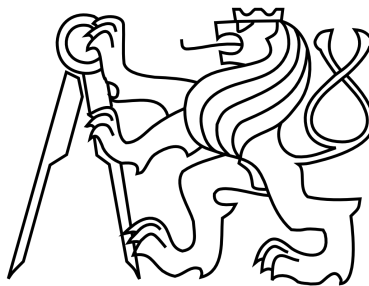


České vysoké učení technické v Praze
Fakulta stavební



155ADKG Algoritmy v digitální kartografii

Geometrické vyhľadávanie bodu

Bc. Lukáš Kettner Bc. Martin Hulín
23.10.2019

Obsah

1	Zadanie	2
1.1	Bonusové úlohy	2
2	Popis a rozbor problému	2
3	Popis použitých algoritmov	3
3.1	Ray Crossing Algorithm	3
3.1.1	Problematické situácie	3
3.1.2	Implementácia metódy	4
3.2	Winding Number Algorithm	4
3.2.1	Problematické situácie	5
3.2.2	Implementácia metódy	5
4	Vstupné dáta	6
4.1	Polygónová mapa	6
4.2	Bod q	6
5	Ukážka vytvorenej aplikácie	7
6	Výsledok analýzy	9
7	Dokumentácia	10
7.1	Trieda Algorithms	10
7.1.1	Metódy	10
7.2	Trieda Draw	12
7.2.1	Členské premenné	12
7.2.2	Metódy	13
7.3	Trieda Widget	14
7.3.1	Metódy	14
7.4	Trieda SortByY	14
7.5	Trieda SortByOmega	14
8	Záver	15

1 Zadanie

Vytvorte aplikáciu s grafickým rozhraním, ktorá určí polohu bodu voči polygónovej mape. Vstup do aplikácie : súvislá polygónová mapa n polygónov $\{P_1, \dots, P_n\}$, analyzovaný bod q . Výstup aplikácie : $P_i, q \in P_i$.

Nad polygónovou mapou implementujte nasledujúce algoritmy pre geometrické vyhľadávanie:

- Ray Crossing Algorithm (varianta s posunom ťažiska polygónu).
- Winding Number Algorithm

Nájdený polygón obsahujúci zadaný bod q graficky zvýraznite vhodným spôsobom. Grafické rozhranie vytvorte s použitím frameworku Qt. Pre generovanie nekonvexných polygónov môžete navrhnúť vlastný algoritmus alebo použiť existujúce geografické dáta. Polygóny budú načítane z textového súboru vo Vami zvolenom formáte. Pre dátovú reprezentáciu jednotlivých modelov použite špagetový model.

1.1 Bonusové úlohy

V rámci úlohy sú vypracované tieto bonusové úlohy

- Ošetrovanie singulárneho prípadu pri Winding Number Algorithm.
- Ošetrovanie singulárneho prípadu pri oboch algoritmoch.
- Zvýraznenie všetkých polygónov pre oba uvedené singulárne prípady.

2 Popis a rozbor problému

Problematikou úlohy je určenie vzájomného vzťahu polohy medzi bodom a danou oblasťou. Oblasť je tvorená polygónovou mapou. Pre bod sme zvolili označenie q . Následne analýzou pomocou dvoch typov algoritmov rozhodujeme o vzájomnej polohe bodu a polygónu. Varianty výsledkov analýzy :

- bod q leží vnútri polygónu.
- bod q leží mimo polygónu.

- bod q leží na hrane polygónu.
- bod q je totožný s vrcholom polygónu.

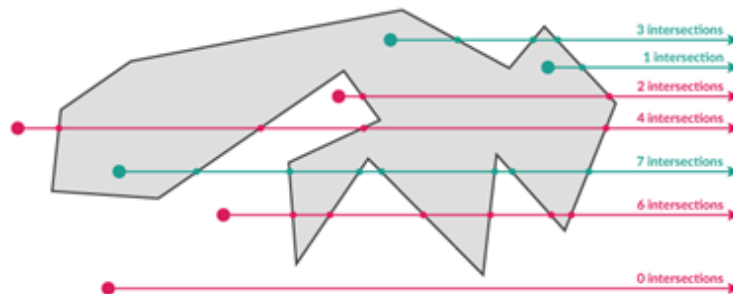
Pre učenie polohy bodu voči polygónom boli použité algoritmy Ray Crossing Algorithm a Winding Number Algorithm.

3 Popis použitých algoritmov

3.1 Ray Crossing Algorithm

Ray Crossing Algorithm je takzvaný lúčový algoritmus. Z bodu q , ktorého polohu určujeme, vedieme polopriamku a určíme počet priesečníkov s hranami polygónu. Priesečník priamky s hranami polygónu P označíme k . Potom platí :

1. Ak k je nepárne – bod q patrí polygónu P ($q \in P$).
2. Ak k je párne – bod q nepatrí polygónu P ($q \notin P$).



Obr. 1: Ray Crossing Algorithm [5]

3.1.1 Problematické situácie

Problematickou situáciou je singularita. K singularite dôjde ak bod leží na hrane polygónu alebo je totožný s vrcholom polygónu. V takomto prípade je počet priesečníkov s hranou polygónu párny, aj napriek tomu, že bod q leží vnútri polygónu.

Ošetrovanie singularity sa vykoná zavedením miestneho súradnicového systému.

1. Počiatok sústavy je vložený do bodu q
2. Os x' je rovnobežná s osou x
3. Os y' je kolmá na os x'

Riešenie sa v takomto prípade týka len takých hrán polygónu, ktorých jeden bod leží nad osou x' a druhý pod osou x' . Prípad kedy je bod q totožný s vrcholom polygónu alebo leží na hrane polygónu sa ošetrí pomocou určenia dĺžky hrany polygónu a následne súčtom vzdialeností medzi bodom q a vrcholmi hrany. Pokiaľ sú tieto vzdialenosti identické, bod leží na hrane polygónu alebo je totožný s jeho vrcholom.

3.1.2 Implementácia metódy

1. Inicializácia $k = 0$.
2. Určenie veľkosti polygónu $\text{int } n = \text{pol.size}()$
3. Redukcia súradníc X a Y na bod q - x' , y' .
4. Určenie veľkosti polygónu $\text{int } n = \text{pol.size}()$
5. Cyklus for pre všetky body polygónu
6. $\text{if}(y'_i > 0) \& \& (y'_{i-1} \leq 0) \parallel \parallel (y'_{i-1} > 0) \& \& (y'_i \leq 0)$
 - $x'_m = (x'_i y'_{i-1} - x'_{i-1} y'_i) / (y'_i - y'_{i-1})$
 - $\text{if}(x'_m > 0), k = k + 1$
7. $\text{if}(k \% 2) \neq 0$ potom $q \in P$.
8. inak $q \notin P$

3.2 Winding Number Algorithm

Metóda Winding Number je používaná pre určenie pozície bodu voči nekonvexným mnohouholníkom. Algoritmus si môžeme predstaviť ako nasledujúcu situáciu. Postavíme sa na určovaný bod a otáčame sa postupne ku každému vrcholu polygónu. Pokiaľ sa otáčame po smere hodinových ručičiek, uhol sčítame, v opačnom prípade odčítame. Pokiaľ je výsledný uhol rovný 2π ,

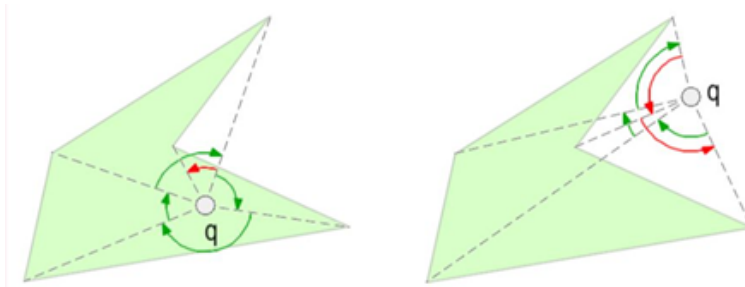
bod na ktorom stojíme leží vnútri polygónu. Pri tejto metóde je potrebné určiť Winding Number Ω . Ω je rovné sume rotácií ω proti smeru hodinových ručičiek, ktoré prievodič opíše nad všetkými bodmi $\Omega = \sum_{i=1}^n \omega_i$. Určíme uhly $\omega_i(p_i, q, p_{i+1})$.

$$\cos \omega_i = \frac{\vec{u}_i * \vec{v}_i}{\|\vec{u}_i\| * \|\vec{v}_i\|}; \vec{u}_i = (q, p_i), \vec{v}_i = (q, p_{i+1})$$

Pokiaľ je uhol orientovaný v smere hodinových ručičiek, nadobúda kladné znamienko. V protismere hodinových ručičiek záporné znamienko. Podľa sumy všetkých uhlov určíme polohu bodu q.

Ak je $\sum \omega_i =$

1. 360° bod $q \in P_j$
2. 0° bod $q \notin P$
3. inak bod leží na hranici polygónu alebo vo vrchole polygónu



Obr. 2: Winding Number Algorithm [3]

3.2.1 Problematické situácie

K singulárnym prípadom dôjde pri Winding Algoritmu ak je poloha určovaného bodu zhodná s polohou vrcholu polygónu. Je potreba ošetriť blízkosť hodnôt.
 $\sum \omega \neq 360^\circ \omega \neq 0^\circ q \in \sigma_{pi}$

3.2.2 Implementácia metódy

1. Inicializácia $\omega = 0$, tolerancia ϵ
2. Určenie veľkosti polygónu $\text{int } n = \text{pol.size}()$

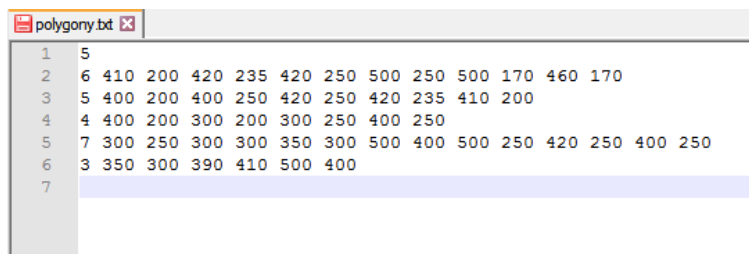
3. Cyklus for - prechádzame všetky body polygónu
4. Určenie veľkosti uhlu $\omega_i = \angle p_i, p_{i+1}$
 Podmienka if, pokiaľ bod vľavo $\omega = \omega + \omega_i$; else $\omega = \omega - \omega_i$
5. *if*($|\omega - 2\pi| < \epsilon$) tak $q \in P$
6. else $q \notin P$

4 Vstupné dáta

4.1 Polygónová mapa

Polygónovú mapu do našej aplikácie importujeme pomocou textového súboru *.txt, ktorý obsahuje :

- počet polygónov
- počet bodov v prvom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou
- počet bodov v druhom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou
- počet bodov v treťom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou
- počet bodov v štvrtom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou
- počet bodov v piatom polygóne, súradnice x a y oddelené medzerou



```

1 5
2 6 410 200 420 235 420 250 500 250 500 170 460 170
3 5 400 200 400 250 420 250 420 235 410 200
4 4 400 200 300 200 300 250 400 250
5 7 300 250 300 300 350 300 500 400 500 250 420 250 400 250
6 3 350 300 390 410 500 400
7

```

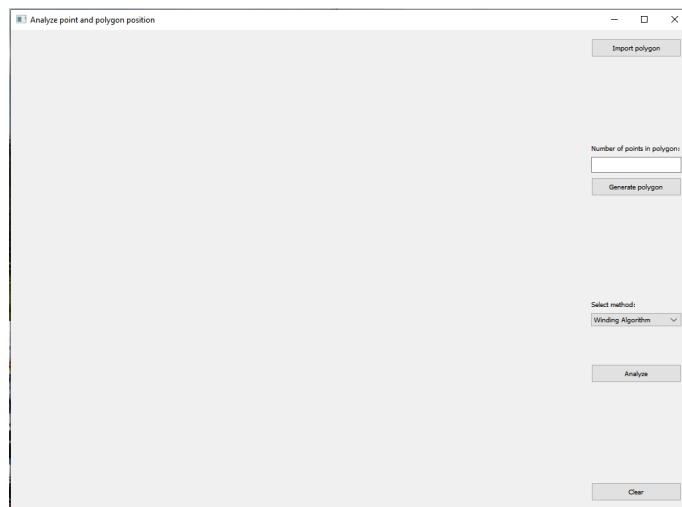
Obr. 3: Textový formát polygónovej mapy

4.2 Bod q

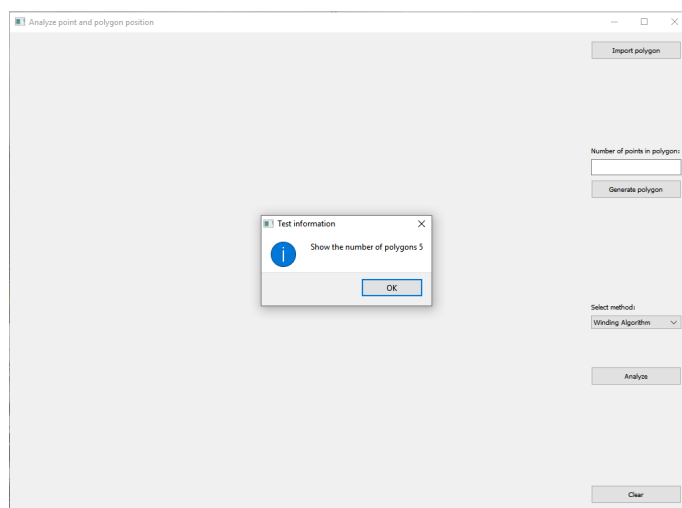
Súradnice bodu q sa do aplikácie zadávajú kliknutím myšou.

5 Ukážka vytvorenej aplikácie

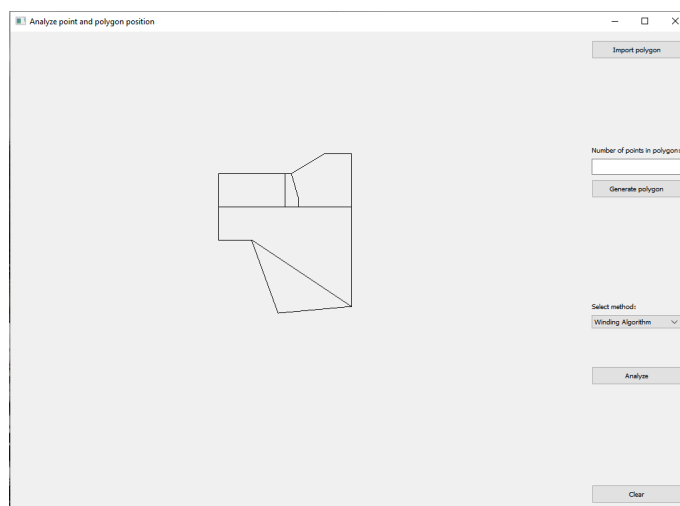
Načítanie polygónovej mapy sa uskutoční pomocou tlačidla Import polygon. Po zadaní *.txt súboru sa objaví dialógové okno, ktoré oznamuje počet nahratých polygónov. Po stlačení tlačidla „OK“ sa polygóny vykreslia.



Obr. 4: Uvodné okno



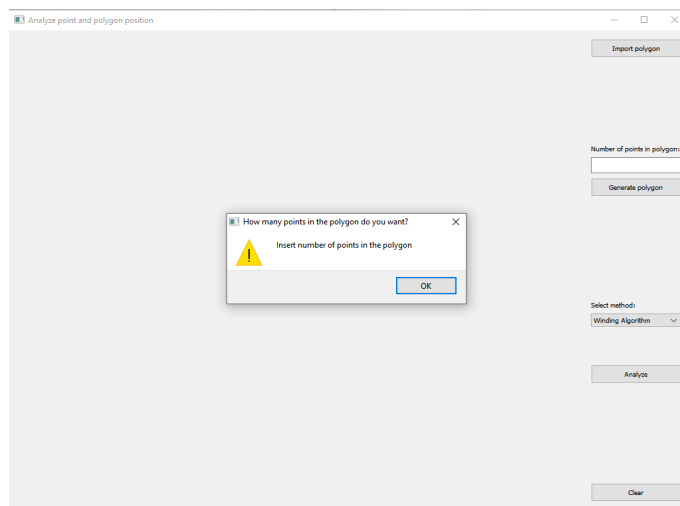
Obr. 5: Informace o počtě načítaných polygónov



Obr. 6: Zobrazenie polygórovej mapy

Následne kliknutím myšou do vykreslovacieho plátna zadáme polohu bodu q . Následne po stlačení tlačidla Analyze sa vykoná analýza polohy bodu q voči polygórovej mape.

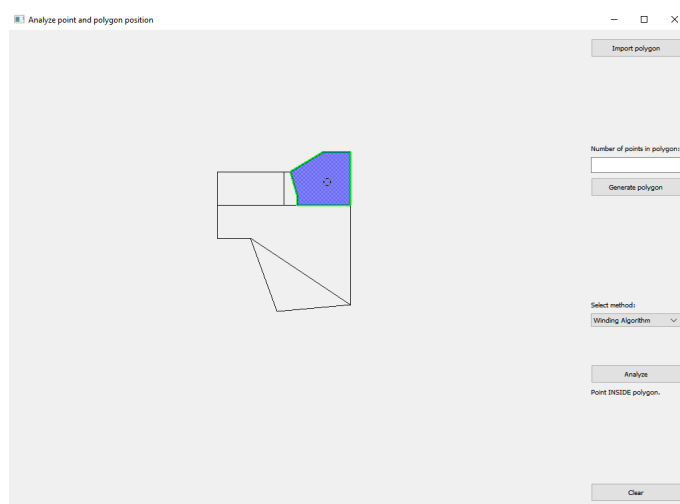
V prípade, že dôjde k neúspešnému nahratiu polygórovej mapy zobrazí sa varovné okno s varovnou hláškou.



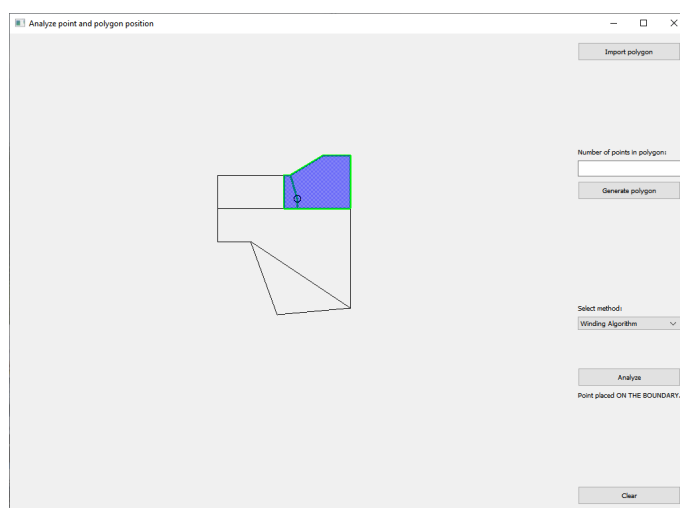
Obr. 7: Neúspešné načítanie polygórovej mapy - varovné okno

6 Výsledok analýzy

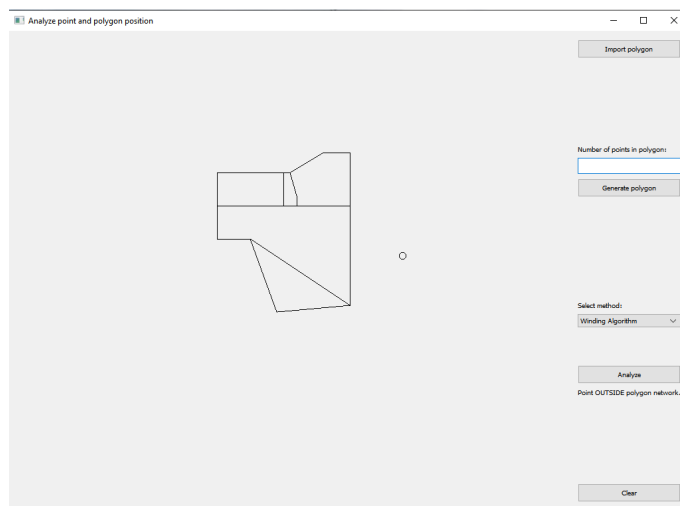
V grafickom rozhraní aplikácie sa po vykonaní analýzy zobrazí výsledok analýzy. Pokiaľ bod leží v polygóne, vysvieti a vyšráfuje sa polygón obsahujúci bod q . Pokiaľ bod leží v spoločnom vrchole viacerých polygónov vysvietia a vyšráfujú sa všetky polygóny pre ktoré je daný vrchol spoločný. Pokiaľ bod leží mimo polygónu v grafickom rozhraní aplikácie nenastane žiadna zmena. O polohe bodu takisto informuje hláška vypísaná v label pod tlačidlom Analyze.



Obr. 8: Bod q vnútri polygónu



Obr. 9: Bod q na hrane



Obr. 10: Bod q mimo polygónu

7 Dokumentácia

7.1 Trieda Algorithms

Triedu Algorithms sme použili pre deklarovanie funkcií pre výpočtové algoritmy určenia polohy bodu voči polygónu a pre deklaráciu ich pomocných metód.

7.1.1 Metódy

positionPointPolygonRayCrossing

- slúži k určeniu polohy bodu prostredníctvom Ray Crossing algoritmu. Návratový typ je integer.
- na vstupe má : QPoint q – bod ktorého polohu určujeme, std::vector<QPoint> pol – polygon, voči ktorému určujeme polohu bodu q
- výstupom je hodnota :
 - 1 – bod sa nachádza na hranici alebo vo vrchole polygónu
 - 0 – bod sa nachádza mimo polygón

1 – bod sa nachádza vnútri polygónu

positionPointPolygonWinding

- slúži k určeniu polohy bodu prostredníctvom Winding Number algoritmu. Jej návratový typ je integer.
- na vstupe má : QPoint q – bod ktorého polohu určujeme, std::vector<QPoint> pol – polygon, voči ktorému určujeme polohu bodu q
- výstupom je hodnota :
 - 1 – bod sa nachádza na hranici alebo vo vrchole polygónu
 - 0 – bod sa nachádza mimo polygón
 - 1 – bod sa nachádza vnútri polygónu

getAngle2Vectors

- je pomocnou metódou pre metódu positionPointPolygonWinding. Slúži k určeniu uhlu medzi dvoma priamkami. Jej návratovou hodnotou je double
- na vstupe má : súradnice bodov p_1, p_2, p_3, p_4 určujúcich prvú a druhú priamku
- výstupom je hodnota uhlu medzi priamkami

getPointLinePosition

- je pomocnou metódou pre metódu positionPointPolygonWinding. Slúži na určenie polohy bodu voči priamke. Jej návratovou hodnotou je integer.
- na vstupe má : súradnice určovaného bodu q , súradnice bodov priamky $p_1 p_2$
- na výstupe hodnoty :
 - 1 – bod sa nachádza na priamke
 - 0 – bod sa nachádza vpravo od priamky
 - 1 – bod sa nachádza vľavo od priamky

polGen

- generuje náhodně polygon s daným počtem bodů, zatím pouze jeden
- body polygonu jsem generovány v rozsahu 100 až 700 pro x-ovou souřadnici a 50 až 650 pro y-ovou souřadnici
- vstupem je uživatelem zadaný počet bodů přes widget QLineEdit

GrahamScan

- opravuje pořadí vstupních bodů podle velikosti úhlu omega tak, aby bylo možné sestavit nekonvexní polygon s využitím algoritmu Graham Scan pro tvorbu nekonvexní obálky.

7.2 Trieda Draw

Trieda Draw slouží ku grafickému vykreslení bodu q a polygónovej mapy.

7.2.1 Členské premenné

QPoint q

- súradnice bodu, ktorého polohu zisťujeme. Východiskové hodnoty sú nastavené v konštruktoze. Hodnoty súradníc určovaného bodu sa menia stlačením tlačidla myši na vykreslovacom plátne..

std::vector<stdvector<QPoint>> polygons

- vektor obsahujúci body jednotlivých polygónov

std::vector<int> analyze_results_by_polygons

- vektor v ktorom sú uložené výsledky analýzy

std::vector<QPoint> generated_points

- vektor uloženými vygenerovanými body pro tvorbu generovaného polygonu

7.2.2 Metódy

paintEvent

- slúži k vykresleniu zisťovaného bodu, vykresleniu importu polygónovej mapy a k vyfarbeniu polygónov ktorým náleží určený bod q. Návrátovým typom je void.

void mousePressEvent

- slúži k vykresleniu bodu q stlačením tlačidla myši, v okamihu stlačenia tlačidla na myši sa uložia súradnice bodu q. Návrátovým typom je void.

void clearCanvas

- slúži k vymazaniu obsahu vykreslovacieho plátna. Návrátovým typom je void.

void importPolygon

- metóda slúži k importu polygónovej mapy z textového súboru *.txt, ich uloženiu do zoznamu polygónov polygons. Vstupom je cesta k súboru. Výstupom je správa obsahujúca počet nahratých polygónov. etóda slúži k importu polygónovej mapy z textového súboru *.txt, ich uloženiu do zoznamu polygónov polygons. Vstupom je cesta k súboru. Výstupom je správa obsahujúca počet nahratých polygónov.

int getNumberOfPolygons

- slúži k určeniu počtu polygónov v Canvase. Návrátový typ je integer.

void generatePoints

- prístupuje k členskej proměnné generated_points a vkládá do ní vygenerované a Graham Scan algoritmem zpracované (seřazené) body.

7.3 Trieda Widget

Trieda Widget obashuje metódy ktoré sú odkazom na sloty umožňujúce vykonávať príkazy z grafického rozhrania aplikácie. Nemajú žiadne vstupné hodnoty, návratovým typom je void.

7.3.1 Metódy

on_clearButton_clicked

- tlačidlo Clear, vyčistí grafické okno Canvasu

on_analyzeButton_clicked

- tlačidlo Analyze. Po jeho stlačení sa vykoná analýza polohy bodu q voči polygórovej mape.

on_importPolygonButton_clicked

- tlačidlo Import polygon. Zobrazí sa dialógové okno v ktorom je možné vybrať textový súbor obsahujúci polygórovú mapu. V prípade úspešného nahratia polygórovej mapy sa zobrazí dialógové okno s počtom nahratých polygórov. V prípade nesprávneho importu sa zobrazí varovné okno.

showResultOfAnalysis

- pomocou tejto metódy vypisujeme výsledkok analýzy na label v grafickom okne. Vstupom je výsledok analýzy pre jeden polygón a premenná show result, ktorá je typu bool.

7.4 Trieda SortByY

- Třídí body ve vektoru podle velikosti y-ové souřadnice každého z bodů.

7.5 Trieda SortByOmega

- Třídí body ve vektoru podle velikosti úhlu omega. Tedy od rovnoběžky daným bodem, nejčastěji pivotem s minimální nebo maximální jednou ze souřadnic. V našem případě od bodu s nejmenší y-ovou souřadnicí.

8 Záver

V priebehu vypracovania úlohy sme narazili na množstvo problémov, ktoré sme úspešne dokázali vyriešiť a tým sme obohatili naše vedomosti v oblasti programovania.

Veľké problémy nám spôsobilo správne kódovanie textového súboru. Obsah súboru nebolo možné dlho načítať, s riešením sme strávili niekoľko hodín. Avšak podarilo sa nám tento problém vyriešiť, vykonali sme zmenu kódovania na UTF-8 s BOM (byte order mark).

Výsledkom je funkčná aplikácia, ktorá umožňuje analyzovať polohu bodu voči polygónu z polygónovej mapy. V prípade, vylepšenia aplikácie by bolo zaujímavé implementovať možnosť nahrania *.shp súboru. V takej situácii by bolo potrebné vyriešiť vhodný vstupný formát súboru *.shp. Ďalším možným vylepšením je implementácia algoritmu pre automatické generovanie nekonvexných polygónov. Túto bonusovú úlohu sme z časových dôvodov do našej aplikácie nezakomponovali. Alespoň jsem přidali možnost generování jednoho polygonu. Generování funguje pro 16 bodů. u 17. nastává nevyřešený problém, který znehodnocuje další generování.

Literatúra

- [1] Cplusplus. cplusplus.
- [2] Qt documentation archives. qt documentation archives.
- [3] Tomáš Bayer. Geometrické vyhledání.
- [4] Tomáš Bayer. *Algoritmy v digitální kartografii*. Karolinum, 2008.
- [5] Introducing Wherewolf. A serverless boundary service from wny.