Algoritmos y Estructura de Datos II

Primer cuatrimestre 2014

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Practico 2

Grupo 10

Integrante	LU	Correo electrónico
Lucía, Parral	162/13	luciaparral@gmail.com
Nicolás, Roulet		
Pablo Nicolás, Gomez		
Guido Joaquin, Tamborindeguy		

Reservado para la cátedra

Instancia	$\operatorname{Docente}$	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1.	Mó	Módulo Wolfie			
	1.1.	Interfaz		3	
		1.1.1.	Parámetros formales	3	
		1.1.2.	Operaciones básicas de wolfie	3	
	1.2.	Represe	entación	4	
		1.2.1.	Representación de wolfie	4	
2.	Móc	dulo Die	ccionarioTrie(alpha)	6	
	2.1.	Interfaz		6	
		2.1.1.	Parámetros formales	6	
		2.1.2.	Operaciones básicas de Diccionario $\operatorname{String}(lpha)$	6	
		2.1.3.	Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario $\operatorname{String}(lpha)$	6	
	2.2.	Represe	entacion	7	
		2.2.1.	Representación del Diccionario String $(lpha)$	7	
		2.2.2.	Operaciones auxiliares del invatriante de Representación	7	
		2.2.3.	Representación del iterador de Claves del Diccionario $\operatorname{String}(\alpha)$	8	
	2.3.	Algoriti	mos	8	
		_	Algoritmos de Diccionario String		
			Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String		

1. Módulo Wolfie

1.1. Interfaz

1.1.1. Parámetros formales

```
géneros wolfie
se explica con: Wolfie.
```

1.1.2. Operaciones básicas de wolfie

```
CLIENTES(in w: wolfie) \rightarrow res: itUni(cliente)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{crearIt}(\operatorname{clientes}(w))\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los clientes de un wolfie.
TÍTULOS(in \ w: wolfie) \rightarrow res: itUni(título)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{títulos}(w))\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los títulos de un wolfie.
PROMESASDE(in c: cliente, in w: wolfie) \rightarrow res: itPromesa(promesa)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{clientes}(w)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{promesasDe}(c, w)) \}
Complejidad: \Theta(T \cdot C \cdot |max \mid nt|)
Descripcion: Devuelve un iterador a las promesas de un wolfie
ACCIONESPORCLIENTE(in c: cliente, in nt: nombreTítulo, in w: wolfie) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{clientes}(w) \land (\exists t : \text{título}) \ (t \in \text{títulos}(w) \land \text{nombre}(t) = nt)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{accionesPorCliente}(c, nt, w) \}
Complejidad: \Theta(log(C) + |nt|)
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones que un cliente posee de un determinado título.
INAUGURARWOLFIE(in cs: conj(cliente)) \rightarrow res: wolfie
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(cs)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ inaugurarWolfie}(cs)\}
Complejidad: \Theta(\#(cs)^2)
Descripcion: Crea un nuevo wolfie a partir de un conjunto de clientes.
AGREGARTÍTULO(in t: título, in/out w: wolfie) 
ightarrow res: wolfie
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\forall t2: \text{título}) \ (t2 \in \text{títulos}(w) \Rightarrow \mathrm{nombre}(t) \neq \mathrm{nombre}(t2)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ w =_{\text{obs}} \operatorname{agregarTitulo}(t, w_0) \}
Complejidad: \Theta(|nombre(t)| + C) ACTUALIZARCOTIZACIÓN(in nt: nombreTítulo, in cot: nat, in/out w: wolfie) \to
res: {\tt wolfie}
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists t : \mathsf{título}) \ (t \in \mathsf{títulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = nt)\}
\mathbf{Post} \equiv \{w =_{\text{obs}} \text{actualizarCotización}(nt, \, cot, \, w_0)\}\
Complejidad: \Theta(C \cdot |nt| + C \cdot log(C))
Descripcion: Cambia la cotización de un determinado título. Esta operación genera que se desencadene el cumplimiento
de promesas (según corresponda): primero de venta y luego, de compra, según el orden descendente de cantidad de acciones
por título de cada cliente.
```

 $\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists t: \mathtt{título}) \ (t \in \mathtt{títulos}(w) \land \mathtt{nombre}(t) = \mathtt{título}(p)) \land c \in \mathtt{clientes}(w) \land_{\mathtt{L}}(\forall p 2: \mathtt{promesa}) \ (p 2 \in \mathtt{promesasDe}(c, w) \Rightarrow (\mathtt{título}(p) \neq \mathtt{título}(p 2) \lor \mathtt{tipo}(p) \neq \mathtt{tipo}(p 2))) \land (\mathtt{tipo}(p) = \mathtt{vender} \Rightarrow \mathtt{accionesPorCliente}(c, \mathtt{título}(p), \mathsf{totalo}(c), \mathsf{titulo}(c)))))$

 $AGREGARPROMESA(in \ c: cliente, in \ p: promesa, in/out \ w: wolfie) \rightarrow res: wolfie$

```
w) \geq \operatorname{cantidad}(p)))\}
\operatorname{Post} \equiv \{w =_{\operatorname{obs}} \operatorname{agregarPromesa}(c, p, w_0)\}
\operatorname{Complejidad:} \Theta(|\operatorname{titulo}(p)| + \log(C))
\operatorname{Descripcion:} \operatorname{Agrega} \text{ una nueva promesa.}
\operatorname{ENALZA}(\operatorname{in} nt: \operatorname{nombreTitulo}, \operatorname{in} w: \operatorname{wolfie}) \rightarrow res: \operatorname{bool} \operatorname{Pre} \equiv \{(\exists t: \operatorname{titulo}) \ (t \in \operatorname{titulos}(w) \land \operatorname{nombre}(t) = \operatorname{nt})\}
\operatorname{Post} \equiv \{res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{enAlza}(nt, w)\}
\operatorname{Complejidad:} \Theta(|nt|)
\operatorname{Descripcion:} \operatorname{Dado} \operatorname{un} \operatorname{titulo}, \operatorname{informa} \operatorname{si} \operatorname{est\'{a}} \operatorname{o} \operatorname{no} \operatorname{en} \operatorname{alza}.
```

1.2. Representación

1.2.1. Representación de wolfie

```
wolfie se representa con estr
```

- (I) Los clientes de *clientes* son los mismos que hay dentro de *titulos*.
- (II) Las promesas de compra son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (III) Las promesas de y venta son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (IV) Las acciones disponibles de cada título son el máximo de acciones de ese título menos la suma de las acciones de ese titulo que tengan los clientes, y son mayores o iguales a 0.
- (V) El cliente de últimoLlamado pertenece a clientes.
- (VI) En últimoLlamado, si fueÚltimo es true, las promesas de promesas son todas las promesas que tiene cliente.
- (VII) Los clientes están ordenados en arrayClientes de e.titulos.

```
Rep : estr \longrightarrow bool
```

```
Rep(e) \equiv true \iff
                       (I)(\forall c: cliente) (pertenece?(c, e.clientes) \Leftrightarrow (\exists t: título) (def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t,
                           e.titulos).arrayClientes))) \land_{L}
                       (II)(\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) ((p \neq NULL \land def?(t, e.titulos) \landLestáCliente?(c, obtener(t,
                              e.titulos).arrayClientes) \land_{\texttt{L}} \texttt{buscarCliente}(c, \texttt{obtener}(t, e.titulos).arrayClientes).promCompra=p)
                              \Rightarrow_{\mathtt{L}} \mathsf{titulo}(*p) = t \land \mathsf{tipo}(*p) = \mathsf{compra} \land (\mathsf{limite}(*p) > \mathsf{obtener}(t, e.titulos).cot \lor \mathsf{cantidad}(*p) > \mathsf{obtener}(t
                              e.titulos).accDisponibles)) \land
                       (III) (\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) (p \neq NULL \land def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t, t))
                               e.titulos).arrayClientes) \land_{L}buscarCliente(c, obtener(t, e.titulos).arrayClientes).<math>promVenta = p)
                                \Rightarrow_{\text{L}}(\text{título}(*p)=t \land \text{tipo}(*p)=\text{venta} \land \text{límite}(*p) < \text{obtener}(t, e.titulos).cot)) \land
                       (IV)(\forall nt: nombreT) (def?(nt, e.titulos) \Rightarrow_{L}(obtener(nt, e.titulos).accDisponibles = obtener(nt, e.titulos))
                               e.titulos).maxAcc - sumaAccClientes(obtener(nt, e.titulos).arrayClientes) \land obtener(nt,
                               e.titulos).accDisponibles \geq 0)) \land
                       (V)(pertenece?(e.últimoLlamado.cliente, e.clientes)) \wedge_{L}
                       (VI)(e.\'ultimoLlamado.fue\'ultimo \Rightarrow (\forall p: promesa) (pertenece?(p, e.\'ultimoLlamado.promesas) \Leftrightarrow
                                (def?(titulo(p), e.titulos) \land_L
                               if tipo(p) = compra then
                                      buscarCliente(e.\'ultimoLlamado.cliente, obtener(título(p), e.titulos).arrayClientes).promCompra
                               \mathbf{else}
                                      {\bf buscarCliente}(e.\'{u}ltimoLlamado.cliente, \ {\bf obtener}({\bf t\'{t}ulo}(p), \ e.titulos).arrayClientes).{\bf promVenta}
                               \mathbf{fi}))
                       (VII)(\forall t: titulo) def?(t, e.titulos) \Rightarrow_L ((\forall i:nat) i < longitud(buscar(t, e.titulos).arrayClientes)-1 \Rightarrow
                                 (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i] < (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i+1])
                       estáCliente? : cliente × array dimensionable(tuplaPorCliente) --> bool
                       estáCliente?(c, a) \equiv \text{auxEstáCliente}(c, a, 0)
                       auxEstáCliente : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \longrightarrow bool
                       auxEstáCliente(c, a, i) \equiv if i = longitud(a) then false else a[i].cliente = c \lor auxEstáCliente(c, a, i + 1) fi
                       buscarCliente : cliente \times array \ dimensionable(tuplaPorCliente) \ \longrightarrow \ tuplaPorCliente
                                                                                                                                                                                                                        \{ \text{estáCliente}(c, a) \}
                       buscarCliente(c, a) \equiv auxBuscarCliente(c, a, 0)
                       auxBuscarCliente : cliente 	imes array dimensionable(tuplaPorCliente) 	imes nat \longrightarrow tuplaPorCliente
                                                                                                                                                                                                                        \{\operatorname{estáCliente}(c, a)\}
                       auxBuscarCliente(c, a, i) \equiv if \ a[i].cliente = c \ then \ a[i] \ else \ auxBuscarCliente(c, a, i + 1) \ fi
Abs : estr e \longrightarrow \text{wolfie}
                                                                                                                                                                                                                                   \{\operatorname{Rep}(e)\}
Abs(e) =_{obs} w: wolfie | clientes(w)=e.clientes \land títulos(w)=???????? \land
                                               (\forall c: cliente) \text{ promesasDe}(c, w) = damePromesas(crearIt(e.titulos), e, c) \land
                                              accionesPorCliente(c, t, w) = buscarCliente(obtener(t, e.titulos).arrayClientes).cantAcc
damePromesas : itTrie?????? \times estr \times cliente \longrightarrow conj(promesa)
damePromesas(it, e, c) \equiv if hayMas?(it) then
                                                            if buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra \neq NULL then
                                                                  \{buscarCliente(obtener(actual(it))).promCompra \neq NULL\} \cup fi
                                                            if buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta \neq NULL then
                                                                 \{buscarCliente(obtener(actual(it))).promVenta \neq NULL\} \cup \mathbf{fi}
                                                            damePromesas(avanzar(it), e, c)
                                                      else
                                                             vacio
                                                      fi
```

2. Módulo DiccionarioTrie(alpha)

2.1. Interfaz

2.1.1. Parámetros formales

```
géneros string, \alpha se explica con: Diccionario(string, \alpha), Iterador Unidireccional. géneros: diccString(\alpha), itDicc(diccString).
```

2.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String (α)

```
CREARDICC() \rightarrow res: diccString(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} vacio\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripcion: Crea un diccionario vacío.
DEFINIR(in/out d: diccString(\alpha), in c: string, in s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{obs} d_0 \land \neg def?(d,c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} definir(d_0, c, s)\}\
Complejidad: \Theta(longitud(c))
Descripcion: Define la clave c con el significado s en el diccionario d.
DEFINIDO?(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} def?(c,d)\}\
Complejidad: \Theta(longitud(c))
Descripcion: Devuelve true si y solo si c está definido como clave en el diccionario.
SIGNIFICADO(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(c,d)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(c, d)\}\
Complejidad: \Theta(longitud(c))
Descripcion: Devuelve el significado con clave c.
Aliasing: No se devuelve una copia del \alpha en res, se devuelve una referencia a la original.
```

2.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario String (α)

```
CREARIT(in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: itClaves(string)

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = _obs crearIt(d.claves) }

Complejidad: \Theta(1)

Descripcion: Crea y devuelve un iterador de claves Diccionario String.

HAYMAS?(in d: itClaves(string)) \rightarrow res: bool

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = _obs hayMas?(it)}

Complejidad: \Theta(longitud(c))

Descripcion: Informa si hay más elementos por iterar.
```

```
Actual(in d: itClaves(string)) \rightarrow res: string

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = _obs actual(it)}

Complejidad: \Theta(longitud(c))

Descripcion: Devuelve la clave de la posición actual.

AVANZAR(in/out it: itClaves(string)) \rightarrow res: itClaves(\alpha)

Pre \equiv {hayMas?(it) \wedge it = it_0}

Post \equiv {res = _obs avanzar(it_0)}

Complejidad: \Theta(longitud(c))

Descripcion: Avanza a la próxima clave.
```

2.2. Representacion

2.2.1. Representación del Diccionario String (α)

```
\label{eq:constraint} \begin{split} & \operatorname{diccString}(\alpha) \text{ se representa con estrDic} \\ & \operatorname{donde} \operatorname{estrDic} \operatorname{es \, tupla}(\mathit{raiz}: \operatorname{puntero}(\operatorname{nodo}) \ \mathit{claves}: \operatorname{lista\_enlazada}(\mathit{string})) \end{split}  \begin{aligned} & \operatorname{Nodo} \operatorname{se \, representa \, con \, estrNodo} \\ & \operatorname{donde} \operatorname{estrNodo} \operatorname{es \, tupla}(\mathit{valor}: \operatorname{puntero}(\alpha) \ \mathit{hijos}: \operatorname{arreglo\_estatico}[256](\operatorname{puntero}(\operatorname{nodo})) \ ) \end{aligned}
```

- (I) Existe un único camino entre cada nodo y el nodo raiz (es decir, no hay ciclos).
- (II) Todos los nodos hojas, es decir, todos los que tienen su arreglo hijos con todas sus posiciones en NULL, tienen que tener un valor distinto de NULL.
- (III) Raiz es distinto de NULL
- (IV) En claves está el camino que se recorre desde la raiz hasta cada nodo hoja.

```
\begin{aligned} \operatorname{Rep}(e) &= \operatorname{true} \Longleftrightarrow \\ \operatorname{raiz} &:= \operatorname{NULL} \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{noHayCiclos}(e) \wedge \operatorname{todasLasHojasTienenValor}(e) \wedge \\ \operatorname{hayHojas}(e) &\Rightarrow |\operatorname{e.claves}| > 0 \wedge \\ (\forall \ c \in \operatorname{caminosANodos}(e)) (\exists \ i \ \{0..|\operatorname{e.claves}|\}) \ \operatorname{e.claves}[i] = c \end{aligned} \begin{aligned} \operatorname{Abs}: \operatorname{estrDicc} \ e &\longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{string}, \alpha) \end{aligned} \qquad & \{\operatorname{Rep}(e)\} \\ \operatorname{Abs}(e) &=_{\operatorname{obs}} \ d: \operatorname{dicc}(\operatorname{string}, \alpha) \mid (\forall \ \operatorname{c:string}) (\operatorname{definido?}(c, d)) = (\exists \ \operatorname{n:} \operatorname{nodo}) (\operatorname{n} \in \operatorname{todasLasHojas}(e)) \ \operatorname{n.valor} := \operatorname{NULL} \\ \wedge \ (\exists \ i \ \{0..|\operatorname{e.claves}|\}) \ \operatorname{e.claves}[i] = \operatorname{c} \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{significado}(c, d) = \operatorname{leer}(e.\operatorname{clave}). \end{aligned} \end{aligned}
```

2.2.2. Operaciones auxiliares del invatriante de Representación

```
noHayCiclos : puntero(nodo) \longrightarrow bool
noHayCiclos(n,p) \equiv (\exists \text{ n:nat})((\forall \text{ c: string})(|\mathbf{s}| = \mathbf{n} \Rightarrow \text{leer}(p,s) = \text{NULL}))
leer : puntero(nodo) \times string \longrightarrow bool
```

```
leer(p, s) \equiv if vacia?(s) then
                   p\,\rightarrow\,valor
               else
                   if p \to hijos[prim(s)] = NULL then NULL else leer(p \to hijos[prim(s)], fin(s)) fi
todosNull : arreglo(puntero(nodo)) \longrightarrow bool
todosNull(a) \equiv auxTodosNull(a, 0)
auxTodosNull : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \longrightarrow bool
\operatorname{auxTodosNull}(a,i) \equiv \operatorname{if} i < |a| \operatorname{then} a[i] == \operatorname{NULL} \wedge \operatorname{auxTodosNull}(a,i+1) \operatorname{else} a[i]. \operatorname{valor} == \operatorname{NULL} \operatorname{fi}
esHoja : puntero(nodo) \longrightarrow bool
esHoja(p) \equiv if p == NULL then false else todosNull(p.hijos) fi
todasLasHojas : puntero(nodo) \times nat \longrightarrow conj(nodo)
todasLasHojas(p, n) \equiv if p == NULL then
                                 false
                              else
                                 if esHoja(p) then Ag(*p, vacio) else auxTodasLasHojas((*p).hijos, 256) fi
auxTodasLasHojas : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \longrightarrow conj(nodo)
\operatorname{auxTodasLasHojas}(a, n) \equiv \operatorname{hojasDeHijos}(a, n, 0)
hojasDeHijos : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \times nat \longrightarrow conj(nodo)
hojasDeHijos(a, n, i) \equiv if i = n then \emptyset else todasLasHojas(a[i]) \cup hojas<math>DeHijos(a, n, (i + 1)) fi
todasLasHojasTienenValor : puntero(nodo) \longrightarrow bool
todasLasHojasTienenValor(p) \equiv \text{auxTodasLasHojasTienenValor}(\text{todasLasHojas}(p, 256))
auxTodasLasHojasTienenValor\ :\ arreglo(puntero(nodo))\ \longrightarrow\ bool
auxTodasLasHojasTienenValor(a) \equiv \mathbf{if} |\mathbf{a}| = 0 then
                                                  true
                                              else
                                                   dameUno(a).valor != NULL \land auxTodasLasHojasTienenValor(sinUno(a))
                                              fi
```

2.2.3. Representación del iterador de Claves del Diccionario String (α)

```
itClaves(string) se representa con puntero(nodo)
```

Su Rep y Abs son los de it $Secu(\alpha)$ definido en el apunte de iteradores..

2.3. Algoritmos

2.3.1. Algoritmos de Diccionario String

```
\frac{\textbf{Algorithm 1} \text{ iCrearDicc}}{n: nodo}
n \leftarrow crearNodo()
raiz \leftarrow *n
```

2.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String

Utiliza los mismos algoritmos que it $Secu(\alpha)$ definido en el apunte de iteradores.

Algorithm 2 iCrearNodo()

```
\begin{aligned} &d: arreglo\_estatico[256] \\ &i \leftarrow 0 \\ &\textbf{while } i < 256 \textbf{ do} \\ &d[i] \leftarrow NULL \\ &\textbf{end while} \\ &hijos \leftarrow d \\ &valor \leftarrow NULL \end{aligned}
```

Algorithm 3 iDefinir

```
i \leftarrow 0
p \leftarrow d.raiz
while i < (longitud(s)) do

if p.hijos[ord(s[i])] == NULL then
n: nodo \leftarrow crearNodo()
p.hijos[ord(s[i])] \leftarrow *n
end if
p \leftarrow p.hijos[ord(s[i])]
i + +
end while
p.valor \leftarrow a
agregarAdelante(hijos, c)
```

Algorithm 4 iSignificado

```
i \leftarrow 0
p \leftarrow d.raiz
while i < (longitud(s)) do
p \leftarrow p.hijos[ord(s[i])]
i + +
end while
return p.valor
```

Algorithm 5 iDefinido?

```
\begin{aligned} i &\leftarrow 0 \\ p &\leftarrow d.raiz \\ \mathbf{while} \ i &< (longitud(s)) \ \mathbf{do} \\ &\quad \mathbf{if} \ p.hijos[ord(s[i])]! = NULL \ \mathbf{then} \\ &\quad p &\leftarrow p.hijos[ord(s[i])] \\ &\quad i + + \\ &\quad \mathbf{else} \\ &\quad \mathbf{return} false \\ &\quad \mathbf{end} \ \mathbf{if} \\ &\quad \mathbf{end} \ \mathbf{while} \\ &\quad \mathbf{return} \ p.valor! = NULL \end{aligned}
```