



# **Grundbegriffe der Informatik Tutorium 33**

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu | 1.12.2016



KIT – Universität des Landes Baden-Württemberg und nationales Forschungszentrum in der Helmholtz-Gemeinschaft

## Gliederung



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Zum Übungsblatt

Maschinenbefehle

Aufgaben

- MIMA
  - Maschinenbefehle
  - Aufgaben

# Anmerkungen zum letzten Übungsblatt



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Was ist sind die folgenden Mengen?

■ N = Menge der natürlichen Zahlen (1, 2, 3, ...)

 $\mathbb{N}_0 = \mathbb{N} \cup \{0\}$ 

 $ightharpoonup \mathbb{R}$  = Menge der Reellen Zahlen

 $ightharpoonup \mathbb{R}^+$  = Menge der positiven reellen Zahlen

 $\ \ \ \mathbb{R}_0$  gibt es nicht! 0 ist auch so schon in  $\mathbb{R}$ 

 $\blacksquare$   $\mathbb{R}_0^+$  genauso nicht!

• Aufgabe:  $R: A^* \rightarrow A^*$ 

•  $R(\varepsilon) = \varepsilon$ 

 $\forall x \in A : R(x) = x$ 

 $\forall w \in A^* \forall x \in A \forall y \in A : R(xwy) = yR(w)x$ 

■ Zeige:  $\forall n \in \mathbb{N}_0 : \forall w \in A^n : |R(w)| = |w|$ 

## Was ist die MIMA?



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

#### Theoretischer, idealisierter Prozessor

- Funktioniert wie ein echter Prozessor, ist aber simpler
- Nah an Technischer Informatik

#### Grundaufbau:

- Adressen als 20bit Datenwort
- Speicherworte als 24bit Datenwort
- Maschinenbefehle als...
  - 4bit Befehl und 20bit Adresse
  - oder 8bit Befehl und unwichtigem Rest

### Aufbau der MIMA: Steuerwerk



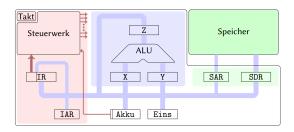
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



#### Steuerwerk

- Instruction Register (IR) enthält den nächsten auszuführenden Befehl
- Instruction Adress Register (IAR) enthält die Adresse des nächsten Befehls

- Takt bestimmt die "Tickrate", also die Geschwindigkeit
- Steuerwerk interpretiert alle Befehle und führt sie aus
- Welche Befehle es gibt: Siehe später

### Aufbau der MIMA: Akku und Eins



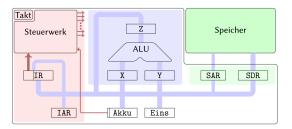
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



#### **Akku und Eins**

- Akku dient als Zwischenspeicher für Datenworte
- Hält maximal ein Wort

- Eins liefert die Konstante 1, hält also Strom
- z.B. erhöhen des IAR

### Aufbau der MIMA: ALU



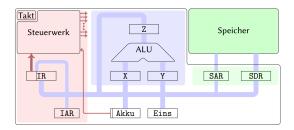
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



### Arithmetic Logic Unit (ALU) / Rechenwerk

- Durchführt arithmetische Operationen
- lacktriangledown mod , div , +, -, ..., bitweises OR/AND/...
- X und Y sind Eingaberegister
- Z ist Ausgaberegister

### Aufbau der MIMA: ALU



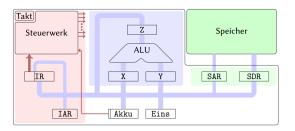
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



#### Speicher(werk)

Speicher selbst speichert Befehle und Daten. Speicherwerk besteht aus:

 Speicheradressregister (SAR) ist die Adresse, bei der im Speicher gespeichert/gelesen werden soll Speicherdatenregister (SDR)
 Datum, das bei der Adresse
 gespeichert werden soll/
 gelesen wurde.

### Aufbau der MIMA: ALU



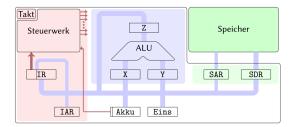
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



#### **Busse**

- "Kabel" zwischen den Verbindungen
- Ein kompletter Bus überträgt entweder 1, 0, oder nichts

 Kann nur eine einzige Information auf einmal übertragen

## Konventionen zu MIMA Programmen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Um MIMA Programme und dazugehörige Definitionen verständlicher zu machen, vereinbaren wir folgende Konventionen:

- Befehle (eigentlich Bitfolge) schreiben wir als Befehlname und Adresse
  - lacktriangledown 0010000000000000000101010  $\equiv$  STV 42
- $X \leftarrow Y \equiv$  "Der Variable X wird der Wert Y zugewiesen"

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

## **MIMA Befehle**



Eine MIMA-Maschine beherrscht folgende Maschinenbefehle:

Befehlssyntax	Formel	Bedeutung
LDC const	Akku ← const	Lade eine Konstate <i>const</i> in den
		Akku
LDV adr	$Akku \leftarrow M(adr)$	Lade einen Wert vom Speicher
		bei Adresse adr in den Akku
STV adr	$M(adr) \leftarrow Akku$	Lade Speichere den Wert aus
		dem Akku im Speicher bei
		Adresse adr
LDIV adr	$Akku \leftarrow M(M(adr))$	Lade einen Wert vom Speicher
		bei der Adresse, die bei adr ge-
		speichert ist, und lade den Wert
		in den Akku
STIV adr	$M(M(adr)) \leftarrow Akku$	Speichere den Wert im Akku bei
		der Adresse, die in adr gespei-
		chert ist.

# MIMA Befehle (2)



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

Eine MIMA-Maschine beherrscht folgende Maschinenbefehle:

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Formel	Bedeutung
$Akku \leftarrow Akku + M(adr)$	Addiere den Wert
	bei <i>adr</i> zum Akku
	dazu.
Akku"OP"M(adr)	Wende bitweise
	Operation auf
	Akku mit Wert
	bei $adr$ an. $Op \in$
	$\{AND, OR, XOR\}.$
	Akku ← Akku + M(adr)

## MIMA Befehle (3)



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

Eine MIMA-Maschine beherrscht folgende Maschinenbefehle:

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Befehlssyntax	Bedeutung		
NOT	Bitweise Invertierung aller Bits des Akku-		
	Datenwortes		
RAR	Rotiere alle Akku-Bits eins nach rechts		
EQL adr	Setze Akku auf 11 · · · 11, falls Wert bei adr gleich		
	Akku-Wert, setze Akku auf 00 · · · 00 sonst.		
JMP adr	Springe zu Befehlsadresse adr		
JMN adr	Springe zu Befehlsadresse adr, falls Akku negativ		
	(also erstes $Bit = 1$ ), sonst fahre normal fort.		

MIMA Befehle: Sichern und Laden



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

- Befehle zum laden und Speichern in den Speicher
- LDV um Daten vom Speicher zu laden, STV um Daten in den Speicher zu schreiben
- LDC um eine Konstante zu laden
- Daten werden in einem Zwischenspeicher gelagert, der nur ein Datenwort hält: Akku.

#### Beispiele:

- LDV 9 lädt das Datum, das im Speicher bei Adresse 9 liegt, in den Akku.
- STV 9 speichert das Datum, das im Akku liegt, in den Speicher an Adresse 9.
- LDC 4 lädt die Zahl 4 in den Akku (also kein Speicherzugriff).

## MIMA Befehle: Sichern und Laden



Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

	Befehlssyntax	Formel	Bedeutung	
_	LDC const	Akku ← const	Lade eine Konstate <i>const</i> in den	
			Akku	
_	LDV adr	$Akku \leftarrow M(adr)$	Lade einen Wert vom Speicher	
			bei Adresse adr in den Akku	
	STV adr	$M(adr) \leftarrow Akku$	Lade Speichere den Wert aus	
			dem Akku im Speicher bei	
_			Adresse adr	

## Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

LDC 5	:		Adresse	Wert
STV a <sub>1</sub>	-	:	a <sub>1</sub>	0
LDC 7	LDV a <sub>1</sub>		$a_2$	0
STV a <sub>2</sub>	STV a <sub>3</sub>			0
:	HALT	-	<b>a</b> <sub>3</sub>	U

Lukas Bach, lu-

# MIMA Befehle: Indirektes Sichern und Laden



kas.bach@student.kit.edu
Zum Übungsblatt
MIMA
Maschinenbefehle

Aufgaben

	Befehlssyntax	Formel	Bedeutung
t	LDIV adr	Akku ← M(M(adr))	Lade einen Wert vom Speicher bei der Adresse, die bei <i>adr</i> ge- speichert ist, und lade den Wert in den Akku
	STIV adr	$M(M(adr)) \leftarrow Akku$	Speichere den Wert im Akku bei der Adresse, die in <i>adr</i> gespeichert ist.

### Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

LDIV 4	Adresse	Wert
STV 5	4	6
LDIV 5	5	0
STIV 4	6	7
HALT	7	2

## MIMA Befehle: Eins plus Eins



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Befehle zu arithmetischen Operationen

- Eine ALU-Operation, angewandt auf dem Wert des Akkus und dem Wert an gegebener Adresse
- Beispiele:
  - ADD 4 addiert den Wert im Akku mit dem Wert aus dem Speicher an Adresse 4 und legt das Resultat im Akku ab. Achtung: Addition nicht mit dem Wert 4!
  - AND 3 führt bitweise Verundung zwischen dem Wert im Akku und dem Wert aus dem Speicher an Adresse 4 durch und legt das Resultat im Akku ab.

# MIMA Befehle: Eins plus Eins



Lukas Bach, lu- kas.bach@student.kit.edu	Befehlssyntax	Formel	Bedeutung
	ADD adr	$Akku \leftarrow Akku + M(adr)$	Addiere den Wert bei adr zum
Zum Übungsblatt			Akku dazu.
MIMA	"OP" adr	Akku"OP"M(adr)	Wende bitweise Operation auf
			Akku mit Wert bei $\mathit{adr}$ an. $\mathit{Op} \in$
Maschinenbefehle			$\{AND, OR, XOR\}.$
Aufachan		•	

Aufgaben

## Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

LDC 5		
ADD 3		
AND 4		
STV 5		
LDC 12		
XOR 5		
HALT		

Adresse	Wert
3	3
4	8
5	17

## MIMA Befehle: Bits und Bytes



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

NOT invertiert alle Bits des Datums im Akku. Beispiel NOT mit 5 im Akku, angenommen der Akku speichert bis zu 8 bits:
5<sub>10</sub> = 00000101<sub>2</sub>, nach der Invertierung: 11111010<sub>2</sub>.

- RAR rotiert alle Bits des Datums im Akku um eine Stelle nach rechts. Beispiel mit 5 im Akku: 00000101₂ wird zu 10000010₂.
- EQL adr vergleicht den Wert im Akku mit dem Wert bei addr.
  - Setzt Akku = 11 · · · 11 falls Werte gleich sind.
  - Setzt Akku =  $00 \cdots 00$  falls Werte nicht gleich sind.

## MIMA Befehle: Bits und Bytes



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

_	Befehlssyntax	Bedeutung					
	NOT	Bitweise Invertierung aller Bits des Akku-					
		Datenwortes					
-	RAR	Rotiere alle Akku-Bits eins nach rechts Setze Akku auf 11 ··· 11, falls Wert bei <i>adr</i> gleich Akku-Wert, setze Akku auf 00 ··· 00 sonst.					
-	EQL adr						

### Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

LDC 5

NOT

RAR RAR
NOT EQL 15
RAR EQL 0

: HALT

# MIMA Befehle: Springen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

- Normalerweise wird die Instruktionsadresse nach jedem Befehl um eins erhöht
- Also Befehle werden von oben nach unten abgearbeitet
- Mit Sprüngen kann man die MIMA zwingen, zu definiertem Befehl zu springen und damit die Vorgehensreihenfolge zu beeinflussen
- JMP adr führt als nächsten Befehl den an Adresse adr aus.
- JMN adr führt als nächsten Befehl den an Adresse adr aus, falls der Akku negativ ist.
  - Also wenn das erste Bit im Akku negativ ist.
  - Wenn vorher ein *EQL* erfolgreich verglichen hat, wird also gesprungen.
  - Wenn der Akku positiv ist, werden die Befehle nach JMN normal weiter abgearbeitet.

# MIMA Befehle: Springen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Befehlssyntax	Bedeutung			
EQL adr	Setze Akku auf 11 · · · 11, falls Wert bei adr gleich			
	Akku-Wert, setze Akku auf 00 · · · 00 sonst.			
JMP adr	Springe zu Befehlsadresse adr			
JMN adr	Springe zu Befehlsadresse adr, falls Akku negativ			
	Springe zu Befehlsadresse $adr$ , falls Akku negativ (also erstes Bit = 1), sonst fahre normal fort.			

#### Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

	LDC 5		:			
a <sub>1</sub> :	JMN a <sub>2</sub>		NOT		Adresse	Wert
	EQL 1	<b>a</b> <sub>2</sub> :	JMP a <sub>3</sub>	=	1	5
	JMN a <sub>1</sub>		NOT	_		
	:	<b>a</b> <sub>3</sub> :	HALT			

# Aufgaben



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

### Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

## MIMA-Programm schreiben

#### Schreibe ein MIMA-Programm:

- Eingabe: Adresse *a*<sub>1</sub> einer positiven Zahl *x*.
- Ausgabe: Speichert 3 · x in a<sub>1</sub>.

#### Lösung:

LDV a<sub>1</sub>

ADD a<sub>1</sub>

ADD a<sub>1</sub>

STV a<sub>1</sub>

HALT

## **Aufgaben**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

#### Zum Übungsblatt

#### MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

## MIMA-Programm schreiben

Schreibe ein MIMA-Programm:

- Eingabe: Adresse *a*<sub>1</sub> einer positiven Zahl *x*.
- Ausgabe: Speichert x mod 2 in a<sub>1</sub>.

#### Lösung:

AND a<sub>1</sub> STV a<sub>1</sub> HALT

## **Aufgaben**



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehl

Aufgaben

### MIMA-Programm schreiben

Schreibe ein MIMA-Programm:

- Eingabe: Adresse *a*<sub>1</sub> einer positiven Zahl *x*.
- Ausgabe: Speichert x div 2 in a<sub>1</sub>.

Lösung:

LDC 1

NOT

AND  $a_1$  // Setze "rechtestes" Bit auf 0

**RAR** 

STV a<sub>1</sub>

**HALT** 

## Informationen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

#### Zum Tutorium

- Lukas Bach
- Tutorienfolien auf:
  - http:
    - //gbi.lukasbach.com
- Tutorium findet statt:
  - Donnerstags, 14:00 15:30
  - 50.34 Informatikbau, -107

#### Mehr Material

- Ehemalige GBI Webseite:
  - http://gbi.ira.uka.de
  - Altklausuren!

#### Zur Veranstaltung

- Grundbegriffe der Informatik
- Klausurtermin:
  - **o** 06.03.2017, 11:00
  - Zwei Stunden
     Bearbeitungszeit
  - 6 ECTS für Informatiker und Informationswirte, 4 ECTS für Mathematiker und Physiker

## Zum Übungsschein

- Übungsblatt jede Woche
- Ab 50% insgesamt hat man den Übungsschein
- Keine Voraussetzung für die Klausur, aber für das Modul