### 第七章 不完全信息与声誉



#### 本章概览

- 7.1 连锁店悖论;
- 7.2 信息不完全与声誉机制;
- 7.3 声誉模型应用举例;
- 7.4 声誉的积累。

# 7.1 连锁店悖论

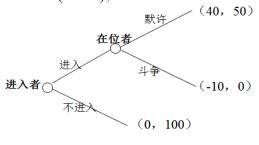
- 连锁店悖论
- 奖惩与合作

# 有限次博弈

- 第6章证明,只要未来足够重要,合作行为可以是无限次重复博弈的精炼纳什均衡。
- 但是,现实中许多博弈是有限次的,不是无限次的。
- 如果博弈重复的次数是有限的,无论重复多少次,合作都不会出现。

# "连锁店悖论" (chain-store paradox)

• Selten (1978);



#### 逆向归纳

- 假定在位者有20个市场。直观告诉我们,如果进入者在第一个市场进入,在位者应该选择斗争,因为尽管从一个市场看,斗争是不值得的,但这样做可以遏止进入者在其他市场上的进入。
- 唯一的精炼纳什均衡是:进入者总是进入;在位者总是默许。

#### 阿克塞尔罗德的实验

• Axelrod (1981) 实验表明:即使在有限次博弈中,合作行为也频繁出现。

#### 问题在哪里?

- 一个可能的原因在于: 逆向归纳方法的问题(理性共识);
- 我们前面假定不仅参与人的理性是共同知识,而且每个参与人可以选择的战略和效用函数都是共同知识。但现实不是这样。
- 信息不完全;
- 正如我们前面讨论的谈判情况:如果信息是完全的,谈判一开始就达成协议,但现实中的谈判不是这样,原因在于信息不对称。

8

#### 多重均衡下的惩罚与合作

- 两个纳什均衡: (L,L), (R,R);
- 帕累托最优: (M,M)

	L	M	R
L	<u>1</u> , <u>1</u>	5, 0	0, 0
M	0, 5	4, 4	0, 0
R	0, 0	0, 0	<u>3</u> , <u>3</u>

# "好聚好散"与"不欢而散"

• 战略: 若(M,M),则(R,R);否则,则(L,L);此时,第一次博弈中会选择合作。但重新谈判使得惩罚不可信。问题是多重均衡之间有优劣之分。

	r,	M'	R'
L',	<u>2</u> , <u>2</u>	6, 1	1, 1
M'	1, 6	7, 7	1, 1
R'	1, 1	1, 1	<u>4</u> , <u>4</u>

11

在下面博弈中惩罚变得可信了;即使两次博弈,合作也可能出现。

	L	M	R	P	Q
L	1,1	5,0	0,0	0,0	0,0
M	0,0	4,4	0,0	0,0	0,0
R	0,0	0,0	3,3	0,0	0,0
P	0,0	0,0	0,0	4, ½	0,0
Q	0,0	0,0	0,0	0,0	1/2,4

7.2 信息不完全与声誉机制

- 单方信息不完全下的声誉机制
- 双方信息不完全下的声誉机制

# 单方不完全信息

- 假定有两个参与人, A和B, 进行囚徒困境 博弈。如下图。
- 参与人A有两中可能的类型: "非理性"型: 只有一种战略, tit-for-tat (TFT), 或者grim strategy, 概率为p; "理性"型: 可以选 择任何战略, 概率为(1-p);
- 参与人B有一种类型: 理性型。

囚徒困境博弈

В

 合作
 背叛

 合作
 3,3
 -1,4

 背叛
 4,-1
 0,0

A

# 对"非理性"的解释

- 特殊的成本函数或效用函数;
- 讲义气、重情谊的人;内在化了相互作用 (reciprocity) 社会规范的人;
- 认知问题。

博弈	七番	쉵	<del>Hi</del>	<b>//</b>
124	上里	Ħ	$\nu$ M	$I'$ $\Lambda$

	t=1	t=2	_
非理性(p)	合作	X	
A/ 理性型(1-p)	背叛	背叛	
B (理性型)	X	背叛	

16

#### 第二阶段

- 参与人A: 如果是理性的,选择"背叛"; 如果是非理性的,选择B在第1阶段的行动 (X);
- 参与人B: 选择"背叛"。

#### 第一阶段

- 参与人A: 如果是非理性的,选择"合作"; 如果是理性的,选择"背叛";
- 参与人B: 如果选择合作,面临被背叛的风险,但如果A是非理性的,可以换来第2阶段的合作。

17

# B在第二阶段的选择

- 选择合作,期望效用是:
- 3p+(-1)(1-p)+4p+0(1-p)=8p-1
- 如果选择背叛,期望效用函数是:
- 4p+0(1-p)+0=4p
- 最优选择是合作,如果: p>=0.25;
- 结论: 如果B认为A非理性的概率不小于0.25, B在第1阶段会选择合作,即使博弈只重复两次。

一般结论

- 可以证明:如果博弈重复T次,只要p>=0.25,对于 所有的T>=3,下列战略组合构成一个精炼纳什均衡: 理性型A在t=1....T-2阶段选择合作,在T-1和T阶段 选择背叛;B在t=1....T-1阶段选择合作,在最后阶段T选择背叛。
- 背叛只在最后两阶段出现。

#### 双方不完全信息

- 在单方不完全信息下,只要p<0.25,不论博弈重复多少次, 合作都不会出现。
- 但如果双方信息不完全,即使小小的不确定性也会导致合作行为,只要博弈重复的次数足够多(但不需要是无限次);
- 原因在于,如果博弈重复的次数足够长,没有任何一方愿 意一开始就把自己的名声搞坏。

冷酷战略

- 假定非理性型选择冷酷战略(grim strategy);
- 如果A在一开始就选择背叛,暴露了自己是非合作型的,从第2期开始的唯一的均衡是每个人都背叛; 所以A的最大预期收益为:
- 4+0+0+...=4;
- 假定选择如下战略: 开始选择合作, 直到对方选择不合作, 之后永远背叛。最小预期收益是:
- p(3T)+(1-p)(-1+0+0+...)=p(3T)-(1-p)

.

### 合作条件

- (p)(3T)-(1-p)>=4;
- $T^* > = (5-p)/p$ ;
- 所以,无论p多小,只要博弈重复的次数足够大,一开始就选择背叛不是最优的。

#### KMRW定理

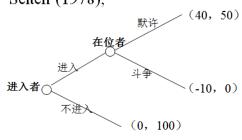
- 在不完全信息的情况下,只要博弈重复的次数足够长,参与人就有积极性在博弈的早期建立一个"合作"的声誉; 只是在博弈的后期,才会选择背叛;并且,非合作阶段的数量只与p有关,而与博弈的次数T无关。
- 看似不理性的行为其实是理性的。

# 7.3 声誉模型应用举例

- 解开连锁店悖论
- 声誉机制与个人行为
- 声誉机制与政府行为
- 声誉机制与法律约束

解开连锁店悖论

• Selten (1978);



25

# 声誉机制与个人行为——大智若愚

- 应该树立什么样的形象?
- 合作与非合作;
- 强硬与懦弱;
- 对"不理智"(情绪化)行为的新解释。

#### example

#### 声誉机制与政府行为、法律约束

- 为什么越有名气的人越在乎自己的声誉?
- "刑不上大夫,礼不下庶人。"
- 终身教授的激励问题;
- 画家烦恼;
- 政府的声誉。

28

## 7.4 声誉的积累

- 贝叶斯法则
- 声誉的积累

### 贝叶斯法则

P(强硬斗争)

$$= \frac{P(\varpi) \times X}{P(\varpi) \times X + P(\varpi) \times Y} \ge P(\varpi)$$

30

#### example

# 声誉的积累

• 西周末年,周幽王为取悦褒姒,数举骊山烽火,失信于诸侯,就是一个典型的例子。诸侯见了烽火,知道京城告急,必须起兵救驾。周幽王为博褒姒一笑,采纳奸臣建议,登上骊山烽火台,命令燃烽火。各地诸侯一见警报,以为犬戎打过来了,带领本部兵马急速赶来救驾。到了骊山脚下,发现连一个犬戎兵的影儿也没有,始知被戏弄,怀怨而回。之后又故伎重演数次。申侯得到这个消息,联合增侯及西北夷族犬戎之兵,于公元前771年进攻镐京。周幽王听到犬戎进攻的消息,惊慌失措,急忙命令烽火台点燃烽火。烽火倒是烧起来了,可诸侯们因多次受了愚弄,这次都不再理会。周幽王孤立无援,被犬戎兵当场砍死,褒姒被俘,西周从此灭亡。

example

# 企业组织与声誉机制

- 中国历史上的连带责任;
- 市场中的信任;
- 承担责任的能力决定赚钱的能力;
- 以牛奶业为例:
- 双汇的"瘦肉精"。