Approssimazione di funzioni di densità discreta

Su un insieme $\{1,\dots,N\}$ è definita una funzione di densità discreta

$$f(i) = y_i, \quad i = 1, \dots, N,$$

con $\sum_{i=1}^{N} f(i) = 1$. Si vuole definire un'altra funzione di densità g che approssima la f ma che è vincolata ad assumere al massimo n < N valori (ovvero, i possibili distinti valori g(i) sono n). Si vuole scegliere g in modo che l'errore assoluto (la somma delle differenze |f(i) - g(i)|) sia il più piccolo possibile.

Si formuli anche il modello AMPL per questo problema e si provi poi a inserire qualche dato, risolvendo, sempre con AMPL, il problema corrispondente e studiando come cambia la soluzione in corrispondenza della perturbazione di qualche dato.