## DMA Domácí úkol č. 11a

Tento úkol vypracujte po přednášce a před cvičením, na druhé straně je řešení. Pokud vám něco není jasné, zeptejte se na cvičení nebo na konzultaci.

- 1. Dokažte, že posloupnost  $\{2^n+n\}_{n=1}^\infty$  řeší rovnici  $a_{n+2}-a_{n+1}-2a_n=1-2n,\,n\geq 1$  a splňuje počáteční podmínky  $a_1=3,\,a_2=6.$
- **2.** Najděte obecné řešení rovnice  $a_{n+2} + a_{n+1} 2a_n = 0, n \ge 2.$

## Řešení:

1. Stačí dosadit navrhované  $\boldsymbol{a}_n$  do rovnice, nejlépe začít levou stranou:

Počáteční podmínky: 
$$a_1 = 2^1 + 1 = 3$$
,  $a_2 = 2^2 + 2 = 6$  souhlasí.

**2.** Charakteristická rovnice  $\lambda^2 + \lambda - 2 = (\lambda + 2)(\lambda - 1) = 0$ , odtud charakteristická čísla  $\lambda = -2, 1$ , proto obecné řešení  $\{1^n u + (-2)^n v\}_{n=2}^{\infty} = \{u + (-2)^n v\}_{n=2}^{\infty}$ .