Lista de Exercícios

Cálculo I

Integrais Indefinidas e o Teorema da Variação Total

Lista referente à seção 5.4, $6^{\underline{a}}$ Edição do Livro de James Stewart, Cálculo - Volume I.

Enunciado para as questões 1 e 3: Verifique, por derivação, que a fórmula está correta.

1.
$$\int \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} dx = \sqrt{x^2+1} + C$$

$$3. \int \cos^3 x dx = \operatorname{sen} x - \frac{1}{3} \operatorname{sen}^3 x + C$$

Enunciado para as questões 6-18: Ache a integral indefinida geral.

6.
$$\int (\sqrt{x^3} + \sqrt[3]{x^2}) dx$$

9.
$$\int (1-t)(2+t^2)dt$$

12.
$$\int (x^2 + 1 + \frac{1}{x^2 + 1}) dx$$

16.
$$\int \sec t (\sec t - \tan t) dt$$

18.
$$\int \frac{\sin 2x}{\sin x} dx$$

Enunciado para as questões 26-44: Calcule a integral.

26.
$$\int_0^4 (2v+5)(3v-1)dv$$

$$32. \int_0^5 (2e^x + 4\cos x) dx$$

$$37. \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{1 + \cos^2 \theta}{\cos^2 \theta} dx$$

41.
$$\int_0^{\frac{1}{\sqrt{3}}} \frac{t^2-1}{t^4-1} dx$$

44.
$$\int_0^{\frac{3\pi}{2}} |\mathrm{sen}x| dx$$

Gabarito

6.
$$\frac{2}{5}x^{\frac{5}{2}} + \frac{3}{5}x^{\frac{5}{3}} + C$$
.

9.
$$2t - t^2 + \frac{t^3}{3} - \frac{t^4}{4} + C$$
.

12.
$$\frac{x^3}{3} + x + \arctan x + C$$
.

16.
$$\tan t - \sec t + C$$
.

18.
$$2\sin x + C$$
.

32.
$$2e^5 + 4\operatorname{sen}(5) - 2$$
.

37.
$$1 + \frac{\pi}{4}$$
.

41.
$$\frac{\pi}{6}$$
.