

# 人工智能讲义 强化学习

March 8, 2022

### **Outline**

- ① 引入问题
- ② 强化学习
- ③ 更新参数
- 4 选择行动
- 5 函数逼近

AI March 8, 2022 2/20

### MDP 描述

### MDP/马尔科夫决策过程

- S: 状态空间
- 初态: s<sub>0</sub>
- 行动: Action(s), 给定状态  $s \in S$ , 合法行动集合
- 状态转移概率: T(s, a, s'), 从状态 s 出发, 采用行动 a, 导致结果 状态 s' 的概率
- 奖励: Reward(s, a, s'), 状态转移(s, a, s') 得到的收益
- 目标测试: isEnd(s)
- 折扣因子 λ

### 如果描述不完备,会怎样?

AI March 8, 2022 3/20

### MDP 描述

### MDP/马尔科夫决策过程

- S: 状态空间
- 初态: s<sub>0</sub>
- 行动: Action(s), 给定状态  $s \in \mathbf{S}$ , 合法行动集合
- 状态转移概率: T(s, a, s'), 从状态 s 出发, 采用行动 a, 导致结果 状态 s' 的概率
- 奖励: Reward(s, a, s'), 状态转移(s, a, s') 得到的收益
- 目标测试: isEnd(s)
- 折扣因子 λ

#### 如何找到缺失的部分?

- 通常现实应用中我们并不知道状态转移概率和奖励的细节。
- 强化学习!

AI March 8, 2022 4/20

### 例子: 两台老虎机



### 问题描述

- 老虎机(one-arm bandit)是一种用零钱赌博的机器,因为上面有老虎图案的筹码而得名。
- 老虎机有三个玻璃框,里面有不同的图案,投币之后拉下拉杆,就会开始转,如果出现特定的图形(比如三个相同)就会 吐钱出来,出现相同图型越多奖金则越高。
- 1895 年——查理·费 (Charlie Fey ,Jzplay Com) 发明第一台商业老虎机。
- 若有两台老虎机 A 或 B,需要投币进行游戏,游戏返回奖励的金额和概率是不知道的,可能是随机的结果;
- 假设赌客可以连续有选择地投币,进行重复游戏。
- 赌客如何选择才能最大获益?

AI March 8, 2022 5/20

### MDP 和强化学习的异同

#### MDP 与强化学习

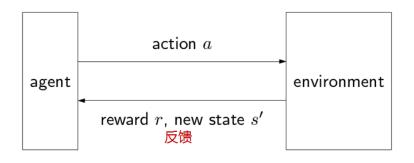
- MDP:存在一个上帝,知道了所有的转移概率和奖励情况,寻找最优策略;称为 "离线"决策
- MDP: 所有的决策判断过程都可以在头脑中"虚拟一遍"/仿真一次;
- MDP: f已知
- 强化学习:没有人知道所有的转移概率和奖励情况,只能看到部分情况,寻找最优策略;称为"在线"决策
- 强化学习:需要花费代价去尝试或"探索"未知的情况(转移概率和奖励),然后逐步调整策略。
- 强化学习: f未知,在寻找最优策略的过程中,逐步了解/完善f

#### 思考

- 电脑游戏"高手"和"低手"之间的差别在哪儿?
- 玩牌, 打麻将的水平差异在哪儿?
- 招聘时工作经历的作用是什么?

AI March 8, 2022 6/20

# 强化学习/Reinforcement Learning



### 强化学习的例子:生活经验

- 生活中的任何一个行动, 会得到好的/不好的收益
- 人会从行动/收益中汲取经验教训,调整自己今后的行动
- 人的一生在不停地行动、收集反馈、学习、行动、收集反馈、......

AI March 8, 2022 7/20

### 强化学习

### 问题描述

- 已知: 序列  $s_0, a_1, r_1, s_1, a_2, r_2, \ldots, a_n, r_n, s_n$ , 其中  $s_i, i = 0, 1, \ldots, n$  表示状态,  $a_i, i = 1, 2, \ldots, n$  表示行动,  $r_i, i = 1, 2, \ldots, n$  表示奖励
- 求解: 给每个状态确定一个"最佳行动", 即找到最优策略

### 分析与理解

- 与 MDP 的差异在于已知条件
  - 强化学习,已知样本数据序列,可能不止一个序列;
  - MDP, 已知转移概率和奖励的全部信息。
- 强化学习和 MDP 所要求目标是一致的。

Al March 8, 2022 8/20

### 强化学习框架

### 算法框架

- for t = 1, 2, ...
  - 选择行动  $a_t = \pi(s_{t-1})$
  - 收集反馈奖励  $r_t$ , 获得新状态  $s_t$
  - 更新参数

### 分析与理解

- 通用框架,解释了什么是强化学习。类似于机器学习中的增量式学习、在线学习。
- 选择行动  $a_t = \pi(s_{t-1}), \pi(\cdot)$  从何而来?
- 更新参数,参数是什么?怎么更新?

AI March 8, 2022 9/20

### 更新参数

强化学习:参数及其更新 思想: 强化学习较之于 MDP, 就少了转移概率和奖励, 那么想方法把转移概率和奖励计算出来, 问题得解。

- 已知:  $s_0, a_1, r_1, s_1, a_2, r_2, \ldots, a_n, r_n, s_n$
- 求参数: T(s, a, s') 和 U(s, a, s')

### 蒙特卡洛方法: 出现频率代替概率

- 从已知数据中任何状态 s 开始,(s, a, r, s') 视为 "一个/一段/一组数据",原数据序列被分割成 n 段;
- 计数,并计算  $\hat{T}(s,a,s')=\frac{\#(s,a,s')}{\#(s,a)},$   $\hat{U}(s,a,s')=\frac{\sum_{r~in~(s,a,r,s')}r}{\#(s,a,s')}$
- 用  $\hat{T}(s,a,s')$  近似估计 T(s,a,s'),  $\hat{U}(s,a,s')$  近似估计 U(s,a,s')

AI March 8, 2022 10/20

# 更新参数

### 例子:

- 已知数据:  $s_1, A, 3, s_2, B, 0, s_1, A, 5, s_1, A, 7, s_1$
- 估计参数/模型:  $\hat{T}(s_1, A, s_1) = 2/3, \hat{U}(s_1, A, s_1) = (5+7)/2 = 6$

### 存在问题

- 样本数据是否满足独立性假设;
- 很多状态的行动没有数据,或者说很多计数是 0
- 样本数据量要求大
- 这一类方法称为:基于模型的蒙特卡洛方法。所谓模型,就是所有的转移概率和奖励构成的集合。

不求模型,可以吗?

AI March 8, 2022 11/20

### 评估一个策略 π

$$V_{\pi}(s) = \sum_{s' \in \mathbf{S}} T(s, a, s') [U(s, a, s') + \lambda V_{\pi}(s')]$$

### 来自同一策略的已知数据

- 若所有已知数据来自同一策略  $\pi$ , 能否求得策略  $\pi$  的价值/value?
- 当 T(·), U(·)未知时,用基于模型的蒙特卡洛方法估计其值,无法获得"完美"描述的 MDP,因为很多(状态,行动)对没有出现;

### 执行策略 $\pi$ ,得到一条随机路径

- 已知数据:  $s_0, a_1, r_1, s_1, a_2, r_2, \ldots, a_n, r_n, s_n$
- 定义引入折扣因子的时刻 t 的收益:  $u_t = r_t + \lambda r_{t+1} + \lambda^2 r_{t+2} + \dots$
- 用  $u_t$  的均值估计/当成  $Q_{\pi}(s,a)$ : 即将  $u_t$  按 (s,a) 不同取值分组, 然后求组内均值。

$$Q_{\pi}(s, a) = 0$$
, if  $isEnd(s) == T$   
 $Q_{\pi}(s, a) = V_{\pi}(s)$ , if  $isEnd(s) == F$ 

AI March 8, 2022 12/20

### 评估一个策略 $\pi$

### 例子

- 已知数据:  $s_1, A, 3, s_2, B, 0, s_1, A, 5, s_1, A, 7, s_1$
- $Q_{\pi}(s_1, A) = (u_1 + u_3 + u_4)/3 = (15 + 12 + 7)/3 = 34/3$

### 等价的算法描述: 增量式地计算

- 对任意时刻 t, 对应数据段 (s, a, r):

  - 计算出  $(s, a, u_t)$  令:  $\xi = \frac{1}{(s, a)$  更新次数+1
  - 更新:  $Q_{\pi}(s,a) = (1-\xi)Q_{\pi}(s,a) + \xi u_t$

### 注意体会和理解 $Q_{\pi}$ 的更新计算过程

没用到模型相关的东西! 所以称为"模型无关"的方法

ΑI March 8, 2022 13/20

## 接收到新数据, $u_t$ 的估计方法

- Q **值的更新**:  $Q_{\pi}(s, a) = (1 \xi) Q_{\pi}(s, a) + \xi u_t$ 
  - 也可写成:  $Q_{\pi}(s,a)=Q_{\pi}(s,a)-\xi(Q_{\pi}(s,a)-u_t)$ , 其中  $u_t$  的估计是否准确,称 Q 值更新的关键

模型无关的方法  $u_t=r_t+\lambda r_{t+1}+\lambda^2 r_{t+2}+\ldots$ ,仅从数据中来估计  $u_t$   $Q_\pi(s,a)=(1-\xi)Q_\pi(s,a)+\xi u_t$ 

自助法  $\Longrightarrow$  SARSA 算法  $u_t = r_t + \lambda Q_{\pi}(s', a')$ ,从以前的积累  $Q_{\pi}(s', a')$ 和新数据中估计  $u_t$   $Q_{\pi}(s, a) = (1 - \xi) Q_{\pi}(s, a) + \xi (r_t + \lambda Q_{\pi}(s', a'))$ 

## 模型无关的方法求最优策略

### 最优策略: 方法一

- 模型无关的方法评估给定的策略 π
- 利用策略改进算法获得新策略  $\pi \leftarrow \pi_{new}$
- 循环迭代上述过程,需找最优策略。
- 对应 MDP 中的策略迭代算法。

### 最优策略: 方法二

- Q-学习
- ullet 思想:模型无关的方法来获得  $Q_{opt}$
- 对应 MDP 中的值迭代算法。

AI March 8, 2022 15/20

# Q学习

### MDP 中: 值迭代 ⇒ 最优策略

• Q 值更新:

$$Q_{opt}(s, a) \leftarrow \max_{a \in Action(s)} \sum_{s' \in \mathbf{S}} T(s, a, s') [Reward(s, a, s') + \lambda V_{opt}(s')]$$

### 强化学习中: Q 学习 ⇒ 最优策略

Q 值更新:

$$Q_{opt}(s, a) \leftarrow (1 - \xi) Q_{\pi}(s, a) + \xi(r + \lambda \max_{a' \in Action(s')} Q_{\pi}(s', a'))$$

### 比较: SARSA 算法 $\Rightarrow$ 评估策略 $\pi$

• Q 值更新:  $Q_{\pi}(s, a) \leftarrow (1 - \xi) Q_{\pi}(s, a) + \xi (r_t + \lambda Q_{\pi}(s', a'))$ 

AI March 8, 2022 16/20

### 有目的性地制造样本

### 算法框架

- for t = 1, 2, ...
  - 选择行动  $a_t = \pi(s_{t-1})$
  - 收集反馈奖励  $r_t$ , 获得新状态  $s_t$
  - 更新参数

### 解释说明

- 三台老虎机: 你选择哪一台去试试? Exploration
- 如果我对某一台老虎机,不妨设为 A,的特点有一定了解了,我想了解得更精确一点,那么我继续试 A。Exploitation
- 了解少的老虎机也许意味着更大的机遇,相应存在更多风险;了解 多的老虎机能够给出较稳定的回报,但是我们要追求回报"最大化"

AI March 8, 2022 17/20

### **Exploration VS Exploitation**

### 特例 1: 贪婪策略

- 选择行动:  $\arg\max_{a \in Action(s)} Q_{opt}(s, a)$
- 最强 Exploitation

#### 特例 2: 随机策略

- 选择行动: random(Action(s))
- 最强 Exploration

#### 平衡二者

- 通常认为要兼顾二者。
- ← 贪婪: (ϵ 随时间减小)

$$\pi(s) = \arg\max_{a \in Action(s)} Q_{opt}(s,a)$$
 with probability  $1 - \epsilon$ 

 $\pi(s) = random(Action(s))$  with probability  $\epsilon$ 

AI March 8, 2022 18/20

### 大量状态时

#### Q 学习: 能处理已经出现过的状态和行动,

• 现实应用中,可能还有更多的状态和行动从来没有出现过,如何计 算 Q(s,a)?

### 用"函数逼近"来近似未出现的 (s, a)

- 如线性回归模型,用已有的 (s, a)Q 值来估计没出现的 (s, a) 的 Q
   值,相似 (s, a) 的 Q 值的线性组合
- 何谓相似 (s, a)? 特征相似,状态 s 和行动 a 的特征,比如都能带来好收益的特征,带来糟糕收益的行动等

AI March 8, 2022 19/20

### 函数逼近

#### 例子: 线性回归逼近

- 定义  $\phi(s,a)$  是 (s,a) 的特征向量,而定义  $Q_{opt}(s,a;w) = \mathbf{W} \cdot \phi(s,a)$
- 根据已有数据(用机器学习的算法)训练出 W,然后就可以对任意未观测到的 (s, a) 实现 Q 值的估计。

#### 问题

- 函数模型/形式如何确定?
- 特征提取函数如何设计?

AI March 8, 2022 20/20