

Grundbegriffe der Informatik

Tutorium 33

Lukas Bach, lukas.bach@student.kit.edu | 24.11.2016



Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen.

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung, wenn gilt: für jedes $w \in L_A$ gilt $sem_A(w) = sem_B(f(w))$.

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung, wenn gilt: für jedes $w \in L_A$ gilt $sem_A(w) = sem_B(f(w))$.

- Bedeutungserhaltende Abbildungen von Wörtern auf Wörter

Beispiel

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung, wenn gilt: für jedes $w \in L_A$ gilt $sem_A(w) = sem_B(f(w))$.

- Bedeutungserhaltende Abbildungen von Wörtern auf Wörter

Beispiel

Betrachte $Trans_{2,16} : \mathbb{Z}_{16}^* \rightarrow \mathbb{Z}_2^*$ mit $Trans_{2,16}(w) = Repr_2(Num_{16}(w))$

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung, wenn gilt: für jedes $w \in L_A$ gilt $sem_A(w) = sem_B(f(w))$.

- Bedeutungserhaltende Abbildungen von Wörtern auf Wörter

Beispiel

Betrachte $Trans_{2,16} : \mathbb{Z}_{16}^* \rightarrow \mathbb{Z}_2^*$ mit $Trans_{2,16}(w) = Repr_2(Num_{16}(w))$

- $Trans_{2,16}(A3) = Repr_2(Num_{16}(A3)) = Repr_2(163) = 10100011$

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)
- Verschlüsselung

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)
- Verschlüsselung
- Kompression (Informationen platzsparend aufschreiben)

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)
- Verschlüsselung
- Kompression (Informationen platzsparend aufschreiben)
- Kontextabhängige Semantiken (Deutsch \rightarrow Englisch)

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)
- Verschlüsselung
- Kompression (Informationen platzsparend aufschreiben)
- Kontextabhängige Semantiken (Deutsch \rightarrow Englisch)
- Fehlererkennung

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Definitionen

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Definitionen

- Codewort $f(w)$

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) \mid w \in L_A\} = f(L_A)$

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung
 - Ich komme immer eindeutig von einem Codewort $f(w)$ zu w zurück

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung
 - Ich komme immer eindeutig von einem Codewort $f(w)$ zu w zurück

Bemerkung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung
 - Ich komme immer eindeutig von einem Codewort $f(w)$ zu w zurück

Bemerkung

- Was ist, wenn L_A unendlich ist (man kann nicht alle Möglichkeiten aufzählen)

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung
 - Ich komme immer eindeutig von einem Codewort $f(w)$ zu w zurück

Bemerkung

- Was ist, wenn L_A unendlich ist (man kann nicht alle Möglichkeiten aufzählen)
- Auswege: Homomorphismen, Block-Codierungen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Definition von Homomorphismen

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete.

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

$$h(w_1 w_2) = h(w_1)h(w_2)$$

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

$$h(w_1 w_2) = h(w_1) h(w_2)$$

- Ein Homomorphismus ist Abbildung, die mit Konkatination verträglich ist

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

$$h(w_1 w_2) = h(w_1)h(w_2)$$

- Ein Homomorphismus ist Abbildung, die mit Konkatination verträglich ist
- Homomorphismus ist ε -frei, wenn für jedes $x \in A : h(x) \neq \varepsilon$

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

$$h(w_1 w_2) = h(w_1)h(w_2)$$

- Ein Homomorphismus ist Abbildung, die mit Konkatination verträglich ist
- Homomorphismus ist ε -frei, wenn für jedes $x \in A : h(x) \neq \varepsilon$
- Homomorphismen lassen das leere Wort unverändert, also $h(\varepsilon) = \varepsilon$

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

$$\rightarrow h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$$

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$.
Was war w ?

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$.
Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein:

$$w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$$

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$.
Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein:

$$w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$$

ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$.
Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein:

$$w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$$

ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$.
Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein:

$$w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$$

ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$.
Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein:

$$w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$$

ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

4. Warum will man ε -freie Homomorphismen?

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$.
Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein:

$$w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$$

ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

4. Warum will man ε -freie Homomorphismen?

→ Information geht sonst verloren!

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$.
Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein:

$$w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$$

ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

4. Warum will man ε -freie Homomorphismen?

→ Information geht sonst verloren!

5. Was heißt hier "Information geht verloren"?

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$.
Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein:

$$w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$$

ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

4. Warum will man ε -freie Homomorphismen?

→ Information geht sonst verloren!

5. Was heißt hier "Information geht verloren"?

→ Es gibt $w_1 \neq w_2$ mit $h(w_1) = h(w_2)$

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

- Information kann auch anders "verloren"gehen

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0$, $h(b) = 1$, $h(c) = 10$

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0$, $h(b) = 1$, $h(c) = 10$ – Wie das?

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0$, $h(b) = 1$, $h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

Satz

Präfixfreie Codes sind injektiv.

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

Satz

Präfixfreie Codes sind injektiv.

Beispiele

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

Satz

Präfixfreie Codes sind injektiv.

Beispiele

- $h(a) = 01$ und $h(b) = 1101$ ist präfixfrei

- Information kann auch anders "verloren"gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

Satz

Präfixfreie Codes sind injektiv.

Beispiele

- $h(a) = 01$ und $h(b) = 1101$ ist präfixfrei
- $g(a) = 01$ und $g(b) = 011$ ist nicht präfixfrei

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

- Komprimiert eine Zeichenkette

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörtern als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen
 - Dieser hat als Zahl die aufsummierte Häufigkeiten

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen
 - Dieser hat als Zahl die aufsummierte Häufigkeiten
 4. Danach: Alle linken Kanten werden mit 0 kodiert, alle rechten Kanten mit 1

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörtern als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen
 - Dieser hat als Zahl die aufsummierte Häufigkeiten
 4. Danach: Alle linken Kanten werden mit 0 kodiert, alle rechten Kanten mit 1

Das Ergebnis ist eine Zeichenkette aus $\{0, 1\}$

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörtern als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen
 - Dieser hat als Zahl die aufsummierte Häufigkeiten
 4. Danach: Alle linken Kanten werden mit 0 kodiert, alle rechten Kanten mit 1

Das Ergebnis ist eine Zeichenkette aus $\{0, 1\}$, die kürzer ist als die ursprüngliche Zeichenkette in binär.

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Gegeben

■ $w \in A^*$

w = afebfecaffdeddccefbef

Gegeben

- $w \in A^*$ $\mathbf{w} =$ afebfecauffeddccefbef
- Anzahl der Vorkommen aller Zeichen in w ($N_x(w)$)

Häufigkeiten:

| x | a | b | c | d | e | f |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| $N_x(w)$ | 2 | 2 | 3 | 3 | 5 | 7 |

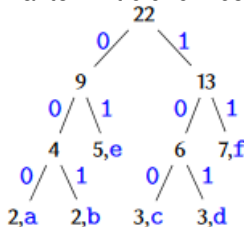
Gegeben

- $w \in A^*$ $\mathbf{w} =$ afebfecaaffdeddccefbef
- Anzahl der Vorkommen aller Zeichen in w ($N_x(w)$)

Zwei Phasen zur Bestimmung eines Huffman-Codes

1. Konstruieren eines "Baumes"

- Blätter entsprechen den Zeichen
- Kanten mit 0 und 1 beschriftet



Häufigkeiten:

| x | a | b | c | d | e | f |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| $N_x(w)$ | 2 | 2 | 3 | 3 | 5 | 7 |

Gegeben

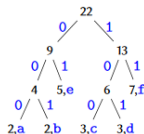
- $w \in A^*$ $w = \text{afebfecaaffdeddccefbef}$
- Anzahl der Vorkommen aller Zeichen in w ($N_x(w)$)

Zwei Phasen zur Bestimmung eines Huffman-Codes

1. Konstruieren eines "Baumes"

- Blätter entsprechen den Zeichen
- Kanten mit 0 und 1 beschriftet

2. Ablesen der Codes aus dem Baum (Pfadbeschriftungen)



Häufigkeiten:

| x | a | b | c | d | e | f |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| $N_x(w)$ | 2 | 2 | 3 | 3 | 5 | 7 |

Codewörter:

| x | a | b | c | d | e | f |
|--------|-----|-----|-----|-----|----|----|
| $h(x)$ | 000 | 001 | 100 | 101 | 01 | 11 |

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Übung

Sei $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$

- Codiere das Wort `badcf ehg` mit Hilfe der Huffman-Codierung

Übung

Sei $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$

- Codiere das Wort badcf ehg mit Hilfe der Huffman-Codierung

→ Mögliche Lösung: 001 100 010 011 101 000 111 110

Übung

Sei $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$

- Codiere das Wort badcf e h g mit Hilfe der Huffman-Codierung

→ Mögliche Lösung: 001 100 010 011 101 000 111 110

- Wie lauten die Codewörter, wenn für das Wort w gilt:
 $N_a(w) = 1, N_b(w) = 2, N_c(w) = 2, N_d(w) = 8, N_e(w) = 16, N_f(w) = 32, N_g(w) = 64, N_h(w) = 128$

Übung

Sei $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$

- Codiere das Wort badcf ehg mit Hilfe der Huffman-Codierung

→ Mögliche Lösung: 001 100 010 011 101 000 111 110

- Wie lauten die Codewörter, wenn für das Wort w gilt:
 $N_a(w) = 1, N_b(w) = 2, N_c(w) = 2, N_d(w) = 8, N_e(w) = 16, N_f(w) = 32, N_g(w) = 64, N_h(w) = 128$

Mögliche Lösung:

| x | a | b | c | d | e | f | g | h |
|------|---------|---------|--------|-------|------|-----|----|---|
| h(x) | 0000000 | 0000001 | 000001 | 00001 | 0001 | 001 | 01 | 1 |

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

→ 741 Symbole. Also dreimal so lang wie das Original.

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

→ 741 Symbole. Also dreimal so lang wie das Original.

- Wie lang wäre das zweite Wort mit dem zweiten Code codiert?

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

→ 741 Symbole. Also dreimal so lang wie das Original.

- Wie lang wäre das zweite Wort mit dem zweiten Code codiert?

→ 501 Symbole. Also nur zweimal so lang wie das Original.

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

→ 741 Symbole. Also dreimal so lang wie das Original.

- Wie lang wäre das zweite Wort mit dem zweiten Code codiert?

→ 501 Symbole. Also nur zweimal so lang wie das Original.

- Was fällt euch auf?

Wahr oder falsch?

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind.

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**
- h ist präfixfrei

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**
- h ist präfixfrei **Wahr!**

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**
- h ist präfixfrei **Wahr!**
- Es kann noch kürzere Codierungen geben

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**
- h ist präfixfrei **Wahr!**
- Es kann noch kürzere Codierungen geben **Falsch!**

Eigenschaften

Sei A ein Alphabet und $w \in A$. Dann gilt für die Huffman-Codierung h :

- $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$
- h ist ε -freier Homomorphismus
- h ist präfixfreier Homomorphismus
- Häufigere Symbole werden mit kurzen Worten codiert, seltene mit längeren
- Produziert kürzestmögliche Codierungen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$

Block-Codierung mit Huffman

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

Block-Codierung mit Huffman

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

Block-Codierung mit Huffman

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

Block-Codierung mit Huffman

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
 $aab \cdot deg \cdot deg \cdot aab \cdot ole \cdot aab \cdot deg \cdot aab$.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$

Block-Codierung mit Huffman

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
 $aab \cdot deg \cdot deg \cdot aab \cdot ole \cdot aab \cdot deg \cdot aab$.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$
- Text über A , der nur aus Teilwörtern der Länge 10 zusammengesetzt ist, in denen jeweils immer nur ein Symbol vorkommt

Block-Codierung mit Huffman

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
 $aab \cdot deg \cdot deg \cdot aab \cdot ole \cdot aab \cdot deg \cdot aab$.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$
- Text über A , der nur aus Teilwörtern der Länge 10 zusammengesetzt ist, in denen jeweils immer nur ein Symbol vorkommt
- Angenommen a^{10}, \dots, d^{10} kommen alle gleich häufig vor. Wie lang ist dann die Huffman-Codierung?

Block-Codierung mit Huffman

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
 $aab \cdot deg \cdot deg \cdot aab \cdot ole \cdot aab \cdot deg \cdot aab$.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$
- Text über A , der nur aus Teilwörtern der Länge 10 zusammengesetzt ist, in denen jeweils immer nur ein Symbol vorkommt
- Angenommen a^{10}, \dots, d^{10} kommen alle gleich häufig vor. Wie lang ist dann die Huffman-Codierung?

Block-Codierung mit Huffman

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
 $aab \cdot deg \cdot deg \cdot aab \cdot ole \cdot aab \cdot deg \cdot aab$.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$
- Text über A , der nur aus Teilwörtern der Länge 10 zusammengesetzt ist, in denen jeweils immer nur ein Symbol vorkommt
- Angenommen a^{10}, \dots, d^{10} kommen alle gleich häufig vor. Wie lang ist dann die Huffman-Codierung?

→ Ein Fünftel, weil jeder Zehnerblock durch zwei Bits codiert wird

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Ein **Bit** ist Zeichen aus $A = \{0, 1\}$

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Ein **Bit** ist Zeichen aus $A = \{0, 1\}$
- Ein **Byte** ist ein Wort aus acht Bits

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Ein **Bit** ist Zeichen aus $A = \{0, 1\}$
- Ein **Byte** ist ein Wort aus acht Bits
- Abkürzungen

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Ein **Bit** ist Zeichen aus $A = \{0, 1\}$
- Ein **Byte** ist ein Wort aus acht Bits
- Abkürzungen
 - Für Bit: `bit`

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

- Ein **Bit** ist Zeichen aus $A = \{0, 1\}$
- Ein **Byte** ist ein Wort aus acht Bits
- Abkürzungen
 - Für Bit: `bit`
 - Für Byte: `B`

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Dezimal

| | | | | | |
|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| 10^{-3} | 10^{-6} | 10^{-9} | 10^{-12} | 10^{-15} | 10^{-18} |
| 1000^{-1} | 1000^{-2} | 1000^{-3} | 1000^{-4} | 1000^{-5} | 1000^{-6} |
| milli | mikro | nano | pico | femto | atto |
| m | μ | n | p | f | a |
| 10^3 | 10^6 | 10^9 | 10^{12} | 10^{15} | 10^{18} |
| 1000^1 | 1000^2 | 1000^3 | 1000^4 | 1000^5 | 1000^6 |
| kilo | mega | giga | tera | peta | exa |
| k | M | G | T | P | E |

Dezimal

| | | | | | |
|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| 10^{-3} | 10^{-6} | 10^{-9} | 10^{-12} | 10^{-15} | 10^{-18} |
| 1000^{-1} | 1000^{-2} | 1000^{-3} | 1000^{-4} | 1000^{-5} | 1000^{-6} |
| milli | mikro | nano | pico | femto | atto |
| m | μ | n | p | f | a |

| | | | | | |
|----------|----------|----------|-----------|-----------|-----------|
| 10^3 | 10^6 | 10^9 | 10^{12} | 10^{15} | 10^{18} |
| 1000^1 | 1000^2 | 1000^3 | 1000^4 | 1000^5 | 1000^6 |
| kilo | mega | giga | tera | peta | exa |
| k | M | G | T | P | E |

Binär

| | | | | | |
|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| 2^{10} | 2^{20} | 2^{30} | 2^{40} | 2^{50} | 2^{60} |
| 1024^1 | 1024^2 | 1024^3 | 1024^4 | 1024^5 | 1024^6 |
| kibi | mebi | gibi | tebi | pebi | exbi |
| Ki | Mi | Gi | Ti | Pi | Ei |

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Zu jedem Zeitpunkt ist

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Gesamtzustand eines Speichers

Zu jedem Zeitpunkt ist

- für jede **Adresse** festgelegt, welcher **Wert** dort ist

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Gesamtzustand eines Speichers

Zu jedem Zeitpunkt ist

- für jede **Adresse** festgelegt, welcher **Wert** dort ist
- beides meist Bitfolgen

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Gesamtzustand eines Speichers

Zu jedem Zeitpunkt ist

- für jede **Adresse** festgelegt, welcher **Wert** dort ist
- beides meist Bitfolgen

Vorstellung: Tabelle mit zwei Spalten

| Adresse | Wert |
|-----------|--------|
| Adresse 1 | Wert 1 |
| Adresse 2 | Wert 2 |
| Adresse 3 | Wert 3 |
| ... | ... |
| Adresse n | Wert n |

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Definition des Speicherzustandes

Sei Adr die Menge aller Adressen und Val die Menge aller Werte.
Dann ist

$$m : Adr \rightarrow Val$$

der aktuelle Zustand des Speichers. Dabei ist $m(a)$ der aktuelle Wert an der Adresse a .

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Mem

Menge aller möglichen Speicherzustände, also Menge aller Abbildungen von *Adr* nach *Val*

$$Mem := Val^{Adr}$$

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Mem

Menge aller möglichen Speicherzustände, also Menge aller Abbildungen von *Adr* nach *Val*

$$Mem := Val^{Adr}$$

Anmerkung:

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Mem

Menge aller möglichen Speicherzustände, also Menge aller Abbildungen von *Adr* nach *Val*

$$Mem := Val^{Adr}$$

Anmerkung: Für zwei Mengen *A*, *B* gilt

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Lesen und Speichern

Mem

Menge aller möglichen Speicherzustände, also Menge aller Abbildungen von *Adr* nach *Val*

$$Mem := Val^{Adr}$$

Anmerkung: Für zwei Mengen A, B gilt: $A^B := \{f : B \rightarrow A\}$.

Lesen und Speichern

Mem

Menge aller möglichen Speicherzustände, also Menge aller Abbildungen von *Adr* nach *Val*

$$Mem := Val^{Adr}$$

Anmerkung: Für zwei Mengen A, B gilt: $A^B := \{f : B \rightarrow A\}$.

memread

$$memread : Mem \times Adr \rightarrow Val \text{ mit } (m, a) \mapsto m(a)$$

Lesen und Speichern

Mem

Menge aller möglichen Speicherzustände, also Menge aller Abbildungen von *Adr* nach *Val*

$$Mem := Val^{Adr}$$

Anmerkung: Für zwei Mengen A, B gilt: $A^B := \{f : B \rightarrow A\}$.

memread

$memread : Mem \times Adr \rightarrow Val$ mit $(m, a) \mapsto m(a)$

memwrite

$memwrite : Mem \times Adr \times Val \rightarrow Mem$ mit $(m, a, v) \mapsto m'$

Für m' wird folgendes gefordert:

$$m(a') := \begin{cases} v & \text{falls } a' = a \\ m(a') & \text{falls } a' \neq a \end{cases}$$

Eigenschaften von *memread* und *memwrite*

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Eigenschaften (“Invarianten”)

Eigenschaften von *memread* und *memwrite*

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Eigenschaften (“Invarianten”)

- $\text{memread}(\text{memwrite}(m, a, v), a) = v$

Eigenschaften von *memread* und *memwrite*

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Eigenschaften (“Invarianten”)

- $\text{memread}(\text{memwrite}(m, a, v), a) = v$ (Also: An a einen Wert v zu schreiben und danach bei a zu lesen gibt den Wert v zurück)

Eigenschaften von *memread* und *memwrite*

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Eigenschaften (“Invarianten”)

- $\text{memread}(\text{memwrite}(m, a, v), a) = v$ (Also: An a einen Wert v zu schreiben und danach bei a zu lesen gibt den Wert v zurück \Rightarrow Konsistente Datenhaltung)

Eigenschaften von *memread* und *memwrite*

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Eigenschaften (“Invarianten”)

- $\text{memread}(\text{memwrite}(m, a, v), a) = v$ (Also: An a einen Wert v zu schreiben und danach bei a zu lesen gibt den Wert v zurück \Rightarrow Konsistente Datenhaltung)
- $\text{memread}(\text{memwrite}(m, a', v'), a) = \text{memread}(m, a)$

Eigenschaften von *memread* und *memwrite*

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Eigenschaften (“Invarianten”)

- $\text{memread}(\text{memwrite}(m, a, v), a) = v$ (Also: An a einen Wert v zu schreiben und danach bei a zu lesen gibt den Wert v zurück \Rightarrow Konsistente Datenhaltung)
- $\text{memread}(\text{memwrite}(m, a', v'), a) = \text{memread}(m, a)$ (Also: Auslesen einer Speicherstelle ist unabhängig davon, was vorher an eine andere Adresse geschrieben wurde)

Eigenschaften von *memread* und *memwrite*

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Eigenschaften (“Invarianten”)

- $\text{memread}(\text{memwrite}(m, a, v), a) = v$ (Also: An a einen Wert v zu schreiben und danach bei a zu lesen gibt den Wert v zurück \Rightarrow Konsistente Datenhaltung)
- $\text{memread}(\text{memwrite}(m, a', v'), a) = \text{memread}(m, a)$ (Also: Auslesen einer Speicherstelle ist unabhängig davon, was vorher an eine andere Adresse geschrieben wurde \Rightarrow Unabhängige Datenhaltung)

Aufgaben

Aktueller Speicherzustand:

| Adresse | Wert |
|---------|-------|
| 00000 | 01110 |
| 00001 | 00100 |
| 00010 | 00111 |
| 00011 | 00000 |
| ... | ... |

Was ist?

■ `memread(memwrite(m, memread(m, 00011), 01010), 00000)`

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Aufgaben

Aktueller Speicherzustand:

| Adresse | Wert |
|---------|-------|
| 00000 | 01110 |
| 00001 | 00100 |
| 00010 | 00111 |
| 00011 | 00000 |
| ... | ... |

Was ist?

■ `memread(memwrite(m, memread(m, 00011), 01010), 00000)`

→ 01010

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher

Grundbegriffe der Informatik

Lukas Bach, lu-
kas.bach@student.kit.edu

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Speicher



That's all Folks!