Лабораторная работа № 8

Казакова Виктория Алексеевна 2023, Москва

Цель работы

Цель данной работы: 1. Построение графика изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденнои7 нормировкои7 для случая 1. 2. Построение графика изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденнои7 нормировкои7 для случая 2.

Вариант 70

Случай 1. Рассмотрим две фирмы, производящие взаимозаменяемые товары одинакового качества и находящиеся в одной рыночной нише. Считаем, что в рамках нашей модели конкурентная борьба ведётся только рыночными методами. То есть, конкуренты могут влиять на противника путем изменения параметров своего производства: себестоимость, время цикла, но не могут прямо вмешиваться в ситуацию на рынке («назначать» цену или влиять на потребителей каким-либо иным способом.) Будем считать, что постоянные издержки пренебрежимо малы, и в

модели учитывать не будем. В этом случае динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений:

$$\begin{split} \frac{dM_1}{d\theta} &= M_1 - \frac{b}{c_1} M_1 M_2 - \frac{a_1}{c_1} M_1^2 \\ &\qquad \qquad \frac{dM_2}{d\theta} = \frac{c_2}{c_1} M_2 - \frac{b}{c_1} M_1 M_2 - \frac{a_2}{c_1} M_2^2 \end{split},$$
 где
$$a_1 &= \frac{p_{cr}}{\tau_1^2 \tilde{p}_1^2 N q}, \ a_2 = \frac{p_{cr}}{\tau_2^2 \tilde{p}_2^2 N q}, \ b = \frac{p_{cr}}{\tau_1^2 \tilde{p}_1^2 \tau_2^2 \tilde{p}_2^2 N q}, \ c_1 = \frac{p_{cr} - \tilde{p}_1}{\tau_1 \, \tilde{p}_1}, \ c_2 = \frac{p_{cr} - \tilde{p}_2}{\tau_2 \, \tilde{p}_2}. \end{split}$$

Также введена нормировка $t = c_1 \theta$.

Случай 2. Рассмотрим модель, когда, помимо экономического фактора влияния (изменение себестоимости, производственного цикла, использование кредита и т.п.), используются еще и социально-психологические факторы формирование общественного предпочтения одного товара другому, не зависимо от их качества и цены. В этом случае взаимодействие двух фирм будет зависеть друг от друга, соответственно коэффициент перед $M_1 M_2$ будет отличаться. Пусть в рамках рассматриваемой модели динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений:

$$\frac{dM_1}{d\theta} = M_1 - \left(\frac{b}{c_1} + 0,0015\right) M_1 M_2 - \frac{a_1}{c_1} M_1^2$$

$$\frac{dM_2}{d\theta} = \frac{c_2}{c_1} M_2 - \frac{b}{c_1} M_1 M_2 - \frac{a_2}{c_1} M_2^2$$

Для обоих случаев рассмотрим задачу со следующими начальными условиями и

$$M_0^1 = 2.6, M_0^2 = 1.9,$$

параметрами:
$$\begin{aligned} p_{cr} = &19, N = 17.5, q = 1\\ \tau_1 = &12, \tau_2 = 16, \end{aligned}$$

$$\tilde{p}_1 = 10, \, \tilde{p}_2 = 6.6$$

 ${\it 3ame чahue}$: Значения $p_{cr}, \tilde{p}_{1,2}, N$ указаны в тысячах единиц, а значения $M_{1,2}$ указаны в млн. единиц.

Обозначения:

N – число потребителей производимого продукта.

т – длительность производственного цикла

р – рыночная цена товара

 $ilde{p}$ — себестоимость продукта, то есть переменные издержки на производство единицы продукции.

q — максимальная потребность одного человека в продукте в единицу времени

$$\theta = \frac{t}{c_1}$$
 - безразмерное время

- 1. Постройте графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 1.
- 2. Постройте графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 2.

Выполнение лабораторной работы

Julia (первый случай)

Описание переменных

```
using DifferentialEquations
using Plots

p_cr = 19
N = 17.5
q = 1
tau1 = 12
tau2 = 16
p1 = 10
p2 = 6.6

a1 = p_cr/(tau1*tau1*p1*p1*N*q)
a2 = p_cr/(tau2*tau2*p2*p2*N*q)
b = p_cr/(tau1*tau1*tau2*tau2*p1*p1*p2*p2*N*q)
c1 = (p_cr-p1)/(tau1*p1)
c2 = (p_cr-p2)/(tau2*p2)
```

Julia (первый случай)

Функция построения графиков:

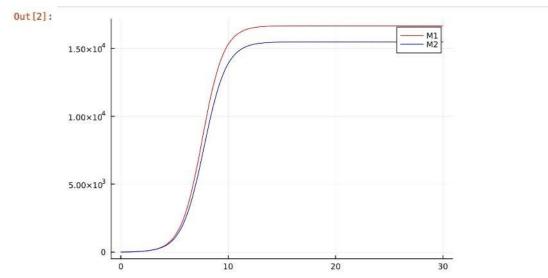
```
function Fun(du, u, p, t)
    M1, M2 = u
    du[1] = u[1]-b/c1*u[1]*u[2]-a1/c1*u[1]*u[1]
    du[2] = c2/c1*u[2]-b/c1*u[1]*u[2]-a2/c1*u[2]*u[2]
end

v = [2.6, 1.9]
time = (0.0, 30.0)
prob = ODEProblem(Fun, v, time)
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)
M1 = [u[1] for u in sol.u]
M2 = [u[2] for u in sol.u]
T = [t for t in sol.t]
```

Julia (первый случай)

Построение графиков:

Результаты работы кода на Julia

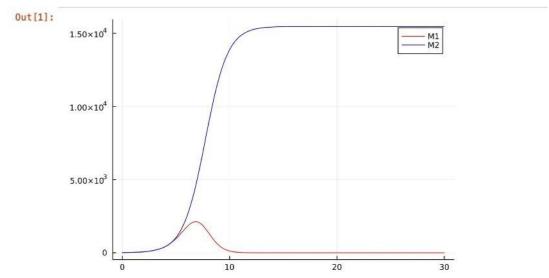


"Puc.1 График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 1 на языке Julia"

Julia (второй случай)

По аналогии с первым случаем описываются переменные. Меняется только функция.

Результаты работы кода на Julia

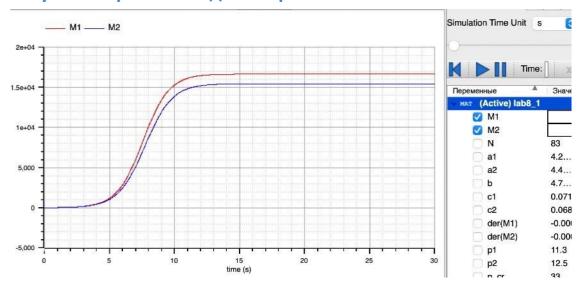


"Puc.2 График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 2 на языке Julia"

OpenModelica (первый случай)

```
model lab8 1
Real M1;
Real M2;
Real p cr = 19;
Real N = 17.5;
Real q = 1;
Real tau1 = 12;
Real tau2 = 16;
Real p1 = 10;
Real p2 = 6.6;
Real a1 = p_cr/(tau1*tau1*p1*p1*N*q);
Real a2 = p_cr/(tau2*tau2*p2*p2*N*q);
Real b = p cr/(tau1*tau1*tau2*tau2*p1*p1*p2*p2*N*q);
Real c1 = (p cr-p1)/(tau1*p1);
Real c2 = (p cr-p2)/(tau2*p2);
initial equation
M1 = 2.6;
M2 = 1.9;
equation
```

Результаты работы кода на OpenModelica

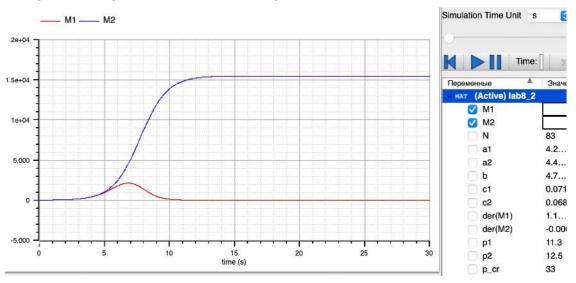


"Puc.3 График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 1 на языке OpenModelica"

OpenModelica (второй случай)

```
model lab8 2
Real M1;
Real M2;
Real p cr = 19;
Real N = 17.5;
Real q = 1;
Real tau1 = 12;
Real tau2 = 16;
Real p1 = 10;
Real p2 = 6.6;
Real a1 = p cr/(tau1*tau1*p1*p1*N*q);
Real a2 = p cr/(tau2*tau2*p2*p2*N*q);
Real b = p cr/(tau1*tau1*tau2*tau2*p1*p1*p2*p2*N*q);
Real c1 = (p cr-p1)/(tau1*p1);
Real c2 = (p_cr-p2)/(tau2*p2);
initial equation
M1 = 2.6;
M2 = 1.9;
equation
der(M1) = M1-(b/c1+0.0001)*M1*M2-a1/c1*M1*M1;
der(M2) = c2/c1*M2-b/c1*M1*M2-a2/c1*M2*M2;
end lab8 2;
```

Результаты работы кода на OpenModelica



"Рис.4 График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 2 на языке OpenModelica"

Выводы

В ходе проделаннои 7 работы были построены: 1. График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденнои 7 нормировкои 7 для случая 1. 2. График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденнои 7 нормировкои 7 для случая 2. На языке Julia реализация кожа объемнее, чем на языке OpenModelica.