

Trabajo Practico 2

Algoritmos y Estructura de Datos II Primer cuatrimestre 2014

Grupo 10

Integrante	LU	Correo electrónico
Gómez, Pablo Nicolás	156/13	mago-1986@hotmail.com
Parral, Lucía Inés	162/13	luciaparral@gmail.com
Roulet, Nicolás	587/13	nicoroulet@gmail.com
Tamborindeguy, Guido Joaquín	584/13	guido@tamborindeguy.com.ar



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina $Tel/Fax: (54\ 11)\ 4576-3359$ $\rm http://www.fcen.uba.ar$

Índice

1. Renombres de Módulos		nombres de Módulos	3
2.	Mód	dulo Wolfie	3
	2.1.	Interfaz	3
		2.1.1. Parámetros formales	3
		2.1.2. Operaciones básicas de wolfie	3
		2.1.3. Operaciones básicas de itTítulos	4
	2.2.	Representación	5
		2.2.1. Representación de wolfie	5
		2.2.2. Invariante de representación	5
		2.2.3. Función de abstracción	6
		2.2.4. Representación de itTítulos	7
		2.2.5. Invariante de Representación de itTítulos	7
	2.3.	Algoritmos	7
		2.3.1. Algoritmos de wolfie	7
		2.3.2. Algoritmos de wolfie	7
		2.3.3. Algoritmos de itTítulos	9
		2.3.4. Funciones auxiliares	9
	2.4.	Servicios Usados	10
3.	Mód	dulo Diccionario String(alpha)	11
٠.		Interfaz	
		3.1.1. Parámetros formales	
		3.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String (α)	
		3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario String (α)	
	3 2	Representación	
	0.2.	3.2.1. Representación del Diccionario String(α)	
		3.2.2. Invariante de Representación de diccString	
		3.2.3. Operaciones auxiliares del invariante de Representación	
		3.2.4. Función de abstracción de diccString	
		3.2.5. Representación del iterador de Claves del Diccionario $String(\alpha)$	
	3.3.		
	0.0.	3.3.1. Algoritmos de Diccionario String	
		3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String	
	3 4	Servicios Usados	
	0.4.	Servicios Osados	10
4. Módulo Conjunto Estático de Nats			15
	4.1.		15
		4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat	
		4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat	
	4.2.	Representación	16

	4.2.1.	Representación de conjEstNat	16
	4.2.2.	Función de abstracción de conjEstNat	16
	4.2.3.	Representación de itConjEstNat	16
	4.2.4.	Función de abstracción de itConjEstNat	16
4.3.	Algori	tmos	17
	4.3.1.	Algoritmos de conjEstNat	17
	4.3.2.	Algoritmos de itConjEstNat	17
4.4.	Servici	ios Usados	18
4.5.	TAD (Conjunto Estático de Nats	18

1. Renombres de Módulos

Módulo Dinero es Nat Módulo Cliente es Nat Módulo TipoPromesa es enum{compra, venta} Módulo Nombre es String

2. Módulo Wolfie

2.1. Interfaz

2.1.1. Parámetros formales

```
géneros wolfie, itTítulos
se explica con: Wolfie, Iterador Unidireccional
```

2.1.2. Operaciones básicas de wolfie

```
CLIENTES(in w: wolfie) \rightarrow res: itConjEstNat(cliente)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{clientes}(w)) \}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los clientes de un wolfie.
Titulos(in w: wolfie) \rightarrow res: itUni(titulo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{títulos}(w))\}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los títulos de un wolfie.
PROMESASDE(in c: cliente, in w: wolfie) \rightarrow res: itConj(promesa)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{clientes}(w)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearItUni}(\operatorname{promesasDe}(c, w)) \}
Complejidad: O(T \cdot C \cdot |max| |nt|)
Descripcion: Devuelve un iterador a las promesas de un wolfie
AccionesPorCliente(in c: cliente, in nt: nombre, in w: wolfie) \rightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \mathrm{clientes}(w) \land (\exists \ t : \mathrm{título}) \ (t \in \mathrm{títulos}(w) \land \mathrm{nombre}(t) = nt)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{accionesPorCliente}(c, nt, w)\}\
Complejidad: O(log(C) + |nt|)
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones que un cliente posee de un determinado título.
INAUGURARWOLFIE(in cs: conj(cliente)) \rightarrow res: wolfie
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset?(cs)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \text{ inaugurarWolfie}(cs) \}
Complejidad: O(\#(cs)^2)
Descripcion: Crea un nuevo wolfie a partir de un conjunto de clientes.
AGREGARTÍTULO(in t: título, in/out w: wolfie)
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\forall t2: \text{título}) \ (t2 \in \text{títulos}(w) \Rightarrow \mathrm{nombre}(t) \neq \mathrm{nombre}(t2)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ w =_{\text{obs}} \operatorname{agregarTitulo}(t, w_0) \}
Complejidad: O(|nombre(t)| + C)
ACTUALIZARCOTIZACIÓN(in nt: nombre, in cot: nat, in/out w: wolfie)
\mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists \ t : \mathsf{título}) \ (t \in \mathsf{títulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = nt)\}\
```

 $\text{HAYPROXIMO}(\mathbf{in/out}\ i: \mathbf{itTitulos}) \rightarrow res: \mathbf{bool}$

Descripcion: Pregunta si hay más elementos para iterar.

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}$

Complejidad: O(1)

 $\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \text{hayMas(i)} \}$

```
\mathbf{Post} \equiv \{w =_{\mathrm{obs}} \mathrm{actualizarCotizaci\acute{o}n}(nt,\,cot,\,w_0)\}
                  Complejidad: O(C \cdot |nt| + C \cdot log(C))
                  Descripcion: Cambia la cotización de un determinado título. Esta operación genera que se desencadene el cumplimiento
                  de promesas (según corresponda): primero de venta y luego, de compra, según el orden descendente de cantidad de acciones
                  por título de cada cliente.
                  AGREGARPROMESA(in c: cliente, in p: promesa, in/out w: wolfie)
                  \mathbf{Pre} \equiv \{w_0 =_{\mathrm{obs}} w \land (\exists t: \mathtt{título}) \ (t \in \mathtt{títulos}(w) \land \mathtt{nombre}(t) = \mathtt{título}(p)) \land c \in \mathtt{clientes}(w) \land_{\mathtt{L}}(\forall p 2: \mathtt{promesa}) \ (p 2 \in \mathtt{lientes}(w) \land_{\mathtt{L}}(\forall p 2: \mathtt{promesa}) \ (p 2 \in \mathtt{lientes}(w) \land_{\mathtt{L}}(\forall p 2: \mathtt{lient
                  \operatorname{promesasDe}(c, w) \Rightarrow (\operatorname{título}(p) \neq \operatorname{título}(p2) \vee \operatorname{tipo}(p) \neq \operatorname{tipo}(p2)) ) \wedge (\operatorname{tipo}(p) = \operatorname{vender} \Rightarrow \operatorname{accionesPorCliente}(c, \operatorname{título}(p), c)) \wedge (\operatorname{tipo}(p) = \operatorname{vender}(c, \operatorname{titulo}(p), c)) \wedge (\operatorname{tipo}(p), c)) \wedge (\operatorname{tipo}(p), c) \wedge (\operatorname{tipo}(p), c)) \wedge (\operatorname{tipo}(p), c) \wedge 
                  w \ge \operatorname{cantidad}(p))
                  \mathbf{Post} \equiv \{w =_{\text{obs}} \operatorname{agregarPromesa}(c, p, w_0)\}\
                  Complejidad: O(|titulo(p)| + log(C))
                  Descripcion: Agrega una nueva promesa.
                  ENALZA(in \ nt: nombreTitulo, in \ w: wolfie) \rightarrow res: bool
                  \mathbf{Pre} \equiv \{(\exists t: \mathsf{título}) \ (t \in \mathsf{títulos}(w) \land \mathsf{nombre}(t) = \mathsf{nt})\}
                  \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{enAlza}(nt, w)\}\
                  Complejidad: O(|nt|)
                  Descripcion: Dado un título, informa si está o no en alza.
2.1.3.
                                         Operaciones básicas de itTítulos
                  CREARIT(in w: wolfie) \rightarrow res: itTítulos
                  \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
                  \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{crearItUni}(\mathrm{titulos}(\mathbf{w}))\}
                  Complejidad: O(1)
                  Descripcion: Devuelve un iterador unidireccional a los títulos de wolfie.
                  Actual(in \ i: itTitulos) \rightarrow res: titulo
                  \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
                  Post \equiv \{res =_{obs} actual(i)\}\
                  Complejidad: O(|titulo(actual(i))|)
                  Descripcion: Devuelve el título actual.
                  PROXIMO(in/out i: itTitulos) \rightarrow res: [
                  \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
                  Post \equiv {H}ayPróximo(i) \wedge i_0 = i] i =_{obs} avanzar(i_0) [O(1)] [Avanza el iterador.]
```

4/18

2.2.1. Representación de wolfie

wolfie se representa con estr

2.2.2. Invariante de representación

- (I) Los clientes de *clientes* son los mismos que hay dentro de *titulos*.
- (II) Las promesas de compra son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (III) Las promesas de venta son de su título y cliente y no cumplen los requisitos para ejecutarse.
- (IV) Las acciones disponibles de cada título son el máximo de acciones de ese título menos la suma de las acciones de ese titulo que tengan los clientes, y son mayores o iguales a 0.
- (V) El cliente de últimoLlamado pertenece a clientes.
- (VI) En últimoLlamado, si fueÚltimo es true, las promesas de promesas son todas las promesas que tiene cliente.
- (VII) Los clientes están ordenados en arrayClientes de e.titulos.
- (VIII) Los títulos en infoTítulo tienen el mismo nombre que la clave que lleva a ellos.

 $\text{Rep}: \text{estr} \longrightarrow \text{bool}$

```
Rep(e) \equiv true \iff
             (I)(\forall c: cliente) (pertenece?(c, e.clientes) \Leftrightarrow (\exists t: título) (def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t, e.titulos))
                e.titulos).arrayClientes))) \land_{L}
             (II)(\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) ((p \neq NULL \land def?(t, e.titulos) \land_{L}estáCliente?(c, obtener(t, t))
                  e.titulos).arrayClientes) \\ \land \verb|_LbuscarCliente|(c, obtener|(t, e.titulos).arrayClientes).promCompra=p)
                  \Rightarrow_{\text{L}} \text{título}(*p) = t \land \text{tipo}(*p) = \text{compra} \land (\text{límite}(*p) > \text{cotización}(\text{obtener}(t, e.titulos).titulo)
                 cantidad(*p)>obtener(t, e.titulos).accDisponibles)) \land
              (III)(\forall p: *promesa, t: nombre, c: cliente) ((p \neq NULL \wedge \def(t, e.titulos)) \wedge_L estáCliente?(c, obtener(t,
                   e.titulos).arrayClientes) \land_{L}buscarCliente(c, obtener(t, e.titulos).arrayClientes).promVenta=p)
                   \Rightarrow_{\mathsf{L}}(\mathsf{título}(*p) = t \land \mathsf{tipo}(*p) = \mathsf{venta} \land \mathsf{límite}(*p) < \mathsf{cotización}(\mathsf{obtener}(t, e.titulos).titulo))) \land
              (IV)(\forall nt: nombreT) (def?(nt, e.titulos) \Rightarrow_L(obtener(nt, e.titulos).accDisponibles = máximo(obtener(nt, e.titulos))
                   e.titulos).titulo) - sumaAccClientes(obtener(nt, e.titulos).arrayClientes, 0) \land obtener(nt,
                   e.titulos).accDisponibles \geq 0)) \land
             (V)(pertenece?(e.últimoLlamado.cliente, e.clientes)) \wedge_{L}
             (VI)(e.\'ultimoLlamado.fue\'ultimo \Rightarrow (\forall p: promesa) (pertenece?(p, e.\'ultimoLlamado.promesas) \Leftrightarrow
                   (def?(titulo(p), e.titulos) \land_{L}
                  if tipo(p) = compra then
                      buscar Cliente (e.\'ultimo Llamado.cliente, obtener (t\'itulo (p), e.titulos). array Clientes). prom Compra
                  \mathbf{else}
                       buscarCliente(e.\'ultimoLlamado.cliente, obtener(t\'ulo(p), e.titulos).arrayClientes).promVenta
                  fi))
              (VII)(\forall t: nombre) def?(t, e.titulos) \Rightarrow_{L} ((\forall i:nat) i < longitud(buscar(t, e.titulos).arrayClientes)-1 \Rightarrow
                    (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i] < (buscar(t, e.titulos).arrayClientes)[i+1])
              (VIII)(\forall t: nombre) def?(t, e.titulos) \Rightarrow_{L} t = nombre(obtener(t, e.titulos).titulo)
             estáCliente? : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \longrightarrow bool
             estáCliente?(c, a) \equiv \text{auxEstáCliente}(c, a, 0)
             auxEstáCliente : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \longrightarrow bool
             auxEstáCliente(c, a, i) \equiv if i=longitud(a) then false else a[i].cliente = c \lor auxEstáCliente(c, a, i + 1) fi
             buscarCliente : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \longrightarrow tuplaPorCliente
                                                                                                                                  \{\operatorname{estáCliente}(c, a)\}
             buscarCliente(c, a) \equiv auxBuscarCliente(c, a, 0)
             auxBuscarCliente : cliente \times array dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \longrightarrow tuplaPorCliente
                                                                                                                                  \{\operatorname{estáCliente}(c, a)\}
             auxBuscarCliente(c, a, i) \equiv if \ a[i].cliente = c \ then \ a[i] \ else \ auxBuscarCliente(c, a, i + 1) \ fi
             sumaAccClientes : array dimensionable(tuplaPorCliente) \times nat \longrightarrow nat
             auxBuscarCliente(a, i) \equiv \text{if } i = \text{longitud}(a) \text{ then } 0 \text{ else } a[i].cantAcc + \text{sumaAccClientes}(a, i + 1) \text{ fi}
```

2.2.3. Función de abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{wolfie} {Rep(e)}

Abs(e) =_{\text{obs}} w: wolfie | clientes(w) = e.clientes \land (\forall t: \text{título}) (t \in \text{títulos}(w) \Leftrightarrow (\text{def}?(t, e.titulos) \land_{\text{L}} t = \text{obtener}(t, e.titulos).titulo))

\land (\forall c: \text{cliente}) \text{ promesasDe}(c, w) = \text{damePromesas}(\text{crearIt}(e.titulos), e, c) \land

accionesPorCliente(c, t, w) = \text{buscarCliente}(\text{obtener}(t, e.titulos).arrayClientes).cantAcc

damePromesas : itDicc(diccString(infoTÃtulo)) × estr × cliente \longrightarrow \text{conj}(\text{promesa})
```

2.2.4. Representación de itTítulos

```
itTítulos se representa con iterador  \begin{tabular}{ll} donde iterador es tupla (it: itClaves(infoTítulo), \\ & dicc: *diccString(infoTítulo) \end{tabular}
```

2.2.5. Invariante de Representación de itTítulos

```
Los el iterador de claves es iterador del diccString. 

Rep : iterador \longrightarrow bool 

Rep(i) \equiv true \iff esIterador(i.it, CrearIt(*(i.dicc))) 

esIterador : itClaves(infoTítulo) \times itClaves(infoTítulo) \longrightarrow bool 

esIterador(it1, it2 \equiv actual(it1)=actual(it2) \vee (hayMas?(it2) \wedge_{\text{L}}esIterador(it1, Avanzar(it2))) 

Abs : iterador i \longrightarrow itTítulos \{\text{Rep}(i)\} 

Abs(i) =_{\text{obs}} t: itTítulos | actual(t)=obtener(actual(i.it), *(i.dicc)) \wedge (hayMás(i.it)\Rightarrow_{\text{L}}(hayMás(t) \wedge_{\text{L}}Abs(<Avanzar(i.it), i.dicc>, avanzar(t))))
```

2.3. Algoritmos

2.3.1. Algoritmos de wolfie

```
iClientes(in e: estr) → res: itConjEstNat

1 return ( CrearIt (e. clientes ) )

Complejidad: O(1)
```

2.3.2. Algoritmos de wolfie

```
iClientes(in e: estr) \rightarrow res: itTítulos
1 return (CrearIt (e))
```

Complejidad: O(1)

i Promesas
De(in c: cliente, in/out e: estr) \rightarrow res: it
Conj(promesa)

```
if \neg(e.ultimoLlamado.cliente = c \land e.ultimoLlamado.fueUltimo) then
                                                                                       O(1)
    itClaves(diccString(infoTitulo)) it ← CrearIt(e.titulos)
                                                                                       O(1)
3
    conj(promesa) proms ← vacio()
                                                                                       O(1)
4
    tuplaPorClientes tup
                                                                                       O(1)
5
    while (HayMas?(it))
      tup ← BuscarCliente(Obtener(Nombre(Actual(it)), e. titulos).arrayClientes)
6
7
                                                             O(C*|nombre(actual(it))|)
      if tup.promVenta ≠ NULL then AgregarRapido(proms, *(tup.promVenta))
8
```

```
if tup.promCompra ≠ NULL then AgregarRapido(proms, *(tup.promCompra)) O(1)
    9
                                                                                                                                                                                   O(1)
  10
                 Avanzar (it)
             endWhile
  11
  12
             e.ultimoLlamado.promesas ← proms
                                                                                                                                                                                  O(1)
        fi
  13
                                                                                                                                                                                  O(1)
  14 return (crearIt (e. ultimoLlamado. promesas))
Complejidad: 4*O(1)+T*(O(1)+O(C*|nombre(actual(it))|)+3*O(1)+O(1)+O(1)+O(1)\subset O(T*C*|max nt|)
     iAccionesPorCliente(in c: cliente, in nt, nombreT, in e: estr) \rightarrow res: nat
           return (Buscar Cliente (c, Obtener (nt, e. titulos)).cantAcc)
Complejidad: O(log(C) + |nt|)
     iInaugurarWolfie(in c: conj(cliente)) \rightarrow res: estr
           res.titulos ← CrearDicc()
                                                                                                                                                                                  O(1)
           res.clientes ← NuevoConjEstNat(c)
                                                                                                                                                                 O(C(\log(C)))
           res.ultimoLlamado \leftarrow <0, Vacio(), false>
                                                                                                                                                                                   O(1)
Complejidad: O(C(log(C)))
     iAgregarTítulo(in t: título, in/out e: estr) \rightarrow res: nat
           Definir (e. titulos, nombre (t), < Crear Array Clientes (Crear It (e. clientes), cardinal
    2
                        (e.clientes)), t, #maxAcciones(t))
Complejidad: O(|nombre(t)|+C)
     iActualizarCotización(in nt: nombre, in cot: nat, in/out e: estr)
           infoTitulo s \leftarrow Obtener(nt, e.titulos) O(|nt|)
    2
           recotizar (cot, s. titulo)
    3
           \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
                                                                                                                                                                                  O(1)
           while i < | s. array Clientes |
    4
               if (s.arrayClientes[i].promVenta \neq NULL \yluego limite(*(s.arrayClientes[i].promVenta))
    5
           cotizacion(s.titulo)) then
    6 >
    7
                   s.arrayClientes[i].cantAcc -= cantidad(*(s.arrayClientes[i].promVenta))
                                                                                                                                                                                  O(1)
                   s.accDisponibles += cantidad(*(s.arrayClientes[i].promVenta))
                                                                                                                                                                                  O(1)
    8
                   s.arrayClientes[i].promVenta = NULL
    9
                                                                                                                                                                                  O(1)
               fi
  10
           endWhile
  11
           arreglo dimensionable(tuplaPorCantAcc)[|s.arrayClientes|] arr
                                                                                                                                                                                  O(C)
  12
           CambiarPorCantAcc(s.arrayClientes, arr)
                                                                                                                                                                                  O(C)
  13
                                                                                                                                                                          O(C(\log(C)))
  14
           heapsort (arr)
  15
           i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                  O(1)
           while i < | s. array Clientes |
                                                                                                                                                                 C*
  16
               if (arr[i].promCompra \neq NULL \yluego limite(*(arr[i].promCompra)) < cotizacion(s.titulo)
  17
  18 \operatorname{cantidad}(*(\operatorname{arr}[i].\operatorname{promCompra})) \leq \operatorname{s.accDisponibles}) then
                                                                                                                                                                 O(1)
                   arr[i].cantAcc += cantidad(*(arr[i].promCompra))
                                                                                                                                                                 O(1)
  19
                   s.accDisponibles -= cantidad(*(arr[i].promCompra))
                                                                                                                                                                 O(1)
  20
  21
                   arr [i].promCompra = NULL
                                                                                                                                                                 O(1)
  22
               fi
  23
               i++
                                                                                                                                                                 O(1)
           endWhile
  24
           CambiarPorCliente (arr, s.arrayClientes)
                                                                                                                                                                                  O(C)
  25
                                                                                                                                                                       O(C(log(C)))
           heapsort (s. array Clientes)
  26
Complejidad: O(|nt|) + 2*O(1) + C*4*O(1) + O(C) + O(C) + O(C(\log(C))) + O(1) + C*4*O(1) + O(C) + O(C(\log(C))) = O(1) + O(1)
               O(|nt| + C(\log(C)))
     iAgregarPromesa(in c: cliente, in p:promesa, in/out e:estr)
                                                                                                                                                                                  O(1)
    1
           promesa prom \leftarrow p
    2
           if tipo(prom)=compra then
                                                                                                                                                                                  O(1)
             BuscarCliente(c, Obtener(titulo(prom), e.titulos).arrayClientes).promCompra ← &prom
    3
    4
                                                                                                                                                                 O(|\text{titulo}(p)|+C)
```

Complejidad: O(1)+|a1|*5*O(1)=O(|a1|)

```
5
       else
        BuscarCliente(c, Obtener(titulo(prom), e.titulos).arrayClientes).promCompra ← &prom
  6
  7
                                                                                                    O(|\text{titulo}(p)|+C)
  8
       fi
Complejidad: O(1)+O(1)+O(|titulo(p)|+C)=O(|titulo(p)|+C)
   iEnAlza(in nt: nombreT, in e: estr) \rightarrow res: bool
      return (enAlza (Obtener (nt, e. titulos). titulo))
Complejidad: O(|nt|)
2.3.3. Algoritmos de itTítulos
   iCrearIt(in e: estr) \rightarrow res: iterador
       return(<crearIt(e.titulos), &(e.titulos)>)
Complejidad: O(|nt|)
   iActual(in i: iterador) \rightarrow res: titulo
       return (Significado (Actual (i.it), *(i.dicc)).titulo)
Complejidad: O(|nt|)
   iPróximo(in/out i: iterador)
       avanzar(i.it)
Complejidad: O(1)
   iHayPróximo(in i: iterador) \rightarrow res: bool
      return (HayMas(i.it))
Complejidad: O(1)
2.3.4. Funciones auxiliares
   CrearArrayClientes(in it: itConjEstNat, in n: nat) → res: arreglo dimensionable(tuplaPorClientes)
      arreglo dimensionable(tuplaPorClientes)[n] arr
                                                                 O(n)
      \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow \mathbf{0}
                                                                                                    O(1)
  2
  3
      do
                                                                                          n*
         arr[i] \leftarrow \langle Actual(it), 0, NULL, NULL \rangle
                                                                                          O(1)
  4
  5
         i++
                                                                                          O(1)
  6
         Proximo(it)
                                                                                          O(1)
       while hayProx(it)
                                                                                          O(1)
  7
       return arr
Complejidad: O(n)+O(1)+n*4*O(1)=O(n)
   CambiarPorCantAcc(in a1: arreglo dimensionable(tuplaPorCliente), in/out a2: arreglo dimensionable(tuplaPorCantAcc))
      \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \ \leftarrow \ \mathbf{0}
                                                                                                               O(1)
  1
  2
       while i < |a1|
                                                                                                     | a1 | *
         a2[i]. cliente \leftarrow a1[i]. cliente
                                                                                                    O(1)
  3
                                                                                                    O(1)
  4
         a2[i].cantAcc \leftarrow a1[i].cantAcc
                                                                                                    O(1)
  5
         a2[i].promCompra \leftarrow a1[i].promCompra
  6
         a2[i].promVenta \leftarrow a1[i].promVenta
                                                                                                    O(1)
  7
         i++
                                                                                                    O(1)
       endWhile
```

CambiarPorCliente(in a1: arreglo dimensionable(tuplaPorCantAcc), in/out a2: arreglo dimensionable(tuplaPorCliente))

```
\mathbf{nat} \ i \ \leftarrow \ 0
                                                                                                                   O(1)
1
2
    while i < | a1 |
                                                                                                         | a1 | *
3
       a2[i]. cliente \leftarrow a1[i]. cliente
                                                                                                        O(1)
       a2[i].cantAcc \leftarrow a1[i].cantAcc
                                                                                                        O(1)
4
       a2[i]. promCompra \leftarrow a1[i]. promCompra
                                                                                                        O(1)
5
6
       a2[i].promVenta \leftarrow a1[i].promVenta
                                                                                                        O(1)
                                                                                                        O(1)
    endWhile
8
```

Complejidad: O(1)+|a1|*5*O(1)=O(|a1|)

BuscarCliente(in cliente: cliente, in a: arreglo dimensionable(tuplaPorCliente)) \rightarrow res = tuplaPorCliente

```
int: arriba ← longitud(a)
2
   int: abajo \leftarrow 0
   int: centro
3
   while (abajo ≤ arriba)
4
            centro \leftarrow (arriba + abajo)/2;
5
       if (arreglo[centro].\Pi_1 = cliente)
6
7
                     return a [centro];
8
       else
                      if (cliente < arreglo[centro].\Pi_1)
9
10
                               arriba \leftarrow centro -1;
                      else
11
                               abajo \leftarrow centro+1;
12
13
                      endIf
14
            endIf
  endWhile
15
```

Complejidad O(log(|a|)) porque es una implementación del algoritmo de búsqueda, que por lo visto en clase, tiene complejidad logarítmica en la longitud del arreglo.

2.4. Servicios Usados

${f M\'odulo}$	Operación	Complejidad Requerida
diccString(infoTitulo)	CrearIt	O(1)
diccString(infoTitulo)	Definir	$ \mathrm{nt} $
diccString(infoTitulo)	Obtener	$ \mathrm{nt} $
conj(promesa)	Vacio	O(1)
conj(promesa)	AgregarRapido	O(1)
itDicc(diccString(infoTítulo))	HayMás	O(1)
itDicc(diccString(infoTítulo))	Actual	O(1)
itDicc(diccString(infoTítulo))	Avanzar	O(1)
	BuscarCliente	$O(\log(C))$
$\operatorname{conjEstNat}$	NuevoConjEstNat	$O(C(\log(C)))$
itConjEstNat	CrearIt	O(1)
itConjEstNat	HayProx	O(1)
itConjEstNat	Proximo	O(1)
itConjEstNat	Actual	O(1)
$arreglo_dimensionable$	CrearNuevo	O(n)
$arreglo_dimensionable$	AgregarElemento	O(1)
$arreglo_dimensionable$	•[•]	O(1)
	heapsort	$O(n(\log(n)))$

3. Módulo Diccionario String(alpha)

3.1. Interfaz

3.1.1. Parámetros formales

```
se explica con: DICCIONARIO(STRING, \alpha), ITERADOR UNIDIRECCIONAL. géneros: diccString(\alpha), itClaves(diccString).
```

3.1.2. Operaciones básicas de Diccionario String (α)

```
CREARDICC() \rightarrow res: diccString(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} vacio\}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Crea un diccionario vacío.
DEFINIR(in/out d: diccString(\alpha), in c: string, in s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \land \neg def?(d, c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} definir(d_0, c, s)\}\
Complejidad: O(longitud(c))
Descripcion: Define la clave c con el significado s en el diccionario d.
DEFINIDO?(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} def?(c,d)\}\
Complejidad: O(longitud(c))
Descripcion: Devuelve true si y solo si c está definido como clave en el diccionario.
SIGNIFICADO(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(c,d)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} obtener(c, d)\}
Complejidad: O(longitud(c))
Descripcion: Devuelve el significado con clave c.
Aliasing: No se devuelve una copia del \alpha en res, se devuelve una referencia a la original.
```

3.1.3. Operaciones básicas del iterador de claves de Diccionario String (α)

```
CREARIT(in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: itClaves(string)

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = obs crearIt(d.claves) }

Complejidad: O(1)

Descripcion: Crea y devuelve un iterador de claves de Diccionario String.

HAYMAS?(in d: itClaves(string)) \rightarrow res: bool

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = obs hayMas?(it)}

Complejidad: O(longitud(secuSuby(d)))

Descripcion: Informa si hay más elementos por iterar.

ACTUAL(in d: itClaves(string)) \rightarrow res: string

Pre \equiv {true}
```

```
Post \equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{ actual}(it)\}

Complejidad: O(longitud(secuSuby(d)))

Descripcion: Devuelve la clave de la posición actual.

AVANZAR(\textbf{in/out} \ it: \textbf{itClaves}(string)) \rightarrow res: [
\textbf{Pre} \equiv \{\text{true}\}
\textbf{Post} \equiv \{\textbf{h}\} \text{ayMas}?(it) \land it = it_0] \text{ it } =_{\text{obs}} \text{ avanzar}(it_0) \ [O(longitud(secuSuby(d)))][Avanza a la próxima clave.]
```

3.2.1. Representación del Diccionario String (α)

```
diccString(\alpha) se representa con estrDic donde estrDic es tupla(raiz: puntero(nodo) claves: lista(string))

Nodo se representa con estrNodo donde estrNodo es tupla(valor: puntero(\alpha) hijos: arreglo_estático[256](puntero(nodo))
```

3.2.2. Invariante de Representación de diccString

- (I) Existe un único camino entre cada nodo y el nodo raíz (no hay ciclos).
- (II) Todos los nodos hojas, es decir, todos los que tienen su arreglo hijos con todas sus posiciones en NULL, tienen que tener un valor distinto de NULL.
- (III) Raíz es distinto de NULL
- (IV) En claves está el camino que se recorre desde la raz hasta cada nodo hoja.

```
\begin{split} \operatorname{Rep}: \operatorname{estrDic} &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(e) &\equiv \operatorname{true} \Longleftrightarrow \\ &\operatorname{raíz} != \operatorname{NULL} \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{noHayCiclos}(e) \wedge \operatorname{todasLasHojasTienenValor}(e) \wedge \\ &\operatorname{hayHojas}(e) \Rightarrow |\operatorname{e.claves}| {>} 0 \wedge \\ &(\forall \ c \in \operatorname{caminosANodos}(e)) (\exists \ i \ \{0..|\operatorname{e.claves}|\}) \ \operatorname{e.claves}[i] = c \end{split}
```

3.2.3. Operaciones auxiliares del invariante de Representación

```
\label{eq:noHayCiclos} \begin{split} \operatorname{noHayCiclos}: & \operatorname{puntero}(\operatorname{nodo}) &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{noHayCiclos}(n,p) &\equiv (\exists \ \operatorname{n:nat})((\forall \ \operatorname{c: string})(|\mathbf{s}| = \mathbf{n} \Rightarrow \operatorname{leer}(p,s) = \operatorname{NULL})) \\ \operatorname{leer}: & \operatorname{puntero}(\operatorname{nodo}) \times \operatorname{string} &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{leer}(p,s) &\equiv & \mathbf{if} \ \operatorname{vacia}?(s) \ & \mathbf{then} \\ & & \quad p \to \operatorname{valor} \\ & & \quad \mathbf{else} \\ & & \quad \mathbf{if} \ p \to \operatorname{hijos}[\operatorname{prim}(\mathbf{s})] = \operatorname{NULL} \ & \mathbf{then} \ \operatorname{NULL} \ & \mathbf{else} \ \operatorname{leer}(\mathbf{p} \to \operatorname{hijos}[\operatorname{prim}(\mathbf{s})], \operatorname{fin}(\mathbf{s})) \ & \mathbf{fi} \\ & \mathbf{fi} \\ & \mathbf{todosNull}: \ \operatorname{arreglo}(\operatorname{puntero}(\operatorname{nodo})) &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ & \mathbf{todosNull}(a) &\equiv \operatorname{auxTodosNull}(a,0) \end{split}
```

```
auxTodosNull : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \longrightarrow bool
\operatorname{auxTodosNull}(a,i) \equiv \text{if } i < |a| \text{ then } a[i] == \operatorname{NULL} \land \operatorname{auxTodosNull}(a,i+1) \text{ else } a[i]. \text{valor} == \operatorname{NULL} \text{ fi}
esHoja : puntero(nodo) \longrightarrow bool
esHoja(p) \equiv if p == NULL then false else todosNull(p.hijos) fi
todasLasHojas : puntero(nodo) \times nat \longrightarrow conj(nodo)
todasLasHojas(p, n) \equiv if p == NULL then
                                   false
                                   if esHoja(p) then Ag(*p, vacio) else auxTodasLasHojas((*p).hijos, 256) fi
auxTodasLasHojas : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \longrightarrow conj(nodo)
auxTodasLasHojas(a, n) \equiv \text{hojasDeHijos}(a, n, 0)
hojasDeHijos : arreglo(puntero(nodo)) \times nat \times nat \longrightarrow conj(nodo)
hojasDeHijos(a, n, i) \equiv \mathbf{if} \ \mathbf{i} = \mathbf{n} \ \mathbf{then} \ \emptyset \ \mathbf{else} \ \mathbf{todasLasHojas}(\mathbf{a}[\mathbf{i}]) \cup \mathbf{hojasDeHijos}(a, n, (i+1)) \ \mathbf{fi}
todasLasHojasTienenValor : puntero(nodo) \longrightarrow bool
todasLasHojasTienenValor(p) \equiv auxTodasLasHojasTienenValor(todasLasHojas(p, 256))
auxTodasLasHojasTienenValor\ :\ arreglo(puntero(nodo)) \ \longrightarrow \ bool
auxTodasLasHojasTienenValor(a) \equiv \mathbf{if} |\mathbf{a}| = 0 then
                                                    true
                                                    dameUno(a).valor != NULL \land auxTodasLasHojasTienenValor(sinUno(a))
                                                fi
```

3.2.4. Función de abstracción de diccString

```
\begin{aligned} \text{Abs} \ : \ & \text{estrDicc} \ e \ \longrightarrow \ \text{dicc}(\text{string}, \alpha) \end{aligned} \qquad & \{\text{Rep}(e)\} \\ \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \ d : \ & \text{dicc}(\text{string}, \alpha) \mid (\forall \ c : \text{string})(\text{definido}?(c, d)) = (\exists \ \text{n: nodo}) \\ & \quad \land (\exists \ i : \text{nat}) \\ \text{($i \in \{0..|\text{e.claves}|\})} \Rightarrow \text{e.claves}[i] = c \land_{\text{L}} \ \text{significado}(c, d) = \text{leer}(e.clave). \end{aligned} \end{aligned}
```

3.2.5. Representación del iterador de Claves del Diccionario String (α)

itClaves(string) se representa con puntero(nodo)

Su Rep y Abs son los de it $Secu(\alpha)$ definido en el apunte de iteradores.

3.3. Algoritmos

3.3.1. Algoritmos de Diccionario String

 $iCrearDicc() \rightarrow res = estrDicc(\alpha)$

```
5 endWhile
                                                                                                              O(1)
  6
     hijos \leftarrow d
     valor \leftarrow NULL
                                                                                                              O(1)
Complejidad: 2*O(1) + 256*O(1) + 2*O(1) = O(1)
   IDEFINIR(\mathbf{in}/\mathbf{out} estrDicc(\alpha): d, \mathbf{in} string: c, \mathbf{in} alfa: s)
  1 \quad i \leftarrow 0
                                                                                                                          O(1)
  2 p \leftarrow d.raiz
                                                                                                                          O(1)
     while (i < (longitud(s)))
                                                                                                               | s | *
                                                                                                              O(1)
                if (p.hijos[ord(s[i])] = NULL)
                            n \colon \operatorname{nodo} \, \leftarrow \, \operatorname{crearNodo} \left( \, \right)
                                                                                                              O(1)
  5
  6
                            p.hijos[ord(s[i])] \leftarrow *n
                                                                                                              O(1)
                endIf
  7
     p \leftarrow p.hijos[ord(s[i])]
                                                                                                                          O(1)
  8
  9
     i++
                                                                                                                          O(1)
     endWhile
  10
     p.valor \leftarrow a
                                                                                                                          O(1)
  11
                                                                                                                          O(|s|)
     agregarAdelante(hijos, c)
Complejidad: 2*O(1) + |s|*5*O(1) + O(1) + O(|s|) = O(|s|)
   ISIGNIFICADO(in estrDicc(\alpha): d, in string: c) \rightarrow res = \alpha
   1 \quad i \leftarrow 0
                                                                                                                          O(1)
  2
     p \leftarrow d.raiz
                                                                                                                          O(1)
      while (i < (longitud(s)))
                                                                                                              | s | *
                p \leftarrow p. hijos [ord(s[i])]
                                                                                                              O(1)
  5
     i++
                                                                                                              O(1)
     endWhile
  6
     return p. valor
                                                                                                                          O(1)
Complejidad: 2*O(1) + |s|*2*O(1) + O(1) = O(|s|)
   IDEFINIDO?(in estrDicc(\alpha): d, in string: c) \rightarrow res = bool
   1 \quad i \leftarrow 0
                                                                                                                          O(1)
     p \leftarrow d.raiz
                                                                                                                          O(1)
  2
      while (i < (longitud(s)))
  3
                                                                                                              | s | *
                if (p. hijos [ord (s[i])] != NULL)
                                                                                                              O(1)
  4
                            p \leftarrow p. hijos [ord(s[i])]
                                                                                                              O(1)
  5
                            i++ O(1)
  6
                else
  7
                            return false
                                                                                                              O(1)
  8
                endIf
  9
  10 endWhile
  11 return p.valor != NULL
                                                                                                                          O(1)
Complejidad: 2*O(1) + |s|*3*O(1) + O(1) = O(|s|)
   ICLAVES(in \ estrDicc(\alpha): d) \rightarrow res = lista \ enlazada(string)
  1 return it Claves (d)
                                                                                                                          O(1)
```

3.3.2. Algoritmos del iterador de claves del Diccionario String

Complejidad: O(1)

Utiliza los mismos algoritmos que it $Secu(\alpha)$ definido en el apunte de iteradores.

3.4. Servicios Usados

Módulo	Operación	Complejidad Requerida
arreglo_estático	AgregarElemento	O(1)
arreglo_estático	•[•]	O(1)
lista	AgregarAdelante	$O(copy(\alpha))$
lista	•[•]	O(1)

4. Módulo Conjunto Estático de Nats

4.1. Interfaz

géneros conjEstNat, itConjEstNat

Se explica con: Conjunto(nat), Iterador Unidireccional(nat). Usa:

4.1.1. Operaciones básicas de conjEstNat

```
NUEVOCONJESTNAT(in c: conj(nat)) \rightarrow res: conjEstNat \operatorname{Pre} \equiv \{ \operatorname{true} \}
Post \equiv \{ res =_{\operatorname{obs}} c \}
Complejidad: O(n*(\log(n)))
Descripcion: Crea un conjunto estático de nats

PERTENECE?(in n: nat, in c: conjEstNat) \rightarrow res: bool
Pre \equiv \{ \operatorname{true} \}
Post \equiv \{ res =_{\operatorname{obs}} n \in c \}
Complejidad: O(n)
Descripcion: Pregunta si el elemento pertenece al conjunto

CARDINAL(in c: conjEstNat) \rightarrow res: nat
Pre \equiv \{ \operatorname{true} \}
Post \equiv \{ res =_{\operatorname{obs}} \# c \}
Complejidad: O(n)
Descripcion: Devuelve la cantidad de elementos que hay en el conjunto
```

4.1.2. Operaciones básicas de itConjEstNat

Descripcion: Devuelve la posicion actual

```
\begin{aligned} & \text{CrearIt}(\textbf{in }c \colon \texttt{conjEstNat}) \to res : \texttt{itConjEstNat} \\ & \textbf{Pre} \equiv \{\text{true}\} \\ & \textbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{crearItUni}(c)\} \\ & \textbf{Complejidad: }O(1) \\ & \textbf{Descripcion: Devuelve un iterador unidireccional a un conjunto estático de nats} \\ & \text{Actual}(\textbf{in }i \colon \texttt{itConjEstNat}) \to res : \texttt{nat} \\ & \textbf{Pre} \equiv \{\text{true}\} \\ & \textbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{actual}(i)\} \\ & \textbf{Complejidad: }O(1) \end{aligned}
```

```
\begin{split} &\operatorname{Pro}(\operatorname{in} i \colon \operatorname{itConjEstNat}) \to res : \operatorname{itConjEstNat} \\ &\operatorname{Pre} \equiv \{\operatorname{hayMas}?(i)\} \\ &\operatorname{Post} \equiv \{res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{avanzar}(i)\} \\ &\operatorname{Complejidad} : O(1) \\ &\operatorname{Descripcion:} \operatorname{Avanza} \operatorname{el} \operatorname{iterador} \\ &\operatorname{HayProx}?(\operatorname{in} i \colon \operatorname{itConjEstNat}) \to res : \operatorname{bool} \\ &\operatorname{Pre} \equiv \{i_0 = i\} \\ &\operatorname{Post} \equiv \{res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{hayMas}?(i) \\ &\operatorname{Complejidad:} O(1) \\ &\operatorname{Descripcion:} \operatorname{Pregunta} \operatorname{si} \operatorname{hay} \operatorname{mas} \operatorname{elementos} \operatorname{para} \operatorname{iterar} \\ \end{split}
```

4.2.1. Representación de conjEstNat

```
conjEstNat se representa con array: arreglo_dimensionable(nat)

Rep: los elementos estan ordenados y no hay repeticiones

Rep: array \longrightarrow bool

Rep(a) \equiv true \iff (\forall i: nat) (i < longitud(a)-1 \Rightarrow (definido?(a, i) \land definido?(a, i+1) \land<sub>L</sub>a[i] < a[i+1]))
```

4.2.2. Función de abstracción de conjEstNat

```
Abs : array a \longrightarrow \text{conjEstNat} {Rep(a)}

Abs(a) =_{\text{obs}} c: conjEstNat | (\forall n : \text{nat}) \ n \in c \Leftrightarrow \text{estáEnArray}?(n, a, 0)

estáEnArray? : nat × arreglo_dimensionable(nat) × nat \longrightarrow bool

estáEnArray(n, a, i) \equiv \text{if } i = \text{longitud}(a)-1 then false else a[i] = n \vee \text{estáEnArray}?(n, a, i + 1) fi
```

4.2.3. Representación de itConjEstNat

```
{\it donde\ iterador\ es\ tupla} (pos:\ {\tt nat,\ } \textit{lista:\ puntero(arreglo\_dimensionable(nat))}\ )
```

```
 \text{Rep} : \text{iterador} \longrightarrow \text{bool} 
 \text{Rep}(i) \equiv \text{true} \Longleftrightarrow i.pos < \text{longitud}(*(i.lista))
```

itConjEstNat se representa con iterador

4.2.4. Función de abstracción de itConjEstNat

```
Abs : iterador it \longrightarrow itConjEstNat {Rep(it)} 
Abs(it) =_{obs} iConj: itConjEstNat | actual(iConj) = a[i] \land hayPróx(iConj) = (i.pos < longitud(*(i.lista))-1) \land (hayPróx(i.Conj) \Rightarrow próximo(iConj) = Abs(< i.pos + 1, i.lista>))
```

4.3. Algoritmos

4.3.1. Algoritmos de conjEstNat

```
iNuevoConjEstNat(in c: conj(nat)) \rightarrow res: array
 1 itConj(nat) it \leftarrow crearIt(c)
                                                                                                               O(1)
   arreglo dimensionable(nat)[cardinal(c)] a
                                                                                                               O(n)
   \mathbf{nat} \ \mathbf{i} \leftarrow 0
                                                                                                               O(1)
   while (HaySiguiente?(it))
                                                                                                    n*
                                                                                                    O(1)
             a[i] \leftarrow Siguiente(it)
6
                                                                                                    O(1)
7
             Avanzar (it)
                                                                                                    O(1)
   endWhile
8
                                                                                                       O(n(log(n)))
9
   heapsort (a)
10 return(a)
```

Complejidad: $O(1)+O(n)+O(1)+n^*(O(1)+O(1)+O(1))+O(n(\log(n))) = O(n(\log(n)))$

Aclaraciones: Utilizamos el algoritmo HEAPSORT provisto en el apunte ALGORITMOS BÁSICOS, con las complejidades allí descriptas.

iPertenece(in n: nat, in c: array) \rightarrow res: bool

Complejidad: O(1)+O(1)+n*(O(1)+O(1)) = O(n)

4.3.2. Algoritmos de itConjEstNat

```
iCrearIt(in a: array) \rightarrow res: iterador
1 return (<0, &a>)
Complejidad: O(1)
```

```
iActual(in it: iterador) \rightarrow res: nat \\ 1 \quad \textbf{return} \quad (*(it.lista))[it.pos]
```

Complejidad: O(1)

```
iActual(in/out it: iterador)
1 return < it.pos+1, it.lista >
Complejidad: O(1)
```

 $iHayPróximo?(in it: iterador) \rightarrow res: bool$

1 return (it.pos+1<longitud(it.lista))

```
Complejidad: O(1)
```

Servicios usados: se utilizan solo tipos basicos, incluidos arreglos y punteros.

4.4. Servicios Usados

Módulo	Operación	Complejidad Requerida
arreglo_estático	CrearNuevo	O(n)
arreglo_estático	AgregarElemento	O(1)
arreglo_estático	•[•]	O(1)
	heapsort	$O(n(\log(n)))$

4.5. TAD Conjunto Estático de Nats

TAD CONJUNTO ESTÁTICO DE NATS

```
igualdad observacional
                 (\forall c, c' : \text{conjEstNat}) \ (c =_{\text{obs}} c' \iff ((\forall a : nat)(a \in c =_{\text{obs}} a \in c')))
géneros
                 conjEstNat
                conj
Est<br/>Nat, generadores, observadores, \#
exporta
                 BOOL, NAT, CONJUNTO(NAT)
usa
observadores básicos
   ullet \in ullet
                       : nat \times conjEstNat
                                                                   \rightarrow bool
generadores
  crearConjEstNat: conj(nat)
                                                                   \rightarrow conj(EstNat)
otras operaciones
   #
                       : conj(EstNat)
                                                                  \longrightarrow nat
                \forall c: \text{conj(nat)}, \forall n: \text{nat}
axiomas
   n \in \text{crearConjEstNat}(c) \equiv (n \in c)
```

Fin TAD

5. Módulo Promesa

 $\#(\operatorname{crearConjEstNat}(c)) \equiv \#(c)$

5.1. Interfaz

5.1.1. Parámetros formales

```
géneros promesa se explica con: Promesa.
```

5.1.2. Operaciones básicas de promesa

```
TÍTULO(in p: promesa) \rightarrow res: nombre \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathsf{título}(p)\}
\mathbf{Complejidad}: O(|titulo(p)|)
\mathbf{Descripcion}: Devuelve el nombre del título de la promesa
```

```
\mathtt{TIPO}(\mathbf{in}\ p \colon \mathtt{promesa}) \to res : \mathtt{tipoPromesa}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} tipo(p)\}\
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve el tipo de promesa de la promesa
LIMITE(in p: promesa) \rightarrow res: dinero
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{ res =_{obs} limite(p) \}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve el límite de la promesa
\mathtt{CANTIDAD}(\mathbf{in}\ p \colon \mathtt{promesa}) \to res : \mathtt{cantidad}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} cantidad(p)\}\
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve la cantidad de acciones de la promesa
CREARPROMESA(in t: nombre, in tipo: tipoPromesa, in n: dinero, in m: nat) \rightarrow res: estr
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearPromesa}(t, tipo, n, m) \}
Complejidad: (|t|)
Descripcion: Devuelve una nueva promesa
```

5.2.1. Representación de promesa

```
promesa se representa con estr  \text{donde estr es tupla}(\textit{titulo}: \text{nombre } \textit{tipo}: \text{tipoPromesa } \textit{limite}: \text{dinero } \textit{cantidad}: \text{nat} )   \text{Rep}: \text{estr } \longrightarrow \text{bool}   \text{Rep}(e) \equiv \text{true} \Longleftrightarrow \text{true}   \text{Abs}: \text{estr } e \longrightarrow \text{promesa}   \{\text{Rep}(e)\}   \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{p: promesa} \mid \text{titulo}(p) = \text{e.titulo} \land \text{tipo}(p) = \text{e.tipo} \land \text{limite}(p) = \text{e.limite} \land \text{cantidad}(p) = \text{e.cantidad}
```

5.3. Algoritmos

5.3.1. Algoritmos de promesa

```
iTitulo(in p: estr) \rightarrow res = nombre

1 res \leftarrow e.titulo

iTipo(in p: estr) \rightarrow res = tipoPromesa

1 res \leftarrow e.tipo

iLimite(in p: estr) \rightarrow res = dinero

1 res \leftarrow e.limite

iCantidad(in p: estr) \rightarrow res = nat

1 res \leftarrow e.cantidad
```

```
iCrearPromesa(in t: nombreT, in tipo: TipoPromesa, in n: dinero, in c: nat) \rightarrow res = estr 1 res.titulo \leftarrow t 2 res.tipo \leftarrow tipo 3 res.limite \leftarrow n 4 res.cantidad \leftarrow m
```

6. Módulo Título

6.1. Interfaz

```
géneros título se explica con: Título.
```

6.1.1. Operaciones básicas de título

```
NOMBRE(in \ t: titulo) \rightarrow res : nombre
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} nombre(t)\}\
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve el nombre del título
\# \text{MAXACCIONES}(\textbf{in } t : \texttt{título}) \rightarrow res : \texttt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} \#máxAcciones(t)\}\
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve el máximo de cantidad de acciones
COTIZACIÓN(in t: título) \rightarrow res: dinero
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} cotización(t)\}\
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve la cotización del título
ENALZA(in \ t: titulo) \rightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} enAlza(t) \}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Indica si el título está o no en alza
CREARTÍTULO(in t: nombre, in c: dinero, in n: nat) \rightarrow res: título
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearTitulo}(s, c, n) \}
Complejidad: O(1)
Descripcion: Devuelve una nuevo título
RECOTIZAR(in d: dinero, in t: título) \rightarrow res: título
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{true}\}
```

```
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{recotizar}(d, t) \}
```

Complejidad: O(1)

Descripcion: Cambia la cotización del título

6.2. Representación

6.2.1. Representación de título

6.3. Algoritmos

6.3.1. Algoritmos de título

```
iNombre(in \ estr: t) \rightarrow res = nombre
1 \text{ res} \leftarrow \text{e.nombre}
i\#maxAcciones(in estr: t) \rightarrow res = nat
1 res \leftarrow e.#maxAcciones
iCotización(in estr:: t) \rightarrow res = dinero
1 \text{ res} \leftarrow \text{e.cotizacion}
iEnAlza(in estr: t) \rightarrow res = bool
1 \text{ res} \leftarrow \text{e.enAlza}
iCrearTítulo(in nombre: n, in nat: max, in dinero: c) \rightarrow res = estr
   res.nombre \leftarrow n
   res.#\maxAcciones \leftarrow \max
3 \text{ res.enAlza} \leftarrow \mathbf{true}
4 res.cotizacion \leftarrow c
iRecotizar(in dinero: c, in/out estr: t)
1 t.enAlza \leftarrow (c>t.cotizacion)
2 \text{ t.cotizacion} \leftarrow c
```