

POLITECHNIKA WARSZAWSKA

## Podstawy Sztucznej Inteligencji

PROJEKT WG.AE.1

Marcin Baran *259804* Łukasz Kilaszewski *259822* Mateusz Perciński *Z59827* 

# Spis treści

1	Defi	nicja problemu			
	1.1	Miasta			
	1.2	Trasa			
	1.3	Zużycie paliwa			
	1.4	Algorytm ewolucyjny			
		1.4.1 Krzyżowanie			
		1.4.2 Mutacja			
2	Implementacja   2.1 Struktura programu				
	2.1	Just mile is the minute services			
	2.2	Instrukcja dla użytkownika			
3	Test	y i osiągnięte rezultaty			
	3.1	Różne rozwiązania tego samego problemu			
	3.2	Różne wielkości populacji			
	3.3	Czas obliczeń			
	3 4	Wnioski			

#### Treść zadania

#### WG.AE1 Rozwożenie mebli

Zaplanować trasę samochodu ciężarowego rozwożącego meble. Każdy mebel ma określoną wagę oraz miasto przeznaczenia. Zużycie paliwa przez samochód ciężarowy jest zależne od masy przewożonego ładunku. Zaplanować trasą rozwiezienia mebli która jest optymalna ze względu na zużycie paliwa. Program powinien na bieżąco prezentować jakość znalezionego rozwiązania w funkcji numeru pokolenia.

## **Podział pracy**

Marcin Baran - Definicja zadania Łukasz Kilaszewski - Implementacja programu Mateusz Perciński - Raport oraz wnioski

## Rozdział 1.

# Definicja problemu

Projekt polega na rozwiązaniu zmodyfikowanego zadania komiwojażera. Optymalizowana jest trasa (kolejność odwiedzonych miast) ciężarówki rozwożącej meble ze względu na zużycie paliwa. Na podstawie treści zadnia przyjęto, że dla każdego miasta na planowanej trasie, znana jest masa mebli, które mają być do niego dostarczone, a zużycie paliwa jest zależne masy przewożonego towaru. W kolejnych podpunktach opisano przyjęte założenia, które nie wynikają ściśle z treści zadania.

#### 1.1. Miasta

Przyjęto, że zadanie rozwiązywane jest dla większych polskich miast, których lista wraz ze współrzędnymi geograficznymi została pobrana z Odległość między miastami zdefiniowana jest miarą euklidesową, jako odległość w linii prostej. Założono, że użytkownik będzie mógł wybrać miasta, mające się znaleźć na trasie przejazdu, i każdemu z nich przypisać masę mebli, które mają być w nim zostawione.

#### 1.2. Trasa

Założenia dotyczące trasy przejazdu ciężarówki:

- trasa zaczyna się i kończy tym samym, określonym na początku mieście,
- każde miasto jest odwiedzane tylko raz,
- odległości między miastami są jednakowe w obydwu kierunkach (problem komiwojażera jest symetryczny),
- ciężarówka zostawia w każdym mieście wszystkie, predestynowane do niego, meble. Jej masa zmniejsza się. Ostatni, powrotni odcinek, pokonywany jest bez ładunku.

#### 1.3. Zużycie paliwa

Przyjęto, że zużycie paliwa jest wprostproporcjonalne do masy pojazdu, a w związku z tym z masą przewożonych mebli. Koszt przejazdu pomiędzy dwoma miastami, czyli zużycie paliwa na trasie między nimi, określono wzorem

$$cost_{section} = m_a * mass + m_b) \cdot dist, \tag{1.1}$$

#### gdzie:

mass - masa mebli znajdujących się w ciężarówce na tym odcinku drogi,

dist - odległość między miastami,

 $m_b$  - współczynnik określający stałe spalanie ciężarówki (bez obiciążenia)  $\left[\frac{litr}{km}\right]$ 

 $m_a$ - współczynnik wpływu dodatkowego obciążenia na spalanie ciężarówki  $[\frac{litr}{kg\cdot km}]$ 

### 1.4. Algorytm ewolucyjny

Do rozwiązania problemu zastosowano algorytm ewolucyjny ( $\mu + \lambda$ ). Przyjęto, że osobnikiem jest wytyczona trasa, a jego genotypem wektor liczb całkowitych określający kolejność odwiedzanych miast. Numeracja odwiedzanych miast jest zgodna z kolejnością na liście definiującej problem (wypisującej wszystkie miasta, które mają zostać odwiedzone wraz z masami predestynowanych do nich mebli). Miasto początkowe (i jednocześnie końcowe) nie występuje w wektorze. Założono, że populacją dla algorytmu ewolucyjnego jest zbiór takich wektorów.

#### 1.4.1. Krzyżowanie

Genotypy 2 osobników krzyżowane w następujący sposób:

- Losowany jest liczna będąca indeksem w wektorze kolejności miast podczas przejazdu.
- Część wektorów znajdująca się za wylosowanym indeksem jest zamieniana między osobnikami.
- Wybierane są geny (wartości w wektorze), które zostały odrzucone w skutek powyższych operacji oraz takie, które w się powtarzają.
- Geny powtarzające się w ramach jednego genotypu, zostają zastąpione przez brakujące (w stosunku do pierwotnego genotypu).

#### 1.4.2. Mutacja

Mutacja genotypu danego osobnika polega na zamianie dwóch kolejnych genów, czyli wartości w wektorze kolejności odwiedzanych miast. Wybór genu, który jest zamieniany z sąsiadem, jest dokonywany losowo.

### Rozdział 2.

# Implementacja

Program rozwiązujący zdefiniowany wcześniej problem komiwojażera zaimplementowano w języku Python. Wykorzystano następujące biblioteki:

- numpy umożliwiła korzystanie z macierzy,
- **geopy** wykorzystano funkcję great\_circle w celu obliczania odległości miedzy dwoma miastami znając ich współrzędne geograficzne,
- matplotlib posłużyła do generowania czytelnych wykresów.

### 2.1. Struktura programu

Napisany program ma strukturę modułową. Głównym celem było wyodrębnienie części odpowiedzialnej za realizację obliczeń według algorytmu ewolucyjnego od części definiującej problem do rozwiązania.

### 2.2. Instrukcja dla użytkownika

Plik *cities.csv* zawiera większe miasta wraz z ich współrzędnymi geograficznymi. Spośród nich należy wybierać te, które mają być odwiedzone przez ciężarówkę. Definiowanie problemu do rozwiązania polega na uzupełnianiu pliku *task.csv*. W pierwszym wierszu znajduje się nazwa miasta startowego (i jednocześnie końcowego). Następne wiersze zawierają nazwy miast, które mają zostać odwiedzone wraz z masą mebli, które mają być do nich dostarczone. Wiersz ma format *nazwa\_miasta*; *masa\_mebli*. Masa mebli powinna być podana jako liczba, z przynajmniej jednym miejsce dziesiętnym np. 100.0, 123.4.

Parametry algorytmu ewolucyjnego można zdefiniować jako zmieniając wartości argumentów funkcji **init** obiektu **alg**:

- population ilość osobników wybieranych do populacji w każdej iteracji algorytmu,
- cross ilość osobników, które mają być krzyżowane w każdym kroku iteracji algorytmu,
- stop\_iters ilość iteracji, po której, w przypadku braku poprawy wyniku, działanie algorytmu jest przerywane.

Po zdefiniowaniu problemu do rozwiązania oraz parametrów algorytmu, należy uruchomić plik *main.py*. W oknie konsoli, będą wypisywane genotypy najlepszych osobników z populacji danej iteracji wraz z obliczoną dla nich wartością funkcji oceny, którą jest określona

jako zużycie paliwa. Po zakończeniu działania algorytmu najlepsze wartości dla	ı najlepszych
osobników każdej iteracji prezentowane się w formie wykresu.	

### Rozdział 3.

# Testy i osiągnięte rezultaty

### 3.1. Różne rozwiązania tego samego problemu

Pierwszym testem była próba rozwiązania tego samego problemu kilkukrotnie oraz porównanie wyników. Jako miasto startowe została wybrana Bydgoszcz. Kolejne miasta, które miały znaleźć się na trasie wraz z ciężarem mebli przedstawiono w tabeli 3.1.

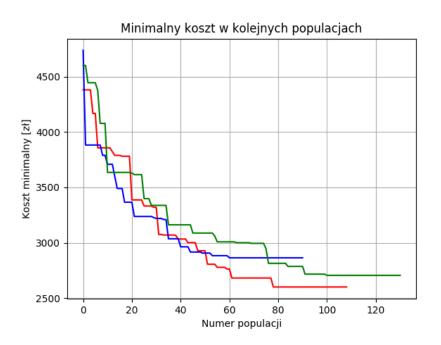
Tabela 3.1: Definicja problemu do rozwiązania w pierwszym teście

Miasto	Masa mebli [kg]		
Gdańsk	400.0		
Katowice	800.0		
Tarnów	200.0		
Łódź	100.0		
Szczecin	111.0		
Warszawa	100.0		
Opole	1.0		
Siedlce	300.0		
Kraków	700.0		
Gliwice	100.0		
Poznań	50.0		
Kielce	20.0		
Olsztyn	300.0		
Suwałki	100.0		
Gdynia	150.0		

Algorytm uruchomiono trzykrotnie, ustalając liczność populacji w każdym kroku algorytmu na 80 osobników, ilość krzyżowanych osobników - na 30, a warunek stopu, w przypadku braku poprawy rezultatu - na 30 iteracji. Parametry  $m_a$  oraz  $m_b$  określono w taki sposób, że pusta ciężarówka spala średnio 10 litrów na 100 km, a każde dodatkowe 100 kg bagażu, większa spalanie o 11. Przyjęto cenę paliwa na poziomie 5 złotych za litr. Zgodnie oczekiwaniami, algorytm, ze względu na elementy losowości, w kolejnych iteracjach uzyskiwał różne wartości najmniejszego kosztu przejazdu. Ostateczne wyniki działania algorytmu również były różne. Rozwiązania problemu zostały przedstawione w tabeli 3.2. Jak widać zaproponowana kolejność odwiedzanych miast już różna. Najlepszy rozwiązanie, czyli koszt rozwożenia mebli wynoszący 2585.71 zł, zostało znalezione przy pierwszym uruchomieniu algorytmu. Najlepsze rozwiązania dla kolejnych iteracji algorytmu przedstawiono na rysunku 3.1.

Tabela 3.2: Rozwiązania pierwszego test

Kolejność na trasie	Numer uruchomienia algorytmu			
	1	2	3	
1	Gdańsk	Tarnów	Gdańsk	
2	Gdynia	Kraków	Olsztyn	
3	Olsztyn	Katowice	Kielce	
4	Suwałki	Gliwice	Tarnów	
5	Siedlce	Warszawa	Kraków	
6	Warszawa	Siedlce	Katowice	
7	Łódź	Suwałki	Gliwice	
8	Gliwice	Olsztyn	Opole	
9	Katowice	Gdańsk	Łódź	
10	Kraków	Gdynia	Warszawa	
11	Tarnów	Łódź	Siedlce	
12	Kielce	Kielce	Suwałki	
13	Opole	Opole	Gdynia	
14	Poznań	Poznań	Szczecin	
15	Szczecin	Szczecin	Poznań	
Koszt przejazdu [zł]	2585.71	2967.03	2706.77	



Rysunek 3.1: Wykres wartości najlepszego rozwiązania w kolejnych iteracjach dla 3 uruchomień tego samego algorytmu. Pierwsze uruchomienie algorytmu - kolor czerwony, drugie - niebieski, trzecie - zielony

## 3.2. Różne wielkości populacji

### 3.3. Czas obliczeń

### 3.4. Wnioski

wnioski dotyczące osiągniętych rezultatów.

wykres dla różnej wielkości populacji, jakiś teścik dla zadania niesymetrycznego : np. dojazd do do miasta z innego jest niemożliwy,

lub całkiem zablokować przejazd między dwoma miastami.