Algoritmos y Estructura de Datos II

Primer cuatrimestre 2014

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Practico 2

Grupo 10

Integrante	LU	Correo electrónico
Lucía, Parral	162/13	luciaparral@gmail.com
Nicolás, Roulet		
Pablo Nicolás, Gomez		
Guido Joaquin, Tamborindeguy		

Reservado para la cátedra

Instancia	$\operatorname{Docente}$	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1.	Ren	nombres de Módulos	4
2.	Mó	dulo Wolfie	4
	2.1.	Interfaz	4
		2.1.1. Parámetros formales	4
		2.1.2. Operaciones básicas de wolfie	
	2.2.	Representación	5
		2.2.1. Representación de wolfie	5
		2.2.2. Invariante de representación	5
		2.2.3. Función de abstracción	6
	2.3.	Algoritmos	7
		2.3.1. Funciones auxiliares	8
	2.4.	Servicios Usados	9
3.	Mó	dulo DiccionarioTrie(alpha)	10
	3.1.	Interfaz	10
		3.1.1. Parámetros formales	10
		3.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String (α)	10
		3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario $\operatorname{String}(\alpha)$	10
	3.2.	Representacion	11
		3.2.1. Representación del Diccionario String (α)	11
		3.2.2. Operaciones auxiliares del invatriante de Representación	11
		3.2.3. Representación del iterador de Claves del Diccionario $\operatorname{String}(\alpha)$	12
	3.3.	Algoritmos	12
		3.3.1. Algoritmos de Diccionario String	12
		3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String	13
	3.4.	Servicios Usados	14
4.	Mó	dulo Conjunto Estático de Nats	15
	4.1.	Interfaz	15
		4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat	15
		4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat	15
	4.2.	Representación	16
		4.2.1. Representación de conjEstNat	16
		4.2.2. Representación de itConjEstNat	16
	4.3.	Algoritmos	16
		4.3.1. Algoritmos de conjEstNat	16
		4.3.2. Algoritmos de itConjEstNat	17
	4.4.	Servicios Usados	17
	4.5.	TAD CONJUNTO ESTÁTICO DE NATS	18

5.	Mód	dulo Promesa	18
	5.1.	Interfaz	18
		5.1.1. Parámetros formales	18
		5.1.2. Operaciones básicas de promesa	18
	5.2.	Representación	19
		5.2.1. Representación de promesa	19
	5.3.	Algoritmos	19
		5.3.1. Algoritmos de promesa	19
6.	Mód	dulo Titulo	20
	6.1.	Interfaz	20
		6.1.1. Operaciones básicas de titulo	20
	6.2.	Representación	21
		6.2.1. Representación de titulo	21
	6.3.	Algoritmos	21
		6.3.1. Algoritmos de título	21

1. Renombres de Módulos

Módulo Dinero es Nat Módulo Cliente es Nat Módulo TipoPromesa es enum{compra, venta} Módulo Nombre es String

2. Módulo Wolfie

2.1. Interfaz

2.1.1. Parámetros formales

```
géneros wolfiese explica con: WOLFIE.
```

2.1.2. Operaciones básicas de wolfie

```
CLIENTES(in w: wolfie) \rightarrow res: itConjEstNat(cliente)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{clientes}(w)) \}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los clientes de un wolfie.
TíTULOS(in w: wolfie) \rightarrow res: itUni(título)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{títulos}(w))\}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los títulos de un wolfie.
PROMESASDE(in c: cliente, in w: wolfie) \rightarrow res: itConj(promesa)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{clientes}(w)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{promesasDe}(c, w)) \}
Complejidad: O(T \cdot C \cdot |max \mid nt|)
Descripcion: Devuelve un iterador a las promesas de un wolfie
Acciones Por Cliente (in c: cliente, in nt: nombre, in w: wolfie) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{clientes}(w) \land (\exists \ t : \text{título}) \ (t \in \text{títulos}(w) \land \text{nombre}(t) = nt)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{accionesPorCliente}(c, \, nt, \, w)\}
Complejidad: O(log(C) + |nt|)
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones que un cliente posee de un determinado título.
INAUGURARWOLFIE (in cs: conj(cliente)) \rightarrow res: wolfie
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(cs)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ inaugurarWolfie}(cs)\}
Complejidad: O(\#(cs)^2)
Descripcion: Crea un nuevo wolfie a partir de un conjunto de clientes.
AGREGARTÍTULO(in t: título, in/out w: wolfie)
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\forall t2: \text{título}) \ (t2 \in \text{títulos}(w) \Rightarrow \mathrm{nombre}(t) \neq \mathrm{nombre}(t2)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ w =_{\text{obs}} \operatorname{agregarTitulo}(t, w_0) \}
Complejidad: O(|nombre(t)| + C)
ACTUALIZAR COTIZACIÓN (in nt: nombre, in cot: nat, in/out w: wolfie)
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists t: \mathsf{título}) \ (t \in \mathsf{títulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = nt)\}
```

```
Post \equiv \{w =_{\text{obs}} \text{ actualizar Cotización}(nt, cot, w_0)\}\
Complejidad: O(C \cdot |nt| + C \cdot log(C))
```

Descripcion: Cambia la cotización de un determinado título. Esta operación genera que se desencadene el cumplimiento de promesas (según corresponda): primero de venta y luego, de compra, según el orden descendente de cantidad de acciones por título de cada cliente.

```
AGREGARPROMESA(in c: cliente, in p: promesa, in/out w: wolfie)

\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists t : \mathsf{título}) \ (t \in \mathsf{títulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = \mathsf{título}(p)) \land c \in \mathsf{clientes}(w) \land_{\mathsf{L}}(\forall p 2 : \mathsf{promesa}) \ (p 2 \in \mathsf{promesa}) \mathsf{Dec}(c, w) \Rightarrow (\mathsf{título}(p) \neq \mathsf{título}(p 2) \lor \mathsf{tipo}(p) \neq \mathsf{tipo}(p 2))) \land (\mathsf{tipo}(p) = \mathsf{vender} \Rightarrow \mathsf{accionesPorCliente}(c, \mathsf{título}(p), w) \geq \mathsf{cantidad}(p)))\}

\mathbf{Post} \equiv \{w =_{\mathrm{obs}} \mathsf{agregarPromesa}(c, p, w_0)\}

\mathbf{Complejidad}: O(|\mathsf{título}(p)| + log(C))

\mathbf{Descripcion}: \mathsf{Agrega} \ \mathsf{una} \ \mathsf{nueva} \ \mathsf{promesa}.

\mathsf{ENALZA}(\mathsf{in} \ nt : \mathsf{nombreTitulo}, \ \mathsf{in} \ w : \mathsf{wolfie}) \rightarrow res : \mathsf{bool}

\mathbf{Pre} \equiv \{(\exists t : \mathsf{título}) \ (t \in \mathsf{títulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = \mathsf{nt})\}

\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \ \mathsf{enAlza}(nt, w)\}

\mathbf{Complejidad}: O(|nt|)

\mathbf{Descripcion}: \ \mathsf{Dado} \ \mathsf{un} \ \mathsf{título}, \ \mathsf{informa} \ \mathsf{si} \ \mathsf{estå} \ \mathsf{o} \ \mathsf{no} \ \mathsf{en} \ \mathsf{alza}.
```

2.2. Representación

2.2.1. Representación de wolfie

```
wolfie se representa con estr
```

2.2.2. Invariante de representación

- (I) Los clientes de *clientes* son los mismos que hay dentro de *titulos*.
- (II) Las promesas de compra son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (III) Las promesas de venta son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (IV) Las acciones disponibles de cada título son el máximo de acciones de ese título menos la suma de las acciones de ese titulo que tengan los clientes, y son mayores o iguales a 0.
- (V) El cliente de últimoLlamado pertenece a clientes.
- (VI) En últimoLlamado, si fueÚltimo es true, las promesas de promesas son todas las promesas que tiene cliente.
- (VII) Los clientes están ordenados en arrayClientes de e.titulos.
- (VIII) Los títulos en infoTítulo tienen el mismo nombre que la clave que lleva a ellos.

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
                     (I)(\forall c: cliente) (pertenece? (c, e.clientes) \Leftrightarrow (\exists t: titulo) (def? (t, e.titulos) \land_{L} estáCliente? (c, obtener(t, e.titulos))
                          e.titulos).arrayClientes))) \land_{L}
                      (II)(\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) ((p \neq NULL \wedge def?(t, e.titulos) \wedge_LestáCliente?(c, obtener(t,
                            e.titulos).arrayClientes) \\ \land_{\texttt{L}} \texttt{buscarCliente}(c, \\ \texttt{obtener}(t, \\ e.titulos).arrayClientes).promCompra=p)
                            \Rightarrow_{\text{L}} \text{título}(*p) = t \land \text{tipo}(*p) = \text{compra} \land (\text{límite}(*p) > \text{cotización}(\text{obtener}(t, e.titulos).titulo))
                            \operatorname{cantidad}(*p) > \operatorname{obtener}(t, e.titulos).accDisponibles)) \land
                      (III) (\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) (p \neq NULL \land def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t, t))
                              e.titulos).arrayClientes) \land_{L}buscarCliente(c, obtener(t, e.titulos).arrayClientes).<math>promVenta = p)
                              \Rightarrow_{\text{L}}(\text{título}(*p)=t \land \text{tipo}(*p)=\text{venta} \land \text{límite}(*p) < \text{cotización}(\text{obtener}(t, e.titulos).titulo))) \land
                      (IV)(\forall nt: nombreT) (def?(nt, e.titulos) \Rightarrow_L(obtener(nt, e.titulos).accDisponibles = máximo(obtener(nt, e.titulos).ac
                              e.titulos).titulo) - sumaAccClientes(obtener(nt, e.titulos).arrayClientes, 0) \land obtener(nt,
                             e.titulos).accDisponibles \geq 0)) \land
                      (V)(pertenece?(e.últimoLlamado.cliente, e.clientes)) \wedge_L
                     (VI)(e.\'ultimoLlamado.fue\'Ultimo \Rightarrow (\forall p: promesa) (pertenece?(p, e.\'ultimoLlamado.promesas) \Leftrightarrow
                              (def?(titulo(p), e.titulos) \wedge_L
                             if tipo(p) = compra then
                                    buscarCliente(e.\'ultimoLlamado.cliente, obtener(título(p), e.titulos).arrayClientes).promCompra
                              else
                                    buscarCliente(e.\'ultimoLlamado.cliente, obtener(t\'utulo(p), e.titulos).arrayClientes).promVenta
                                     = p
                              \mathbf{fi})
                      (VII)(\forall t: nombre) def?(t, e.titulos) \Rightarrow_L ((\forall i:nat) i < longitud(buscar(t, e.titulos).arrayClientes)-1 \Rightarrow
                               (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i] < (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i+1])
                      (VIII)(\forall t: nombre) def?(t, e.titulos) \Rightarrow_t t = nombre(obtener(t, e.titulos).titulo)
                     estáCliente? : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \longrightarrow bool
                      estáCliente?(c, a) \equiv \text{auxEstáCliente}(c, a, 0)
                     auxEstáCliente : cliente × array dimensionable(tuplaPorCliente) × nat → bool
                     auxEstáCliente(c, a, i) \equiv if i = longitud(a) then false else a[i].cliente = c \lor auxEstáCliente(c, a, i + 1) fi
                     buscarCliente : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \longrightarrow tuplaPorCliente
                                                                                                                                                                                                             \{ \text{estáCliente}(c, a) \}
                     buscarCliente(c, a) \equiv auxBuscarCliente(c, a, 0)
                     auxBuscarCliente: cliente \times array \ dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \ \longrightarrow \ tuplaPorCliente
                                                                                                                                                                                                              \{\operatorname{estáCliente}(c, a)\}
                     auxBuscarCliente(c, a, i) \equiv if \ a[i].cliente = c \ then \ a[i] \ else \ auxBuscarCliente(c, a, i + 1) \ fi
                     sumaAccClientes : array dimensionable(tuplaPorCliente) × nat → nat
                     auxBuscarCliente(a, i) \equiv if i = longitud(a) then 0 else a[i].cantAcc + sumaAccClientes(a, i + 1) fi
```

2.2.3. Función de abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{wolfie} {Rep(e)} 
Abs(e) =_{\text{obs}} w: wolfie | clientes(w) = e.clientes \land (\forall t: \text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \Leftrightarrow (\text{def?}(t, e.titulos) \land_{\text{L}} t = \text{obtener}(t, e.titulos).titulo)) \land (\forall c: \text{cliente}) \text{ promesasDe}(c, w) = \text{damePromesas}(\text{crearIt}(e.titulos), e, c) \land \text{accionesPorCliente}(c, t, w) = \text{buscarCliente}(\text{obtener}(t, e.titulos).arrayClientes).cantAcc damePromesas : itDicc(diccString(infoTÃtulo)) × estr × cliente \longrightarrow \text{conj}(\text{promesa})
```

```
damePromesas(it, e, c) \equiv if hayMas?(it) then
                               if buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra \neq NULL then
                                 \{buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra \neq NULL\} \cup \mathbf{fi}\}
                               if buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta \neq NULL then
                                 \{buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta \neq NULL\} \cup \mathbf{fi}
                               damePromesas(avanzar(it), e, c)
                            else
                               vacio
                            fi
2.3.
       Algoritmos
   iClientes(in e: estr) \rightarrow res: itConjEstNat
      return (CrearIt (e. clientes))
Complejidad: O(1)
   iPromesasDe(in c: cliente, in/out e: estr) \rightarrow res: itConj(promesa)
     if \neg (e.ultimoLlamado.cliente = c \land e.ultimoLlamado.fueUltimo) then
                                                                                                          O(1)
  2
        itClaves(diccString(infoTitulo)) it ← CrearIt (e.titulos)
                                                                                                           O(1)
  3
        conj(promesa) proms \leftarrow vacio()
                                                                                                          O(1)
        tuplaPorClientes tup
                                                                                                          O(1)
  4
        while (HayMas?(it))
                                                                                      T*
                                                                                                    O(1)
  5
  6
          tup ← BuscarCliente (Obtener (Nombre (Actual (it)), e. titulos). arrayClientes)
  7
                                                                           O(C*|nombre(actual(it))|)
  8
          if tup.promVenta ≠ NULL then AgregarRapido(proms, *(tup.promVenta))
          i\,f\ \text{tup.promCompra}\,\neq\,\text{NULL}\ \text{then}\ AgregarRapido\left(\text{proms}\,,\ *(\text{tup.promCompra})\right)\ O(1)
  Q
 10
          Avanzar (it)
                                                                                                          O(1)
 11
        end While
        e.ultimoLlamado.promesas \leftarrow proms
 12
                                                                                                           O(1)
     fі
 13
 14 return (crearIt (e. ultimoLlamado. promesas))
                                                                                                          O(1)
Complejidad: 4*O(1)+T*(O(1)+O(C*|nombre(actual(it))|)+3*O(1))+O(1)+O(1)\subseteq O(T*C*|max_nt|)
   iAccionesPorCliente(in c: cliente, in nt, nombreT, in e: estr) \rightarrow res: nat
      return (Buscar Cliente (c, Obtener (nt, e. titulos)).cantAcc)
Complejidad: O(log(C) + |nt|)
   iInaugurarWolfie(in c: conj(cliente)) \rightarrow res: estr
      res.titulos ← CrearDicc()
                                                                                                O(C(\log(C)))
      res.clientes ← NuevoConjEstNat(c)
      res.ultimoLlamado \leftarrow <0, Vacio(), false>
Complejidad: O(C(log(C)))
   iAgregarTítulo(in t: título, in/out e: estr) \rightarrow res: nat
      Definir (e. titulos, nombre (t), < Crear Array Clientes (Crear It (e. clientes), cardinal
              (e.clientes)), t, #maxAcciones(t))
Complejidad: O(|nombre(t)|+C)
   iActualizarCotización(in nt: nombre, in cot: nat, in/out e: estr)
      infoTitulo s ← Obtener(nt, e.titulos)
  1
  2
      recotizar (cot, s. titulo)
                                                                                                           O(1)
  3
      \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
      while i < | s. array Clientes |
         if (s.arrayClientes[i].promVenta ≠ NULL \yluego limite(*(s.arrayClientes[i].promVenta))
  5
  6> cotizacion(s.titulo)) then
           s.arrayClientes[i].cantAcc -= cantidad(*(s.arrayClientes[i].promVenta))
                                                                                                          O(1)
```

1

2

3 4

5

6

 $egin{array}{ll} \mathbf{nat} & \mathrm{i} & \leftarrow 0 \\ \mathbf{while} & \mathrm{i} < | \, \mathrm{a1} \, | \end{array}$

a2[i] cliente $\leftarrow a1[i]$ cliente

 $a2[i]. cantAcc \leftarrow a1[i]. cantAcc$

 $a2[i]. promCompra \leftarrow a1[i]. promCompra$

a2 [i]. promVenta ← a1 [i]. promVenta

O(1)

a1 | *

O(1)

O(1)

O(1)

O(1)

```
s.accDisponibles += cantidad (*(s.arrayClientes[i].promVenta))
    8
                                                                                                                                                                                                          O(1)
                      s.arrayClientes[i].promVenta = NULL
    9
                                                                                                                                                                                                          O(1)
                  fі
   10
             end While
   11
            arreglo dimensionable(tuplaPorCantAcc)[|s.arrayClientes|] arr
                                                                                                                                                                                                          O(C)
   12
                                                                                                                                                                                                          O(C)
             CambiarPorCantAcc(s.arrayClientes, arr)
   13
             heapsort (arr)
                                                                                                                                                                                                O(C(\log(C)))
   14
             i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                                          O(1)
   15
                                                                                                                                                                                      C*
             while i < | s. array Clientes |
   16
                 if (arr[i].promCompra \neq NULL \yluego limite(*(arr[i].promCompra)) < cotizacion(s.titulo)
   17
   18 cantidad (*(arr[i].promCompra)) \le s.accDisponibles) then
                                                                                                                                                                                      O(1)
                      arr[i].cantAcc += cantidad(*(arr[i].promCompra))
                                                                                                                                                                                      O(1)
   19
                      s.accDisponibles -= cantidad(*(arr[i].promCompra))
                                                                                                                                                                                      O(1)
   20
                      arr [i]. promCompra = NULL
   21
                                                                                                                                                                                      O(1)
                  fi
   22
   23
                 i + +
                                                                                                                                                                                      O(1)
             end While
   24
             CambiarPorCliente (arr, s.arrayClientes)
                                                                                                                                                                                                          O(C)
   25
             heapsort (s. array Clientes)
                                                                                                                                                                                              O(C(\log(C)))
Complejidad: O(|nt|) + 2*O(1) + C*4*O(1) + O(C) + O(C) + O(C(\log(C))) + O(1) + C*4*O(1) + O(C) + O(C(\log(C))) = O(1) + O(1)
                  O(|nt| + C(\log(C)))
     iAgregarPromesa(in c: cliente, in p:promesa, in/out e:estr)
             promesa prom \leftarrow p
                                                                                                                                                                                                          O(1)
    2
             if tipo(prom)=compra then
                                                                                                                                                                                                          O(1)
    3
               Buscar Cliente (c, Obtener (titulo (prom), e. titulos). array Clientes). prom Compra ← & prom
     4
                                                                                                                                                                                      O(|\text{titulo}(p)|+C)
    5
               BuscarCliente(c, Obtener(titulo(prom), e.titulos).arrayClientes).promCompra \leftarrow &prom
    6
    7
                                                                                                                                                                                      O(|\text{titulo}(p)|+C)
    8
             f i
Complejidad: O(1)+O(1)+O(|titulo(p)|+C)=O(|titulo(p)|+C)
     iEnAlza(in nt: nombreT, in e: estr) \rightarrow res: bool
            return (enAlza (Obtener (nt, e. titulos). titulo))
Complejidad: O(1)
2.3.1. Funciones auxiliares
     CrearArrayClientes(in it: itConjEstNat, in n: nat) → res: arreglo dimensionable(tuplaPorClientes)
            arreglo dimensionable(tuplaPorClientes)[n] arr
                                                                                                                      O(n)
    1
    2
            \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
                                                                                                                                                                                      O(1)
    3
            do
                                                                                                                                                                   n*
                 arr[i] \leftarrow \langle Actual(it), 0, NULL, NULL \rangle
                                                                                                                                                                   O(1)
    4
                                                                                                                                                                   O(1)
    5
                 i++
                                                                                                                                                                   O(1)
    6
                 Proximo (it)
                                                                                                                                                                   O(1)
             while hayProx(it)
    7
            return arr
Complejidad: O(n)+O(1)+n*4*O(1)=O(n)
     CambiarPorCantAcc(in a1: arreglo dimensionable(tuplaPorCliente), in/out a2: arreglo dimensionable(tuplaPorCantAcc))
```

```
\begin{array}{ccc} 7 & i +\!\!\!+\! \\ 8 & end \, While \end{array}
```

Complejidad: O(1)+|a1|*5*O(1)=O(|a1|)

CambiarPorCliente(in a1: arreglo_dimensionable(tuplaPorCantAcc), in/out a2: arreglo_dimensionable(tuplaPorCliente))

```
O(1)
       \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
1
2
       while i < |a1|
                                                                                                                                                                  a1 | *
           a2[i]. cliente \leftarrow a1[i]. cliente
3
                                                                                                                                                                 O(1)
           a2[i]. cantAcc \leftarrow a1[i]. cantAcc
                                                                                                                                                                 O(1)
4
           a2 \left[ \begin{array}{c} i \end{array} \right]. \hspace{0.1cm} promCompra \hspace{0.1cm} \leftarrow \hspace{0.1cm} a1 \left[ \begin{array}{c} i \end{array} \right]. \hspace{0.1cm} promCompra
                                                                                                                                                                 O(1)
5
           a2 [i]. promVenta ← a1 [i]. promVenta
                                                                                                                                                                 O(1)
                                                                                                                                                                 O(1)
       end While
8
```

Complejidad: O(1)+|a1|*5*O(1)=O(|a1|)

BuscarCliente(in cliente: cliente, in a: arreglo dimensionable(tuplaPorCliente)) \rightarrow res = tuplaPorCliente

```
int: arriba ← longitud(a)
   int: abajo \leftarrow 0
2
   int: centro
3
    while (abajo \leq arriba)
4
             centro \leftarrow (arriba + abajo)/2;
5
       \mathbf{if} (arreglo[centro].\Pi_1 == \mathbf{cliente})
6
                       return a [centro];
7
       else
8
                       if (cliente < arreglo[centro].\Pi_1)
9
10
                                  arriba \leftarrow centro -1;
                       else
11
12
                                  abajo \leftarrow centro + 1;
13
                       endIf
             endIf
14
   end While
15
```

Complejidad

2.4. Servicios Usados

${f M\'odulo}$	Operación	Complejidad Requerida
diccString(infoTitulo)	$\operatorname{CrearIt}$	$\mathrm{O}(1)$
diccString(infoTitulo)	Definir	$ {f nt} $
diccString(infoTitulo)	Obtener	$ {f nt} $
$\operatorname{conj}(\operatorname{promesa})$	Vacio	$\mathrm{O}(1)$
$\operatorname{conj}(\operatorname{promesa})$	AgregarRapido	$\mathrm{O}(1)$
itDicc(diccString(infoTítulo))	HayMás	$\mathrm{O}(1)$
itDicc(diccString(infoTítulo))	Actual	$\mathrm{O}(1)$
itDicc(diccString(infoTítulo))	Avanzar	$\mathrm{O}(1)$
	${f BuscarCliente}$	$O(\log(C))$
$\operatorname{conjEstNat}$	${ m NuevoConjEstNat}$	$\mathrm{O}(\mathrm{C}(\log(\mathrm{C})))$
${\rm it Conj Est Nat}$	$\operatorname{CrearIt}$	$\mathrm{O}(1)$
${\rm it Conj Est Nat}$	HayProx	$\mathrm{O}(1)$
${\rm it Conj Est Nat}$	Proximo	$\mathrm{O}(1)$
${\rm it Conj Est Nat}$	Actual	$\mathrm{O}(1)$
${ m arreglo_dimensionable}$	$\operatorname{CrearNuevo}$	O(n)
${ m arreglo_dimensionable}$	${ m AgregarElemento}$	$\mathrm{O}(1)$
${\it arreglo_dimensionable}$	•[•]	$\mathrm{O}(1)$
	${ m heapsort}$	$\mathrm{O}(\mathrm{n}(\log(\mathrm{n})))$

3. Módulo DiccionarioTrie(alpha)

3.1. Interfaz

3.1.1. Parámetros formales

```
géneros string, \alpha se explica con: Diccionario(string, \alpha), Iterador Unidireccional. géneros: diccString(\alpha), itDicc(diccString).
```

3.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String (α)

```
CREARDICC() \rightarrow res: diccString(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} vacio\}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Crea un diccionario vacío.
DEFINIR(in/out d: diccString(\alpha), in c: string, in s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{obs} d_0 \land \neg def?(d,c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} definir(d_0, c, s)\}\
Complejidad: O(longitud(c))
Descripcion: Define la clave c con el significado s en el diccionario d.
DEFINIDO?(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} def?(c,d)\}\
Complejidad: O(longitud(c))
Descripcion: Devuelve true si y solo si c está definido como clave en el diccionario.
SIGNIFICADO(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(c,d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(c, d)\}\
Complejidad: O(longitud(c))
Descripcion: Devuelve el significado con clave c.
Aliasing: No se devuelve una copia del \alpha en res, se devuelve una referencia a la original.
```

3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario String (α)

```
CREARIT(in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: itClaves(string)

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = obs crearIt(d.claves) }

Complejidad: O(1)

Descripcion: Crea y devuelve un iterador de claves Diccionario String.

HAYMAS?(in d: itClaves(string)) \rightarrow res: bool

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = obs hayMas?(it)}

Complejidad: O(longitud(c))
```

Descripcion: Informa si hay más elementos por iterar.

```
Actual(in d: itClaves(string)) \rightarrow res: string

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = _obs actual(it)}

Complejidad: O(longitud(c))

Descripcion: Devuelve la clave de la posición actual.

AVANZAR(in/out it: itClaves(string)) \rightarrow res: itClaves(\alpha)

Pre \equiv {hayMas?(it) \wedge it = it_0}

Post \equiv {res = _obs avanzar(it_0)}

Complejidad: O(longitud(c))

Descripcion: Avanza a la próxima clave.
```

3.2. Representacion

3.2.1. Representación del Diccionario String (α)

```
diccString(\alpha) se representa con estrDic donde estrDic es tupla(raiz: puntero(nodo) claves: lista_enlazada(string))

Nodo se representa con estrNodo donde estrNodo es tupla(valor: puntero(\alpha) hijos: arreglo_estatico[256](puntero(nodo)) )
```

- (I) Existe un único camino entre cada nodo y el nodo raiz (es decir, no hay ciclos).
- (II) Todos los nodos hojas, es decir, todos los que tienen su arreglo hijos con todas sus posiciones en NULL, tienen que tener un valor distinto de NULL.
- (III) Raiz es distinto de NULL
- (IV) En claves está el camino que se recorre desde la raiz hasta cada nodo hoja.

```
\begin{aligned} \operatorname{Rep}(e) &\equiv \operatorname{true} \Longleftrightarrow \\ &\operatorname{raiz} != \operatorname{NULL} \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{noHayCiclos}(e) \wedge \operatorname{todasLasHojasTienenValor}(e) \wedge \\ &\operatorname{hayHojas}(e) \Rightarrow |\operatorname{e.claves}| > 0 \wedge \\ &(\forall \ c \in \operatorname{caminosANodos}(e)) (\exists \ i \ \{0..|\operatorname{e.claves}|\}) \ \operatorname{e.claves}[i] = c \end{aligned} \begin{aligned} \operatorname{Abs}: \operatorname{estrDicc} \ e &\longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{string}, \alpha) \\ \operatorname{Abs}(e) &=_{\operatorname{obs}} \ d: \operatorname{dicc}(\operatorname{string}, \alpha) \mid (\forall \ \operatorname{c:string}) (\operatorname{definido?}(c, d)) = (\exists \ \operatorname{n:} \operatorname{nodo}) (\operatorname{n} \in \operatorname{todasLasHojas}(e)) \ \operatorname{n.valor} != \operatorname{NULL} \\ \wedge \ (\exists \ \operatorname{i:nat}) (i \in \{0..|\operatorname{e.claves}|\}) \Rightarrow \operatorname{e.claves}[i] = \operatorname{c} \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{significado}(c, d) = \operatorname{leer}(e.clave). \end{aligned} \end{aligned}
```

3.2.2. Operaciones auxiliares del invatriante de Representación

```
noHayCiclos : puntero(nodo) \longrightarrow bool
noHayCiclos(n,p) \equiv (\exists \text{ n:nat})((\forall \text{ c: string})(|\mathbf{s}| = \mathbf{n} \Rightarrow \text{leer}(p,s) = \text{NULL}))
leer : puntero(nodo) \times string \longrightarrow bool
```

```
leer(p, s) \equiv if vacia?(s) then
                   p \rightarrow valor
                else
                   if p \to hijos[prim(s)] = NULL then NULL else leer(p \to hijos[prim(s)], fin(s)) fi
todosNull : arreglo(puntero(nodo)) \longrightarrow bool
todosNull(a) \equiv auxTodosNull(a, 0)
auxTodosNull : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \longrightarrow bool
\operatorname{auxTodosNull}(a,i) \equiv \operatorname{if} i < |a| \operatorname{then} a[i] == \operatorname{NULL} \wedge \operatorname{auxTodosNull}(a,i+1) \operatorname{else} a[i]. \operatorname{valor} == \operatorname{NULL} \operatorname{fi}
esHoja : puntero(nodo) \longrightarrow bool
esHoja(p) \equiv if p == NULL then false else todosNull(p.hijos) fi
todasLasHojas : puntero(nodo) \times nat \longrightarrow conj(nodo)
todasLasHojas(p, n) \equiv if p == NULL then
                                 false
                             else
                                 if esHoja(p) then Ag(*p, vacio) else auxTodasLasHojas((*p).hijos, 256) fi
auxTodasLasHojas : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \longrightarrow conj(nodo)
\operatorname{auxTodasLasHojas}(a, n) \equiv \operatorname{hojasDeHijos}(a, n, 0)
hojasDeHijos : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \times nat \longrightarrow conj(nodo)
hojasDeHijos(a, n, i) \equiv if i = n then \emptyset else todasLasHojas(a[i]) \cup hojas<math>DeHijos(a, n, (i + 1)) fi
todasLasHojasTienenValor : puntero(nodo) \longrightarrow bool
todasLasHojasTienenValor(p) \equiv auxTodasLasHojasTienenValor(todasLasHojas(p, 256))
auxTodasLasHojasTienenValor\ :\ arreglo(puntero(nodo)) \ \ \longrightarrow \ bool
auxTodasLasHojasTienenValor(a) \equiv \mathbf{if} |\mathbf{a}| = 0 then
                                                  true
                                              else
                                                  dameUno(a).valor != NULL \land auxTodasLasHojasTienenValor(sinUno(a))
                                              fi
```

3.2.3. Representación del iterador de Claves del Diccionario String (α)

```
itClaves(string) se representa con puntero(nodo)
```

Su Rep y Abs son los de it $Secu(\alpha)$ definido en el apunte de iteradores..

3.3. Algoritmos

3.3.1. Algoritmos de Diccionario String

```
ICREARDICC() \rightarrow res = diccString(\alpha)

1 n \leftarrow nodo

2 n \leftarrow crearNodo()

3 raiz \leftarrow *n
```

Complejidad

```
ICREARNODO() \rightarrow res = nodo

1 d : arreglo \ _ estatico [256]

2 i \leftarrow 0
```

```
3 while (i < 256)

4 d[i] \leftarrow NULL

5 endWhile

6 hijos \leftarrow d

7 valor \leftarrow NULL
```

Complejidad

```
 \begin{split} & \text{IDEFINIR}(\textbf{in/out} \ \text{diccString}(\alpha); \ d, \ \textbf{in} \ \text{string}; \ c, \ \textbf{in} \ \text{alfa}; \ s) \\ & 1 \quad i \leftarrow 0 \\ & 2 \quad p \leftarrow d \cdot raiz \\ & 3 \quad \textbf{while} \quad (i < (longitud(s))) \\ & 4 \quad \qquad \textbf{if} \quad (p \cdot hijos[ord(s[i])] \Longrightarrow \text{NULL}) \\ & 5 \quad \qquad n : \ nodo \leftarrow crearNodo() \\ & 6 \quad \qquad p \cdot hijos[ord(s[i])] \leftarrow *n \\ & 7 \quad \qquad end \ \text{If} \\ & 8 \quad p \leftarrow p \cdot hijos[ord(s[i])] \\ & 9 \quad i + + \\ & 10 \quad end \ \text{While} \\ & 11 \quad p \cdot valor \leftarrow a \\ & 12 \quad agregarAdelante(hijos, c) \end{aligned}
```

Complejidad

```
 \begin{array}{lll} \text{ISIGNIFICADO}(\textbf{in} \; \text{diccString}(\alpha) \colon d, \; \textbf{in} \; \text{string: c}) \rightarrow \textbf{res} = \alpha \\ 1 & \text{i} \; \leftarrow \; 0 \\ 2 & \text{p} \; \leftarrow \; d. \; \text{raiz} \\ 3 & \textbf{while} \; \left( \; \text{i} \; < \; \left( \; \text{longitud} \left( \; \text{s} \; \right) \; \right) \right) \\ 4 & \text{p} \; \leftarrow \; \text{p. hijos} \left[ \; \text{ord} \left( \; \text{s} \; \right[ \; \text{i} \; \right] \right) \right] \\ 5 & \text{i} + + \\ 6 & \text{endWhile} \\ 7 & \textbf{return} \; \; \text{p. valor} \\ \end{array}
```

Complejidad

```
 \begin{split} & \text{IDEFINIDO?}(\textbf{in} \ \text{diccString}(\alpha) \text{: d, } \textbf{in} \ \text{string: c}) \rightarrow \textbf{res} = \text{bool} \\ & 1 \quad i \leftarrow 0 \\ & 2 \quad p \leftarrow \text{d.raiz} \\ & 3 \quad \textbf{while} \ (i < (\text{longitud}(s))) \\ & 4 \quad & \textbf{if} \ (p. \text{hijos}[\text{ord}(s[i])] \ != \text{NULL}) \\ & 5 \quad & p \leftarrow p. \text{hijos}[\text{ord}(s[i])] \\ & 6 \quad & i++ \\ & 7 \quad & \textbf{else} \\ & 8 \quad & \textbf{return false} \\ & 9 \quad & \text{endIf} \\ & 10 \quad & \text{endWhile} \\ & 11 \quad & \textbf{return} \quad p. \ valor \ != \text{NULL} \\ \end{aligned}
```

Complejidad

```
ICLAVES(in diccString(\alpha): d) \rightarrow res = lista_enlazada(string) 1 return it Claves (d)
```

Complejidad

3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String

Utiliza los mismos algoritmos que it $Secu(\alpha)$ definido en el apunte de iteradores.

3.4. Servicios Usados

HEAPSORT(in/out arreglo(tuplas): a, in int: n)

```
\begin{array}{lll} 1 & \text{fin} \leftarrow (n-1) \\ 2 & \text{while} & (\text{end} > 0) \\ 3 & & \text{swap} \left( a [\, \text{fin} \, ] \, , \, \, a [\, 0 \, ] \right) \\ 4 & & \text{fin} \leftarrow (\, \text{fin} \, -1) \\ 5 & & \text{bajar} \left( a \, , 0 \, , \text{fin} \, \right) \\ 6 & \text{endWhile} \end{array}
```

Complejidad

Complejidad

Bajar(in/out arreglo(tuplas): a, in int: comienzo, in int: fin)

```
int: raiz
   int: hijo
 2
   int: pasaMano
   raiz ← comienzo
4
   while ((raiz * 2) + 1 \le fin)
5
            hijo \leftarrow (raiz*2)+1
6
            pasaMano ← raiz
7
            if (a[pasaMano] < a[hijo])</pre>
8
                     pasaMano ← hijo
            endIf
10
            if((hijo + 1 \le fin) \&\& (a[pasaMano] < a[hijo + 1]))
11
                     pasaMano \leftarrow hijo + 1
12
13
            end If
14
            if (pasaMano != raiz)
15
                     swap(a[raiz], a[pasaMano])
                     raiz ← pasaMano
16
            endIf
17
   end While
18
```

Complejidad

BusquedaBinaria(in arreglo(tuplas): a, in nat: cliente, in nat: tam) \rightarrow res = int

```
\begin{array}{lll} 1 & \textbf{int} \colon & \texttt{arriba} \leftarrow \texttt{tam-1} \\ 2 & \textbf{int} \colon & \texttt{abajo} \leftarrow 0 \\ 3 & \textbf{int} \colon & \texttt{centro} \\ 4 & \textbf{while} & (\texttt{abajo} \leq \texttt{arriba}) \\ 5 & & \texttt{centro} \leftarrow (\texttt{arriba} + \texttt{abajo})/2; \\ 6 & & \textbf{if} & (\texttt{arreglo}[\texttt{centro}].\Pi_1 == \texttt{cliente}) \\ 7 & & & \textbf{return} & \texttt{centro}; \\ 8 & & \textbf{else} \end{array}
```

Complejidad

4. Módulo Conjunto Estático de Nats

4.1. Interfaz

```
géneros conjEstNat, itConjEstNat

Se explica con: ConjUnto(nat), Iterador Unidireccional(nat). Usa:
```

4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat

```
NUEVOCONJESTNAT(in c: conj(nat)) \rightarrow res: conjEstNat

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{obs} c\}

Complejidad: O(n*(log(n)))

Descripcion: Crea un conjunto estático de nats

PERTENECE?(in n: nat, in c: conjEstNat) \rightarrow res: bool

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{obs} n \in c\}

Complejidad: O(n)

Descripcion: Pregunta si el elemento pertenece al conjunto

CARDINAL(in c: conjEstNat) \rightarrow res: nat

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{obs} \#c\}

Complejidad: O(n)

Descripcion: Devuelve la cantidad de elementos que hay en el conjunto
```

4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat

```
\begin{array}{l} {\rm CREARIT}(\mbox{in }c\colon \mbox{conjEstNat}) \to res \ \colon \mbox{itConjEstNat} \\ {\bf Pre} \equiv \{ \mbox{true} \} \\ {\bf Post} \equiv \{ res =_{\rm obs} \mbox{crearItUni}(c) \} \\ {\bf Complejidad:} \ O(1) \\ {\bf Descripcion:} \ \mbox{Devuelve un iterador unidireccional a un conjunto estático de nats} \\ {\bf Actual}(\mbox{in }i\colon \mbox{itConjEstNat}) \to res \ \colon \mbox{nat} \\ {\bf Pre} \equiv \{ \mbox{true} \} \\ {\bf Post} \equiv \{ res =_{\rm obs} \mbox{ actual}(i) \} \end{array}
```

Complejidad: O(1)

Descripcion: Devuelve la posicion actual

```
PROXIMO(in i: itConjEstNat) \rightarrow res: itConjEstNat
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{hayMas}?(i)\}
Post \equiv \{res =_{obs} avanzar(i)\}\
Complejidad: O(1)
```

Descripcion: Avanza el iterador

```
\text{HAYPR\'ox}?(in i: itConjEstNat) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{i_0 = i\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ hayMas?}(i)\}
Complejidad: O(1)
```

Descripcion: Pregunta si hay mas elementos para iterar

conjEstNat se representa con array: arreglo_dimensionable(nat)

4.2.Representación

Representación de conjEstNat 4.2.1.

```
Rep: los elementos estan ordenados y no hay repeticiones
Rep : array \longrightarrow bool
\operatorname{Rep}(a) \equiv \operatorname{true} \iff (\forall i : \operatorname{nat}) \ (i < \operatorname{longitud}(a) - 1 \Rightarrow (\operatorname{definido}(a, i) \wedge \operatorname{definido}(a, i + 1) \wedge_{\operatorname{L}} a[i] < a[i + 1]))
Abs : array a \longrightarrow \text{conjEstNat}
                                                                                                                                                                                    \{\operatorname{Rep}(a)\}
Abs(a) =_{obs} c: conjEstNat | (\forall n: nat) n \in c \Leftrightarrow estáEnArray?(n, a, 0)
está\operatorname{EnArray}? : nat \times arreglo dimensionable(nat) \times nat \longrightarrow bool
está\operatorname{EnArray}(n,a,i) \equiv \mathbf{if} \ i = \operatorname{longitud}(a)-1 then false else a[i] = n \vee \operatorname{está}(n,a,i+1) fi
```

Representación de itConjEstNat 4.2.2.

```
itConjEstNat se representa con iterador
```

```
donde iterador es tupla(pos: nat, lista: puntero(arreglo_dimensionable(nat)) )
\operatorname{Rep} \,:\, \operatorname{iterador} \,\,\longrightarrow\, \operatorname{bool}
Rep(i) \equiv true \iff i.pos < longitud(*(i.lista))
Abs : iterador it \longrightarrow itConjEstNat
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           \{\operatorname{Rep}(it)\}
Abs(it) = obs iConj: itConjEstNat \mid actual(iConj) = a[i] \land hayPróx(iConj) = (i.pos < longitud(*(i.lista))-1) \land longitud(*(i.lista)) = a[i] \land hayPróx(iConj) = (i.pos < longitud(*(i.lista))-1) \land longitud(*(i.lista)) = a[i] \land hayPróx(iConj) = a[i]
                                                                                                                                                                                                                                                                   (\text{hayPr\'ox}(i.Conj) \Rightarrow \text{pr\'oximo}(iConj) = \text{Abs}(\langle i.pos + 1, i.lista \rangle))
```

Algoritmos 4.3.

4.3.1. Algoritmos de conjEstNat

 $iNuevoConjEstNat(in c: conj(nat)) \rightarrow res: array$

```
1 itConj(nat) it \leftarrow crearIt(c)
                                                                                                                       O(1)
     arreglo dimensionable(nat)[cardinal(c)] a
                                                                                                                       O(n)
  2
                                                                                                                       O(1)
  3
     \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
     while (HaySiguiente?(it))
  4
                                                                                                            n*
                a[i] 

Siguiente(it)
                                                                                                            O(1)
  5
                                                                                                            O(1)
  6
                i++
                Avanzar (it)
                                                                                                            O(1)
     end While
                                                                                                               O(n(log(n)))
  9
     heapsort (a)
     return(a)
Complejidad: O(1) + O(n) + O(1) + n^*(O(1) + O(1) + O(1)) + O(n(\log(n))) = O(n(\log(n)))
   iPertenece(in n: nat, in c: array) \rightarrow res: bool
     bool b \leftarrow false
                                                                                                                       O(1)
     \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
                                                                                                                       O(1)
      while (i < |c|)
                                                                                                            n*
                b \leftarrow (b \lor c[i]=n)
                                                                                                            O(1)
                                                                                                            O(1)
  5
     end While
     return(b)
Complejidad: O(1)+O(1)+n^*(O(1)+O(1)) = O(n)
```

4.3.2. Algoritmos de itConjEstNat

```
iCrearIt(in a: array) \rightarrow res: iterador
1 return (<|c|, &c>)
```

Complejidad: O(1)

```
iActual(in it: iterador) \rightarrow res: nat 1 return (*(it.lista))[it.pos]
```

Complejidad: O(1)

```
iActual(in/out it: iterador)
1  return <it.pos+1, it.lista>
```

Complejidad: O(1)

```
iHayPróximo?(in it: iterador) \rightarrow res: bool
1 return (it.pos+1<longitud(it.lista))
```

Complejidad: O(1)

Servicios usados: se utilizan solo tipos basicos, incluidos arreglos y punteros.

4.4. Servicios Usados

Módulo	Operación	Complejidad Requerida
arreglo_estático	CrearNuevo	O(n)
arreglo_estático	AgregarElemento	$\mathrm{O}(1)$
arreglo_estático	•[•]	$\mathrm{O}(1)$
	heapsort	$\mathrm{O}(\mathrm{n}(\log(\mathrm{n})))$

4.5. TAD CONJUNTO ESTÁTICO DE NATS

```
TAD CONJUNTO ESTÁTICO DE NATS
```

```
igualdad observacional
                 (\forall c,c': \mathtt{conjEstNat}) \ \ (c =_{\mathtt{obs}} c' \Longleftrightarrow ((\forall a: nat)(a \in c =_{\mathtt{obs}} a \in c')))
                  conjEstNat
géneros
                 conjEstNat, generadores, observadores, #
exporta
                  BOOL, NAT, CONJUNTO(NAT)
usa
observadores básicos
                        : nat \times conjEstNat
   ullet \in ullet
                                                                      \rightarrow bool
generadores
  crearConjEstNat: conj(nat)
                                                                       \rightarrow \text{conj}(\text{EstNat})
otras operaciones
   #
                        : conj(EstNat)
                                                                     \longrightarrow nat
                 \forall c: conj(nat), \forall n: nat
axiomas
   n \in \operatorname{crearConjEstNat}(c) \equiv (n \in c)
   \#(\operatorname{crearConjEstNat}(c)) \equiv \#(c)
```

Fin TAD

5. Módulo Promesa

5.1. Interfaz

5.1.1. Parámetros formales

```
géneros promesase explica con: Promesa.
```

5.1.2. Operaciones básicas de promesa

 $TÍTULO(in p:promesa) \rightarrow res:nombre$

```
\begin{aligned} \mathbf{Pre} &\equiv \{\text{true}\} \\ \mathbf{Post} &\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ título(p)}\} \\ \mathbf{Complejidad:} \ O(1) \\ \mathbf{Descripcion:} \ \text{Devuelve el nombre del título de la promesa} \\ \mathbf{TIPO(in} \ p \colon \text{promesa}) &\rightarrow res \ \colon \text{tipoPromesa} \\ \mathbf{Pre} &\equiv \{\text{true}\} \\ \mathbf{Post} &\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ tipo(p)}\} \\ \mathbf{Complejidad:} \ O(1) \\ \mathbf{Descripcion:} \ \text{Devuelve el tipo de promesa de la promesa} \\ \mathbf{LIMITE(in} \ p \colon \text{promesa}) &\rightarrow res \ \colon \text{dinero} \\ \mathbf{Pre} &\equiv \{\text{true}\} \\ \mathbf{Post} &\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ límite(p)}\} \end{aligned}
```

```
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve el límite de la promesa

CANTIDAD(in p: promesa) \rightarrow res: cantidad

Pre \equiv \{true\}
Post \equiv \{res =_{obs} cantidad(p)\}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones de la promesa

CREARPROMESA(in t: nombre, in tipo: tipoPromesa, in <math>n: dinero, in m: nat) \rightarrow res: estr

Pre \equiv \{true\}
Post \equiv \{res =_{obs} crearPromesa(t, tipo, n, m)\}
Complejidad: (1)
Descripcion: Devuelve una nueva promesa
```

5.2. Representación

5.2.1. Representación de promesa

```
promesa se representa con estr \begin{tabular}{ll} donde estres tupla(\it{titulo}: nombre tipo: tipoPromesa limite: dinero cantidad: nat) \end{tabular}  Rep : estr \begin{tabular}{ll} \begin{tabular}{ll} \begin{tabular}{ll} Rep(e) &= true &\Longleftrightarrow true \end{tabular}  Abs : estr \begin{tabular}{ll} \begin{ta
```

5.3. Algoritmos

5.3.1. Algoritmos de promesa

```
iTitulo(in p: estr) \rightarrow res = nombre

1    res = e.titulo

iTipo(in p: estr) \rightarrow res = tipoPromesa

1    res = e.tipo

iLimite(in p: estr) \rightarrow res = dinero

1    res = e.limite

iCantidad(in p: estr) \rightarrow res = nat

1    res = e.cantidad

iCrearPromesa(in t: nombreT, in tipo: TipoPromesa, in n: dinero, in c: nat) \rightarrow res = estr

1    res.titulo = t

2    res.tipo = tipo
3    res.limite = n
4    res.cantidad = m
```

6. Módulo Titulo

6.1. Interfaz

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}$

Complejidad: O(1)

 $Post \equiv \{res =_{obs} recotizar(d, t)\}\$

Descripcion: Cambia la cotización del título

```
géneros
                  título
    se explica con: Título.
6.1.1. Operaciones básicas de titulo
    NOMBRE(in \ t: titulo) \rightarrow res : nombre
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} nombre(t)\}\
    Complejidad: O(1)
    Descripcion: Devuelve el nombre del título
    \# \text{MAXACCIONES}(\textbf{in } t : \texttt{título}) \rightarrow res : \texttt{nat}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \#m\acute{a}xAcciones(t)\}
    Complejidad: O(1)
    Descripcion: Devuelve el máximo de cantidad de acciones
    COTIZACIÓN(in t: título) \rightarrow res: dinero
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} cotización(t)\}
    Complejidad: O(1)
    Descripcion: Devuelve la cotización del título
    {\tt ENALZA}({\tt in}\ t: {\tt título}) 	o res: {\tt bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} enAlza(t)\}\
    Complejidad: O(1)
    Descripcion: Indica si el título está o no en alza
    CREARTITULO(in t: nombre, in c: dinero, in n: nat) \rightarrow res: título
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearTitulo}(s, c, n) \}
    Complejidad: O(1)
    Descripcion: Devuelve una nuevo título
    RECOTIZAR(in d: dinero, in t: título) \rightarrow res: título
```

6.2. Representación

6.2.1. Representación de titulo

6.3. Algoritmos

6.3.1. Algoritmos de título

```
iNombre(in \ estr: \ t) \rightarrow res = nombre
1 \text{ res} = e.nombre
i\#m\acute{a}xAcciones(in \ estr: \ t) \rightarrow res = nat
1 \text{ res} = e.\#\max Acciones
iCotización(in estr:: t) \rightarrow res = dinero
1 res = e.cotizacion
iEnAlza(in estr: t) \rightarrow res = bool
1 \text{ res} = e.enAlza
iCrearTítulo(in nombre: n, in nat: max, in dinero: c) \rightarrow res = estr
  res.nombre = n
2 \text{ res.} \# \max Acciones = \max
3 \text{ res.enAlza} = \mathbf{true}
4 \text{ res.cotizacion} = c
iRecotizar(in dinero: c, in/out estr: t)
   if c>t.cotizacion then
1
      t.enAlza=true
3
  else
    t.enAlza=false
4
5 f i
6 t.cotizacion <- c
```