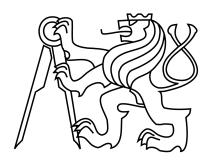
České vysoké učení technické v Praze

Fakulta stavební



155ADKG Algoritmy v digitální kartografii

Konvexné obálky a ich konštrukcie

Bc. Lukáš Kettner Bc. Martin Hulín 5.11.2019

Obsah

1	Zad	lanie	3
	1.1	Bonusové úlohy	3
2	Pop	ois a rozbor problému	4
3	Pop	ois použitých algoritmov	5
	3.1	Jarvis Scan	5
		3.1.1 Implementácia metódy	5
		3.1.2 Problematické situácie	5
	3.2	Quick Hull	6
		3.2.1 Implementácia metódy	6
	3.3	Sweep Line	7
		3.3.1 Implementácia metódy	7
		3.3.2 Problematické situácie	8
	3.4	Graham scan	8
		3.4.1 Implementácia metódy	8
		3.4.2 Problematické situácie	8
4	Vst	upné dáta - generovanie bodov	9
	4.1	Množina bodov vytvorená ručne	9
	4.2	· ·	9
5	Uka	ážka vytvorenej aplikácie 1	1
6	Vyl	kreslenie konvexnej obálky 1	2
7	Gra	afy - doby behu algoritmov 1	5
			9
8	Tau	bulky pro jednotnive metody	9
9	Dol		4
	9.1	Trieda Algorithms	24
		1	24
			24
	9.2	···	26
		9.2.1 Členské premenné	26
		0.2.2 Motódy	a

10 Záv	ver																	29
	9.4.1	Metódy			•		•	•	 •	•	•	•	•	•				28
9.4	Trieda	Widget .																27
9.3	Tridy S	SortByX,	Sor	$_{ m tBy}$	Y													27

1 Zadanie

Vytvorte aplikáciu s grafickým rozhraním, ktorá vygeneruje konvexnú obálku podľa zvoleného typu algoritmu. Vstup do aplikácie : množina bodov $\{p1, \ldots, pn\}$. Výstup aplikácie : konvexná obálka H(P).

Nad množinou P implementujte nasledujúce algoritmy pre konštrukciu $H(\mathbf{P}).$

- Jarvis Scan
- Quick Hull
- Sweep Line

Vstupné množiny vrátane vygenerovaných konvexných obálok vhodne vizualizujte. Vytvorte grafy pre množiny n $\in\langle$ 1000, 1000 000 \rangle ilustrujúce doby behu algoritmu. Meranie prevádzajte pre rôzne typy množín opakovane 10x a uvedťe rozptyl. Namerané údaje usporiadajte do tabuliek.

Taktiež sa zamyslite nad problémom singularít pre rôzne typy vstupných množín a nad možnými optimalizáciami. Zhodnoť te dosiahnuté výsledky. Rozhodnite, ktorá z týchto metód je vzhľadom na časovú náročnosť a typ vstupnej množiny najvhodnejšia.

1.1 Bonusové úlohy

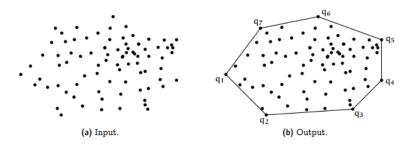
V rámci úlohy sú vypracované tieto bonusové úlohy

- Konštrukcia konvexnej obálky metódou Graham Scan.
- Ošetrenie singulárneho prípadu pro Jarvis Scan
- Algoritmus pre automatické generovanie konvexných / nekonvexných množín

2 Popis a rozbor problému

Konvexná obálka je skupina bodov, ktorých spojením vznikne ohraničenie pre všetky ostatné body množiny. Pre konvexnú obálku platí :

- \bullet žiadny bod vstupnej množiny Pneleží mimo ohraničenia konvexnej obálky.
- ullet všetky spojnice bodov
vstupnej množiny P ležia vnútri konvexnej obálky alebo tvoria jej ohraničenie.
- všetky vnútorné uhly medzi susednými segmentami konvexnej pbálky sú menšie ako 180 stupňov.



Obr. 1: Princíp konvexnej obálky

Konvexnú obálku je možné zostrojiť viacerými metódami. V rámci našej práce sme zostrojili algoritmus Jarvis Scan, Quick Hull, Sweep Line a Graham scan.

3 Popis použitých algoritmov

3.1 Jarvis Scan

Tento algoritmus predstavuje jeden z najpoužívanejích postupov pre tvorbu konvexnej obálky. V algoritme sa zavádza kritérium maximálneho uhlu (ω_{max}) . Pri tomto kritériu posudzujeme uhol medzi poslednou stranou konvexnej obálky a úsečkou posledný bod obálky - aktuálny bod. Kritérium hladá taký aktuálny bod, pre ktorý je uhol (ω) maximálny. Postup je nasledovný. V prvom kroku vyberieme pivot q so súradnicou y_{min} , tento bod je automaticky súčasťou konvexnej obálky. Zavádzame kritérium maximálneho uhlu (ω_{max}) . Keď nájdeme bod odpovedajúci kritériu, prídáme takýto bod do konvexnej obálky. Algoritmus končí v momente keď sa dostaneme opäť k pivotu q.

3.1.1 Implementácia metódy

- 1. Nájdi pivot q. Zoraď body podľa súradnice y. $q:y_{min}$
- 2. Do konvexnej obálky pridaj q
- 3. Inicializuj $p_{j-1} \in X, p_j = q, p_{j+1} = p_{j-1}$
- 4. Opakuj pokial $p_{j+1}! = q$
- 5. Nájdenie bodu pre ktorý je uhol omega maximálny $p_{j+1} = argmax_{pi \in P} \angle (p_{j-1}, p_j, p_i)$
- 6. Pridaj nájdený bod p_{j+1} do konvexnej obálky
- 7. Inicializuj $p_{i-1} = p_i, p_i = p_{i+1}$

3.1.2 Problematické situácie

Problematickou situáciou sú vyskytujúce sa kolineárne body. V takomto prípade je potrebné ošetriť aby sa do konvexnej obálky dostal najvzdialenejší bod.

3.2 Quick Hull

Tento algoritmus uplatňuje pri konštrukcii konvexnej obálky princím rozdeľuj a panuj. Jedná sa rekurzívny algoritmus. Skladá sa z lokálnej a globálnej procedúry. Konvexná obálke je skonštruovaná z dvoch častí - upper hull a lower hull. Deliacou priamkou je spojnica dvoch bodov s extrémnymi súradnicami x (minimum, maximum). S oboma časťami obálky sa počas výpočtu pracuje samostatne. Algoritmus hľadá bod s extrémnymi súradnicami v ose y, samostatne pre hornú a dolnú časť. Výsledná konvexná obálka je pri zachovaní CCW orientácie zložená z dvoch častí automaticky, bez nutnosti spájania.

3.2.1 Implementácia metódy

- 1. Vytvor mnošinu konvexnej obálky, vektor vrchných upoints a spodných bodov lpoints
- 2. Zoraď vstupnú množinu bodov podľa súradnice X
- 3. Nájdi body q_1 , q_3 s extrémnymi súradnicami X
- 4. Pridaj q_1 , q_3 do upoints a lpoints
- 5. Rozdeľ všetky body vstupnej množiny podľa kritéria do *upoints* alebo *lpoints*
- 6. Do konvexnej obálky pridaj bod q_3
- 7. Volaj rekurzívnu funkciu nájde najvzdialenejší bod v *upoints*
- 8. Pridaj tento bod do konvexnej obálky
- 9. Do konvexnej obálky pridaj bod q_1
- 10. Volaj rekurzívnu funkciu nájde najvzdialenejší bod v *lpoints*
- 11. Pridaj tento bod do konvexnej obálky
- 12. Vráť konvexnú obálku.

3.3 Sweep Line

Jedná sa o metódu zametacej priamky. Tento algoritmus pracuje na princípe prepisovania pozície predchodcu a následníka i-teho bodu. Popis algoritmu slovne je miestami zložité pochopiť a pri jeho prezentácii pred osobou mimo obor by sme mohli skončiť na psychiatrii. Implemntácia metódy jednoduchšie zobrazí jej fungovanie.

3.3.1 Implementácia metódy

- 1. Zoradenie množiny bodov P_s podľa súradnice x
- 2. if $p_3 \in \sigma_L(p_1, p_2)$

3.
$$n[1] = 2; n[2] = 3; n[3] = 1$$

4.
$$p[1] = 3; p[2] = 1; p[3] = 2$$

5. else

6.
$$n[1] = 3; n[3] = 2; n[2] = 1$$

7.
$$p[1] = 2; p[3] = 1; p[2] = 3$$

8. for
$$p_i \in P_s, i > 3$$

9. if
$$(y_i > y_i - 1)$$

10.
$$p[i] = i-1; n[i] = n[i-1]$$

11. else

12.
$$n[i] = i-1; p[i] = p[i-1]$$

13.
$$n[p[i]] = i; p[n[i]] = i;$$

14. while
$$(n[n[i]]) \in \sigma_R(i, n[i])$$

15.
$$p[n[n[i]]] = i; n[i] = n[n[i]];$$

16. while
$$(p[p[i]]) \in \sigma_L(i, p[i])$$

17.
$$n[p[p[i]]] = i; p[i] = p[p[i]];$$

3.3.2 Problematické situácie

Problematická situácia pri algoritme Sweep Line nastáva, ak sa vo vstupnej množine bodov nachádzajú duplicitné body. Tie je potrebné odstrániť a až po ich odstránení určiť veľkosť vektoru bodov vstupnej množiny, vytvoriť zoznam predchodcov, následníkov a v cykle spustiť algoritmus.

3.4 Graham scan

Grahamov prehľadávací algoritmus využíva kritérium pravotočivosti, pri ktorom posudzuje uhol (ω_i) . Množina bodov je zoradená podľa súradnice y. Bod s najmenšou y súradnicou je zvolený za pivota. Z pivota vedieme rovnobežku s osou X. Následne určíme uhol od osi X k ostatným bodom množiny. Tieto uhly je potrebné zotiediť podľa veľkosti. Následne vyberieme bod (p_i) pre ktorý je uhol (ω_i) maximálny. Pri pridávani bodu do konvexnej obálky musí byť splnená podmienka ľavotočivosti.

3.4.1 Implementácia metódy

- 1. Zoradenie množiny bodov P_s podľa súradnice y
- 2. Nájdenie pivota q, $q = min(y_i)$, q \rightarrow Convex Hull
- 3. Zoraď body podľa veľkosti uhlu $(\omega_i) \angle (p_{kolinear} by x, x, p_i)$
- 4. Vymaž bližší bod ku q $if(\omega_i = \omega_j)$
- 5. Opakuj pre všetky body j <n
- 6. Pridaj bod p_j pre ktorý je uhol omega maximálny a je splnená podmienka ľavotočivosti \rightarrow Convex Hull
- 7. i = i+1
- 8. Else pop S

3.4.2 Problematické situácie

Problematická situácia pri algoritme Graham Scan nastáva, ak sa vo vstupnej množine bodov nachádzajú body, ktoré zvierajú s osou X a pivotom rovnaký uhol (ω_i) . Je potrebné určiť vzdialenosť takýchto bodov od pivotu a ponechať v množine bodov len bod s najväčšou vzdialenosťou od pivotu.

4 Vstupné dáta - generovanie bodov

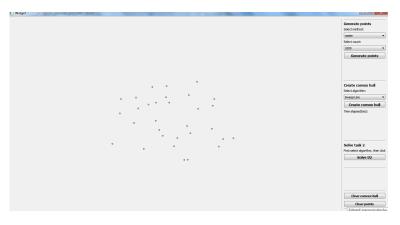
Vstupnými dátami je množina bodov. Táto množina môže byť ručne naklikaná v Canvase alebo automaticky generovaná.

Generování je možné provést do rastru, náhodného uspořádání nebo kruhového tvaru pro různá možství bodů. Oblast genrování je určena z aktuální velikosti okna plikace. Od každé hrany okna je pevně nastavený odstup. Samotné náhodné generování je realizované pomocí $std::random_device$ s pouižitím generátoru std::mt19937.

Rastr je generován s pevným krokem pro šířku i délku okna, který se počítá na základě požadovaného počtu bodů. Náhodné generování se provádí pomocí std: uniform_int_distibution, která generuje celá čísla v určitém rozsahu. Pro možnost circle – kruhového generování bodů jsou body generovány polárními souřadnicemi s použitím stejného náhodného generátoru jako v předchozím případě.

4.1 Množina bodov vytvorená ručne

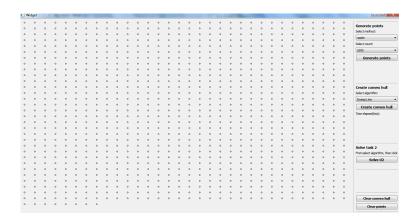
Táto množina vznikne ručným naklikaním bodov priamo v Canvase.



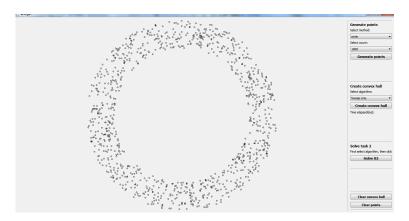
Obr. 2: Manuálne zadané body a vygenerová konvexná obálka

4.2 Automaticky generovaná množina bodov

Množina vznikne automatickým vygenerovaním po zadaní požadovaného počtu generovaných bodov. Rozsah generovaných bodov je n \in \langle 1000, 1000 000 \rangle . Tvary generovaných bodov sú raster, kruh, náhodne generované body.



Obr. 3: Automaticky generovaných 1000 bodov v tvare rastru.



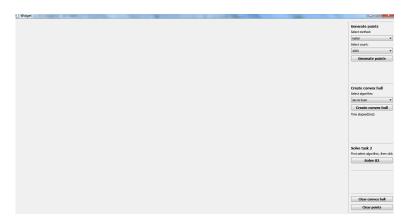
Obr. 4: Automaticky generovaných 1000 bodov v tvare kruhu.



Obr. 5: Automaticky generovaných 1000 bodov v náhodnom tvare.

5 Ukážka vytvorenej aplikácie

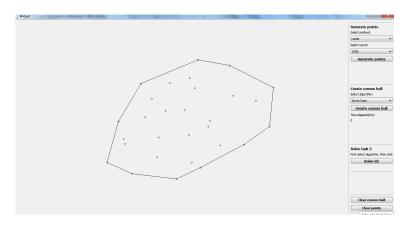
Grafické rozhranie aplikácie, vo svojej pravej časti, obsahuje možnosť generovania počtu bodov v užívateľom zvolenom tvare, vytvorenie konvexnej obálky pomocou zvoleného algoritmu. Pod tlačítkom Create convex hull sa nachádza label v ktorom sa zobrazí doba trvania vygenerovania konvexnej obálky. Ďalej grafické rozhranie obsahuje tlačítko Solve U2. Po jeho stlačení sa zvoleným algoritmom prevedie generovanie konvexnej obálky automaticky. Toto generovanie prebieha automaticky 10x pre každý typ rozmiestnenia bodov (raster, kruh, náhodné rozmiestnenie bodov) a počet bodov n \in < 1000, 5000, 10 000, 25 000, 50 000, 75 000, 100 000, 250 000, 500 000, 750 000, 1000 000 \rangle . Pre každé generovanie konvexnej obálky je počítaná doba behu, ktorá sa spolu s počtom a typom generovaných bodov, typom algoritmu a poradím opakovania je ukladaná do textového súboru. Tento textový súbor je následne spracovaný v programe R Studio. Výsledné vytvorené grafy s porovnaním časovej náročnosti pri n počte vstupných bodov sú uvedené v kapitole Grafy a tabuľky.



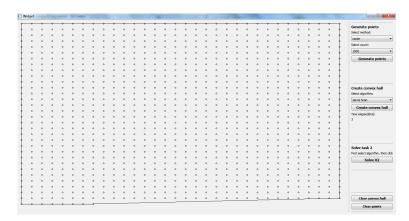
Obr. 6: Ukážka grafického rozhrania aplikácie

6 Vykreslenie konvexnej obálky

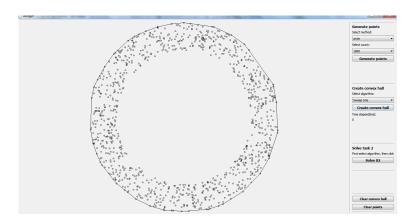
Po automatickom vygenerovaní bodov, prípadne ručnom naklikaní v Canvase , voľbe algoritmu konštrukcie konvexnej obálky a stlačení tlačidla Create convex hull dostane užívateľ vygenerovanú konvexnú obálku. Pri genererovaní väčšieho počtu bodov ako n=5000 sa v grafickom rozhraní vykreslí len prvých 5000 bodov, z dôvodu rýchlejšieho a jednoduchšieho vykreslovania. Konvexná obálka sa vygeneruje v plnom rozsahu.



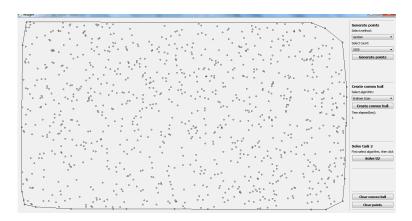
Obr. 7: Manuálne zadané body a vygenerová konvexná obálka



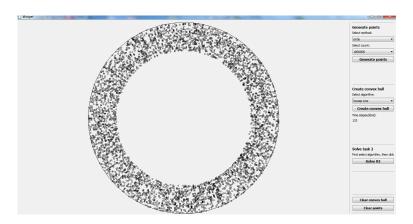
Obr. 8: Automaticky generovaných 1000 bodov v tvare rastru, konvexná obálka bodov.



Obr. 9: Automaticky generovaných 1000 bodov v tvare kruhu, konvexná obálka bodov.



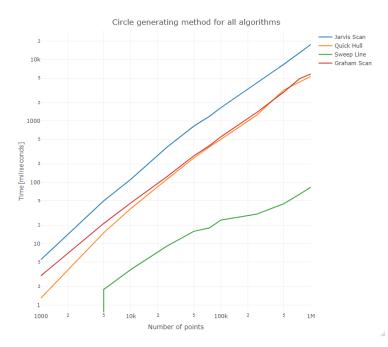
Obr. 10: Automaticky generovaných 1000 bodov v náhodnom tvare, konvexná obálka bodov.



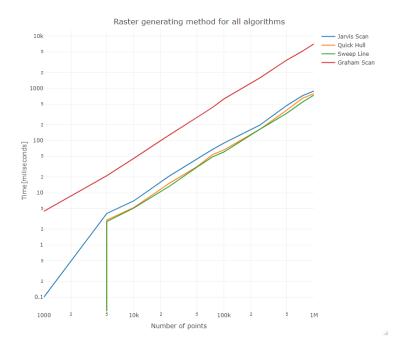
Obr. 11: Automaticky generovaných 1 000 000, konvexná obálka Sweep Line.

7 Grafy - doby behu algoritmov

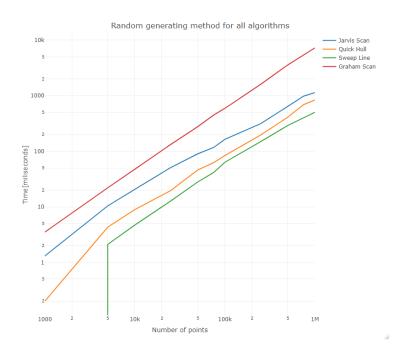
Súčasťou úlohy je porovnanie doby behu jednotlivých algoritmov pre testované množiny bodov generované v tvare kruhu, rastru a náhodne. Prezentácia výsledkov je pomocou grafov vytvorených v programe R Studio. Testovanie bolo vykonané 10x pre každý počet bodov z intervalu a tvar generovanej množiny bodov. Vykonali sme ho v režime Relase.



Obr. 12: Doba behu jednotlivých algoritmov pre množinu bodov v tvare kruhu.

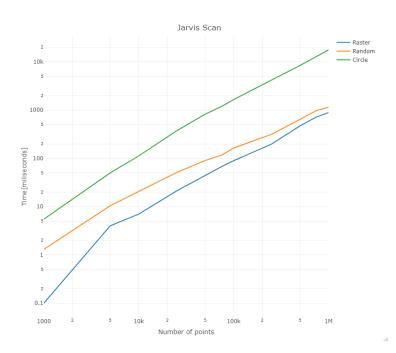


Obr. 13: Doba behu jednotlivých algoritmov pre množinu bodov v tvare rastru.

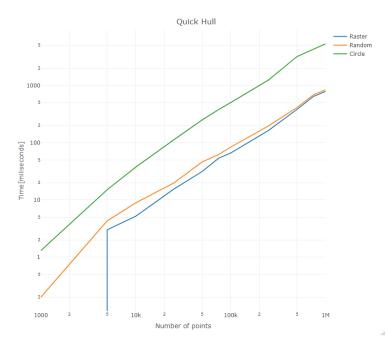


16

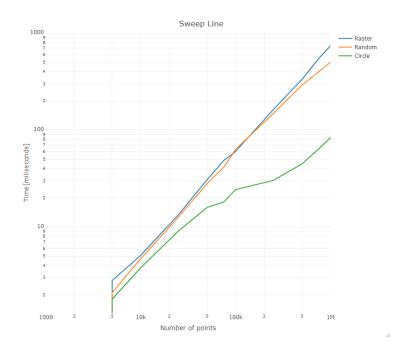
Obr. 14: Doba behu jednotlivých algoritmov pre množinu bodov v náhodnom tvare.



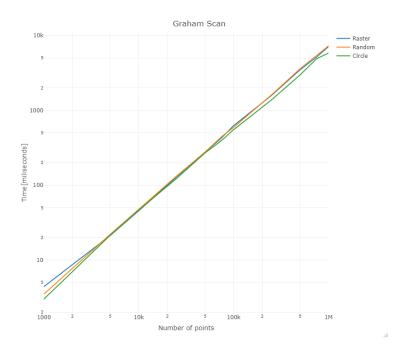
Obr. 15: Doba behu algoritmu Jarvis Scan pre množiny bodov v
o všetkých generovaných tvaroch.



Obr. 16: Doba behu algoritmu Quick Hull pre množiny bodov vo všetkých generovaných tvaroch.



Obr. 17: Doba behu algoritmu Sweep Linel pre množiny bodov vo všetkých generovaných tvaroch.



Obr. 18: Doba behu algoritmu Graham Scan pre množiny bodov vo všetkých generovaných tvaroch.

8 Tabulky pro jednotlivé metody

Tabuľky s presnou dobou behu jednotlivých algoritmov pre množiny bodov. Tabulky jsou rozdělené po jednotlivých algoritmech a každá obsahuje průměrný čas generování konvexní obálky v jednotkách milisekund určený z deseti pokusů a rozptyl. Rozptyl byl určen jako prostý rozdíl nejdelšího a nejkratšího času výpočtu obálky z deseti pokusů.

Tabuľka 1: Jarvis Scan data z výpočtu

Jarvis Scan								
points	method	avg elapsed time [ms]	variance [ms]					
1000	raster	0.1	1					
5000	raster	4	0					
10000	raster	7	0					
25000	raster	21.1	1					
50000	raster	43.9	3					
75000	raster	67.6	6					
100000	raster	89.2	3					
250000	raster	196.3	3					
500000	raster	469.5	6					
750000	raster	722.4	4					
1000000	raster	882	55					
1000	random	1.3	1					
5000	random	10.4	1					
10000	random	20.6	2					
25000	random	50.8	31					
50000	random	89.9	10					
75000	random	116.8	14					
100000	random	163.7	26					
250000	random	313.5	42					
500000	random	641.3	78					
750000	random	981.1	108					
1000000	random	1138.4	199					
1000	circle	5.5	1					
5000	circle	49.9	5					
10000	circle	112.2	20					
25000	circle	370.3	56					
50000	circle	821.7	88					
75000	circle	1195.5	32					
100000	circle	1647.4	14					
250000	circle	4167.5	86					
500000	circle	8373.2	452					
750000	circle	12913.8	833					
1000000	circle	17651.2	1077					

Tabuľka 2: Quick Hull data z výpočtu

Quick Hull								
points	method	avg elapsed time [ms]	variance [ms]					
1000	raster	0	0					
5000	raster	3	0					
10000	raster	5.2	2					
25000	raster	15.3	4					
50000	raster	31.3	7					
75000	raster	53.8	25					
100000	raster	65.8	15					
250000	raster	163	43					
500000	raster	381.6	199					
750000	raster	647.3	138					
1000000	raster	787.4	323					
1000	random	0.2	1					
5000	random	4.3	1					
10000	random	8.9	2					
25000	random	19.6	5					
50000	random	46	19					
75000	random	62.4	14					
100000	random	83.5	16					
250000	random	196.5	45					
500000	random	410.2	101					
750000	random	691.6	202					
1000000	random	838.5	252					
1000	circle	1.3	1					
5000	circle	15.1	1					
10000	circle	37.4	3					
25000	circle	111.4	21					
50000	circle	249.2	60					
75000	circle	380.6	59					
100000	circle	501.8	85					
250000	circle	1242.6	61					
500000	circle	3192.4	2496					
750000	circle	4293.5	462					
1000000	circle	5331.2	618					

Tabuľka 3: Sweep Line data z výpočtu

Sweep Line								
points	method	avg elapsed time [ms]	variance [ms]					
1000	raster	0	0					
5000	raster	2.8	1					
10000	raster	5.1	1					
25000	raster	13.4	4					
50000	raster	30.7	8					
75000	raster	48.6	17					
100000	raster	60.3	17					
250000	raster	163.1	41					
500000	raster	332.3	87					
750000	raster	547.1	201					
1000000	raster	739.9	243					
1000	random	0	0					
5000	random	2.1	1					
10000	random	4.7	2					
25000	random	12.7	4					
50000	random	28	11					
75000	random	41.4	19					
100000	random	63.3	18					
250000	random	148.7	59					
500000	random	290.7	172					
750000	random	398.7	248					
1000000	random	501.1	414					
1000	circle	0	0					
5000	circle	1.8	1					
10000	circle	3.8	3					
25000	circle	9.1	7					
50000	circle	15.9	18					
75000	circle	18.1	30					
100000	circle	24.3	63					
250000	circle	30.3	131					
500000	circle	44.8	274					
750000	circle	63.9	445					
1000000	circle	83.6	649					

Tabuľka 4: Graham Scan data z výpočtu

Graham Scan								
points	method	avg elapsed time [ms]	variance [ms]					
1000	raster	4.4	2					
5000	raster	21.2	1					
10000	raster	45.5	2					
25000	raster	128.9	5					
50000	raster	275.3	47					
75000	raster	431.3	16					
100000	raster	623.9	108					
250000	raster	1575.6	104					
500000	raster	3472.2	238					
750000	raster	5160.9	166					
1000000	raster	7088.7	1641					
1000	random	3.5	1					
5000	random	22	0					
10000	random	47.5	1					
25000	random	132.2	5					
50000	random	277.5	11					
75000	random	447.2	83					
100000	random	591.1	83					
250000	random	1602.9	86					
500000	random	3579.8	1230					
750000	random	5402.5	2263					
1000000	random	7262.5	946					
1000	circle	3	0					
5000	circle	21.4	1					
10000	circle	46.3	1					
25000	circle	122.7	1					
50000	circle	269.5	38					
75000	circle	397.4	7					
100000	circle	551.6	122					
250000	circle	1374.7	38					
500000	circle	2958.7	670					
750000	circle	4889	2046					
1000000	circle	5823.7	190					

9 Dokumentácia

9.1 Trieda Algorithms

Triedu Algorithms sme použili pre deklarovanie funkcií pre výpočtové algoritmy tvorby konvexnej obálky a pre deklaráciu ich pomocných metód.

9.1.1 Členské premenné

static QPoint pivot

• bod obsahujúci súradnice pivota

QPoint kolinear X point

bod obsahujúci súradnice pomocného bodu, kolineárneho s osou X

9.1.2 Metódy

getAngle2Vectors

- Slúži k určeniu uhlu medzi dvoma priamkami. Jej návratovou hodnotou je double
- \bullet na vstupe má : súradnice bodov p_1,p_2,p_3,p_4 určujúcich prvú a druhú priamku
- výstupom je hodnota uhlu medzi priamkami

getPointLinePosition

- Slúži na určenie polohy bodu voči priamke. Jej návratovou hodnotou je integer.
- \bullet na vstupe má : súradnice určovaného bodu q , súradnice bodov priamky p_1 p_2
- na výstupe hodnoty:
 - -1 bod sa nachádza na priamke
 - 0 bod sa nachádza vpravo od priamky
 - 1 bod sa nachádza vľavo od priamky

getPointLineDistance

- je pomocnou metódou pre metódu positionPointPolygonWinding. Slúži na určenie polohy bodu voči priamke. Jej návratovou hodnotou je double.
- \bullet na vstupe má : súradnice určovaného bodu q , súradnice bodov priamky p_1 p_2
- na výstupe hodnotu vzdialenosti určovaného bodu od priamky.

Distance

- Slúži na porovnanie vzdialenosti dvoch bodov.
- na vstupe má : súradnice bodov p_1 a p_2
- na výstupe hodnotu vzdialenosti medzi dvoma bodmi.

Angle

- Slúži na porovnanie veľkosti dvoch uhlov.
- na vstupe má : súradnice bodov p_1 a p_2
- na výstupe väčší uhol.

jarvisScan, qHull, grahamScan, sweepLine

- Metódy slúžia k výpočtu konvexnej obálky podľa zvoleného výpočetného algoritmu. Vstupným typom je QPolygon
- na vstupe je vektror bodov std::vector<QPoint>points
- na výstupe je polygón obsahujúci množinu bodov a konvexnú obálku.

qh

- Metódy slúžia k výpočtu konvexnej obálky podľa algoritmu Quick Hull. Je to pomocná metóda. Vstupným typom je void.
- na vstupe je index počiatočného a koncového bodu deliacej priamky start, end
- std::vector<QPoint>points vektor bodov okolo ktorých vytvárame konvexnú obálku

- QPolygon convexHull ktorý obsahuje body konvexnej obálky
- na výstupe je polygón obsahujúci konvexnú obálku.

9.2 Trieda Draw

Trieda Draw slúži ku grafickému vykresleniu množiny modov a konvexnej obálky nad touto množinou.

9.2.1 Členské premenné

std::vector<QPoint>points

vektor bodov okolo ktorých vytvárame konvexnú obálku

QPolygon ch

• polygón obsahujúci body konvexnej obálky

9.2.2 Metódy

paintEvent

 slúži k vykresleniu naklikaných a vygenerovaných bodov, vykresleniu konvexnej obálky. Návratovým typom je void.

void mousePressEvent

 slúži k vykresleniu bodu stlačením tlačidla myši, v okamihu stlačenia tlačidla na myši sa uložia súradnice bodu do vektoru points. Návratovým typom je void.

void clearCH

• slúži k vymazaniu konvexnej obálky. Návratovým typom je void.

void clearPoints

• slúži k vymazaniu množiny bodov. Návratovým typom je void.

std::vector<QPoint>getPoints

• vektor, ktorý slúži k vráteniu množiny bodov points.

setCH

• slúži na prevedenie konvexnej obálky do vykresľovacieho okna.

generatePoints

• text.

generatePoints

- slúži ku generovaniu množiny bodov. Na vstupe je zadaná metóda, počet bodov, šírka a výška.
- na výstupe je vygenerovaná množina bodov podľa užívateľského zadania.

std::vector<QPoint>generatePointsU2

- slúži ku generovaniu množiny bodov. Na vstupe je zadaná metóda, počet bodov, šírka a výška.
- na výstupe je vygenerovaná množina bodov podľa užívateľského zadania. Generovanie konvexnej obálky prebehne automaticky 10x pre všetky typy tvaru generovanej množiny bodov a počty generovaných bodov v intervale od 1 000 do 1 000 000.

9.3 Tridy SortByX, SortByY

Sú to triedy, ktoré obsahujú zoraďovacie kritériá. Pomocou týchto funkcií zoradíme súbor bodov podľa X alebo podľa Y súradnice.

9.4 Trieda Widget

Tieda Widget obashuje metódy ktoré sú odkazom na sloty umožňujúce vykonávať príkazy z grafického rozhrania aplikácie. Nemajú žiadne vstupné hodnoty, návratovým typom je void.

9.4.1 Metódy

on_pushButton_createCH_clicked

• tlačidlo **Create convex hull** po kliknutí naň sa vygeneruje konvexná obálka množiny bodov

$on_pushButton_clearPoints_clicked$

• tlačidlo Clear points po kliknutí naň sa vymaže množina bodov

$on_pushButton_clearCH_clicked$

 tlačidlo Clear convex hull po kliknutí naň sa vymaže konvexná obálka

on_pushButton_generatePoints_clicked

• tlačidlo **Generate points** po kliknutí naň sa vygenerujú body v zvolenom tvare a počte

on_pushButton_solveU2_clicked

tlačidlo Solve U2 po kliknutí naň sa vykoná automatické generovanie konvexnej obálky 10x pre každý typ rozmiestnenia bodov (raster, kruh, náhodné rozmiestnenie bodov) a počet bodov n ∈ ⟨ 1000, 5000, 10 000, 25 000, 50 000, 75 000, 100 000, 250 000, 500 000, 750 000, 1000 000 ⟩. Pre každé generovanie konvexnej obálky je počítaná doba behu, ktorá sa spolu s počtom a typom generovaných bodov, typom algoritmu a poradím opakovania je ukladaná do textového súboru

10 Záver

Zoznam obrázkov

	1	Princíp konvexnej obálky	4
	2	Manuálne zadané body a vygenerová konvexná obálka	Ĝ
	3	Automaticky generovaných 1000 bodov v tvare rastru	10
	4	Automaticky generovaných 1000 bodov v tvare kruhu	10
	5	Automaticky generovaných 1000 bodov v náhodnom tvare	10
	6		11
	7	Manuálne zadané body a vygenerová konvexná obálka	12
	8	Automaticky generovaných 1000 bodov v tvare rastru, kon-	
		· ·	12
	9	Automaticky generovaných 1000 bodov v tvare kruhu, kon-	
		vexná obálka bodov.	13
	10	Automaticky generovaných 1000 bodov v náhodnom tvare,	
		konvexná obálka bodov.	13
	11	Automaticky generovaných 1 000 000, konvexná obálka Sweep	
		Line	14
	12	Doba behu jednotlivých algoritmov pre množinu bodov v tvare	
		kruhu	15
	13	Doba behu jednotlivých algoritmov pre množinu bodov v tvare	
		rastru	16
	14	Doba behu jednotlivých algoritmov pre množinu bodov v náhodno	m
			16
	15	Doba behu algoritmu Jarvis Scan pre množiny bodov vo všetkých	
		♥ v	17
	16	Doba behu algoritmu Quick Hull pre množiny bodov vo všetkých	
			18
	17	Doba behu algoritmu Sweep Linel pre množiny bodov vo všetkých	
			18
	18	Doba behu algoritmu Graham Scan pre množiny bodov vo	
		všetkých generovaných tvaroch	19
7	OZN	am tabuliek	
	JZII		
	1	Jarvis Scan data z výpočtu	20

2	Quick Hull data z výpočtu	2
3	Sweep Line data z výpočtu	22
4	Graham Scan data z výpočtu	23

Literatúra

[1] Tomáš Bayer. Algoritmy v digitální kartografii. Karolinum, 2008.