

NASIONALE SENIOR SERTIFIKAAT

GRAAD 12

WISKUNDIGE GELETTERDHEID V1

NOVEMBER 2015

MEMORANDUM

PUNTE: 150

Kodes	Verduideliking
M	Metode
MA	Metode met Akkuraatheid
CA	Deurlopende Akkuraatheid
A	Akkuraatheid
C	Herleiding
D	Definieer
J	Regverdiging/Rede/Verduidelik
S	Vereenvoudiging
RD	Lees van 'n tabel OF 'n grafiek OF 'n diagram OF 'n kaart OF 'n plan
F	Kies die regte formule
SF	Vervanging in 'n formule
0	Opinie
P	Straf, bv. vir geen eenhede, verkeerde afronding, ens.
R	Afronding
NP	Geen penalisering vir afronding OF weglating van eenhede

Hierdie memorandum bestaan uit 17 bladsye.

SLEUTEL TOT SIMBOOL VAN ONDERWERP:

F = Finansies; M = Meting; MP = Kaarte, planne en ander voorstellings DH = Datahantering; P = Waarskynlikheid

VRAAC	VRAAG 1 [38]		
Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
1.1.1	✓MA 67 × 2 + 16 = 150 ✓CA	1MA vermenigvuldig met 2 en tel 16 by 1CA vereenvoudiging	L1
		Slegs antwoord volpunte (2)	
1.1.2	\checkmark M \checkmark A Koste = R225,00 × 152 = R34 200	1M vermenigvuldig met R225 1A vir 152	L1
	OF	OF	
	✓M Getal persone = R34 200÷ R225 = 152 ✓A (150 gaste + bruidspaar)	1M deling deur R225 1A getal persone	
	OF \checkmark M Koste per persoon = R34 200 ÷ 152 = R225 \checkmark A	OF 1M deling deur 152 1A koste per persoon (2)	
1.1.3	% Onthaalkoste = $\frac{R66450}{R125000} \times 100\%$ = 53,16% \checkmark CA	1M korrekte breuk 1CA persentasie Slegs antwoord volpunte	L1
		NP - afronding (2)	
1.1.4	Blomme en dekor = 1,8% × R125 000 ✓ M = R2 250 ✓ A	1M persentasie 1A bedrag Slegs antwoord volpunte (2)	L1

Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
1.1.5	Randwaarde = GHS 30 000 ÷ 0,32253 \checkmark M \approx R93 014,60 \checkmark A	1M deling 1A korrekte afronding	L2
	Tekort = $R125\ 000 - R93\ 014,60 \checkmark M$	1M aftrekking	
	$= R31 985,40 \checkmark CA$	1CA bedrag OF	
	OF	OI	
	Cedi-waarde = $R125\ 000 \times 0.32253 \checkmark MA$ = GHS 40316,25	1MA vermenigvuldig	
	Tekort = GHS 40 316,25 – GHS 30 000	1M aftrekking	
	$= GHS 10 316,25 $ $\checkmark A$	1A bedrag tekort	
	Randwaarde = GHS 10 316,25 ÷ 0,32253 = R31 985,40 ✓CA	1CA bedrag Slegs antwoord volpunte NP – afronding (4)	
1.1.6	$ \frac{14}{100} $ × R1 349 = R188,86 Koste BTW ingesluit = R1 349 + R188,86 = R1 537,86 ✓ A	1A vermenigvuldig met 14% 1M tel bedrag by 1A bedrag met BTW	L1
	Verkoopsprys in cedi = R1 537,86 × 0,32253 ≈ 496 CA	1M vermenigvuldig met 0,32253 1CA waarde tot naaste cedi	
	OF	OF	
	BTW-inklusiewe koste = R1 $349 \times 1,14 \checkmark M$ = R1 $537,86 \checkmark A$	1A werk met 14% 1M vermenigvuldig met 1,14 1A bedrag met BTW	
	Verkoopsprys in cedi = $1537,86 \times 0,32253$ $\approx 496 \checkmark CA$	1M vermenigvuldig met 0,32253 1CA waarde tot naaste cedi	
	OF	OF	
	Prys in cedi = $1349 \times 0.32253 \checkmark M$ = $435.09 \checkmark A$	1M vermenigvuldig met 0,32253 1A cedi-prys	
	Verkoopsprys ingesluit BTW in cedi	1.4	
	= 435,09329 × 1,14 ≈ 496 ✓ CA	1A werk met 14% 1M vermenigvuldig met 1,14 1CA waarde tot naaste cedi	
		Slegs antwoord volpunte (5)	

Kopiereg voorbehou

Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
1.1.7	 ✓A ✓J Fotograaf (video) om herinneringe van die dag vas te lê Trouklere – spesiale trouklere gewoonlik gekoop Huwelikskontrak – betaal vir prokureur wat kontrak optrek Geskenke vir persone wat bedien het Platejoggie om musiek by onthaal te verskaf (aanvaar enige geldige uitgawe vir troue met 'n verduideliking) 	1A uitgawe vir troue 1J verduideliking	L1 L2
1.2.1	✓D Werknemer werk en ontvang geld vir werk gedoen.	1D werknemer	L1
	Werkgewer is 'n persoon of instansie wat werkers huur en lone/salarisse betaal vir werk gedoen. ✓D	1D werkgewer (2)	
1.2.2	Werkloosheidsversekeringsfonds ✓✓D	2D uitbreiding (2)	L1
1.2.3	R15 521 ✓ ✓ A	2A bedrag (2)	L1
1.2.4	Nee ✓A Geen bedrag toegeken nie ✓E	1A korrekte stelling 1E rede (2)	L1
1.2.5	Maandelikse belastingkrediet = R2 760 ÷ 12 ✓MA = R230 ✓CA	1MA deel korrekte waarde deur 12 1CA maandelikse belastingkrediet Slegs antwood volpunte (2)	L1
1.2.6	A = R13 909 + R20 013 + R8 640 ✓M = R42 562 ✓CA	1M korrekte waardes 1CA totale aftrekkings Slegs antwoord volpunte (2)	L1

Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
1.2.7	Bruto niepensioenfondsinkomste = R15 521 + R26 188 + R8 640 ✓ M✓A = R50 349 OF Optelling van bedrae met bronkodes 3605, 3713 en 3810 OF	1M gebruik korrekte waardes/kodes/woorde 1A optelling	L1
	Tel die jaarlikse betaling, ander toelaes en mediesefondsbydraes bymekaar	(2)	
1.2.8	Oorblywende maandelikse bydraes ✓A = R13 909 – R4 975,25 = R8 933,75 ✓CA ✓M Gemiddelde maandelikse bydrae = R8 933,75 ÷ 7 ✓A = R1 276,25 ✓CA	1A R13 909 1CA aftrekking van R4 975,25 1M deling van oorblywende bedrag 1A deur 7 1CA pensioen per maand (slegs as gedeel word deur 4,5,6,7) Slegs antwoord volpunte (5)	L2
		(-)	[38]

Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
2.1.1	Totale oppervlakte van reghoekige stuk = 30 cm × 12 cm ✓ SF = 360 cm² ✓ A Afvalstuk = 360 cm² – 355,25 cm² = 4,75 cm² ✓ CA Totale afvalstuk vir beide kante = 4,75 cm² × 2 = 9,5 cm² ✓ CA	1SF vervanging 1A vereenvoudiging 1M aftrekking 1CA oppervlakte afvalstuk 1M vermenigvuldig met 2 1CA oppervlakte afvalstuk	L3
	Totale oppervlakte van 2 reghoekige stukke ✓M ✓SF = 2 × 30 cm × 12 cm = 720 cm² ✓ A Oppervlakte van beide kante van kous ✓M = 355,25 cm² × 2 = 710,5 cm² Totale afvalstuk = 720 cm² – 710,5 cm² = 9,5 cm² ✓CA	1SF vervanging 1M vermenigvuldig met 2 1A vereenvoudiging 1M vermenigvuldig met 2 1M aftrekking 1CA oppervlakte van afvalstuk	
	Totale oppervlakte van afvalstuk $ \begin{array}{ccc} \checkmark M & \checkmark SF & \checkmark M \\ = (2 \times 30 \text{ cm} \times 12 \text{ cm}) - (355,25 \text{ cm}^2 \times 2) \\ \neq A & \checkmark M \\ = 720 \text{ cm}^2 - 710,5 \text{ cm}^2 \end{array} $ $= 9,5 \text{ cm}^2 \checkmark \text{CA}$	OF 1SF vervanging 1M vermenigvuldig met 2 1M vermenigvuldig met 2 1A vereenvoudiging 1M aftrekking 1CA oppervlakte van afvalstuk Slegs antwoord volpunte (6)	

Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
2.1.2	Oppervlakte van driehoek = $\left(\frac{1}{2} \times 3 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}\right)$ = 7.5 cm ² \(\frac{\text{A}}{2}\)	1 SF vervanging	L2
	- 7,5 cm - 11	1A vereenvoudiging	
	Oppervlakte van 6 driehoeke = 7,5 cm ² × 6 = 45 cm ² \checkmark CA	1M vermenigvuldig met 6 1CA totale oppervlakte	
	OF	OF	
	Oppervlakte van driehoeke = $\left(\frac{1}{2} \times 3 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}\right) \times 6$	1 SF vervanging 1M vermenigvuldig met	
	$ \begin{array}{l} \checkmark A \\ = 7.5 \text{ cm}^2 \times 6 \\ = 45 \text{ cm}^2 \checkmark CA \end{array} $	1A vereenvoudiging 1CA totale oppervlakte	
		Slegs antwoord volpunte	
		NP - eenhede (4)	
2.1.3	Tyd geneem = 9×18 minute = 162 minute \checkmark MA = $2 \text{ h } 42 \text{ min OF } 2,7 \text{ h } \checkmark \text{C}$	1MA tyd in minute 1C herleiding van tyd	L2
	Tyd = $08:25 + 2h42 \checkmark M$ = $11:07 \checkmark CA$	1M optelling 1CA tyd voltooi met korrekte notasie	
		Slegs antwoord volpunte	
		Twee punte vir $11: xx$ (4)	

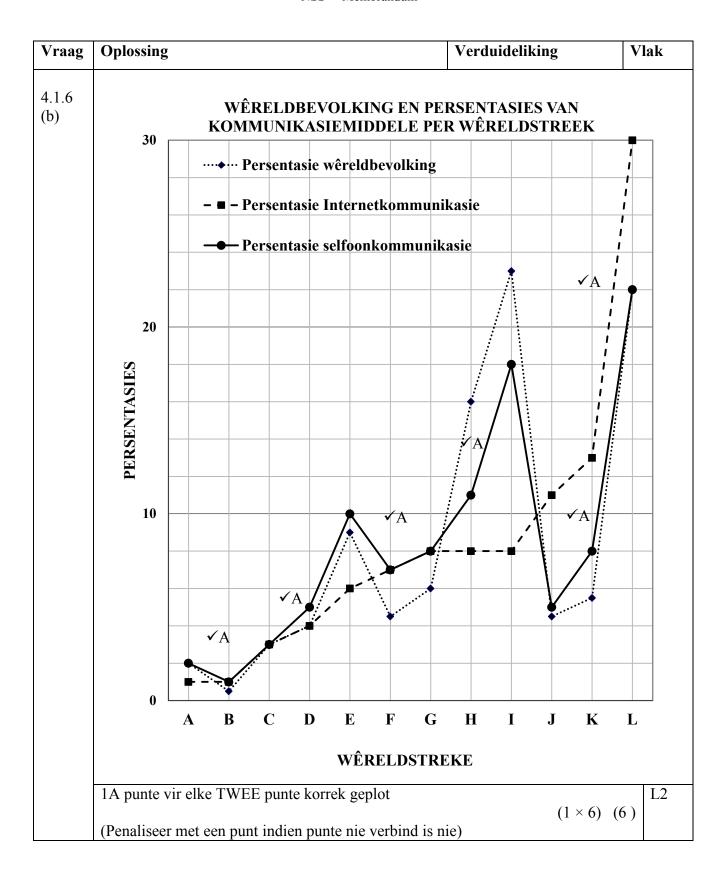
Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
2.2	Aantal tolletjies in lengte = 195 mm ÷ 23mm = 8,4782 $\approx 8 \checkmark R$ Aantal tolletjies in breedte = 120 mm ÷ 23mm = 5,2173 $\approx 5 \checkmark R$ Totaal = $5 \times 8 = 40 \checkmark CA$	1M deling van lengte deur deursnee 1A deursnee 1R aantal afgerond na onder 1R aantal afgerond na onder 1CA totale aantal Volpunte vir Totaal = 5 × 8 = 40 Maks 2 punte indien deling deur sirkel se oppervlakte Maks 3 punte indien deling deur vierkant se oppervlakte 1 punt vir oppervlakte van reghoek	L2
2.3.1	Geverfde buite-oppervlakte van deksel \checkmark A \checkmark SF \checkmark C $= 3,142 \times 3,6 \text{ cm } (3,6+2\times0,9) \text{ cm}$ $\approx 61 \text{ cm}^2 \checkmark \text{CA}$	1A radius 1SF vervanging 1C herleiding 1CA buite-oppervlakte tot naaste cm ²	L2
	OF	OF	
	Geverfde buite-oppervlakte van deksel $\checkmark A \checkmark SF$ = 3,142 × 36 mm (36 + 2 × 9) mm = 6108,05 mm ² $\checkmark CA$ $\approx 61 \text{ cm}^2 \checkmark C$	1A radius 1SF vervanging 1CA buite-oppervlakte tot naaste cm² 1C herleiding Maks 3 punte as binne deursnee gebruik is Maks 2 punte as eenhede gemeng word	

Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
2.3.2	Kapasiteit = $75\% \times 250 \text{ m} \ell \checkmark M$ = $187.5 \text{ m} \ell \checkmark \text{CA}$ Volume = 187.5 cm^3	1M vermenigvuldig met 75% 1CA kapasiteit in mℓ	L2
	Hoogte van water in fles $= \frac{\text{Volume van die water (in cm}^3)}{\pi \times \text{radius}^2}$		
	$= \frac{187.5 \text{cm}^3}{3.142 \times (3.25 \text{cm})^2} \checkmark \text{SF}$	2SF vervanging	
	$= \frac{187.5 \text{ cm}^3}{33,187375 \text{ cm}^2} \checkmark \text{CA}$	1CA vereenvoudiging	
	= 5,6497 cm ≈6 cm ✓R	1R naaste cm	
	OF	OF	
	$= \frac{\text{Volume van die water (in cm}^3)}{\pi \times \text{radius}^2}$ $= \frac{250 \text{ cm}^3}{3,142 \times (3,25 \text{ cm})^2} \checkmark \text{SF}$ $= \frac{250 \text{ cm}^3}{250 \text{ cm}^3}$	2SF vervanging	
	$= 33,187375 \text{ cm}^2$ = 7,532 cm \checkmark CA	1CA vereenvoudiging	
	Hoogte van water in fles = 75% × 8 cm ✓ M = 5,6497 cm ✓ CA ≈6 cm ✓ R	1M vermenigvuldig met 75% 1CA hoogte van water 1R naaste cm Slegs antwoord volpunte	
2.3.3	$2 \times \frac{1}{16} = \frac{2}{16} = \frac{1}{8} \checkmark A$	1M vermenigvuldig met 2 1A breuk Aanvaar $\frac{2}{16}$	L1
		Slegs antwoord volpunte	
		(2)	[31]

VRAAC	G 3 [24]		
Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
3.1.1	Uitgang 3✓✓RD	2RD lees vanaf plan (2)	L1
3.1.2	✓A ✓J Nee, daar is geen kragpunt beskikbaar in daardie sitplek nie	1A antwoord 1J rede	L1
3.1.3	✓RD C 109 ✓RD	1RD korrekte ry 1RD korrekte sitplek nommer (2)	L2
3.1.4	Totale sitplekke = sitplekke een kant + sitplekke middel + sitplekke aan ander kant = $(3+2\times6+3\times7+6\times8+5)+(8+13+11\times14+6)+(3+5+6+3\times7+5\times8)$ \checkmark MA \checkmark MA \checkmark MA = $89+181+75$ = $345\checkmark$ CA	3MA korrekte optelling van sitplekke in elke seksie 1CA totale sitplekke Slegs antwoord volpunte Maks 2 punte indien slegs antwoord van 344 of 346	L1
2.1.5	104 110	(4)	L1
3.1.5	104 en 110 ✓✓RD	2RD sitplek nommers (2)	
3.1.6	Aantal sitplekke met toegang tot kragpunt = $52 \checkmark A$ Waarskynlikheid = $\frac{52}{345} \checkmark CA$	1A tel sitplekke 1CA teller 1CA noemer vanaf 3.1.4	L2
3.2.1	14 keer ✓✓RD [Vrystaat 15 keer]	2RD lees vanaf kaart Indien 13 een punt (2)	L1

Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
3.2.2	Afstand = 94,7 km $-$ 76 km \checkmark M = 18,7 km \checkmark A	1M aftrekking van 94,7 1A afstand	L1
		Slegs antwoord volpunte	
3.2.3	Blue Hills ✓✓RD	2RD lees vanaf kaart (2)	L1
3.2.4	✓RD ✓RD ✓RD WP 4, WP 5, WP 6	3RD lees vanaf kaart	L1
	OF	OF	
	WP3 tot WP4, WP 4 tot WP5, WP5 tot WP6✓✓✓RD	3RD lees vanaf kaart	
		2 punte vir W4 tot W6	
		(3)	
			[24]

VRAAC	VRAAG 4 [30]		
Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
4.1.1	✓✓ J Die data vir die wêreldstreke is kwalitatief.	2J verduideliking	L1
	OF	OF	
	Die wêreldstreke kan nie as numeriese data uitgedruk word nie. ✓✓J	2J verduideliking (2)	
4.1.2	5% ✓✓RT en 8% ✓RT	3RT Korrekte modale %	L1
		Twee punte vir eerste korrekte antwoord, een punt vir tweede korrekte antwoord	
		(3)	
4.1.3	$Mediaan = \frac{7+8}{2}\% \checkmark M$	2M optel van korrekte waardes en deling deur 2	L2
	= 7,5% ✓CA	1CA antwoord	
		Slegs antwoord volpunte	
		(3)	L1
4.1.4	Totale gebruik = $3\% + 8\% + 11\% = 22\%$ \checkmark CA	1RT korrekte waardes 1CA totaal	LI
		Slegs antwoord volpunte	
4.1.5	$2\% + 9\% + 23\% + 22\% = 56\% \checkmark CA$ Let wel:	2M tel alle korrekte waardes bymekaar 1CA totaal	L1
	Kandidate wat die 4% van die Midde Ooste bytel is ook korrek.	Slegs antwoord volpunte Slegs antwoord van 60%	
		volpunte	
		(3)	L1
4.1.6 (a)	16% ✓ ✓ RG	2RG korrekte waarde (2)	1-1



Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
4.1.7	Suid-Asië OF I ✓✓RD	2RD lees vanaf grafiek of tabel (2)	L1
4.2.1	Getal landelik = 7 095 476 818 \times 48% \checkmark A = 3 405 828 873 \checkmark A OF	1MA vermenigvuldig met % 1A 48 % 1A getal persone OF	L1
	Getal stedelik = 7 095 476 818 × 52% ✓ MA = 3 689 647 945 ✓ A	1MA vermenigvuldig met % 1A getal stedelik	
	Landelik = 7 095 476 818 – 3 689 647 945 = 3 405 828 873 ✓A	1A getal persone Slegs antwoord volpunte (3)	
4.2.2	Sosialenetwerk-gebruikers		L1
	$= \frac{1856680860}{7095476818} \times 100\%$	1SF deling van die korrekte waarde deur 7 095 476 818	
	= 26,167% ✓CA	1CA antwoord in % Slegs antwoord volpunte	
		NP - afronding (2)	
4.2.3	6 572 950 124 ✓✓A	2A vir korrekte syfers	L1
		(2)	[30]

VRAAG 5[27]			
Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
5.1.1	✓ MA M = 2 925 + 1 970 + 1 963 + 1 568 + 1 700 + 1 817 + 1 342 + 2 118 = 15 403 ✓ CA	1MA optel van alle waardes 1CA waarde van M Slegs antwoord volpunte Volpunte vir 15 404 Penaliseer met 1 punt indien 1000'e gebruik is	F L1
5.1.2	Waarde vir beide N \checkmark M = 12 898 - (2 394 + 1 302 + 1 405 + 1 490 + 1 311 + R1 756) = 3 240 \checkmark CA \checkmark M Elkeen ontvang = $\frac{R 3 240}{2}$ = R1 620 \checkmark CA OF Sibiya: \checkmark A \checkmark M \checkmark M N = R1 970 - R349 - R1 = R1 620 \checkmark CA OF Magome: \checkmark A \checkmark M N = R1 963 - R342 - R1 = R1 620 \checkmark CA	1M aftrek vanaf totaal 1CA koste vir beide 1M gedeel deur 2 1CA bedrag OF 1A vir R 1970 1M aftrek van R349 1M aftrek van R1 1CA totaal Sibiya OF 1A vir R 1963 1M aftrek van R342 1M aftrek van R1 1CA totaal Magoma Slegs antwoord volpunte Penaliseer met 1 punt indien 1000'e gebruik is	F L
5.1.3	✓M ✓CA Omvang = R2 925 000 – R 1 342 000 = R1 583 000	1M konsep van omvang 1CA omvang Slegs antwoord volpunte	D L2
		Penaliseer met 1 punt as 1000'e nie gebruik is nie	E
5.1.4	Songelwa: Magome = 30: 342 = 5: 57 ✓A =1:11,4 ✓CA	1A korrekte waardes 1CA vorm NP - afronding (2)	F L1

Blaai om asseblief

Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
5.1.5	Sibiya: Verhoging = R1 970 000 − R1 872 000 ✓ M = R98 000 Phillips: Verhoging = R1 700 000 − R1 625 000 = R75 000 ✓ M	2M aftrek van enige twee van Sibiya, Phillips, Mabilane	F L2
	Mabilane: Verhoging = R2 118 000 − R2 032 000 = R86 000 ✓ M		
	Magome: Verhoging = R1 963 000 − R1 861 000 = R102 000 ✓ A Magome het die grootste verhoging ontvang ✓ ✓ CA	1A bedrag vir Magome 2CA korrekte persoon Volpunte as slegs Magome bereken is met die regte gevolgtrekking	
		(5)	D
5.1.6	Mabunda MD ✓ ✓ A	2A korrekte persoon Penaliseer met een punt as 'n ekstra naam bygevoeg is (2)	L1
5.2.1	100% ✓ ✓ A	2A korrekte % Aanvaar 100	P L1
5.2.2	$P = \frac{14}{18} \checkmark A$ $= \frac{7}{9} \checkmark CA$	1A teller 1A noemer 1CA vereenvoudiging	P L2
	OF	OF	
	$P = 1 - \frac{4}{18} \checkmark A = \frac{7}{9} \checkmark CA$	1M aftrekking vanaf 1 1A noemer 1CA vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (3)	

Kopiereg voorbehou

Vraag	Oplossing	Verduideliking	Vlak
5.3	Groei 1 ^{ste} jaar = 4 705 306 × 5% $\approx 235 265$	1A bereken 5% 1M optel 1CA 1 ^{ste} jaar totaal 1CA bereken 5,9% van totaal 1CA 2 ^{de} jaar totaal	D L3
	OF	OF	
	100% + 5% = 105% ✓ A Totaal na 1 ^{ste} jaar = 4 705 306 × 105% ✓ M = 4 940 571,3 ✓ CA 100% + 5,9% = 105,9% Totaal na 2 ^{de} jaar = 4 940 571,3 × 105,9% ✓ CA = 5 232 065,007 ≈ 5 232 065 ✓ CA	1A toename met 5% 1M persentasie berekening 1CA 1 ^{ste} jaar totaal 1CA toename met 5,9% 1CA 2 ^{de} jaar totaal,	
	OF Totaal na 2 ^{de} jaar	afgerond OF	
	$ \begin{array}{c} $	1M persentasie berekening 1A toename met 105% 1M persentasie berekening 1A toename met 105,9% 1CA 2 ^{de} jaar totaal, afgerond Slegs antwoord volpunte (5)	
			[27]

TOTAAL: 150