

# Trabajo Practico 2

Algoritmos y Estructura de Datos II Primer cuatrimestre 2014

### Grupo 10

Integrante	LU	Correo electrónico
Gómez, Pablo Nicolás	156/13	mago-1986@hotmail.com
Parral, Lucía Inés	162/13	luciaparral@gmail.com
Roulet, Nicolás	587/13	nicoroulet@gmail.com
Tamborindeguy, Guido Joaquín	584/13	guido@tamborindeguy.com.ar



### Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: (54 11) 4576-3359 http://www.fcen.uba.ar

# Índice

1.	Ren	nombres de Módulos	3
2.	Mó	dulo Wolfie	3
	2.1.	Interfaz	3
		2.1.1. Parámetros formales	3
		2.1.2. Operaciones básicas de wolfie	3
		2.1.3. Operaciones básicas de itTítulos	4
	2.2.	Representación	5
		2.2.1. Representación de wolfie	5
		2.2.2. Invariante de representación	5
		2.2.3. Función de abstracción	6
		2.2.4. Representación de itTítulos	7
		2.2.5. Invariante de Representación de itTítulos	7
	2.3.	Algoritmos	7
		2.3.1. Algoritmos de wolfie	7
		2.3.2. Algoritmos de wolfie	7
		2.3.3. Algoritmos de itTítulos	9
		2.3.4. Funciones auxiliares	9
	2.4.	Servicios Usados	10
3.	Mó	dulo Diccionario String(alpha)	10
		Interfaz	11
		3.1.1. Parámetros formales	11
		3.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String $(\alpha)$	11
		3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario String $(\alpha)$	
	3.2.	Representación	
		3.2.1. Representación del Diccionario String $(\alpha)$	12
		3.2.2. Invariante de Representación de diccString	
		3.2.3. Operaciones auxiliares del invariante de Representación	
		3.2.4. Función de abstracción de diccString	
		3.2.5. Representación del iterador de Claves del Diccionario $\operatorname{String}(\alpha)$	
	3.3.		
		3.3.1. Algoritmos de Diccionario String	
		3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String	
	3.4.	Servicios Usados	
4.		dulo Conjunto Estático de Nats	15
	4.1.	Interfaz	
		4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat	
		4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat	
	4.2.	Representación	16

		4.2.1. Representación de conjEstNat	16
		4.2.2. Función de abstracción de conjEstNat	16
		4.2.3. Representación de itConjEstNat	16
		4.2.4. Función de abstracción de itConjEstNat	16
	4.3.	Algoritmos	17
		4.3.1. Algoritmos de conjEstNat	17
		4.3.2. Algoritmos de itConjEstNat	17
	4.4.	Servicios Usados	18
	4.5.	TAD Conjunto Estático de Nats	18
<b>5</b> .	Mód	dulo Promesa	18
	5.1.	Interfaz	18
		5.1.1. Parámetros formales	18
		5.1.2. Operaciones básicas de promesa	18
	5.2.	Representación	19
		5.2.1. Representación de promesa	19
		5.2.2. Invariante de Representación de Promesa	19
		5.2.3. Función de abstracción de Promesa	19
	5.3.	Algoritmos	19
		5.3.1. Algoritmos de promesa	19
6.	Mód	dulo Título	20
	6.1.	Interfaz	20
		6.1.1. Operaciones básicas de título	20
	6.2.	Representación	21
		6.2.1. Representación de título	21
		6.2.2. Invariante de Representación de Título'	21
		6.2.3. Función de abstracción de Título'	21
	6.3.	Algoritmos	21
		6.3.1. Algoritmos de título	21

#### 1. Renombres de Módulos

Módulo Dinero es Nat Módulo Cliente es Nat Módulo TipoPromesa es enum{compra, venta} Módulo Nombre es String

#### 2. Módulo Wolfie

#### 2.1. Interfaz

#### 2.1.1. Parámetros formales

```
géneros wolfie, itTítulosse explica con: Wolfie, Iterador Unidireccional
```

#### 2.1.2. Operaciones básicas de wolfie

```
CLIENTES(in w: wolfie) \rightarrow res: itConjEstNat(cliente)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{clientes}(w)) \}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los clientes de un wolfie.
TíTULOS(in w: wolfie) \rightarrow res: itUni(título)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{títulos}(w))\}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los títulos de un wolfie.
PROMESASDE(in c: cliente, in w: wolfie) \rightarrow res: itConj(promesa)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{clientes}(w)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{promesasDe}(c, w)) \}
Complejidad: O(T \cdot C \cdot |max \mid nt|)
Descripcion: Devuelve un iterador a las promesas de un wolfie
Acciones Por Cliente (in c: cliente, in nt: nombre, in w: wolfie) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{clientes}(w) \land (\exists \ t : \text{título}) \ (t \in \text{títulos}(w) \land \text{nombre}(t) = nt)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{accionesPorCliente}(c, \, nt, \, w)\}
Complejidad: O(log(C) + |nt|)
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones que un cliente posee de un determinado título.
INAUGURARWOLFIE (in cs: conj(cliente)) \rightarrow res: wolfie
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(cs)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ inaugurarWolfie}(cs)\}
Complejidad: O(\#(cs)^2)
Descripcion: Crea un nuevo wolfie a partir de un conjunto de clientes.
AGREGARTÍTULO(in t: título, in/out w: wolfie)
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\forall t2: \text{título}) \ (t2 \in \text{títulos}(w) \Rightarrow \mathrm{nombre}(t) \neq \mathrm{nombre}(t2)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ w =_{\text{obs}} \operatorname{agregarTitulo}(t, w_0) \}
Complejidad: O(|nombre(t)| + C)
ACTUALIZAR COTIZACIÓN (in nt: nombre, in cot: nat, in/out w: wolfie)
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists t : \mathsf{título}) \ (t \in \mathsf{títulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = nt)\}
```

```
 \begin{aligned} \mathbf{Post} &\equiv \{ w =_{\mathrm{obs}} \mathrm{actualizarCotización}(nt,\,cot,\,w_0) \} \\ \mathbf{Complejidad:} \ O(C \cdot |nt| + C \cdot log(C)) \end{aligned}
```

**Descripcion:** Cambia la cotización de un determinado título. Esta operación genera que se desencadene el cumplimiento de promesas (según corresponda): primero de venta y luego, de compra, según el orden descendente de cantidad de acciones por título de cada cliente.

```
AGREGARPROMESA(in c: cliente, in p: promesa, in/out w: wolfie)

Pre \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists t: \mathsf{titulo}) \ (t \in \mathsf{titulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = \mathsf{titulo}(p)) \land c \in \mathsf{clientes}(w) \land_{\mathsf{L}}(\forall p 2: \mathsf{promesa}) \ (p 2 \in \mathsf{promesaDe}(c, w) \Rightarrow (\mathsf{titulo}(p) \neq \mathsf{titulo}(p 2) \lor \mathsf{tipo}(p) \neq \mathsf{tipo}(p 2))) \land (\mathsf{tipo}(p) = \mathsf{vender} \Rightarrow \mathsf{accionesPorCliente}(c, \mathsf{titulo}(p), w) \geq \mathsf{cantidad}(p)))\}

Post \equiv \{w =_{\mathrm{obs}} \mathsf{agregarPromesa}(c, p, w_0)\}

Complejidad: O(|\mathsf{titulo}(p)| + log(C))

Descripcion: Agrega una nueva promesa.

ENALZA(in nt: nombreTítulo, in w: wolfie) \rightarrow res: bool

Pre \equiv \{(\exists t: \mathsf{titulo}) \ (t \in \mathsf{titulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = \mathsf{nt})\}

Post \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathsf{enAlza}(nt, w)\}

Complejidad: O(|nt|)

Descripcion: Dado un título, informa si está o no en alza.
```

#### 2.1.3. Operaciones básicas de itTítulos

```
CREARIT(in w: wolfie) \rightarrow res: itTítulos
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{titulos}(w)) \}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve un iterador unidireccional a los títulos de wolfie.
Actual(in \ i: itTitulos) \rightarrow res: titulo
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} actual(i)\}\
Complejidad: O(|titulo(actual(i))|)
Descripcion: Devuelve el título actual.
PRÓXIMO(in/out i: itTítulos) \rightarrow res: [
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv {H}ayPróximo(i) \wedge i_0 = i] i =_{obs} avanzar(i_0) [O(1)] [Avanza el iterador.]
\text{HAYPROXIMO}(\text{in/out } i: \text{itTitulos}) \rightarrow res: \text{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} hayMas(i)\}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Pregunta si hay más elementos para iterar.
```

#### 2.2. Representación

#### 2.2.1. Representación de wolfie

#### wolfie se representa con estr

#### 2.2.2. Invariante de representación

- (I) Los clientes de *clientes* son los mismos que hay dentro de *titulos*.
- (II) Las promesas de compra son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (III) Las promesas de venta son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (IV) Las acciones disponibles de cada título son el máximo de acciones de ese título menos la suma de las acciones de ese titulo que tengan los clientes, y son mayores o iguales a 0.
- (V) El cliente de 'ultimoLlamado pertenece a clientes.
- (VI) En últimoLlamado, si fueÚltimo es true, las promesas de promesas son todas las promesas que tiene cliente.
- $\left( \mathrm{VII}\right) \,$  Los clientes están ordenados en arrayClientes de e.titulos.
- (VIII) Los títulos en infoTítulo tienen el mismo nombre que la clave que lleva a ellos.

 $\operatorname{Rep}:\operatorname{estr}\longrightarrow\operatorname{bool}$ 

```
Rep(e) \equiv true \iff
             (I)(\forall c: cliente) (pertenece? (c, e.clientes) \Leftrightarrow (\exists t: titulo) (def? (t, e.titulos) \land_{L} estáCliente? (c, obtener <math>(t, e.titulos)))
                e.titulos).arrayClientes))) \land_{L}
              (II)(\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) ((p \neq NULL \land def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t, t))
                  e.titulos).arrayClientes) \\ \land_{\texttt{L}} \texttt{buscarCliente}(c, \\ \texttt{obtener}(t, \\ e.titulos).arrayClientes).promCompra=p)
                  \Rightarrow_{\text{L}} \text{título}(*p) = t \land \text{tipo}(*p) = \text{compra} \land (\text{límite}(*p) > \text{cotización}(\text{obtener}(t, e.titulos).titulo))
                 cantidad(*p) > obtener(t, e.titulos).accDisponibles)) \land
              (III) (\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) (p \neq NULL \land def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t, t))
                   e.titulos).arrayClientes) \land_{L}buscarCliente(c, obtener(t, e.titulos).arrayClientes).<math>promVenta = p)
                   \Rightarrow_{\text{L}} (\text{título}(*p) = t \land \text{tipo}(*p) = \text{venta} \land \text{límite}(*p) < \text{cotización}(\text{obtener}(t, e.titulos).titulo))) \land 
              (IV)(\forall nt: nombreT) (def?(nt, e.titulos) \Rightarrow_L(obtener(nt, e.titulos).accDisponibles = máximo(obtener(nt, e.titulos).accDisponibles)
                   e.titulos).titulo) - sumaAccClientes(obtener(nt, e.titulos).arrayClientes, 0) \land obtener(nt,
                  e.titulos).accDisponibles \geq 0)) \land
             (V)(pertenece?(e.últimoLlamado.cliente, e.clientes)) \wedge_{L}
             (VI)(e.\'ultimoLlamado.fue\'ultimo \Rightarrow (\forall p: promesa) (pertenece?(p, e.\'ultimoLlamado.promesas) \Leftrightarrow
                   (def?(titulo(p), e.titulos) \land_L
                  if tipo(p) = compra then
                       buscarCliente(e.\'ultimoLlamado.cliente, obtener(título(p), e.titulos).arrayClientes).promCompra
                   \mathbf{else}
                       buscarCliente(e.\'ultimoLlamado.cliente, obtener(t\'utulo(p), e.titulos).arrayClientes).promVenta
                   \mathbf{fi}))
              (VII)(\forall t: nombre) def?(t, e.titulos) \Rightarrow_L ((\forall i:nat) i < longitud(buscar(t, e.titulos).arrayClientes)-1 \Rightarrow
                    (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i] < (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i+1])
              (VIII)(\forall t: nombre) def?(t, e.titulos) \Rightarrow_{L} t = nombre(obtener(t, e.titulos).titulo)
             estáCliente? : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \longrightarrow bool
             estáCliente?(c, a) \equiv \text{auxEstáCliente}(c, a, 0)
             auxEstáCliente : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \longrightarrow bool
             auxEstáCliente(c, a, i) \equiv if i=longitud(a) then false else a[i].cliente = c \lor auxEstáCliente(c, a, i + 1) fi
             buscarCliente: cliente \times array \ dimensionable(tuplaPorCliente) \ \longrightarrow \ tuplaPorCliente
                                                                                                                                  \{\operatorname{estáCliente}(c, a)\}
             buscarCliente(c, a) \equiv auxBuscarCliente(c, a, 0)
             auxBuscarCliente : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \longrightarrow tuplaPorCliente
                                                                                                                                   \{\operatorname{estáCliente}(c, a)\}
             auxBuscarCliente(c, a, i) \equiv if \ a[i].cliente = c \ then \ a[i] \ else \ auxBuscarCliente(c, a, i + 1) \ fi
              sumaAccClientes : array dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \longrightarrow nat
             auxBuscarCliente(a, i) \equiv if i = longitud(a) then 0 else a[i].cantAcc + sumaAccClientes(a, i + 1) fi
```

#### 2.2.3. Función de abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{wolfie} \{\text{Rep}(e)\}

Abs(e) =_{\text{obs}} w: wolfie | clientes(w) = e.clientes \land (\forall t: \text{título}) \ (t \in \text{títulos}(w) \Leftrightarrow (\text{def?}(t, e.titulos) \land_{\text{L}} t = \text{obtener}(t, e.titulos).titulo))

\land (\forall c: \text{cliente}) \text{ promesasDe}(c, w) = \text{damePromesas}(\text{crearIt}(e.titulos), e, c) \land

accionesPorCliente(c, t, w) = \text{buscarCliente}(\text{obtener}(t, e.titulos).arrayClientes).cantAcc

damePromesas : itDicc(diccString(infoTÃtulo)) × estr × cliente \longrightarrow \text{conj}(\text{promesa})
```

#### 2.2.4. Representación de itTítulos

#### 2.2.5. Invariante de Representación de itTítulos

```
Los el iterador de claves es iterador del diccString. 

Rep : iterador \longrightarrow bool 

Rep(i) \equiv true \iff esIterador(i.it, CrearIt(*(i.dicc))) 

esIterador : itClaves(infoTítulo) \times itClaves(infoTítulo) \longrightarrow bool 

esIterador(it1, it2 \equiv actual(it1)=actual(it2) \vee (hayMas?(it2) \wedge_{\text{L}}esIterador(it1, Avanzar(it2))) 

Abs : iterador i \longrightarrow itTítulos 

\{\text{Rep}(i)\} 

Abs(i) =_{\text{obs}} t: itTítulos | actual(t)=obtener(actual(i.it), *(i.dicc)) \wedge (hayMás(i.it)\Rightarrow_{\text{L}}(hayMás(t) \wedge_{\text{L}}Abs(<Avanzar(i.it), i.dicc>, avanzar(t))))
```

#### 2.3. Algoritmos

#### 2.3.1. Algoritmos de wolfie

```
iClientes(in e: estr) \rightarrow res: itConjEstNat
1 return (CrearIt (e. clientes))
```

#### 2.3.2. Algoritmos de wolfie

```
iClientes(in e: estr) \rightarrow res: itTítulos
1 return ( CrearIt (e))
```

#### Complejidad: O(1)

8

Complejidad: O(1)

```
iPromesasDe(in c: cliente, in/out e: estr) → res: itConj(promesa)
  if \neg(e.ultimoLlamado.cliente = c \land e.ultimoLlamado.fueUltimo) then
                                                                                               O(1)
    itClaves(diccString(infoTitulo)) it ← CrearIt (e. titulos)
                                                                                               O(1)
3
     conj(promesa) proms \leftarrow vacio()
                                                                                               O(1)
4
     tuplaPorClientes tup
                                                                                               O(1)
5
     while (HayMas?(it))
       tup ← Buscar Cliente (Obtener (Nombre (Actual (it)), e. titulos). array Clientes)
6
7
                                                                   O(C*|nombre(actual(it))|)
```

if tup.promVenta ≠ NULL then AgregarRapido(proms, \*(tup.promVenta))

```
if tup.promCompra \neq NULL then AgregarRapido(proms, *(tup.promCompra)) O(1)
  9
 10
          Avanzar (it)
                                                                                                       O(1)
 11
       end While
 12
       e.ultimoLlamado.promesas ← proms
                                                                                                       O(1)
    fі
 13
 14 return (crearIt (e. ultimoLlamado. promesas))
                                                                                                       O(1)
Complejidad: 4*O(1)+T*(O(1)+O(C*|nombre(actual(it))|)+3*O(1)+O(1)+O(1)+O(1)\subset O(T*C*|max nt|)
  iAccionesPorCliente(in c: cliente, in nt, nombreT, in e: estr) \rightarrow res: nat
      return (Buscar Cliente (c, Obtener (nt, e. titulos)).cantAcc)
Complejidad: O(log(C) + |nt|)
  iInaugurarWolfie(in c: conj(cliente)) \rightarrow res: estr
      res.titulos \leftarrow CrearDicc()
                                                                                                       O(1)
      res.clientes \leftarrow NuevoConjEstNat(c)
                                                                                             O(C(\log(C)))
      res.ultimoLlamado \leftarrow <0, Vacio(), false>
                                                                                                       O(1)
Complejidad: O(C(log(C)))
  iAgregarTítulo(in t: título, in/out e: estr) \rightarrow res: nat
      Definir (e. titulos, nombre (t), < Crear Array Clientes (Crear It (e. clientes), cardinal
  2
              (e.clientes), t, \#maxAcciones(t)
Complejidad: O(|nombre(t)|+C)
  iActualizarCotización(in nt: nombre, in cot: nat, in/out e: estr)
      infoTitulo s \leftarrow Obtener(nt, e.titulos) O(|nt|)
  2
      recotizar (cot, s. titulo)
                                                                                                       O(1)
  3
      \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
      while i < | s. array Clientes |
  4
         if (s.arrayClientes[i].promVenta ≠ NULL \yluego limite(*(s.arrayClientes[i].promVenta))
  5
      cotizacion(s.titulo)) then
  6 >
           s.arrayClientes[i].cantAcc -= cantidad(*(s.arrayClientes[i].promVenta))
                                                                                                       O(1)
  7
           s.accDisponibles += cantidad (*(s.arrayClientes[i].promVenta))
                                                                                                       O(1)
  8
           s.arrayClientes[i].promVenta = NULL
  9
                                                                                                       O(1)
         fi
 10
      end While
 11
      arreglo dimensionable(tuplaPorCantAcc)[|s.arrayClientes|] arr
                                                                                                       O(C)
 12
      CambiarPorCantAcc(s.arrayClientes, arr)
                                                                                                       O(C)
 13
                                                                                                  O(C(\log(C)))
 14
      heapsort (arr)
 15
      i \leftarrow 0
                                                                                                       O(1)
      while i < | s. array Clientes |
                                                                                             C*
 16
         if (arr[i].promCompra \neq NULL \yluego limite(*(arr[i].promCompra)) < cotizacion(s.titulo)
 17
 18 \operatorname{cantidad}(*(\operatorname{arr}[i].\operatorname{promCompra})) \leq \operatorname{s.accDisponibles}) then
                                                                                             O(1)
           arr[i].cantAcc += cantidad(*(arr[i].promCompra))
                                                                                             O(1)
 19
 20
           s.accDisponibles -= cantidad(*(arr[i].promCompra))
                                                                                             O(1)
 21
           arr[i].promCompra = NULL
                                                                                             O(1)
         f i
 22
 23
         i++
                                                                                             O(1)
      end While
 24
      CambiarPorCliente(arr, s.arrayClientes)
                                                                                                       O(C)
 25
                                                                                                 O(C(log(C)))
      heapsort (s. array Clientes)
 26
\textbf{Complejidad:} \ O(|nt|) + 2*O(1) + C*4*O(1) + O(C) + O(C) + O(C(\log(C))) + O(1) + C*4*O(1) + O(C) + O(C(\log(C))) = 0
         O(|nt| + C(\log(C)))
  iAgregarPromesa(in c: cliente, in p:promesa, in/out e:estr)
                                                                                                       O(1)
  1
      promesa prom \leftarrow p
  2
      if tipo(prom)=compra then
                                                                                                       O(1)
       Buscar Cliente (c, Obtener (titulo (prom), e. titulos). array Clientes). promCompra ← &prom
  3
  4
                                                                                             O(|\text{titulo}(p)|+C)
```

```
5
       else
        Buscar Cliente (c, Obtener (titulo (prom), e. titulos). array Clientes). promCompra ← &prom
  6
                                                                                                     O(|\text{titulo}(p)|+C)
       fi
  8
Complejidad: O(1)+O(1)+O(|titulo(p)|+C)=O(|titulo(p)|+C)
   iEnAlza(in nt: nombreT, in e: estr) \rightarrow res: bool
      return (enAlza (Obtener (nt, e. titulos). titulo))
Complejidad: O(|nt|)
2.3.3. Algoritmos de itTítulos
   iCrearIt(in e: estr) \rightarrow res: iterador
      return(<crearIt(e.titulos), &(e.titulos)>)
Complejidad: O(|nt|)
   iActual(in i: iterador) \rightarrow res: titulo
      return (Significado (Actual (i.it), *(i.dicc)).titulo)
Complejidad: O(|nt|)
   iPróximo(in/out i: iterador)
      avanzar (i.it)
Complejidad: O(1)
   iHayPróximo(in i: iterador) \rightarrow res: bool
     return (HayMas(i.it))
Complejidad: O(1)
2.3.4. Funciones auxiliares
   CrearArrayClientes(in it: itConjEstNat, in n: nat) → res: arreglo dimensionable(tuplaPorClientes)
      arreglo dimensionable(tuplaPorClientes)[n] arr
                                                                 O(n)
      \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
                                                                                                     O(1)
  2
  3
      do
                                                                                          n*
         arr[i] \leftarrow \langle Actual(it), 0, NULL, NULL \rangle
                                                                                          O(1)
  4
                                                                                          O(1)
  5
         i++
                                                                                          O(1)
  6
         Proximo (it)
       while hayProx(it)
                                                                                          O(1)
       return arr
Complejidad: O(n)+O(1)+n*4*O(1)=O(n)
   CambiarPorCantAcc(in a1: arreglo dimensionable(tuplaPorCliente), in/out a2: arreglo dimensionable(tuplaPorCantAcc))
       \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
                                                                                                               O(1)
  1
       while i < |a1|
  2
                                                                                                     a1 *
         a2[i]. cliente \leftarrow a1[i]. cliente
                                                                                                     O(1)
  3
                                                                                                     O(1)
  4
         a2[i]. cantAcc \leftarrow a1[i]. cantAcc
                                                                                                     O(1)
  5
         a2[i]. promCompra \leftarrow a1[i]. promCompra
         a2[i]. promVenta \leftarrow a1[i]. promVenta
                                                                                                     O(1)
  6
  7
         i + +
                                                                                                     O(1)
       end While
Complejidad: O(1)+|a1|*5*O(1)=O(|a1|)
```

CambiarPorCliente(in a1: arreglo dimensionable(tuplaPorCantAcc), in/out a2: arreglo dimensionable(tuplaPorCliente))

```
\mathbf{nat} \ i \ \leftarrow \ 0
                                                                                                                                                                                O(1)
1
2
       while i < |a1|
                                                                                                                                                                a1 | *
3
           a2[i]. cliente \leftarrow a1[i]. cliente
                                                                                                                                                               O(1)
           a2[i]. cantAcc \leftarrow a1[i]. cantAcc
                                                                                                                                                               O(1)
4
           a2 \left[ \begin{array}{c} i \end{array} \right]. \hspace{0.1cm} promCompra \hspace{0.1cm} \leftarrow \hspace{0.1cm} a1 \left[ \begin{array}{c} i \end{array} \right]. \hspace{0.1cm} promCompra
                                                                                                                                                               O(1)
5
           a2[i]. promVenta \leftarrow a1[i]. promVenta
                                                                                                                                                               O(1)
6
                                                                                                                                                               O(1)
       end While
8
```

Complejidad: O(1)+|a1|\*5\*O(1)=O(|a1|)

BuscarCliente(in cliente: cliente, in a: arreglo dimensionable(tuplaPorCliente))  $\rightarrow$  res = tuplaPorCliente

```
int: arriba \leftarrow longitud(a)
2
    int: abajo \leftarrow 0
    int: centro
3
    while (abajo \leq arriba)
4
               \texttt{centro} \leftarrow \left( \, \texttt{arriba} \, + \, \texttt{abajo} \, \right) / \, 2 \, ;
5
         if (arreglo[centro].\Pi_1 == cliente)
6
7
                           return a[centro];
8
         else
                           if (cliente < arreglo[centro].\Pi_1)
9
10
                                       arriba \leftarrow centro -1;
                           else
11
                                       abajo \leftarrow centro + 1;
12
13
                           endIf
14
               end If
    end While
15
```

Complejidad  $O(\log(|a|))$  porque es una implementación del algoritmo de búsqueda, que por lo visto en clase, tiene complejidad logarítmica en la longitud del arreglo.

#### 2.4. Servicios Usados

${f M\acute{o}dulo}$	Operación	Complejidad Requerida
$\operatorname{diccString}(\operatorname{infoTitulo})$	$\operatorname{CrearIt}$	O(1)
$\operatorname{diccString}(\operatorname{infoTitulo})$	$\operatorname{Definir}$	$ \mathrm{nt} $
$\operatorname{diccString}(\operatorname{infoTitulo})$	Obtener	$ \mathrm{nt} $
$\operatorname{conj}(\operatorname{promesa})$	Vacio	O(1)
$\operatorname{conj}(\operatorname{promesa})$	AgregarRapido	O(1)
itDicc(diccString(infoTítulo))	HayMás	O(1)
itDicc(diccString(infoTítulo))	$\operatorname{Actual}$	O(1)
it Dicc(dicc String(info T itulo))	Avanzar	O(1)
	${f BuscarCliente}$	$O(\log(C))$
$\operatorname{conjEstNat}$	${ m NuevoConjEstNat}$	$\mathrm{O}(\mathrm{C}(\log(\mathrm{C})))$
${ m itConjEstNat}$	$\operatorname{CrearIt}$	O(1)
${ m itConjEstNat}$	HayProx	O(1)
${ m itConjEstNat}$	Proximo	O(1)
${ m itConjEstNat}$	$\operatorname{Actual}$	O(1)
${ m arreglo\_dimensionable}$	${ m CrearNuevo}$	O(n)
${ m arreglo\_dimensionable}$	${ m AgregarElemento}$	O(1)
$\operatorname{arreglo\_dimensionable}$	•[•]	O(1)
	${ m heapsort}$	$\mathrm{O}(\mathrm{n}(\log(\mathrm{n})))$

## 3. Módulo Diccionario String(alpha)

El módulo Diccionario String provee un diccionario en el que la característica distintiva es que las claves definidas son strings, permitiendo esto que las operaciones de definición de claves en complejidad O(|clave|), como así también la obtención

del valor asociado a la clave y el testeo de si dicha clave está definida. Para el recorrido sus elementos se provee de un iterador de Claves que permite recorrer las claves del Diccionario String.

#### 3.1. Interfaz

#### 3.1.1. Parámetros formales

```
se explica con: DICCIONARIO(STRING, \alpha), ITERADOR UNIDIRECCIONAL. géneros: diccString(\alpha), itClaves(diccString).
```

#### 3.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String $(\alpha)$

```
CREARDICC() \rightarrow res: diccString(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} vacio\}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Crea un diccionario vacío.
DEFINIR(in/out d: diccString(\alpha), in c: string, in s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{obs} d_0 \land \neg def?(d,c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} definir(d_0, c, s)\}\
Complejidad: O(longitud(c))
Descripcion: Define la clave c con el significado s en el diccionario d.
DEFINIDO?(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} def?(c,d)\}\
Complejidad: O(longitud(c))
Descripcion: Devuelve true si y solo si c está definido como clave en el diccionario.
SIGNIFICADO(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(c,d)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(c, d)\}\
Complejidad: O(longitud(c))
Descripcion: Devuelve el significado con clave c.
Aliasing: No se devuelve una copia del \alpha en res, se devuelve una referencia a la original.
```

#### 3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario String $(\alpha)$

```
CREARIT(in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: itClaves(string)

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = _obs crearIt(d.claves) }

Complejidad: O(1)

Descripcion: Crea y devuelve un iterador de claves de Diccionario String.

HAYMAS?(in d: itClaves(string)) \rightarrow res: bool

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = _obs hayMas?(it)}

Complejidad: O(longitud(secuSuby(d)))

Descripcion: Informa si hay más elementos por iterar.
```

```
Actual(in d: itClaves(string)) \rightarrow res: string

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = _obs actual(it)}

Complejidad: O(longitud(secuSuby(d))))

Descripcion: Devuelve la clave de la posición actual.

Avanzar(in/out it: itClaves(string)) \rightarrow res: [

Pre \equiv {true}

Post \equiv {h}ayMas?(it) \wedge it = it_0] it = _obs avanzar(it_0) [O(longitud(secuSuby(d))))][Avanza a la próxima clave.]
```

#### 3.2. Representación

#### 3.2.1. Representación del Diccionario String $(\alpha)$

```
diccString(\alpha) se representa con estrDic donde estrDic es tupla(raiz: puntero(nodo) claves: lista(string))

Nodo se representa con estrNodo donde estrNodo es tupla(valor: puntero(\alpha) hijos: arreglo_estático[256](puntero(nodo)))
```

#### 3.2.2. Invariante de Representación de diccString

- (I) Existe un único camino entre cada nodo y el nodo raíz (no hay ciclos).
- (II) Todos los nodos hojas, es decir, todos los que tienen su arreglo hijos con todas sus posiciones en NULL, tienen que tener un valor distinto de NULL.
- (III) Raíz es distinto de NULL
- (IV) En claves está el camino que se recorre desde la raź hasta cada nodo hoja.

```
\begin{array}{ll} \operatorname{Rep}: \operatorname{estrDic} &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(e) &\equiv \operatorname{true} \Longleftrightarrow \\ &\operatorname{ra\'{i}z} := \operatorname{NULL} \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{noHayCiclos}(e) \wedge \operatorname{todasLasHojasTienenValor}(e) \wedge \\ &\operatorname{hayHojas}(e) \Rightarrow |\operatorname{e.claves}| > 0 \wedge \\ &(\forall \ c \in \operatorname{caminosANodos}(e)) (\exists \ i \ \{0..|\operatorname{e.claves}|\}) \ \operatorname{e.claves}[i] = c \end{array}
```

#### 3.2.3. Operaciones auxiliares del invariante de Representación

```
\begin{array}{lll} \operatorname{noHayCiclos}: \ \operatorname{puntero}(\operatorname{nodo}) &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{noHayCiclos}(n,p) &\equiv (\exists \ \operatorname{n:nat})((\forall \ \operatorname{c: string})(|\mathbf{s}| = \mathbf{n} \Rightarrow \operatorname{leer}(p,s) = \operatorname{NULL})) \\ \operatorname{leer}: \ \operatorname{puntero}(\operatorname{nodo}) \times \operatorname{string} &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{leer}(p,s) &\equiv \ \operatorname{if} \ \operatorname{vacia?}(s) \ \ \operatorname{then} \\ &\quad p \to \operatorname{valor} \\ &\quad \operatorname{else} \\ &\quad \operatorname{if} \ p \to \operatorname{hijos}[\operatorname{prim}(\mathbf{s})] = \operatorname{NULL} \ \ \operatorname{then} \ \ \operatorname{NULL} \ \ \operatorname{else} \ \operatorname{leer}(p \to \operatorname{hijos}[\operatorname{prim}(\mathbf{s})], \ \operatorname{fin}(\mathbf{s})) \ \ \operatorname{fi} \\ &\quad \operatorname{fi} \end{array}
```

```
todosNull : arreglo(puntero(nodo)) \longrightarrow bool
todosNull(a) \equiv auxTodosNull(a, 0)
auxTodosNull : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \longrightarrow bool
\operatorname{auxTodosNull}(a,i) \equiv \operatorname{if} i < |a| \operatorname{then} a[i] == \operatorname{NULL} \wedge \operatorname{auxTodosNull}(a,i+1) \operatorname{else} a[i]. \operatorname{valor} == \operatorname{NULL} \operatorname{fi}
esHoja : puntero(nodo) \longrightarrow bool
esHoja(p) \equiv if p == NULL then false else todosNull(p.hijos) fi
todasLasHojas : puntero(nodo) \times nat \longrightarrow conj(nodo)
todasLasHojas(p, n) \equiv if p == NULL then
                                   false
                               else
                                   if esHoja(p) then Ag(*p, vacio) else auxTodasLasHojas((*p).hijos, 256) fi
auxTodasLasHojas : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \longrightarrow conj(nodo)
auxTodasLasHojas(a, n) \equiv \text{hojasDeHijos}(a, n, 0)
hojasDeHijos : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \times nat \longrightarrow conj(nodo)
hojasDeHijos(a, n, i) \equiv \mathbf{if} \ \mathbf{i} = \mathbf{n} \ \mathbf{then} \ \emptyset \ \mathbf{else} \ \mathbf{todasLasHojas}(\mathbf{a}[\mathbf{i}]) \cup \mathbf{hojasDeHijos}(a, n, (i+1)) \ \mathbf{fi}
todasLasHojasTienenValor : puntero(nodo) \longrightarrow bool
todasLasHojasTienenValor(p) \equiv \text{auxTodasLasHojasTienenValor}(\text{todasLasHojas}(p, 256))
auxTodasLasHojasTienenValor : arreglo(puntero(nodo)) \longrightarrow bool
auxTodasLasHojasTienenValor(a) \equiv if |a| = 0 then
                                                else
                                                     dameUno(a).valor != NULL \land auxTodasLasHojasTienenValor(sinUno(a))
                                                fi
```

#### 3.2.4. Función de abstracción de diccString

```
Abs : estrDicc e \longrightarrow \text{dicc}(\text{string}, \alpha) {Rep(e)}

Abs(e) =_{\text{obs}} d: dicc(\text{string}, \alpha) \mid (\forall \text{c:string})(\text{definido}?(c, d)) = (\exists \text{ n: nodo})(\text{n} \in \text{todasLasHojas}(e)) \text{ n.valor } != \text{NULL}

\land (\exists \text{ i:nat})(\text{i} \in \{0..|\text{e.claves}|\}) \Rightarrow \text{e.claves}[\text{i}] = \text{c} \land_{\text{L}} \text{ significado}(c, d) = \text{leer}(e.clave).\text{valor}
```

#### 3.2.5. Representación del iterador de Claves del Diccionario String $(\alpha)$

itClaves(string) se representa con puntero(nodo)

Su Rep y Abs son los de it $Secu(\alpha)$  definido en el apunte de iteradores.

#### 3.3. Algoritmos

#### 3.3.1. Algoritmos de Diccionario String

```
 \begin{split} & \text{ICREARDICC}() \rightarrow \mathbf{res} = \text{estrDicc}(\alpha) \\ & 1 \quad n \leftarrow \text{ nodo} \\ & 2 \quad n \leftarrow \text{ crearNodo}() \\ & 3 \quad \text{raiz} \leftarrow *n \end{split}
```

Complejidad: 3\*O(1) = O(1)

 $ICREARNODO() \rightarrow res = nodo$ 

```
1\ d\ :\ arreglo\,\_\,estatico\,[\,2\,5\,6\,]
                                                                                                                       O(1)
                                                                                                                       O(1)
  2
     i \leftarrow 0
                                                                                                            256*
     while (i < 256)
  3
                d[i] \leftarrow NULL
                                                                                                           O(1)
      end While
  5
                                                                                                           O(1)
  6
      hijos \leftarrow d
                                                                                                           O(1)
     valor \leftarrow NULL
Complejidad: 2*O(1) + 256*O(1) + 2*O(1) = O(1)
   IDEFINIR(\mathbf{in}/\mathbf{out} estrDicc(\alpha): d, \mathbf{in} string: c, \mathbf{in} alfa: s)
                                                                                                                       O(1)
     i \leftarrow 0
     p \leftarrow d.raiz
                                                                                                                       O(1)
     while (i < (longitud(s)))
                                                                                                            | S | *
                if (p.hijos[ord(s[i])] == NULL)
                                                                                                           O(1)
  5
                           n: nodo ← crearNodo()
                                                                                                           O(1)
  6
                           p. hijos [ord (s[i])] \leftarrow *n
                                                                                                           O(1)
                end If
  7
     p \leftarrow p.hijos[ord(s[i])]
                                                                                                                       O(1)
  8
                                                                                                                       O(1)
  9
     i ++
     \operatorname{end} \operatorname{While}
 10
     p.valor \leftarrow a
                                                                                                                       O(1)
 11
     agregarAdelante(hijos, c)
                                                                                                                       O(|s|)
Complejidad: 2*O(1) + |s|*5*O(1) + O(1) + O(|s|) = O(|s|)
   ISIGNIFICADO(in estrDicc(\alpha): d, in string: c) \rightarrow res = \alpha
  1 \quad i \leftarrow 0
                                                                                                                       O(1)
  2
     p \leftarrow d.raiz
                                                                                                                       O(1)
     while (i < (longitud(s)))
                                                                                                            S *
                p \leftarrow p. hijos [ord(s[i])]
                                                                                                           O(1)
  4
                                                                                                           O(1)
     i++
  5
     end While
  6
  7 return p. valor
                                                                                                                       O(1)
Complejidad: 2*O(1) + |s|*2*O(1) + O(1) = O(|s|)
   IDEFINIDO?(in estrDicc(\alpha): d, in string: c) \rightarrow res = bool
  1 \quad i \leftarrow 0
                                                                                                                       O(1)
     p ← d.raiz
                                                                                                                       O(1)
                                                                                                            S | *
     while (i < (longitud(s)))
  3
                if (p. hijos [ord(s[i])] != NULL)
                                                                                                           O(1)
  4
                                                                                                           O(1)
                           p \leftarrow p. hijos[ord(s[i])]
  5
                           i++O(1)
  6
                else
  7
  8
                           return false
                                                                                                           O(1)
                end If
  9
     end While
 10
 11 return p.valor != NULL
                                                                                                                       O(1)
Complejidad: 2*O(1) + |s|*3*O(1) + O(1) = O(|s|)
   ICLAVES(in \ estrDicc(\alpha): d) \rightarrow res = lista \ enlazada(string)
  1 return it Claves (d)
                                                                                                                       O(1)
```

#### 3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String

Complejidad: O(1)

Utiliza los mismos algoritmos que it $Secu(\alpha)$  definido en el apunte de iteradores.

#### 3.4. Servicios Usados

${f M\'odulo}$	Operación	Complejidad Requerida
${ m arreglo\_est\'atico}$	AgregarElemento	$\mathrm{O}(1)$
${ m arreglo\_est\'atico}$	•[•]	$\mathrm{O}(1)$
lista	AgregarAdelante	$\mathrm{O}(\mathrm{copy}(lpha))$
lista	•[•]	$\mathrm{O}(1)$

## 4. Módulo Conjunto Estático de Nats

#### 4.1. Interfaz

géneros conjEstNat, itConjEstNat

Se explica con: Conjunto(nat), Iterador Unidireccional(nat). Usa:

#### 4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat

```
NUEVOCONJESTNAT(in c: conj(nat)) \rightarrow res: conjEstNat \operatorname{Pre} \equiv \{ \operatorname{true} \}
Post \equiv \{ res =_{\operatorname{obs}} c \}
Complejidad: O(n*(\log(n)))
Descripcion: Crea un conjunto estático de nats

PERTENECE?(in n: nat, in c: conjEstNat) \rightarrow res: bool
Pre \equiv \{ \operatorname{true} \}
Post \equiv \{ res =_{\operatorname{obs}} n \in c \}
Complejidad: O(n)
Descripcion: Pregunta si el elemento pertenece al conjunto

CARDINAL(in c: conjEstNat) \rightarrow res: nat
Pre \equiv \{ \operatorname{true} \}
Post \equiv \{ res =_{\operatorname{obs}} \# c \}
Complejidad: O(n)
Descripcion: Devuelve la cantidad de elementos que hay en el conjunto
```

#### 4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat

```
\begin{array}{l} {\rm CrearIT}(\mbox{in }c\colon \mbox{conjEstNat}) \to res : \mbox{itConjEstNat} \\ {\bf Pre} \equiv \{ {\rm true} \} \\ {\bf Post} \equiv \{ res =_{\rm obs} \mbox{crearItUni}(c) \} \\ {\bf Complejidad:} \ O(1) \\ {\bf Descripcion:} \ {\bf Devuelve} \ \mbox{un iterador unidireccional a un conjunto estático de nats} \\ {\bf Actual}(\mbox{in }i\colon \mbox{itConjEstNat}) \to res : \mbox{nat} \\ {\bf Pre} \equiv \{ {\rm true} \} \\ {\bf Post} \equiv \{ res =_{\rm obs} \mbox{actual}(i) \} \end{array}
```

**Descripcion:** Devuelve la posicion actual

Complejidad: O(1)

```
\begin{split} &\operatorname{Pro} = \{\operatorname{hayMas}?(i)\} \\ &\operatorname{Post} \equiv \{\operatorname{res} =_{\operatorname{obs}} \operatorname{avanzar}(i)\} \\ &\operatorname{Complejidad} : O(1) \\ &\operatorname{Descripcion} : \operatorname{Avanza} \operatorname{el} \operatorname{iterador} \\ &\operatorname{HayProx}?(\mathbf{in} \ i : \operatorname{itConjEstNat}) \to \operatorname{res} : \operatorname{bool} \\ &\operatorname{Pre} \equiv \{i_0 = i\} \\ &\operatorname{Post} \equiv \{\operatorname{res} =_{\operatorname{obs}} \operatorname{hayMas}?(i) \\ &\operatorname{Complejidad} : O(1) \\ &\operatorname{Descripcion} : \operatorname{Pregunta} \operatorname{si} \operatorname{hay} \operatorname{mas} \operatorname{elementos} \operatorname{para} \operatorname{iterar} \\ \end{split}
```

#### 4.2. Representación

#### 4.2.1. Representación de conjEstNat

```
conjEstNat se representa con array: arreglo_dimensionable(nat)

Rep: los elementos estan ordenados y no hay repeticiones

Rep: array \longrightarrow bool

Rep(a) \equiv true \iff (\forall i: nat) (i < longitud(a)-1 \Rightarrow (definido?(a, i) \land definido?(a, i+1) \land _{\mathsf{L}}a[i] < a[i+1]))
```

#### 4.2.2. Función de abstracción de conjEstNat

```
Abs : array a \longrightarrow \text{conjEstNat} {Rep(a)}

Abs(a) =_{\text{obs}} c: conjEstNat | (\forall n : \text{nat}) \ n \in c \Leftrightarrow \text{estáEnArray}?(n, a, 0)

estáEnArray? : nat × arreglo_dimensionable(nat) × nat \longrightarrow bool

estáEnArray(n, a, i) \equiv \text{if } i = \text{longitud}(a)-1 then false else a[i] = n \vee \text{estáEnArray}?(n, a, i + 1) fi
```

#### 4.2.3. Representación de itConjEstNat

itConjEstNat se representa con iterador

```
donde iterador es tupla(pos: nat, lista: puntero(arreglo_dimensionable(nat)))

Rep : iterador \longrightarrow bool
```

#### 4.2.4. Función de abstracción de itConjEstNat

 $Rep(i) \equiv true \iff i.pos < longitud(*(i.lista))$ 

```
Abs : iterador it \longrightarrow itConjEstNat {Rep(it)}

Abs(it) =_{obs} iConj: itConjEstNat | actual(iConj) = a[i] \land hayPróx(iConj) = (i.pos < longitud(*(i.lista))-1) \land (hayPróx(i.Conj) \Rightarrow próximo(iConj) = Abs(< i.pos + 1, i.lista>))
```

#### 4.3. Algoritmos

#### 4.3.1. Algoritmos de conjEstNat

```
iNuevoConjEstNat(in c: conj(nat)) \rightarrow res: array
1 itConj(nat) it \leftarrow crearIt(c)
                                                                                                       O(1)
   arreglo dimensionable(nat)[cardinal(c)] a
                                                                                                       O(n)
                                                                                                       O(1)
   while (HaySiguiente?(it))
                                                                                             n*
                                                                                             O(1)
            a[i] \leftarrow Siguiente(it)
6
                                                                                             O(1)
            Avanzar (it)
7
                                                                                             O(1)
  end While
8
                                                                                               O(n(log(n)))
9
   heapsort (a)
10 return(a)
```

Complejidad:  $O(1)+O(n)+O(1)+n^*(O(1)+O(1)+O(1)+O(n))=O(n(\log(n)))=O(n(\log(n)))$ 

Aclaraciones: Utilizamos el algoritmo HEAPSORT provisto en el apunte ALGORITMOS BÁSICOS, con las complejidades allí descriptas.

iPertenece(in n: nat, in c: array)  $\rightarrow$  res: bool

Complejidad: O(1)+O(1)+n\*(O(1)+O(1)) = O(n)

#### 4.3.2. Algoritmos de itConjEstNat

```
iCrearIt(in a: array) \rightarrow res: iterador
1 return (<0, &a>)
```

#### Complejidad: O(1)

```
iActual(in it: iterador) → res: nat
1 return (*(it.lista))[it.pos]
```

#### Complejidad: O(1)

```
iActual(in/out it: iterador)
1  return <it.pos+1, it.lista>
```

### Complejidad: O(1)

```
iHayPróximo?(in it: iterador) → res: bool
1 return (it.pos+1<longitud(it.lista))
```

#### Complejidad: O(1)

Servicios usados: se utlilzan solo tipos basicos, incluidos arreglos y punteros.

#### 4.4. Servicios Usados

$\mathbf{M}$ ódulo	Operación	Complejidad Requerida
arreglo_estático	CrearNuevo	O(n)
arreglo_estático	AgregarElemento	$\mathrm{O}(1)$
arreglo_estático	•[•]	$\mathrm{O}(1)$
	heapsort	$\mathrm{O}(\mathrm{n}(\log(\mathrm{n})))$

#### 4.5. TAD CONJUNTO ESTÁTICO DE NATS

TAD CONJUNTO ESTÁTICO DE NATS

```
igualdad observacional
                 (\forall c, c': \mathtt{conjEstNat}) \ (c =_{\mathtt{obs}} c' \Longleftrightarrow ((\forall a: nat)(a \in c =_{\mathtt{obs}} a \in c')))
géneros
                 conjEstNat
                 conjEstNat, generadores, observadores, #
exporta
                 BOOL, NAT, CONJUNTO(NAT)
usa
observadores básicos
   ullet \in ullet
                       : nat \times conjEstNat
                                                                    \rightarrow bool
generadores
  crearConjEstNat: conj(nat)
                                                                   \longrightarrow conj(EstNat)
otras operaciones
   #
                       : conj(EstNat)
                                                                   \longrightarrow nat
                 \forall c: conj(nat), \forall n: nat
axiomas
   n \in \operatorname{crearConjEstNat}(c) \equiv (n \in c)
```

Fin TAD

### 5. Módulo Promesa

 $\#(\operatorname{crearConjEstNat}(c)) \equiv \#(c)$ 

#### 5.1. Interfaz

#### 5.1.1. Parámetros formales

```
géneros promesase explica con: Promesa.
```

#### 5.1.2. Operaciones básicas de promesa

```
TÍTULO(in p: promesa) \rightarrow res: nombre \mathbf{Pre} \equiv \{ true \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathrm{obs}} \mathsf{título}(\mathsf{p}) \}
\mathbf{Complejidad}: O(copy(titulo(p)))
\mathbf{Descripcion}: Devuelve el nombre del título de la promesa
```

```
	ext{TIPO}(	ext{in } p : 	ext{promesa}) 	o res: 	ext{tipoPromesa}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} tipo(p)\}\
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve el tipo de promesa de la promesa
LIMITE(in p: promesa) \rightarrow res : dinero
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{ res =_{obs} limite(p) \}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve el límite de la promesa
CANTIDAD (in p: promesa) 
ightarrow res : cantidad
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} cantidad(p)\}\
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones de la promesa
CREARPROMESA(in t: nombre, in tipo: tipoPromesa, in n: dinero, in m: nat) \rightarrow res: estr
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearPromesa}(t, tipo, n, m) \}
Complejidad: (|t|)
Descripcion: Devuelve una nueva promesa
```

#### 5.2. Representación

#### 5.2.1. Representación de promesa

```
promesa se representa con estr
```

dondeestr es tupla(titulo: nombre tipo: tipoPromesa limite: dinero <math>cantidad: nat)

#### 5.2.2. Invariante de Representación de Promesa

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \Longleftrightarrow true
```

#### 5.2.3. Función de abstracción de Promesa

```
 \text{Abs}: \text{ estr } e \longrightarrow \text{promesa} \\ \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{p: promesa} \mid \text{título}(\text{p}) = \text{e.título} \land \text{tipo}(\text{p}) = \text{e.tipo} \land \text{límite}(\text{p}) = \text{e.límite} \land \text{cantidad}(\text{p}) = \text{e.cantidad} \\ \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{p: promesa} \mid \text{título}(\text{p}) = \text{e.título} \land \text{tipo}(\text{p}) = \text{e.tipo} \land \text{límite}(\text{p}) = \text{e.límite} \land \text{cantidad}(\text{p}) = \text{e.cantidad} \\ \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{p: promesa} \mid \text{título}(\text{p}) = \text{e.título} \land \text{tipo}(\text{p}) = \text{e.tipo} \land \text{límite}(\text{p}) = \text{e.límite} \land \text{cantidad}(\text{p}) = \text{e.tipo} \land \text{límite}(\text{p}) =
```

#### 5.3. Algoritmos

#### 5.3.1. Algoritmos de promesa

```
\begin{split} &i Titulo(in~p;~estr) \rightarrow res = nombre \\ &1~res~\leftarrow~e.~titulo \\ &O(copy(\,titulo\,(p))) \end{split}
```

#### Complejidad: O(copy(titulo(p)))

iTipo(in p: estr)  $\rightarrow$  res = tipoPromesa

 $ENALZA(in \ t: titulo) \rightarrow res : bool$ 

 $Post \equiv \{res =_{obs} enAlza(t)\}\$ 

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}$ 

```
O(1)
   1 \text{ res} \leftarrow \text{e.tipo}
Complejidad: O(1)
    iLimite(in p: estr) \rightarrow res = dinero
   1 \quad \text{res} \; \leftarrow \; \text{e.limite}
                                                                                                                                      O(1)
Complejidad: O(1)
    iCantidad(in p: estr) \rightarrow res = nat
   1 \text{ res} \leftarrow \text{e.cantidad}
                                                                                                                                      O(1)
Complejidad: O(1)
    iCrearPromesa(in t: nombreT, in tipo: TipoPromesa, in n: dinero, in c: nat) \rightarrow res = estr
   1 res.titulo \leftarrow t
                                                                                                                               O(copy(titulo(p)))
      res.tipo ← tipo
                                                                                                                                      O(1)
   3 \text{ res.limite} \leftarrow n
                                                                                                                                      O(1)
   4 \text{ res.cantidad} \leftarrow m
                                                                                                                                      O(1)
Complejidad: 3*O(1) + O(copy(titulo(p)))
        Módulo Título
6.
6.1. Interfaz
    géneros
                  título
    se explica con: Título.
6.1.1. Operaciones básicas de título
    NOMBRE(in \ t: titulo) \rightarrow res : nombre
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{nombre(t)}\}\
    Complejidad: O(copy(nombre(t)))
    Descripcion: Devuelve el nombre del título
    \# \text{MAXACCIONES}(\textbf{in } t: \texttt{título}) \rightarrow res: \texttt{nat}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \# \text{máxAcciones}(t)\}\
    Complejidad: O(1)
    Descripcion: Devuelve el máximo de cantidad de acciones
    COTIZACIÓN(in t: título) \rightarrow res: dinero
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} cotización(t)\}
    Complejidad: O(1)
    Descripcion: Devuelve la cotización del título
```

Complejidad: O(1)

Descripcion: Indica si el título está o no en alza

```
CREARTITULO(in t: nombre, in c: dinero, in n: nat) \rightarrow res: título
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \operatorname{crearTitulo}(s, c, n)\}\
Complejidad: O(copy(nombre(t)))
Descripcion: Devuelve una nuevo título
RECOTIZAR(in d: dinero, in t: título) \rightarrow res: título
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{recotizar}(d, t) \}
```

Complejidad: O(1)

Descripcion: Cambia la cotización del título

#### 6.2. Representación

#### 6.2.1. Representación de título

promesa se representa con estr

donde estr es tupla (nombre: nombre, #m'axAcciones: nat, cotizaci'on: dinero, enAlza: bool)

#### 6.2.2. Invariante de Representación de Título'

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff true
```

#### 6.2.3. Función de abstracción de Título'

```
{\rm Abs} \, : \, {\rm estr} \, e \, \, \longrightarrow \, {\rm t\acute{i}tulo}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             \{\operatorname{Rep}(e)\}
Abs(e) = _{obs} t: título | nombre(t) = e.nombre \land \#máxAcciones(t) = e.\#máxAcciones <math>\land cotización(t) = e.cotización <math>\land cotización(t) = e.cotización(t) = e.cotización(
                                                                                                                                                                                                                                                                           enAlza(t) = e.enAlza
```

#### 6.3.Algoritmos

#### 6.3.1. Algoritmos de título

```
iNombre(in estr: t) \rightarrow res = nombre
                                                                                                                 O(copy(nombre(t))
   1 \text{ res} \leftarrow \text{e.nombre}
Complejidad:O(copy(nombre(t))
```

```
i\#m\acute{a}xAcciones(in \ estr: \ t) \rightarrow res = nat
                                                                                                                           O(1)
1 res \leftarrow e.#maxAcciones
```

## Complejidad:O(1)

 $iCotización(in estr:: t) \rightarrow res = dinero$ 1 res  $\leftarrow$  e.cotizacion O(1)

### Complejidad:O(1)

```
iEnAlza(in \ estr: t) \rightarrow res = bool
1 \ res \leftarrow e . enAlza
O(1)
```

### ${\bf Complejidad:} O(1)$

iCrearTítulo(in nombre: n, in nat: max, in dinero: c)  $\rightarrow$  res = estr

1	res.nombre ← n	O(copy(nombre(t)))
2	res.#maxAcciones ← max	O(1)
3	$\operatorname{res.enAlza} \leftarrow \mathbf{true}$	O(1)
4	$\operatorname{res.cotizacion} \leftarrow \operatorname{c}$	O(1)

### Complejidad: O(copy(nombre(t))) + 3\*O(1) = O(copy(nombre(t)))

iRecotizar(in dinero: c, in/out estr: t)

```
\begin{array}{lll} 1 & t.\,enAlza \leftarrow (c>t.\,cotizacion\,) & O(1) \\ 2 & t.\,cotizacion \leftarrow c & O(1) \end{array}
```

## Complejidad: 2\*O(1) = O(1)