

软件分析

过程内指针分析

熊英飞 北京大学

指向分析



- 每个指针变量可能指向的内存位置
- 通常是其他很多分析的基础

- 本节课先考虑流非敏感指向分析
- 先不考虑在堆上分配的内存,不考虑struct、数组等结构,不考虑指针运算(如*(p+1))
 - 内存位置==局部和全局变量在栈上的地址

指向分析一一例子



```
o=&v;
q=&p;
if (a > b) {
  p=*q;
  p=o; }
*q=&w;
```

- 指向分析结果
 - $p = \{v, w\};$
 - q = ?
 - o = ?

p: 变量p的地址(内存位置)

p: 指针p所指向的集合(指针变量)

指向分析一一例子



```
o=&v;
q=&p;
if (a > b) {
  p=*q;
  p=o; }
*q=&w;
```

- 指向分析结果
 - $p = \{v, w\};$
 - $q = \{p\};$
 - $o = \{v\};$
- 问题: 如何设计一个指向分析算法?

复习: 方程求解



- 数据流分析的传递函数和□操作定义了一组方程
 - $D_{v_1} = F_{v_1}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - $D_{v_2} = F_{v_2}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - ...
 - $D_{v_n} = F_{v_n}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
- 其中
 - $F_{v_1}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n}) = f_{v_1}(I)$
 - $F_{v_i}(D_{v_1}, D_{v_2}, \dots, D_{v_n}) = f_{v_i}(\bigcap_{j \in pred(i)} D_{v_j})$
- 数据流分析即为求解该方程的最大解
 - 传递函数和□操作表达了该分析的安全性条件,所以该方程的解都是安全的
 - 最大解是最有用的解

从不等式到方程组



- 有一个有用的解不等式的unification算法
 - 不等式
 - $D_{v_1} \sqsubseteq F_{v_1}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - $D_{v_2} \sqsubseteq F_{v_2}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - •
 - $D_{v_n} \sqsubseteq F_{v_n}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - 可以通过转换成如下方程组求解
 - $D_{v_1} = D_{v_1} \sqcap F_{v_1}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - $D_{v_2} = D_{v_2} \sqcap F_{v_2}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - ...
 - $D_{v_n} = D_{v_n} \sqcap F_{v_n}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$

Anderson指向分析算法



赋值语句	约束
a=&b	$a \supseteq \{b\}$
a=b	$a \supseteq b$
a=*b	$\forall v \in \mathbf{b}. a \supseteq \mathbf{v}$
*a=b	$\forall v \in a. v \supseteq b$

a: 变量a的地址 (内存位置)

a: 指针a所指向 的集合(指针变

其他语句可以转换成这四种基本形式

Anderson指向分析算法-例



```
o=&v;
q=&p;
if (a > b) {
    p=*q;
    p=o; }
*q=&w;
```

- 产生约束
 - $o \supseteq \{v\}$
 - $q \supseteq \{p\}$
 - $\forall v \in q. p \supseteq v$
 - $p \supseteq o$
 - $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

• 如何求解这些约束

约束求解方法一通用框架



- 将约束
 - $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
 - $q \supseteq \{p\}$
 - $\forall v \in q. p \supseteq v$
 - $p \supseteq o$
 - $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$
- 转换成标准形式
 - $p = p \cup o \cup (\bigcup_{v \in q} v) \cup (p \in q ?\{w\} : \emptyset)$
 - $q = q \cup \{p\} \cup (q \in q ? \{w\} : \emptyset)$
 - $o = o \cup \{v\} \cup (o \in q ? \{w\} : \emptyset)$
 - 等号右边都是递增函数

求解方程组



•
$$p = p \cup o \cup (\bigcup_{v \in q} v) \cup (p \in q ? \{w\} : \emptyset)$$

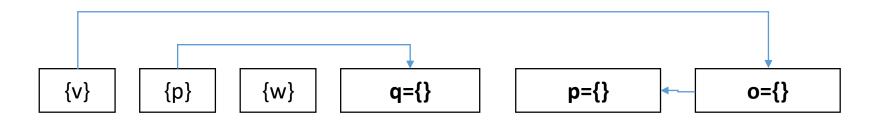
•
$$q = q \cup \{p\} \cup (q \in q ? \{w\} : \emptyset)$$

•
$$o = o \cup \{v\} \cup (o \in q ? \{w\} : \emptyset)$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

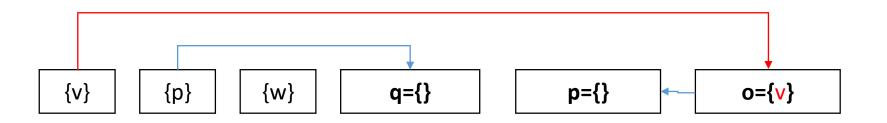


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

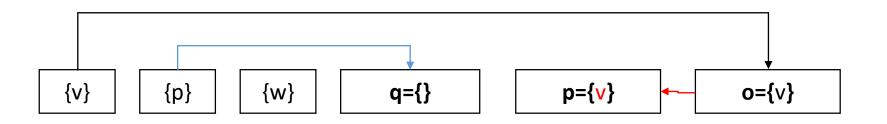


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

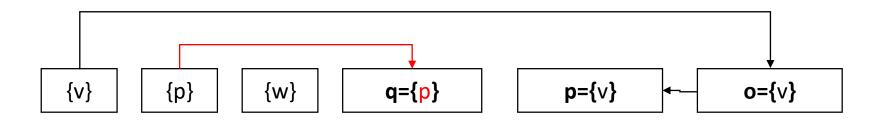


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

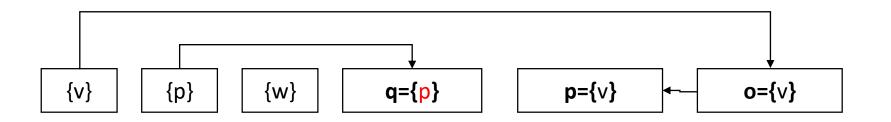


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

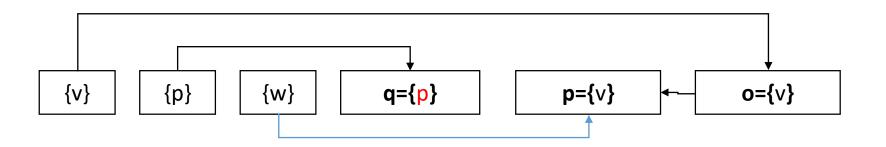


 $\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$ $\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

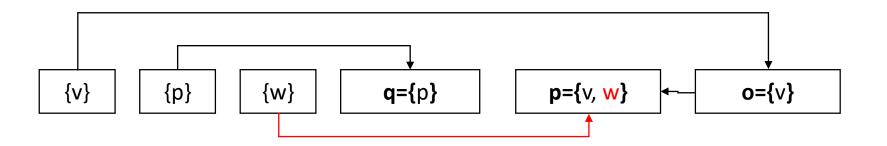


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$



$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$

复杂度分析



- 对于每条边来说,前驱集合新增元素的时候该边将被激活,激活后执行时间为O(m),其中m为新增的元素数量
 - 应用均摊分析,每条边传递的总复杂度为O(n),其中 n为结点数量
- 边的数量为 $O(n^2)$
- 总复杂度为 $O(n^3)$

进一步优化



- 强连通子图中的每个集合必然相等
- 动态检测图中的强连通子图,并且合并成一个集合
- 参考论文:
 - The Ant and the Grasshopper: Fast and Accurate Pointer Analysis for Millions of Lines of Code, Hardekopf and Lin, PLDI 2007

流敏感的指针分析算法



- 如何把Anderson算法转换成数据流分析?
 - 半格集合是什么?
 - 指针变量到内存位置集合的映射
 - 交汇操作是什么?
 - 对应内存位置集合取并
 - 四种基本操作对应的转换函数是什么?





赋值语句	转换函数
a=&b	$f(V) = V[\mathbf{a} \mapsto \{b\}]$
a=b	$f(V) = V[\boldsymbol{a} \mapsto \boldsymbol{b}]$
a=*b	$f(V) = V \left[\boldsymbol{a} \mapsto \bigcup_{\forall v \in \boldsymbol{b}} \boldsymbol{v} \right]$
*a=b	?

流敏感的指针分析算法



赋值语句	转换函数
a=&b	$f(V) = V[\boldsymbol{a} \mapsto \{b\}]$
a=b	$f(V) = V[\boldsymbol{a} \mapsto \boldsymbol{b}]$
a=*b	$f(V) = V \left[\boldsymbol{a} \mapsto \bigcup_{\forall v \in \boldsymbol{b}} \boldsymbol{v} \right]$
*a=b	$f(V) = \begin{cases} \forall v \in \mathbf{a}. V[\mathbf{v} \mapsto \mathbf{b}] & \mathbf{a} = 1 \\ \forall v \in \mathbf{a}. V[\mathbf{v} \mapsto \mathbf{v} \cup \mathbf{b}] & \mathbf{a} > 1 \end{cases}$
	注: 这里不考虑变量没有被初

始化的情况

Weak

Update

Strong

Update

流敏感的指针分析算法



- 传统流敏感的指针分析算法很慢
- 最新工作采用部分SSA来对流敏感进行加速,可以应用到百万量级的代码

• 参考论文:

• Hardekopf B, Lin C. Flow-sensitive pointer analysis for millions of lines of code. CGO 2011:289-298.

堆上分配的内存



- a=malloc();
- malloc()语句每次执行创造一个内存位置
- 无法静态的知道malloc语句被执行多少次
 - 无法定义出有限半格
- 应用抽象的思想
 - 每个malloc()创建一个抽象内存位置
 - a=malloc(); //1
 - $f(V) = V[\mathbf{a} \mapsto \{1\}]$

Struct



```
Struct Node {
 int value;
 Node* next;
 Node* prev;
};
a = malloc();
a - next = b;
a - prev = c;
```

- 如何处理结构体的指针分析?
- 域非敏感Field-Insensitive分析
- 基于域的Field-Based分析
- 域敏感Field-sensitive 分析

域非敏感Field-Insensitive分析



```
Struct Node {
 int value;
 Node* next;
 Node* prev;
};
a = malloc();
a - next = b;
a - prev = c;
```

- 把所有struct中的所有fields当成一个对象
- 原程序变为
 - a'=malloc();
 - a'=b;
 - a'=c;
 - 其中a'代表a, a->next, a->prev
- 分析结果
 - a, a->next, a->prev都有可能指 向malloc(), b和c

基于域的Field-Based分析



```
Struct Node {
 int value;
 Node* next;
 Node* prev;
a = malloc();
a - next = b;
a - prev = c;
b = malloc();
b->next = c;
```

- 把所有对象的特定域当成一个对象
- 原程序变为
 - a=malloc();
 - next=b;
 - prev=c;
 - b=malloc();
 - next = c;
- 分析结果
 - a和a->prev是精确的,但a->next和 b->next都指向b和c

域敏感Field-sensitive分析



```
Struct Node {
 int value;
 Node* next;
 Node* prev;
a = malloc();
a->next = b;
a->prev = c;
```

- 对于Node类型的内存位置x,添加两个指针变量
 - x.next
 - x.prev
- 对于任何Node类型的内存位置x, 拆分成四个内存位置
 - X
 - x.value
 - x.next
 - x.prev
- a->next = b转换成
 - $\forall x \in a, x.next \supseteq b$





• Java上的指向分析可以看成是C上的子集

Java	С
A a = new A()	A* a = malloc(sizeof(A));
a.next = b	a->next = b
b = a.next	b = a->next

基于CFL可达性的域敏感分析



```
y = new B();

m=new A();

x=y;

y.f=m;

n=x.f;

n m ← new A()

put[f] 图上的每条边f同

put[f] 时存在反向边<u>f</u>
```

FlowTo= new (assign | put[f] Alias get[f])*
PointsTo = (assign | get[f] Alias put[f])* new
Alias = PointsTo FlowTo

基于CFL可达性的域敏感分析



```
y = new B();
m=new A();
x=y;
y.f=m;
n=x.f;
n m m new new A()
put[f] 图上的每条边f同时存在反向边<u>f</u>
```

FlowTo= new (assign | put[f] Alias get[f])*
PointsTo = (assign | get[f] Alias put[f])* new
Alias = PointsTo FlowTo

以下文法安全吗?精确吗?

- 1. FlowTo = new FlowTo' FlowTo' = put[f] FlowTo' get[f] | FlowTo' FlowTo' | assign | ϵ
- 2. FlowTo= new (Alias | put[f] Alias get[f])* PointsTo = (Alias | get[f] Alias put[f])* new Alias = PointsTo FlowTo | assign | assign

基于CFL和基于Anderson算法的域敏感分析等价性



基于CFL	基于Anderson算法
$x \xrightarrow{PointsTo} m$	m ∈ x
$m \xrightarrow{FlowsTo} x$	$m \in \mathbf{x}$
$x \xrightarrow{\text{Alias}} y$	$\mathbf{x} \cap \mathbf{y} \neq \emptyset$
$\exists y. y \xrightarrow{PointsTo} n \land y \xrightarrow{puts[f] PointsTo} m$	n ∈ m . f

归纳证明 以上各行左右的等价性

- 从左边推出右边: 在CFL的路径长度上做归纳
- 从右边推出左边: 在集合的元素个数上做归纳

数组和指针运算



- 从本质上来讲都需要区分数组中的元素和分析下 标的值
 - p[i], *(p+i)
- 大多数框架提供的指针分析算法不支持数组和指 针运算
 - 一个数组被当成一个结点

参考文献



- Lecture Notes on Pointer Analysis
 - Jonathan Aldrich
 - https://www.cs.cmu.edu/~aldrich/courses/15-8190-13sp/resources/pointer.pdf
- 《编译原理》12章