

中山大学计算机学院 本科生实验报告（2023 学年春季学期）

课程名称：Artificial Intelligence 人工智能

| | | | |
|--------------|--|--------|--|
| 教学班级 | | 专业（方向） | |
| 学号 2233 6173 | | 姓名 罗弘杰 | |

实验题目

实验2 归结（项目）

- 编写程序，实现一阶逻辑归结算法，并用于求解给出的两个逻辑推理问题
 - 输出格式如下（格式正确且过程正确即可）：
 - 1. $(P(x), Q(g(x)))$
 - 2. $(R(a), Q(z), \neg P(a))$
 - 3. $R[1a, 2c] \{X=a\} (Q(g(a)), R(a), Q(z))$
 -
 - “R”表示归结步骤.
 - “1a”表示第一个子句(1-st)中的第一个 (a-st)个原子公式，即 $P(x)$.
 - “2c”表示第二个子句(2-ed)中的第三个 (c-th)个原子公式，即 $\neg P(a)$.
 - “1a”和“2c”是冲突的，所以应用最小合一 $\{X = a\}$.
- 命名为“E3_学号.zip”，更新版本则加_v1，_v2等。
- 截止日期：2024-03-25 23:59（两周时间）
- 提交邮箱：ai_course_2024@163.com

实验2 归结 问题1

□ Alpine Club

- $A(\text{tony})$
- $A(\text{mike})$
- $A(\text{john})$
- $L(\text{tony}, \text{rain})$
- $L(\text{tony}, \text{snow})$
- $(\neg A(x), S(x), C(x))$
- $(\neg C(y), \neg L(y, \text{rain}))$
- $(L(z, \text{snow}), \neg S(z))$
- $(\neg L(\text{tony}, u), \neg L(\text{mike}, u))$
- $(L(\text{tony}, v), L(\text{mike}, v))$
- $(\neg A(w), \neg C(w), S(w))$

```
[sysu_hpcedu_302@cpn238 ~/scc22/1sr/mp_linpack/resolution]$ python main.py
11
A(tony)
A(mike)
A(john)
L(tony, rain)
L(tony, snow)
( $\neg A(x), S(x), C(x)$ )
( $\neg C(y), \neg L(y, \text{rain})$ )
(L(z, snow),  $\neg S(z)$ )
( $\neg L(\text{tony}, u), \neg L(\text{mike}, u)$ )
(L(tony, v), L(mike, v))
( $\neg A(w), \neg C(w), S(w)$ )
R[2,11a](w=mike) =  $\neg C(\text{mike}), S(\text{mike})$ 
R[2,6a](x=mike) =  $S(\text{mike}), C(\text{mike})$ 
R[5,9a](u=snow) =  $\neg L(\text{mike}, \text{snow})$ 
R[12b,13a] =  $S(\text{mike})$ 
R[8a,14](z=mike) =  $\neg S(\text{mike})$ 
R[15,16] = []
```

3

4 一阶逻辑归结算法

□ 归结算法:

- 将 α 取否定, 加入到KB当中
- 将更新的KB转换为clausal form得到S
- 反复调用单步归结
 - 如果得到空子句, 即 $S \vdash ()$, 说明 $KB \wedge \neg \alpha$ 不可满足, 算法终止, 可得 $KB \models \alpha$
 - 如果一直归结直到不产生新的子句, 在这个过程中没有得到空子句, 则 $KB \models \alpha$ 不成立
- 单步归结
 - 使用MGU算法从两个子句中得到相同的原子, 及其对应的原子否定
 - 去掉该原子并将两个子句合为一个, 加入到S子句集合中
 - 例如 $(\neg \text{Student}(x), \text{HardWorker}(x))$ 和 $(\text{HardWorker}(\text{sue}))$ 合并为 $(\neg \text{Student}(\text{sue}))$

实验内容

1. 算法原理:

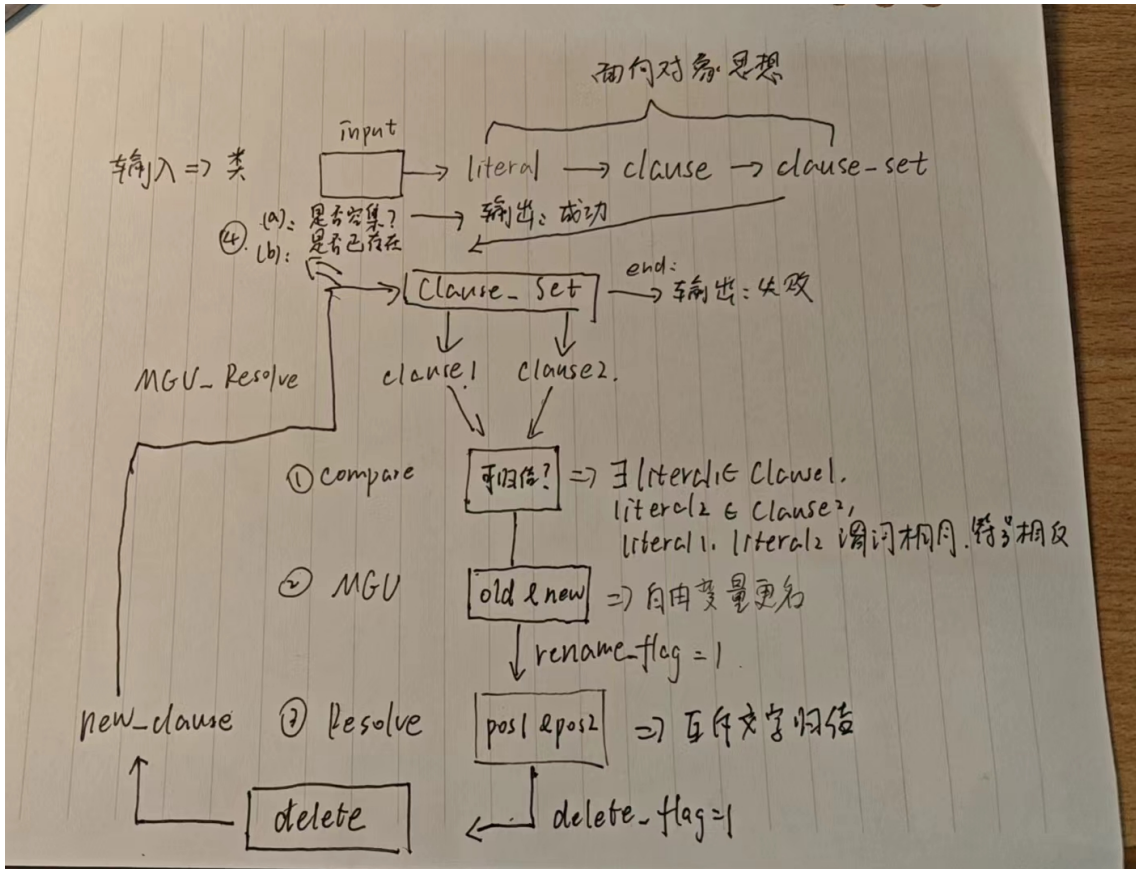
归结原理：

将析取式作为子句，子句中的文字都是一个个原子公式；要判断的命题取反加入到子句集合。并列的子句之间是合取的关系；如果两个子句之间存在原子公式是互斥的（谓词相同，作用对象相同，符号相反），则可以把这一对原子公式删除，并将删除后的新公式加入到子句集中。如果加入的子句是空集，那么该命题正确，否则如无法得到空集合，则归结失败

MGU算法：

将两个文字中的自由变量匹配为适合的常量啊，如果可以得到相同的作用对象。说明这两个文字可以被归结

2. 伪代码



3. 关键代码展示（带注释）

```
#MGU且归结函数，输入两个子句，两个子句的编号，输出是否可以合并，以及合并后的子句
def MGU_Resolve(clause_1 : clause, clause_2:clause, a, b, num): #a,b 是参与MGU_Resolve的编号
    global counter
    clause1 = copy.deepcopy(clause_1) #获取副本，避免更改原来的子句
    clause2 = copy.deepcopy(clause_2)
    old = [] #装载旧变量和新变量
    new = []
    delete_flag = 0 #互斥删除标志
    rename_flag = 0 #自由变量更名标志

    #寻找两个子句中的可以被自由变量替换的文字
    for i in range(len(clause1.literals)):
        for j in range(len(clause2.literals)):
            if resolvable(clause1.literals[i], clause2.literals[j]): #如果两个文字谓词相同且符号相反
```

```

        for k in range(len(clause1.literals[i].variable)): #寻找子句1
            if str_is_variable(clause1.literals[i].variable[k]) and
not(str_is_variable(clause2.literals[j].variable[k])): #判断方法：本身是自由而且
            对方不是自由

                rename_flag = 1
                old.append(clause1.literals[i].variable[k])
                new.append(clause2.literals[j].variable[k])
            for k in range(len(clause2.literals[j].variable)): #子句2
                if str_is_variable(clause2.literals[j].variable[k]) and
not(str_is_variable(clause1.literals[i].variable[k])):
                    rename_flag = 1
                    if clause2.literals[j].variable[k] not in old: #避
                        免重复添加自由变量

                        old.append(clause2.literals[j].variable[k])
                        new.append(clause1.literals[i].variable[k]) #记录
                        要改变的变量

    clauses_out = clause([]) #记录生成的子句

    if rename_flag == 1: #如果有自由变量需要更名
        clause1.rename(old, new)
        clause2.rename(old, new)
        for i in range(len(old)): #记录更名的变量
            clauses_out.model.append(old[i])
            clauses_out.model.append(new[i])

    #记录删除的元素的位置
    pos1 = []
    pos2 = []

    #搜索两个子句中可以被合并的项，并删除在原子句中的项：方法：遍历两个子句，找到可以合并的
    项（谓词相同，变量相同，符号相反），然后删除这两个项
    for i in range(len(clause1.literals)):
        for j in range(len(clause2.literals)):
            if clause1.literals[i].weici == clause2.literals[j].weici and
clause1.literals[i].variable == clause2.literals[j].variable and
clause1.literals[i].fuhao != clause2.literals[j].fuhao: #如果两个文字的变量相
            同，符号相反，那么就可以归结

                delete_flag = 1 #说明可以合并互斥项
                pos1.append(i)
                pos2.append(j)
                break
        if delete_flag == 1:
            break
    #删除元素 合并两个子句

    #合成新子句
    for k in range(len(clause1.literals)):
        if k not in pos1:
            clauses_out.literals.append(clause1.literals[k])
    for k in range(len(clause2.literals)):
        if k not in pos2 and not check_in_clause( clauses_out,
clause2.literals[k]):
            clauses_out.literals.append(clause2.literals[k])

```

```

if delete_flag == 1:
    clauses_out.parents.append(a)
    clauses_out.parents.append(b)
    return True, clauses_out  #返回子句
else:
    return False, clauses_out  #没有发生归结

```

这是MGU_Resolve函数：1，判断两个子句是否可以通过MGU算法变化为可以被归结的子句对；2，然后进入到归结步骤：记录互斥的原子公式的位置；3，建立一个新子句，将第二步中不包含的原子加入到该新子句，作为返回对象。

```

#子句集调用归结函数
def unify(self):
    global counter
    i = 0
    while i < len(self.KB):  #不要使用for_in_range结构，因为在循环中会改变KB的
        长度
        j = 0
        while j < len(self.KB):
            if(i != j):  #不同的子句才能归结(自己和自己归结没有意义
                flag, new_clause = MGU_Resolve(self.KB[i],
self.KB[j], i, j, len(self.KB))
                if len(new_clause.literals)==0 and flag ==True:  #如果子句
                    集中要添加一个空子句，说明推理正确
                    display_parents(self, new_clause, len(self.KB))
                    print("命题是正确的! ^_^")
                    return
                if flag == True:  #如果有归结成功的子句，那么就添加到子句集中
                    for k in range(len(self.KB)): #遍历整个子句集合，不要重复
                        添加
                            if new_clause.literals == self.KB[k].literals:
                                break
                            if k == len(self.KB)-1:
                                self.KB.append(new_clause)
            j+=1
        i+=1
    print("no more clauses can be resolved")
    return

```

在子句集中调用该函数：1，循环将子句对加入到MGU函数中；2，判断返回的子句是否是空集：说明归结成功；若不是空集，且未在集合中出现，那么就将其加入到子句集中，更新子句集长度。

4. 创新点&优化（如果有）

实验结果及分析

1. 实验结果展示示例（可图可表可文字，尽量可视化）

对两个样例的输出结果：

□ Alpine Club

- $A(\text{tony})$
- $A(\text{mike})$
- $A(\text{john})$
- $L(\text{tony}, \text{rain})$
- $L(\text{tony}, \text{snow})$
- $(\neg A(x), S(x), C(x))$
- $(\neg C(y), \neg L(y, \text{rain}))$
- $(L(z, \text{snow}), \neg S(z))$
- $(\neg L(\text{tony}, u), \neg L(\text{mike}, u))$
- $(L(\text{tony}, v), L(\text{mike}, v))$
- $(\neg A(w), \neg C(w), S(w))$

```
[sysu_hpcedu_302@cpn238 ~/sc22/1sr/mp_linpack/resolution]$ python main.py
11
A(tony)
A(mike)
A(john)
L(tony, rain)
L(tony, snow)
( $\neg A(x)$ ,  $S(x)$ ,  $C(x)$ )
( $\neg C(y)$ ,  $\neg L(y, \text{rain})$ )
( $L(z, \text{snow})$ ,  $\neg S(z)$ )
( $\neg L(\text{tony}, u)$ ,  $\neg L(\text{mike}, u)$ )
( $L(\text{tony}, v)$ ,  $L(\text{mike}, v)$ )
( $\neg A(w)$ ,  $\neg C(w)$ ,  $S(w)$ )
R[2,11a](w=mike) =  $\neg C(\text{mike}), S(\text{mike})$ 
R[2,6a](x=mike) =  $S(\text{mike}), C(\text{mike})$ 
R[5,9a](u=snow) =  $\neg L(\text{mike}, \text{snow})$ 
R[12b,13a] =  $S(\text{mike})$ 
R[8a,14](z=mike) =  $\neg S(\text{mike})$ 
R[15,16] = []
```

3

```
PS C:\Users\rogers\Documents\learning in cs\ai> python -u "c:\Users\rogers\Documents\learning in cs\ai\lab2\code\main.py"
0: Atony
1: Amike
2: Ajohn
3: Ltonyrain
4: Ltonysnow
5: ~Ax Sx Cx
6: ~Cy ~Lyrain
7: Lzsnow ~Sz
8: ~Ltonyu ~Lmikeu
9: Ltonyv Lmikev
10: ~Aw ~Cw Sw
R[4,8](u = snow) = 19: ~Lmikesnow
R[7,19](z = mike) = 35: ~Smike
R[1,5](x = mike) = 13: Smike Cmike
R[1,10](w = mike) = 14: ~Cmike Smike
R[13,14]() = 92: Smike
R[35,92]() = 323: []

命题是正确的! ^_^
用时: 0.217571s
PS C:\Users\rogers\Documents\learning in cs\ai>
```

实验2 归结 问题2

□ Block World

- $\text{On}(\text{aa}, \text{bb})$
- $\text{On}(\text{bb}, \text{cc})$
- $\text{Green}(\text{aa})$
- $\neg \text{Green}(\text{cc})$
- $(\neg \text{On}(\text{x}, \text{y}), \neg \text{Green}(\text{x}), \text{Green}(\text{y}))$

```
[sysu_hpcedu_302@cpn238 ~/scc22/1sr/mp_linpack/resolution]$ python main.py
5
On(aa,bb)
On(bb,cc)
Green(aa)
~Green(cc)
(~On(x,y), ~Green(x), Green(y))
R[4,5c](y=cc) = ~On(x,cc),~Green(x)
R[3,5b](x=aa) = ~On(aa,y),Green(y)
R[2,6a](x=bb) = ~Green(bb)
R[1,7a](y=bb) = Green(bb)
R[8,9] = []
```

4

```
PS C:\Users\rogers\Documents\learning in cs\ai> python -u "c:\Users\rogers\Documents\learning in cs\ai\lab2\code\main.py"
0: 0aabb
1: 0bbcc
2: Gaa
3: ~Gcc
4: ~Oxy ~Gx Gy
R[0,4](x = aa, y = bb) = 5: ~Gaa Gbb
R[2,5]() = 8: Gbb
R[1,4](x = bb, y = cc) = 6: ~Gbb Gcc
R[3,6]() = 10: ~Gbb
R[8,10]() = 73: []

命题是正确的! ^_^
用时: 0.017703s
PS C:\Users\rogers\Documents\learning in cs\ai>
```

显示的证明步骤是正确的。

2. 评测指标展示及分析（机器学习实验必须有此项，其它可分析运行时间等）

评测指标：推理步数和CPU时间