## Ćwiczenie 123

# Ćwiczenie 123. Dioda półprzewodnikowa

#### Cel ćwiczenia

Poznanie własności warstwowych złącz półprzewodnikowych typu p-n. Wyznaczenie i analiza charakterystyk stałoprądowych dla różnych typów diod.

# Wprowadzenie

Nośnikami prądu w półprzewodnikach są elektrony i dodatnio naładowane kwazicząstki zwane d*zuirami*. W półprzewodniku samoistnym (bez domieszek obcych atomów) koncentracje elektronów *n* i dziur *p* są równe (ćw. 122).

Prawie wszystkie zastosowania półprzewodników wymagają zastosowania domieszek, modyfikujących własności elektronowe materiału wyjściowego. Fizyka związanych z tym zjawisk jest bardzo bogata – tekst wprowadzenia przedstawia tylko wybrane elementy teorii, potrzebne do interpretacji wyników pomiarów. Efektem bogactwa zjawisk zjawisk jest ilość i różnorodność zastosowań w elektronice.

### Domieszkowanie półprzewodników

Donorem nazywamy atom domieszki, która "dostarcza" do półprzewodnika dodatkowe elektrony. Typową domieszką donorową w krzemie (grupa IV układu okresowego) jest fosfor (grupa V), którego atomy posiadają jeden elektron walencyjny więcej niż krzem. Domieszki akceptorowe to z kolei atomy mające jeden elektron walencyjny mniej (np. bor w krzemie).

W wyniku domieszkowania donorowego powstaje półprzewodnik typu n. Koncentracja donorów  $N_d$ , np.  $10^{14}$  atomów w cm<sup>3</sup>, wybiera się tak by była znacznie większa niż koncentracja samoistnej (tabela 1 w ćw. 122). W tych warunkach koncentracja elektronów jest bliska koncentracji atomów donorowych,

$$n \cong N_d . \tag{1}$$

Elektrony te nazywamy nośnikami większościowymi.

Ponieważ iloczyn *np* koncentracji elektronów i dziur jest dla danego półprzewodnika w ustalonej temperaturze wielkością stałą (wzór (1a) w ćw. 122), zatem koncentracja dziur wynosi

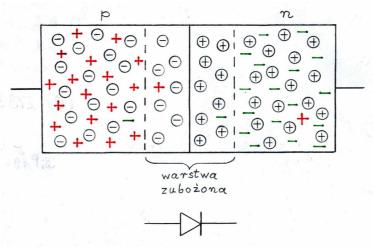
$$p \cong \frac{A}{N_d} T^3 \exp\left(-\frac{E_g}{k_B T}\right). \tag{2}$$

Nazywamy je nośnikami mniejszościowymi, bo jest ich koncentracja jest o rzędy wielkości mniejsza niż elektronów.

Akceptorem jest atom domieszki, która "odbiera" z pama walencyjnego jeden elektron. W przypadku krzemu jest to np. atom boru lub innego pierwiastka grupy III. Akceptory wytwarzają dziury w paśmie walencyjnym, które teraz są pełnią rolę nośników większościowych. Nośnikami mniejszościowymi są elektrony.

## Złącze p-n.

Złącze p-n wyobrazić sobie można jako połączenie półprzewodnika typu n i typu p (rys. 1). W rzeczywistości złącze wytwarzane jest w pojedynczym kawałku półprzewodnikowego kryształu, do którego przy pomocy określonych technologii wprowadza się domieszki donorowe i akceptorowe. Ponadto wytwarza się dwa metalowe kontakty, umożliwiające przepływ prądu przez złącze. Element elektroniczny wykorzystujący pojedyncze złącze nazywamy *diodą półprzewodnikową*. Na rys. 1 pokazano też symbol diody prostowniczej.



**Rys. 1.** Obraz mikroskopowy złącza p-n. Symbole  $\oplus$  oraz  $\ominus$  oznaczają atomy donorów i akceptorów, symbole – oraz + , odpowiednio, elektrony i dziury. Poniżej odpowiadający symbol diody

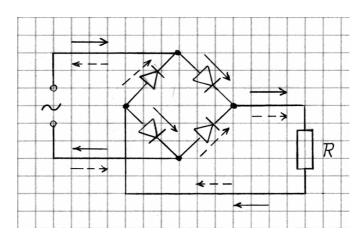
Zasadniczą właściwością złącza jest nieliniowa charakterystyka prądowo napięciowa I(U). Złącze łatwo przewodzi w kierunku przewodzenia, i trudno - w kierunku zaporowym. Zrozumienie i matematyczny opis złącza p-n można przedstawić na różnych stopniach zaawansowania, od najbardziej elementarnego do zagadnień, które wciąż są tematem badań naukowych.

Najprostsze, jakościowe wytłumaczenie jest następujące. W przypadku napięcia przyłożonego tak, że (+) znajduje się po stronie p, a (-) po stronie n, powstanie pole elektryczne popychające większościowe dziury z obszaru p w prawo, a analogiczne większościowe elektrony w kierunku przeciwnym. To kierunek przewodzenia, z dużą wartością prądu. Kierunek przewodzenia pokazuje trójkąt symbolu diody.

Gdy napięcie przyłożymy przeciwnie, wtedy przez powierzchnię złącza mogą płynąć tylko nośniki mniejszościowe, których jest bardzo mało. W konsekwencji, płynący prąd będzie znikomo mały. Mówimy, że napięcie zostało przyłożone w kierunku zaporowym.

Prostownicze własności diody mogą być wykorzystane do przekształcenia prądu przemiennego na stały. Rys. 2 pokazuje używany w tym celu układ Graetza, który znajdziemy w zasilaczu prawie każdego urządzenia elektronicznego. Strzałki na tym rysunku pokazują drogę przepływu prądu dla obydwu okresów napięcia przemiennego. Kierunek przepływu prądu przez opór R jest ten sam.

Z przedstawionego uproszczonego obrazu można by wydedukować charakterystykę "diody idealnej" (rys. 2), która w kierunku przewodzenia przepuszczała by dowolny prąd bez spadku napięcia, natomiast w kierunku zaporowym prąd byłby równy zeru. (przebieg "a" na rys. 2). Taka modelowa charakterystyka jest jest niekiedy rozpatrywana w elektronice, ale jak zobaczymy, jest sprzeczna z prawami fizyki, zatem nigdy nie będzie zrealizowana.



**Rys. 2.** Układ Graetza do prostowania prądu przemiennego na jednokierunkowy. Strzałki ---> oraz → pokazują przepływu prądu w obwodzie dla różnej chwilowej polaryzacji napięcia przemiennego.

Model dyfuzyjny złącza p-n. Wzór Shockleya.

Model dyfuzyjny [1], [2] jest najprostszym realistycznym modelem złącza. Bierze pod uwagę fakt, że elektrony i dziury zachowują się jak gazy o średniej energii kinetycznej  $(3/2)k_BT$ . Efektem ich ruchu termicznego jest, że mogą dyfudować z obszaru o większej koncentracji do mniejszej. Dyfudujące przez powierzchnię złącza np. większościowe elektrony rekombinują z większościowymi dziurami po jego drugiej stronie. W efekcie po obu stronach złącza pojawia się *obszar zubożony* (pokazany na rys. 1), w którym koncentracja i dzur i elektronów staje się bardzo mała.

Obszar zubożony jest, paradoksalnie, naładowany elektrycznie – źródłem ładunku są zjonizowane atomy donorów i akceptorów. Zgodnie z prawami elektrostatyki ładunek ten wytworzy (i) pole elektryczne w obszarze warstwy zubożonej, oraz (ii) barierę potencjału V między obszarami p i n. Pozostałe objętości półprzewodnika tworzą *obszar neutralny*, w którym algebraiczna suma ładunuk nośników i zjonizowanych domieszek jest równa zeru.

Złącze bez przyłożonego zewnętrznego napięcia osiąga stan równowagi, w którym przez powierzchnię złącza płyną dwa przeciwnie skierowane prądy. Dla ustalenia uwagi rozpatrzmy prądy elektronowe. Strumień większościowych elektronów, które przechodzą z obszaru n tworzy prqd dyfuzyjny  $I_d$ . Dyfuzyjny, gdyż – podobnie jak strumień molekuł w zjawisku dyfuzji w gazach – strumienie elektronów i dziur płynie od obszarów o wyższej do niższej ich koncentracji. Ilościową zależność prądu dyfuzji od wysokości bariery potencjału określa czynnik wynikający z rozkładu Boltzmanna

$$I_d \propto \exp\left(\frac{eU}{kT}\right).$$
 (3)

stała  $C_d$  jest proporcjonalna do koncentracji większościowych elektronów.

Przechodzeniu większościowych nośników ładunku przez złącze p-n towarzyszy przechodzenie nośników mniejszościowych, przy czym ich strumień jest skierowany przeciwnie i tworzy  $prqd\ dryfu\ I_s$ . Prądem dryfu, gdyż nośniki mniejszościowe płyną ("dryfują") popychane przez pole elektryczne bariery. Jego wartość jest stała,

$$I_s = C_2. (4)$$

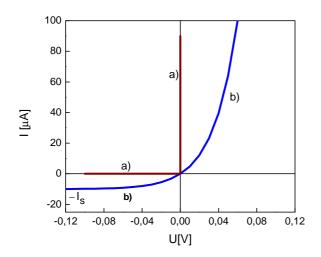
proporcjonalna do koncentracji nośników mniejszościowych

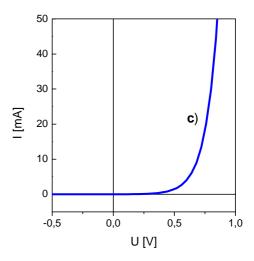
Przyłożenie zewnętrznego napięcia w kierunku przewodzenia obniża barierę potencjału do wartości V-U. Powoduje to wzrost prądu dyfuzji o czynnik  $\exp[U/(k_BT)]$ . Prąd dryfu pozostaje ten sam. Zsumowanie obydwu prądów prowadzi do teoretycznego wzoru na charakterystykę prądowo-napięciową złącza

$$I = I_s \left[ \exp\left(\frac{eU}{kT}\right) - 1 \right],\tag{5}$$

zwanego wzorem Shockleya.

Gdy zewnętrzne napięcie przyłożone jest w kierunku zaporowym, wzór Shockleya przewiduje, że wartość prądu szybko osiąga stałą wartość wartość  $-I_s$ . Wzrost napięcia powoduje tylko powiększenie szerokości warstwy zubożonej, proporcjonalne do  $(V+U)^{1/2}$ .





**Rys. 3.** Charakterystyki teoretyczne: a) "dioda idealna" (sprzeczna z zasadami fizyki), b) ch-ka obliczona z wzoru Shockleya, przyjmując  $I_s = 10 \,\mu\text{A}$  i  $T = 300 \,\text{K}$ , c) ta sama charakterystyka pokazana w większym przedziale prądów i napięć

W podręczniku Feynmanna [2] przedstawiona jest analiza wyimaginowanego prostownika mechanicznego, nie mającego nic wspólnego z fizyką półprzewodników. Wynikiem analizy jest wzór, który jest odpowiednikiem wzoru (3). Można wysunąć stąd hipotezę, że wzór Schockleya wyraża najlepszą charakterystykę, jaka jest dopuszczalna przez ogólne zasady termodynamiki statystycznej. W szczególności prawa fizyki nie dopuszczają możliwości zbudowania "diody idealnej" pokazanej jako przebieg (a) na rys. 3. Jest tak dlatego, że przy pomocy takiej diody można "wyprostować" napięcie szumów termicznych a zatem zbudować perpetum mobile drugiego rodzaju.

Charakterystyki diod rzeczywistych mogą być tylko gorsze od wyrażonej wzorem (4). W kierunku przewodzenia charakterystyka I(U) narasta wolniej, niż to opisuje wzór (3),

w kierunku zaporowym – prąd wsteczny jest większy od  $I_s$  i nie jest stały, lecz rośnie ze wzrostem napięcia wstecznego. Poniżej opiszemy osobno rzeczywiste charakterystyki diod dla obywu polaryzacji złącza.

Charakterystyka rzeczywista w kierunku przewodzenia. Dioda świecąca.

Uważa się, że własności diod w kierunku przewodzenia dla niezbyt dużych prądów dobrze opisuje fenomenologiczny wzór

$$I(U) = I_s \exp\left(\frac{eU}{mk_B T}\right). \tag{6}$$

W porównaniu do wzoru Shockleya mamy dwie zmiany:

- (i) składnik –1 został pominięty, gdyż dla kierunku przewodzenia jest znacznie większy od wyrazu eksponencjalnego,
- (ii) w mianowniku wzoru (5) pojawia się czynnik nieidelności m, który jest bezwymiarową liczbą większą od jedności (zawyczaj 1 < m < 2).

W celu sprawdzenia, czy charakterystyka empiryczna spełnia zależność (4) wykonujemy wykres zlogarytmowany

$$\ln I = \ln I_s + \frac{e}{mk_B T} U. (7)$$

Zależność ln I od napięcia U winna być prostą. Z wartości współczynnika nachylenia  $a = \frac{e}{mk_BT}$  prostej można obliczyć współczynnik nieidealności jako

$$m = \frac{1}{a U_T}$$
, gdzie  $U_T = \frac{k_B T}{e}$  (8)

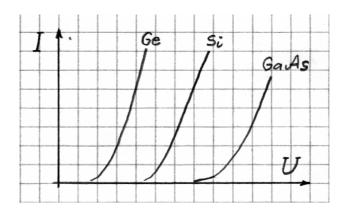
jest stałą nazywaną napięciem termicznym (dla  $T=300~{\rm K}$  wartość  $U_T=26~{\rm mV}$ ). Składnik stały b równania prostej pozwala obliczyć  $I_s=e^b$ .

Charakterystyki diod w kierunku przewodzenia zależą od wielkości przerwy energetycznej. Im jest większa, tym większy spadek napięcia potrzebny do uzyskania zadanej wartości prądu *I*. Kombinacja wzorów (3) i (4) daje

$$U = \frac{E_g}{e} + U_T (\ln I - C). \tag{9}$$

W celu zbadania zależności charakterystyki diod od rodzaju półprzewodnika można posłużyć się diodami prostowniczymi Si i Ge oraz diodami świecącymi. *Dioda świecąca*, (ang. LED – *light emitting diode*) to nic innego jak złącze p-n spolaryzowane w kierunku przewodzenia. Płynące przez diodę dziury i elektrony rekombinują – elektron z pasma przewodnictwa przeskakuje, by zapełnić dziurę w paśmie walencyjnym. W przypadku gdy rekombinacja jest promienista – energia przeskoku idzie na wytworzenie fotonu, o energii zbliżonej do szerokości przerwy. Ponieważ energie kwantów światłą widzialnego zawierają się w przedziale od 1,6 eV (czerwień) do 3,2 eV (fiolet), więc dla wytworzenia światła potrzebne są półprzewodniki o takiej samej wartości szerokości przerwy. (Z arsenku galu GaAs ( $E_g = 1,4$  eV) produkuje się diody świecące w bliskiej podczerwieni. Dla Ge i Si

wydajność rekombinacji promienistej jest znikomo mała – energia wyzwolona przy zniknięciu elektronu i dziury idzie wyłącznie na wytworzenie ciepła.)



**Rys. 4.** Charakterystyki w kierunku przewodzenia dla diod wykonanych z półprzewodników o różnych wartościach szerokości przerwy.

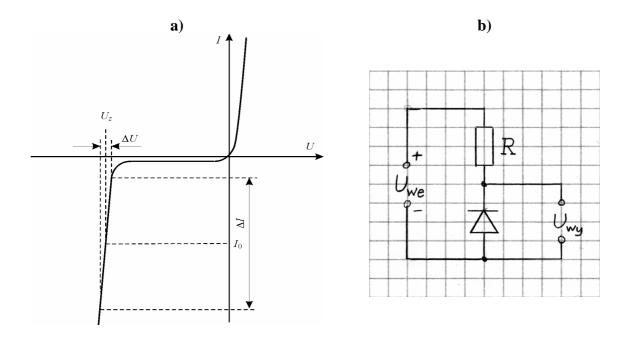
Charakterystyka rzeczywista w kierunku zaporowym. Dioda stabilizująca.

Dioda germanowa spolaryzowana w kierunku zaporowym zachowuje się, przynajmniej w przybliżeniu, jak to przewiduje wzór Shockleya. Wartość prądu wstecznego dla napięć mniejszych od -0.1 V jest (i) w przybliżeniu stała, oraz (ii) zbliżona do wartości  $I_s$  jaki można uzyskać z danych dla kierunku przewodzenia (dopasowanie przy użyciu wzoru (7)).

Dla krzemu i półprzewodników o jeszcze większej szerokości przerwy wartość Is uzyskana z dopasowania dla kierunku przewodzenia jest niezmiernie mała. Fakt ten jest zgodny z przewidywanym przez teorię szybkim spadkiem koncentracji nośników mniejszościowych. Mierzony eksperymentalnie prąd wsteczny, choć niewielki, jest dużo większy od  $I_s$  i zależny od napięcia wstecznego.

Bardzo ważną własnością złącz krzemowych spolaryzowanych napięciem w kierunku zaporowym, po przekroczeniu pewnej jego wartości progowej, jest znaczny wzrost natężenia prądu wstecznego przy małych zmianach przyrostu napięcia polaryzacji zaporowej. Własność ta występuje w przypadku złącz złożonych z obszarów o dużej koncentracji domieszek akceptorowych i donorowych. W takich złączach w cienkiej warstwie zubożonej istnieje silne pole elektryczne o natężeniu powyżej  $10^8$  V/m. Powyższa sytuacja umożliwia tunelowe przejścia elektronów z obszaru p do n, tworząc dodatkową składową prądu wstecznego. Zjawisko to jest nazwane zjawiskiem Zenera. Innym zjawiskiem powodującym również wzrost prądu wstecznego jest zderzeniowa generacja par: elektron – dziura, analogiczna do jonizacji lawinowej w gazie. Każde z tych zjawisk powoduje w diodach o odpowiedniej konstrukcji gwałtowny wzrost prądu wstecznego po przekroczeniu pewnego progowego napięcia. Jest to tzw. prąd przebicia złącza mogący doprowadzić do jego zniszczenia. Natężenie tego prądu można ograniczyć do wartości bezpiecznej w obwodzie zewnętrznym zasilania. Powyższą właściwość złącza powszechnie wykorzystuje się dla celów stabilizacji napięcia.

Charakterystykę typowej diody stabilizującej przedstawiono na rysunku 4a. Stabilizujące działanie takiej diody (rys. 1b) wynika z faktu, że dużym zmianom natężenia prądu na odpowiedniej części charakterystyki towarzyszą niewielkie zmiany napięcia. Dla diody stabilizującej definiuje się oporność statyczną *R* i oporność dynamiczną *r* 



Rys. 4. Dioda stabilizująca: a) charakterystyka, b) najprostszy układ stabilizacji napięcia

$$R = \frac{U_z}{I_0} \,, \quad r = \frac{\Delta U}{\Delta I} \tag{10}$$

(znaczenie użytych symboli wyjaśnia rysunek 4a) oraz współczynnik stabilizacji Z.

Współczynnik stabilizacji jest określony jako stosunek względnej zmiany napięcia do względnej zmiany prądu. Można go też określić jako iloraz oporności dynamicznej do oporności statycznej

$$Z = \frac{r}{R} \,. \tag{11}$$

Oprócz omówionych diod prostowniczych, świecących i stabilizujących można wymienić około dwudziestu innych rodzajów diod posiadających własne nazwy. Diodami lub układami diod są też urządzenia, w którym słowo "dioda" nie występuje, takie jak laser półprzewodnikowy (źródło światła w ćw. 61), element Peltiera (ćw. 133), ogniwo słoneczne (ćw. 134) czy półprzewodnikowy detektor promieniowania. Złącza p-n znajdziemy także w bardziej złożonych strukturach półprzewodnikowych, od pojedynczych tranzystorów do układów scalonych liczących współcześnie miliony elementów w jednym kawałku półprzewodnika. W szczególności *tranzystor bipolarny* to struktura warstwowa typu p-n-p albo n-p-n. O występowaniu złącz w tranzystorze bipolarnym można się przekonać, mierząc charakterystykę I(U) między końcówkami emiter-baza lub baza-kolektor. W obu przypadkach będzie to typowa charakterystyka złącza p-n.

#### Literatura

[1] C. Kittel, Fizyka ciała stałego. Warszawa, PWN 1998

[2]