## 信息与计算科学 1601 骆天奇 2016254060407

其中

## Answer 1

## answer 1.1

由 Bayes 公式得

$$P(H_i|E_1) = \frac{P(H_i)P(E_1|H_i)}{\sum_{j=1}^{n} P(H_j)P(E_1|H_j)}$$
(1)

其中

$$\sum_{i=1}^{n} P(H_i)P(E_1|H_i)$$

$$= \sum_{i=1}^{3} P(H_i)P(E_1|H_i)$$

$$= (0.4 \times 0.5) + (0.3 \times 0.3) + (0.3 \times 0.5)$$

$$= 0.44$$

$$P(H_1|E_1) = \frac{P(H_1)P(E_1|H_1)}{\sum_{j=1}^{3} P(H_j)P(E_1|H_j)}$$

$$= \frac{0.4 \times 0.5}{0.44}$$

$$= \frac{5}{11} > P(H_1)$$
 (2)

$$P(H_2|E_1) = \frac{P(H_2)P(E_1|H_2)}{\sum_{j=1}^{3} P(H_j)P(E_1|H_j)}$$
$$= \frac{0.3 \times 0.3}{0.44}$$
$$= \frac{9}{44} < P(H_2)$$
(3)

$$P(H_3|E_1) = \frac{P(H_3)P(E_1|H_3)}{\sum_{j=1}^{3} P(H_j)P(E_1|H_j)}$$

$$= \frac{0.3 \times 0.5}{0.44}$$

$$= \frac{15}{44} > P(H_3)$$
(4)

可见由于证据  $E_1$  的出现,  $H_1, H_3$  成立的可能性有所增加, 而  $H_2$  成立的可能性有所下降。

## answer 1.2

由 Bayes 公式得

$$P(H_i|E_1E_2...E_m) = \frac{P(H_i) \prod_{j=1}^m P(E_j|H_i)}{\sum_{j=1}^n \left(P(H_j) \prod_{k=1}^m P(E_k|H_j)\right)}$$
(5)

$$\sum_{i=1}^{n} (P(H_i) \prod_{j=1}^{m} P(E_j | H_i))$$

$$= \sum_{i=1}^{3} P(H_i) P(E_1 | H_i) P(E_2 | H_i)$$

$$= (0.4 \times (0.5 \times 0.7)) + (0.3 \times (0.3 \times 0.9)) + (0.7 \times (0.5 \times 0.1))$$

$$= 0.256$$

$$P(H_1|E_1E_2) = \frac{P(E_1|H_1)P(E_2|H_1)P(H_1)}{\sum_{i=1}^{3} P(H_i)P(E_1|H_i)P(E_2|H_i)}$$
$$= \frac{0.4 \times (0.5 \times 0.7)}{0.256}$$
$$\approx 0.54 > P(H_1) \tag{6}$$

$$P(H_2|E_1E_2) = \frac{P(E_1|H_2)P(E_2|H_2)P(H_2)}{\sum_{i=1}^{3} P(H_i)P(E_1|H_i)P(E_2|H_i)}$$

$$= \frac{0.3 \times (0.3 \times 0.9)}{0.256}$$

$$\approx 0.31 > P(H_2)$$
(7)

$$P(H_3|E_1E_2) = \frac{P(E_1|H_3)P(E_2|H_3)P(H_3)}{\sum_{i=1}^{3} P(H_i)P(E_1|H_i)P(E_2|H_i)}$$
$$= \frac{0.7 \times (0.5 \times 0.1)}{0.256}$$
$$\approx 0.13 < P(H_3) \tag{8}$$

可见由于证据  $E_1, H_2$  的出现, $H_1$  成立的可能性有所增加, $H_2$  成立的可能性略有增加, $H_3$  成立的可能性有所下降。