



**MATEMATICKO-FYZIKÁLNÍ
FAKULTA**
Univerzita Karlova

BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

Václav Luňák

STP řešič pro OpenSMT

Katedra distribuovaných a spolehlivých systémů

Vedoucí bakalářské práce: doc. RNDr. Jan Kofroň, Ph.D.

Studijní program: Informatika

Studijní obor: Obecná informatika

Praha 2020

Prohlašuji, že jsem tuto bakalářskou práci vypracoval(a) samostatně a výhradně s použitím citovaných pramenů, literatury a dalších odborných zdrojů. Tato práce nebyla využita k získání jiného nebo stejného titulu.

Beru na vědomí, že se na moji práci vztahují práva a povinnosti vyplývající ze zákona č. 121/2000 Sb., autorského zákona v platném znění, zejména skutečnost, že Univerzita Karlova má právo na uzavření licenční smlouvy o užití této práce jako školního díla podle §60 odst. 1 autorského zákona.

V dne

Podpis autora

Poděkování.

Název práce: STP řešič pro OpenSMT

Autor: Václav Luňák

Katedra: Katedra distribuovaných a spolehlivých systémů

Vedoucí bakalářské práce: doc. RNDr. Jan Kofroň, Ph.D., Katedra distribuovaných a spolehlivých systémů

Abstrakt: Abstrakt.

Klíčová slova: klíčová slova

Title: STP solver for OpenSMT

Author: Václav Luňák

Department: Department of distributed and dependable systems

Supervisor: doc. RNDr. Jan Kofroň, Ph.D., Department of distributed and dependable systems

Abstract: Abstract.

Keywords: key words

Obsah

Úvod	2
1 Analýza	3
1.1 Fungování SMT řešičů	3
1.2 Rozbor STP	4
1.3 Převod na grafový problém	5
1.4 Volba algoritmu	6
2 Popis řešení	7
2.1 Prostředí	7
2.2 Úpravy referenčního algoritmu	7
2.3 Datové struktury	7
2.4 Popis běhu programu	8
2.5 Srovnání reálné a celočíselné verze	9
3 Programátorská dokumentace	10
3.1 Přidávání literálů	10
3.2 Hledání důsledků	10
3.3 Rozhodování o splnitelnosti	10
3.4 Hledání konfliktů a backtracking	10
3.5 Nalezení splňujícího ohodnocení	10
4 Experimentální měření	11
4.1 Metodologie	11
4.2 Výsledky	11
4.3 Srovnání	11
Závěr	12
Seznam použité literatury	13
A Přílohy	14
A.1 První příloha	14

Úvod

1. Analýza

1.1 Fungování SMT řešičů

Problém splnitelnosti booleovské formule, označovaný též zkratkou SAT, patří k nejznámějším problémům z oboru matematické logiky. V roce 1971 se stal prvním dokazatelně NP-úplným problémem [2] a v důsledku toho i užitečným nástrojem pro teorii složitosti, pomocí něhož lze rozhodovat o NP-úplnosti dalších problémů.¹

V praktickém použití však SAT naráží na své limitované vyjadřovací schopnosti. Práce s binárními proměnnými, omezenými pouze na dvě různé hodnoty, může komplikovat převod reálného problému do tvaru booleovské formule. Potřeba užití komplexnějších atomů tak vedla ke zobecnění SAT zvanému *Satisfiability modulo theories* (SMT).

Jak název napovídá, SMT rozšiřuje SAT o jazyk logických teorií. Máme-li nějakou teorii T , pak instancí SMT rozumíme formuli jazyka této teorie. Jiným pohledem můžeme na instanci SMT nahlížet jako na booleovskou formuli, ve které jsme nahradili některé binární proměnné za predikáty obsažené v T . Problému vztaženému k této konkrétní teorii pak říkáme *SMT s ohledem na T* .

Jako příklady teorií tradičně řešených v SMT lze uvést např. teorii lineární aritmetiky (LA), teorii neinterpretovaných funkcí s rovností (EUF), či teorii diferenční logiky (DL), kterou se budeme zabývat ve zbytku práce.

Vzhledem k podobnostem mezi SAT a SMT není překvapením, že SMT řešiče využívají schopností SAT řešičů. Přejít mezi rozhraním termů teorie a kapacitami SAT řešiče zpravidla probíhá jedním ze dvou základních způsobů [?].

První přístup se nazývá *hladový*. Hladové SMT řešiče operují ve dvou krocích. V prvním převedou celou vstupní formuli na ekvivalentní booleovskou formuli. Druhý krok pak již spočívá jen v předání této formule existujícímu SAT řešiči. Pokud bychom tedy pracovali například s aritmetikou nad osmibitovými čísly, mohli bychom reprezentovat každou proměnnou osmi binárními proměnnými a aritmetické operace převést na odpovídající sekvence logických operací.

Nespornou výhodou hladových řešičů je možnost použití již existujících metod verifikace implementovaných na řešení SAT. Pro některé teorie se také hladové řešiče ukazují být rychlejší než jejich alternativy. Jejich největší problém pak obecně spočívá v překladu literálů teorie do booleovských formulí. Ten musí být zkonstruován samostatně pro každou teorii, a navíc může v závislosti na teorii produkovat formule znatelně delší, než byl původní vstup. Efektivní převody existují např. pro EUF s omezenou doménou [9], obecně však hladový přístup není příliš rozšířený.

Jeho protějškem je takzvaný *líný přístup*. Líný přístup se nesnaží měnit strukturu vstupní formule; namísto toho je každý predikát abstrahován pomocí nové binární proměnné. Když pak SAT řešič rozhodne o ohodnocení těchto proměnných, oznámí toto rozhodnutí *theory solveru* pro danou teorii. Theory solver je schopen určit, zda je dané ohodnocení správné, tzn. dokáže rozhodnout o splnitelnosti nějaké konjunkce literálů teorie. SAT řešič potom hledá platná ohodnocení, dokud nenajde takové, které theory solver prohlásí za konzistentní.

Ve prospěch líných SMT řešičů svědčí fakt, že pro danou teorii často existují dobře známé postupy na ověření konjunkce literálů. Pro LA například můžeme využít metod

¹Příklady převodů NP-úplných problémů na SAT můžeme nalézt např. v [7, kapitola 19]

lineárního programování, theory solver pro DL řeší STP (viz. 1.2) a podobně. Mohou však ztrácet efektivitu zejména v důsledku *slepého prohledávání* [8], kde hlavní řešič rozhoduje o hodnotě predikátů, aniž by a priori věděl o důsledcích těchto ohodnocení v rámci teorie, což může vést k nutnosti vyzkoušet velké množství ohodnocení, než je nalezeno nějaké, které je s teorií konzistentní.

V roce 2004 navrhli Gazinger a kol. nový přístup zvaný $DPLL(T)$ [6]. $DPLL(T)$ má koncepčně blíže k línému vyhodnocování, integruje však těsněji hlavní řešič s theory solverem. Místo toho, aby využíval theory solveru až po nalezení nějakého ohodnocení, průběžně mu oznamuje dosavadní rozhodnutí a periodicky se ho ptá na splnitelnost právě dosazené konjunkce. Theory solver pak kromě kontroly splnitelnosti také oznamuje hlavnímu řešiči důsledky této konjunkce. Tím jsme schopni dříve opustit větve rozhodovacího stromu nekonzistentní s teorií.

V jádru tohoto přístupu stojí všeobecný $DPLL(X)$ engine, využívající $DPLL$ [3] postupu pro SAT řešiče. Tento engine nemusí mít žádné znalosti o konkrétní teorii. Dosazením theory solveru $Solver_T$ pro danou teorii T za parametr X pak vytvoříme konkrétní instanci $DPLL(T)$. Hlavní engine komunikuje se $Solver_T$ pomocí následujícího rozhraní [6]:

Initialize(L: množina literálů). Inicializuje $Solver_T$ s L jakožto množinou literálů, které se vyskytují v problému.

SetTrue(l: L-literál): množina L-literálů. Skončí výjimkou, pokud se l ukáže jako nekonzistentní s dosud zadanými literály teorie. V opačném případě přidá l do seznamu zadaných literálů a vrátí množinu L-literálů, které jsou důsledky přidání l do tohoto seznamu.

IsTrue?(l: L-literál): boolean. Vrátí *true* právě tehdy, když l je důsledkem seznamu přidáných literálů. *false* tedy vrátí, pokud je důsledkem tohoto seznamu $\neg l$, nebo pokud z něj nevyplývá ani l , ani $\neg l$.

Backtrack(n: přir. číslo). Odstraní posledních n hodnot ze seznamu zadaných literálů. n nesmí být větší než velikost tohoto seznamu.

Explain(l: L-literál): množina L-literálů. Vrátí pokud možno co nejmenší podmnožinu zadaných literálů, z jejichž konjunkce plyne l . Pro l musí platit, že je důsledkem nějaké takové podmnožiny, tedy musí být obsažen v návratové hodnotě nějakého volání **SetTrue(l')** takového, že l' nebylo zahazeno žádným následným voláním **Backtrack**.

Při použití tohoto rozhraní přitom $Solver_T$ nemusí nic vědět o implementaci $DPLL(X)$ engine. Framework je tedy velice modulární a snadno rozšiřitelný o nové teorie. Vyžadujeme pouze, aby byl $Solver_T$ schopný inkrementálně přijímat a odebírat jednotlivé predikáty teorie. Tento postup se v praxi ukazuje jako efektivnější než dostupné alternativy. Většina dnes rozšířených SMT řešičů – včetně námi používaného OpenSMT2 – je tedy založena na metodě $DPLL(T)$.

1.2 Rozbor STP

Jedním ze základních podproblémů vyskytujícím se v takřka všech plánovacích problémech je takzvaný Simple Temporal Problem (STP). STP poprvé postulovali v roce

1991 Dechter, Meiri a Pearl [4] a od té doby našel široká využití jak v informatických oblastech, tak v oborech od medicíny [1] po vesmírný let [5].

Vstupem STP je množina rozdílových omezení, to jest nerovnic tvaru

$$x - y \leq c,$$

kde x a y jsou proměnné a c je konstanta. V závislosti na tom, jakou verzi problému řešíme, přitom pracujeme buď s celočíselnými, nebo s reálnými hodnotami. Výstupem tohoto problému je pak rozhodnutí, zda existuje ohodnocení proměnných tak, aby byla splněna všechna zadaná omezení. V rozšíření problému pak můžeme požadovat na výstupu i nějaké takovéto splnitelné ohodnocení, pokud existuje, případně nalezení pokud možno co nejmenší podmnožiny omezení, která zajišťuje nesplnitelnost problému.

Na první pohled se může zdát pevně daný tvar nerovnic příliš omezující, uvědomme si však, že do této formy můžeme převést několik dalších druhů nerovnic. Nejsnáze zahrneme do problému omezení tvaru $x - y = c$; ty stačí jednoduše nahradit nerovnicemi $x - y \leq c$ a $x - y \geq c$.

Problematické nejsou ani nerovnice typu $\pm x \leq c$. Pro účely takovýchto omezení si zavedeme novou globální proměnnou *zero*, s jejíž pomocí převedeme předchozí do tvaru $x - \text{zero} \leq c$, respektive $\text{zero} - x \leq c$. Pokud pak hledáme splňující ohodnocení proměnných, najdeme takové, kde *zero* je ohodnoceno nulou. Korektnost tohoto postupu zaručuje následující tvrzení.

Lemma 1. *Je-li σ splňující ohodnocení nějakého STP a ε libovolná konstanta, pak ohodnocení π definované pro všechny proměnné x jako $\pi(x) = \sigma(x) + \varepsilon$ je také splňující ohodnocení tohoto STP.*

Důkaz. Plyne okamžitě z tvaru rozdílových omezení. □

Můžeme do problému zahrnout taktéž omezení tvaru $x - y < c$. Pro celočíselné proměnné lze tuto nerovnici ekvivalentně zapsat jako $x - y \leq c - 1$. V reálné variantě pak nahradíme nerovnici výrazem $x - y \leq c - \delta$, přičemž nenastavujeme okamžitě konkrétní hodnotu δ , ale udržujeme si ji pouze symbolicky a určujeme její vhodné dosazení až při výpočtu splňujícího ohodnocení. Tento postup je detailněji popsán v sekci 2.5. Uvědomme si, že pokud jsme schopni vyjádřit ostré nerovnosti, umíme vyjádřit i negace neostrých nerovností a naopak.

V jazyce výrokové logiky pak teorii obsahující výše popsané nerovnice nazveme *teorie diferenční logiky* a budeme ji značit *DL*. Celočíselnou variantu této teorie pak budeme značit jako *IDL* a reálnou variantu jako *RDL*. Nahradíme-li pak v booleovské formuli některé termy těmito nerovnicemi, ověření splnitelnosti takto vzniklé formule je instancí SMT problému s ohledem na DL.

1.3 Převod na grafový problém

Velkou rozšířenost STP můžeme mimo jiné přisoudit tomu, že jsme schopni ho efektivně řešit. Jelikož se problém skládá výlučně z lineárních omezení, mohli bychom na první pohled využít metod lineárního programování, jako je například simplexový algoritmus. Tyto metody jsou schopny řešit i mnohem komplexnější problémy, avšak s jejich výpočetní silou se pojí znatelně vyšší časová náročnost. Algoritmy specializované na STP se proto už od svého počátku [4, Kapitola 2] obracejí jiným směrem,

a to k formalizmu teorie grafů. Přestože v průběhu let vznikly různé metody řešení tohoto problému, všechny fungují na základě převedení množiny omezení na takzvaný *omezující graf*.

Definice 1 (Omezující graf). *Nechť Π je množina rozdílových omezení. Omezujícím grafem této množiny rozumíme hranově ohodnocený orientovaný graf G takový, že vrcholy G tvoří proměnné vyskytující se v Π a každému omezení $(x - y \leq c) \in \Pi$ odpovídá v G hrana $\langle x, y \rangle$ s ohodnocením c .*

Poznámka. Hranu $\langle x, y \rangle$ s ohodnocením c budeme značit $x \xrightarrow{c} y$. Orientovanou cestu z x do y se součtem ohodnocení k pak budeme značit $x \xrightarrow{k*} y$.

Pro úplnost dodejme, že dvojice proměnných se může vyskytovat v libovolně mnoha omezeních. Omezující graf je tedy formálně orientovaným multigrafem. Vzhledem k vzájemné bijekci mezi hranami grafu a nerovnicemi problému budeme v průběhu práce volně přecházet mezi oběma reprezentacemi.

Převod do formy grafu je pro řešení problému zásadní. Umožňuje nám totiž formulovat následující klíčové tvrzení.

Tvrzení 2. *Nechť Π je množina rozdílových omezení. Instance STP tvořená touto množinou je splnitelná právě tehdy, když omezující graf Π neobsahuje záporné cykly.*

Důkaz. Najdeme-li v omezujícím grafu záporný cyklus obsahující vrchol x , sečtením všech nerovnic vyskytujících se v tomto cyklu dostaneme $x - x \leq c < 0$, z čehož je jasně problém nesplnitelný. Je-li na druhou stranu problém nesplnitelný, obsahuje Π nějakou nerovnici $x - y \leq c$ takovou, že z Π vyplývá $y - x < -c$. Tato implikace znamená, že v omezujícím grafu existuje cesta $y \xrightarrow{k*} x$ taková, že $k < -c$. Hrana $x \xrightarrow{c} y$ pak společně s touto cestou tvoří záporný cyklus. \square

Hledání splnitelnosti STP jsme tedy schopni převést na hledání záporného cyklu v grafu. To je problém, který dokážeme efektivně řešit. Využít můžeme např. některý algoritmus na hledání nejkratší cesty, kupříkladu Floydův-Warshallův algoritmus operující v čase $\Theta(|V|^3)$ nebo Bellmanův-Fordův algoritmus, který má časovou složitost $\Theta(|V| \cdot |E|)$.

Tyto algoritmy však trpí pro náš účel zásadním nedostatkem. Jejich použití znamená, že po každém přidání nové hrany do grafu musí znovu proběhnout celé prohledávání. Tento postup není vhodný pro použití v SMT řešících, ve kterých je kladen velký důraz na inkrementalitu. V následující sekci tedy podrobně rozebereme několik postupů pro řešení problémů SMT s ohledem na DL a motivujeme výběr námi použitého algoritmu.

1.4 Volba algoritmu

2. Popis řešení

2.1 Prostředí

Požadavky na použité prostředí jsou určeny převážně požadavky frameworku OpenSMT, pod nějž tato práce spadá. OpenSMT — a tudíž i tento projekt — je programován v jazyce C++, konkrétně ve verzi C++11. Práce byla vyvíjena a testována na operačním systému s linuxovým jádrem nad architekturou x64. Jelikož si nejsme vědomi toho, že bychom použili vlastnosti jazyka specifické pro tuto konfiguraci, věříme, že náš kód bude možné bez větších potíží zprovoznit i na jiných platformách a operačních systémech.

2.2 Úpravy referenčního algoritmu

2.3 Datové struktury

Základní datovou strukturou v OpenSMT je `Pterm`, reprezentující jeden term vyskytující se ve vstupní formulí. Odkazy na tyto termy jsou pak předávány pomocí referenční struktury `PTRef`. Ta obsahuje pouze numerický identifikátor použitý k jejímu rozlišení. Mapování jednotlivých referencí na odpovídající termy přitom zařizuje třída `Logic`, respektive její potomci. `Logic` si ukládá převodní tabulku párující `PTRef` a jejich odpovídající `Pterm` a poskytuje také mechanismy pro vytváření nových termů. Její potomci pak rozšiřují tyto mechanismy o možnosti odpovídající dané teorii, např. s `LALogic` jsme schopni vytvářet termy odpovídající nerovnicím z lineární aritmetiky. Jelikož rozdílová omezení jsou specifickým tvarem lineárních nerovnic, využívá náš řešič právě schopností `LALogic`, konkrétně `LIALogic` pro implementovanou celočíselnou verzi.

Ohodnocení proměnných je uloženo ve struktuře `PtAsgn`, která obsahuje `PTRef` odpovídající ohodnocené proměnné a `lbool` označující její ohodnocení (`lbool` je běžný optional boolean).

Samotné termy mají stromovou strukturu. Pokud se nejedná o atomickou proměnnou, reprezentuje term nějaký n -ární funkční či relační symbol společně s jeho argumenty. K rozlišení typu symbolu nám opět poslouží API třídy `Logic`, pro přístup k argumentům je pak použit operátor `[]`. Reprezentuje-li například `Pterm` p term $(x \vee y)$, budeme mít přístup k proměnným $p[0]$ a $p[1]$, což jsou `PTRef` reprezentující x , respektive y .

Nejdůležitější datovou strukturou našeho řešiče je `Edge`. V té jsou uloženy informace o jedné hraně omezujícího grafu. Konkrétně tedy obsahuje reference na její vstupní a výstupní vrchol, ohodnocení, odkaz na svou negaci a informaci o tom, kdy byla přidána do omezujícího grafu. Po vzoru frameworku přitom zbytek řešiče nepracuje přímo s těmito strukturami, ale s jejich referencemi `EdgeRef`, které opět obsahují pouze jednoznačný numerický identifikátor. Samotné hrany se pak nacházejí jen v centrálním úložišti, které tvoří třída `STPStore`. Ta zařizuje zejména tvorbu nových hran a převod z `EdgeRef` na `Edge&`. Použit je i protějšek k `EdgeRef` pro vrcholy, struktura `VertexRef`. Jelikož se však s vrcholy nepojí žádná informace, nejedná se o odkaz na další strukturu, ale pouze o symbolické reference, sloužící pro vzájemné rozlišení

jednotlivých vrcholů.

Jelikož náš řešič dostává od frameworku informace o proměnných zásadně jako `PTRef`, potřebujeme způsob, jak přecházet mezi reprezentací frameworku a interní reprezentací našeho řešiče. K tomuto účelu slouží třída `STPMapper`. V této třídě se vyskytuje hned několik druhů převodních tabulek. Pamatuje si převod z `PTRef` na `VertexRef`, přiřazující proměnné k vrcholům grafu, a převod z `PTRef` na `EdgeRef`, přiřazující nerovnice k hranám. Tyto převody jsou zásadní pro interpretaci příkazů frameworku. Pro hrany si pamatuje i opačný převod, mapující `EdgeRef` zpět na odpovídající `PTRef`. Ten je důležitý pro oznámení nalezených dedukcí (viz. 3.2). Pro účely oznámení nesplnitelné množiny literálů si pro hrany právě v grafu pamatujeme i mapu z `EdgeRef` na `PtAsgn`, které způsobily jejich přidání do grafu. Uvědomme si, že tento převod není zaměnitelný s předchozím převodem na `PTRef`, jelikož hrana se může vyskytnout v grafu z důvodu záporného ohodnocení její negace. `STPMapper` si navíc pamatuje pro každý vrchol seznam všech hran, ve kterých se daný vrchol vyskytuje, jak je popsáno v 1.4.

Samotný omezující graf ukládáme do struktury `STPEdgeGraph`. Ta obsahuje seznam přidáných hran a oboustranný seznam sousedů pro všechny vrcholy grafu. S grafem přímo manipuluje třída `STPGraphManager`, která působí jako hlavní výpočetní třída řešiče. Provádí přidávání hran do grafu a jejich případné odebrání z grafu, ale i hledání důsledků přidání hrany a hledání vysvětlení nalezeného důsledku.

Třidu `STPModel` využijeme, pokud chceme pro splnitelnou množinu nerovnic najít nějaké ohodnocení proměnných. `STPModel` dostane kopii grafu, ze které vytvoří mapu ohodnocení obsažených vrcholů.

Všechny struktury řešiče spojuje dohromady hlavní třída `STPSolver`. Jakožto potomek `TSolver` implementuje tato třída rozhraní mezi řešičem a zbytkem frameworku.

Je vhodné zmínit, že za dobu vývoje OpenSMT v něm vzniklo několik implementací základních datových struktur. Hojně užívaným příkladem je třída `vec`, reprezentující běžný vektor. Vyjma malých rozdílů API a údajné vyšší efektivity na primitivních typech se tyto třídy výrazně neliší od implementací ze standardní knihovny. Konkrétně třída `vec` je navíc omezena skutečností, že jejími prvky nemohou být typy obsahující odkazy (vyjímkou z tohoto pravidla je zvlášť implementovaný `vec<vec<T>>>`). Za účelem konzistence se zbytkem frameworku jsme se přesto rozhodli využívat tyto lokální struktury všude, kde je to možné.

2.4 Popis běhu programu

V první fázi algoritmu jsou řešiči předány všechny literály teorie, které se vyskytují ve vstupní formuli. Řešič z nich nejprve extrahuje relevantní hodnoty. Následně zkontroluje, zda se nejedná o negaci některého z již zapamatovaných literálů. Pokud ano, pouze tuto negaci explicitně označí. V opačném případě vytvoří hranu odpovídající tomuto literálu a zároveň a priori hranu tvořící negaci tohoto literálu, jak je popsáno v sekci 2.2. Obě nové hrany se stanou součástí úložiště a jsou zařazeny do překladových tabulek. Zbytek výpočtu pak již může předpokládat, že pracujeme pouze se známými literály, pro něž máme vytvořené hrany.

Poté, co jsou všechna omezení načtena, nastává hlavní část programu. Během té postupně řešič dostává rozhodnutá ohodnocení literálů. Když nějaké obdrží, přidá do omezujícího grafu hranu odpovídající tomuto ohodnocení. Následně proběhne

prohledávání objevující všechny důsledky tohoto ohodnocení. Tyto důsledky jsou přeloženy zpět do formy $PtAsgn$ a oznámeny frameworku.

Po nějaké sekvenci těchto ohodnocení buď nalezneme splňující ohodnocení celé formule, nebo se dostaneme do sporu. Spor můžeme rozpoznat tak, že se chystáme přidat do grafu hranu, jejíž negace byla buď dříve do grafu přidána, nebo byla nalezena jako důsledek dřívějšího ohodnocení. V takovém případě řešič oznámí selhání tohoto ohodnocení a přejde do chybového stavu. Jakmile je řešič v chybovém stavu, automaticky zamítá všechna nová ohodnocení. V této situaci následuje nalezení nesplnitelné množiny. Pokud byla objevená negace hrany explicitně přidána do grafu, je tato množina triviální. Jinak ji získáme modifikovanou verzí prohledání grafu (viz. 1.4). Jakmile je nesplnitelná množina nalezena a předána frameworku, rozhodne se podle ní úroveň backtrackingu. Ten je v OpenSMT řešen obecně pomocí systému záchytných bodů. Řešič může být v libovolnou chvíli požádán, aby uložil svůj aktuální stav na zásobník. V případě nutnosti je mu pak sděleno, aby odebral několik bodů z vrchu tohoto zásobníku a tím se vrátil do dřívějšího stavu.

Jakmile se řešič vrátí do konzistentního stavu, tento proces se opakuje, dokud není nalezeno nějaké splnitelné ohodnocení, nebo dokud framework nevyčerpá všechny možnosti ohodnocení. Splnitelnost formule je určena tím, který z těchto dvou případů nastane. V případě, že je formule splnitelná, může být řešič na závěr výpočtu ještě požádán, aby vytvořil její model, tzn. našel konzistentní hodnoty pro všechny proměnné obsažené v literálech teorie.

2.5 Srovnání reálné a celočíselné verze

3. Programátorská dokumentace

3.1 Přidávání literálů

3.2 Hledání důsledků

3.3 Rozhodování o splnitelnosti

3.4 Hledání konfliktů a backtracking

3.5 Nalezení splňujícího ohodnocení

4. Experimentální měření

4.1 Metodologie

4.2 Výsledky

4.3 Srovnání

Závěr

Seznam použité literatury

- [1] ANSELMA, L., TERENCEZIANI, P., MONTANI, S. a BOTTRIGHI, A. Towards a comprehensive treatment of repetitions, periodicity and temporal constraints in clinical guidelines. *Artificial Intelligence In Medicine*, **38**(2):171 – 195, 2006.
- [2] COOK, S. A. The complexity of theorem-proving procedures. In *Proceedings of the Third Annual ACM Symposium on Theory of Computing*, STOC '71, strana 151–158, New York, NY, USA, 1971. Association for Computing Machinery.
- [3] DAVIS, M. a PUTNAM, H. A computing procedure for quantification theory. *J. ACM*, **7**(3):201–215, July 1960.
- [4] DECHTER, R., MEIRI, I. a PEARL, J. Temporal constraint networks. *Artificial Intelligence*, **49**(1-3):61–95, 1991.
- [5] FUKUNAGA, A., RABIDEAU, G., CHIEN, S. a YAN, D. Towards an application framework for automated planning and scheduling. *1997 IEEE Aerospace Conference, Aerospace Conference, 1997. Proceedings., IEEE*, **1**:375, 1997.
- [6] HARALD, G., GEORGE, H., ROBERT, N., ALBERT, O. a CESARE, T. Dpll(t): Fast decision procedures. *Computer Aided Verification : 16th International Conference, CAV 2004, Boston, MA, USA, July 13-17, 2004. Proceedings*, strana 175, 2004.
- [7] MAREŠ, M. a VALLA, T. *Průvodce labyrintem algoritmů*. CZ.NIC, 2017.
- [8] MOURA, L. a RUESS, H. An experimental evaluation of ground decision procedures. *Computer Aided Verification : 16th International Conference, CAV 2004, Boston, MA, USA, July 13-17, 2004. Proceedings*, strana 162, 2004.
- [9] RANDAL E., B., SHUVENDU K., L. a SANJIT A., S. Modeling and verifying systems using a logic of counter arithmetic with lambda expressions and uninterpreted functions. *Computer Aided Verification : 14th International Conference, CAV 2002 Copenhagen, Denmark, July 27–31, 2002 Proceedings*, strana 78, 2002.

A. Přílohy

A.1 První příloha