

模式识别作业 5

贝叶斯分类

姓名:罗雁天

院系:清华大学电子系

学号: 2018310742

日期: April 28, 2019



目录

1	问题描述	1
2	算法描述	2
3	代码说明	4

第1章 问题描述

设有符合正太分布的两类样本,并且设 $P(\omega_1) = P(\omega_2) = 0.5$.

$$\omega_1 = \{(3,4), (3,8), (2,6), (4,6)\}
\omega_2 = \{(3,0), (3,-4), (1,-2), (5,-2)\}$$
(1.1)

求解以下问题:

- 求识别函数
- 求识别界面方程
- 绘制识别界面

第2章 分类结果

首先计算两个类的类均值:

$$M_1 = [3, 6], M_2 = [3, -2]$$
 (2.1)

根据无偏估计的协方差矩阵计算方法:

$$\Sigma_i = \frac{1}{N-1} (\omega_i - M_i)^T (\omega_i - M_i) \quad i = 1, 2$$
 (2.2)

计算两个类的协方差矩阵:

$$\Sigma_1 = \begin{bmatrix} 0.6667 & 0 \\ 0 & 2.6667 \end{bmatrix}, \Sigma_2 = \begin{bmatrix} 2.6667 & 0 \\ 0 & 2.6667 \end{bmatrix}$$
 (2.3)

计算正态分布时贝叶斯判别准则所需要的参数如下:

$$\mathbf{W}_{1} = -\frac{1}{2}\Sigma_{1}^{-1} = \begin{bmatrix} -0.7500 & 0\\ 0 & -0.1875 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{W}_{2} = -\frac{1}{2}\Sigma_{2}^{-1} = \begin{bmatrix} -0.1875 & 0\\ 0 & -0.1875 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{w}_{1} = \Sigma_{1}^{-1}M_{1} = [4.50, 2.25]^{T};$$

$$\mathbf{w}_{2} = \Sigma_{2}^{-1}M_{2} = [1.125, -0.75]^{T};$$

$$\mathbf{w}_{10} = -\frac{1}{2}M_{1}^{T}\Sigma_{1}^{-1}M_{1} - \frac{1}{2}\ln|\Sigma_{1}| + \ln P(\omega_{1}) = -14.4808$$

$$\mathbf{w}_{20} = -\frac{1}{2}M_{2}^{T}\Sigma_{1}^{-1}M_{2} - \frac{1}{2}\ln|\Sigma_{2}| + \ln P(\omega_{2}) = -4.1115$$

对任意数据点 $\mathbf{x} = [x_1, x_2]^T$, 计算两类的识别函数如下:

$$d_{1}(\mathbf{x}) = \mathbf{x}^{T} \mathbf{W}_{1} \mathbf{x} + \mathbf{w}_{1}^{T} \mathbf{x} + w_{10}$$

$$= -0.75x^{2} - 0.1875x_{2}^{2} + 4.5x_{1} + 2.25x_{2} - 14.4808$$

$$d_{2}(\mathbf{x}) = \mathbf{x}^{T} \mathbf{W}_{2} \mathbf{x} + \mathbf{w}_{2}^{T} \mathbf{x} + w_{20}$$

$$= -0.1875x^{2} - 0.1875x_{2}^{2} + 1.125x_{1} - 0.75x_{2} - 4.1115$$
(2.5)

则判别函数如下:

$$f(\mathbf{x}) = \begin{cases} x \in \text{class1} & \text{if} \quad d_1(\mathbf{x}) > d_2(\mathbf{x}) \\ x \in \text{class2} & else \end{cases}$$
 (2.6)

计算识别界面如下:

$$d_1(\mathbf{x}) = d_2(\mathbf{x}) \Rightarrow -0.5625x_1^2 + 3.375x_1 + 3x_2 - 10.3693 = 0$$
 (2.7)

第3章 代码说明

本次实验使用 Matlab 语言编写,所有代码放置在"code/"文件夹下:

- iterative.m: 迭代修正求权向量法分类的主程序,直接执行便可以得到分类界面;
- knnclassify.m: KNN 算法分类的主程序,直接执行便可以得到不同 k 下的分类界面以及正确率曲线;
- fishermain.m: Fisher 判别分析算法分类的主程序,直接执行便可以得到情况 1 和情况 2 的分类界面图像;
- fisherclassify.m: 使用 Fisher 判别分析分类的函数,输入 ω_1, ω_2 ,输出权向量 W_0 和分类阈值 y_0 ,并且绘制分类界面图像。
- compare.m: 使用最小欧式距离分类和 SVM 分类的代码,直接执行绘制分类界面的图像。