



Grundbegriffe der Informatik Tutorium 33

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu | 1.12.2016



Gliederung



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Zum Übungsblatt

Maschinenbefehle

Aufgaben

- MIMA
 - Maschinenbefehle
 - Aufgaben

Anmerkungen zum letzten Übungsblatt



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Was ist sind die folgenden Mengen?

■ N = Menge der natürlichen Zahlen (1, 2, 3, ...)

lacktriangle = Menge der Reellen Zahlen

 $ightharpoonup \mathbb{R}^+$ = Menge der positiven reellen Zahlen

 $\ \ \mathbb{R}_0$ gibt es nicht! 0 ist auch so schon in \mathbb{R}

 \blacksquare \mathbb{R}_0^+ genauso nicht!

Aufgabe: R: A* → A*

• $R(\varepsilon) = \varepsilon$

 $\forall x \in A : R(x) = x$

 $\forall w \in A^* \forall x \in A \forall y \in A : R(xwy) = yR(w)x$

■ Zeige: $\forall n \in \mathbb{N}_0 : \forall w \in A^n : |R(w)| = |w|$

Was ist die MIMA?



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Theoretischer, idealisierter Prozessor

- Funktioniert wie ein echter Prozessor, ist aber simpler
- Nah an Technischer Informatik

Grundaufbau:

- Adressen als 20bit Datenwort
- Speicherworte als 24bit Datenwort
- Maschinenbefehle als...
 - 4bit Befehl und 20bit Adresse
 - oder 8bit Befehl und unwichtigem Rest

Aufbau der MIMA: Steuerwerk



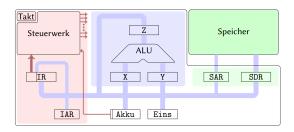
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



Steuerwerk

- Instruction Register (IR) enthält den nächsten auszuführenden Befehl
- Instruction Adress Register (IAR) enthält die Adresse des nächsten Befehls

- Takt bestimmt die "Tickrate", also die Geschwindigkeit
- Steuerwerk interpretiert alle Befehle und führt sie aus
- Welche Befehle es gibt: Siehe später

Aufbau der MIMA: Akku und Eins



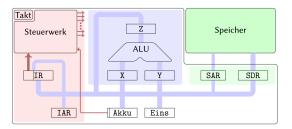
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



Akku und Eins

- Akku dient als Zwischenspeicher für Datenworte
- Hält maximal ein Wort

- Eins liefert die Konstante 1, hält also Strom
- z.B. erhöhen des IAR

Aufbau der MIMA: ALU



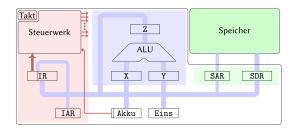
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



Arithmetic Logic Unit (ALU) / Rechenwerk

- Durchführt arithmetische Operationen
- **mod** , **div** ,+,-,..., bitweises OR/AND/...
- X und Y sind Eingaberegister
- Z ist Ausgaberegister

Aufbau der MIMA: ALU



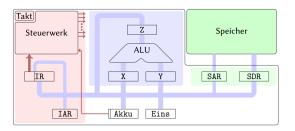
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



Speicher(werk)

Speicher selbst speichert Befehle und Daten. Speicherwerk besteht aus:

 Speicheradressregister (SAR) ist die Adresse, bei der im Speicher gespeichert/gelesen werden soll Speicherdatenregister (SDR)
 Datum, das bei der Adresse
 gespeichert werden soll/
 gelesen wurde.

Aufbau der MIMA: ALU



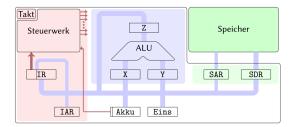
Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben



Busse

- "Kabel" zwischen den Verbindungen
- Ein kompletter Bus überträgt entweder 1, 0, oder nichts

 Kann nur eine einzige Information auf einmal übertragen

Konventionen zu MIMA Programmen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Um MIMA Programme und dazugehörige Definitionen verständlicher zu machen, vereinbaren wir folgende Konventionen:

- Befehle (eigentlich Bitfolge) schreiben wir als Befehlname und Adresse
 - \bullet 00100000000000000101010 \equiv STV 42
- $X \leftarrow Y \equiv$ "Der Variable X wird der Wert Y zugewiesen"

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

MIMA Befehle



Eine MIMA-Maschine beherrscht folgende Maschinenbefehle:

	Befehlssyntax	Formel	Bedeutung
t	LDC const	Akku ← const	Lade eine Konstate <i>const</i> in den
			Akku
2	LDV adr	$Akku \leftarrow M(adr)$	Lade einen Wert vom Speicher
,			bei Adresse adr in den Akku
	STV adr	$M(adr) \leftarrow Akku$	Lade Speichere den Wert aus
			dem Akku im Speicher bei
			Adresse adr
	LDIV adr	$Akku \leftarrow M(M(adr))$	Lade einen Wert vom Speicher
			bei der Adresse, die bei adr ge-
			speichert ist, und lade den Wert
			in den Akku
	STIV adr	$M(M(adr)) \leftarrow Akku$	Speichere den Wert im Akku bei
			der Adresse, die in adr gespei-
			chert ist.

MIMA Befehle (2)



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

Eine MIMA-Maschine beherrscht folgende Maschinenbefehle:

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Befehlssyntax	Formel	Bedeutung
ADD adr	$Akku \leftarrow Akku + M(adr)$	Addiere den Wert
		bei <i>adr</i> zum Akku
		dazu.
"OP" adr	Akku"OP"M(adr)	Wende bitweise
		Operation auf
		Akku mit Wert
		bei adr an. $Op \in$
		$\{AND, OR, XOR\}.$

MIMA Befehle (3)



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

Eine MIMA-Maschine beherrscht folgende Maschinenbefehle:

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Befehlssyntax	Bedeutung		
NOT	Bitweise Invertierung aller Bits des Akku-		
	Datenwortes		
RAR	Rotiere alle Akku-Bits eins nach rechts		
EQL adr	Setze Akku auf 11 · · · 11, falls Wert bei adr gleich		
	Akku-Wert, setze Akku auf 00 · · · 00 sonst.		
JMP adr	Springe zu Befehlsadresse adr		
JMN adr	Springe zu Befehlsadresse adr, falls Akku negativ		
	(also erstes $Bit = 1$), sonst fahre normal fort.		

MIMA Befehle: Sichern und Laden



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

- Befehle zum laden und Speichern in den Speicher
- LDV um Daten vom Speicher zu laden, STV um Daten in den Speicher zu schreiben
- LDC um eine Konstante zu laden
- Daten werden in einem Zwischenspeicher gelagert, der nur ein Datenwort hält: Akku.

Beispiele:

- LDV 9 lädt das Datum, das im Speicher bei Adresse 9 liegt, in den Akku.
- STV 9 speichert das Datum, das im Akku liegt, in den Speicher an Adresse 9.
- LDC 4 lädt die Zahl 4 in den Akku (also kein Speicherzugriff).

MIMA Befehle: Sichern und Laden



Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Befehlssyntax	Formel	Bedeutung
LDC const	Akku ← const	Lade eine Konstate <i>const</i> in den Akku
LDV adr	$Akku \leftarrow M(adr)$	Lade einen Wert vom Speicher
		bei Adresse adr in den Akku
STV adr	$M(adr) \leftarrow Akku$	Lade Speichere den Wert aus dem Akku im Speicher bei
		Adresse adr

Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

LDC 5 STV a ₁	:	Adresse	Wert
LDC 7	LDV <i>a</i> 1	a ₁	0
STV a ₂	STV <i>a</i> ₃	a ₂	0
:	HALT	<i>a</i> ₃	0

Lukas Bach, lu-

MIMA Befehle: Indirektes Sichern und Laden



kas.bach@student.kit.edu		
Zum Übungsblatt		
MIMA		
Maschinenbefehle		
Aufgaben		

Befehlssyntax	Formel	Bedeutung
LDIV adr	$Akku \leftarrow M(M(adr))$	Lade einen Wert vom Speicher bei der Adresse, die bei <i>adr</i> ge- speichert ist, und lade den Wert in den Akku
STIV adr	$M(M(adr)) \leftarrow Akku$	Speichere den Wert im Akku bei der Adresse, die in <i>adr</i> gespeichert ist.

Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

LDIV 4	Adresse	Wert
STV 5	4	6
LDIV 5	5	0
STIV 4	6	7
HALT	7	2

MIMA Befehle: Eins plus Eins



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Befehle zu arithmetischen Operationen

- Eine ALU-Operation, angewandt auf dem Wert des Akkus und dem Wert an gegebener Adresse
- Beispiele:
 - ADD 4 addiert den Wert im Akku mit dem Wert aus dem Speicher an Adresse 4 und legt das Resultat im Akku ab. Achtung: Addition nicht mit dem Wert 4!
 - AND 3 führt bitweise Verundung zwischen dem Wert im Akku und dem Wert aus dem Speicher an Adresse 4 durch und legt das Resultat im Akku ab.

MIMA Befehle: Eins plus Eins



Lukas Bach, lu- kas.bach@student.kit.edu	Befehlssyntax	Formel	Bedeutung
	ADD adr	$Akku \leftarrow Akku + M(adr)$	Addiere den Wert bei adr zum
Zum Übungsblatt			Akku dazu.
MIMA	"OP" adr	Akku"OP"M(adr)	Wende bitweise Operation auf
Manakina uhatahla			Akku mit Wert bei adr an. $\mathit{Op} \in$
Maschinenbefehle			$\{AND, OR, XOR\}.$
Aufachon			

Aufgaben

Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

LDC 5	
ADD 3	
AND 4	
STV 5	
LDC 12	
XOR 5	
HALT	

Adresse	Wert
3	3
4	8
5	17

MIMA Befehle: Bits und Bytes



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

NOT invertiert alle Bits des Datums im Akku. Beispiel NOT mit 5 im Akku, angenommen der Akku speichert bis zu 8 bits:
5₁₀ = 00000101₂, nach der Invertierung: 11111010₂.

- RAR rotiert alle Bits des Datums im Akku um eine Stelle nach rechts. Beispiel mit 5 im Akku: 00000101₂ wird zu 10000010₂.
- EQL adr vergleicht den Wert im Akku mit dem Wert bei addr.
 - Setzt Akku = 11 · · · 11 falls Werte gleich sind.
 - Setzt Akku = $00 \cdots 00$ falls Werte nicht gleich sind.

MIMA Befehle: Bits und Bytes



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Befel	hlssyntax	Bedeutun	g				
	NOT	Bitweise	Invertierung	aller	Bits	des	Akku-
		Datenwortes					
	RAR	Rotiere alle Akku-Bits eins nach rechts					
	EQL adr	Setze Akku auf 11 · · · 11, falls Wert bei adr gleich					
		Akku-Wert, setze Akku auf 00 · · · 00 sonst.					

Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

LDC 5

NOT

RAR RAR
NOT EQL 15
RAR EQL 0

: HALT

MIMA Befehle: Springen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

- Normalerweise wird die Instruktionsadresse nach jedem Befehl um eins erhöht
- Also Befehle werden von oben nach unten abgearbeitet
- Mit Sprüngen kann man die MIMA zwingen, zu definiertem Befehl zu springen und damit die Vorgehensreihenfolge zu beeinflussen
- JMP adr führt als nächsten Befehl den an Adresse adr aus.
- JMN adr führt als nächsten Befehl den an Adresse adr aus, falls der Akku negativ ist.
 - Also wenn das erste Bit im Akku negativ ist.
 - Wenn vorher ein *EQL* erfolgreich verglichen hat, wird also gesprungen.
 - Wenn der Akku positiv ist, werden die Befehle nach JMN normal weiter abgearbeitet.

MIMA Befehle: Springen



Lukas Bach, lu-	
kas.bach@student.kit.edu	

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Bedeutung	
Setze Akku auf 11 · · · 11, falls Wert bei adr gleic	
Setze Akku auf 11 · · · 11, falls Wert bei <i>adr</i> gleich Akku-Wert, setze Akku auf 00 · · · 00 sonst.	
Springe zu Befehlsadresse adr	
Springe zu Befehlsadresse adr , falls Akku negativ (also erstes Bit = 1), sonst fahre normal fort.	

Beispielprogramm mit initialem Speicherabbild

	LDC 5		:		
a ₁ :	JMN a ₂		NOT	Adresse	Wert
	EQL 1	<i>a</i> ₂ :	JMP a ₃	1	5
	JMN a ₁		NOT		
	:	<i>a</i> ₃ :	HALT		

Aufgaben



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

MIMA-Programm schreiben

Schreibe ein MIMA-Programm:

- Eingabe: Adresse *a*₁ einer positiven Zahl *x*.
- Ausgabe: Speichert 3 · x in a₁.

Lösung:

LDV a₁

ADD a₁

ADD a₁

STV a₁

HALT

Aufgaben



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

MIMA-Programm schreiben

Schreibe ein MIMA-Programm:

- Eingabe: Adresse *a*₁ einer positiven Zahl *x*.
- Ausgabe: Speichert x mod 2 in a₁.

Lösung:

AND a₁ STV a₁ HALT

Aufgaben



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehl

Aufgaben

MIMA-Programm schreiben

Schreibe ein MIMA-Programm:

- Eingabe: Adresse *a*₁ einer positiven Zahl *x*.
- Ausgabe: Speichert x div 2 in a₁.

Lösung:

LDC 1

NOT

AND a_1 // Setze "rechtestes" Bit auf 0

RAR

STV a₁

HALT

Informationen



Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu

Zum Übungsblatt

MIMA

Maschinenbefehle

Aufgaben

Zum Tutorium

- Lukas Bach
- Tutorienfolien auf:
 - http:
 - //gbi.lukasbach.com
- Tutorium findet statt:
 - Donnerstags, 14:00 15:30
 - 50.34 Informatikbau, -107

Mehr Material

- Ehemalige GBI Webseite:
 - http://gbi.ira.uka.de
 - Altklausuren!

Zur Veranstaltung

- Grundbegriffe der Informatik
- Klausurtermin:
 - **o** 06.03.2017, 11:00
 - Zwei Stunden
 Bearbeitungszeit
 - 6 ECTS für Informatiker und Informationswirte, 4 ECTS für Mathematiker und Physiker

Zum Übungsschein

- Übungsblatt jede Woche
- Ab 50% insgesamt hat man den Übungsschein
- Keine Voraussetzung für die Klausur, aber für das Modul