

Algoritmos y Estructura de Datos II

Primer cuatrimestre 2014

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Trabajo Practico 2

Grupo 10

Integrante	LU	Correo electrónico
Lucía, Parral	162/13	luciaparral@gmail.com
Nicolás, Roulet		
Pablo Nicolás, Gomez		
Guido Joaquin, Tamborindeguy		

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. Renombres de Módulos	4
2. Módulo Wolfie	4
2.1. Interfaz	4
2.1.1. Parámetros formales	4
2.1.2. Operaciones básicas de wolfie	4
2.2. Representación	5
2.2.1. Representación de wolfie	5
2.2.2. Invariante de representación	5
2.2.3. Función de abstracción	6
2.3. Algoritmos	7
2.3.1. Funciones auxiliares	7
3. Módulo DiccionarioTrie(alpha)	8
3.1. Interfaz	8
3.1.1. Parámetros formales	8
3.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String(α)	8
3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario String(α)	8
3.2. Representación	9
3.2.1. Representación del Diccionario String(α)	9
3.2.2. Operaciones auxiliares del invariante de Representación	10
3.2.3. Representación del iterador de Claves del Diccionario String(α)	10
3.3. Algoritmos	10
3.3.1. Algoritmos de Diccionario String	10
3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String	12
3.4. Servicios Usados	12
4. Módulo Conjunto Estático de Nats	13
4.1. Interfaz	13
4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat	13
4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat	13
4.2. Representación	14
4.2.1. Representación de conjEstNat	14
4.2.2. Representación de itConjEstNat	14
4.3. TAD CONJUNTO ESTÁTICO DE NATS	15
5. Módulo Promesa	16
5.1. Interfaz	16
5.1.1. Parámetros formales	16
5.1.2. Operaciones básicas de promesa	16
5.2. Representación	17

5.2.1. Representación de promesa	17
5.3. Algoritmos	17
5.3.1. Algoritmos de promesa	17

1. Renombres de Módulos

Módulo Dinero es Nat
 Módulo Cliente es Nat
 Módulo TipoPromesa es enum{compra, venta}
 Módulo Nombre es String

2. Módulo Wolfie

2.1. Interfaz

2.1.1. Parámetros formales

géneros wolfie

se explica con: WOLFIE.

2.1.2. Operaciones básicas de wolfie

CLIENTES(in w : wolfie) $\rightarrow res$: itConjEstNat(cliente)
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearItUni}(\text{clientes}(w))\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Devuelve un iterador a los clientes de un wolfie.

TÍTULOS(in w : wolfie) $\rightarrow res$: itUni(título)
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearItUni}(\text{títulos}(w))\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Devuelve un iterador a los títulos de un wolfie.

PROMESASDE(in c : cliente, in w : wolfie) $\rightarrow res$: itConj(promesa)
Pre $\equiv \{c \in \text{clientes}(w)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearItUni}(\text{promesasDe}(c, w))\}$
Complejidad: $\Theta(T \cdot C \cdot |max_nt|)$
Descripcion: Devuelve un iterador a las promesas de un wolfie

ACCIONESPORCLIENTE(in c : cliente, in nt : nombre, in w : wolfie) $\rightarrow res$: nat
Pre $\equiv \{c \in \text{clientes}(w) \wedge (\exists t:\text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \wedge \text{nombre}(t) = nt)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{accionesPorCliente}(c, nt, w)\}$
Complejidad: $\Theta(\log(C) + |nt|)$
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones que un cliente posee de un determinado título.

INAUGURARWOLFIE(in cs : conj(cliente)) $\rightarrow res$: wolfie
Pre $\equiv \{\neg ?(cs)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{inaugurarWolfie}(cs)\}$
Complejidad: $\Theta(\#(cs)^2)$
Descripcion: Crea un nuevo wolfie a partir de un conjunto de clientes.

AGREGARTÍTULO(in t : título, in/out w : wolfie)
Pre $\equiv \{w_0 =_{\text{obs}} w \wedge (\forall t2:\text{título}) (t2 \in \text{títulos}(w) \Rightarrow \text{nombre}(t) \neq \text{nombre}(t2))\}$
Post $\equiv \{w =_{\text{obs}} \text{agregarTítulo}(t, w_0)\}$
Complejidad: $\Theta(|\text{nombre}(t)| + C)$

ACTUALIZARCOTIZACIÓN(in nt : nombre, in cot : nat, in/out w : wolfie)
Pre $\equiv \{w_0 =_{\text{obs}} w \wedge (\exists t:\text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \wedge \text{nombre}(t) = nt)\}$

Post $\equiv \{w =_{\text{obs}} \text{actualizarCotización}(nt, cot, w_0)\}$

Complejidad: $\Theta(C \cdot |nt| + C \cdot \log(C))$

Descripción: Cambia la cotización de un determinado título. Esta operación genera que se desencadene el cumplimiento de promesas (según corresponda): primero de venta y luego, de compra, según el orden descendente de cantidad de acciones por título de cada cliente.

AGREGARPROMESA(**in** c : cliente, **in** p : promesa, **in/out** w : wolfie)

Pre $\equiv \{w_0 =_{\text{obs}} w \wedge (\exists t: \text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \wedge \text{nombre}(t) = \text{título}(p)) \wedge c \in \text{clientes}(w) \wedge (\forall p2: \text{promesa}) (p2 \in \text{promesasDe}(c, w) \Rightarrow (\text{título}(p) \neq \text{título}(p2) \vee \text{tipo}(p) \neq \text{tipo}(p2))) \wedge (\text{tipo}(p) = \text{vender} \Rightarrow \text{accionesPorCliente}(c, \text{título}(p), w) \geq \text{cantidad}(p)))\}$

Post $\equiv \{w =_{\text{obs}} \text{agregarPromesa}(c, p, w_0)\}$

Complejidad: $\Theta(|\text{título}(p)| + \log(C))$

Descripción: Agrega una nueva promesa.

ENALZA(**in** nt : nombreTítulo, **in** w : wolfie) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{(\exists t: \text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \wedge \text{nombre}(t) = nt)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{enAlza}(nt, w)\}$

Complejidad: $\Theta(|nt|)$

Descripción: Dado un título, informa si está o no en alza.

2.2. Representación

2.2.1. Representación de wolfie

wolfie se representa con *estr*

donde *estr* es *tupla*(*títulos*: *diccTrie*(*nombre*, *infoTítulo*),
clientes: *conjEstNat*(*cliente*)
últimoLlamado: *<cliente: cliente, promesas:conj(promesa), fueÚltimo: bool>*)

donde *infoTítulo* es *tupla*(*arrayClientes*: *array_dimensionable*(*tuplaPorCliente*), *cot*: *nat*, *enAlza*: *bool*, *maxAcc*: *nat*, *accDisponibles*: *nat*)

donde *tuplaPorCliente* es *tupla*(*cliente*: *cliente*, *cantAcc*: *nat*, *promCompra*: **promesa*, *promVenta*: **promesa*)
 Con un orden definido por $a < b \Leftrightarrow a.\text{cliente} < b.\text{cliente}$

donde *tuplaPorCantAcc* es *tupla*(*cliente*: *cliente*, *cantAcc*: *nat*, *promCompra*: **promesa*, *promVenta*: **promesa*)
 Con un orden definido por $a < b \Leftrightarrow a.\text{cantAcc} < b.\text{cantAcc}$

2.2.2. Invariante de representación

- (I) Los clientes de *clientes* son los mismos que hay dentro de *títulos*.
- (II) Las promesas de compra son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (III) Las promesas de y venta son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (IV) Las acciones disponibles de cada título son el máximo de acciones de ese título menos la suma de las acciones de ese título que tengan los clientes, y son mayores o iguales a 0.
- (V) El *cliente* de *últimoLlamado* pertenece a *clientes*.
- (VI) En *últimoLlamado*, si *fueÚltimo* es true, las promesas de *promesas* son todas las promesas que tiene *cliente*.
- (VII) Los clientes están ordenados en *arrayClientes* de *e.títulos*.

Rep : *estr* \rightarrow bool

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff$
 (I) $(\forall c: \text{cliente}) \left(\text{pertenece?}(c, e.\text{clientes}) \iff (\exists t: \text{título}) \left(\text{def?}(t, e.\text{titulos}) \wedge_{\text{L}} \text{estáCliente?}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}) \right) \right) \wedge_{\text{L}}$
 (II) $(\forall p: *promesa, t: \text{nombre}, c: \text{cliente}) \left((p \neq \text{NULL} \wedge \text{def?}(t, e.\text{titulos}) \wedge_{\text{L}} \text{estáCliente?}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}) \wedge_{\text{L}} \text{buscarCliente}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).\text{promCompra}=p) \Rightarrow_{\text{L}} \text{título}(*p)=t \wedge \text{tipo}(*p)=\text{compra} \wedge (\text{límite}(*p) > \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{cot} \vee \text{cantidad}(*p) > \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{accDisponibles}) \right) \wedge$
 (III) $(\forall p: *promesa, t: \text{nombre}, c: \text{cliente}) \left((p \neq \text{NULL} \wedge \text{def?}(t, e.\text{titulos}) \wedge_{\text{L}} \text{estáCliente?}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}) \wedge_{\text{L}} \text{buscarCliente}(c, \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).\text{promVenta}=p) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{título}(*p)=t \wedge \text{tipo}(*p)=\text{venta} \wedge \text{límite}(*p) < \text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{cot}) \right) \wedge$
 (IV) $(\forall nt: \text{nombreT}) \left(\text{def?}(nt, e.\text{titulos}) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{obtener}(nt, e.\text{titulos}).\text{accDisponibles} = \text{obtener}(nt, e.\text{titulos}).\text{maxAcc} - \text{sumaAccClientes}(\text{obtener}(nt, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}, 0) \wedge \text{obtener}(nt, e.\text{titulos}).\text{accDisponibles} \geq 0) \right) \wedge$
 (V) $(\text{pertenece?}(e.\text{últimoLlamado}.cliente, e.\text{clientes})) \wedge_{\text{L}}$
 (VI) $(e.\text{últimoLlamado}.fueÚltimo \Rightarrow (\forall p: \text{promesa}) \left(\text{pertenece?}(p, e.\text{últimoLlamado}.promesas) \iff (\text{def?}(\text{título}(p), e.\text{titulos}) \wedge_{\text{L}} \right.$
 if $\text{tipo}(p)=\text{compra}$ **then**
 $\text{buscarCliente}(e.\text{últimoLlamado}.cliente, \text{obtener}(\text{título}(p), e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).\text{promCompra} = p$
 else
 $\text{buscarCliente}(e.\text{últimoLlamado}.cliente, \text{obtener}(\text{título}(p), e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).\text{promVenta} = p$
 fi $\left. \right) \wedge$
 (VII) $(\forall t: \text{título}) \text{def?}(t, e.\text{titulos}) \Rightarrow_{\text{L}} ((\forall i: \text{nat}) i < \text{longitud}(\text{buscar}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes})-1 \Rightarrow (\text{buscar}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}[i] < (\text{buscar}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}[i+1]))$
 $\text{estáCliente?} : \text{cliente} \times \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \longrightarrow \text{bool}$
 $\text{estáCliente?}(c, a) \equiv \text{auxEstáCliente}(c, a, 0)$
 $\text{auxEstáCliente} : \text{cliente} \times \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{bool}$
 $\text{auxEstáCliente}(c, a, i) \equiv \text{if } i=\text{longitud}(a) \text{ then false else } a[i].\text{cliente} = c \vee \text{auxEstáCliente}(c, a, i+1) \text{ fi}$
 $\text{buscarCliente} : \text{cliente} \times \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \longrightarrow \text{tuplaPorCliente} \quad \{\text{estáCliente}(c, a)\}$
 $\text{buscarCliente}(c, a) \equiv \text{auxBuscarCliente}(c, a, 0)$
 $\text{auxBuscarCliente} : \text{cliente} \times \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{tuplaPorCliente} \quad \{\text{estáCliente}(c, a)\}$
 $\text{auxBuscarCliente}(c, a, i) \equiv \text{if } a[i].\text{cliente} = c \text{ then } a[i] \text{ else } \text{auxBuscarCliente}(c, a, i+1) \text{ fi}$
 $\text{sumaAccClientes} : \text{array_dimensionable}(\text{tuplaPorCliente}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{nat}$
 $\text{auxBuscarCliente}(a, i) \equiv \text{if } i=\text{longitud}(a) \text{ then } 0 \text{ else } a[i].\text{cantAcc} + \text{sumaAccClientes}(a, i+1) \text{ fi}$

2.2.3. Función de abstracción

$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{wolfie} \quad \{\text{Rep}(e)\}$
 $\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} w: \text{wolfie} \mid \text{clientes}(w)=e.\text{clientes} \wedge \text{títulos}(w)=\text{????????} \wedge$
 $(\forall c: \text{cliente}) \text{promesasDe}(c, w)=\text{damePromesas}(\text{crearIt}(e.\text{titulos}), e, c) \wedge$
 $\text{accionesPorCliente}(c, t, w)=\text{buscarCliente}(\text{obtener}(t, e.\text{titulos}).\text{arrayClientes}).\text{cantAcc}$
 $\text{damePromesas} : \text{itDicc}(\text{diccString}) \times \text{estr} \times \text{cliente} \longrightarrow \text{conj}(\text{promesa})$

```

damePromesas(it, e, c)  $\equiv$  if hayMas?(it) then
    if buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra  $\neq$  NULL then
        {buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra  $\neq$  NULL}  $\cup$  fi
    if buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta  $\neq$  NULL then
        {buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta  $\neq$  NULL}  $\cup$  fi
    damePromesas(avanzar(it), e, c)
else
    vacio
fi

```

2.3. Algoritmos

iClientes(in e: estr) \rightarrow res: itConjEstNat

```
1 return ( CrearIt ( e . clientes ) )
```

iPromesasDe(in c: cliente, in/out e: estr) \rightarrow res: itConj(promesa)

```

1 if  $\neg$ (e.ultimoLlamado.cliente = c  $\wedge$  e.ultimoLlamado.fueUltimo) then
2   itClaves(diccString) it  $\leftarrow$  crearIt ( e . titulos )
3   conj(promesa) proms  $\leftarrow$  vacio ()
4   tuplaPorClientes tup
5   while (HayMas?(it))
6     tup  $\leftarrow$  BuscarCliente(Obtener(Nombre(Actual(it)), e . titulos).arrayClientes)
7     if tup.promVenta  $\neq$  NULL then AgregarRapido(proms, *(tup.promVenta))
8     if tup.promCompra  $\neq$  NULL then AgregarRapido(proms, *(tup.promCompra))
9     Avanzar(it)
10  endWhile
11  e.ultimoLlamado.promesas  $\leftarrow$  proms
12 fi
13 return ( crearIt ( e . ultimoLlamado . promesas ) )

```

iAccionesPorCliente(in c: cliente, in nt, nombreT, in e: estr) \rightarrow res: nat

```
1 return ( BuscarCliente(c , Obtener (nt , e . titulos ) ).cantAcc )
```

iInaugurarWolfie(in c: conj(cliente)) \rightarrow res: estr

```

1 res.titulos  $\leftarrow$  CrearDicc ()
2 res.clientes  $\leftarrow$  CrearDicc ()
3 res.ultimoLlamado  $\leftarrow$  <0, Vacio (), false>

```

iAgregarPromesa(in c: cliente, in p:promesa, in/out e:estr)

```

1 promesa prom  $\leftarrow$  p
2 if tipo(prom)=compra then
3   BuscarCliente(c , Obtener ( titulo (prom) , e . titulos ). arrayClientes ).promCompra  $\leftarrow$  &prom
4 else
5   BuscarCliente(c , Obtener ( titulo (prom) , e . titulos ). arrayClientes ).promCompra  $\leftarrow$  &prom
6 fi

```

iEnAlza(in nt: nombreT, in e: estr) \rightarrow res: bool

```
1 return ( Obtener (nt , e . titulos ) . enAlza )
```

iAgregarTítulo(in t: titulo, in/out e: estr) \rightarrow res: nat

```

1 Definir ( e . titulos , nombre (t) , <CrearArrayClientes ( CrearIt ( e . clientes ) , cardinal
2   ( e . clientes ) ) , cotizacion (t) , enAlza (t) , #maxAcciones (t) , #maxAcciones (t) )

```

2.3.1. Funciones auxiliares

CrearArrayClientes(in it: itConjEstNat, in n: nat) \rightarrow res: arreglo_dimensionable(tuplaPorClientes)

```

1  arreglo_dimensionable(tuplaPorClientes)[n] arr
2  nat i ← 0
3  do
4      arr[i] ← <Actual(it), 0, NULL, NULL>
5      i++
6      Proximo(it)
7  while hayProx(it)
8  return arr

```

3. Módulo DiccionarioTrie(alpha)

3.1. Interfaz

3.1.1. Parámetros formales

géneros string, α

se explica con: DICCIONARIO(String, α), ITERADOR UNIDIRECCIONAL.

géneros: diccString(α), itDicc(diccString).

3.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String(α)

CREARDICC() $\rightarrow res : \text{diccString}(\alpha)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacío}\}$

Complejidad: O(1)

Descripcion: Crea un diccionario vacío.

DEFINIR(in/out $d : \text{diccString}(\alpha)$, in $c : \text{string}$, in $s : \alpha$)

Pre $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0 \wedge \neg \text{def?}(d, c)\}$

Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(d_0, c, s)\}$

Complejidad: O(longitud(c))

Descripcion: Define la clave c con el significado s en el diccionario d .

DEFINIDO?(in $d : \text{diccString}(\alpha)$, in $c : \text{string}$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def?}(c, d)\}$

Complejidad: O(longitud(c))

Descripcion: Devuelve true si y solo si c está definido como clave en el diccionario.

SIGNIFICADO(in $d : \text{diccString}(\alpha)$, in $c : \text{string}$) $\rightarrow res : \alpha$

Pre $\equiv \{\text{def?}(c, d)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{obtener}(c, d)\}$

Complejidad: O(longitud(c))

Descripcion: Devuelve el significado con clave c .

Aliasing: No se devuelve una copia del α en res , se devuelve una referencia a la original.

3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario String(α)

CREARIT(in $d : \text{diccString}(\alpha)$) $\rightarrow res : \text{itClaves}(\text{string})$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearIt}(d.\text{claves})\}$

Complejidad: O(1)

Descripción: Crea y devuelve un iterador de claves Dicionario String.

$\text{HAYMAS?}(\text{in } d: \text{itClaves}(\text{string})) \rightarrow \text{res} : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{hayMas?}(it)\}$

Complejidad: $O(\text{longitud}(c))$

Descripción: Informa si hay más elementos por iterar.

$\text{ACTUAL}(\text{in } d: \text{itClaves}(\text{string})) \rightarrow \text{res} : \text{string}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{actual}(it)\}$

Complejidad: $O(\text{longitud}(c))$

Descripción: Devuelve la clave de la posición actual.

$\text{AVANZAR}(\text{in/out } it: \text{itClaves}(\text{string})) \rightarrow \text{res} : \text{itClaves}(\alpha)$

Pre $\equiv \{\text{hayMas?}(it) \wedge it = it_0\}$

Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{avanzar}(it_0)\}$

Complejidad: $O(\text{longitud}(c))$

Descripción: Avanza a la próxima clave.

3.2. Representacion

3.2.1. Representación del Dicionario String(α)

$\text{diccString}(\alpha)$ se representa con estrDic

donde estrDic es $\text{tupla}(\text{raiz: puntero}(\text{nodo}) \text{ claves: lista_enlazada}(\text{string}))$

Nodo se representa con estrNodo

donde estrNodo es $\text{tupla}(\text{valor: puntero}(\alpha) \text{ hijos: arreglo_estatico}[256](\text{puntero}(\text{nodo})))$

- (I) Existe un único camino entre cada nodo y el nodo raiz (es decir, no hay ciclos).
- (II) Todos los nodos hojas, es decir, todos los que tienen su arreglo hijos con todas sus posiciones en NULL, tienen que tener un valor distinto de NULL.
- (III) Raiz es distinto de NULL
- (IV) En claves está el camino que se recorre desde la raiz hasta cada nodo hoja.

$\text{Rep} : \text{estrDic} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff$

$\text{raiz} \neq \text{NULL} \wedge_{\text{L}} \text{noHayCiclos}(e) \wedge \text{todasLasHojasTienenValor}(e) \wedge$

$\text{hayHojas}(e) \Rightarrow |\text{e.claves}| > 0 \wedge$

$(\forall c \in \text{caminosANodos}(e))(\exists i \in \{0..|\text{e.claves}|\}) \text{e.claves}[i] = c$

$\text{Abs} : \text{estrDicc } e \rightarrow \text{dicc}(\text{string}, \alpha)$

$\{\text{Rep}(e)\}$

$\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} d: \text{dicc}(\text{string}, \alpha) \mid (\forall c: \text{string})(\text{definido?}(c, d)) = (\exists n: \text{nodo})(n \in \text{todasLasHojas}(e)) \text{ n.valor} \neq \text{NULL}$
 $\wedge (\exists i \in \{0..|\text{e.claves}|\}) \text{e.claves}[i] = c \wedge_{\text{L}} \text{significado}(c, d) = \text{leer}(e.\text{clave}).\text{valor}$

3.2.2. Operaciones auxiliares del invariante de Representación

```

noHayCiclos : puntero(nodo)  → bool
noHayCiclos( $n, p$ )  $\equiv (\exists n:\text{nat})(\forall c:\text{string})(|s| = n \Rightarrow \text{leer}(p, s) = \text{NULL})$ 

leer : puntero(nodo)  $\times$  string  → bool
leer( $p, s$ )  $\equiv$  if vacia?( $s$ ) then
     $p \rightarrow \text{valor}$ 
else
    if  $p \rightarrow \text{hijos}[\text{prim}(s)] = \text{NULL}$  then NULL else leer( $p \rightarrow \text{hijos}[\text{prim}(s)], \text{fin}(s)$ ) fi
fi

todosNull : arreglo(puntero(nodo)) → bool
todosNull( $a$ )  $\equiv$  auxTodosNull( $a, 0$ )
auxTodosNull : arreglo(puntero(nodo))  $\times$  nat → bool
auxTodosNull( $a, i$ )  $\equiv$  if  $i < |a|$  then  $a[i] == \text{NULL} \wedge \text{auxTodosNull}(a, i + 1)$  else  $a[i].\text{valor} == \text{NULL}$  fi

esHoja : puntero(nodo) → bool
esHoja( $p$ )  $\equiv$  if  $p == \text{NULL}$  then false else todosNull( $p.\text{hijos}$ ) fi

todasLasHojas : puntero(nodo)  $\times$  nat → conj(nodo)
todasLasHojas( $p, n$ )  $\equiv$  if  $p == \text{NULL}$  then
    false
else
    if esHoja( $p$ ) then Ag( $*p, \text{vacio}$ ) else auxTodasLasHojas( $(*p).\text{hijos}, 256$ ) fi
fi

auxTodasLasHojas : arreglo(puntero(nodo))  $\times$  nat → conj(nodo)
auxTodasLasHojas( $a, n$ )  $\equiv$  hojasDeHijos( $a, n, 0$ )
hojasDeHijos : arreglo(puntero(nodo))  $\times$  nat  $\times$  nat → conj(nodo)
hojasDeHijos( $a, n, i$ )  $\equiv$  if  $i = n$  then  $\emptyset$  else todasLasHojas( $a[i]$ )  $\cup$  hojasDeHijos( $a, n, (i + 1)$ ) fi

todasLasHojasTienenValor : puntero(nodo) → bool
todasLasHojasTienenValor( $p$ )  $\equiv$  auxTodasLasHojasTienenValor( $todasLasHojas(p, 256)$ )
auxTodasLasHojasTienenValor : arreglo(puntero(nodo)) → bool
auxTodasLasHojasTienenValor( $a$ )  $\equiv$  if  $|a| = 0$  then
    true
else
     $\text{dameUno}(a).\text{valor} \neq \text{NULL} \wedge \text{auxTodasLasHojasTienenValor}(\text{sinUno}(a))$ 
fi

```

3.2.3. Representación del iterador de Claves del Diccionario String(α)

itClaves(*string*) se representa con puntero(nodo)

Su Rep y Abs son los de itSecu(α) definido en el apunte de iteradores..

3.3. Algoritmos

3.3.1. Algoritmos de Diccionario String

ICREARDICC() \rightarrow res = diccString(α)

```

1 n ← nodo
2 n ← crearNodo()
3 raiz ← *n

```

Complejidad

```

ICREARNODO() → res = nodo
1 d : arreglo\_estatico[256]
2 i ← 0
3 while (i < 256)
4     d[i] ← NULL
5 endwhile
6 hijos ← d
7 valor ← NULL

```

Complejidad

```

IDEFINIR(in/out diccString( $\alpha$ ): d, in string: c, in alfa: s)
1 i ← 0
2 p ← d.raiz
3 while (i < (longitud(s)))
4     if (p.hijos[ord(s[i])] == NULL)
5         n: nodo ← crearNodo()
6         p.hijos[ord(s[i])] ← *n
7     endif
8 p ← p.hijos[ord(s[i])]
9 i++
10 endwhile
11 p.valor ← a
12 agregarAdelante(hijos, c)

```

Complejidad

```

ISIGNIFICADO(in diccString( $\alpha$ ): d, in string: c) → res =  $\alpha$ 
1 i ← 0
2 p ← d.raiz
3 while (i < (longitud(s)))
4     p ← p.hijos[ord(s[i])]
5 i++
6 endwhile
7 return p.valor

```

Complejidad

```

IDEFINIDO?(in diccString( $\alpha$ ): d, in string: c) → res = bool
1 i ← 0
2 p ← d.raiz
3 while (i < (longitud(s)))
4     if (p.hijos[ord(s[i])] != NULL)
5         p ← p.hijos[ord(s[i])]
6         i++
7     else
8         return false
9     endif
10 endwhile
11 return p.valor != NULL

```

Complejidad

```

ICLAVES(in diccString( $\alpha$ ): d) → res = lista_enlazada(string)
1 return itClaves(d)

```

Complejidad

3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String

Utiliza los mismos algoritmos que $\text{itSecu}(\alpha)$ definido en el apunte de iteradores.

3.4. Servicios Usados

Módulo	Operación	Complejidad Requerida
arreglo_estatico	AgregarElemento	$O(1)$
arreglo_estatico	$\bullet[\bullet]$	$O(1)$
lista_enlazada	AgregarAdelante	$O(\text{copy}(\alpha))$
lista_enlazada	$\bullet[\bullet]$	$O(1)$

HEAPSORT(**in/out** arreglo(tuplas): a, **in** int: n)

```

1 fin ← (n-1)
2 while (end > 0)
3     swap(a[fin], a[0])
4     fin ← (fin - 1)
5     bajar(a, 0, fin)
6 endWhile

```

Complejidad

HEAPIFICAR(**in/out** arreglo(tuplas): a, **in** int: n)

```

1 comienzo ← (parteEntera((n-2)/2))
2 while (comienzo > 0)
3     bajar(a, comienzo, n-1)
4     comienzo ← comienzo - 1
5 endWhile

```

Complejidad

BAJAR(**in/out** arreglo(tuplas): a, **in** int: comienzo, **in** int: fin)

```

1 int: raiz
2 int: hijo
3 int: pasaMano
4 raiz ← comienzo
5 while ((raiz * 2) + 1 ≤ fin)
6     hijo ← (raiz*2)+1
7     pasaMano ← raiz
8     if (a[pasaMano] < a[hijo])
9         pasaMano ← hijo
10    endIf
11    if ((hijo + 1 ≤ fin) && (a[pasaMano] < a[hijo+1]))
12        pasaMano ← hijo + 1
13    endIf
14    if (pasaMano != raiz)
15        swap(a[raiz], a[pasaMano])
16        raiz ← pasaMano
17    endIf
18 endWhile

```

Complejidad

BUSQUEDABINARIA(**in** arreglo(tuplas): a, **in** nat: cliente, **in** nat: tam) → **res** = int

```

1 int: arriba ← tam-1
2 int: abajo ← 0
3 int: centro

```

```

4  while (abajo ≤ arriba)
5      centro ← (arriba + abajo)/2;
6      if (arreglo[centro].Π1 == cliente)
7          return centro;
8      else
9          if (cliente < arreglo[centro].Π1)
10             arriba ← centro-1;
11          else
12             abajo ← centro+1;
13          endIf
14      endIf
15  endWhile

```

Complejidad

4. Módulo Conjunto Estático de Nats

4.1. Interfaz

géneros conjEstNat, itConjEstNat

Se explica con: CONJUNTO(NAT), ITERADOR UNIDIRECCIONAL(NAT). **Usa:**

4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat

NUEVOCONJESTNAT(in c : conj(nat)) $\rightarrow res$: conjEstNat
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} c\}$
Complejidad: $\Theta(n * (\log(n)))$
Descripcion: Crea un conjunto estático de nats

PERTENECE?(in n : nat, in c : conjEstNat) $\rightarrow res$: bool
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} n \in c\}$
Complejidad: $\Theta(n)$
Descripcion: Pregunta si el elemento pertenece al conjunto

CARDINAL(in c : conjEstNat) $\rightarrow res$: nat
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \#c\}$
Complejidad: $\Theta(n)$
Descripcion: Devuelve la cantidad de elementos que hay en el conjunto

4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat

CREARIT(in c : conjEstNat) $\rightarrow res$: itConjEstNat
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearItUni}(c)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Devuelve un iterador unidireccional a un conjunto estático de nats

ACTUAL(in i : itConjEstNat) $\rightarrow res$: nat
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{actual}(i)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Devuelve la posicion actual

PRÓXIMO(in i : itConjEstNat) $\rightarrow res$: itConjEstNat
Pre $\equiv \{\text{hayMas?}(i)\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{avanzar}(i)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Avanza el iterador

HAYPRÓX?(in i : itConjEstNat) $\rightarrow res$: bool
Pre $\equiv \{i_0 = i\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{hayMas?}(i)\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripcion: Pregunta si hay mas elementos para iterar

4.2. Representación

4.2.1. Representación de conjEstNat

conjEstNat se representa con array: arreglo_dimensionable(nat)

Rep: los elementos estan ordenados y no hay repeticiones

Rep : array \rightarrow bool

Rep(a) $\equiv \text{true} \iff (\forall i: \text{nat}) (i < \text{longitud}(a)-1 \Rightarrow (\text{definido?}(a, i) \wedge \text{definido?}(a, i+1) \wedge a[i] < a[i+1]))$

Abs : array $a \rightarrow$ conjEstNat

{Rep(a)}

Abs(a) $=_{\text{obs}} c$: conjEstNat | $(\forall n: \text{nat}) n \in c \Leftrightarrow \text{estáEnArray?}(n, a, 0)$

estáEnArray? : nat \times arreglo_dimensionable(nat) \times nat \rightarrow bool

estáEnArray(n, a, i) $\equiv \text{if } i = \text{longitud}(a)-1 \text{ then false else } a[i] = n \vee \text{estáEnArray?}(n, a, i+1) \text{ fi}$

4.2.2. Representación de itConjEstNat

itConjEstNat se representa con iterador

donde iterador es tupla(pos : nat, $lista$: puntero(arreglo_dimensionable(nat)))

Rep : iterador \rightarrow bool

Rep(i) $\equiv \text{true} \iff i.pos < \text{longitud}(*i.lista)$

Abs : iterador $it \rightarrow$ itConjEstNat

{Rep(it)}

Abs(it) $=_{\text{obs}} iConj$: itConjEstNat | $\text{actual}(iConj) = a[i] \wedge \text{hayPróx}(iConj) = (i.pos < \text{longitud}(*i.lista)-1) \wedge (\text{hayPróx}(iConj) \Rightarrow \text{próximo}(iConj) = \text{Abs}(<i.pos + 1, i.lista>))$

iNuevoConjEstNat(in c : conj(nat)) $\rightarrow res$: array

```

1 itConj(nat) it ← crearIt(c)
2 arreglo dimensionable(nat)[cardinal(c)] a
3 nat i ← 0
4 while (HaySiguiente?(it))
5     a[i] ← Siguiente(it)
6     i++
7     Avanzar(it)
8 endWhile
9 heapsort(a)
10 return(a)

```

iPertenece(in n: nat, in c: array) → res: bool

```

1 bool b ← false
2 nat i ← 0
3 while (i < |c|)
4     b ← (b ∨ c[i] = n)
5     i++
6 endWhile
7 return(b)

```

iCrearIt(in a: array) → res: iterador

```
1 return (<|c|, &c>)
```

iActual(in it: iterador) → res: nat

```
1 return *(it.lista)[it.pos]
```

iActual(in/out it: iterador)

```
1 return <it.pos+1, it.lista>
```

iHayPróximo?(in it: iterador) → res: bool

```
1 return (it.pos+1 < longitud(it.lista))
```

Servicios usados: se utilizan solo tipos basicos, incluidos arreglos y punteros.

4.3. TAD CONJUNTO ESTÁTICO DE NATS

TAD CONJUNTO ESTÁTICO DE NATS

igualdad observacional

$$(\forall c, c' : \text{conjEstNat}) (c =_{\text{obs}} c' \iff ((\forall a : \text{nat})(a \in c =_{\text{obs}} a \in c')))$$

géneros conjEstNat

exporta conjEstNat, generadores, observadores, #

usa BOOL, NAT, CONJUNTO(NAT)

observadores básicos

$\bullet \in \bullet$: nat × conjEstNat → bool

generadores

crearConjEstNat: conj(nat) → conj(EstNat)

otras operaciones

: conj(EstNat) → nat

axiomas $\forall c: \text{conj}(\text{nat}), \forall n: \text{nat}$

$$n \in \text{crearConjEstNat}(c) \equiv (n \in c)$$

$$\#(\text{crearConjEstNat}(c)) \equiv \#(c)$$

Fin TAD

5. Módulo Promesa

5.1. Interfaz

5.1.1. Parámetros formales

géneros *promesa*

se explica con: PROMESA.

5.1.2. Operaciones básicas de promesa

TÍTULO(*in p: promesa*) $\rightarrow res : \text{nombre}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{título}(p)\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripcion: Devuelve el nombre del título de la promesa

TIPO(*in p: promesa*) $\rightarrow res : \text{tipoPromesa}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{tipo}(p)\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripcion: Devuelve el tipo de promesa de la promesa

LÍMITE(*in p: promesa*) $\rightarrow res : \text{dinero}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{límite}(p)\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripcion: Devuelve el límite de la promesa

CANTIDAD(*in p: promesa*) $\rightarrow res : \text{cantidad}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{cantidad}(p)\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones de la promesa

CREARPROMESA(*in t: nombre, in tipo: tipoPromesa, in n: dinero, in m: nat*) $\rightarrow res : \text{estr}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearPromesa}(t, \text{tipo}, n, m)\}$

Complejidad: (1)

Descripcion: Devuelve una nueva promesa

5.2. Representación

5.2.1. Representación de promesa

promesa se representa con estr

donde **estr** es $\text{tupla}(\text{título: nombre } \text{tipo: tipoPromesa } \text{límite: dinero } \text{cantidad: nat})$

$\text{Rep} : \text{estr} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff \text{true}$

$\text{Abs} : \text{estr } e \rightarrow \text{promesa}$

$\{\text{Rep}(e)\}$

$\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} p : \text{promesa} \mid \text{título}(p) = e.\text{título} \wedge \text{tipo}(p) = e.\text{tipo} \wedge \text{límite}(p) = e.\text{límite} \wedge \text{cantidad}(p) = e.\text{cantidad}$

5.3. Algoritmos

5.3.1. Algoritmos de promesa

$\text{iTitulo}(\text{in } p : \text{estr}) \rightarrow \text{res} = \text{nombre}$

1 $\text{res} = e.\text{titulo}$

$\text{iTipo}(\text{in } p : \text{estr}) \rightarrow \text{res} = \text{tipoPromesa}$

1 $\text{res} = e.\text{tipo}$

$\text{iLimite}(\text{in } p : \text{estr}) \rightarrow \text{res} = \text{dinero}$

1 $\text{res} = e.\text{limite}$

$\text{iCantidad}(\text{in } p : \text{estr}) \rightarrow \text{res} = \text{nat}$

1 $\text{res} = e.\text{cantidad}$

$\text{iCrearPromesa}(\text{in } t : \text{nombreT}, \text{in } \text{tipo} : \text{TipoPromesa}, \text{in } n : \text{dinero}, \text{in } c : \text{nat}) \rightarrow \text{res} = \text{estr}$

1 $\text{res.titulo} = t$

2 $\text{res.tipo} = \text{tipo}$

3 $\text{res.limite} = n$

4 $\text{res.cantidad} = m$