

图

1. 图 $G = (V, E)$, V 是图中顶点的**非空有限集合**, 记为 $V(G)$, E 是图中边的集合记为 $E(G)$
2. 相关名词和概念
 1. 子图, 顶点和边的子集
 2. 有向图, 无向图, 弧, 边, 弧头顶点, 弧尾顶点, 有向完全图, 无向完全图, 度 $TD(V)$, 入度 $ID(v)$, 出度 $OD(v)$,
 3. 度 = 出度 + 入度
 4. 对有向图来说, 有 $0 \leq e \leq n(n-1)$, 对于无向图, 有 $0 \leq e \leq \frac{n(n-1)}{2}$,
 5. 无论是有向图还是无向图, 均有 $e = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n TD(v_i)$,
 6. 路径, 简单路径(通过任意顶点均不超过一次)
 7. 环, 回路, 简单环,
 8. 带有权值的图称为带权图或者网
 9. 无向图中, 连通图, 无向图中的极大连通子图称为连通分量, 注意“极大”的理解
 10. 有向图中, 强连通图, 有向图中的极大强连通子图称为强连通分量
 11. **注意, 单一的一个点也是强连通分量**
 12. **邻接点, 对于有向图只能说弧头顶点是弧尾顶点的邻接顶点**
3. 图的存储结构
 1. 邻接矩阵
 1. 包括存储顶点信息的顶点表和存储顶点之间相互关系的矩阵, 该矩阵称为邻接矩阵
 2. 邻接矩阵表示法有以下的特点
 1. 有向图的邻接矩阵一定是对称的, 可以压缩存储节约空间
 2. 图的邻接矩阵表示是唯一的
 3. 对于含有 n 个顶点的图, 邻接矩阵存储时, 无论有向图和无向图, 无论边的数目是多少, **其存储空间都是 $O(n^2)$ 的, 所以邻接矩阵适合存储边数多的图**
 4. 无向图中邻接矩阵第 i 行 (列) 非零元素个数是第 i 个顶点的度
 5. 有向图中, 行是出度, 列是入度
 6. 邻接矩阵容易判断两个顶点之间是否有边, 但是要想得到图中边的总数, 则需要遍历, 这是邻接矩阵的局限性
 3. 邻接表
 1. 是图的一种链式存储结构, 图中所有顶点构成顶点表, 每个顶点建立的单链表称为边表
 2. 三种结构, 如何正确地使用?, 能起到简化代码, 梳理逻辑的作用
 3. 邻接表的特点
 1. 对于无向图, 顶点 V_i 的边表中节点的个数为该顶点的度, 而有向图中只是该顶点的出度
 2. 与此对应的有逆邻接表
 3. 邻接表表示不唯一, 与节点的顺序有关
 4. n 个顶点, e 条边的无向图, 邻接表有 n 个表头节点和 $2e$ 个边节点, 而对于有向图来说, 有 n 个表头节点和 e 个边节点, 因此**对于边数较少的稀疏图来说, 邻接表相比邻接矩阵要节省空间**
 5. 无向图和有向图中邻接表顶点的个数与度的关系
 6. 十字链表, 邻接多重表?? 考不考
 4. 图的遍历
 1. 图的遍历与树的遍历的区别
 1. 图中没有唯一的开始结点

2. 图中只能从一个顶点访问到该顶点所在连通分量上的点，非连通图哈药考虑其他连通分量上顶点的访问
3. 图的遍历为了防止重复访问的现象，要有一个visit数组
4. 图的遍历结果不唯一

2. BFS（广度优先遍历）

1. **如果希望找到一个两个特定顶点之间的一条路径，且边数最短，使用此遍历方法**

2. 借助队列来实现

3. DFS（深度优先遍历）

1. 遍历过程的实质是对每个顶点寻找其邻接点的过程，

4. 比较

1.	BFS	DFS	存储方式
	$O(n+e)$	$O(n+e)$	邻接表
	$O(n^2)$		邻接矩阵

2. 两者的区别在于对顶点的访问次序不同

5. 贪心算法

1. 贪心算法并不总能够得到最优解，可以在大多数情况下得到最优解的近似解

2. 活动安排问题贪心的选择活动尽早结束可以得到最优解

3. 活动安排问题步骤

1. 排序，加入可行集合

4. 贪心算法可行的基本要素

1. 贪心选择性质：指问题的整体最优解可以通过一系列的局部最优解得到，即贪心选择来达到

2. 最优子结构性质：指问题的最优解包括子问题的最优解？？？和递归的比较

3. 如何理解？

5. 贪心算法的应用

1. 求解带权最短路径问题

1. Dijkstra算法

1. 最短单源路径寻路

2. 复杂度为 $O(n^2)$

2. 最小生成树问题

1. 定义：有n各顶点的连通图的生成树是一个极小连通子图，包含所有顶点，且只含有n-1条边

2. 如果在最小生成树上添加一条边，一定会构成环

3. 特点

1. 任意两个顶点之间有且只有一条路径
2. 加上一条边一定出现环，删去一条边。一定变成非连通图
3. 一个图可以有多个生成树，只要一个最小生成树
4. 一个有n各顶点的完全图中有 $n(n-2)$ 中不同的生成树
5. 生成树可以通过图的遍历得到
6. 深度优先生成树，广度优先生成树

4. 切分是图中顶点的一个子集，切分集是图中边的一个子集

5. 切分性质，回路性质

6. Prim算法

1. 复杂度为 $O(n^2)$ ，它与带权无向图的边数无关，适合求边稠密的无向图的最小生成树

7. 克鲁斯卡尔

1. 复杂度为 $O(e \log e)$ ，适合求边稀疏的图的最小生成树

8. AOV网

1. 顶点称为活动，
2. 拓扑排序，拓扑序列（不唯一）
3. AOV网中不能出现回路
4. 拓扑序列的构建方法
 1. 找无前驱的节点
 2. 删除该节点和相关的边
5. 拓扑排序过程中需要容易找到顶点的入度，需要容易寻找任意顶点的所有直接后序
6. 复杂度 $O(n+e)$

9. AOE网，

1. 关键路径（不唯一）
2. 算法？

10.