粗略估算

工程师必备的基本技能

DerbySoft内部分享交流

先抛出几个问题

- 1. 本世纪末的世界人口数量是多少?
- 2. 2014年的元旦北京市的死亡人数是多少?
- 3. 缓存Choice酒店集团所有酒店一年的价格数据需要占用多少计算机内存?
- 4. 上海出租车一年的加油费是多少?
- 5. 本周一9号楼7楼南塔的厕所用水量是多少?

什么是粗略估算

粗略估算是指在已知的有限信息下,对一些似乎算不出来的量,作出合理的估测。

从一个问题开始

一个搬家车(厢式货车)一次能搬运多少

个网球?

从一个问题开始

搬家车的容积(长×宽×高) = 3m×2m×2m=12m³

网球的直径大约7cm

球体体积=4/3πr³

一个网球的体积约为0.0002m³

所以:卡车车厢可容纳12/0.0002=60000个

公式与猜测

粗略估算的两个关键点:公式与猜测

● 公式:是进行估算的整体模型

● 猜测:是对未知信息的合理推测

公式

公式是我们从书本中学习到的知识

比如下面的计算公式

圆的周长=2πr

圆的面积=πr²

球体体积=4/3πr³

猜测

猜测来源于我们的经验

估算要面对的情况更多的是信息的缺乏,需要用我们的经验来进行推测和估计,以补充缺失的信息。

猜测的准确度是可以通过训练来提高的,丰富的生活和工作经验能让你预估的准确度更高。

基本技巧--快速检验

快速判断加法的正误:

3234	8132	2567	3645
+2411	+7518	+3985	+8127
+2545	+4543	+4852	+7812
970	20192	11404	18584

基本技巧--快速检验

- 1. 第一个和的位数过少。
- 2. 第二个和在最低有效位出错。
- 3. 第三个不能明显判断是错误的, 实际是正确的。
- 4. 第四个根据"去九法"可以迅速判断结果是错误的。

基本技巧--去九法/舍九法

去九法判定加、减和乘法的方法如下:

- 写下数式中各数包括答案除以9的余数。
- 把各数的余数依算式运算,看看是否和答案的相同。
- 若相同,答案可能正确。
- 若不同,答案肯定错误。

原理

ABC

=100A+10B+1C

=(99+1)A+(9+1)B+1C

=99A+9B+(A+B+C)

=9M+(A+B+C)

因此可得知:

ABC≡A+B+C (mod9)

所以, 在ABC+DEF=GHI的运算中,

 $ABC+DEF\equiv(A+B+C)+(D+E+F)\equiv G+H+I \pmod{9}$

A+B+C的和, 仍可继续拆解, 以此类推。

验算方法

以19786901×8098678443=160247748582475143为例:

- 1. $19786901 \Rightarrow 1+9+7+8+6+9+0+1=41 \Rightarrow 4+1=5$
- 2. $8098678443 \Rightarrow 8+0+9+8+6+7+8+4+4+3 = 57 \Rightarrow 5+7 =$ $12 \Rightarrow 1+2 = 3$
- 3. $5 \times 3 = 15 \Rightarrow 1+5=6$
- 4. $160247748582475143 \Rightarrow 78 \Rightarrow 15 \Rightarrow 1+5 = 6$

结论:符合去九法的判定规则,可能是正确的。

实际也确实是正确的。

缺点:

- 1. 1236+254≠1265 无法看出数字对调的错误
- 2. 800×9≠720 无法看出多写0的错误

也就是说去九法只能快速验伪,而不能验真

学习效果检验, 请火速找出一个错误的出来

- 1. $273654 \times 254 = 69528116$
- 2. $8011 \times 191 = 1530101$
- 3. 9326754 + 8143569 = 17471323
- 4. 54327393 + 73236393 = 127563786
- 5.81189 + 32679 = 113868

单位和量纲

单位:量度各种物理量数值大小的标准量。如长度单位m和cm等。—"量"的表征。

 量纲:是指撇开单位的大小后,表征物理量的性质和 类别。比如长度量纲为[L]。—"质"的表征。

量纲

- 基本量纲:具有独立性的,不能由其他量纲推导出来的量纲叫做基本量纲。国际单位制七个基本量纲: 长度L、质量M、时间T、电流I、温度Θ、物质的量N和光强度J。
- 2. 诱导量纲:是指由基本量纲推导出来的量纲。

量纲检验是检验几何或物理等式的快速而有效的方法。

第一个法则:式中各项的量纲必须相同,这个量纲同时也是最终求和结果的量纲。

【可以把秒相加得到秒,但是不能把秒和公斤相加】

2. 第二个法则:乘积的量纲是各乘数量纲的乘积。

【(公里+公里)×公里×公里/天=公里³/天】

譬如,如下一个匀加速运动的路程公式:

$$s = vt + \frac{1}{2}at$$

譬如,如下一个匀加速运动的路程公式:

$$s = vt + \frac{1}{2}at$$

用量纲一检查:

$$[s] = L$$
, $[v][t] = L$, $[a][t] = LT^{-1}$

显然最后一项错了, 应该是 t^2

公式中数字系数正确与否, 不能用量纲检验出来

基本技巧--72法则(经验法则)

金融版本的"72法则"描述:

假如以年利率为r%投资一笔钱y年,如果rxy=72,那么你的收益将差不多翻倍。

这个法则相当精确, 误差在10%以内。

基本技巧--72法则--举例

1.以年利率6%投资1000美元12年,可得到约2000美元(实际数字是2012美元)。

2.以年利率8%投资1000美元9年,可得到约2000美元(实际数字式1999美元)。

基本技巧--72法则--举例

一个盘子里有100只菌, 菌群以每小时3%的速率增长, 一个 月后盘子里有多少只菌?

根据72法则, 24小时菌群数量会翻倍, 10天翻的倍数就是2的10次方, 程序员的经验法则: 2¹⁰=1024, 30天翻的倍数就是2¹⁰×2¹⁰×2¹⁰=10亿倍

所以一个月后盘子里的菌数量为:100×10亿=1000亿

本世纪末(2100)世界人口数

首先, 写公式, 建立求解模型

设N年的世界人口数量为C, 世界人口平均年增长率为R,则有2100年的世界人口数X:

 $X = C \times (1+R)^{(2100-N)}$

本世纪末(2100)世界人口数

根据世界人口统计:

2012年世界人口达到70亿

世界人口平均年增长率为0.8%

则有, N = 2012, C = 70亿, R = 0.8%,

 $X = C \times (1+R)^{(2100-N)} = 70 (Z \times (1+0.8\%)^{92} = ?$

本世纪末(2100)世界人口数

更简单的计算方式:

根据72法则,需要72/0.8=90年,也就是大约到2102年,世界人口会翻一倍,达到140亿;

考虑人口的增长率是下降趋势, 所以, 可以考虑乘以一个安全系数(0.8), 最后可以预测本世界末世界人口数将在100到120亿之间。

Little定律

队列中物体的平均数量为进入速率与平均停留时间的乘积(假定进入速率与离开速率平衡)

 $N = V \times T$

Little定律举例

假设你正在排队等待进入一个火爆的餐馆. 根据 你的经验和观察. 你可以估算:"这个餐馆有50个 桌子. 每桌就餐时间为2小时. 因此进入餐馆的速 率为25桌/小时。现在你取的排号前面还有25桌. 这意味着你需要等待大约一个小时的时间才能进 入"

北京每天的死亡人数

写公式,建立求解模型

设在某个时间点北京的人口数为C, 每天的死亡率为R, 北京每天的死亡人数为X,

则有,

 $X = C \times R$

北京每天的死亡人数

人口数(C)

2014年北京人口是2200万左右

死亡率(R)

北京人的平均寿命为80岁, Little定律告诉我们, 北京人口年死亡率为1/80. 天死亡率为1/80/365

北京每天的死亡人数

所以, 北京每年的死亡人数为:

 $X = C \times R = 2200万/80 = 27.5万人$

每天的死亡人数为:

 $X = C \times R = 2200万/80/365 = 753人$

安全系数

安全系数用以补偿我们的知识局限、估算参数时的偏差和对问题的认识不足。

安全系数

关于布鲁克林大桥(Brooklyn Bridge)

布鲁克林大桥是美国最老的悬索桥之一,建于 1883年。同代人设计的悬索桥已经全部垮掉了, 为什么布鲁克林大桥到现在都没有垮掉呢?

安全系数

因为这个桥的设计者John Roebling是个优秀的工程师,他知道悬索桥有气动上升现象,他也知道自己的知识的局限性,不清楚如何为之建模,于是他将桥车行道的托架强度按照正常计算结果的6倍进行设计。

也就是说,他通过使用很大的安全系数来补偿自己的知识局限,从而建造了一座百年没垮的高质量大桥。

缓存Choice酒店集团价格

缓存Choice酒店集团所有酒店一年的价格数据需要占用多少计算机内存?

缓存Choice酒店集团价格

缓存Choice酒店集团所有酒店一年的价格数据需要占用多少 计算机内存?

设Choice酒店集团一共有N家酒店,每家酒店一天的价格数据占用内存X(MB),存储所有酒店一年的价格数据所需内存为Y,则有:

 $Y = X(MB) \times 365 \times N$

Choice酒店数为7500, N = 7500

基础知识

1B = 8bit

1KB = 1024B

1MB = 1024KB

1GB = 1024MB

1TB = 1024GB

一个英文字符占用一个字节(B)内存

如果我们用字符串存储价格数据

一个房型和一个价格计划一天的价格占的字符串 长度为 50

设每家酒店有M个房型, 有N个价格计划,

则有, 一家酒店一天的价格数据占用内存:

 $X = 50(B) \times M \times N$

根据经验我们预估每家酒店房型数为:8

每家酒店价格计划数为:8

 $X = 50(B) \times 8 \times 8 = 3200(B) = 0.003(MB)$

一家酒店一年的价格数据所占内存为:

 $0.003(MB) \times 365=1(MB)$

Choice所有酒店一年的价格数据所占内存:

$$Y = X(MB) \times 365 \times N = 1(MB) \times 7500$$

= 7500(MB) = 7.5(GB)

为安全起见可以考虑适当乘以一个安全系数, 比如1.2,

那我们就可以预估缓存Choice所有酒店一年的价格数据所需的内存为:

$$Y = 7.5(GB) \times 1.2 = 9(GB)$$

2014年初一个出租车司机告诉你, 他的新出租车 去年一年的加油费花了40W, 你认为这个出租车 司机的话可信度高吗?

我们可以大概随便算算, 出租车一般是两班倒

加油费:40W

每个出租车每年上交公司费用:12W

两个司机的年收入:8W + 8W = 16W

出租车每年的收入至少达到:40W + 12W + 16W = 68W

出租车每天的收入应为: 68W / 330 = 2000元

我觉得出租车平均每天这个收入基本是达不到的

那如果他告诉你一年的加油费花了 30W, 你认为可信度高吗?

我们换一种方式再来算算

加油费:30万

2013年油价:7.6元/升

出租车油耗:100公里/10升

30万的油钱能跑的公里数为:

30W/7.6元/升 × 100公里/10升 = 40W公里 也就是说这个出租车一年要跑40W公里

那如果他告诉你是20W呢?

出租车一年要跑的公里数为:

20W / 7.6 × 100 / 10 = 26W公里

你认为上海出租车一年的加油费多少是比较合理的?

估测出租车每天跑500公里, 每年正常工作330天,

出租车一年的行驶公里数为:500公里 × 330 = 17W公里

这个值合理不合理呢?这里有另外一个数据佐证一下:

上海一个新的出租车运营4年下线,而下线时行驶的公里数一般在50W—80W公里,所以一年17W公里算是比较合理的

你认为上海出租车一年的加油费多少是比较合理的?

有了一年行驶17W公里的数据,加油费就比较容易算出了设加油费为X,则有:

X / 7.6 × 100 / 10 = 17万公里 => X = 13万元

也即,2013年上海出租车一年的加油费不超过13万元是合理的,当然,生意异常火爆的会有例外,但是也不应该超过太多。

本周一9号楼7楼南塔的厕所用水量是多少?

计算公式:

Y = Y1 + Y2

 $Y1 = X1 \times C \times N1 ; Y2 = X2 \times N2$

X1为每个人的入厕一次的平均用水量, C为每个人每天入厕的次数, N1为7楼南塔的办公的总人数, X2为洗一次饭盒的用水量, N2为洗饭盒的人数。

先算Y1, 所需的几个关键点:

- 7楼人数:N1 = 120
- 成人每天工作时间入厕次数:C = 4
- 每个人的入厕一次的平均用水量:

X1 = 10L (马桶冲水量一次大约6L)

 $Y1 = X1 \times C \times N1 = 10L \times 4 \times 120 = 4800L$

再算Y2, 所需的几个关键点:

• 7楼每天中午带饭人数的比例为30%, 带饭的

人数为: N2 = 120 × 30% = 36

● 洗一次饭盒的用水量:

X2 = 20L (可以根据流水速度和洗饭盒时间算的更精确一点)

 $Y2 = X2 \times N2 = 20L \times 36 = 720L$

本周一9号楼7楼南塔的厕所用水量是多少?

Y = Y1 + Y2 = 4800L + 720L = 5520L

考虑一个安全系数:1.2,则有总用水量

 $Y = 5520L \times 1.2 = 6600L$

粗略估算的意义

粗略估算是一种把复杂的事情简单化的能力,也是工程师必备的基本技能。

Thank You

End

联系我 朱攀(Panos.Zhu) panos.zhu@gmail.com panos.zhu@derbysoft.com