

第七课

15分钟搞懂二分搜索与贪婪



二分搜索算法

- 看似简单,写对很难
- 变形很多
- 在面试中常用来考察code能力

贪婪算法

- 是一种比较直观的算法
- 难以证明它的正确性





定义

▶ 二分搜索也称折半搜索,是一种在有序数组中查找某一特定元素的搜索算法

运用前提

- ▶ 数组必须是排好序的
- ▶ 输入并不一定是数组,也可能是给定一个区间的起始和终止的位置



优点

ightharpoonup 二分搜索也称对数搜索,其时间复杂度为 O(lgn),是一种非常高效的搜索

缺点

- ▶ 要求待查找的数组或区间是排好序的
- 若要求对数组进行动态地删除和插入操作并完成查找,平均复杂度会变为O(n)
- 采取自平衡的二叉查找树
 - 可在 O(nlogn) 的时间内用给定的数据构建出一棵二叉查找树
 - 可在 O(logn) 的时间内对数据进行搜索
 - 可在 O(logn) 的时间内完成删除和插入的操作

当:输入的数组或区间是有序的,且不会常变动,要求从中找出一个满足条件的元素 ── 采用二分搜索 👍





解题思路



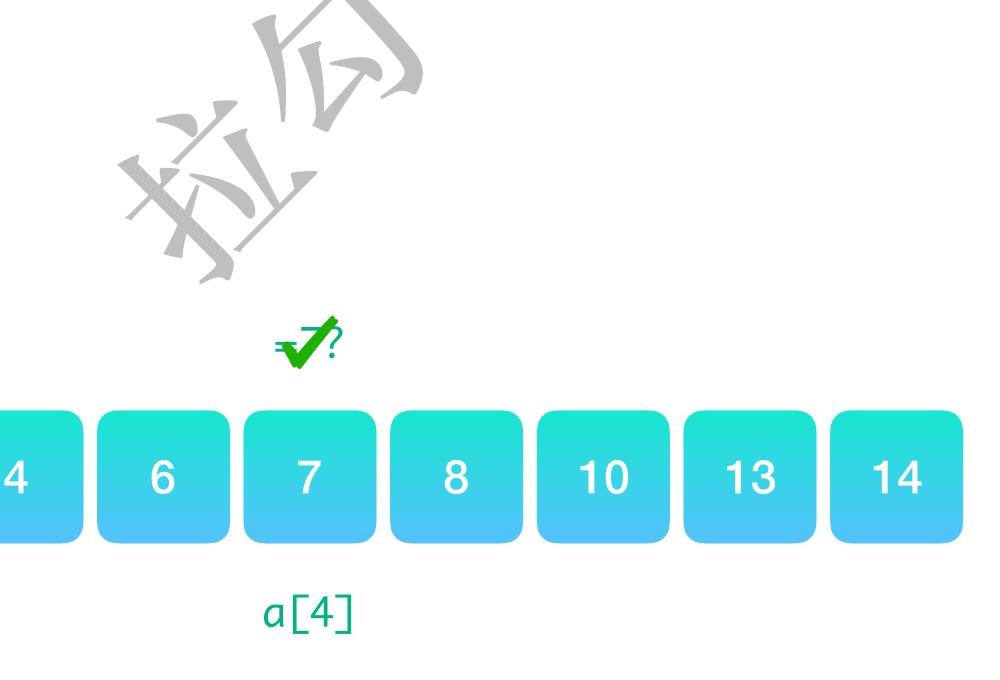


基本解题模板

- ▶ 递归
 - 优点是简洁
 - 缺点是执行消耗大

3

▶非递归





```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
   return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
```

递归的写法

· 二分搜索函数的定义中, 不仅要指定数组 nums 和目标查找数 target, 还要指定查找区间的起点 low 和终点位置 high。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
```

- · 二分搜索函数的定义中, 不仅要指定数组 nums 和目标查找数 target, 还要指定查找区间的起点 low 和终点位置 high。
- 为避免无限循环,开始时要判断一下: 如果起点位置大于终点位置,表明这是一个非法区间; 或者说,已尝试了所有的搜索区间还是没找到结果。 返回 -1。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
```

- · 二分搜索函数的定义中, 不仅要指定数组 nums 和目标查找数 target, 还要指定查找区间的起点 low 和终点位置 high。
- 为避免无限循环,开始时要判断一下: 如果起点位置大于终点位置,表明这是一个非法区间; 或者说,已尝试了所有的搜索区间还是没找到结果。 返回 -1。
- ·接下来,取正中间那个数的下标 middle。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
```

- · 二分搜索函数的定义中, 不仅要指定数组 nums 和目标查找数 target, 还要指定查找区间的起点 low 和终点位置 high。
- 为避免无限循环,开始时要判断一下: 如果起点位置大于终点位置,表明这是一个非法区间; 或者说,已尝试了所有的搜索区间还是没找到结果。 返回 -1。
- ·接下来,取正中间那个数的下标 middle。
- 判断一下正中间的那个数是不是要找的目标数 target。 如果是,就返回下标 middle。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
```

- · 二分搜索函数的定义中, 不仅要指定数组 nums 和目标查找数 target, 还要指定查找区间的起点 low 和终点位置 high。
- 为避免无限循环,开始时要判断一下: 如果起点位置大于终点位置,表明这是一个非法区间; 或者说,已尝试了所有的搜索区间还是没找到结果。 返回 -1。
- ·接下来,取正中间那个数的下标 middle。
- · 判断一下正中间的那个数是不是要找的目标数 target。 如果是,就返回下标 middle。
- · 如果发现目标数在左边, 那么就递归地从左半边进行二分搜索。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
```

- · 二分搜索函数的定义中, 不仅要指定数组 nums 和目标查找数 target, 还要指定查找区间的起点 low 和终点位置 high。
- 为避免无限循环,开始时要判断一下: 如果起点位置大于终点位置,表明这是一个非法区间; 或者说,已尝试了所有的搜索区间还是没找到结果。 返回 -1。
- ·接下来,取正中间那个数的下标 middle。
- · 判断一下正中间的那个数是不是要找的目标数 target。 如果是,就返回下标 middle。
- · 如果发现目标数在左边, 那么就递归地从左半边进行二分搜索。
- 否则从右半边递归地进行二分搜索。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
```

▶ 三个关键点

- 计算 middle 下标时, 不能简单地用 (low + high) / 2, 这样可能会导致溢出。
- 取左半边和右半边的区间时, 左半边是 [low, middle - 1], 右半边是 [middle + 1, high], 这是两个闭区间。 我们确定了 middle 点不是我们要找的, 因此没有必要再把它加入到左、右半边了。
- 对于一个长度为奇数的数组,例如: **{1, 2, 3, 4, 5}**, 按照 low + (high - low) / 2 来计算的话, middle 就是正中间的那个位 对于一个长度为偶数的数组,例如: {1, 2, 3, 4}, middle 就是正中间靠左边的一个位置。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
```

· 时间复杂度分析

假设要对长度为n的数组进行二分搜索,T(n)是执行时间函数,我们可以得到:

$$T(n) = T(\frac{n}{2}) + 1$$

代入公式法得: a = 1, b = 2, f(n) = 1因此 $O(n^{\log_b a}) = O(n^0) = 1$ 等于 O(f(n))时间复杂度为:

$$O(n^{\log_b a} \log n) = O(\log n)$$



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 while (low <= high) {</pre>
  int middle = low + (high - low) / 2;
  if (nums[middle] == target) {
    return middle;
  if (target < nums[middle]) {</pre>
    high = middle - 1;
  } else {
    low = middle + 1;
 return -1;
```

非递归的写法

· 在 while 循环中,判断一下搜索的区间是否有效。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 while (low <= high) {</pre>
  int middle = low + (high - low) / 2;
  if (nums[middle] == target) {
    return middle;
  if (target < nums[middle]) {</pre>
    high = middle - 1;
  } else {
    low = middle + 1;
 return -1;
```

- · 在 while 循环中,判断一下搜索的区间是否有效。
- · 计算正中间数的下标。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 while (low <= high) {</pre>
  int middle = low + (high - low) / 2;
  if (nums[middle] == target) {
    return middle;
  if (target < nums[middle]) {</pre>
    high = middle - 1;
  } else {
    low = middle + 1;
 return -1;
```

- · 在 while 循环中,判断一下搜索的区间是否有效。
- · 计算正中间数的下标。
- 判断一下正中间的那个数是不是要找的目标数 target。 如果是,就返回下标 middle。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 while (low <= high) {
  int middle = low + (high - low) / 2;
   if (nums[middle] == target) {
    return middle;
  if (target < nums[middle]) {</pre>
    high = middle - 1;
   } else {
    low = middle + 1;
 return -1;
```

- · 在 while 循环中,判断一下搜索的区间是否有效。
- · 计算正中间数的下标。
- 判断一下正中间的那个数是不是要找的目标数 target。 如果是,就返回下标 middle。
- · 如果发现目标数在左边, 调整搜索区间的终点为 middle - 1。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 while (low <= high) {
  int middle = low + (high - low) / 2;
   if (nums[middle] == target) {
    return middle;
   if (target < nums[middle]) {</pre>
    high = middle - 1;
  } else {
    low = middle + 1;
 return -1;
```

- · 在 while 循环中,判断一下搜索的区间是否有效。
- 计算正中间数的下标。
- 判断一下正中间的那个数是不是要找的目标数 target。 如果是,就返回下标 middle。
- · 如果发现目标数在左边, 调整搜索区间的终点为 middle - 1。
- · 否则,调整搜索区间的终点为 middle + 1。



```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 while (low <= high) {
  int middle = low + (high - low) / 2;
   if (nums[middle] == target) {
    return middle;
   if (target < nums[middle]) {</pre>
    high = middle - 1;
  } else {
    low = middle + 1;
 return -1;
```

- · 在 while 循环中,判断一下搜索的区间是否有效。
- 计算正中间数的下标。
- 判断一下正中间的那个数是不是要找的目标数 target。 如果是,就返回下标 middle。
- · 如果发现目标数在左边, 调整搜索区间的终点为 middle - 1。
- · 否则, 调整搜索区间的终点为 middle + 1。
- · 如果超出了搜索区间,表明无法找到目标数,返回 -1。



二分搜索的核心

- ▶确定搜索的范围和区间
- ▶ 取中间的数判断是否满足条件
- 如果不满足条件,判定应该往哪个半边继续进行搜索



找确定的边界

- 边界分为上边界与下边界,有时也称为左边距和右边界
- ▶ 确定的边界,指边界的数值等于要找的目标数

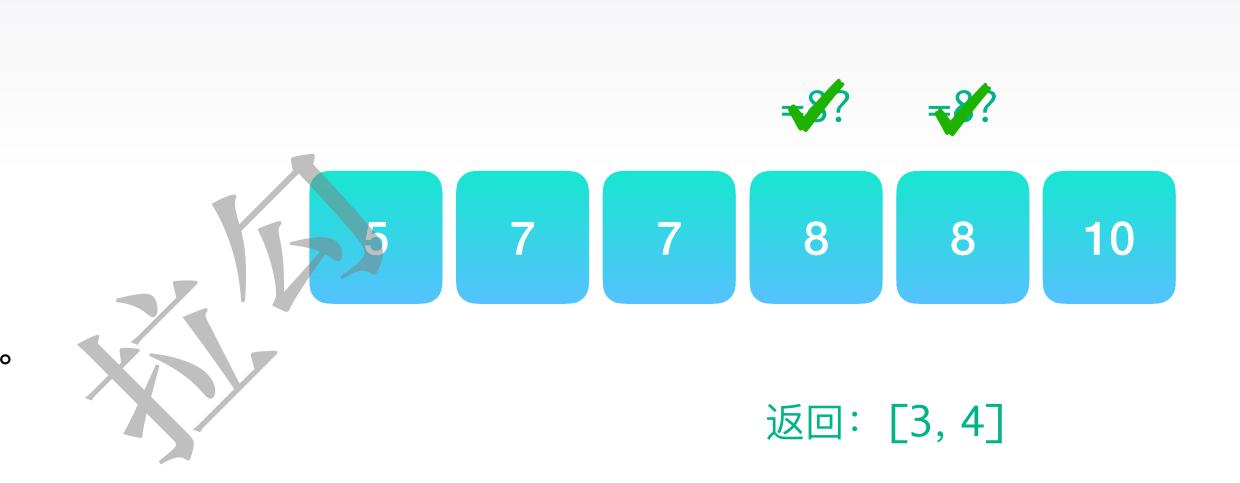


34. 最长子序列的长度

给定一个按照升序排列的整数数组 nums,

和一个目标值 target。

找出给定目标值在数组中的开始位置和结束位置。



说明

你的算法时间复杂度必须是 O(logn) 级别。如果数组中不存在目标值,返回 [-1, -1]。

- · 第一次出现的地方叫下边界 (lower bound)
- 最后一次出现的地方叫上边界 (upper bound)



两个成为 8 的下边界的条件

- ▶ 该数必须是 8
- ▶ 该数的左边一个数必须不是8
 - 8的左边有数,那么该数必须小于8
 - 8的左边没有数,即8是数组的第一个数

两个成为8的上边界的条件

- ▶ 该数必须是 8
- ▶ 该数的右边一个数必须不是8
 - 8的右边有数,那么该数必须大于8
 - 8的右边没有数,即8是数组的最后一个数



```
int searchLowerBound(int[] nums, int target, int low, int high)
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target && (middle == 0 | Il nums[middle -
 | ] < target)) {</pre>
  return middle;
 if (target <= nums[middle]) {</pre>
  return searchLowerBound(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return searchLowerBound(nums, target, middle + 1, high);
```

递归 - 寻找下边界

判断是否是下边界时, 先看看 middle 的数是否为 target, 并判断该数是否已为数组的第一个数, 或者,它左边的一个数是不是已经比它小, 如果都满足,即为下边界。



```
int searchLowerBound(int[] nums, int target, int low, int high)
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target && (middle == 0 | I nums[middle -
1] < target)) {
  return middle;
 if (target <= nums[middle]) {</pre>
  return searchLowerBound(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return searchLowerBound(nums, target, middle + 1, high);
```

递归 - 寻找下边界

- 判断是否是下边界时, 先看看 middle 的数是否为 target, 并判断该数是否已为数组的第一个数, 或者,它左边的一个数是不是已经比它小, 如果都满足,即为下边界。
- · 不满足时,如果该数等于 target,需向左继续查找



```
int searchUpperBound(int[] nums, int target, int low, int high)
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target && (middle == nums.length - 1 ll
nums[middle + 1] > target)) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return searchUpperBound(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return searchUpperBound(nums, target, middle + 1, high);
```

递归 - 寻找上边界

判断是否是上边界时, 先看看 middle 的数是否为 target, 并判断该数是否已为数组的最后一个数, 或者,它右边的数是不是比它大, 如果都满足,即为上边界。



```
int searchUpperBound(int[] nums, int target, int low, int high)
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target && (middle == nums.length - 1 ll
nums[middle + 1] > target)) {
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return searchUpperBound(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return searchUpperBound(nums, target, middle + 1, high);
```

递归 - 寻找上边界

- 判断是否是上边界时, 先看看 middle 的数是否为 target, 并判断该数是否已为数组的最后一个数, 或者,它右边的数是不是比它大, 如果都满足,即为上边界。
- · 不满足时,需判断搜索方向



找模糊的边界

- ▶ 二分搜索可以用来查找一些模糊的边界
- 而是大于或小于目标的值 ▶ 模糊的边界,即边界的值不等于目标的值,



例题分析

从数组 {-2, 0, 1, 4, 7, 9, 10} 中找到第一个大于6的数。第一 于6的数,在这道题里面,答案是7。

如何在有序数组中判断一个数是不是第一个大于 6 的数?

- ▶ 这个数要大于 6
- ▶ 这个数有可能是数组里的第一个数,或者它之前的一个数比 6 小



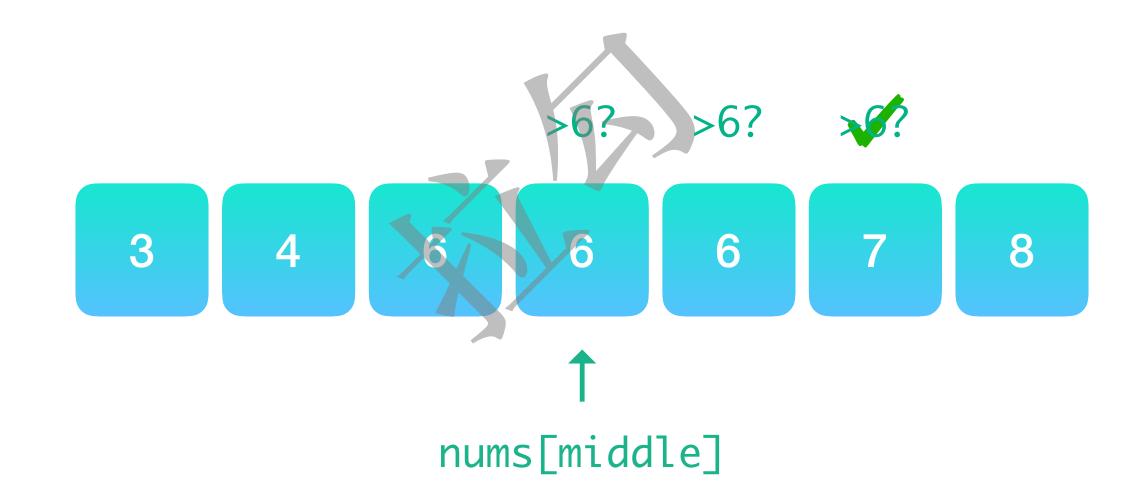


```
Integer firstGreaterThan(int[] nums, int target, int low, int
high) {
 if (low > high) {
  return null;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] > target && (middle == 0 ll nums[middle -
| ] <= target)) {</pre>
  return middle;
 if (target < nums[middle]) {</pre>
  return firstGreaterThan(nums, target, low, middle - 1);
 } else {
  return firstGreaterThan(nums, target, middle + 1, high);
```

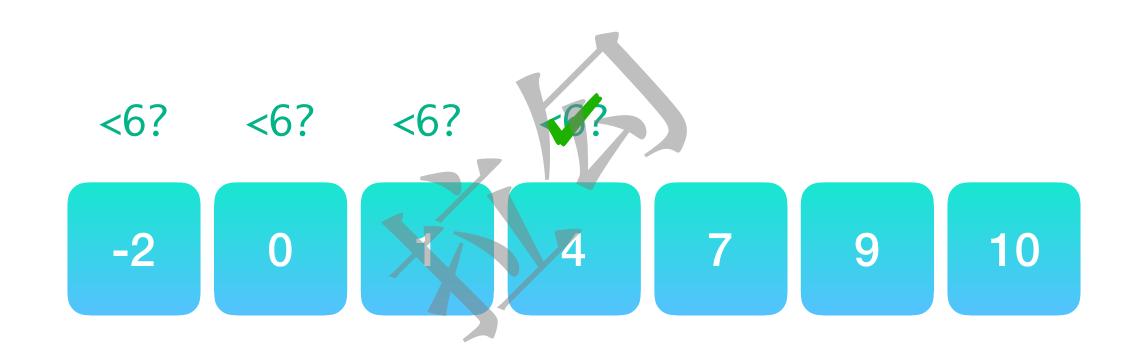
- 判断 middle 指向的数 是否为第一个比 target 大的数时, 须同时满足两个条件:
- middle 这个数必须大于 target
- middle 要么是第一个数, 要么它之前的数小于或者等于 target



当不满足条件,而 middle 的数等于 target 时怎么办?





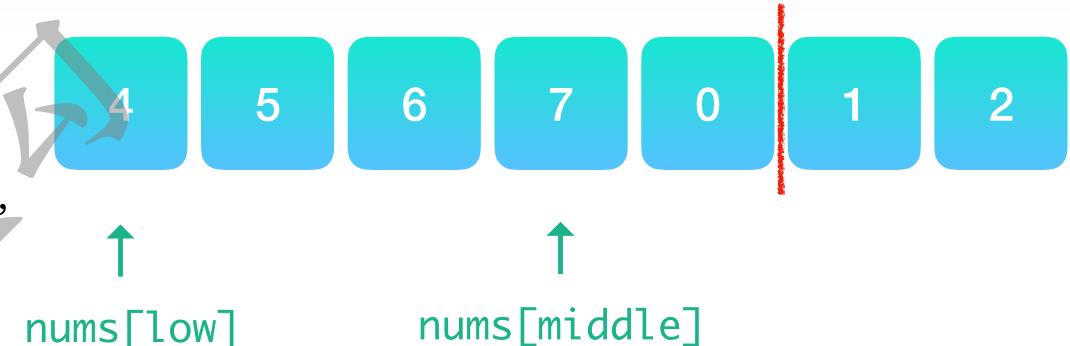




33. 旋转过的排序数组

给定一个经过旋转了的排序数组,判断一下某个数是否在里面。

例如,给定数组为{4, 5, 6, 7, 0, 1, 2}, target等于0,答案是4,即0所在的位置下标是4。



- 如何判断左边是不是排好序的那个部分呢?

- ▶ 只要比较nums[low]和nums[middle]即可
 - 若nums[low] <= nums[middle],则左边这部分一定是排好序的,否则右边是排好序的

判定出某一边是排好序的有什么用呢?

- 若nums[low] <= target && target < nums[middle],则目标值在这个区间,反之在另一边

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {</pre>
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



· 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {</pre>
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



- · 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1
- · 取中位数

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {</pre>
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



- · 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1
- · 取中位数
- 判断中位数是否为要找的数

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



- · 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1
- · 取中位数
- 判断中位数是否为要找的数
- 判断左半边是不是排好序的

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {</pre>
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



- · 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1
- · 取中位数
- 判断中位数是否为要找的数
- 判断左半边是不是排好序的
- · 是则,判断目标值是否在左半边

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {</pre>
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



- · 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1
- 取中位数
- 判断中位数是否为要找的数
- 判断左半边是不是排好序的
- · 是则,判断目标值是否在左半边
- · 是则, 在左半边继续进行二分搜索

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {</pre>
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



- · 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1
- · 取中位数
- 判断中位数是否为要找的数
- 判断左半边是不是排好序的
- · 是则,判断目标值是否在左半边
- · 是则, 在左半边继续进行二分搜索
- · 否则, 在右半边进行二分搜索

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {</pre>
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



- · 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1
- · 取中位数
- 判断中位数是否为要找的数
- · 判断左半边是不是排好序的
- · 是则,判断目标值是否在左半边
- · 是则, 在左半边继续进行二分搜索
- · 否则, 在右半边进行二分搜索
- · 若右半边是排好序的那一半,判断目标值是否在右边

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {</pre>
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



- · 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1
- · 取中位数
- 判断中位数是否为要找的数
- 判断左半边是不是排好序的
- · 是则, 判断目标值是否在左半边
- · 是则,在左半边继续进行二分搜索
- · 否则, 在右半边进行二分搜索
- · 若右半边是排好序的那一半,判断目标值是否在右边
- · 是则,在右半边继续进行二分搜索

```
int binarySearch(int[] nums, int target, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (nums[middle] == target) {
  return middle;
 if (nums[low] <= nums[middle]) {</pre>
  if (nums[low] <= target && target < nums[middle]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
  return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
 } else {
  if (nums[middle] < target && target <= nums[high]) {</pre>
   return binarySearch(nums, target, middle + 1, high);
  return binarySearch(nums, target, low, middle - 1);
```



- · 判断是否已超出了搜索范围, 是则返回-1
- · 取中位数
- 判断中位数是否为要找的数
- 判断左半边是不是排好序的
- · 是则, 判断目标值是否在左半边
- · 是则,在左半边继续进行二分搜索
- · 否则, 在右半边进行二分搜索
- · 若右半边是排好序的那一半,判断目标值是否在右边
- · 是则, 在右半边继续进行二分搜索
- · 否则,在左半边进行二分搜索



不定长的边界

有一段不知道具体长度的日志文件,里面记录了每次登陆的时间戳,已知日志是按顺序从头到尾记录的,没有记录日志的地方为空。那么,当前日志的长度是多少?

{ 2019-01-14, 2019-01-17, ..., 2019-08-04, ..., null, null, null, ...}



直观做法

- ▶ 顺序遍历这个数组,一直遍历下去
- ▶ 当发现第一个null的时候,我们就知道了日志的总数量了

二分搜索做法

- ▶ 一开始设置low = 0, high = 1
- ▶ 只要logs[high]不为null,high *= 2
- ▶ 当logs[high]为null的时候,可以在区间[0, high]进行普通的二分搜索了



```
int getUpperBound(String[] logs, int high) {
 if (logs[high] == null) {
  return high;
 return getUpperBound(logs, high * 2);
int binarySearch(String[] logs, int low, int high) {
if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (logs[middle] == null && logs[middle - 1] != null) {
  return middle;
 if (logs[middle] == null) {
  return binarySearch(logs, low, middle - 1);
  else {
  return binarySearch(logs, middle + 1, high);
```

判先通过getUpperBound函数不断地去试探 在什么位置会出现空的日志



```
int getUpperBound(String[] logs, int high) {
 if (logs[high] == null) {
  return high;
 return getUpperBound(logs, high * 2);
int binarySearch(String[] logs, int low, int high) {
 if (low > high) {
  return -1;
 int middle = low + (high - low) / 2;
 if (logs[middle] == null && logs[middle - 1] != null) {
  return middle;
 if (logs[middle] == null) {
  return binarySearch(logs, low, middle - 1);
 return binarySearch(logs, middle + 1, high);
```

- 判先通过getUpperBound函数不断地去试探 在什么位置会出现空的日志
- 运用二分搜索的方法去寻找日志的长度



定义

▶ 贪婪是一种在每一步选中都采取在当前状态下最好或最优的选择,从而希望导致结果是最好或最优的算法。

优点

▶ 对于一些问题, 贪婪算法非常的直观有效

缺点

- ▶ 往往,它得到的结果并不是正确的
- ▶ 贪婪算法容易过早地做出决定,从而没有办法达到最优解



贪婪算法的反例

有一些物品,每个物品都有一定的价值和重量,现在有一个背包,背包能够承受的总重量一定,要求在不超过背包总承受总 量的前提下,尽可能让装入背包中的物品总价值最大,问怎么装?

有三种不同的贪心策略

- ▶ 选取价值最大的物品
- ▶ 选择重量最轻的物品
- ▶ 选取价值/重量比最大的物品

7.2 贪婪/Greedy



选取价值最大的物品策略

▶ 贪婪物品有: ABC

▶ 重量分别是: 25, 10, 10

▶ 价值分别是: 100,80,80

▶ 根据策略,首先选取物品A,接下来就不能再去选其他物品了

▶ 但是,如果选取B和C,结果会更好

7.2 贪婪/Greedy



选择重量最轻的物品策略

▶ 贪婪物品有: ABC

▶ 重量分别是: 25, 10, 10

▶ 价值分别是: 100, 5, 5



- ▶根据策略,首先选取物品B和C,接下来就不能选A了
- ▶ 但是,如果选A,价值更大



选取价值/重量比最大的物品策略

▶ 贪婪物品有:ABC

▶ 重量分别是: 25, 10, 10

▶ 价值分别是: 25, 10, 10

▶ 根据策略,三种物品的价值/重量比都是一样

▶ 如果选A,答案就不对了。应该选B和C



贪婪的弊端

- ▶ 总是做出在当前看来是最好的选择
- ▶ 不从整体的角度去考虑,仅对局部的最优解感兴趣

什么问题适用贪婪算法

▶ 只有当那些局部最优策略能产生全局最优策略的时候



253.会议室Ⅱ

有给定一系列会议的起始时间和结束时间,求最少需要多少个会议室就可以让这些会议顺利召开。

最暴力的做法

- ▶ 把所有的会议组合找出来
- ▶ 从最长的组合开始检查,看看各个会议之间有没有冲突,直到发现一组会议没有冲突
- ▶ 很明显,这样的解法是非常没有效率的

贪婪做法

- ▶ 会议都是按照它们的起始时间顺序进行的
- ▶ 要给新的就要开始的会议找会议室时,先看当前有无空会议室
- ▶ 有则在空会议室开会,无则开设一间新会议室

```
した 力力 × 抗勾 LeetCode LAGOU.COM
```

```
int minMeetingRooms(Interval[] intervals) {
 if (intervals == null | | intervals.length == 0)
  return 0;
 Arrays.sort(intervals, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.start - b.start; }
 });
 PriorityQueue<Interval> heap = new
PriorityQueue<Interval>(intervals.length, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.end - b.end; }
 });
 heap.offer(intervals[0]);
 for (int i = 1; i < intervals.length; i++) {
   Interval interval = heap.poll();
  if (intervals[i].start >= interval.end) {
    interval.end = intervals[i].end;
   } else {
    heap.offer(intervals[i]);
   heap.offer(interval);
 return heap.size();
```

· 将输入的一系列会议按照会议的起始时间排序



```
int minMeetingRooms(Interval[] intervals) {
 if (intervals == null | | intervals.length == 0)
  return 0;
 Arrays.sort(intervals, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.start - b.start; }
 });
 PriorityQueue<Interval> heap = new
PriorityQueue<Interval>(intervals.length, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.end - b.end; }
 });
 heap.offer(intervals[0]);
 for (int i = 1; i < intervals.length; i++) {
   Interval interval = heap.poll();
  if (intervals[i].start >= interval.end) {
    interval.end = intervals[i].end;
   } else {
    heap.offer(intervals[i]);
   heap.offer(interval);
 return heap.size();
```

- · 将输入的一系列会议按照会议的起始时间排序
- 用一个最小堆来维护目前开辟的所有会议室, 最小堆里的会议室按照会议的结束时间排序

```
した 力力 × 抗勾 LeetCode LAGOU.COM
```

```
int minMeetingRooms(Interval[] intervals) {
 if (intervals == null | | intervals.length == 0)
  return 0;
 Arrays.sort(intervals, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.start - b.start; }
 });
 PriorityQueue<Interval> heap = new
PriorityQueue<Interval>(intervals.length, new Comparator<Interval>() {
   public int compare(Interval a, Interval b) { return a.end - b.end; }
 });
 heap.offer(intervals[0]);
 for (int i = 1; i < intervals.length; i++) {
   Interval interval = heap.poll();
  if (intervals[i].start >= interval.end) {
    interval.end = intervals[i].end;
   } else {
    heap.offer(intervals[i]);
   heap.offer(interval);
 return heap.size();
```

- · 将输入的一系列会议按照会议的起始时间排序
- 用一个最小堆来维护目前开辟的所有会议室, 最小堆里的会议室按照会议的结束时间排序
- · 让第一个会议在第一个会议室里举行

```
した 力力 × 抗な LeetCode LAGOU.COM
```

```
int minMeetingRooms(Interval[] intervals) {
 if (intervals == null | | intervals.length == 0)
  return 0;
 Arrays.sort(intervals, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.start - b.start; }
 });
 PriorityQueue<Interval> heap = new
PriorityQueue<Interval>(intervals.length, new Comparator<Interval>() {
   public int compare(Interval a, Interval b) { return a.end - b.end; }
 });
 heap.offer(intervals[0]);
 for (int i = 1; i < intervals.length; i++) {
   Interval interval = heap.poll();
  if (intervals[i].start >= interval.end) {
    interval.end = intervals[i].end;
   } else {
    heap.offer(intervals[i]);
   heap.offer(interval);
 return heap.size();
```

- · 将输入的一系列会议按照会议的起始时间排序
- 用一个最小堆来维护目前开辟的所有会议室, 最小堆里的会议室按照会议的结束时间排序
- · 让第一个会议在第一个会议室里举行
- 从第二个会议开始,每个会议都从最小堆里取出 一个会议室

```
した 力力 × 拉勾 Lagou.com
```

```
int minMeetingRooms(Interval[] intervals) {
 if (intervals == null | | intervals.length == 0)
  return 0;
 Arrays.sort(intervals, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.start - b.start; }
 });
 PriorityQueue<Interval> heap = new
PriorityQueue<Interval>(intervals.length, new Comparator<Interval>() {
   public int compare(Interval a, Interval b) { return a.end - b.end; }
 });
 heap.offer(intervals[0]);
 for (int i = 1; i < intervals.length; i++) {
   Interval interval = heap.poll();
  if (intervals[i].start >= interval.end) {
    interval.end = intervals[i].end;
   } else {
    heap.offer(intervals[i]);
   heap.offer(interval);
 return heap.size();
```

- · 将输入的一系列会议按照会议的起始时间排序
- 用一个最小堆来维护目前开辟的所有会议室, 最小堆里的会议室按照会议的结束时间排序
- · 让第一个会议在第一个会议室里举行
- 从第二个会议开始,每个会议都从最小堆里取出 一个会议室
- 若当前要开的会议可以等会议室被腾出才开始,那么就可以重复利用这个会议室

```
した 力力 × 抗勾 LeetCode LAGOU.COM
```

```
int minMeetingRooms(Interval[] intervals) {
 if (intervals == null | | intervals.length == 0)
  return 0;
 Arrays.sort(intervals, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.start - b.start; }
 });
 PriorityQueue<Interval> heap = new
PriorityQueue<Interval>(intervals.length, new Comparator<Interval>() {
   public int compare(Interval a, Interval b) { return a.end - b.end; }
 });
 heap.offer(intervals[0]);
 for (int i = 1; i < intervals.length; i++) {
   Interval interval = heap.poll();
  if (intervals[i].start >= interval.end) {
    interval.end = intervals[i].end;
   } else {
    heap.offer(intervals[i]);
   heap.offer(interval);
 return heap.size();
```

- · 将输入的一系列会议按照会议的起始时间排序
- 用一个最小堆来维护目前开辟的所有会议室, 最小堆里的会议室按照会议的结束时间排序
- · 让第一个会议在第一个会议室里举行
- 从第二个会议开始,每个会议都从最小堆里取出 一个会议室
- · 若当前要开的会议可以等会议室被腾出才开始, 那么就可以重复利用这个会议室
- · 否则,开辟一个新的会议室

```
した 力力 × 抗勾 LeetCode LAGOU.COM
```

```
int minMeetingRooms(Interval[] intervals) {
 if (intervals == null | | intervals.length == 0)
  return 0;
 Arrays.sort(intervals, new Comparator<Interval>() {
   public int compare(Interval a, Interval b) { return a.start - b.start; }
 });
 PriorityQueue<Interval> heap = new
PriorityQueue<Interval>(intervals.length, new Comparator<Interval>() {
   public int compare(Interval a, Interval b) { return a.end - b.end; }
 });
 heap.offer(intervals[0]);
 for (int i = 1; i < intervals.length; i++) {
   Interval interval = heap.poll();
  if (intervals[i].start >= interval.end) {
    interval.end = intervals[i].end;
   } else {
    heap.offer(intervals[i]);
   heap.offer(interval);
 return heap.size();
```

- · 将输入的一系列会议按照会议的起始时间排序
- 用一个最小堆来维护目前开辟的所有会议室, 最小堆里的会议室按照会议的结束时间排序
- · 让第一个会议在第一个会议室里举行
- 从第二个会议开始,每个会议都从最小堆里取出 一个会议室
- 若当前要开的会议可以等会议室被腾出才开始, 那么就可以重复利用这个会议室
- · 否则,开辟一个新的会议室
- · 接下来, 把旧的会议室也放入到最小堆里

```
した。

LeetCode X LAGOU.COM
```

```
int minMeetingRooms(Interval[] intervals) {
 if (intervals == null | | intervals.length == 0)
  return 0;
 Arrays.sort(intervals, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.start - b.start; }
 });
 PriorityQueue<Interval> heap = new
PriorityQueue<Interval>(intervals.length, new Comparator<Interval>() {
  public int compare(Interval a, Interval b) { return a.end - b.end; }
 });
 heap.offer(intervals[0]);
 for (int i = 1; i < intervals.length; i++) {
   Interval interval = heap.poll();
  if (intervals[i].start >= interval.end) {
    interval.end = intervals[i].end;
   } else {
    heap.offer(intervals[i]);
   heap.offer(interval);
 return heap.size();
```

- · 将输入的一系列会议按照会议的起始时间排序
- 用一个最小堆来维护目前开辟的所有会议室, 最小堆里的会议室按照会议的结束时间排序
- · 让第一个会议在第一个会议室里举行
- 从第二个会议开始,每个会议都从最小堆里取出 一个会议室
- · 若当前要开的会议可以等会议室被腾出才开始, 那么就可以重复利用这个会议室
- · 否则,开辟一个新的会议室
- · 接下来, 把旧的会议室也放入到最小堆里
- 最小堆里的会议室个数就是最少的会议个数



为什么贪婪算法在此处成立

▶ 每当遇到一个新的会议时,总是贪婪地从所有会议室里找出最先结束会议的那个

为什么这样可以产生最优结果

▶ 若选择的会议室中会议未结束,则意味着需要开辟一个新会议室,这已经不是当前的最优解了



Next: 课时 8《大厂算法面试真题 - 高频题精讲(一)》

多加练习,才能更好地巩固知识点。



关注"拉勾教育" 学习技术干货



关注 "LeetCode力扣" 获得算法技术干货