

Algoritmos y Estructura de Datos II

Primer cuatrimestre 2014

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Trabajo Practico 2

Grupo 10

Integrante	LU	Correo electrónico
Lucía, Parral	162/13	luciaparral@gmail.com
Nicolás, Roulet		
Pablo Nicolás, Gomez		
Guido Joaquin, Tamborindeguy		

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. Renombres de Módulos	3
2. Módulo Wolfie	3
2.1. Interfaz	3
2.1.1. Parámetros formales	3
2.1.2. Operaciones básicas de wolfie	3
2.2. Representación	4
2.2.1. Representación de wolfie	4
3. Módulo DicionarioTrie(alpha)	6
3.1. Interfaz	6
3.1.1. Parámetros formales	6
3.1.2. Operaciones básicas de Dicionario String(α)	7
3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Dicionario String(α)	7
3.2. Representación	8
3.2.1. Representación del Dicionario String(α)	8
3.2.2. Operaciones auxiliares del invariante de Representación	8
3.2.3. Representación del iterador de Claves del Dicionario String(α)	9
3.3. Algoritmos	9
3.3.1. Algoritmos de Dicionario String	9
3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Dicionario String	10
4. Módulo Conjunto Estático de Nats	11
4.1. Interfaz	11
4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat	11
4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat	12
4.2. Representación	12
4.2.1. Representación de conjEstNat	12
4.2.2. Representación de itConjEstNat	13
5. Módulo Promesa	13

1. Renombres de Módulos

Módulo Dinero es Nat
 Módulo Cliente es Nat
 Módulo TipoPromesa es enum{compra, venta}
 Módulo Nombre es String

2. Módulo Wolfie

2.1. Interfaz

2.1.1. Parámetros formales

géneros wolfie

se explica con: WOLFIE.

2.1.2. Operaciones básicas de wolfie

CLIENTES(in w : wolfie) $\rightarrow res$: itConjEstNat(cliente)
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearItUni}(\text{clientes}(w))\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Devuelve un iterador a los clientes de un wolfie.

TÍTULOS(in w : wolfie) $\rightarrow res$: itUni(título)
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearItUni}(\text{títulos}(w))\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Devuelve un iterador a los títulos de un wolfie.

PROMESASDE(in c : cliente, in w : wolfie) $\rightarrow res$: itConj(promesa)
Pre $\equiv \{c \in \text{clientes}(w)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearItUni}(\text{promesasDe}(c, w))\}$
Complejidad: $\Theta(T \cdot C \cdot |max_nt|)$
Descripcion: Devuelve un iterador a las promesas de un wolfie

ACCIONESPORCLIENTE(in c : cliente, in nt : nombreTítulo, in w : wolfie) $\rightarrow res$: nat
Pre $\equiv \{c \in \text{clientes}(w) \wedge (\exists t:\text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \wedge \text{nombre}(t) = nt)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{accionesPorCliente}(c, nt, w)\}$
Complejidad: $\Theta(\log(C) + |nt|)$
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones que un cliente posee de un determinado título.

INAUGURARWOLFIE(in cs : conj(cliente)) $\rightarrow res$: wolfie
Pre $\equiv \{\neg \emptyset?(cs)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{inaugurarWolfie}(cs)\}$
Complejidad: $\Theta(\#(cs)^2)$
Descripcion: Crea un nuevo wolfie a partir de un conjunto de clientes.

AGREGARTÍTULO(in t : título, in/out w : wolfie)
Pre $\equiv \{w_0 =_{\text{obs}} w \wedge (\forall t2:\text{título}) (t2 \in \text{títulos}(w) \Rightarrow \text{nombre}(t) \neq \text{nombre}(t2))\}$
Post $\equiv \{w =_{\text{obs}} \text{agregarTítulo}(t, w_0)\}$
Complejidad: $\Theta(|\text{nombre}(t)| + C)$

ACTUALIZARCOTIZACIÓN(in nt : nombreTítulo, in cot : nat, in/out w : wolfie) $\rightarrow res$: wolfie
Pre $\equiv \{w_0 =_{\text{obs}} w \wedge (\exists t:\text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \wedge \text{nombre}(t) = nt)\}$

Post $\equiv \{w =_{\text{obs}} \text{actualizarCotización}(nt, cot, w_0)\}$

Complejidad: $\Theta(C \cdot |nt| + C \cdot \log(C))$

Descripción: Cambia la cotización de un determinado título. Esta operación genera que se desencadene el cumplimiento de promesas (según corresponda): primero de venta y luego, de compra, según el orden descendente de cantidad de acciones por título de cada cliente.

AGREGARPROMESA(**in** c : cliente, **in** p : promesa, **in/out** w : wolfie)

Pre $\equiv \{w_0 =_{\text{obs}} w \wedge (\exists t: \text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \wedge \text{nombre}(t) = \text{título}(p)) \wedge c \in \text{clientes}(w) \wedge (\forall p2: \text{promesa}) (p2 \in \text{promesasDe}(c, w) \Rightarrow (\text{título}(p) \neq \text{título}(p2) \vee \text{tipo}(p) \neq \text{tipo}(p2))) \wedge (\text{tipo}(p) = \text{vender} \Rightarrow \text{accionesPorCliente}(c, \text{título}(p), w) \geq \text{cantidad}(p)))\}$

Post $\equiv \{w =_{\text{obs}} \text{agregarPromesa}(c, p, w_0)\}$

Complejidad: $\Theta(|\text{título}(p)| + \log(C))$

Descripción: Agrega una nueva promesa.

ENALZA(**in** nt : nombreTítulo, **in** w : wolfie) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{(\exists t: \text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \wedge \text{nombre}(t) = nt)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{enAlza}(nt, w)\}$

Complejidad: $\Theta(|nt|)$

Descripción: Dado un título, informa si está o no en alza.

2.2. Representación

2.2.1. Representación de wolfie

wolfie se representa con *estr*

donde *estr* es $\text{tupla}(\text{títulos: diccTrie}(\text{nombre}, \langle \text{arrayClientes: array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}),$
 $\text{cot: nat},$
 $\text{enAlza: bool},$
 $\text{maxAcc: nat},$
 $\text{accDisponibles: nat}\rangle),$
 $\text{clientes: conjEstNat}(\text{cliente})$
 $\text{últimoLlamado: } \langle \text{cliente: cliente, promesas: conj(promesa), fueÚltimo: bool}\rangle)$

donde *tuplaPorCliente* es $\text{tupla}(\text{cliente: cliente, cantAcc: nat, promCompra: *promesa, promVenta: *promesa})$
 Con un orden definido por $a < b \Leftrightarrow a.\text{cliente} < b.\text{cliente}$

donde *tuplaPorCantAcc* es $\text{tupla}(\text{cliente: cliente, cantAcc: nat, promCompra: *promesa, promVenta: *promesa})$
 Con un orden definido por $a < b \Leftrightarrow a.\text{cantAcc} < b.\text{cantAcc}$

- (I) Los clientes de *clientes* son los mismos que hay dentro de *títulos*.
- (II) Las promesas de compra son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (III) Las promesas de y venta son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (IV) Las acciones disponibles de cada título son el máximo de acciones de ese título menos la suma de las acciones de ese título que tengan los clientes, y son mayores o iguales a 0.
- (V) El *cliente* de *últimoLlamado* pertenece a *clientes*.
- (VI) En *últimoLlamado*, si *fueÚltimo* es true, las promesas de *promesas* son todas las promesas que tiene *cliente*.
- (VII) Los clientes están ordenados en *arrayClientes* de *e.títulos*.

Rep : *estr* \rightarrow bool

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff$
 (I) $(\forall c: \text{cliente}) \left(\text{pertenece?}(c, e.\text{clientes}) \iff (\exists t: \text{título}) \left(\text{def?}(t, e.\text{titulos}) \wedge_{\text{L}} \text{estáCliente?}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}) \right) \right) \wedge_{\text{L}}$
 (II) $(\forall p: *promesa, t: \text{nombre}, c: \text{cliente}) \left((p \neq \text{NULL} \wedge \text{def?}(t, e.\text{titulos}) \wedge_{\text{L}} \text{estáCliente?}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}) \wedge_{\text{L}} \text{buscarCliente}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).\text{promCompra}=p) \Rightarrow_{\text{L}} \text{título}(*p)=t \wedge \text{tipo}(*p)=\text{compra} \wedge (\text{límite}(*p) > \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{cot} \vee \text{cantidad}(*p) > \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{accDisponibles}) \right) \wedge$
 (III) $(\forall p: *promesa, t: \text{nombre}, c: \text{cliente}) \left((p \neq \text{NULL} \wedge \text{def?}(t, e.\text{titulos}) \wedge_{\text{L}} \text{estáCliente?}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}) \wedge_{\text{L}} \text{buscarCliente}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).\text{promVenta}=p) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{título}(*p)=t \wedge \text{tipo}(*p)=\text{venta} \wedge \text{límite}(*p) < \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{cot}) \right) \wedge$
 (IV) $(\forall nt: \text{nombreT}) \left(\text{def?}(nt, e.\text{titulos}) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{obtener}(nt, e.\text{titulos}).\text{accDisponibles} = \text{obtener}(nt, e.\text{titulos}).\text{maxAcc} - \text{sumaAccClientes}(\text{obtener}(nt, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}, 0) \wedge \text{obtener}(nt, e.\text{titulos}).\text{accDisponibles} \geq 0) \right) \wedge$
 (V) $(\text{pertenece?}(e.\text{últimoLlamado}.cliente, e.\text{clientes})) \wedge_{\text{L}}$
 (VI) $(e.\text{últimoLlamado}.fueÚltimo \Rightarrow (\forall p: \text{promesa}) \left(\text{pertenece?}(p, e.\text{últimoLlamado}.promesas) \iff (\text{def?}(\text{título}(p), e.\text{titulos}) \wedge_{\text{L}} \right.$
 if $\text{tipo}(p)=\text{compra}$ **then**
 $\text{buscarCliente}(e.\text{últimoLlamado}.cliente, \text{obtener}(\text{título}(p), e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).\text{promCompra} = p$
 else
 $\text{buscarCliente}(e.\text{últimoLlamado}.cliente, \text{obtener}(\text{título}(p), e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).\text{promVenta} = p$
 fi $\left. \right) \wedge$
 (VII) $(\forall t: \text{título}) \text{def?}(t, e.\text{titulos}) \Rightarrow_{\text{L}} ((\forall i: \text{nat}) i < \text{longitud}(\text{buscar}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes})-1 \Rightarrow (\text{buscar}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}[i] < (\text{buscar}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}[i+1])))$
 $\text{estáCliente?} : \text{cliente} \times \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \longrightarrow \text{bool}$
 $\text{estáCliente?}(c, a) \equiv \text{auxEstáCliente}(c, a, 0)$
 $\text{auxEstáCliente} : \text{cliente} \times \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{bool}$
 $\text{auxEstáCliente}(c, a, i) \equiv \text{if } i=\text{longitud}(a) \text{ then false else } a[i].cliente = c \vee \text{auxEstáCliente}(c, a, i+1) \text{ fi}$
 $\text{buscarCliente} : \text{cliente} \times \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \longrightarrow \text{tuplaPorCliente} \quad \{\text{estáCliente}(c, a)\}$
 $\text{buscarCliente}(c, a) \equiv \text{auxBuscarCliente}(c, a, 0)$
 $\text{auxBuscarCliente} : \text{cliente} \times \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{tuplaPorCliente} \quad \{\text{estáCliente}(c, a)\}$
 $\text{auxBuscarCliente}(c, a, i) \equiv \text{if } a[i].cliente = c \text{ then } a[i] \text{ else } \text{auxBuscarCliente}(c, a, i+1) \text{ fi}$
 $\text{sumaAccClientes} : \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{nat}$
 $\text{auxBuscarCliente}(a, i) \equiv \text{if } i=\text{longitud}(a) \text{ then } 0 \text{ else } a[i].cantAcc + \text{sumaAccClientes}(a, i+1) \text{ fi}$
 $\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{wolfie} \quad \{\text{Rep}(e)\}$
 $\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} w: \text{wolfie} \mid \text{clientes}(w)=e.\text{clientes} \wedge \text{títulos}(w)=???????? \wedge$
 $(\forall c: \text{cliente}) \text{promesasDe}(c, w)=\text{damePromesas}(\text{crearIt}(e.\text{titulos}), e, c) \wedge$
 $\text{accionesPorCliente}(c, t, w)=\text{buscarCliente}(\text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).cantAcc$
 $\text{damePromesas} : \text{itDicc}(\text{diccString}) \times \text{estr} \times \text{cliente} \longrightarrow \text{conj}(\text{promesa})$

```

damePromesas(it, e, c)  $\equiv$  if hayMas?(it) then
    if buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra  $\neq$  NULL then
        {buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra  $\neq$  NULL}  $\cup$  fi
    if buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta  $\neq$  NULL then
        {buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta  $\neq$  NULL}  $\cup$  fi
    damePromesas(avanzar(it), e, c)
else
    vacio
fi

iClientes(in e: estr)  $\rightarrow$  res = itConjEstNat
1  return ( CrearIt ( e. clientes ) )

iPromesasDe(in c: cliente, in/out e: estr)  $\rightarrow$  res = itConj(promesa)
1  if  $\neg$ (e. ultimoLlamado. cliente = c  $\wedge$  e. ultimoLlamado. fueUltimo) then
2      itClaves(diccString) it  $\leftarrow$  crearIt ( e. titulos )
3      conj(promesa) proms  $\leftarrow$  vacio ()
4      tuplaPorClientes tup
5      while ( HayMas?( it ) )
6          tup  $\leftarrow$  BuscarCliente( Obtener( Nombre( Actual( it ) ), e. titulos ). arrayClientes )
7          if tup.promVenta  $\neq$  NULL then AgregarRapido( proms, *(tup.promVenta))
8          if tup.promCompra  $\neq$  NULL then AgregarRapido( proms, *(tup.promCompra))
9          Avanzar( it )
10     endWhile
11     e. ultimoLlamado. promesas  $\leftarrow$  proms
12 fi
13 return ( crearIt ( e. ultimoLlamado. promesas ) )

iAccionesPorCliente(in c: cliente, in nt, nombreT, in e: estr)  $\rightarrow$  res = nat
1  return ( BuscarCliente( c , Obtener( nt , e. titulos ) ). cantAcc )

iInaugurarWolfie(in c: conj(cliente))  $\rightarrow$  res = estr
1  res. titulos  $\leftarrow$  CrearDicc ()
2  res. clientes  $\leftarrow$  CrearDicc ()
3  res. ultimoLlamado  $\leftarrow$  <0, Vacio (), false>

iAgregarPromesa(in c: cliente, in p:promesa, in/out e:estr)
1  promesa prom  $\leftarrow$  p
2  if tipo(prom)=compra then
3      BuscarCliente( c , Obtener( titulo (prom), e. titulos ). arrayClientes ). promCompra  $\leftarrow$  &prom
4  else
5      BuscarCliente( c , Obtener( titulo (prom), e. titulos ). arrayClientes ). promCompra  $\leftarrow$  &prom
6  fi

iEnAlza(in nt: nombreT, in e: estr)  $\rightarrow$  res = bool
1  return ( Obtener( nt , e. titulos ). enAlza )

iAgregarTitulo(in t: titulo, in/out e: estr)  $\rightarrow$  res = nat
1  Definir ( e. titulos , nombre( t ) , <CrearArrayClientes

```

3. Módulo DiccionarioTrie(alpha)

3.1. Interfaz

3.1.1. Parámetros formales

géneros string, α

se explica con: DICCIONARIO(α), ITERADOR UNIDIRECCIONAL.

géneros: diccString(α), itDicc(diccString).

3.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String(α)

CREARDICC() $\rightarrow res : \text{diccString}(\alpha)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacío}\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripcion: Crea un diccionario vacío.

DEFINIR(**in/out** $d : \text{diccString}(\alpha)$, **in** $c : \text{string}$, **in** $s : \alpha$)

Pre $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0 \wedge \neg \text{def?}(d, c)\}$

Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(d_0, c, s)\}$

Complejidad: $O(\text{longitud}(c))$

Descripcion: Define la clave c con el significado s en el diccionario d .

DEFINIDO?(**in** $d : \text{diccString}(\alpha)$, **in** $c : \text{string}$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def?}(c, d)\}$

Complejidad: $O(\text{longitud}(c))$

Descripcion: Devuelve true si y solo si c está definido como clave en el diccionario.

SIGNIFICADO(**in** $d : \text{diccString}(\alpha)$, **in** $c : \text{string}$) $\rightarrow res : \alpha$

Pre $\equiv \{\text{def?}(c, d)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{obtener}(c, d)\}$

Complejidad: $O(\text{longitud}(c))$

Descripcion: Devuelve el significado con clave c .

Aliasing: No se devuelve una copia del α en res , se devuelve una referencia a la original.

3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario String(α)

CREARIT(**in** $d : \text{diccString}(\alpha)$) $\rightarrow res : \text{itClaves}(\text{string})$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearIt}(d.\text{claves})\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripcion: Crea y devuelve un iterador de claves Diccionario String.

HAYMAS?(**in** $d : \text{itClaves}(\text{string})$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{hayMas?}(it)\}$

Complejidad: $O(\text{longitud}(c))$

Descripcion: Informa si hay más elementos por iterar.

ACTUAL(**in** $d : \text{itClaves}(\text{string})$) $\rightarrow res : \text{string}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{actual}(it)\}$

Complejidad: $O(\text{longitud}(c))$

Descripcion: Devuelve la clave de la posición actual.

AVANZAR(**in/out** $it : \text{itClaves}(\text{string})$) $\rightarrow res : \text{itClaves}(\alpha)$

Pre $\equiv \{\text{hayMas?}(it) \wedge it = it_0\}$

Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{avanzar}(it_0)\}$

Complejidad: $O(\text{longitud}(c))$

Descripcion: Avanza a la próxima clave.

3.2. Representacion

3.2.1. Representación del Diccionario String(α)

$\text{diccString}(\alpha)$ se **representa con** estrDic

donde estrDic es $\text{tupla}(\text{raiz: puntero(nodo)} \quad \text{claves: lista_enlazada(string)})$

Nodo se **representa con** estrNodo

donde estrNodo es $\text{tupla}(\text{valor: puntero}(\alpha) \quad \text{hijos: arreglo_estatico}[256](\text{puntero(nodo)}))$

- (I) Existe un único camino entre cada nodo y el nodo raiz (es decir, no hay ciclos).
- (II) Todos los nodos hojas, es decir, todos los que tienen su arreglo hijos con todas sus posiciones en NULL, tienen que tener un valor distinto de NULL.
- (III) Raiz es distinto de NULL
- (IV) En claves está el camino que se recorre desde la raiz hasta cada nodo hoja.

$\text{Rep} : \text{estrDic} \longrightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff$
 $\text{raiz} \neq \text{NULL} \wedge_{\text{L}} \text{noHayCiclos}(e) \wedge \text{todasLasHojasTienenValor}(e) \wedge$
 $\text{hayHojas}(e) \Rightarrow |e.\text{claves}| > 0 \wedge$
 $(\forall c \in \text{caminosANodos}(e))(\exists i \in \{0..|e.\text{claves}|\}) e.\text{claves}[i] = c$

$\text{Abs} : \text{estrDicc } e \longrightarrow \text{dicc(string}, \alpha)$

$\{\text{Rep}(e)\}$

$\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} d: \text{dicc(string}, \alpha) \mid (\forall c: \text{string})(\text{definido?}(c, d)) = (\exists n: \text{nodo})(n \in \text{todasLasHojas}(e)) \text{ n.valor} \neq \text{NULL}$
 $\wedge (\exists i \in \{0..|e.\text{claves}|\}) e.\text{claves}[i] = c \wedge_{\text{L}} \text{significado}(c, d) = \text{leer}(e.\text{clave}).\text{valor}$

3.2.2. Operaciones auxiliares del invariante de Representación

$\text{noHayCiclos} : \text{puntero(nodo)} \longrightarrow \text{bool}$

$\text{noHayCiclos}(n, p) \equiv (\exists n: \text{nat})(\forall c: \text{string})(|s| = n \Rightarrow \text{leer}(p, s) = \text{NULL}))$

$\text{leer} : \text{puntero(nodo)} \times \text{string} \longrightarrow \text{bool}$

$\text{leer}(p, s) \equiv \text{if vacia?}(s) \text{ then}$
 $\quad p \rightarrow \text{valor}$
 else
 $\quad \text{if } p \rightarrow \text{hijos}[\text{prim}(s)] = \text{NULL} \text{ then NULL else leer}(p \rightarrow \text{hijos}[\text{prim}(s)], \text{fin}(s)) \text{ fi}$
 fi

$\text{todosNull} : \text{arreglo(puntero(nodo))} \longrightarrow \text{bool}$

$\text{todosNull}(a) \equiv \text{auxTodosNull}(a, 0)$

$\text{auxTodosNull} : \text{arreglo(puntero(nodo))} \times \text{nat} \longrightarrow \text{bool}$

$\text{auxTodosNull}(a, i) \equiv \text{if } i < |a| \text{ then } a[i] == \text{NULL} \wedge \text{auxTodosNull}(a, i + 1) \text{ else } a[i].\text{valor} == \text{NULL} \text{ fi}$


```

esHoja : puntero(nodo)  → bool
esHoja(p) ≡ if p == NULL then false else todosNull(p.hijos) fi
todasLasHojas : puntero(nodo) × nat  → conj(nodo)
todasLasHojas(p, n) ≡ if p == NULL then
    false
else
    if esHoja(p) then Ag(*p, vacio) else auxTodasLasHojas((*p).hijos, 256) fi
fi
auxTodasLasHojas : arreglo(puntero(nodo)) × nat  → conj(nodo)
auxTodasLasHojas(a, n) ≡ hojasDeHijos(a, n, 0)
hojasDeHijos : arreglo(puntero(nodo)) × nat × nat  → conj(nodo)
hojasDeHijos(a, n, i) ≡ if i = n then ∅ else todasLasHojas(a[i]) ∪ hojasDeHijos(a, n, (i + 1)) fi
todasLasHojasTienenValor : puntero(nodo)  → bool
todasLasHojasTienenValor(p) ≡ auxTodasLasHojasTienenValor(todasLasHojas(p, 256))
auxTodasLasHojasTienenValor : arreglo(puntero(nodo))  → bool
auxTodasLasHojasTienenValor(a) ≡ if |a| = 0 then
    true
else
    dameUno(a).valor != NULL ∧ auxTodasLasHojasTienenValor(sinUno(a))
fi

```

3.2.3. Representación del iterador de Claves del Diccionario String(α)

itClaves(*string*) se representa con puntero(nodo)

Su Rep y Abs son los de itSecu(α) definido en el apunte de iteradores..

3.3. Algoritmos

3.3.1. Algoritmos de Diccionario String

```

ICREARDICC() → res = diccString( $\alpha$ )
1  n ← nodo
2  n ← crearNodo()
3  raiz ← *n

```

Complejidad

```

ICREARNODO() → res = nodo
1  d : arreglo\_estatico[256]
2  i ← 0
3  while (i < 256)
4      d[i] ← NULL
5  endWhile
6  hijos ← d
7  valor ← NULL

```

Complejidad

```

IDEFINIR(in/out diccString( $\alpha$ ): d, in string: c, in alfa: s)
1  i ← 0

```

```

2  p ← d.raiz
3  while (i < (longitud(s)))
4      if (p.hijos[ord(s[i])] == NULL)
5          n: nodo ← crearNodo()
6          p.hijos[ord(s[i])] ← *n
7      endIf
8  p ← p.hijos[ord(s[i])]
9  i++
10 endWhile
11 p.valor ← a
12 agregarAdelante(hijos, c)

```

Complejidad

ISIGNIFICADO(in diccString(α): d, in string: c) \rightarrow res = α

```

1  i ← 0
2  p ← d.raiz
3  while (i < (longitud(s)))
4      p ← p.hijos[ord(s[i])]
5  i++
6  endWhile
7  return p.valor

```

Complejidad

IDEFINIDO?(in diccString(α): d, in string: c) \rightarrow res = bool

```

1  i ← 0
2  p ← d.raiz
3  while (i < (longitud(s)))
4      if (p.hijos[ord(s[i])] != NULL)
5          p ← p.hijos[ord(s[i])]
6          i++
7      else
8          return false
9      endIf
10 endWhile
11 return p.valor != NULL

```

Complejidad

ICLAVES(in diccString(α): d) \rightarrow res = lista_enlazada(string)

```

1 return itClaves(d)

```

Complejidad**3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String**

Utiliza los mismos algoritmos que itSecu(α) definido en el apunte de iteradores.

HEAPSORT(in arreglo(tuplas): a, in int: n) \rightarrow res = arreglo(tuplas)

```

1 fin ← (n-1)
2 while (end > 0)
3     swap(a[fin], a[0])
4     fin ← (fin - 1)
5     siftDown(a, 0, fin)
6 endWhile

```

Complejidad

HEAPIFICAR(in arreglo(tuplas): a, in int: n) → res = arreglo(tuplas)

```

1 comienzo ← (parteEntera((n-2)/2))
2 while (comienzo > 0)
3     siftDown(a, comienzo, n-1)
4     comienzo ← comienzo - 1
5 endWhile

```

Complejidad

SIFTDOWN(in arreglo(tuplas): a, in int: comienzo, in int: fin) → res = arreglo(tuplas)

```

1 int: raiz
2 int: hijo
3 int: pasaMano
4 raiz ← comienzo
5 while ((raiz * 2) + 1 ≤ fin)
6     hijo ← (raiz * 2) + 1
7     pasaMano ← raiz
8     if (a[pasaMano] < a[hijo])
9         pasaMano ← hijo
10    endIf
11    if ((hijo + 1 ≤ fin) && (a[pasaMano] < a[hijo + 1]))
12        pasaMano ← hijo + 1
13    endIf
14    if (pasaMano != raiz)
15        swap(a[raiz], a[pasaMano])
16        raiz ← pasaMano
17    endIf
18 endWhile

```

Complejidad

BUSQUEDABINARIA(in arreglo(tuplas): a, nat: cliente, nat: tam)

```

1 int: arriba ← tam-1
2 int: abajo ← 0
3 int: centro
4 while (abajo ≤ arriba)
5     centro ← (arriba + abajo)/2;
6     if (arreglo[centro].Π1 == cliente)
7         return centro;
8     else
9         if (cliente < arreglo[centro].Π1)
10            arriba ← centro-1;
11        else
12            abajo ← centro+1;
13        endIf
14    endIf
15 endWhile

```

Complejidad

4. Módulo Conjunto Estático de Nats

4.1. Interfaz

géneros conjEstNat, itConjEstNat

Se explica con: CONJUNTO(NAT), ITERADOR UNIDIRECCIONAL(NAT). **Usa:**

4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat

NUEVOCONJESTNAT(**in** $c : \text{conj}(\text{nat})$) $\rightarrow res : \text{conjEstNat}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} c\}$
Complejidad: $\Theta(n * (\log(n)))$
Descripcion: Crea un conjunto estático de nats

PERTENECE?(**in** $n : \text{nat}$, **in** $c : \text{conjEstNat}$) $\rightarrow res : \text{bool}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} n \in c\}$
Complejidad: $\Theta(n)$
Descripcion: Pregunta si el elemento pertenece al conjunto

CARDINAL(**in** $n : \text{conjEstNat}$) $\rightarrow res : \text{nat}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} n \in c\}$
Complejidad: $\Theta(n)$
Descripcion: Pregunta si el elemento pertenece al conjunto

4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat

CREARIT(**in** $c : \text{conjEstNat}$) $\rightarrow res : \text{itConjEstNat}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearItUni}(c)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Devuelve un iterador unidireccional a un conjunto estático de nats

ACTUAL(**in** $i : \text{itConjEstNat}$) $\rightarrow res : \text{nat}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{actual}(i)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Devuelve la posicion actual

PRÓXIMO(**in** $i : \text{itConjEstNat}$) $\rightarrow res : \text{itConjEstNat}$
Pre $\equiv \{\text{hayMas?}(i)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{avanzar}(i)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Avanza el iterador

HAYPRÓX?(**in** $i : \text{itConjEstNat}$) $\rightarrow res : \text{bool}$
Pre $\equiv \{i_0 = i\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{hayMas?}(i)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Pregunta si hay mas elementos para iterar

4.2. Representación

4.2.1. Representación de conjEstNat

conjEstNat se representa con array: arreglo_dimensionable(nat)

Rep: los elementos estan ordenados y no hay repeticiones

Rep : array \rightarrow bool

Rep(a) \equiv true $\iff (\forall i: \text{nat}) (i < \text{longitud}(a)-1 \Rightarrow (\text{definido?}(a, i) \wedge \text{definido?}(a, i+1) \wedge_L a[i] < a[i+1]))$

Abs : array $a \rightarrow$ conjEstNat

{Rep(a)}

Abs(a) =_{obs} c : conjEstNat | $(\forall n: \text{nat}) n \in c \Leftrightarrow \text{estáEnArray?}(n, a, 0)$

estáEnArray? : nat \times arreglo_dimensionable(nat) \times nat \rightarrow bool

estáEnArray(n, a, i) \equiv **if** $i = \text{longitud}(a)-1$ **then** false **else** $a[i] = n \vee \text{estáEnArray?}(n, a, i+1)$ **fi**

4.2.2. Representación de itConjEstNat

itConjEstNat se representa con iterador

donde iterador es tupla(pos : nat, $lista$: puntero(arreglo_dimensionable(nat)))

Rep : iterador \rightarrow bool

Rep(i) \equiv true $\iff i.pos < \text{longitud}(*i.lista)$

Abs : iterador $it \rightarrow$ itConjEstNat

{Rep(it)}

Abs(it) =_{obs} $iConj$: itConjEstNat | $\text{actual}(iConj) = a[i] \wedge \text{hayPróx}(iConj) = (i.pos < \text{longitud}(*i.lista)-1) \wedge (\text{hayPróx}(iConj) \Rightarrow \text{próximo}(iConj) = \text{Abs}(<i.pos + 1, i.lista>))$

iNuevoConjEstNat(in c : conj(nat)) \rightarrow res = array

```

1 itConj(nat)  $it \leftarrow \text{crearIt}(c)$ 
2 arreglo_dimensionable(nat)[cardinal(c)]  $a$ 
3 nat  $i \leftarrow 0$ 
4 while ( $\text{HaySiguiente?}(it)$ )
5      $a[i] \leftarrow \text{Siguiente}(it)$ 
6      $i++$ 
7      $\text{Avanzar}(it)$ 
8 endWhile
9  $\text{heapsort}(a)$ 
10 return ( $a$ )

```

iPertenece(in n : nat, in c : array) \rightarrow res = bool

```

1 bool  $b \leftarrow \text{false}$ 
2 nat  $i \leftarrow 0$ 
3 while ( $i < |c|$ )
4      $b \leftarrow (b \vee c[i] = n)$ 
5      $i++$ 
6 endWhile
7 return ( $b$ )

```

iCrearIt(in a : array) \rightarrow res = iterador

```

1 return ( $<|c|, \&c>$ )

```

iActual(in it : iterador) \rightarrow res = nat

```

1 return  $*(it.lista)[it.pos]$ 

```

iActual(in/out it : iterador)

```
1 return <it . pos+1, it . lista >
```

iHayPróximo?(in it: iterador) → res = bool

```
1 return ( it . pos+1<longitud ( it . lista ))
```

Servicios usados: se utilizan solo tipos basicos, incluidos arreglos y punteros.

5. Módulo Promesa