

#### 软件分析

### 过程间分析加速技术

熊英飞 北京大学

### 如何让过程间分析变得更快

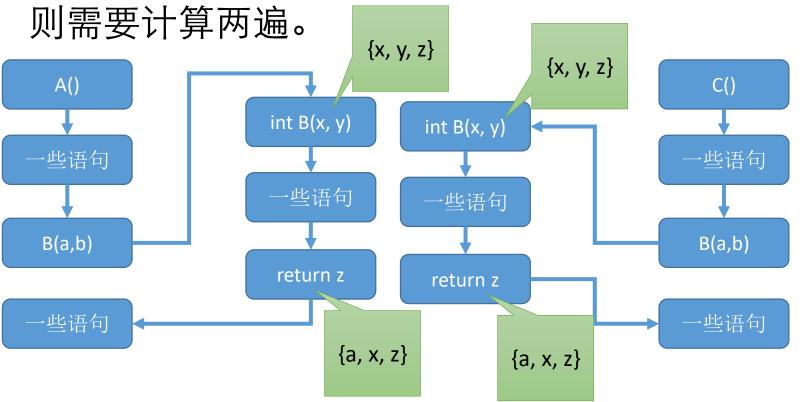


- 一些?
- 基于动态规划的加速技术
  - 通过记录之前计算过的信息来加速
  - 又叫做Top-down Summary、Tabulating Algorithm等
- 基于函数摘要的加速技术
  - 通过对函数内部的函数进行合并来加速
  - 通常用于提前对于函数库等进行分析
  - 在选择合适的函数表示的时候,也可以加快分析执行
  - 也叫作Bottom-up Summary、Functional Analysis、 Modular Analysis等

# 基于克隆的过程间分析的问题



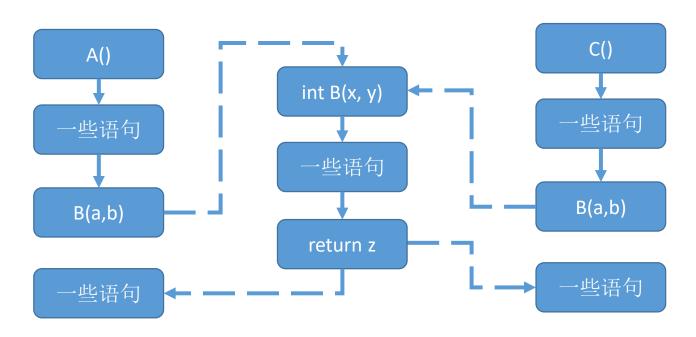
• 在基于克隆的分析, 如果同一个过程要分析两遍,



#### 基于动态规划的分析



- 采用动态规划/Memoization记录之前分析过的信息
  - $\{x, y, z\} = > \{a, x, z\}$
- 如果初始状态在记录中存在,则重用记录,否则克隆B 过程并重新计算



#### 动态规划的问题



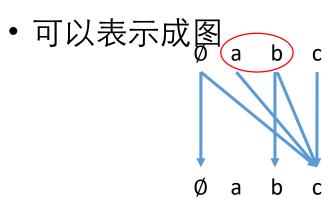
- 粒度太粗
  - 内存消耗大,加速效果不明显
- 递归调用不容易处理

- 存在算法处理递归调用的问题
- 但不容易处理前者的问题

#### 复习:转换函数VS图可达性



对于可分配函数f(X)=(X-{a})U{c}, 其中X为{a,b,c}的子集

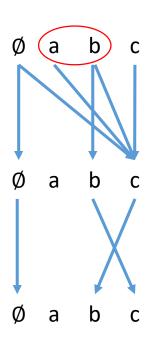


- 求解f({a,b})变成了从 {a,b}出发的可达性问题
- 整个数据流分析转成可达性问题

#### 改进动态规划记录



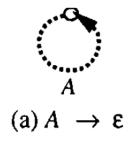
- 粗粒度记录:
  - {a, b}->{b, c}
- •细粒度记录:
  - $a \rightarrow \{b\}, b \rightarrow \{b, c\}$
- 给定新输入状态数据
  - {a, b, c}
- 粗粒度记录要重新计算a, b, c
- 细粒度记录只需要重新计算C

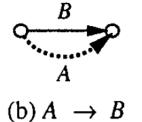


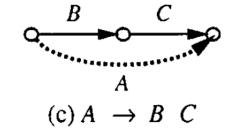
#### 复习: 求解CFL-Reachability的算法



按如下三种模式不断添加边,直到没有边需要添加



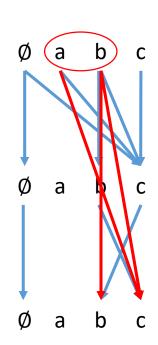




#### CFL-Reachability求解算法 与动态规划



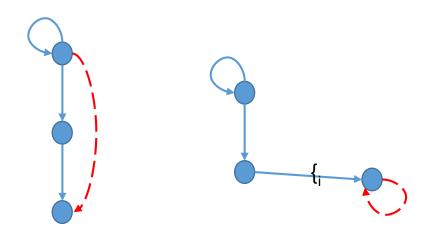
- •新添加的边实际等价于细粒度记录
- 采取CFL-Reachability求解算法 实际已经实现了动态规划的加速
- 但CFL-Reachability求解算法存在一个缺陷
  - 不管一个点是否从起始点可达, CFL求解算法都会计算该过程内部 的可达性

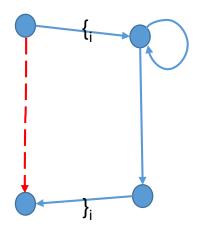


#### 改进Dyck-CFL-Reachability求解规则









- 用回边标记当前可以分析的过程
- 直接针对Dyck-CFL产生边

# 原始CFL-Reachability求解算法的复杂度



- $O(n^3)$
- n为结点数量
- 假设文法的大小远远小于n
- 图中最多有n\*n条边
  - 按规则a添加边的复杂度为 O(n)
  - 给定一条边,检查规则b的复 杂度为O(1)
  - 给定一条边,检查规则c的复杂度为O(n)
- 总复杂度 $O(n^3)$

```
For(each node) {
    根据规则(a)加边
}
ToVisit ← 所有边
While(ToVisit.size > 0) {
    从ToVisit中取出任意边
    根据规则(b)加边
    查看前后结点的边的组合,根据
规则(c)加边
    以上两步新加边加入ToVisit
}
```

#### 改进后CFL-Reachability 求解算法的复杂度

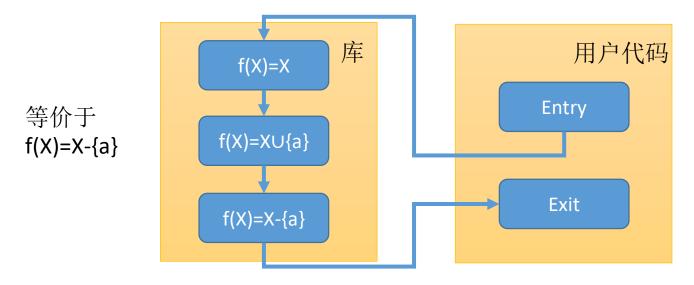


- Tom Reps证明
  - 算法复杂度为 $O(ED^3)$
  - E为控制流图上的边数, D为每个控制流图节点展开的节点数

#### 基于函数摘要的加速技术



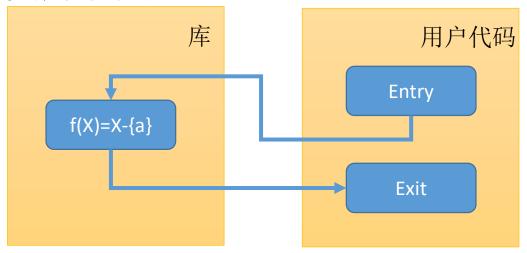
- 动机1: 在数据流分析中,很多转换函数的效果可以互相抵消,但我们还是要针对每一个进行计算
- 动机2:程序分析中大量代码是库代码,往 全分析一个很小的程序就要分析大量库代码。



#### 基于函数摘要的加速技术



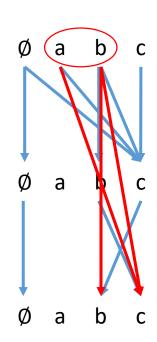
- 将一个过程摘要成一个转换函数
- 如果节省下来的冗余计算大于摘要花费,则加速 了程序分析
- 库函数可以提前做成摘要,在分析用户代码的时候直接使用摘要



#### CFL-Reachability与函数 摘要



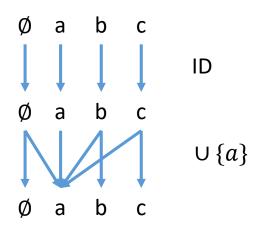
- CFL-Reachability再次解决了这个问题
- 过程入口点和出口点的可达性即为过程的函数摘要
- 只需要先对特定过程的图进行分析 就能创建摘要



#### CFL-Reachability的问题



- CFL-Reachability展开表示了转换函数,在摘要计算上并不高效
- •例:很多分析的格都由变量组成,特别是全局变量

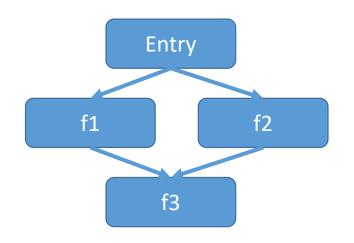


从函数定义上我们可以很容易合并 这两个转换,但如果在图上计算摘 要就要分别算每一个变量的可达性

#### 基于函数摘要的加速技术



- 沿控制流图合并转换函数
  - $f_s = f_3 \circ (f_1 \sqcap f_2)$
- 需要给每个函数统一的抽象 表示
- 需要定义该抽象表示上的。和口操作,这些操作是对该抽象表示封闭的,并且对任意x 满足如下条件:
  - $(f_2 \circ f_1)(x) = f_2(f_1(x))$
  - $(f_1 \sqcap f_2)(x) = f_1(x) \sqcap f_2(x)$



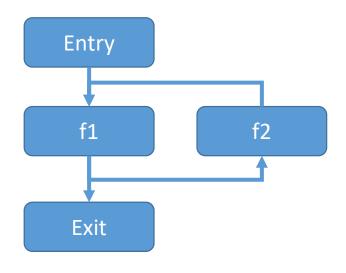
#### 合并操作符-gen/kill标准型



- $f(x) = gen \cup (x kill)$ , 半格操作为并集  $f_2 \circ f_1(x) = gen_2 \cup (gen_1 \cup (x kill_1)) kill_2$   $= (gen_2 \cup (gen_1 kill_2)) \cup (x (kill_1 \cup kill_2))$   $(f_1 \sqcap f_2)(x) = f_1(x) \sqcap f_2(x)$   $= (gen_1 \cup (x kill_1)) \cup (gen_2 \cup (x kill_2))$   $= (gen_1 \cup gen_2) \cup (x (kill_1 \cap kill_2))$
- 因此,函数的抽象表示为集合的二元组(Gen, Kill),其中
  - $(g_2, k_2) \circ (g_1, k_1) = (g_2 \cup (g_1 k_2), k_1 \cup k_2)$
  - $(g_1, k_1) \sqcap (g_2, k_2) = (g_1 \cup g_2, k_1 \cap k_2)$

#### 问题: 如何处理循环?





在函数上执行数据流分析

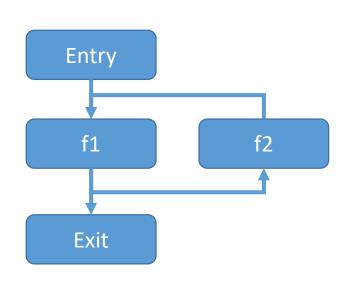
#### 函数的数据流分析——半格



- 半格格元素为Gen/Kill标准型的抽象表示,其中 Gen和Kill都只包含为原始分析中半格元素,是 有限集合
- 交汇运算□为函数上的并操作,该操作满足幂等 性、交换性、结合性
  - 证明: 由 $(g_1, k_1)$   $\sqcap$   $(g_2, k_2) = (g_1 \cup g_2, k_1 \cap k_2)$  可见,交汇运算可以分解成一个集合并和一个集合交,由两种运算都满足幂等性、交换性、结合性可知原结论成立。
- 最大元T中,Gen为空集,Kill为全集

#### 函数的数据流分析——半格





- 每个程序点上的数据流分析结果表示从Entry到该节点所有路径的函数摘要
- Entry的初值为({}, {})
- fi的转换函数为
  - $f_{f_i}((g,k)) = f_i \circ (g,k)$

#### 转换函数的单调性



- 引理: 任意结点上的转换函数都是单调的
  - 如果 $(g_1, k_1)$   $\sqcap$   $(g_2, k_2) = (g_1, k_1)$ ,需要证明  $(g_3, k_3) \circ (g_1, k_1)$   $\sqcap$   $(g_3, k_3) \circ (g_2, k_2) = (g_3, k_3) \circ (g_1, k_1)$
  - 由前提,可知 $g_1 \cup g_2 = g_1, k_1 \cap k_2 = k_1$
  - $(g_3, k_3) \circ (g_1, k_1) \sqcap (g_3, k_3) \circ (g_2, k_2)$
  - $= (g_3 \cup (g_1 k_3), k_1 \cup k_3) \sqcap (g_3 \cup (g_2 k_3), k_2 \cup k_3)$
  - $=(g_3 \cup (g_1 \cup g_2 k_3), (k_1 \cap k_2) \cup k_3)$
  - $=(g_3 \cup (g_1 k_3)), k_1 \cup k_3)$
  - $=(g_3,k_3)\circ(g_1,k_1)$

#### 转换函数的分配性



- 引理: 任意结点上的转换函数满足分配性
  - $(g_3, k_3) \circ ((g_1, k_1) \sqcap (g_2, k_2))$
  - $=(g_3,k_3)\circ(g_1\cup g_2,k_1\cap k_2)$
  - $=(g_3 \cup (g_1 \cup g_2 k_3), (k_1 \cap k_2) \cup k_3)$
  - $= (g_3 \cup (g_1 k_3), k_3 \cup k_1) \sqcap (g_3 \cup (g_2 k_3), k_3 \cup k_2)$
  - $=(g_3,k_3)\circ(g_1,k_1)\sqcap(g_3,k_3)\circ(g_2,k_2)$

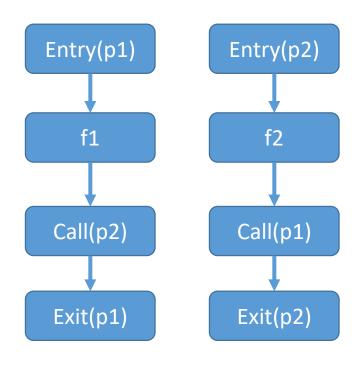
#### 正确性



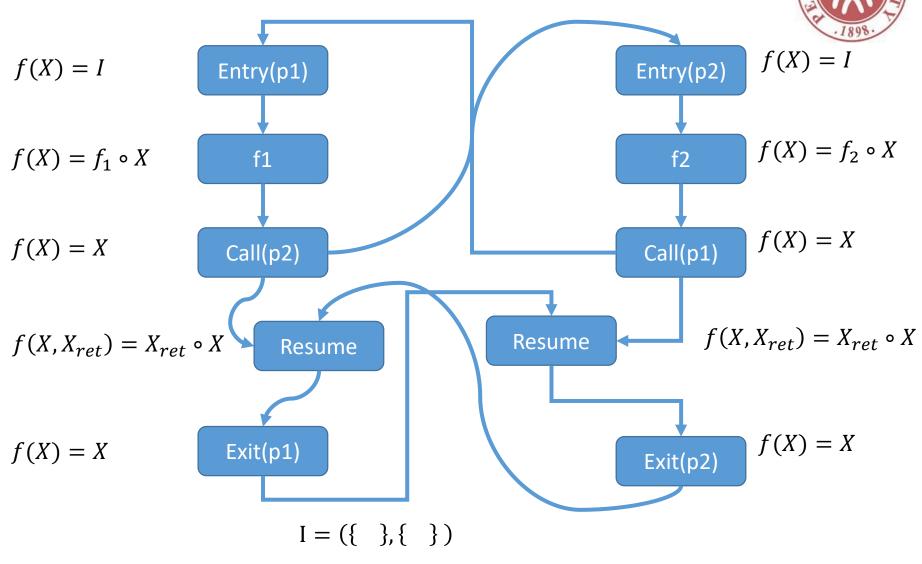
- 定理: 用以上方法做出来的函数摘要进行数据流分析, 分析结果和原数据流分析完全相同
  - 证明: 在满足分配性的情况下,数据流分析结果等同于理想值
    - 分析出来的函数摘要等同于把每条路径上的函数组合,然 后再对结果区并,即原始数据流分析的理想值
    - 原始数据流分析的结果也等于理想值







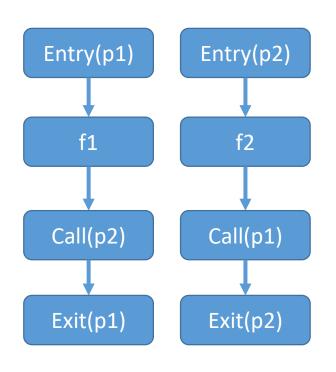
#### 函数调用如何处理?



注意这里不需要上下文敏感性。

#### 另一个角度:看成方程组





$$\begin{split} & I = (\{\ \}, \{\ \}) \\ & DATA_{f1} = f_1 \circ I \\ & DATA_{call(p2)} = DATA_{p2} \circ DATA_{f1} \\ & DATA_{p1} = DATA_{call(p2)} \\ & DATA_{f2} = f_2 \circ I \\ & DATA_{call(p1)} = DATA_{p1} \circ DATA_{f2} \\ & DATA_{p2} = DATA_{call(p1)} \end{split}$$

#### 函数摘要的方法 vs 基于 CFL可达性的方法



- 函数摘要可直接完成精确的过程间分析
  - 从main入口到关心的程序点之间做一个摘要,然后 传入分析初值即可
- 对于输入集合比较大,而单个转换函数对集合改变较小的分析,基于摘要的方法可能达到较好效果
- 基于摘要的方法只能计算出口点的信息,不能知道中间点的信息

#### 作业



• 把原始数据流分析中的并集换成交集,Gen/Kill 标准型上的交汇运算和组合运算还能定义出来吗?

#### 参考资料



- Two Approaches to Interprocedural Data Flow Analysis
  - Micha Sharir and Amir Pnueli
  - New York University Technical Report, 1978
- Precise Interprocedural Dataflow Analysis via Graph Reachability
  - Thomas W. Reps, Susan Horwitz, Shmuel Sagiv
  - POPL 1995