Übungsaufgaben II, SBV1

Lukas Fiel, Lisa Panholzer November 20, 2018

2 Übungsaufgaben II

2.1 Resampling und Interpolation

a) Implementierung Resampling

Die Implementierung des Resampling Filters wurde in diesem Abschnitt anhand der Nearest Neighbour Interpolation umgesetzt. Bevor der Filter ausgeführt wird, wird zuerst der Skalierungsfaktor bei dem Benutzer abgefragt. Gibt der Benutzer einen Wert ein, der über 1.0 liegt, wird das Bild vergrößert. Gibt er einen Wert ein, der unter 1.0 liegt wird das Eingangsbild verkleinert.

In dieser Implementierung wird die Umrechnung der Koordinaten anhand der Variante B umgesetzt. Dies bedeutet, dass der Skalierungsfaktor bereits vor der Neuberechnung der Koordinaten angepasst wird, in dem von diesem 1 subtrahiert wird. Das heißt, die neue Koordinate vom skalierten Bild B wird aus der Multiplikation der Koordinate aus dem Originalbild A um den adaptierten Skalierungsfaktor s' berechnet. Dies hat zur Folge, dass sich die Indizes in der Mitte zentrieren. Der Anfang bzw. das Ende des Bild Arrays bleibt hierbei aber weiterhin unterrepräsentiert.

```
; columns
import ii.*:
    import ij.plugin.filter.PlugInFilter;
    import ij.process.*;
    import java.awt.*:
    import ij.gui.GenericDialog;
    public class Resample_ implements PlugInFilter {
       public int setup(String arg, ImagePlus imp) {
                    if (arg.equals("about"))
                             {showAbout(); return DONE;}
                     return DOES_8G+DOES_STACKS+SUPPORTS_MASKING;
            public void run(ImageProcessor ip) {
                     byte[] pixels = (byte[])ip.getPixels();
                     int width = ip.getWidth();
                     int height = ip.getHeight();
                     int tgtRadius = 4;
                     int newWidth = width;
                     int newHeight = height;
```

```
30
                            int[][] inDataArrInt = ImageJUtility.convertFrom1DByteArr(pixels, width,
\begin{array}{c} 31\\ 32\\ 33\\ 34\\ 35\\ 36\\ 37\\ 38\\ 40\\ 44\\ 45\\ 44\\ 45\\ 51\\ 52\\ 55\\ 56\\ \end{array}
                            //first request target scale factor from user
                            GenericDialog dialog = new GenericDialog("user_input");
                            dialog.addNumericField("scale_factor:_", 1.0, 2);
                            dialog.showDialog();
                            if(dialog.wasCanceled()) {
                                       return;
                            double tgtScaleFactor = dialog.getNextNumber();
                            if(tgtScaleFactor < 0.01 || tgtScaleFactor > 10) {
                            newWidth = (int)(width * tgtScaleFactor + 0.5);
                            newHeight = (int)(height * tgtScaleFactor + 0.5);
                            //\ variant\ A\ of\ transformation\ of\ coordinates
                            //double \ scaleFactorX = newWidth / (double)(width);
                            //double scaleFactorY = newHeight / (double)(height);
                            // variant B of transformation of coordinates
                            \mathbf{double} \ \ \mathbf{scaleFactorX} \ = \ (\mathbf{double}) \, (\mathbf{newWidth} \ - \ 1.0) \ \ / \ \ (\mathbf{double}) \, (\mathbf{width} \ - \ 1.0) \ ;
                            \mathbf{double} \ \operatorname{scaleFactorY} \ = \ (\mathbf{double}) \, (\operatorname{newHeight} \ - \ 1.0) \ \ / \ \ (\mathbf{double}) \, (\operatorname{height} \ - \ 1.0)
57
58
                            //information output
                            59
60
                            System.out.println("new_width:_" + newWidth + ",_new_height:_" +

→ newHeight);

61
62
                            int[][] scaledImage = new int[newWidth][newHeight];
63
64
65
66
                            //iterate over all pixel of the scaled image
                            for(int x = 0; x < newWidth; x++) {
                                       for (int y = 0; y < newHeight; y++) {
\begin{array}{c} 67 \\ 68 \\ 69 \\ 70 \\ 71 \\ 72 \end{array}
                                                  //calculate new scaled x and y coordinates
                                                 double newX = (double)(x) / scaleFactorX;
                                                 \label{eq:double_newY} \textbf{double} \text{ newY = } (\textbf{double}) \, (\texttt{y}) \ / \ \text{scaleFactorY} \, ;
                                                 //calculate new result value
                                                 \mathbf{int} \hspace{0.1in} \mathtt{resultVal} \hspace{0.1in} = \hspace{0.1in} \mathtt{GetNNinterpolatedValue} \hspace{0.1in} (\hspace{0.1in} \mathtt{inDataArrInt} \hspace{0.1in},

→ newX, newY, width, height);
73
74
75
76
77
78
80
81
82
83
84
85
86
87
88
                                                  //set new value
                                                 {\tt scaledImage[x][y] = resultVal;}
                                       }
                            //show new image
                 ImageJUtility.showNewImage(scaledImage, newWidth, newHeight, "scaled_img");
                 } //run
                 void showAbout() {
                            IJ.showMessage("About_Template_...",
                                       "this_is_a_PluginFilter_template\n");
                 \} //showAbout
```

```
90
 91
              public int GetNNinterpolatedValue(int[][] inImg, double x, double y, int width,
                   92
                      //round x and y position
 \frac{93}{94}
                      int xPos = (int) (x + 0.5);
                      int yPos = (int) (y + 0.5);
 95
 96
97
98
                       //safety check
                      if(xPos >= 0 \&\& xPos < width \&\& yPos >= 0 \&\& yPos < height) {
                              return inImg[xPos][yPos];
 99
100
                      return 0:
101
102
103
              public int GetBilinearinterpolatedValue(int[][] inImg, double x, double y, int
                     width, int height) {
104
                      //implemented in separate java file
105
106
              }
107
108
     } //class Resample
```

b) Implementierung Bi-Lineare Interpolation

Die Implementierung des Resamplings Filters wurde in diesem Abschnitt anhand der Bilinearen Interpolation umgesetzt. Bevor der Filter ausgeführt wird, wird zuerst der Skalierungsfaktor bei dem Benutzer abgefragt. Gibt der Benutzer einen positiven Wert ein, der über 1.0 liegt, wird das Bild vergrößert. Gibt er einen darunterliegenden Wert ein wird das Eingangsbild verkleinert.

Danach wird die neue Höhe und Breite des Eingangsbildes anhand des Skalierungsfaktor berechnet. Zusätzlich wird der Skalierungsfaktor für die x und y Koordinaten separat berechnet und gespeichert. Anschließend wird anhand einer for-Schleife über alle Pixel des neu angelegten Arrays des skalierten Bildes iteriert.

Neben der neuen Koordinate wird der Pixelwert anhand der Methode GetBilinearInterpolatedValue() berechnet. In dieser werden unterschiedliche Fragemente für die Berechnung des gewichteten Mittelwert aufbereitet. Damit der neue skalare Wert berechnet werden kann, müssen zuerst 4 benachbarten Pixel aus dem Originalbild ermittelt werden. Die Nachbarpixel sind folgende: p1(x+1,y), p2(x,y+t1), p3(x+1,y+1) und p4(x,y).

Um den gewichtet Mittelwert für diesen Pixel zu erhalten werden anhand der Kalkulationsfragmente, den benachbarten skalaren Werten (p1-p4) der gewichtete Mittelwert berechnet werden. Anschließend wird dieser Wert an die Methode retourniert und im skalierten Bild an der aktuellen Koordinate eingefügt.

Test der Implementierung

Um die Implementierung des Resampling Filters anhand der bi-linearen Interpolation zu prüfen, wurden zwei Testbilder inklusive Differenzbilder generiert.

Folgendes Bild wurde um den Faktor 3.0 vergrößert:



Figure 1: Skalierung anhand Faktor 3.0

TODO: Testbild einfügen

Testbild zur bilinearen Interpolation (Skalierungsfaktor 2.0):



Figure 2: Resampling anhand bilinearer Interpolation und Skalierung um Faktor $2.0\,$



Figure 3: Resampling anhand Nearest Neighbor Interpolation und Skalierung um Faktor $2.0\,$



Figure 4: Differenzbild generiert aus Nearest Neighbor und bilinearer Interpolation

Das in Figure 3 dargestellte Bild, stellt die Differenz zwischen dem Testbild das anhand der Nearest Neighbor und der bilinearen Interpolation erstellt wurde. Bei näherer Betrachtung sieht man, dass sich an den Kanten im Bild, weiße Ausprägungen wiederfinden. Dies verdeutlicht, dass die NN Interpolation aufgrund keiner Neuberechnung der Werte, diese nicht so gut wiedergibt. Diese Unterschiede in den skalaren Werten ergeben sich daraus, dass die bilineare Interpolation aufgrund der Verwendung des gewichteten Mittelwerts von 4 Pixeln einen ähnlicheren skalaren Wert ergibt, als bei der NN Interpolation.

```
; columns

| import ij.*;
| import ij.plugin.filter.PlugInFilter;
| import ij.process.*;
| import ij.gui.GenericDialog;
```

```
8
    | public class ResampleBilineareInterpolation_ implements PlugInFilter {
10
               public int setup(String arg, ImagePlus imp) {
11
12
13
14
15
16
17
18
19
20
21
22
23
                          if (arg.equals("about")) {
                                   showAbout();
                                   return DONE;
                          return DOES_8G + DOES_STACKS + SUPPORTS_MASKING;
               } // setup
               \mathbf{public}\ \mathbf{void}\ \mathrm{run}\left(\,\mathrm{ImageProcessor}\ \mathrm{ip}\,\right)\ \{
                          byte[] pixels = (byte[]) ip.getPixels();
                          int width = ip.getWidth();
                          int height = ip.getHeight();
                          int[][] inDataArrInt = ImageJUtility.convertFrom1DByteArr(pixels, width,
                                  height);
\begin{array}{c} 24\\25\\26\\27\\28\\33\\33\\33\\33\\33\\40\\41\\43\\44\\45\\51\\52\\53\\\end{array}
                          int newWidth = width;
                          int newHeight = height;
                          // first request target scale factor from user
                          GenericDialog dialog = new GenericDialog("user_input");
                          dialog.addNumericField("scale_factor", 1.0, 2);
                          dialog.showDialog();
                          // if user has canceled the dialog
                          if \ (\, {\tt dialog.wasCanceled} \, (\, )\, ) \ \{\,
                                   return;
                          //get user input of scale factor
                          double tgtScaleFactor = dialog.getNextNumber();
                          // check range
                          if (tgtScaleFactor < 0.01 | | tgtScaleFactor > 10) {
                                   return;
                          //calculate new width and height with scale factor
                          newWidth = (int) (width * tgtScaleFactor + 0.5);
                          newHeight = (int) (height * tgtScaleFactor + 0.5);
                          // calculate scale factor per dimension (variant a)
                          double scaleFactorX = newWidth / ((double) width);
                          double scaleFactorY = newHeight / ((double) height);
54
                          //information output
                          System.out.println("tgtScale_=_" + tgtScaleFactor + "sX=" + scaleFactorX 

+ "sY=" + scaleFactorY);
System.out.println("new_width_=_" + newWidth + "new_height_==_" +
55
56

→ newHeight);

57
58
59
                          int[][] scaledImg = new int[newWidth][newHeight];
60
                          // fill new result image --> iterate over result image
61
                          for (int x = 0; x < \text{newWidth}; x++) {
                                   for (int y = 0; y < newHeight; y++) {
63
64
65
                                             // calculate new coordinate
                                             double newX = x / scaleFactorX;
double newY = y / scaleFactorY;
66
67
                                              //get bilinear interpolated value
                                             double result Val = GetBilinearInterpolated Value (
```

```
\begin{array}{c} 69 \\ 70 \\ 71 \\ 72 \\ 73 \\ 74 \\ 75 \\ 76 \\ 77 \end{array}
                                                                                                                           //set new rounded value for current location
                                                                                                                          scaledImg[x][y] = (int) (resultVal + 0.5);
                                                                                                }
                                                                      }
                                                                        //show new image
                                                                      ImageJUtility.showNewImage(scaledImg, newWidth, newHeight, "scaled_img_(

⇒ bilinear_interpolation");

   78
79
80
81
                                            } // run
                                            \textbf{public double} \ \ GetBilinearInterpolatedValue(\textbf{int}\ [\ ]\ [\ ]\ \ inImg\ ,\ \ \textbf{double}\ \ x\ ,\ \ \textbf{double}\ \ y\ ,

→ int width, int height) {
   \begin{array}{c} 82\\83\\84\\85\\86\\87\\89\\91\\92\\93\\94\\95\\99\end{array}
                                                                       // calculate the delta for x and y
                                                                      double deltaX = x - Math.floor(x);
                                                                      double deltaY = y - Math.floor(y);
                                                                      // set calculation fregment
                                                                      int xPlus1 = (int) x + 1;
                                                                      int yPlus1 = (int) y + 1;
                                                                       //handling of image edge for x
                                                                      if (x + 1 >= width) {
                                                                                                xPlus1 = (int) x;
                                                                      //handling of image edge for y
                                                                      if (y + 1 >= height) {
                                                                                                yPlus1 = (int) y;
100
101
                                                                       // get 4 neighboring pixels
 102
                                                                      int neighbor1 = inImg[xPlus1][(int) (y)];
103
                                                                      int neighbor2 = inImg[(int) (x)][yPlus1];
104 \\ 105
                                                                      \mathbf{int} \hspace{0.1in} \mathtt{neighbor3} \hspace{0.1in} = \hspace{0.1in} \mathtt{inImg} \hspace{0.1in} [\hspace{0.1in} \mathtt{xPlus1} \hspace{0.1in}] \hspace{0.1in} [\hspace{0.1in} \mathtt{yPlus1} \hspace{0.1in}] \hspace{0.1in} ;
                                                                      int neighbor 4 = inImg[(int) (x)][(int) (y)];
106
107
                                                                      // calculate weighted mean out of neighbors
                                                                      double weighted Mean = ((1 - \text{deltaX}) * (1 - \text{deltaY}) * \text{neighbor4}) + (
\hookrightarrow \text{deltaX} * (1 - \text{deltaY}) * \text{neighbor1})
+ ((1 - \text{deltaX}) * \text{deltaY} * \text{neighbor2}) + (\text{deltaX} * \text{deltaY})
\hookrightarrow * \text{neighbor3});
108
109
110
111
112
113
                                                                     return weightedMean;
114
                                            void showAbout() {
115
                                                                      IJ.show Message ("About\_Template\_...", "this\_is\_a\_PluginFilter\_template \setminus n") is a pluginFilter\_template is a pluginFilter\_temp
116
                                            } // showAbout
\begin{array}{c} 117 \\ 118 \end{array}
                        // class ResampleBilinearInterpolation_
```

c) Implementierung Checker-Board

Die Nearest Neighbor Interpolation bezieht sich in ihrer Berechnung auf keinen neuen skalaren Wert. Es werden jeglich die benachbarten Pixel geprüft,

und der Wert der am Nähesten ist, für den neuen Pixel herangezogen. Die Neuzuweisung schlägt sich auf die Bildqualität wieder, dieser wird bei einer Skalierung pixeliger bzw. kantiger.

Theoretische Überlegung: Da bei dieser Strategie kein komplexer Algorythmus verwendet wird und nur eine Neuzuweisung statt - berechnung stattfindet, ist dieser schneller als die andere Strategie.

Die bilineare Interpolation hingegen bedient sich auch der benachbarten Pixel, berechnet jedoch auf Basis dieser den gewichteten Mittelwert. Dieser Wert ist ähnlicher als zum Beispiel die Zuweisung der NN Interpolation und resuliert daher in einem besseren Bildqualität.

Theoretische Uberlegung: Aufgrund der Verwendung eines komplexeren Algorythmus ist die Laufzeit bei diesem auch länger.

2.2 Klassifizierung mittels Kompression

a) Klassifizierung von Texten

Idee

Aus Texten in 8 verschiedenen Sprachen soll mittels Kompression eine Klassifizierung stattfinden. Zur Testzwecken wurden folgende Datensätze als *.txt Datein in deutsch, englisch, französisch, spanisch, polnisch, ungarisch, bosnisch, und niederländisch vorbereitet:

- Abstract einer wissenschaftlichen Arbeit. Diese hatte den Vorteil dass es eine deutsche und englische Übersetzung gab. Alle weiteren Sprachen wurden aus der englischen Version mittels google translate generiert.
- Wörterbuch mit 10000 deutschen Wörtern. Dieser Datensatz wurde mittels *qoogle translate* in alle anderen Sprachen übersetzt.
- Die erste Seite der Datenschutzrichtlinien von Facebook. Da die Datenschutzrichtlinien in sämtlichen Sprachen abrufbar sind, konnte für alle Sprachen ein passender Datensatz gefunden werden.
- Die erste Seite der Datenschutzrichtlinien von Google. Auch hier waren Daten in allen Sprachen verfügbar.
- Ein Witz der aus dem deutschen mittels google translate in alle andern Sprachen übersetzt wurde.

Zur Weiterverarbeitung wurden den Sprachen Nummern zugeordnet die man folgender Liste entnehmen kann.

- 1 = bosnisch
- 2 = deutsch
- 3 = englisch
- 4 = spanisch
- $5 = \text{franz\"{o}sisch}$
- 6 = niederländisch
- 7 = polnisch
- 8 = ungarisch

Da nach einer Übersetzung die Texte in verschiedenen Sprachen ungleich viele Buchstaben beinhalten ist auch die Dateigröße unterschiedlich. Dies könnte eventuell rechnerisch berücksichtigt werden. Viel einfacher aber ist es, die letzten Buchstaben jedes langen Textes zu ignorieren und so eine einheitliche Länge des Textes zu gewährleisten. Dies wurde mittels eines shell-Skripts erreicht, welches nur die ersten n Bytes eines Files speichert. So konnte für jeden Text eine Datei erzeugt werden die in allen Sprachen den selben Speicherbedarf hat. Der Verlust der letzten Byte ist bei einer Klassifizierung unwesentlich.

Nach einer solchen Normierung der Texte können diese miteinander verglichen werden. Dazu wurde ein Programm in *Octave* geschrieben (siehe Listing a) , welches die Texte der einzelnen Datensätze miteinander vergleicht und in einer Matrix darstellt. Eine qualitativ hochwertige Aussage ob

die Ergebisse statistische Aussagekraft haben, kann mit 5 Datensätzen nicht getroffen werden. Es ist aber sicherlich ein Trend erkennbar.

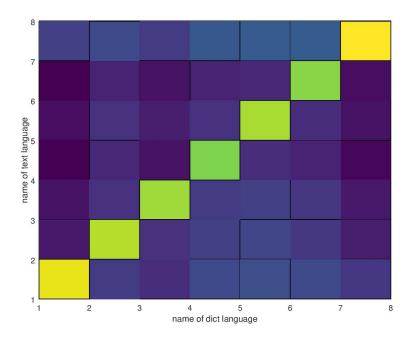


Figure 5: zipDataMatrix

Listing 1: Octave Script zur Darstellung der einzelnen Kompressionsraten.

```
\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{array}
       # clear console, clear variables, close all open figures
      clc
       clear all
  \frac{5}{6} \frac{6}{7} \frac{8}{9}
       close all
       pkg load statistics
      # in this example we will use following languages
 10
      # languages = {"de","en","fr","es","po","un","bo","ne"};
11
12
13
      # please note:copy-pasting windows paths: there are no backslashes in the path
14
      | folderPath = 'cutTestData/*';
15
16
17
      # initialize result matrix
      resultMatrix =zeros(8);
\begin{array}{c} 18\\ 19\\ 20\\ 21\\ 22\\ 3\\ 24\\ 25\\ 26\\ 27\\ 28\\ 29\\ 33\\ 33\\ 34\\ 35\\ 37\\ 38\\ 39\\ 40\\ 41\\ 42\\ 44\\ 44\\ 45\\ \end{array}
      # loop through data folders
       folders = glob(folderPath)
       for x=1:numel(folders)
          [~, folderNameI] = fileparts (folders{x})
          for y=1:numel(folders)
             [~, folderNameJ] = fileparts (folders{y})
             # just calculate matrix for different data sets
              if (!strcmp(folders{x}, folders{y}))
                 \begin{array}{lll} folderPath1 \, = \, [\, folders\, \{x\} & , & {}^{\prime}/{*}\,{}^{\prime}\,]\,; \\ folderPath2 \, = \, [\, folders\, \{y\} & , & {}^{\prime}/{*}\,{}^{\prime}\,]\,; \end{array} 
                filesOfFolder1 = glob(folderPath1);
                {\tt filesOfFolder2\ =\ glob\,(folderPath2\,)\,;}
                # for every element in data folder
                for i = 1: numel(filesOfFolder1)
                   [~, nameI] = fileparts (filesOfFolder1{i});
                   #get file size
                    [\,\mathbf{info}\,,\ \mathrm{err}\,,\ \mathrm{msg}\,]\ =\ \mathrm{stat}\ (\,\mathrm{files}\,\mathrm{OfFolder}\,1\,\{\,\mathrm{i}\,\}\,)\,;
                   file1Size = info.size;
                   #CREATE zip of file
                   tmpFolderPath = nameI;
                    mkdir(tmpFolderPath);
                    copyfile(filesOfFolder1{i},tmpFolderPath);
46
47
48
49
                   \mathtt{firstZipName} \; = \; [\, \mathtt{nameI} \; , \quad \text{``.zip'} \, ]
                   {\tt zip} \, (\, {\tt firstZipName} \,\, , [\, {\tt tmpFolderPath} \,\, , \,\, {\tt '/*} \,\, {\tt '} \,] \,) \,\, ;
                   #get zip size
                    [info, err, msg] = stat (firstZipName);
50
51
52
53
54
55
56
57
                    \mathtt{file1ZipSize} \; = \; \mathbf{info.size} \; ;
                    # calculate compression rate
                    file1CompressionRate = file1Size / file1ZipSize;
                   \# delete zip and folder as we just need the size for calculation
                    {\tt delete} \left( \left[ \, {\tt tmpFolderPath} \; , \; {\tt '/'} \; , {\tt nameI} \; , \; {\tt '.txt'} \, \right] \right) \; ;
                    rmdir(tmpFolderPath);
                    delete (firstZipName);
60
                    for j=1:numel(filesOfFolder2)
                       [\tilde{\ }, nameJ] = fileparts (filesOfFolder2{j});
```

```
zipName = [nameI, nameJ, '.zip'];
                 #create tmp folder in testData folder
                  tmpFolderPath = [nameI, nameJ];
                  mkdir(tmpFolderPath);
                 #copy filesOfFolder1 to folder
                  ['copy_filesOfFolder1_', nameI, '_,_' nameJ , '_to_' , tmpFolderPath];
                  copyfile(filesOfFolder1{i},tmpFolderPath);
                  copyfile (filesOfFolder2 { j } ,tmpFolderPath);
                 # get folder size (add jokeFile size to filesOfFolder1ize)
                  [info, err, msg] = stat (filesOfFolder2{i});
                  file2Size = file1Size + info.size;
                 #zip it and get size of zip
                  zip(zipName,[tmpFolderPath,'/*']);
                  [info, err, msg] = stat (zipName);
                  file 2 Zip Size = info. size;
                 #calculate compression rate
                  compressionRate = file2Size / file2ZipSize ;
                 #calculate exprected rate
                  expectedfile2ZipSize = file2Size * file1CompressionRate;
                  %Matrix(i,j) = (expected file 2 Zip Size - file 2 Zip Size) / file 2 Zip Size;
                 kompressionDict = file1Size / file1ZipSize;
kompressionBoth = file2Size / file2ZipSize;
                  kompressionsDelta = abs(kompressionBoth - kompressionDict);
                  Matrix(i,j) = kompressionsDelta;
 94
95
96
97
98
                 #cleanup - remove tmp folder
['remove_' tmpFolderPath];
                  delete([tmpFolderPath, '/', nameI, '.txt']);
                  delete([tmpFolderPath, '/', nameJ, '.txt']);
                  rmdir(tmpFolderPath);
 99
                  delete(zipName);
100
               endfor
\frac{101}{102}
             endfor
103
104 \\ 105
             resultMatrix = resultMatrix .+ Matrix;
106
                        h=figure()
107
                        imagesc (Matrix)
108
                        view(2)
109
                        xlabel("name of dict language");
110
                        ylabel("name of text language");
111
                        zlabel("compression rates matrix");
112
113
                        tmpImageFolderName = \hbox{\tt ["images/",folderNameI];}
114
                        mkdir(tmpImageFolderName);
115
                        cd (tmpImageFolderName);
116
117
118
119
                        saveas(h, [folderNameJ,".jpg"],"jpg")
                        cd ("../..");
            else # dont calculate anything if the folders are the same
     |#
120 |#
121 |#
122 |
123 |
124 |
             ["skip " folders{x}]
            en di f
        endfor
```

```
125 | endfor
126 |
127 | figure()
128 | surf(resultMatrix)
129 | view(2)
130 | xlabel("name of dict language");
131 | ylabel("name of text language");
132 | zlabel(" diff of compression rates");
133 | 'SUCCESS'
```

b) OPTIONAL – nur für Interessierte/Experten

2.3 Kompression und Code-Transformation

a) Lempel-Ziv Kompression einer Sequenz

Figure a) zeigt die händische Berechnung der Lemper Ziv Kompression. Beim Übertragen ins Protokoll wurde allerdings ein Fehler entdeckt, der in Tabelle 1 korrigiert wurde.



aktuelles	nächstes	Ausgabe	ins	Speicher
Zeichen	Zeichen	(im Wörterbuch?)	Wörterbuch!	
a	b	$N \to a$	ab	256
b	a	$N \to b$	ba	257
a	b	$Y \rightarrow 256$	aba	258
a	b	$Y \rightarrow 256$	abb	259
b	b	$N \to b$	bb	260
b	a	$Y \rightarrow 257$	baa	261
a	a	$N \to a$	aa	262
a	a	$Y \rightarrow 256$	aab	263
b	a	$Y \rightarrow 257$	bab	264
b	a	$Y (257), Y \to 264$	babc	265
\mathbf{c}	c	$N \to c$	cc	266
\mathbf{c}	d	$N \to c$	cd	267
d	d	$N \to d$	$\mathrm{d}\mathrm{d}$	268
d	d	$Y \rightarrow 268$	dda	269
a		$N \to a$		

Table 1: Level Ziv Kompression

In der korrigierten Version ergibt die resultierende Zeichenkette:

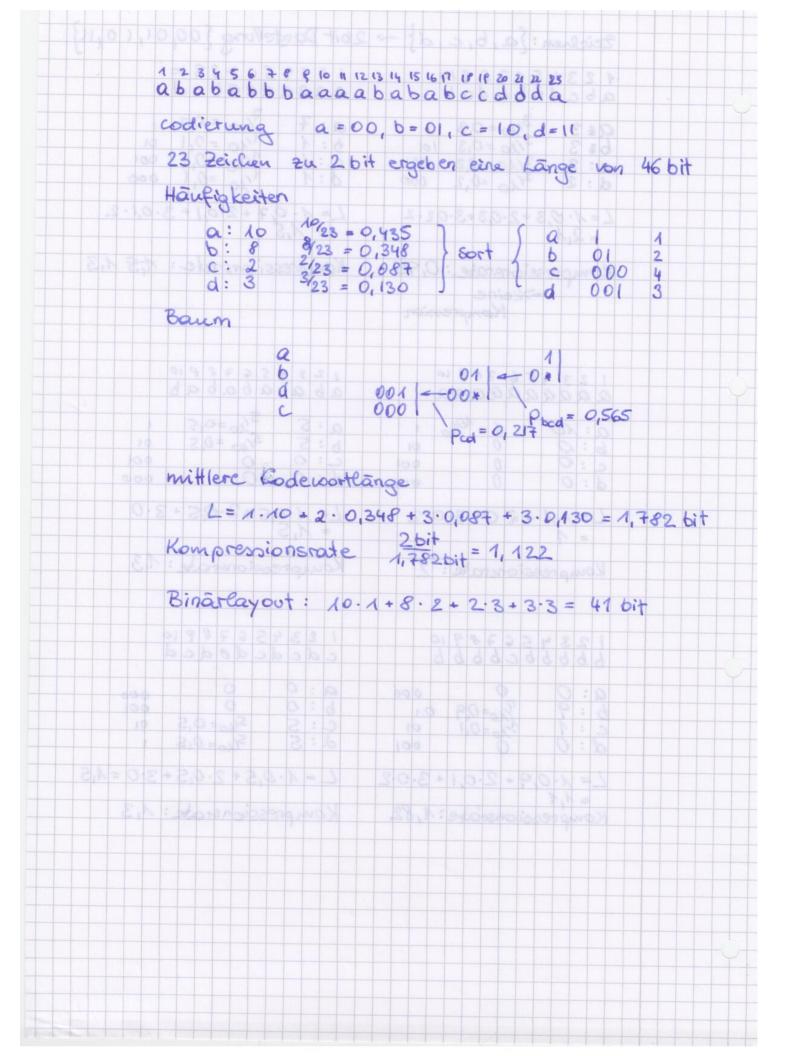
$$[H]KompressionsrateC = \frac{23}{15} = 1.5334 \tag{1}$$

b) Huffmann Coding

Die nächste Seite zeigt die händische Berechnung des Huffmann Baums zum gegebenen Beispiel. Die mittlere Codewortlänge lieght dabei bei 1.869bit.

Weiters kann man auf der darauffolgenden Seite die manuelle Berechnung von 6 Testfällen finden. Es kann gesagt werden, dass die Huffmann Kompression sehr gut geeignet wäre um Daten zu komprimieren, die sehr oft gleich sind. Dabei spielt homogenität keine Rolle, sondern rein die Häufigkeit des Auftretens der Sonderfälle. An diser Stelle sei erwähnt, dass die Information

über solche Sonderfälle nicht verloren geht, sondern einfach mehr Speicher benötigt (verlustfreies Komprimieren).



2 cichen: {a,b,c,d} 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 a b c d a b c d a b 0 8 3 3/10 = 0,3 1 b 8 3 3/10 = 0,3 01 c: 2 2/10 = 0,2 00 d: 2 2/10 = 0,2 00 d: 2 2/10 = 0,2 00 E= 2,1 Kompressionsrate: 0,95 -> keine Kompression	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 a a a a a a a a a a a a a: 10 1 = 10/10 1 b: 0 0 0 001 c: 0 0 0 001 d: 0 0 0 000 L= 1.1 + 2.0 + 3.0.2 = 1 Kounpressionsrate: 2	1234567800 ababababab a:5 5/20=0,5 1 b:5 5/40=0,5 01 c:0 0 000 d:0 0 000 L=1.0,5+2.0,5+3.0 # 1,5
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 b b b b b c b b b b a: 0 b: 9 c: 1 d: 0 0 00 00 00 00 L=1.0,9+2.0,1+3.0.2 Kompressionsrate: 1,82	1 2 3 4 5 6 7 8 P 10 c d c d c d c d c d a: 0 b: 0 c: 5

c) Komprimierung einer Sequenz mittels Runlength Coding

Berechnung der Kompressionsrate

Die nachfolgende Sequenz soll anhand von Runlength Coding händisch komprimiert und die Kompressionsrate ausgegeben werden:

010101111110000011111000101011111 (30 Stellen, n=2 Symbole:0,1)

Die Sequenz wird von links nach rechts codiert, und anstatt der eigentlichen Zeichen die Häufigkeit dieser ausgegeben. Nach der händischen Komprimierung weist die Frequenz folgende Lauflänge auf:

11111554311114 (14 Stellen)

Daraus ergibt sich folgende Kompressionsrate: 30/14 = 2.14

Erweiterung der Symbolmenge

Die Komprimierung von Sequenzen anhand der RLC ist am effektivsten, je homogener der Informationsgehalt ist. Das bedeutet, das bei vielen unterschiedlichen Zeichen die Komprimierungsmethode nicht mehr sinnvoll angewandt werden kann. Bei sehr kurzen Sequenzen kann es sogar zu einer Erhöhung der Zeichenanzahl in dieser kommen.

Wird nun die Anzahl der Symbole erhöht, muss beachtet werden, dass zusätzlich zu der Häufigkeit des Zeichens noch ein Trennsymbol, eine ID bzw. das Zeichen selbst mitgegeben werden muss. Dies wird anhand eines selbst gewählten Beispiels demonstriert.

Folgende Sequenz wird anhand von RLC komprimiert: AAZZBBBBBBBBCCCCCCCDEEEEEEEFFGHIIJJJKLMN (40 Stellen, n=14 Symbole:A,Z,B,C,D,E,F,G,H,I,J,K,L,M,N)

Die komprimierte Sequenz lautet: A2Z2B8C7D1E7F2H1I2J3K1L1M1N1 (28 Stellen)

Daraus ergibt sich folgende Kompressionsrate: 40/28=1,42

Wird eine sehr kurze Sequenz mit einer hohen Anzahl an Symbolen komprimiert, kann es aufgrund des hohen Informationsgehalts dazu kommen, dass die codierte Sequenz länger ist, als die Originale.

Folgende Sequenz wird anhand von RLC komprimiert: AZBBCDEEFFFGHIIJJJKLLLMNOPQRSTU (30 Stellen, n=21 Symbole:A,Z, B,C,D,E,F,G,H,I,J,K,L,M,N,O,P,Q,R,S,T)

Die komprimierte Sequenz lautet: A1Z1B2C1D1E2F3G1H1I2J3K1L3M1N1O1P1Q1R1S1T1 (42 Stellen)

Daraus ergibt sich folgende Kompressionsrate: 30/42=0,71

d) Entropieberechnung

Folgende Sequenz zur Entropieberechnung ist gegeben: 111122661112233334564511211111 (30 Stellen, n=6 Symbole: 1,2,3,4,5,6)

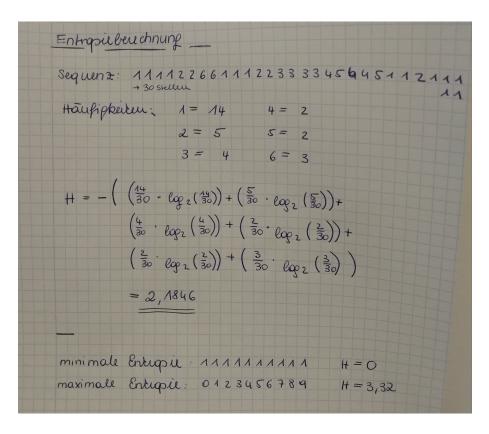


Figure 6: manuelle Entropieberechnung

Nachdem die Häufigkeiten der Symbole erfasst wurde, wurde die Formel der Shannon-Entropie angewandt. Das Ergebnis der Berechnung lautet **2,1846**.

```
Minimale und Maximale Entropie
Bei foglender 10-stelliger Sequenz ist die Entropie minimal: Sequenz: 1111111111 (10 Stellen, n=1 Symbol: 1) H=0
```

Bei folgender 10-stelliger Sequenz ist die Entropie maximal: Sequenz: 0123456789 (10 Stellen, n=10 Symbole: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9) H = 3,32

Auswirkung auf Kompressionsrate

Eine geringe Entropie bewirkt, dass die Sequenz besser komprimierbar ist. Je höher die Entropie, desto schlechter ist die Sequenz komprimierbar. Nicht nur die Auftrittswahrscheinlichkeit hat eine Auswirkung auf die erzielbare Kompressionsrate. Auch die Länge der Sequenz, sowie die Anzahl der Zeichen spielt eine wesentliche Rolle. Je größer diese Faktoren, desto schlechter ist eine Sequenz durch unterschiedliche Kompressionsverfahren bearbeitbar.