## Evaluation Individuelle TP 2018-2019: Solution Sujet 1

NOM: GPE:

Les données utilisées dans le sujet sont dans le fichier mtcars et les notations décrites dans AideExam.pdf sont à utiliser impérativement ainsi que les notations suivantes :

## **Notations:**

- En 1973 un véhicule est considéré comme économique lorsque mpg>20 et au contraire gourmand lorsque mpg<=20. En 2018 une étude a montré que la proportion de véhicules économiques était  $p_0 = 0.60$  et en 2017 on a montré que la proportion de véhicules gourmands était  $p_1 = 0.35$ .
- On notera p la proportion de véhicules économiques en 1973 et p' celle de véhicules gourmands en 1973. Ces deux paramètres sont inconnus.

## Questions:

1. (3pts) Remplir le tableau suivant donnant les estimations sans biais de p et p' ainsi que les intervalles de confiance de niveau 90% symétriques et calculés par la procédure prop.test:

Paramètre	taille éch.	e.s.b.	Borne Inf IC à 90%	Borne Sup IC à 90%
p	32	0,4375	0,3038	0,5810
p'	32	0,5625	0,4190	0,6962

- 2. (5pts) On veut savoir si la proportion de véhicules économiques était la même en 1973 qu'en 2018.
  - (a) Quel test faites vous ? test no : 3 : test sur une proportion
  - (b) Poser les hypothèses du test :

 $\mathcal{H}_0: \qquad \qquad p=p_0 \qquad \qquad \mathcal{H}_1: \qquad p \neq p_0$ 

- (c) Quelles conditions doit on vérifier si on utilise le test asymptotique (celui programmé sur les calculatrices) :
  - $np_0 = 19, 2 > 10$  et  $n(1-p_0) = 12, 8 > 10$  on peut utiliser le test asymptotique
- (d) Donner la ligne de commande R permettant de réaliser le test avec prop.test et sans correction de continuité:

prop.test(sum(mpg>20),length(mpg>20),p=p0,conf.level=0.9,correct=F)

(e) Que vaut la p-valeur du test et que décide-t-on pour  $\alpha = 5\%$ ?

p-val=6,06% on décide  $p \neq p_0$  car 5% > pvaleur.....

(f) Quel test unilatéral suggère cette conclusion? Donner la commande R permettant de le réaliser: le test unilateral inférieur c. à. d.  $\mathcal{H}_1$ :  $p < p_0$  prop.test(sum(mpg>20),length(mpg>20),p=p0,correct=F,alternative ="less")

- (g) Conclusion littérale de ce dernier test : On peut conclure de façon statistiquement significative (c. à d. pour tout risque de se tromper > 6%) que la proportion de véhicule économiques a augmenté entre 1973 et 2018.
- 3. (8pts) On souhaite à présent savoir si il y a un lien entre nombre de cylindres et nombre de vitesses (marche avant) dans les moteurs de 1973. On notera X la variable aléatoire : nombre de cylindres et Y nombre de vitesses.
  - (a) Calculer les répartitions de Y conditionnellement à X, compléter le tableau suivant et indiquer la commande R utilisée: prop.table(table(cyl,gear),1)

	rep. Y	3	4	5	total
cond. X					
4		0,0909	0,7273	0,1818	1
6		0,2857	0,5714	0,1429	1
8		0,8571	0	0,1429	1

(b) Représenter les trois distributions conditionnelles avec des diagrammes en barres sur un même graphique. Donner la commande R : barplot(prop.table(table(cyl,gear),1),beside=T)

Interpréter : En noir la répartition de gear pour les moteurs à 4 cylindres en gris foncé pour les 6 cyl. et gris clair pour les 8 cylindres : elles sont très différentes les unes des autres. Il y a manifestement un lien entre les deux variables étudiées.

- (c) On veut vérifier l'interprétation précédemment donnée avec un test. Quel test faitesvous ? Test no : **7 : test d'indépendance du chi-deux**
- (d) Compléter

 $\mathcal{H}_0: X$  et Y indépendantes

 $\mathcal{H}_1: X \text{ et } Y \text{ dépendantes}$ 

(e) Compléter le tableau des effectifs **attendus** si  $\mathcal{H}_0$  vraie et indiquer la commande R permettant de les obtenir :

chisq.test(table(cyl,gear))\$expected

	Y	3	4	5	total
X					
4		5.15625	4.125	1.71875	11
6		3.28125	2.625	1.09375	7
8		6.56250	5.250	2.18750	14
total		15	12	5	32

(f) Donner la p-valeur : pval = 0,12% et la conclusion littérale de ce test : On peut conclure avec un faible risque de se tromper (> à 0,12%) que le nombre de cylindres et le nombre de vitesses sont liés.