

人工智能讲义

问题求解:搜索

March 1, 2022

Outline

- 从例子开始
- ② 搜索的定义
- ③ 具体问题转化为搜索问题
- 4 搜索算法设计

AI: Search March 1, 2022 2/50

图/网络的最短路径问题

给定一个图 $\mathbb{G} = (V, E)$

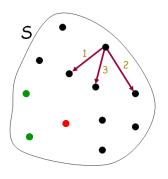
- 指定起点/源点为 I, 终点/目标为 G 时:
- 若边无权或边权都相等时,求 *I* 到 *G* 的最短路径,即边数最少的路径。
- 若边上有不完全相同的权值,求 I 到 G 的最短路径,即路径上边权值和最小的路径。
- 来自数据结构课程的结论:
 - Dijkstra 算法: 计算节点 I 到其他所有节点的最短路径。主要特点是以起点 I 为中心向外层层扩展,直到扩展到终点为止。时间复杂度 $O(n^2)$
 - Bellman-Ford 算法: 单源负权边, 时间复杂度 O(ne)
 - Floyd 算法: 多源,时间复杂度 $O(n^3)$,空间复杂度 $O(n^2)$

添加新的约束条件、获得新问题

- 算法时间复杂度为 $O(p(\log n))$, 其中 $p(\cdot)$ 表示多项式函数。
- WHY?现实中大量问题,图的节点数目非常多,是问题规模的指数函数。
- 算法?AI 中的搜索算法! 不能/无法遍历所有的节点。
- 所以我们说 AI 中的搜索就是有时间约束的最短路径问题。

Al: Search March 1, 2022 3/50

搜索的定义



搜索:基于"状态"的定义

状态空间: S

• 后继函数: $successors: \mathbb{S} \to 2^{\mathbb{S}}$

● 初始状态/初态: s₀

目标测试:

 $GOAL: \mathbb{S} \to \{T, F\}$

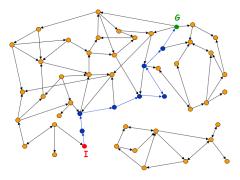
路径耗散/arc cost:

搜索问题的五要素

• 上述五个组成要素,描述了一个搜索问题。

AI: Search March 1, 2022 4/50

搜索问题与状态图

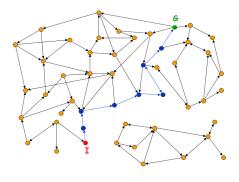


用状态图来描述搜索问题

- 每个节点表示一个状态
- 弧及其两个端点表示后继函数
- 可能包括多个不连通的分量
- 标注上初态 I 和终态 G, 如图所示

AI: Search March 1, 2022 5/50

搜索问题的"解"

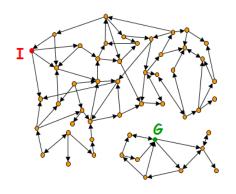


路径与最短路径

- 如图所示
- 解: 从初始节点 I 到任何目标节点 G 的一条路径, 沿箭头方向;
- 最优解:解是路径,可能存在多条从 I 到 G 的路径,最优解就是路径耗散(路径上 cost 之和)最小的路径

AI: Search March 1, 2022 6/50

搜索问题的"解"



无解的情况

- 如图所示
- 表示初态和终态的节点在不连通的两个分量中。

AI: Search March 1, 2022 7/50

三国华容道



三国华容道 ⇒ 搜索问题

- 棋盘的任意一种布局就是一个状态,是状态图中的一个节点,所有可能的的布局构成状态空间/状态图的顶点集;
- 从棋盘的一种布局"合法地"移动一个旗子,得到另一种布局,即所谓的"后继函数";
- 任何一种初始布局可为初态,曹操跑出来为终态;
- 每移动一个棋子, 路径耗散为 1;
- 问题的解:从初态到终态的一个移动序列;最优解:路径耗散/移动次数最少的移动序列。

问题:状态空间有多大?即多少个不同状态?

AI: Search March 1, 2022 8/50

三国华容道初始状态



AI: Search March 1, 2022 9/50

数码游戏

8	2	
3	4	7
5	1	6



1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
13	14	15	



=\$1000

数码游戏

- Introduced in 1878 by Sam Loyd
- dubbed himself "America's greatest puzzle-expert"
- 将 n×n的方格棋盘中的 1,2,...,n²-1 数字从某个给定的布局调整到另一个给定的布局;棋盘中只有一个空格,调整时,只能把空格"边相邻"的数字移动到空格中。
- 右上图是一个悬赏, 过去 100 多年了, 至今无人领取。

AI: Search March 1, 2022 10/50

数码游戏

8	2	
3	4	7
5	1	6



1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
13	14	15	
	1 5 9 13		5 6 7

数码游戏 ⇒ 搜索问题

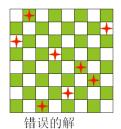
- 每个棋盘布局是状态/节点;
- 移动某个数字到空格是后继函数;
- 初态和终态给定;
- 路径耗散,单步为 1。
- 搜索问题的解: 一个从初态到终态的移动序列。

问题:状态空间有多大?即多少个不同状态?

AI: Search March 1, 2022 11/50

8 皇后问题





8 皇后问题

- 在 8 × 8 的国际象棋棋盘上,寻找放置 8 个相互不能攻击到的皇后。(注:皇后的攻击路线是直线和 45 度斜线);
- 上图展示了一个正确的放置 8 皇后方法和一个错误的放置方法;
- 问题扩展: 在 $n \times n$ 的棋盘上放置 n 相互不能攻击到的皇后。

AI: Search March 1, 2022 12/50

n 皇后问题





n 皇后问题 \Longrightarrow 搜索问题

- 任意放置 n 个皇后的棋盘布局就是一个节点/状态;
- 任意一个皇后移动到相邻的方格,定义为后继函数;
- 初态为任意给出的一个棋盘布局;终态为满足相互攻击不到的棋盘布局(不是某 个特殊的棋盘布局, 而是满足某些条件的棋盘布局为终态);
- 路径耗散:一次移动皇后到相邻格子、代价为 1.
- 搜索问题的解:从初态到终态的移动序列。(其实 n 皇后问题不需要对解要求这么 多. 仅给出终态即可)

问题: 状态空间有多大?即多少个不同状态?

Al: Search March 1, 2022 13/50

数独游戏

	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C 7	C8	C9
Rl			8				2		
R2		3		8		2		6	
R3	7				9				5
R4		5						1	
R5			4				6		
R6		2						7	
R7	4				8				6
R8		7		1		3		9	
R9			1				8		

数独游戏

- 数独起源于 18 世纪初瑞士数学家欧拉等人研究的拉丁方阵(Latin Square)
- 20 世纪 70 年代,人们在美国纽约的一本益智杂志《Math Puzzles and Logic Problems》上 发现了这个游戏
- 数独盘面是个九宫,每一宫又分为九个小格。在这八十一格中给出一定的已知数字,在其他的空格上填入1-9的数字。使1-9每个数字在每一行、每一列和每一宫中都只出现一次。
- 世界数独锦标赛: 首届于 2006 年在意大利卢卡举办, 第八届于 2013 年在北京举办

AI: Search March 1, 2022 14/50

数独游戏

	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C 7	C8	C9
Rl			8				2		
R2		3		8		2		6	
R3	7				9				5
R4		5						1	
R5			4				6		
R6		2						7	
R7	4				8				6
R8		7		1		3		9	
R9			1				8		

数独游戏 ⇒⇒ 搜索问题

- 状态为某个棋盘布局;要求棋盘不会产生"冲突";
- 后继函数就是在棋盘上的某个空格填上一个数字; 使得棋盘是合法的;
- 初态为初始时刻给出的棋盘布局;终态为填满81个数字,且符合要求的布局;
- 路径耗散:每填写一次数据,代价为1(忽略删除某个方格内数字的代价);
- 数独问题的解:从初态到终态的一个填写数字序列。(数独问题的解可以忽略过程,仅包含符合要求的终态即可)。

AI: Search March 1, 2022 15/50

搜索问题:状态的解释

状态

- 事物可能的抽象表示,关键属性上相同,不重要细节的影响可以忽略不计
- 比如棋盘的布局,棋子偏移 1 毫米,对布局/状态没有影响
- 状态空间是离散的,有限或者无限

问题	状态定义	状态数目
8-数码	每个格子放置一个数	9! =362,880
15-数码	每个格子放置一个数	16! ~ 2.09 x 10 ¹³
24-数码	每个格子放置一个数	25! ~ 10 ²⁵
八皇后问题	每行放一个皇后	88
N皇后问题	每行放一个皇后	N _N
N皇后问题	任何一个位置都可以放一 个皇后	(N ²)!/(N ² -N+1)!

构建"好的"状态空间

- 状态数目通常随问题规模指数增加;
- n 皇后的例子表明,不同的状态定义方法,影响状态空间的大小。
- 存在大量"不可达/违背约束"的状态!能否尽可能减少它们?

AI: Search March 1, 2022 16/50

n^2-1 数码问题的状态空间

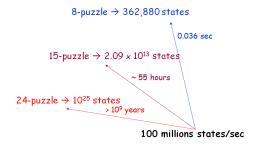
1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
13	14	15	



1	2	3	4
5	10	7	8
9	6	11	12
13	14	15	

$$n_2 = 0 \ n_3 = 0 \ n_4 = 0$$

 $n_5 = 0 \ n_6 = 0 \ n_7 = 1$
 $n_8 = 1 \ n_9 = 1 \ n_{10} = 4$
 $n_{11} = 0 \ n_{12} = 0 \ n_{13} = 0$
 $n_{14} = 0 \ n_{15} = 0 \rightarrow$ 逆序值 = 7



Sam Loyd 不用担心钱被领走!

- 逆序值:每个数被逆序的次数 之和
- 逆序值的奇偶性不会被后继 函数改变
- 整个状态图分为两个不联通 分量,分别对应逆序值的奇 与偶

AI: Search March 1, 2022 17/50

搜索问题: 何谓"好的"状态

"好的"状态/状态空间

- 所有状态?尽可能让状态都是可达的/可行的/合法的;
- 状态数目越少越好,通常是问题规模的指数函数;
- 能方便设计后继函数和搜索算法。

进一步解释

- 不可达的状态, 在搜索问题无解时非常重要;
- 状态太多时, 计算机存储空间无法存储所有的状态(空间受限); 也 无法遍历一遍(时间受限);
- 从数据结构的角度看:搜索算法的简洁性和高效性,约束状态空间和后继函数的设计。

AI: Search March 1, 2022 18/50

搜索问题:后继函数的解释

8	2	7	1569	1456	45	13456	159	34569
69	69	1	3	7	245	4568	2589	24569
4	5	36	1269	16	8	1367	1279	23679
16	67	2	4	156	57	9	3	8
5	78	4	178	9	37	2	6	7
69	3	68	5678	2	57	57	4	1
3	4	35	257	8	6	13457	12579	23457 9
2	468	9	57	45	1	34567 8	578	34567
7	1	568	25	3	9	4568	258	2456

后继函数: 状态图的边

- 如左图所示数独求解器的例子。
- 每个状态可行的所有"行动"的 集合,方格内左上角小写的数字
- 后继函数的返回值,就是行动的 结果,称之为后继状态
- 左图表示状态,其后继函数会导致 138 个不同的后继状态
- 后继函数是问题建模(现实问题 转换为搜索问题)的"关键"!最 复杂的部分。

AI: Search March 1, 2022 19/50

搜索问题: 路径耗散的解释

路径耗散

- 通常标注在状态图的边上,表示执行一个行动/动作的花费/代价,可以认为是后继函数的执行代价;
- 也可以认为是一种"奖励",执行完动作后获得的 reward,但是此时最优解通常对应最大化行动序列获得的奖励之和;
- 一般总是正的;
- 而且我们总是假设路径耗散 c_i 有一个有限的下界,即大于某个正常数 $c_i \geq \epsilon > 0$

路径耗散的例子

- 数码问题, 每移动一次, 代价为 1;
- n 皇后问题,每放置/撤回一个皇后,代价为 1,从一个状态转移到下一个状态, 花费的代价 $\leq 2n$;
- 数独问题,填写/擦除一个数字,代价各为 1,从一个状态转移到下一个状态,花 费的代价 $\leq 2n$

AI: Search March 1, 2022 20/50

搜索问题:初态和终态的解释

初态:单源或多源

- 给出某个状态,并精确地描述出来; 如三国华容道, 数独问题等;
- 给出某些状态,它们满足某些共同的性质或条件;
- 仅仅给出某些条件或性质,称满足条件的都是合法的初态,如初始随机放置 8 个皇后的 8 皇后问题,条件是"有 8 个皇后存在"。

终态

- 可以是一个被精确定义的状态
- 可以是满足某些条件的状态
- 可以是满足某些条件的状态集合

AI: Search March 1, 2022 21/50

搜索问题:解的解释

解:从初态到终态的路径

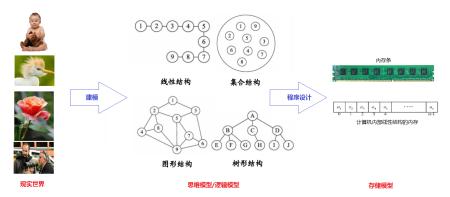
- 可能有唯一解
- 可能无解
- 可能有多个解, 路径耗散最小的称之为"最优解"

解的约束太强了,有些问题可以放松约束

- 很多问题,我们需要解表示的行动序列,比如下棋;
- 然而,如8皇后问题,我们并不关心如何从初态调整到终态的过程, 仅仅需要最终的棋盘布局,即终态;因此,可以只要解序列的最后 一个状态即可,降低了对解的要求;
- 数独问题,对解的要求类似8皇后问题,这类问题即通常所谓的 "约束满足问题"。

AI: Search March 1, 2022 22/50

问题求解: 应用计算机技术

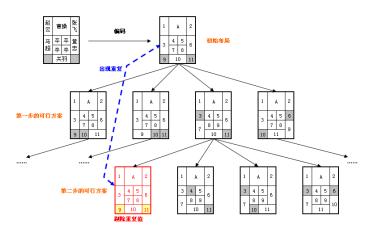


AI 和数据结构

- 数据结构:更侧重在通过程序设计实现从逻辑模型到存储模型(物理模型) 的转换;数据结构的设计应以程序设计实现的简洁和高效为指导。
- AI: 更多地讨论如何将现实世界建模为逻辑模型,将更复杂的现实问题转化为各种受限的、带约束的逻辑模型。

AI: Search March 1, 2022 23/50

三国华容道的计算机求解



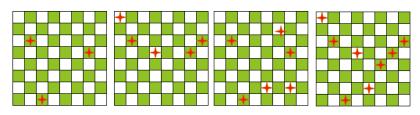
建模和编程

• 建模:编码状态/棋盘布局,编码可行的移动,利用基本数据结构数组和树等;

● 编程实现: 在线性内存空间上实现

AI: Search March 1, 2022 24/50

8 皇后问题的形式化 1



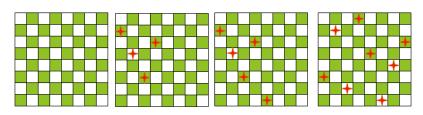
8 皇后问题的形式化 1: 现实问题建模为搜索问题

- 状态, 任何 0, 1, 2, ……,8 个皇后在棋盘上时的布局代表一个状态
- 初始状态: 0 个皇后在棋盘上
- 目标测试/目标状态: 8 个皇后在棋盘上, 彼此间不互吃
- 路径耗散:放置一个皇后,代价为1
- 后继函数:在一个空的格子上放置一个皇后,得到一个新状态
- 状态空间/状态图: 高度为 9 的 64-叉树

约 $64 \times 63 \times \ldots \times 57 \sim 3 \times 0^{14}$ states

AI: Search March 1, 2022 25/50

8 皇后问题的形式化 2



8 皇后问题的形式化 2: 现实问题建模为搜索问题

- 状态,任何0,1,2,……,8个皇后在棋盘左侧,且互不攻击时代表一个状态;所谓棋盘左侧互不攻击,就是前k列每列一个皇后,互不攻击;
- 初始状态: 0 个皇后在棋盘上;
- 目标测试/目标状态: 8 个皇后在棋盘上;
- 路径耗散: 放置一个皇后,代价为 1;
- 后继函数: 在 k+1 列放置第 k+1 个皇后到一个不受攻击的位置;
- 状态数目急剧减少!

约 2057 states

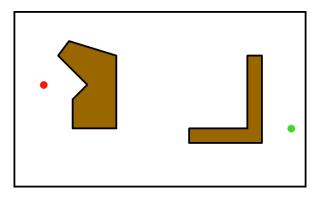
AI: Search March 1, 2022 26/50

再论 n 皇后问题

当 n 增大时

- "解"是一个状态,而非从初始态到目标状态的序列;这类搜索问题,一般称为"设计问题",学术上称为"约束满足问题";
- 上述形式化方法 2 是否能"简单"求解 N 皇后问题?
 - 8 皇后 → 2057 个状态
 - 100 皇后 → 10⁵² 个状态
- 能否有算法能快速求解 N 皇后问题?
 - 问题特点: 很多个解, 解的分布较好(较均匀)
 - 爬山法

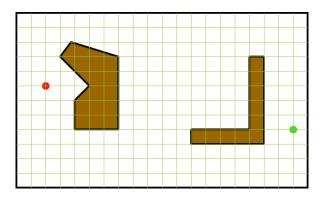
AI: Search March 1, 2022 27/50



路径规划问题形式化:把现实问题转化为搜索问题

- 如上图所示场景,有不可触碰的障碍物 (咖啡色所示),可能是游戏地图,可能是汽车自动驾驶地图等;
- 红点是出发点,绿点是目标终点;
- 寻找一条从红点到绿点的路径,或最短路径。

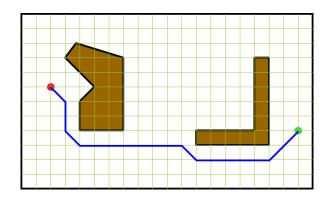
AI: Search March 1, 2022 28/50



路径规划问题形式化 1: 网格化

- 如上图所示,把地图网格化;
- 令网格边长为 1,则对角线距离为 √2;
- 状态就用当前位置的坐标(x, y)来表示,所有的整数点坐标值构成状态空间;
- 小方格的边为后继函数,后继状态是当前状态的东南西北四个正方向上,距离为 1;
- 也可以定义后继函数包括四条 45 度对角线,即后继状态在当前状态周围最近的 8 个整数坐标位置上。

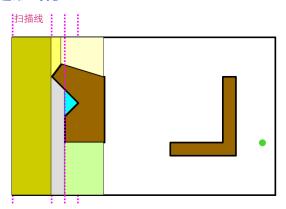
AI: Search March 1, 2022 29/50



路径规划问题形式化 1: 网格化

- 解是一个序列,相邻整数点/状态之间距离 $\leq \sqrt{2}$,如上图所示
- 最优解,仅仅是网格化的离散空间中的最优解

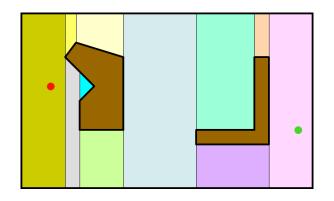
AI: Search March 1, 2022 30/50



路径规划问题形式化 2: 扫描线方法

- 假设垂直扫描线从左到右进行扫描;
- 遇到障碍物的顶点(不妨设障碍物为多边形)则暂停,标记;
- 标记方法: 对两次暂停之间的被扫描区域染上不同的颜色;
- 被障碍物割裂的扫描线获得不同颜色的区域。

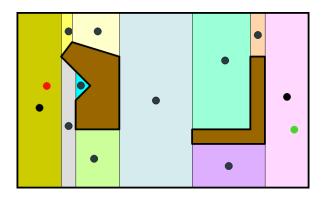
AI: Search March 1, 2022 31/50



路径规划问题形式化 2: 扫描线方法

• 如上图所示,扫描整个区域后,得到彩色的着色图。

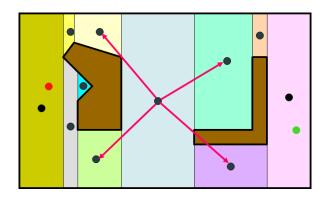
AI: Search March 1, 2022 32/50



路径规划问题形式化 2: 扫描线方法

- 每个染色区域用其重心点作为代表
- 每个重心点代表一个状态,获得状态空间
- 如上图,共有 11 个不同色彩区域,即 11 个不同状态,初始位置和目标位置视为额外的两个状态,共 13 个状态。

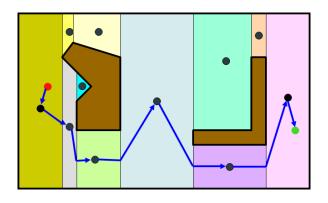
AI: Search March 1, 2022 33/50



路径规划问题形式化 2: 扫描线方法

- 后继函数: 具有相邻边界线的色块之间互为后继
- 获得状态图,如上图所示
- 边/弧的路径耗散/代价为状态点之间的距离, 如欧拉距离

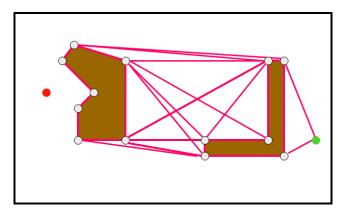
AI: Search March 1, 2022 34/50



路径规划问题形式化 2: 扫描线方法

- 路径规划问题的解为一条路径, 如上图所示
- 路径需要通过某些特定的边界点
- 最优路径需要进一步优化和平滑

AI: Search March 1, 2022 35/50

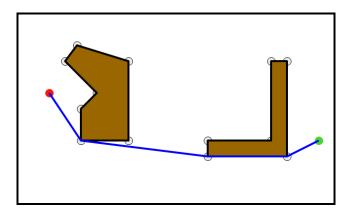


路径规划问题形式化 3: 障碍物边界法

- 取障碍物(不妨设为多边形)的顶点以及初始地点和目标地点构成图的顶点;
- 对任何顶点,连接其可视顶点(没有被障碍物阻挡),获得后继函数;
- 路径耗散/代价: 边/弧的长度, 顶点间的距离。

AI: Search March 1, 2022 36/50

路径规划问题形式化 3



路径规划问题形式化 3: 障碍物边界法

- 路径规划问题的解, 如上图所示
- 最优解是连续的

AI: Search March 1, 2022 37/50

搜索:通用问题求解

赫伯特 西蒙 设计实验证明人类解决问题的过程是一个搜索过程

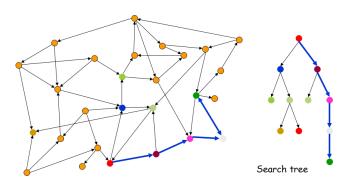
- 路径搜索与导航
- 打包/邮件分发
- 超大规模集成电路布局设计
- 蛋白质比对和折叠
- 制药
- 电脑游戏
- o

思考: 现实问题建模成通用的"搜索问题"(描述其 5 个要素)。

模型 ⇒ 编程求解/算法设计运行

AI: Search March 1, 2022 38/50

编程求解搜索问题

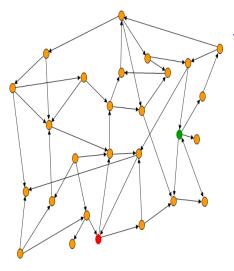


算法思想:利用图的宽度优先遍历算法

- 如上图所示状态图如左,表示一个搜索问题,红点为初态,进行宽度优先遍历,得到右图的搜索树/生成树
- 我们称宽度优先遍历为求解搜索问题的基准算法,简称为宽度优先 搜索算法

AI: Search March 1, 2022 39/50

我们关心的搜索算法

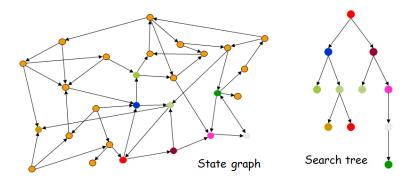


与基准算法对比

- 仅仅搜索整个状态图的一小部分 (状态数的对数多项式量级)就能 获得解或最优解
- 其它算法与基准算法比,相同点:
 - 算法大框架基本一致
 - 所有的状态(可达 + 不可达)构成 的状态图
- 其它算法与基准算法比,不同点:
 - 从状态图中选择/处理的状态子集不一样
 - 状态子集构成的状态子图(弧)不一样,后继函数定义不一样

AI: Search March 1, 2022 40/50

再议搜索算法

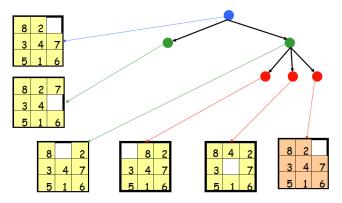


搜索算法:从状态图到搜索树

- 左边的状态图描述了一个搜索问题
- 右边是在状态图上进行搜索,求解搜索问题(获得路径或最短路径)
- 注意:状态图中的节点/状态可能被重复访问,体现在同一节点/状态会变成搜索树的多个节点

AI: Search March 1, 2022 41/50

状态与节点

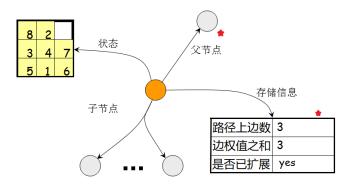


数码游戏的搜索树

- 如上图所示, 8 数码问题的搜索树的一部分
- 搜索树的根节点(蓝色)和最右下角的红色节点,棋盘布局一样,是同一个状态(状态图的同一个节点)
- 同样的状态,在树中可能有多个节点表示;我们在后面的讲解中区分二者
- 若允许状态被重复访问,即搜索树中同一状态可用多个节点描述,则搜索树可能是无限深的

AI: Search March 1, 2022 42/50

搜索算法:数据结构设计

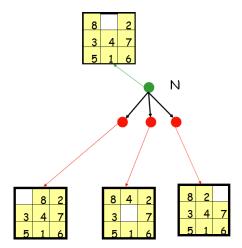


求解问题,有了模型(逻辑结构、状态图)之后,设计数据结构

- 节点 N 信息包括(深度,路径代价,是否已扩展),其中深度/Depth 就是 节点 N 的(从根开始)路径长度,路径代价就是从根开始的路径耗散,节 点扩展是对节点的一个操作,若完成扩展操作,则标注为 yes
- 通常初始状态为搜索树的根,其深度为 0

AI: Search March 1, 2022 43/50

搜索算法:节点扩展

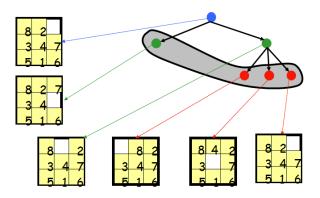


搜索算法核心操作:节点扩展

- 生成搜索树的关键操作;
- 节点扩展直观理解就是把一个 节点用它的后继节点(集合) 来替换;
- 节点 N 的扩展,包括的处理:
 - 评估状态/状态图节点 N 的后继函数,如到该状态的路径耗散是多少,估计从该状态到目标状态至少还要花费多少路径耗散等等;
 - 对后继函数返回的所有后继状态,在搜索树上分别产生一个子节点与之对应。
- 节点扩展 ≠ 节点产生

AI: Search March 1, 2022 44/50

搜索算法:搜索树的边界



搜索树的边界: FRINGE

- 如上图中"云"中的那些状态(或搜索树中的节点)
- 未扩展状态的集合,可理解为:在排队等待扩展的那些状态!
- 与叶节点不同,叶节点可能已经扩展过了,但是没有子节点;
- 未扩展状态在搜索树上的节点,因为未扩展,所以还没有子节点,看上去"像"叶节点。

AI: Search March 1, 2022 45/50

搜索算法:搜索策略

搜索策略: FRINGE 中节点的优先次序

- FRINGE 中的节点是已访问过/处理过状态的后继节点中未扩展的;
- 通常用"队列"来存储 FRINGE 中的对象; (先进先出是队列的特点)
- 但是我们修改"队列"的存储方式,重新定义一个 FRINGE 中节点的优先数组/有序数组,得到一个"搜索策略"。
- 影响/设计实现搜索策略的核心操作: (类似队列操作)
 - INSERT(node,FRINGE): 向优先数组 FRINGE 中插入优先级最低的 节点 node;
 - REMOVE(FRINGE): 从优先级数组中删除优先级最高的节点。

AI: Search March 1, 2022 46/50

搜索算法:算法框架

搜索算法框架: 基准算法

```
Input: G: 状态图: so: 初态:
Output: path: 代表解的路径
path \longleftarrow (s_0), FRINGE \longleftarrow \phi /* 初始化 */;
if (GOAL(s_0) = T) then
     return path = (s_0):
end
INSERT(s_0, FRINGE);
while T do
     if empty(FRINGE) == T then
          return failure /* 返回 failure, 表示无解 */;
     end
     N \leftarrow—REMOVE(FRINGE) /* 将未扩展节点中队头节点从队列移除到 N^*/;
     s \leftarrow -\mathsf{STATE}(N) /* 从节点 N 恢复为状态 s^*/:
     update path;
     foreach s' in successors(s) do
          为 s' 创建 N 的新子节点 N';
          if GOAL(s') = T then
                return (path, s')/* 找到目标节点, 返回解 */;
          end
          INSERT(s', FRINGE);
     end
```

end

搜索算法:评估算法性能

完备性

- 问题有解时,算法能否保证返回一个解?
- 问题无解时,算法能否保证返回 failure?

最优性

- 能否找到最优解?
- 返回代价/路径耗散最小的路径?

复杂性: 算法需求的时间和内存

- 搜索树的大小:初态、后继函数和搜索策略决定,影响因素:分支 因子(后继的最大个数),最浅目标状态的深度,路径的最大长度
- 时间复杂度: 访问过的节点数目
- 空间复杂度: 同时保存在内存中节点数目的最大值

AI: Search March 1, 2022 48/50

搜索算法设计的目标

算法设计的根本目标:解决问题

- 很多搜索问题是 NP-hard, 比如 TSP, 数码问题, 求解时间是问题 规模的指数函数;
- 因此,别期望能在多项式时间内(时间复杂度是问题规模的多项式函数)求解出问题的所有实例(instances),目前没有通用算法!
- 没有免费的午餐定理表明:任意一个算法在所有问题实例上的平均 性能是相同的。
- 算法设计的意义:对每个 instance/每类 instances 找到其最有效 (尽可能高效)的求解算法。

AI: Search March 1, 2022 49/50

搜索问题的求解算法分类

搜索问题求解算法

盲搜索算法

变型搜索 问题的搜 索 算 法

有信息搜索 算法

AI: Search March 1, 2022 50/50