Algoritmos y Estructura de Datos II

Primer cuatrimestre 2014

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Practico 2

Grupo 10

| Integrante | LU | Correo electrónico |
|------------------------------|--------|-----------------------|
| Lucía, Parral | 162/13 | luciaparral@gmail.com |
| Nicolás, Roulet | | |
| Pablo Nicolás, Gomez | | |
| Guido Joaquin, Tamborindeguy | | |

Reservado para la cátedra

| Instancia | $\operatorname{Docente}$ | Nota |
|-----------------|--------------------------|------|
| Primera entrega | | |
| Segunda entrega | | |

$\mathbf{\acute{I}ndice}$

| 1. | Mó | dulo Wolfie | 3 |
|----|------|---|---|
| | 1.1. | Interfaz | 3 |
| | | 1.1.1. Parámetros formales | 3 |
| | | 1.1.2. Operaciones básicas de wolfie | 3 |
| | 1.2. | Representación | 4 |
| | | 1.2.1. Representación de wolfie | 4 |
| 2. | Mó | dulo DiccionarioTrie(alpha) | 6 |
| | 2.1. | Interfaz | 6 |
| | | 2.1.1. Parámetros formales | 6 |
| | | 2.1.2. Operaciones básicas de $\mathrm{DiccTrie}(\alpha)$ | 6 |
| | 2.2. | Representacion | 7 |
| | | 2.2.1. Representación del Diccionario $\mathrm{Trie}(\alpha)$ | 7 |
| | 2.3. | Algoritmos | 7 |
| 3. | Mó | dulo Conjunto Estático de Nats | 7 |
| | 3.1. | Interfaz | 7 |
| | | 3.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat | 8 |
| | | 3.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat | 8 |
| | 3.2. | Representación | 9 |
| | | 3.2.1. Representación de conjEstNat | 9 |
| | | 3.2.2. Representación de itConiEstNat | 9 |

1. Módulo Wolfie

1.1. Interfaz

1.1.1. Parámetros formales

```
géneros wolfiese explica con: WOLFIE.
```

1.1.2. Operaciones básicas de wolfie

```
CLIENTES(in w: wolfie) \rightarrow res: itUni(cliente)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{crearIt}(\operatorname{clientes}(w))\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los clientes de un wolfie.
TÍTULOS(in \ w: wolfie) \rightarrow res: itUni(título)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{títulos}(w))\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los títulos de un wolfie.
PROMESASDE(in c: cliente, in w: wolfie) \rightarrow res: itPromesa(promesa)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{clientes}(w)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{promesasDe}(c, w)) \}
Complejidad: \Theta(T \cdot C \cdot |max \mid nt|)
Descripcion: Devuelve un iterador a las promesas de un wolfie
ACCIONESPORCLIENTE(in c: cliente, in nt: nombreTítulo, in w: wolfie) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{clientes}(w) \land (\exists t : \text{título}) \ (t \in \text{títulos}(w) \land \text{nombre}(t) = nt)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{accionesPorCliente}(c, nt, w) \}
Complejidad: \Theta(log(C) + |nt|)
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones que un cliente posee de un determinado título.
INAUGURARWOLFIE(in cs: conj(cliente)) \rightarrow res: wolfie
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(cs)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ inaugurarWolfie}(cs)\}
Complejidad: \Theta(\#(cs)^2)
Descripcion: Crea un nuevo wolfie a partir de un conjunto de clientes.
AGREGARTÍTULO(in \ t: título, in/out \ w: wolfie) 
ightarrow res: wolfie
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\forall t2: \text{título}) \ (t2 \in \text{títulos}(w) \Rightarrow \mathrm{nombre}(t) \neq \mathrm{nombre}(t2)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ w =_{\text{obs}} \operatorname{agregarTitulo}(t, w_0) \}
Complejidad: \Theta(|nombre(t)| + C) ACTUALIZARCOTIZACIÓN(in nt: nombreTítulo, in cot: nat, in/out w: wolfie) \to
res : wolfie
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists t : \mathsf{título}) \ (t \in \mathsf{títulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = nt)\}
\mathbf{Post} \equiv \{w =_{\text{obs}} \text{actualizarCotización}(nt, \, cot, \, w_0)\}\
Complejidad: \Theta(C \cdot |nt| + C \cdot log(C))
Descripcion: Cambia la cotización de un determinado título. Esta operación genera que se desencadene el cumplimiento
de promesas (según corresponda): primero de venta y luego, de compra, según el orden descendente de cantidad de acciones
por título de cada cliente.
```

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists t: \mathtt{título}) \ (t \in \mathtt{títulos}(w) \land \mathtt{nombre}(t) = \mathtt{título}(p)) \land c \in \mathtt{clientes}(w) \land_{\mathtt{L}}(\forall p 2: \mathtt{promesa}) \ (p 2 \in \mathtt{promesasDe}(c, w) \Rightarrow (\mathtt{título}(p) \neq \mathtt{título}(p 2) \lor \mathtt{tipo}(p) \neq \mathtt{tipo}(p 2))) \land (\mathtt{tipo}(p) = \mathtt{vender} \Rightarrow \mathtt{accionesPorCliente}(c, \mathtt{título}(p), \mathsf{totalo}(p), \mathsf{totalo}(p),$

 $AGREGARPROMESA(in \ c: cliente, in \ p: promesa, in/out \ w: wolfie) \rightarrow res: wolfie$

```
w) \geq \operatorname{cantidad}(p)))\}
\operatorname{Post} \equiv \{w =_{\operatorname{obs}} \operatorname{agregarPromesa}(c, p, w_0)\}
\operatorname{Complejidad:} \Theta(|\operatorname{titulo}(p)| + \log(C))
\operatorname{Descripcion:} \operatorname{Agrega} \text{ una nueva promesa.}
\operatorname{ENALZA}(\operatorname{in} nt: \operatorname{nombreTitulo}, \operatorname{in} w: \operatorname{wolfie}) \rightarrow res: \operatorname{bool} \operatorname{Pre} \equiv \{(\exists t: \operatorname{titulo}) \ (t \in \operatorname{titulos}(w) \land \operatorname{nombre}(t) = \operatorname{nt})\}
\operatorname{Post} \equiv \{res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{enAlza}(nt, w)\}
\operatorname{Complejidad:} \Theta(|nt|)
\operatorname{Descripcion:} \operatorname{Dado} \operatorname{un} \operatorname{titulo}, \operatorname{informa} \operatorname{si} \operatorname{est\'{a}} \operatorname{o} \operatorname{no} \operatorname{en} \operatorname{alza}.
```

1.2. Representación

1.2.1. Representación de wolfie

wolfie se representa con estr

- (I) Los clientes de *clientes* son los mismos que hay dentro de *titulos*.
- (II) Las promesas de compra son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (III) Las promesas de y venta son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (IV) Las acciones disponibles de cada título son el máximo de acciones de ese título menos la suma de las acciones de ese titulo que tengan los clientes, y son mayores o iguales a 0.
- (V) El cliente de últimoLlamado pertenece a clientes.
- (VI) En últimoLlamado, si fueÚltimo es true, las promesas de promesas son todas las promesas que tiene cliente.
- (VII) Los clientes están ordenados en arrayClientes de e.titulos.

```
Rep : estr \longrightarrow bool
```

```
Rep(e) \equiv true \iff
                      (I)(\forall c: cliente) (pertenece?(c, e.clientes) \Leftrightarrow (\exists t: título) (def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t,
                           e.titulos).arrayClientes))) \land_{L}
                       (II)(\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) ((p \neq NULL \land def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t, t))
                             e.titulos). arrayClientes) \land_{\texttt{L}} buscarCliente(c, obtener(t, e.titulos). <math>arrayClientes). promCompra=p)
                             \Rightarrow_{\mathtt{L}} \mathsf{titulo}(*p) = t \land \mathsf{tipo}(*p) = \mathsf{compra} \land (\mathsf{limite}(*p) > \mathsf{obtener}(t, e.titulos).cot \lor \mathsf{cantidad}(*p) > \mathsf{obtener}(t
                             e.titulos).accDisponibles)) \land
                       (III) (\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) (p \neq NULL \land def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t, t))
                               e.titulos).arrayClientes) \land_{L}buscarCliente(c, obtener(t, e.titulos).arrayClientes).<math>promVenta = p)
                               \Rightarrow_{\text{L}}(\text{título}(*p)=t \land \text{tipo}(*p)=\text{venta} \land \text{límite}(*p) < \text{obtener}(t, e.titulos).cot)) \land
                       (IV)(\forall nt: nombreT) (def?(nt, e.titulos) \Rightarrow_{L}(obtener(nt, e.titulos).accDisponibles = obtener(nt, e.titulos))
                               e.titulos).maxAcc - sumaAccClientes(obtener(nt, e.titulos).arrayClientes) \land obtener(nt,
                               e.titulos).accDisponibles \geq 0)) \land
                      (V)(pertenece?(e.últimoLlamado.cliente, e.clientes)) \wedge_{L}
                      (VI)(e.\'ultimoLlamado.fue\'ultimo \Rightarrow (\forall p: promesa) (pertenece?(p, e.\'ultimoLlamado.promesas) \Leftrightarrow
                               (def?(titulo(p), e.titulos) \land_L
                               if tipo(p) = compra then
                                      buscarCliente(e.\'ultimoLlamado.cliente, obtener(título(p), e.titulos).arrayClientes).promCompra
                               \mathbf{else}
                                      buscarCliente(e.\'ultimoLlamado.cliente, obtener(t\'utulo(p), e.titulos).arrayClientes).promVenta
                               \mathbf{fi}))
                       (VII)(\forall t: titulo) def?(t, e.titulos) \Rightarrow_L ((\forall i:nat) i < longitud(buscar(t, e.titulos).arrayClientes)-1 \Rightarrow
                                 (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i] < (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i+1])
                      estáCliente? : cliente × array dimensionable(tuplaPorCliente) --> bool
                      estáCliente?(c, a) \equiv \text{auxEstáCliente}(c, a, 0)
                      auxEstáCliente : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \longrightarrow bool
                      auxEstáCliente(c, a, i) \equiv if i = longitud(a) then false else a[i].cliente = c \lor auxEstáCliente(c, a, i + 1) fi
                      buscarCliente : cliente \times array \ dimensionable(tuplaPorCliente) \ \longrightarrow \ tuplaPorCliente
                                                                                                                                                                                                                       \{ \text{estáCliente}(c, a) \}
                      buscarCliente(c, a) \equiv auxBuscarCliente(c, a, 0)
                      auxBuscarCliente: cliente \times array \ dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \ \longrightarrow \ tuplaPorCliente
                                                                                                                                                                                                                       \{\operatorname{estáCliente}(c, a)\}
                      auxBuscarCliente(c, a, i) \equiv if \ a[i].cliente = c \ then \ a[i] \ else \ auxBuscarCliente(c, a, i + 1) \ fi
Abs : estr e \longrightarrow \text{wolfie}
                                                                                                                                                                                                                                  \{\operatorname{Rep}(e)\}
Abs(e) =_{obs} w: wolfie | clientes(w)=e.clientes \land títulos(w)=???????? \land
                                              (\forall c: cliente) \text{ promesasDe}(c, w) = damePromesas(crearIt(e.titulos), e, c) \land
                                              accionesPorCliente(c, t, w) = buscarCliente(obtener(t, e.titulos).arrayClientes).cantAcc
damePromesas : itTrie?????? \times estr \times cliente \longrightarrow conj(promesa)
damePromesas(it, e, c) \equiv if hayMas?(it) then
                                                            if buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra \neq NULL then
                                                                  \{buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra \neq NULL\} \cup fi
                                                            if buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta \neq NULL then
                                                                 \{buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta \neq NULL\} \cup \mathbf{fi}
                                                            damePromesas(avanzar(it), e, c)
                                                      else
                                                            vacio
                                                      fi
```

2.Módulo DiccionarioTrie(alpha)

2.1. Interfaz

Parámetros formales

```
géneros
             string, \alpha
se explica con: DICCTRIE(\alpha).
géneros: diccTrie(\alpha).
```

2.1.2.

```
Operaciones básicas de DiccTrie(\alpha)
CREARDICC(()) \rightarrow res : diccTrie(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} vacio\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Crea un diccionario vacío.
DEFINIR(in/out \ d: diccTrie(\alpha), in \ c: string, in \ s: conj(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{obs} d_0 \land \neg definido?(d, c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} definir(d_0, c, s)\}\
Complejidad: \Theta(longitud(c))
Descripcion: Define la clave c con el significado s en el diccionario d.
DEFINIDO?(in d: diccTrie(\alpha), in c: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} def?(c,d)\}\
Complejidad: \Theta(longitud(c))
Descripcion: Devuelve true si y solo si c está definido como clave en el diccionario.
SIGNIFICADO(in d: diccTrie(\alpha), in c: string) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(c,d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(c, d)\}\
Complejidad: \Theta(longitud(c))
Descripcion: Devuelve el significado con clave c.
Aliasing: No se devuelve una copia del \alpha en res, se devuelve una referencia a la original.
TodosLosSignificados(in/out\ d: diccTrie(\alpha)) \rightarrow res: conj(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ (\forall a : \alpha) \ a \in res \rightarrow (\exists c : clave) \ c \in claves(d) \land_{\mathbf{L}} a = obtener(d, c) \}
Complejidad: \Theta(|max_c|)
Descripcion: Devuelve todos los significados guardados en el diccionario d.
Aliasing: res no es modificable
```

2.2. Representacion

2.2.1. Representación del Diccionario Trie (α)

```
\label{eq:diccTrie} \begin{split} \operatorname{diccTrie}(\alpha) & \text{ se representa con dic} \\ \operatorname{dondedic es tupla}(\mathit{raiz} : \operatorname{puntero}(\operatorname{nodoTrie})) \end{split} \label{eq:nodoTrie se representa con nodo} \\ \operatorname{donde nodo es tupla}(\mathit{valor} : \operatorname{puntero}(\alpha) \quad \mathit{hijos} : \operatorname{arreglo}(\operatorname{puntero}(\operatorname{nodoTrie}))) \end{split}
```

2.3. Algoritmos

$\frac{\textbf{Algorithm 1 iCrear()}}{n:nodo}$

```
n \leftarrow crearNodo() \\ raiz \leftarrow *n
```

Algorithm 2 iCrearNodo()

```
\begin{array}{l} d: arreglo\_estatico[256] \\ i \leftarrow 0 \\ \textbf{while} \ i < 256 \ \textbf{do} \\ d[i] \leftarrow NULL \\ \textbf{end while} \\ this.hijos \leftarrow d \\ this.valor \leftarrow NULL \end{array}
```

Algorithm 3 iDefinir(string: s, alfa: a)

```
\begin{split} i &\leftarrow 0 \\ p &\leftarrow this.raiz \\ \mathbf{while} \ i < (longitud(s)) \ \mathbf{do} \\ \mathbf{if} \ p.hijos[ord(s[i])] == NULL \ \mathbf{then} \\ n : nodo &\leftarrow crearNodo() \\ p.hijos[ord(s[i])] &\leftarrow *n \\ \mathbf{end} \ \mathbf{if} \\ p &\leftarrow p.hijos[ord(s[i])] \\ i &+ + \\ \mathbf{end} \ \mathbf{while} \\ p.valor &\leftarrow a \end{split}
```

3. Módulo Conjunto Estático de Nats

3.1. Interfaz

```
géneros conjEstNat, itConjEstNat se explica con: ConjUnto.
```

Algorithm 4 iObtener(string: s)

```
i \leftarrow 0

p \leftarrow this.raiz

while i < (longitud(s)) do

p \leftarrow p.hijos[ord(s[i])]

i + +

end while

p.valor \leftarrow a return p.valor
```

3.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat

```
NUEVOCONJESTNAT(in c: conj(nat)) \rightarrow res: conjEstNat \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}

Post \equiv \{ res =_{\text{obs}} c \}

Complejidad: \Theta(n*(logn))

Descripcion: Crea un conjunto estático de nats

PERTENECE? (in n: nat, in c: conjEstNat) \rightarrow res: bool

Pre \equiv \{ \text{true} \}

Post \equiv \{ res =_{\text{obs}} n \in c \}

Complejidad: \Theta(n)

Descripcion: Crea un conjunto estático de nats
```

3.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat

```
\mathtt{CREARIT}(\mathbf{in}\ c : \mathtt{conjEstNat}) \rightarrow res : \mathtt{itConjEstNat}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(c) \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Devuelve un iterador unidireccional a un conjunto estático de nats
ACTUAL(\mathbf{in}\ i: \mathtt{itConjEstNat}) \rightarrow res: \mathtt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} actual(i)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Devuelve la posicion actual
\texttt{PROXIMO}(\textbf{in } i : \texttt{itConjEstNat}) \rightarrow res : \texttt{itConjEstNat}
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{hayMas}?(i)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} avanzar(i)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Avanza el iterador
\text{HAYPROX}?(in i: itConjEstNat) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{i_0 = i\}
Post \equiv \{res =_{obs} hayMas?(i)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Pregunta si hay mas elementos para iterar
```

3.2. Representación

3.2.1. Representación de conjEstNat

conjEstNat se representa con array: arreglo_dimensionable(nat)

```
Rep: los elementos estan ordenados y no hay repeticiones 

Rep : array \longrightarrow bool 

Rep(a) \equiv \text{true} \iff (\forall i : \text{nat}) \ (i < \text{longitud}(a) - 1 \Rightarrow (\text{definido}?(a, i) \land \text{definido}?(a, i + 1) \land_{\text{L}} a[i] < a[i + 1])) 

Abs : array a \longrightarrow \text{conjEstNat} \{\text{Rep}(a)\} 

Abs(a) =_{\text{obs}} c: conjEstNat | (\forall n : \text{nat}) \ n \in c \Leftrightarrow \text{estáEnArray}?(n, a, 0) 

estáEnArray? : nat × arreglo_dimensionable(nat) × nat \longrightarrow bool 

estáEnArray(n, a, i) \equiv \text{if } i = \text{longitud}(a) - 1 \text{ then false else } a[i] = n \lor \text{estáEnArray}?(n, a, i + 1) \text{ fi}
```

3.2.2. Representación de itConjEstNat

```
itConjEstNat se representa con iterador
```

```
donde iterador es tupla(pos: nat, lista: puntero(arreglo_dimensionable(nat)) )

Rep: iterador \longrightarrow bool

Rep(i) \equiv true \iff i.pos<longitud(*(i.lista))

Abs: iterador it \longrightarrow itConjEstNat

{Rep(it)}

Abs(it) = _obs iConj: itConjEstNat | actual(iConj) = a[i] \land hayPróx(iConj)=(i.pos<longitud(*(i.lista))-1) \land (hayPróx(i.Conj)\Rightarrowpróximo(iConj)=Abs(<i.pos + 1, i.lista>))
```

Algorithm 5 iNuevoConjEstNat(conj)

```
it: itConj
it \leftarrow crearIt(conj)
a: arreglo\_dimensionable[cardinal(conj)]
i: nat
i \leftarrow 0
\mathbf{while} \ haySiguiente?(it) \ \mathbf{do}
a[i] \leftarrow siguiente(it)
i++
avanzar(it)
\mathbf{end} \ \mathbf{while}
heapSort(a)
return(a)
```

Servicios usados: se utilizan solo tipos basicos, incluido el arreglo y punteros.

Algorithm 6 iPertenece?(n, c)

```
i: nat
i \leftarrow 0
b: bool
b \leftarrow false
while i < longitud(c) do
b \leftarrow b \lor c[i] = n
end while
return(b)
```

Algorithm 7 iCrearIt(c)

return < longitud(c), &c >

Algorithm 8 iActual(it)

return*(it.lista)[it.pos]

Algorithm 9 iPróximo(it)

return < it.pos + 1, it.lista >

Algorithm 10 ihayPróx(it)

returnit.pos + 1 < longitud(it.lista)