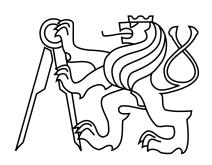
České vysoké učení technické v Praze

Fakulta stavební



155ADKG Algoritmy v digitální kartografii

Geometrické vyhľadávanie bodu

Bc. Lukáš Kettner Bc. Martin Hulín 23.10.2019

Obsah

1	Z ad		2	
2	Pop		2	
3	Pop	is použitých algoritmov	3	
	3.1	Ray Crossing Algorithm	3	
		3.1.1 Problematické situácie	3	
			4	
	3.2		4	
			5	
		3.2.2 Implementácia metódy	5	
4	Vstupné dáta 6			
	4.1	Polygónová mapa	6	
	4.2	$\operatorname{Bod} \operatorname{q} \ \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	6	
5	Uká	žka vytvorenej aplikácie	7	
6	Výs	ledok analýzy	8	
7	Dok	umentácia 1	0	
	7.1	Trieda Algorithms	0	
		~	0	
	7.2	Trieda Draw	1	
		~	2	
		7.2.2 Metódy	2	
	7.3		3	
		<u> </u>	3	
8	Záv	m er 1	4	

1 Zadanie

Vytvorte aplikáciu s grafickým rozhraním, ktorá určí polohu bodu voči polygónovej mape. Vstup do aplikácie : súvislá polygónová mapa n polygónov $\{P1, \ldots, Pn\}$, analyzovaný bod q. Výstup aplikácie : Pi, $q \in Pi$.

Nad polygónovou mapou implementujte nasledujúce algoritmy pre geometrické vyhľadávanie:

- Ray Crossing Algorithm (varianta s posunom ťažiska polygónu).
- Winding Number Algorithm

Nájdený polygón obsahujúci zadaný bod q graficky zvýraznite vhodným spôsobom. Grafické rozhranie vytvorte s použitím frameworku Qt. Pre generovanie nekonvexných polygónov môžete navrhnúť vlastný algoritmus alebo použiť existujúce geografické dáta. Polygóny budú načítane z textového súboru vo Vami zvolenom formáte. Pre dátovú reprezentáciu jednotlivých modelov použite špagetový model.

1.1 Bonusové úlohy

V rámci úlohy sú vypracované tieto bonusové úlohy

- Ošetrenie singulárneho prípadu pri Winding Number Algorithm.
- Ošetrenie singulárneho prípadu pri oboch algoritmoch.
- Zvýraznenie všetkých polygónov pre oba uvedené singulárne prípady.

2 Popis a rozbor problému

Problematikou úlohy je určenie vzájomného vzťahu polohy medzi bodom a danou oblasťou. Oblasť je tvorená polygónovou mapou. Pre bod sme zvolili označenie q. Následne analýzou pomocou dvoch typov algoritmov rozhodujeme o vzájomnej polohe bodu a polygónu. Varianty výsledkov analýzy:

- bod q leží vnútri polygónu.
- bod q leží mimo polygónu.

- bod q leží na hrane polygónu.
- bod q je totožný s vrcholom polygónu.

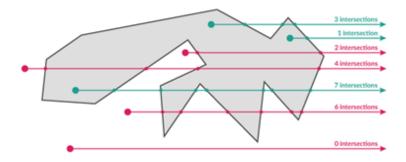
Pre učenie polohy bodu voči polygónom boli použité algoritmy Ray Crossing Algorithm a Winding Number Algorithm.

3 Popis použitých algoritmov

3.1 Ray Crossing Algorithm

Ray Crossing Algorithm je takzvaný lúčový algoritmus. Z bodu q, ktorého polohu určujeme, vedieme polopriamku a určíme počet priesečníkov s hranami polygónu. Priesečník priamky s hranami polygónu P označíme k. Potom platí :

- 1. Ak k je nepárne bod q patrí polygónu $P (q \in P)$.
- 2. Ak k je párne bod q nepatrí polygónu $P(q \notin P)$.



Obr. 1: Ray Crossing Algorithm [?]

3.1.1 Problematické situácie

Problematickou situáciou je singularita. K singularite dôjde ak bod leží na hrane polygónu alebo je totožný s vrcholom polygónu. V takomto prípade je počet priesečníkov s hranou polygónu párny, aj napriek tomu, že bod q leží vnútri polygónu.

Ošetrenie singularity sa vykoná zavedením miestneho súradnicového systému.

- 1. Počiatok sústavy je vložený do bodu q
- 2. Os x' je rovnobežná s osou x
- 3. Os v' je kolmá na os x'

Riešenie sa v takomto prípade týka len takých hrán polygónu, ktorých jeden bod leží nad osou x' a druhý pod osou x' . Prípad kedy je bod q totožný s vrcholom polygónu alebo leží na hrane polygónu sa ošetrí pomocou určenia dĺžky hrany polygónu a následne súčtom vzdialeností medzi bodom q a vrcholmi hrany. Pokiaľ sú tieto vzdialenosti identické, bod leží na hrane polygónu alebo je totožný s jeho vrcholom.

3.1.2 Implementácia metódy

- 1. Inicializácia k = 0.
- 2. Určenie veľkosti polygónu int n =pol.size()
- 3. Redukcia súradníc X a Y na bod q -¿, x', y'.
- 4. Určenie veľkosti polygónu int n =pol.size()
- 5. Cyklus for pre všetky body polygónu
- 6. $if(y_i' > 0) \&\&(y_{i-1}' \le 0) \| \|(y_{i-1}' > 0) \&\&(y_i' \le 0)$
 - $\bullet \ x_m' = (x_i'y_{i-1}' x_{i-1}'y_i')/(y_i' y_{i-1}')$
 - $if(x'_m > 0), k = k + 1$
- 7. if(k % 2) \neq 0 potom $q \in P$.
- 8. inak q \notin P

3.2 Winding Number Algorithm

Metóda Winding Number je používaná pre určenie pozície bodu voči nekonvexným mnohouholníkom. Algoritmus si môžeme predstaviť ako nasledujúcu situáciu. Postavíme sa na určovaný bod a otáčame sa postupne ku každému vrcholu polygónu. Pokiaľ sa otáčame po smere hodinových ručičiek, uhol sčítame, v opačnom prípade odčítame. Pokiaľ je výsledný uhol rovný 2π ,

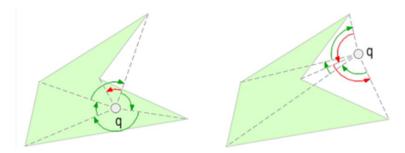
bod na ktorom stojíme leží vnútri polygónu. Pri tejto metóde je potrebné určiť Winding Number Ω . Ω je rovné sume rotácií ω proti smeru hodinových ručičiek, ktoré prievodič opíše nad všetkými bodmi $\Omega = \sum_{i=1}^{n} *\omega_i$. Určíme uhly $\omega_i(p_i, q, p_{i+1})$.

$$\cos \omega_i = \frac{\vec{u}_i * \vec{v}_1}{\|\vec{u}_i\| * \|\vec{v}_i\|}; \vec{u}_i = (q, p_i), \vec{v}_i = (q, p_{i+1})$$

Pokiaľ je uhol orientovaný v sme re hodinových ručičiek, nadobúda kladné znamienko. V protismere hodinových ručičiek záporné znamienko. Podľa sumy všetkých uhlov určíme polohu bodu q.

Ak je
$$\sum \omega_i =$$

- 1. $360^{\circ} \text{ bod } q \in Pj$
- 2. 0° bod $q \notin P$
- 3. inak bod leží na hranici polygónu alebo vo vrchole polygónu



Obr. 2: Winding Number Algorithm [?]

3.2.1 Problematické situácie

K singulárnym prípadom dôjde pri Winding Algoritmu ak je poloha určovaného bodu zhodná s polohou vrcholu polygónu. Je potreba ošetriť blízkosť hodnôt. $\sum \omega \neq 360^{\circ}\omega \neq 0^{\circ}q \in \sigma_{pi}$

3.2.2 Implementácia metódy

- 1. Inicializácia $\omega = 0$, tolerancia ϵ
- 2. Určenie veľkosti polygónu int n =pol.size()

- 3. Cyklus for prechádzame všetky body polygónu
- 4. Určenie veľkosti uhlu $\omega_i = \angle p_i, p_{i+1}$ Podmienka if,pokiaľ bod vľavo $\omega = \omega + \omega_i$; else $\omega = \omega - \omega_i$
- 5. $if(|\omega 2\pi| < \epsilon) \text{ tak } q \in P$
- 6. else $q \notin P$

4 Vstupné dáta

4.1 Polygónová mapa

Polygónovú mapu do našej aplikácie importujeme pomocou textového súboru *.txt, ktorý obsahuje :

- počet polygónov
- počet bodov v prvom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou
- počet bodov v druhom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou
- počet bodov v treťom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou
- počet bodov v štvrtom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou
- počet bodov v piatom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou

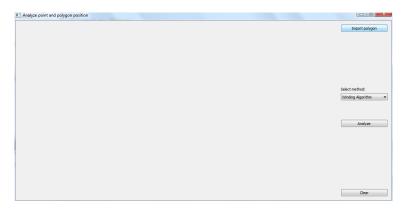
Obr. 3: Textový formát polygónovej mapy

4.2 Bod q

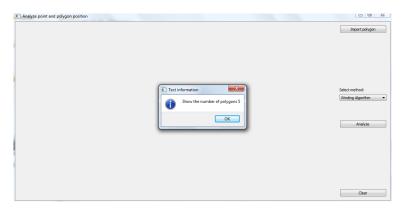
Súradnice bodu q sa do aplikácie zadávajú kliknutím myšou.

5 Ukážka vytvorenej aplikácie

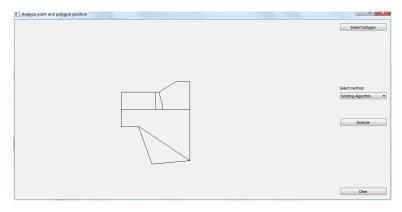
Načítanie polygónovej mapy sa uskutoční pomocou tlačidla Import polygon. Po zadaní *.txt súboru sa objaví dialógové okno, ktoré oznamuje počet nahratých polygónov. Po stlačení tlačidla "OK" sa polygóny vykreslia.



Obr. 4: Uvodné okno



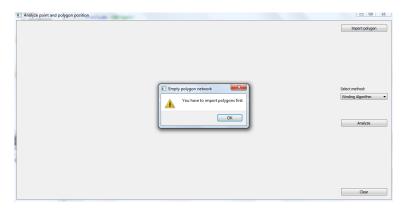
Obr. 5: Informace o počtě načítaných polygónov



Obr. 6: Zobrazenie polygónovej mapy

Následne kliknutím myšou do vykreslovacieho plátna zadáme polohu bodu q. Následne po stlačení tlačidla Analyze sa vykoná analýza polohy bodu q voči polygónovej mape.

V prípade, že dôjde k neúspešnému nahratiu polygónovej mapy zobrazí sa varovné okno s varovnou hláškou.

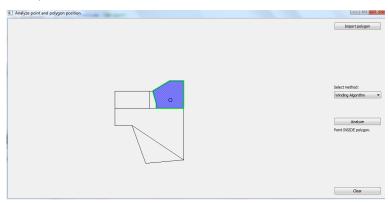


Obr. 7: Neúspešné načítanie polygónovej mapy - varovné okno

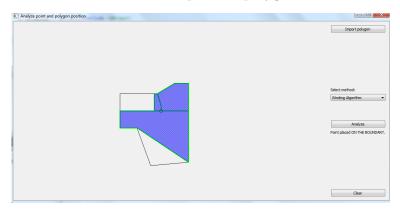
6 Výsledok analýzy

V grafickom rozhraní aplikácie sa po vykonaní analýzy zobrazí výsledok analýzy. Pokiaľ bod leží v polygóne, vysvieti a vyšráfuje sa polygón obsahujúci bod q. Pokiaľ bod leží v spoločnom vrchole viacerých polygónov vysvietia a vyšráfujú sa všetky polygóny pre ktoré je daný vrchol spoločný. Pokiaľ bod leží mimo polygónu v grafickom rozhraní aplikácie nenastane

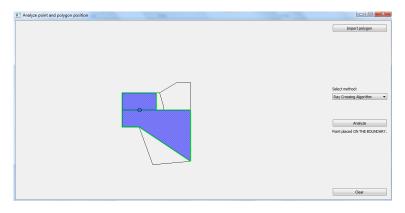
žiadna zmena. O polohe bodu takisto invormuje hláška vypísaná v label pod tlačidlom Analyze.



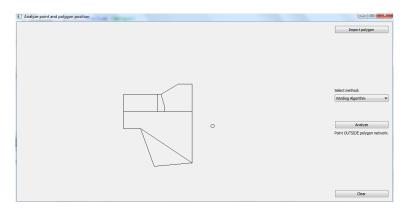
Obr. 8: Bod q vnútri polygónu



Obr. 9: Bod q v spoločnom vrchole viacerých polygónov



Obr. 10: Bod q na hrane



Obr. 11: Bod q mimo polygónu

7 Dokumentácia

7.1 Trieda Algorithms

Triedu Algorithms sme použili pre deklarovanie funkcií pre výpočtové algoritmy určenia polohy bodu voči polygónu a pre deklaráciu ich pomocných metód.

7.1.1 Metódy

position Point Polygon Ray Crossing

- slúži k určeniu polohy bodu prostredníctvom Ray Crossing algoritmu. Návratový typ je integer.
- na vstupe má : QPoint q bod ktorého polohu určujeme, std::vector<QPoint> pol polygon, voči ktorému určujeme polohu bodu q
- výstupom je hodnota :
 - -1 bod sa nachádza na hranici alebo vo vrchole polygónu
 - 0 bod sa nachádza mimo polygón
 - 1 bod sa nachádza vnútri polygónu

positionPointPolygonWinding

• slúži k určeniu polohy bodu prostredníctvom Winding Number algoritmu. Jej návratový typ je integer.

- na vstupe má : QPoint q bod ktorého polohu určujeme, std::vector<QPoint> pol polygon, voči ktorému určujeme polohu bodu q
- výstupom je hodnota :
 - -1 bod sa nachádza na hranici alebo vo vrchole polygónu
 - 0 bod sa nachádza mimo polygón
 - 1 bod sa nachádza vnútri polygónu

getAngle2Vectors

- je pomocnou metódou pre metódu positionPointPolygonWinding. Slúži k určeniu uhlu medzi dvoma priamkami. Jej návratovou hodnotou je double
- \bullet na vstupe má : súradnice bodov p_1,p_2,p_3,p_4 určujúcich prvú a druhú priamku
- výstupom je hodnota uhlu medzi priamkami

getPointLinePosition

- je pomocnou metódou pre metódu positionPointPolygonWinding. Slúži na určenie polohy bodu voči priamke. Jej návratovou hodnotou je integer.
- \bullet na vstupe má : súradnice určovaného bodu q , súradnice bodov priamky p_1 p_2
- na výstupe hodnoty:
 - -1 bod sa nachádza na priamke
 - 0 bod sa nachádza vpravo od priamky
 - 1 bod sa nachádza vľavo od priamky

7.2 Trieda Draw

Trieda Draw slúži ku grafickému vykresleniu bodu q a polygónovej mapy.

7.2.1 Členské premenné

QPoint q

• súradnice bodu, ktorého polohu zisťujeme. Východiskové hodnoty sú nastavené v konštruktore. Hodnoty súradníc určovaného bodu sa menia stlačením tlačidla myši na vykreslovacom plátne..

std::vector<stdvector<QPoint>> polygons

• vektor obsahujúci body jednotlivých polygónov

std::vector<int> analyze_results_by_polygons

vektor v ktorom sú uložené výsledky analýzy

7.2.2 Metódy

paintEvent

 slúži k vykresleniu zisťovaného bodu, vykresleniu importu polygónovej mapy a k vyfarbeniu polygónov ktorým náleží určovaný bod q. Návratovým typom je void.

void mousePressEvent

• slúži k vykresleniu bodu q stlačením tlačidla myši, v okamihu stlačenia tlačidla na myši sa uložia súradnice bodu q. Návratovým typom je void.

void clearCanvas

slúži k vymazaniu obsahu vykreslovacieho plátna. Návratovým typom je void.

void importPolygon

metóda slúži k importu polygónovej mapy z textového súboru
*.txt, ich uloženiu do zoznamu polygónov polygons. Vstupom je cesta k súboru. Výstupom je správa obsahujúca počet nahratých polygónov.etóda slúži k importu polygónovej mapy z textového

súboru *.txt, ich uloženiu do zoznamu polygónov polygons. Vstupom je cesta k súboru. Výstupom je správa obsahujúca počet nahratých polygónov.

int getNumberOfPolygons

slúži k určeniu počtu polygónov v Canvase. Návratový typ je integer.

7.3 Trieda Widget

Tieda Widget obashuje metódy ktoré sú odkazom na sloty umožňujúce vykonávať príkazy z grafického rozhrania aplikácie. Nemajú žiadne vstupné hodnoty, návratovým typom je void.

7.3.1 Metódy

on_clearButton_clicked

• tlačidlo Clear, vyčistí grafické okno Canvasu

on_analyzeButton_clicked

• tlačidlo Analyze. Po jeho stlačení sa vykoná analýza polohy bodu q voči polygónovej mape.

on_importPolygonButton_clicked

 tlačidlo Import polygon. Zobrazí sa dialógové okno v ktorom je možné vybrať textový súbor obsahujúci polygónovú mapu. V prípade úspešného nahratia polygónovej mapy za zobrazí dialógové okno s počtom nahratých polygónov. V prípade nesprávneho importu sa zobrazí varovné okno.

showResultOfAnalysis

 pomocou tejto metódy vypisujeme výsledkok analýzy na label v grafickom okne. Vstupom je výsledok analýzy pre jeden polygón a premenná show result, ktorá je typu bool.

8 Záver

V priebehu vypracovania úlohy sme narazili na množstvo problémov, ktoré sme úspešne dokázali vyriešiť a tým sme obohatili naše vedomosti v oblasti programovania.

Veľké problémy nám spôsobilo správne kódovanie textového súboru. Obsah súboru nebolo možné dlho načítať, s riešením sme strávili niekoľko hodín. Avšak podarilo sa nám tento problém vyriešiť, vykonali sme zmenu kódovania na UTF-8 s BOM (byte order mark).

Výsledkom je funkčná aplikácia, ktorá umožňuje analyzovať polohu bodu voči polygónu z polygónovej mapy. V prípade, vylepšenia aplikácie by bolo zaujímavé implementovať možnosť nahrania *.shp súboru. V takej situácii by bolo potrebné vyriešiť vhodný vstupný formát súboru *.shp. Ďalším možným vylepšením je implementácia algoritmu pre automatické generovanie nekonvexných polygónov. Túto bonusovú úlohu sme z časových dôvodov do našej aplikácie nezakomponovali.

Literatúra

- [1] Cplusplus. cplusplus.
- [2] Qt documentation archives. qt documentation archives.
- [3] Tomáš Bayer. Geometrické vyhledání.
- [4] Tomáš Bayer. Algoritmy v digitální kartografii. Karolinum, 2008.
- [5] Introducing Wherewolf. A serverless boundary service from wnyc.