

Grundbegriffe der Informatik

Tutorium 33

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu | 4.11.2016



Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

■ $A \cap B$

Wörter

Formale
Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

■ $A \cap B = \{b, c\}$

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$

- $A \cup B$

Wiederholung

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$

Wörter

Formale Sprachen

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- C^2

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$
- 2^C

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$
- $2^C = \{\emptyset\}$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$
- $2^C = \{\emptyset, \{a, d\},$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$
- $2^C = \{\emptyset, \{a, d\}, \{a\},$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$
- $2^C = \{\emptyset, \{a, d\}, \{a\}, \{d\}\}$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$
- $2^C = \{\emptyset, \{a, d\}, \{a\}, \{d\}\}$
- Unterschied zwischen $\{a, b\}$ und (a, b) ?

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$
- $2^C = \{\emptyset, \{a, d\}, \{a\}, \{d\}\}$
- Unterschied zwischen $\{a, b\}$ und (a, b) ?
- Definition von...

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$
- $2^C = \{\emptyset, \{a, d\}, \{a\}, \{d\}\}$
- Unterschied zwischen $\{a, b\}$ und (a, b) ?
- Definition von...
 - Alphabet?

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b, c\}, B := \{b, c, d\}, C := \{a, d\}$$

- $A \cap B = \{b, c\}$
- $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
- $A \setminus B = \{a\}$
- $C^2 = C \times C = \{(a, a), (a, d), (d, a), (d, d)\}$
- $2^C = \{\emptyset, \{a, d\}, \{a\}, \{d\}\}$
- Unterschied zwischen $\{a, b\}$ und (a, b) ?
- Definition von...
 - Alphabet?
 - Abbildung?

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

- Symbol: \cdot

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

- Symbol: \cdot , also zwei Buchstaben a und b miteinander konkateniert:
 $a \cdot b$.

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

- Symbol: \cdot , also zwei Buchstaben a und b miteinander konkateniert:
 $a \cdot b$.
- Nicht kommutativ

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

- Symbol: \cdot , also zwei Buchstaben a und b miteinander konkateniert:
 $a \cdot b$.
- Nicht kommutativ: $a \cdot b \neq b \cdot a$

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

- Symbol: \cdot , also zwei Buchstaben a und b miteinander konkateniert:
 $a \cdot b$.
- Nicht kommutativ: $a \cdot b \neq b \cdot a$
- Aber assoziativ

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

- Symbol: \cdot , also zwei Buchstaben a und b miteinander konkateniert:
 $a \cdot b$.
- Nicht kommutativ: $a \cdot b \neq b \cdot a$
- Aber assoziativ: $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

- Symbol: \cdot , also zwei Buchstaben a und b miteinander konkateniert:
 $a \cdot b$.
- Nicht kommutativ: $a \cdot b \neq b \cdot a$
- Aber assoziativ: $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$
- Kurzschreibweise

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

- Symbol: \cdot , also zwei Buchstaben a und b miteinander konkateniert:
 $a \cdot b$.
- Nicht kommutativ: $a \cdot b \neq b \cdot a$
- Aber assoziativ: $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$
- Kurzschreibweise: Ohne Punkte

Konkatenation

Durch Konkatenation werden einzelne Buchstaben aus einem Alphabet miteinander verbunden.

- Symbol: \cdot , also zwei Buchstaben a und b miteinander konkateniert:
 $a \cdot b$.
- Nicht kommutativ: $a \cdot b \neq b \cdot a$
- Aber assoziativ: $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$
- Kurzschreibweise: Ohne Punkte, also $a \cdot b = ab$

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatenation durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatenation durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatenation durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatenation durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

- Mögliche Worte:

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatination durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

- Mögliche Worte: $w_1 := a \cdot b$

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatenation durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

- Mögliche Worte: $w_1 := a \cdot b$, $w_2 = b \cdot c \cdot c$

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatenation durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

- Mögliche Worte: $w_1 := a \cdot b$, $w_2 = b \cdot c \cdot c$, $w_3 = a \cdot c \cdot c \cdot b \cdot a$.

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatination durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

- Mögliche Worte: $w_1 := a \cdot b$, $w_2 = b \cdot c \cdot c$, $w_3 = a \cdot c \cdot c \cdot b \cdot a$.
- Keine möglichen Worte:

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatination durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

- Mögliche Worte: $w_1 := a \cdot b$, $w_2 = b \cdot c \cdot c$, $w_3 = a \cdot c \cdot c \cdot b \cdot a$.
- Keine möglichen Worte: d .

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatenation durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

- Mögliche Worte: $w_1 := a \cdot b$, $w_2 = b \cdot c \cdot c$, $w_3 = a \cdot c \cdot c \cdot b \cdot a$.
- Keine möglichen Worte: d .
- Konkatenation nicht kommutativ

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatenation durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

- Mögliche Worte: $w_1 := a \cdot b$, $w_2 = b \cdot c \cdot c$, $w_3 = a \cdot c \cdot c \cdot b \cdot a$.
- Keine möglichen Worte: d .
- Konkatenation nicht kommutativ: Wort abc

Wörter: Intuitivere Definition

Ein Wort w entsteht durch die Konkatenation durch Buchstaben aus einem Alphabet.

Also Abfolge von Zeichen.

Sei $A := \{a, b, c\}$.

- Mögliche Worte: $w_1 := a \cdot b$, $w_2 = b \cdot c \cdot c$, $w_3 = a \cdot c \cdot c \cdot b \cdot a$.
- Keine möglichen Worte: d .
- Konkatenation nicht kommutativ: Wort abc ist ungleich dem Wort bca .

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung
 $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$.

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

■ \mathbb{Z}_n

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

■ $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} :$

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

■ $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 \mathbb{Z}_3

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\},$

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\}, \mathbb{Z}_2 = \{0, 1\}, \mathbb{Z}_0 = \emptyset.$

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\}, \mathbb{Z}_2 = \{0, 1\}, \mathbb{Z}_0 = \emptyset.$
- Länge oder Kardinalität eines Wortes:

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\}, \mathbb{Z}_2 = \{0, 1\}, \mathbb{Z}_0 = \emptyset.$
- Länge oder Kardinalität eines Wortes: $|w|$.

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\}, \mathbb{Z}_2 = \{0, 1\}, \mathbb{Z}_0 = \emptyset.$
- Länge oder Kardinalität eines Wortes: $|w|$. $|abcde|$

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\}, \mathbb{Z}_2 = \{0, 1\}, \mathbb{Z}_0 = \emptyset.$
- Länge oder Kardinalität eines Wortes: $|w|$. $|abcde| = 5$.

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\}, \mathbb{Z}_2 = \{0, 1\}, \mathbb{Z}_0 = \emptyset.$
- Länge oder Kardinalität eines Wortes: $|w|$. $|abcde| = 5$.
- Wort $w = abdec$ als Relation aufgeschrieben:

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\}, \mathbb{Z}_2 = \{0, 1\}, \mathbb{Z}_0 = \emptyset.$
- Länge oder Kardinalität eines Wortes: $|w|$. $|abcde| = 5.$
- Wort $w = abdec$ als Relation aufgeschrieben:
 $w = \{(0, a), (1, b), (2, d), (3, e), (4, c)\}.$

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\}, \mathbb{Z}_2 = \{0, 1\}, \mathbb{Z}_0 = \emptyset.$
- Länge oder Kardinalität eines Wortes: $|w|$. $|abcde| = 5.$
- Wort $w = abdec$ als Relation aufgeschrieben:
 $w = \{(0, a), (1, b), (2, d), (3, e), (4, c)\}$. Also
 $w(0) = a, w(1) = b, w(2) = d, \dots$

Wörter: Abstraktere Definition

Ein Wort w über dem Alphabet A ist definiert als surjektive Abbildung $w : \mathbb{Z}_n \rightarrow A$. Dabei heißt n die Länge $|w|$ des Wortes.

- $\mathbb{Z}_n = \{i \in \mathbb{N} : 0 \leq i < n\}$
 $\mathbb{Z}_3 = \{0, 1, 2\}, \mathbb{Z}_2 = \{0, 1\}, \mathbb{Z}_0 = \emptyset.$
- Länge oder Kardinalität eines Wortes: $|w|$. $|abcde| = 5$.
- Wort $w = abdec$ als Relation aufgeschrieben:
 $w = \{(0, a), (1, b), (2, d), (3, e), (4, c)\}$. Also
 $w(0) = a, w(1) = b, w(2) = d, \dots$
Damit sieht man auch: $|w| = |\{(0, a), (1, b), (2, d), (3, e), (4, c)\}| = 5$.

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

■ Wort der Kardinalität 0?

Wörter

Formale
Sprachen

■ Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort

■ Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ϵ

■ Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0

■ Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Leere Wort wird interpretiert als “nicht sichtbar” und kann überall platziert werden

- Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Leere Wort wird interpretiert als “nicht sichtbar” und kann überall platziert werden: *aabc*

- Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Leere Wort wird interpretiert als “nicht sichtbar” und kann überall platziert werden: $abc = a\varepsilon bc = \varepsilon\varepsilon abc\varepsilon$.

- Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Leere Wort wird interpretiert als “nicht sichtbar” und kann überall platziert werden: $aabc = a\varepsilon abc = \varepsilon\varepsilon a\varepsilon bc\varepsilon$.
- $|\{\varepsilon\}|$

- Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Leere Wort wird interpretiert als “nicht sichtbar” und kann überall platziert werden: $aabc = a\varepsilon abc = \varepsilon\varepsilon a\varepsilon bc\varepsilon$.
- $|\{\varepsilon\}| = 1$

- Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Leere Wort wird interpretiert als “nicht sichtbar” und kann überall platziert werden: $aabc = a\varepsilon abc = \varepsilon\varepsilon a\varepsilon bc\varepsilon$.
- $|\{\varepsilon\}| = 1$, die Menge ist nicht leer!

- Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Leere Wort wird interpretiert als “nicht sichtbar” und kann überall platziert werden: $aabc = a\varepsilon abc = \varepsilon\varepsilon a\varepsilon bc\varepsilon$.
- $|\{\varepsilon\}| = 1$, die Menge ist nicht leer! Das leere Wort ist nicht *nichts*!

- Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Leere Wort wird interpretiert als “nicht sichtbar” und kann überall platziert werden: $aabc = a\varepsilon abc = \varepsilon\varepsilon a\varepsilon bc\varepsilon$.
- $|\{\varepsilon\}| = 1$, die Menge ist nicht leer! Das leere Wort ist nicht *nichts*! (Vergleiche leere Menge)

- Wort der Kardinalität 0?

Das leere Wort

Das leere Wort ε ist definiert ein Wort mit Kardinalität 0, also mit 0 Zeichen.

- Leere Wort wird interpretiert als “nicht sichtbar” und kann überall platziert werden: $aabc = a\varepsilon abc = \varepsilon\varepsilon a\varepsilon bc\varepsilon$.
- $|\{\varepsilon\}| = 1$, die Menge ist nicht leer! Das leere Wort ist nicht *nichts*! (Vergleiche leere Menge)
- $|\varepsilon| = 0$.

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

A^n

Zu einem Alphabet A

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 =$

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 A^1

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$,

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$, $A^0 = \{\varepsilon\}$.

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$, $A^0 = \{\varepsilon\}$.

Die Menge aller Wörter

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$, $A^0 = \{\varepsilon\}$.

Die Menge aller Wörter *beliebiger* Länge:

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$, $A^0 = \{\varepsilon\}$.

Die Menge aller Wörter *beliebiger* Länge:

- $A^* := \bigcup_{i \in \mathbb{N}_0} A_i$

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$, $A^0 = \{\varepsilon\}$.

Die Menge aller Wörter *beliebiger* Länge:

- $A^* := \bigcup_{i \in \mathbb{N}_0} A^i$
- $A := \{a, b, c\}$

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$, $A^0 = \{\varepsilon\}$.

Die Menge aller Wörter *beliebiger* Länge:

- $A^* := \bigcup_{i \in \mathbb{N}_0} A^i$
- $A := \{a, b, c\}$. $aa \in A^*$

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$, $A^0 = \{\varepsilon\}$.

Die Menge aller Wörter *beliebiger* Länge:

- $A^* := \bigcup_{i \in \mathbb{N}_0} A^i$
- $A := \{a, b, c\}$. $aa \in A^*$, $abcabcabc \in A^*$

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$, $A^0 = \{\varepsilon\}$.

Die Menge aller Wörter *beliebiger* Länge:

- $A^* := \bigcup_{i \in \mathbb{N}_0} A^i$
- $A := \{a, b, c\}$. $aa \in A^*$, $abcabcabc \in A^*$, $aaaa \in A^*$

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

A^n

Zu einem Alphabet A ist A^n definiert als die Menge aller Wörter der Länge n über dem Alphabet A .

- Nicht mit Mengenpotenz verwechseln!
- $A := \{a, b, c\}$, $A^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$.
 $A^1 = A$, $A^0 = \{\varepsilon\}$.

Die Menge aller Wörter *beliebiger* Länge:

- $A^* := \bigcup_{i \in \mathbb{N}_0} A^i$
- $A := \{a, b, c\}$. $aa \in A^*$, $abcabcabc \in A^*$, $aaaa \in A^*$, $\varepsilon \in A^*$.

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Konkatenation von Wörtern:

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Konkatenation von Wörtern:

Wiederholung

■ *lager · regal*

Wörter

Formale
Sprachen

Mehr über Wörter

Konkatenation von Wörtern:

■ *lager · regal = lagerregal*

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Mehr über Wörter

Konkatenation von Wörtern:

■ $lager \cdot regal = lagerregal$

■ $lag \cdot erregal = lagerregal$

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Konkatenation von Wörtern:

- $lager \cdot regal = lagerregal$
- $lag \cdot erregal = lagerregal$

Konkatenation von Wörtern.

$$w_1 \cdot w_2 : \mathbb{Z}_{m+n} \rightarrow A_1 \cup A_2$$

$$i \mapsto \begin{cases} w_1(i) & \text{falls } 0 \leq i < m \\ w_2(i - m) & \text{falls } m \leq i < m + n \end{cases}$$

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Konkatenation von Wörtern:

- $lager \cdot regal = lagerregal$
- $lag \cdot erregal = lagerregal$

Konkatenation von Wörtern.

$$w_1 \cdot w_2 : \mathbb{Z}_{m+n} \rightarrow A_1 \cup A_2$$

$$i \mapsto \begin{cases} w_1(i) & \text{falls } 0 \leq i < m \\ w_2(i - m) & \text{falls } m \leq i < m + n \end{cases}$$

- Warum \mathbb{Z}_{m+n} ?

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Konkatenation von Wörtern:

- $lager \cdot regal = lagerregal$
- $lag \cdot erregal = lagerregal$

Konkatenation von Wörtern.

$$w_1 \cdot w_2 : \mathbb{Z}_{m+n} \rightarrow A_1 \cup A_2$$

$$i \mapsto \begin{cases} w_1(i) & \text{falls } 0 \leq i < m \\ w_2(i - m) & \text{falls } m \leq i < m + n \end{cases}$$

- Warum \mathbb{Z}_{m+n} ? Wörter w_1 und w_2

Konkatenation von Wörtern:

- $lager \cdot regal = lagerregal$
- $lag \cdot erregal = lagerregal$

Konkatenation von Wörtern.

$$w_1 \cdot w_2 : \mathbb{Z}_{m+n} \rightarrow A_1 \cup A_2$$

$$i \mapsto \begin{cases} w_1(i) & \text{falls } 0 \leq i < m \\ w_2(i - m) & \text{falls } m \leq i < m + n \end{cases}$$

- Warum \mathbb{Z}_{m+n} ? Wörter w_1 und w_2 mit $|w_1| = m$ und $|w_2| = n$ werden konkateniert

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Konkatenation von Wörtern:

- $lager \cdot regal = lagerregal$
- $lag \cdot erregal = lagerregal$

Konkatenation von Wörtern.

$$w_1 \cdot w_2 : \mathbb{Z}_{m+n} \rightarrow A_1 \cup A_2$$

$$i \mapsto \begin{cases} w_1(i) & \text{falls } 0 \leq i < m \\ w_2(i - m) & \text{falls } m \leq i < m + n \end{cases}$$

- Warum \mathbb{Z}_{m+n} ? Wörter w_1 und w_2 mit $|w_1| = m$ und $|w_2| = n$ werden konkateniert, also neues Wort hat Länge $m + n$.

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Konkatenation von Wörtern.

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

$$w_1 \cdot w_2 : \mathbb{Z}_{m+n} \rightarrow A_1 \cup A_2$$

$$i \mapsto \begin{cases} w_1(i) & \text{falls } 0 \leq i < m \\ w_2(i - m) & \text{falls } m \leq i < m + n \end{cases}$$

Konkatenation von Wörtern.

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

$$w_1 \cdot w_2 : \mathbb{Z}_{m+n} \rightarrow A_1 \cup A_2$$

$$i \mapsto \begin{cases} w_1(i) & \text{falls } 0 \leq i < m \\ w_2(i - m) & \text{falls } m \leq i < m + n \end{cases}$$



Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

■ Immernoch:

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!

$$OTT \cdot O = OTTO$$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
$$OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
$$OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$$
- Auf wieviele Weisen kann man *abc* als Konkatenation nichtleerer Wörter schreiben?

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
 $OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$
- Auf wieviele Weisen kann man abc als Konkatenation nichtleerer Wörter schreiben? abc

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
 $OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$
- Auf wieviele Weisen kann man abc als Konkatenation nichtleerer Wörter schreiben? $abc, a \cdot bc$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
 $OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$
- Auf wieviele Weisen kann man abc als Konkatenation nichtleerer Wörter schreiben? abc , $a \cdot bc$, $ab \cdot c$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
 $OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$
- Auf wieviele Weisen kann man abc als Konkatenation nichtleerer Wörter schreiben? abc , $a \cdot bc$, $ab \cdot c$, $a \cdot b \cdot c$.

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
 $OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$
- Auf wieviele Weisen kann man abc als Konkatenation nichtleerer Wörter schreiben? abc , $a \cdot bc$, $ab \cdot c$, $a \cdot b \cdot c$.
- Wortkonkatenation mit dem leeren Wort

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
 $OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$
- Auf wieviele Weisen kann man abc als Konkatenation nichtleerer Wörter schreiben? abc , $a \cdot bc$, $ab \cdot c$, $a \cdot b \cdot c$.
- Wortkonkatenation mit dem leeren Wort: $w \cdot \varepsilon$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
 $OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$
- Auf wieviele Weisen kann man abc als Konkatenation nichtleerer Wörter schreiben? abc , $a \cdot bc$, $ab \cdot c$, $a \cdot b \cdot c$.
- Wortkonkatenation mit dem leeren Wort: $w \cdot \varepsilon = w$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

- Immernoch: Reihenfolge ist wichtig!
 $OTT \cdot O = OTTO \neq OOTT = O \cdot OTT$
- Auf wieviele Weisen kann man abc als Konkatenation nichtleerer Wörter schreiben? abc , $a \cdot bc$, $ab \cdot c$, $a \cdot b \cdot c$.
- Wortkonkatenation mit dem leeren Wort: $w \cdot \varepsilon = w = \varepsilon \cdot w$.

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

■ $a^4 = aaaa$

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

■ $a^4 = aaaa, b^3 = bbb$

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

■ $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 =$

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

■ $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

■ $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$, $d^1 =$

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

■ $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$, $d^1 = d$.

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

- $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$, $d^1 = d$.
- $a^3 c^2 b^6$

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

- $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$, $d^1 = d$.
- $a^3 c^2 b^6 = aaaccbbbbbb$.

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

- $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$, $d^1 = d$.
- $a^3 c^2 b^6 = aaaccbbbbb$.
- $b \cdot a \cdot (n \cdot a)^2$

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

- $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$, $d^1 = d$.
- $a^3 c^2 b^6 = aaaccbbbbbb$.
- $b \cdot a \cdot (n \cdot a)^2 = banana$.

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

- $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$, $d^1 = d$.
- $a^3 c^2 b^6 = aaaccbbbbb$.
- $b \cdot a \cdot (n \cdot a)^2 = banana$.
- $(a^3 b^2)^2 c (a^2 bcb^3)^3 dd$

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

- $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$, $d^1 = d$.
- $a^3 c^2 b^6 = aaaccbbbbbb$.
- $b \cdot a \cdot (n \cdot a)^2 = banana$.
- $(a^3 b^2)^2 c (a^2 bcb^3)^3 dd = (aaabb)^2 c (aabcbbb)^3 dd$

Wort Potenzen

Sich direkt wiederholende Teilworte kann man als Wortpotenz darstellen, daher $w_i^n = w_i \cdot w_i \cdots w_i$ ($n \times$ mal).

- $a^4 = aaaa$, $b^3 = bbb$, $c^0 = \varepsilon$, $d^1 = d$.
- $a^3 c^2 b^6 = aaaccbbbbb$.
- $b \cdot a \cdot (n \cdot a)^2 = banana$.
- $(a^3 b^2)^2 c (a^2 bcb^3)^3 dd = (aaabb)^2 c (aabcbbb)^3 dd$
 $= aaabb \cdot aaabb \cdot c \cdot aabcbbb \cdot aabcbbb \cdot aabcbbb \cdot dd$.

Sei A ein Alphabet.

Übung zu Wörtern

1. Finde Abbildung $f : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $2 \cdot |w| = |f(w)|$.
2. Finde Abbildung $g : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $|w| + 1 = |g(w)|$.
3. Finde Abbildung $h : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $\lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor = |h(w)|$. (Zusatz)
4. Sind f, g, h injektiv und/oder surjektiv?

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Sei A ein Alphabet.

Übung zu Wörtern

1. Finde Abbildung $f : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $2 \cdot |w| = |f(w)|$.
2. Finde Abbildung $g : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $|w| + 1 = |g(w)|$.
3. Finde Abbildung $h : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $\lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor = |h(w)|$. (Zusatz)
4. Sind f, g, h injektiv und/oder surjektiv?

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w$.

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Sei A ein Alphabet.

Übung zu Wörtern

1. Finde Abbildung $f : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $2 \cdot |w| = |f(w)|$.
2. Finde Abbildung $g : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $|w| + 1 = |g(w)|$.
3. Finde Abbildung $h : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $\lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor = |h(w)|$. (Zusatz)
4. Sind f, g, h injektiv und/oder surjektiv?

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w$.
2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A$.

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Sei A ein Alphabet.

Übung zu Wörter

1. Finde Abbildung $f : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $2 \cdot |w| = |f(w)|$.
2. Finde Abbildung $g : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $|w| + 1 = |g(w)|$.
3. Finde Abbildung $h : A^* \rightarrow A^*$, sodass für alle $w \in A^*$ gilt:
 $\lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor = |h(w)|$. (Zusatz)
4. Sind f, g, h injektiv und/oder surjektiv?

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w$.

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A$.

3. $h : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto \hat{w}$ mit $\hat{w}_i = \begin{cases} w_i & \text{wenn } i \leq \lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor \\ \varepsilon & \text{sonst} \end{cases}$ und $i \in \mathbb{Z}_{|w|}$.

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

$$1. f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$$

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

■ f ist injektiv

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A.$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A.$

- g ist injektiv.

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A.$

- g ist injektiv.
- g ist nicht surjektiv

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A.$

- g ist injektiv.
- g ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf ε ab.

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A.$

- g ist injektiv.
- g ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf ε ab.

3. $h : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto \hat{w}$ mit $\hat{w}_i = \begin{cases} w_i & \text{wenn } i \leq \lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor \\ \varepsilon & \text{sonst} \end{cases}$ und $i \in \mathbb{Z}_{|w|}.$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A.$

- g ist injektiv.
- g ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf ε ab.

3. $h : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto \hat{w}$ mit $\hat{w}_i = \begin{cases} w_i & \text{wenn } i \leq \lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor \\ \varepsilon & \text{sonst} \end{cases}$ und $i \in \mathbb{Z}_{|w|}.$

- h ist nicht injektiv

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A.$

- g ist injektiv.
- g ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf ε ab.

3. $h : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto \hat{w}$ mit $\hat{w}_i = \begin{cases} w_i & \text{wenn } i \leq \lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor \\ \varepsilon & \text{sonst} \end{cases}$ und $i \in \mathbb{Z}_{|w|}.$

- h ist nicht injektiv, denn z.B. $x = h(xy) = h(xz)$ mit $x, y, z \in A.$

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A.$

- g ist injektiv.
- g ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf ε ab.

3. $h : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto \hat{w}$ mit $\hat{w}_i = \left\{ \begin{array}{ll} w_i & \text{wenn } i \leq \lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor \\ \varepsilon & \text{sonst} \end{array} \right\}$ und $i \in \mathbb{Z}_{|w|}.$

- h ist nicht injektiv, denn z.B. $x = h(xy) = h(xz)$ mit $x, y, z \in A.$
- h ist surjektiv

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

1. $f : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot w.$

- f ist injektiv, denn jedes w aus der Bildmenge wird von maximal einem Wort abgebildet.
- f ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf $x \in A$ ab (oder auf andere Wörter mit ungerader Anzahl an Buchstaben).

2. $g : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto w \cdot x, x \in A.$

- g ist injektiv.
- g ist nicht surjektiv, denn z.B. bildet nichts auf ε ab.

3. $h : A^* \rightarrow A^*, w \mapsto \hat{w}$ mit $\hat{w}_i = \left\{ \begin{array}{ll} w_i & \text{wenn } i \leq \lfloor \frac{|w|}{2} \rfloor \\ \varepsilon & \text{sonst} \end{array} \right\}$ und $i \in \mathbb{Z}_{|w|}.$

- h ist nicht injektiv, denn z.B. $x = h(xy) = h(xz)$ mit $x, y, z \in A.$
- h ist surjektiv, denn für jedes $w \in A^*$ existiert ein $\hat{w} \in A^*$ mit $\hat{w} = w \cdot w$ sodass $h(\hat{w}) = w.$

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

- Zufälliges Beispiel:

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Formale Sprache

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wörter

Formale
Sprachen

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wörter

Formale
Sprachen

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wörter

Formale
Sprachen

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wörter

Formale
Sprachen

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.
 - $L_3 := \{ban, baan, baaan, \dots\}$ auch.

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wörter

Formale
Sprachen

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.
 - $L_3 := \{ban, baan, baaan, \dots\}$ auch. Andere Schreibweise?

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wörter

Formale
Sprachen

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.
 - $L_3 := \{ban, baan, baaan, \dots\}$ auch. Andere Schreibweise?
 $L_3 = \{w : w = ba^k n, k \in \mathbb{N}\}$

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wörter

Formale
Sprachen

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.
 - $L_3 := \{ban, baan, baaan, \dots\}$ auch. Andere Schreibweise?
 $L_3 = \{w : w = ba^k n, k \in \mathbb{N}\}$
- Formale Sprachen sind also nicht zwangsweise endliche Mengen.

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wörter

Formale
Sprachen

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.
 - $L_3 := \{ban, baan, baaan, \dots\}$ auch. Andere Schreibweise?
 $L_3 = \{w : w = ba^k n, k \in \mathbb{N}\}$
- Formale Sprachen sind also nicht zwangsweise endliche Mengen.
- Praktischeres Beispiel: $A := \{w : w \text{ ist ein ASCII Symbol}\}$.

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.
 - $L_3 := \{ban, baan, baaan, \dots\}$ auch. Andere Schreibweise?
 $L_3 = \{w : w = ba^k n, k \in \mathbb{N}\}$
- Formale Sprachen sind also nicht zwangsweise endliche Mengen.
- Praktischeres Beispiel: $A := \{w : w \text{ ist ein ASCII Symbol}\}$.
 - $L_4 := \{class, if, else, while, for, \dots\}$ ist eine formale Sprache über A .

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Wiederholung

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

Wörter

Formale
Sprachen

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.
 - $L_3 := \{ban, baan, baaan, \dots\}$ auch. Andere Schreibweise?
 $L_3 = \{w : w = ba^k n, k \in \mathbb{N}\}$
- Formale Sprachen sind also nicht zwangsweise endliche Mengen.
- Praktischeres Beispiel: $A := \{w : w \text{ ist ein ASCII Symbol}\}$.
 - $L_4 := \{class, if, else, while, for, \dots\}$ ist eine formale Sprache über A .
 - $L_5 := \{w : w = a \cdot b \text{ mit } a \text{ als Großbuchstabe und } b \text{ als Groß- oder Kleinbuchstabe}\}$

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.
 - $L_3 := \{ban, baan, baaan, \dots\}$ auch. Andere Schreibweise?
 $L_3 = \{w : w = ba^k n, k \in \mathbb{N}\}$
- Formale Sprachen sind also nicht zwangsweise endliche Mengen.
- Praktischeres Beispiel: $A := \{w : w \text{ ist ein ASCII Symbol}\}$.
 - $L_4 := \{class, if, else, while, for, \dots\}$ ist eine formale Sprache über A .
 - $L_5 := \{w : w = a \cdot b \text{ mit } a \text{ als Großbuchstabe und } b \text{ als Groß- oder Kleinbuchstabe}\} \setminus L_4$

- Was war nochmal A^* ? Menge aller Wörter *beliebiger* Länge über Alphabet A .

Formale Sprache

Eine Formale Sprache L über einem Alphabet A ist eine Teilmenge $L \subseteq A^*$.

- Zufälliges Beispiel: $A := \{b, n, a\}$.
 - $L_1 := \{ban, baan, nba, aa\}$ ist eine mögliche formale Sprache über A .
 - $L_2 := \{banana, bananana, banananana, \dots\}$
 $= \{w : w = bana(na)^k, k \in \mathbb{N}\}$ auch.
 - $L_3 := \{ban, baan, baaan, \dots\}$ auch. Andere Schreibweise?
 $L_3 = \{w : w = ba^k n, k \in \mathbb{N}\}$
- Formale Sprachen sind also nicht zwangsweise endliche Mengen.
- Praktischeres Beispiel: $A := \{w : w \text{ ist ein ASCII Symbol}\}$.
 - $L_4 := \{class, if, else, while, for, \dots\}$ ist eine formale Sprache über A .
 - $L_5 := \{w : w = a \cdot b \text{ mit } a \text{ als Großbuchstabe und } b \text{ als Groß- oder Kleinbuchstabe}\} \setminus L_4$ ist eine formale Sprache von korrekten Klassennamen in Java.

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

$$A := \{a, b\}$$

Formale
Sprachen

$A := \{a, b\}$

- Sprache L aller Wörter über A , die nicht das Teilwort ab enthalten?

Wiederholung

Wörter

Formale Sprachen

$$A := \{a, b\}$$

- Sprache L aller Wörter über A , die nicht das Teilwort ab enthalten?
 - Was passiert wenn ein solches Wort ein a enthält?

$A := \{a, b\}$

- Sprache L aller Wörter über A , die nicht das Teilwort ab enthalten?
 - Was passiert wenn ein solches Wort ein a enthält? Dann keine b 's mehr!

$A := \{a, b\}$

- Sprache L aller Wörter über A , die nicht das Teilwort ab enthalten?
 - Was passiert wenn ein solches Wort ein a enthält? Dann keine b 's mehr!
 - $L = \{w_1 \cdot w_2 : w_1 \in \{b\}^* \text{ und } w_2 \in \{a\}^*\}$

$A := \{a, b\}$

- Sprache L aller Wörter über A , die nicht das Teilwort ab enthalten?
 - Was passiert wenn ein solches Wort ein a enthält? Dann keine b 's mehr!
 - $L = \{w_1 \cdot w_2 : w_1 \in \{b\}^* \text{ und } w_2 \in \{a\}^*\}$
 - Andere Möglichkeit

$A := \{a, b\}$

- Sprache L aller Wörter über A , die nicht das Teilwort ab enthalten?
 - Was passiert wenn ein solches Wort ein a enthält? Dann keine b 's mehr!
 - $L = \{w_1 \cdot w_2 : w_1 \in \{b\}^* \text{ und } w_2 \in \{a\}^*\}$
 - Andere Möglichkeit: Suche Wörter mit ab und nehme diese Weg.

$A := \{a, b\}$

- Sprache L aller Wörter über A , die nicht das Teilwort ab enthalten?
 - Was passiert wenn ein solches Wort ein a enthält? Dann keine b 's mehr!
 - $L = \{w_1 \cdot w_2 : w_1 \in \{b\}^* \text{ und } w_2 \in \{a\}^*\}$
 - Andere Möglichkeit: Suche Wörter mit ab und nehme diese Weg.
 - $L = \{a, b\}^*$

$A := \{a, b\}$

- Sprache L aller Wörter über A , die nicht das Teilwort ab enthalten?
 - Was passiert wenn ein solches Wort ein a enthält? Dann keine b 's mehr!
 - $L = \{w_1 \cdot w_2 : w_1 \in \{b\}^* \text{ und } w_2 \in \{a\}^*\}$
 - Andere Möglichkeit: Suche Wörter mit ab und nehme diese Weg.
 - $L = \{a, b\}^* \setminus \{w_1 \cdot ab \cdot w_2 : w_1, w_2 \in \{a, b\}^*\}$

Sei $A := \{a, b\}$, $B := \{0, 1\}$.

Aufgabe zu formalen Sprachen

1. Sprache $L_1 \subseteq A^*$ von Wörtern, die mindestens drei b 's enthalten.
2. Sprache $L_2 \subseteq A^*$ von Wörtern, die gerade Zahl von a 's enthält.
3. Sprache $L_3 \subseteq B^*$ von Wörtern, die, interpretiert als Binärzahl eine gerade Zahl sind.

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Sei $A := \{a, b\}$, $B := \{0, 1\}$.

Aufgabe zu formalen Sprachen

1. Sprache $L_1 \subseteq A^*$ von Wörtern, die mindestens drei b 's enthalten.
2. Sprache $L_2 \subseteq A^*$ von Wörtern, die gerade Zahl von a 's enthält.
3. Sprache $L_3 \subseteq B^*$ von Wörtern, die, interpretiert als Binärzahl eine gerade Zahl sind.

1. L_1

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Sei $A := \{a, b\}$, $B := \{0, 1\}$.

Aufgabe zu formalen Sprachen

1. Sprache $L_1 \subseteq A^*$ von Wörtern, die mindestens drei b 's enthalten.
2. Sprache $L_2 \subseteq A^*$ von Wörtern, die gerade Zahl von a 's enthält.
3. Sprache $L_3 \subseteq B^*$ von Wörtern, die, interpretiert als Binärzahl eine gerade Zahl sind.

1. $L_1 = \{w = w_1bw_2bw_3bw_4 : w_1, w_2, w_3, w_4 \in A^*\}$

Sei $A := \{a, b\}$, $B := \{0, 1\}$.

Aufgabe zu formalen Sprachen

1. Sprache $L_1 \subseteq A^*$ von Wörtern, die mindestens drei b 's enthalten.
2. Sprache $L_2 \subseteq A^*$ von Wörtern, die gerade Zahl von a 's enthält.
3. Sprache $L_3 \subseteq B^*$ von Wörtern, die, interpretiert als Binärzahl eine gerade Zahl sind.

1. $L_1 = \{w = w_1bw_2bw_3bw_4 : w_1, w_2, w_3, w_4 \in A^*\}$
2. L_2

Sei $A := \{a, b\}$, $B := \{0, 1\}$.

Aufgabe zu formalen Sprachen

1. Sprache $L_1 \subseteq A^*$ von Wörtern, die mindestens drei b 's enthalten.
2. Sprache $L_2 \subseteq A^*$ von Wörtern, die gerade Zahl von a 's enthält.
3. Sprache $L_3 \subseteq B^*$ von Wörtern, die, interpretiert als Binärzahl eine gerade Zahl sind.

1. $L_1 = \{w = w_1bw_2bw_3bw_4 : w_1, w_2, w_3, w_4 \in A^*\}$
2. $L_2 = \{w = (w_1aw_2aw_3)^* : w_1, w_2, w_3 \in \{b\}^*\}$

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Sei $A := \{a, b\}$, $B := \{0, 1\}$.

Aufgabe zu formalen Sprachen

1. Sprache $L_1 \subseteq A^*$ von Wörtern, die mindestens drei b 's enthalten.
2. Sprache $L_2 \subseteq A^*$ von Wörtern, die gerade Zahl von a 's enthält.
3. Sprache $L_3 \subseteq B^*$ von Wörtern, die, interpretiert als Binärzahl eine gerade Zahl sind.

1. $L_1 = \{w = w_1bw_2bw_3bw_4 : w_1, w_2, w_3, w_4 \in A^*\}$
2. $L_2 = \{w = (w_1aw_2aw_3)^* : w_1, w_2, w_3 \in \{b\}^*\}$ (Ist da ε drin?)

Sei $A := \{a, b\}$, $B := \{0, 1\}$.

Aufgabe zu formalen Sprachen

1. Sprache $L_1 \subseteq A^*$ von Wörtern, die mindestens drei b 's enthalten.
2. Sprache $L_2 \subseteq A^*$ von Wörtern, die gerade Zahl von a 's enthält.
3. Sprache $L_3 \subseteq B^*$ von Wörtern, die, interpretiert als Binärzahl eine gerade Zahl sind.

1. $L_1 = \{w = w_1 b w_2 b w_3 b w_4 : w_1, w_2, w_3, w_4 \in A^*\}$
2. $L_2 = \{w = (w_1 a w_2 a w_3)^* : w_1, w_2, w_3 \in \{b\}^*\}$ (Ist da ε drin?)
3. L_3

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen

Sei $A := \{a, b\}$, $B := \{0, 1\}$.

Aufgabe zu formalen Sprachen

1. Sprache $L_1 \subseteq A^*$ von Wörtern, die mindestens drei b 's enthalten.
2. Sprache $L_2 \subseteq A^*$ von Wörtern, die gerade Zahl von a 's enthält.
3. Sprache $L_3 \subseteq B^*$ von Wörtern, die, interpretiert als Binärzahl eine gerade Zahl sind.

1. $L_1 = \{w = w_1 b w_2 b w_3 b w_4 : w_1, w_2, w_3, w_4 \in A^*\}$
2. $L_2 = \{w = (w_1 a w_2 a w_3)^* : w_1, w_2, w_3 \in \{b\}^*\}$ (Ist da ε drin?)
3. $L_3 = \{w = w \cdot 0 : w \in B^*\}$

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Wiederholung

Wörter

Formale
Sprachen



That's all Folks!