

1. Encontre funções f , g , h e r de modo que cada função S abaixo possa ser escrita como $S = f \circ g \circ h \circ r$:

(a) $S(x) = \sin^2(\sqrt{5x+1})$ (b) $S(x) = e^{\cos^3(\ln(x))}$ (c) $S(x) = \ln(\sec^4(x^6))$

2. Seja $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ uma função injetora, definida por $y = f(x)$. Tem-se que $f(0) = -5$, $f(1) = 0$ e $f(3) = 6$. Encontre $f(a)$, sabendo que $f(f(a-2)) = -5$.

R.: 6

3. Considere a função

$$f(x) = \begin{cases} x + 2, & \text{se } x < 0 \\ e^x, & \text{se } 0 \leq x \leq 4 \\ x^2 - 4x, & \text{se } x > 4 \end{cases}$$

- (a) Desenhe o gráfico de f
(b) A função f é invertível? Justifique sua resposta.

4. Sobre as funções logarítmicas:

- (a) Escreva a expressão a seguir como logaritmo de um único termo

$$2 \left[\log(x+3) - \log\left(\frac{x}{2}\right) \right] - \frac{3}{2} \log(x).$$

R.: $\log\left(\frac{4(x+3)^2}{\sqrt{x^7}}\right)$

- (b) Resolva as inequações

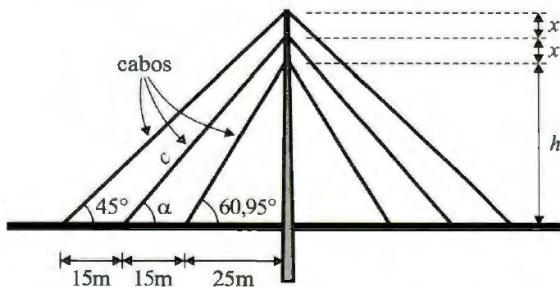
$$\log_2(x-1) + 3 \leq 5 - \log_2(x+1) \text{ e } \log_2\left[\log_{\frac{1}{4}}(x^2 - 2x + 1)\right] < 0.$$

R.: $S = \{x \in \mathbb{R} : 1 < x \leq \sqrt{5}\}$ e $S = \left\{x \in \mathbb{R} : 0 < x < \frac{1}{2} \text{ ou } \frac{3}{2} < x < 2\right\}$

- (c) Encontre o domínio da função $g(x) = \ln\left(\frac{x-1}{3-x}\right)$. Para quais valores de x , no domínio de g , tem-se $g(x) > 0$?

R.: $D_g = (1, 3)$ e $g(x) > 0$, para todo $x \in (2, 3)$

5. A figura abaixo mostra uma ponte estaiada simétrica. Calcule a altura h do cabo interno e o comprimento c do cabo central.



R.: $h = 45\text{m}$ e $c = 64,03\text{m}$

6. Mostre as identidades a seguir:

$$(a) \sec^4(x) - \tan^4(x) = 2\sec^2(x) - 1$$

$$(b) \frac{\sin(x) - \sin(y)}{\cos(x) + \cos(y)} = \frac{\cos(y) - \cos(x)}{\sin(y) + \sin(x)}$$

7. Num triângulo retângulo, a hipotenusa é o triplo de um dos catetos. Considerando x o ângulo oposto ao menor lado, determine $\tan(x) + \sec(x)$.

R.: $\sqrt{2}$

8. Encontre a solução da equação $5^{x-1} = \sqrt[3]{\frac{25}{5\sqrt{5}}}$.

R.: $\frac{7}{12}$