)$ .
- $n! \in \Theta(n^{\pi e 2000})$  Nein, Fakultät wächst asymptotisch schneller als fast alles andere.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Gelten folgende Approximationen?

Komplexitätstheorie

■  $4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$ ?

Mastertheorem

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Gelten folgende Approximationen?

Komplexitätstheorie

•  $4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$ ? Ja.

Mastertheorem

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Gelten folgende Approximationen?

Komplexitätstheorie

•  $4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$ ? Ja.

Mastertheorem

•  $4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$ ?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Gelten folgende Approximationen?

Komplexitätstheorie

•  $4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$ ? Ja.

Mastertheorem

•  $4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$ ? Ja.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

Komplexitätstheorie

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$$
? Ja.

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

•  $4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$ ?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

Komplexitätstheorie

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$$
? Ja.

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

 $\bullet 4n^3 + 2n^2 \in \mathfrak{O}(n^3)$ ? Ja.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathfrak{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

■ 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
? Nein.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^5)$$
?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^5)$$
? Nein.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathfrak{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^5)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^4)$$
?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathfrak{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^5)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^4)$$
? Nein.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathfrak{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^5)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^4)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^3)$$
?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathfrak{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^5)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^4)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^3)$$
? Ja.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathfrak{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^5)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^4)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^2)$$
?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Gelten folgende Approximationen?

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^5)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathfrak{O}(n^4)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \mathcal{O}(n^2)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^5)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^4)$$
? Nein.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^3)$$
? Ja.

• 
$$4n^3 + 2n^2 \in \Omega(n^2)$$
? Ja.

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$						
$\pi$						
$\frac{\log(n)}{n\log(n)}$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgab

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$					
$\pi$						
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(\mathit{n}^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉				
$\pi$						
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(\textit{n}^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉			
$\pi$						
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgab

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(\mathbf{n}^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉		
$\pi$						
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(\textit{n}^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	
$\pi$						
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$						
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(\mathit{n}^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$					
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	€	$\in$				
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	$\in$	€			
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉		
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	€	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$						
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$					
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	$\in$				
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉			
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	$\in$	∉	∉		
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	$\in$	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	€	€	∉	∉	∉	
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	$\in$	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$						
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	$\in$	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	$\in$	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$					
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	€	$\in$	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	€	$\in$	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉				
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

### **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	$\in$	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉			
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

### **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉		
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	$\in$	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$						
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	$\in$	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	$\in$	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉					
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	$\in$	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉				
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
π	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉			
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	$\in$	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€		
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	$\in$	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
π	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$						
n <sup>3</sup>						
n!						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	$\in$	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	$\in$	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$					
n <sup>3</sup>						
<i>n</i> !						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$-\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	$\in$	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉				
n <sup>3</sup>						
n!						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉			
n <sup>3</sup>						
n!						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	$\in$	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉		
n <sup>3</sup>						
n!						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	
n <sup>3</sup>						
n!						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
π	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	$\in$	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>						
n!						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	$\in$					
<i>n</i> !						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	$\in$	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	$\in$	∉				
<i>n</i> !						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgab

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2+4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	$\in$	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	$\in$	∉	∉			
n!						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	$\in$	∉	∉	∉		
n!						

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	$\in$	∉	∉	∉	∉	
n!						

# **Aufgabe**

liegt.



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n!						

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	€	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	€	∉	∉	∉	∉	∉
n!	∉					

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$-\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	€	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	€	∉	∉	∉	∉	∉
<i>n</i> !	∉	∉				

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^2 + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	€	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	€	∉	∉	∉	∉	∉
<i>n</i> !	∉	∉	∉			

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

# Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$-\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
<i>n</i> !	∉	∉	∉	∉		

## **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Übungsaufgabe

## Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

	$O(n^3)$	O(n)	Θ(c!)	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	$\in$	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
<i>n</i> !	∉	∉	∉	∉	$\in$	

# **Aufgabe**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Komplexitätstheorie Mastertheorem

Entscheide für jede Zelle, ob die Formel der Zeile in der Menge der Spalte liegt.

	$O(n^3)$	O(n)	$\Theta(c!)$	$\Theta(n^{\pi})$	$\Omega(n^6)$	$\Omega(n!)$
$2n^{2} + 4n$	$\in$	∉	∉	∉	∉	∉
$\pi$	$\in$	€	€	∉	∉	∉
$\log(n)$	$\in$	€	∉	∉	∉	∉
$n\log(n)$	€	∉	∉	∉	∉	∉
$n^{\pi}$	∉	∉	∉	€	∉	∉
$12n^3 + 7000n^2$	€	∉	∉	∉	∉	∉
n <sup>3</sup>	€	∉	∉	∉	∉	∉
<i>n</i> !	∉	∉	∉	∉	$\in$	$\in$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$\bullet \ \mathbb{O}(n^2) \cap \mathbb{O}(n) = \mathbb{O}(?)?$$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$\bullet \ \mathbb{O}(n^2) \cap \mathbb{O}(n) = \mathbb{O}(?)? = \mathbb{O}(n).$$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$\bullet \ \mathbb{O}(n^2) \cap \mathbb{O}(n) = \mathbb{O}(?)? = \mathbb{O}(n).$$

$$\quad \bullet \quad \mathfrak{O}(\mathit{n}^{2}) \cap \Omega(\mathit{n}^{3}) =$$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$\bullet \ \mathbb{O}(n^2) \cap \mathbb{O}(n) = \mathbb{O}(?)? = \mathbb{O}(n).$$

$$\quad \bullet \quad \mathfrak{O}(\mathit{n}^{2}) \cap \Omega(\mathit{n}^{3}) = \emptyset$$

## Grundlegende Reihenfolge von Größen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$1 \preceq \log n \preceq n \log n \preceq n^2 \preceq n^3 \preceq n^{10000} \preceq n^2 \preceq 3^n \preceq 1000^n \preceq n! \preceq n^n$$

## **Mathematische Definitionen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$f(n) \in \Omega(g(n)) \Leftrightarrow 0 < \liminf_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} \le \infty$$
 $f(n) \in \Theta(g(n)) \Leftarrow 0 < \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c < \infty$ 

$$f(n) \in \mathcal{O}(g(n)) \Leftrightarrow 0 \leq \limsup_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c < \infty$$

## **Mathematische Definitionen**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

$$\begin{split} f(n) \in \Omega(g(n)) &\Leftrightarrow 0 < \liminf_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} \leq \infty \\ f(n) \in \Theta(g(n)) &\Leftarrow 0 < \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c < \infty \\ f(n) \in \mathcal{O}(g(n)) &\Leftrightarrow 0 \leq \limsup_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c < \infty \end{split}$$

#### Z

## eige:

■ 
$$3n^2 + 14n + 159 \in \Theta(n^2)$$

$$\log n^2 \in \Theta(\log n^3)$$

$$\log^2 n \in \mathcal{O}(\log^3 n)$$

# Komplexität mit vollständiger Induktion beweisen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Komplexitätstheorie

Mastertheorer

#### Automaten

7

eige mittels vollständiger Induktion:

- $\mathbf{2}^n \in \Theta(n^3)$
- (n+1)! ∈ Θ(n! +  $2^n$ )

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Größenordnung Bezeichnung

Mastertheorem

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie	
---------------------	--

Größenordnung Bezeichnung

O(1) konstante Laufzeit

Mastertheorem

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie	Größenordnung	Bezeichnung
		konstante Laufzeit
Mastertheorem	𝒪(log <i>n</i> )	logarithmische Laufzeit
Automaton		

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie	Größenordr
•	(
Mastertheorem	O(Ic
Automaten	O(log

Größenordnung	Bezeichnung
0(1)	konstante Laufzeit
𝒪(log <i>n</i> )	logarithmische Laufzeit
$\mathcal{O}(\log^2 n)$	quadratisch logarithmische Laufzeit

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie
Mastertheorem

$O(1)$ konstante Laufzeit $O(\log n)$ logarithmische Laufzeit $O(\log^2 n)$ quadratisch logarithmische Laufz		Größenordnung
· · · · · ·		0(1)
()(log <sup>2</sup> n)   quadratisch logarithmische Laufz		` • /
quadraticon logaritimicono Laciz	eit	$\mathcal{O}(\log^2 n)$
O(n) lineare Laufzeit		O(n)

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Größenordnung	Bezeichnung
0(1)	konstante Laufzeit
O(log <i>n</i> )	logarithmische Laufzeit
$\mathcal{O}(\log^2 n)$	quadratisch logarithmische Laufzeit
O(n)	lineare Laufzeit
$O(n^2)$	quadratische Laufzeit
0(11)	quadratische Laufzeit

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie
---------------------

Mastertheorem

Größenordnung	Bezeichnung
0(1)	konstante Laufzeit
𝒪(log <i>n</i> )	logarithmische Laufzeit
$\mathcal{O}(\log^2 n)$	quadratisch logarithmische Laufzeit
O(n)	lineare Laufzeit
$O(n^2)$	quadratische Laufzeit
$O(n^3)$	kubische Laufzeit

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Größenordnung	Bezeichnung
0(1)	konstante Laufzeit
𝒪(log <i>n</i> )	logarithmische Laufzeit
$\mathcal{O}(\log^2 n)$	quadratisch logarithmische Laufzeit
O(n)	lineare Laufzeit
$O(n^2)$	quadratische Laufzeit
$O(n^3)$	kubische Laufzeit
$O(n^k)$	polynomielle Laufzeit

### $r \leftarrow 0$ Grundbegriffe for $i \leftarrow 0$ to n/2 do der Informatik Lukas Bach, lus ← 0 kas.bach@student.kit.edu for $j \leftarrow i$ to n - i do Komplexitätstheorie $s \leftarrow s + j$ Mastertheorem od $r \leftarrow s + n * i$ Automaten $r \leftarrow r + s$

od

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

# Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

$$r \leftarrow 0$$
  
for  $i \leftarrow 0$  to  $n/2$  do  
 $s \leftarrow 0$   
for  $j \leftarrow i$  to  $n - i$  do  
 $s \leftarrow s + j$   
od  
 $r \leftarrow s + n * i$   
 $r \leftarrow r + s$   
od

Wie oft wird die innere Schleife durchlaufen?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

# Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

$$r \leftarrow 0$$
  
for  $i \leftarrow 0$  to  $n/2$  do  
 $s \leftarrow 0$   
for  $j \leftarrow i$  to  $n - i$  do  
 $s \leftarrow s + j$   
od  
 $r \leftarrow s + n * i$   
 $r \leftarrow r + s$   
od

• Wie oft wird die innere Schleife durchlaufen? n-2i+1 mal.

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$r \leftarrow 0$$
  
for  $i \leftarrow 0$  to  $n/2$  do  
 $s \leftarrow 0$   
for  $j \leftarrow i$  to  $n - i$  do  
 $s \leftarrow s + j$   
od  
 $r \leftarrow s + n * i$   
 $r \leftarrow r + s$   
od

- Wie oft wird die innere Schleife durchlaufen? n-2i+1 mal.
- Wie kommen wir jetzt auf die Gesamtlaufzeit?

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$r \leftarrow 0$$
  
for  $i \leftarrow 0$  to  $n/2$  do  
 $s \leftarrow 0$   
for  $j \leftarrow i$  to  $n - i$  do  
 $s \leftarrow s + j$   
od  
 $r \leftarrow s + n * i$   
 $r \leftarrow r + s$   
od

- Wie oft wird die innere Schleife durchlaufen? n-2i+1 mal.
- Wie kommen wir jetzt auf die Gesamtlaufzeit?

$$\sum_{i=0}^{n/2} (n-2i+1)$$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

Automaten

$$r \leftarrow 0$$
  
for  $i \leftarrow 0$  to  $n/2$  do  
 $s \leftarrow 0$   
for  $j \leftarrow i$  to  $n - i$  do  
 $s \leftarrow s + j$   
od  
 $r \leftarrow s + n * i$   
 $r \leftarrow r + s$ 

# od

- Wie oft wird die innere Schleife durchlaufen? n-2i+1 mal.
- Wie kommen wir jetzt auf die Gesamtlaufzeit?

$$\sum_{i=0}^{n/2} (n-2i+1) = \frac{n}{2}n - 2\sum_{i=0}^{n/2} i + \frac{n}{2}$$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$r \leftarrow 0$$
  
for  $i \leftarrow 0$  to  $n/2$  do  
 $s \leftarrow 0$   
for  $j \leftarrow i$  to  $n - i$  do  
 $s \leftarrow s + j$   
od  
 $r \leftarrow s + n * i$   
 $r \leftarrow r + s$ 

- Wie oft wird die innere Schleife durchlaufen? n 2i + 1 mal.
- Wie kommen wir jetzt auf die Gesamtlaufzeit?

$$\sum_{i=0}^{n/2} (n-2i+1) = \frac{n}{2}n - 2\sum_{i=0}^{n/2} i + \frac{n}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - 2\frac{\frac{n}{2} \cdot (\frac{n}{2} + 1)}{2}$$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

$$r \leftarrow 0$$
  
for  $i \leftarrow 0$  to  $n/2$  do  
 $s \leftarrow 0$   
for  $j \leftarrow i$  to  $n - i$  do  
 $s \leftarrow s + j$   
od  
 $r \leftarrow s + n * i$   
 $r \leftarrow r + s$ 

### **-**

- Wie oft wird die innere Schleife durchlaufen? n 2i + 1 mal.
- Wie kommen wir jetzt auf die Gesamtlaufzeit?

$$\sum_{i=0}^{n/2} (n-2i+1) = \frac{n}{2}n - 2\sum_{i=0}^{n/2} i + \frac{n}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - 2\frac{\frac{n}{2} \cdot (\frac{n}{2}+1)}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - \frac{n^2}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - \frac{n^2}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - \frac{n^2}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} = \frac{n^2}{2$$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

$$r \leftarrow 0$$
  
for  $i \leftarrow 0$  to  $n/2$  do  
 $s \leftarrow 0$   
for  $j \leftarrow i$  to  $n - i$  do  
 $s \leftarrow s + j$   
od  
 $r \leftarrow s + n * i$   
 $r \leftarrow r + s$ 

# od

- Wie oft wird die innere Schleife durchlaufen? n 2i + 1 mal.
- Wie kommen wir jetzt auf die Gesamtlaufzeit?

$$\sum_{i=0}^{n/2} (n-2i+1) = \frac{n}{2}n - 2\sum_{i=0}^{n/2} i + \frac{n}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - 2\frac{\frac{n}{2} \cdot (\frac{n}{2} + 1)}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - \frac{n^2}{4} - \frac{n}{2} = \frac{1}{4}n^2$$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

$$r \leftarrow 0$$
  
for  $i \leftarrow 0$  to  $n/2$  do  
 $s \leftarrow 0$   
for  $j \leftarrow i$  to  $n - i$  do  
 $s \leftarrow s + j$   
od  
 $r \leftarrow s + n * i$   
 $r \leftarrow r + s$ 

- Wie oft wird die innere Schleife durchlaufen? n-2i+1 mal.
- Wie kommen wir jetzt auf die Gesamtlaufzeit?

$$\sum_{i=0}^{n/2} (n-2i+1) = \frac{n}{2}n - 2\sum_{i=0}^{n/2} i + \frac{n}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - 2\frac{\frac{n}{2} \cdot (\frac{n}{2}+1)}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} - \frac{n^2}{4} - \frac{n}{2} = \frac{1}{4}n^2$$

Kann man das einfacher machen?

# Mastertheorem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

# Mastertheorem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

# Formel für Mastertheorem

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

# Mastertheorem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

# Formel für Mastertheorem

Komplexitätstheorie Rekursive Komplexitätsformeln der Form

Mastertheorem

# Mastertheorem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

# Formel für Mastertheorem

Komplexitätstheorie Rekursive Komplexitätsformeln der Form

Mastertheorem T(r)

$$T(n) = a \cdot T(\frac{n}{b}) + f(n)$$

# Mastertheorem



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

# Formel für Mastertheorem

Komplexitätstheorie Rekursive Komplexitätsformeln der Form

Mastertheorem

$$T(n) = a \cdot T(\frac{n}{b}) + f(n)$$

Automaten

lassen sich mit dem Mastertheorem Komplexitätsklassen zuordnen.

# Auflösung des Mastertheorem

Fall 1: Wenn  $f \in \mathcal{O}(n^{\log_b a - \varepsilon})$  für ein  $\varepsilon > 0$  ist, dann ist  $T \in \Theta(n^{\log_b a})$ .

Fall 2: Wenn  $f \in \Theta(n^{\log_b a})$  ist, dann ist  $T \in \Theta(n^{\log_b a} \log n)$ .

Fall 3: Wenn  $f \in \mathcal{O}(n^{\log_b a + \varepsilon})$  für ein  $\varepsilon > 0$  ist, und wenn es eine Konstante d gibt mit 0 < d < 1, so dass für alle hinreichend großen n gilt  $af(n/b) \le df$ , dann ist  $T \in \Theta(f)$ .

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

$$T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$$

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

• 
$$T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$$
, also  $a = 2, b = 4, f(n) = \sqrt{n}$ 

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

■  $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also  $a = 2, b = 4, f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

Automaten

■  $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also  $a = 2, b = 4, f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems.  $T \in \Theta(\sqrt{n} \log n)$ 

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

#### Mastertheorem

- $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also a = 2, b = 4,  $f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems.  $T \in \Theta(\sqrt{n} \log n)$
- $T(n) := 3T(\frac{n}{2}) + n \log n$

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

#### Mastertheorem

- $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also a = 2, b = 4,  $f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems.  $T \in \Theta(\sqrt{n} \log n)$
- $T(n) := 3T(\frac{n}{2}) + n \log n$ , also  $a = 3, b = 2, f(n) = n \log n$

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

#### Mastertheorem

- $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also  $a = 2, b = 4, f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems.  $T \in \Theta(\sqrt{n} \log n)$
- $T(n) := 3T(\frac{n}{2}) + n \log n$ , also  $a = 3, b = 2, f(n) = n \log n$ , also erster Fall des Mastertheorems

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

#### Mastertheorem

- $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also  $a = 2, b = 4, f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems.  $T \in \Theta(\sqrt{n} \log n)$
- $T(n) := 3T(\frac{n}{2}) + n \log n$ , also  $a = 3, b = 2, f(n) = n \log n$ , also erster Fall des Mastertheorems,  $T \in \Theta(n^{\log_2 3})$

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

#### Mastertheorem

- $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also  $a = 2, b = 4, f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems.  $T \in \Theta(\sqrt{n} \log n)$
- $T(n) := 3T(\frac{n}{2}) + n \log n$ , also  $a = 3, b = 2, f(n) = n \log n$ , also erster Fall des Mastertheorems,  $T \in \Theta(n^{\log_2 3})$
- $T(n) := 4T(\frac{n}{2}) + n^2\sqrt{n}$

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

#### Mastertheorem

- $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also  $a = 2, b = 4, f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems.  $T \in \Theta(\sqrt{n} \log n)$
- $T(n) := 3T(\frac{n}{2}) + n \log n$ , also  $a = 3, b = 2, f(n) = n \log n$ , also erster Fall des Mastertheorems,  $T \in \Theta(n^{\log_2 3})$
- $T(n) := 4T(\frac{n}{2}) + n^2\sqrt{n}$ , also  $a = 4, b = 2, f(n) = n^2\sqrt{n}$

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

#### Mastertheorem

#### Automaten

■  $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also a = 2, b = 4,  $f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems.  $T \in \Theta(\sqrt{n} \log n)$ 

- $T(n) := 3T(\frac{n}{2}) + n \log n$ , also  $a = 3, b = 2, f(n) = n \log n$ , also erster Fall des Mastertheorems,  $T \in \Theta(n^{\log_2 3})$
- $T(n) := 4T(\frac{n}{2}) + n^2\sqrt{n}$ , also a = 4, b = 2,  $f(n) = n^2\sqrt{n}$ , also dritter Fall des Mastertheorems

# **Aufgaben zum Mastertheorem**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

#### Mastertheorem

#### Automaten

■  $T(n) := 2T(\frac{n}{4}) + \sqrt{n}$ , also a = 2, b = 4,  $f(n) = \sqrt{n}$ , also zweiter Fall des Mastertheorems.  $T \in \Theta(\sqrt{n} \log n)$ 

- $T(n) := 3T(\frac{n}{2}) + n \log n$ , also  $a = 3, b = 2, f(n) = n \log n$ , also erster Fall des Mastertheorems,  $T \in \Theta(n^{\log_2 3})$
- $T(n) := 4T(\frac{n}{2}) + n^2\sqrt{n}$ , also  $a = 4, b = 2, f(n) = n^2\sqrt{n}$ , also dritter Fall des Mastertheorems,  $T \in \Theta(n^2\sqrt{n})$ .

# **Definition eines endlichen Automaten**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

# Endlicher Automat

Mastertheorem

Automaten

# **Definition eines endlichen Automaten**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

# Endlicher Automat

Ein endlicher Automat ist ein Tupel  $A = (Z, z_0, X, f, Y, g)$  mit...

Automaten

endliche Zustandsmenge Z

# **Definition eines endlichen Automaten**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

# Endlicher Automat

Ein endlicher Automat ist ein Tupel  $A = (Z, z_0, X, f, Y, g)$  mit...

- endliche Zustandsmenge Z
- Anfangszustand  $z_0 \in Z$

# **Definition eines endlichen Automaten**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Automaten

Komplexitätstheorie

# Endlicher Automat

- endliche Zustandsmenge Z
- Anfangszustand  $z_0 \in Z$
- Eingabealphabet X

# **Definition eines endlichen Automaten**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

#### Automaten

# **Endlicher Automat**

- endliche Zustandsmenge Z
- Anfangszustand  $z_0 \in Z$
- Eingabealphabet X
- Zustandsübergangsfunktion  $f: Z \times X \rightarrow Z$

# **Definition eines endlichen Automaten**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

# Endlicher Automat

Mastertheorer

Automaten

- endliche Zustandsmenge Z
- Anfangszustand  $z_0 \in Z$
- Eingabealphabet X
- Zustandsübergangsfunktion  $f: Z \times X \rightarrow Z$
- Ausgabealphabet Y

# **Definition eines endlichen Automaten**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

# Endlicher Automat

Mastertheorer

Automaten

- endliche Zustandsmenge Z
- Anfangszustand  $z_0 \in Z$
- Eingabealphabet X
- Zustandsübergangsfunktion  $f: Z \times X \rightarrow Z$
- Ausgabealphabet Y
- Ausgabefunktion

# **Definition eines endlichen Automaten**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Komplexitätstheorie

# Endlicher Automat

Mastertheorer

Automaten

- endliche Zustandsmenge Z
- Anfangszustand  $z_0 \in Z$
- Eingabealphabet X
- Zustandsübergangsfunktion  $f: Z \times X \rightarrow Z$
- Ausgabealphabet Y
- Ausgabefunktion
  - Mealy-Automat:  $g: Z \times X \rightarrow Y^*$

# **Definition eines endlichen Automaten**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

## Komplexitätstheorie

# Endlicher Automat

Mastertheorer

Automaten

- endliche Zustandsmenge Z
- Anfangszustand  $z_0 \in Z$
- Eingabealphabet X
- Zustandsübergangsfunktion  $f: Z \times X \rightarrow Z$
- Ausgabealphabet Y
- Ausgabefunktion
  - Mealy-Automat:  $g: Z \times X \rightarrow Y^*$
  - Moore-Automat:  $h: Z \rightarrow Y^*$

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Komplexitätstheorie

Mastertheorem

