

# Geschäftsprozess-Management

Prof. Dr.-Ing. Andreas Ittner

Email: [ittner@hs-mittweida.de](mailto:ittner@hs-mittweida.de)

WWW: [www.andreas-ittner.de](http://www.andreas-ittner.de)

Tel.: +49(0)3727-58-1288

Mob.: +49(0)177-5555-347

- Motivation
- Prozesse und Prozess-Management
  - Geschäftsprozesse, Workflow-Prozesse
  - Prozessdesign, Prozessverbesserungen
- Prozess-Modellierung
  - Zweck, Modellierungselemente und –sprachen
  - Petri-Netze, EPKs, BPMN, ...
- Prozess-Analyse
  - Struktur-, Verhaltens-, Erreichbarkeits- und Performance-Analysen
  - Simulation
- Workflow-Management-Systeme
  - Historie, Infrastruktur, Implementierungen, Standards

## Gliederung:

1. Einführung in die Modellierung,
2. Geschäftsprozess-Modellierung
3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen,
4. Petrinetze formal,
5. High-level Petrinetze,
6. Grundregeln der EPK-Modellierung,
7. Verknüpfungsoperatoren bei EPK,
8. Erweiterte EPK und ARIS,
9. EPK vs. Petrinetze,
10. BPMN.

### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen



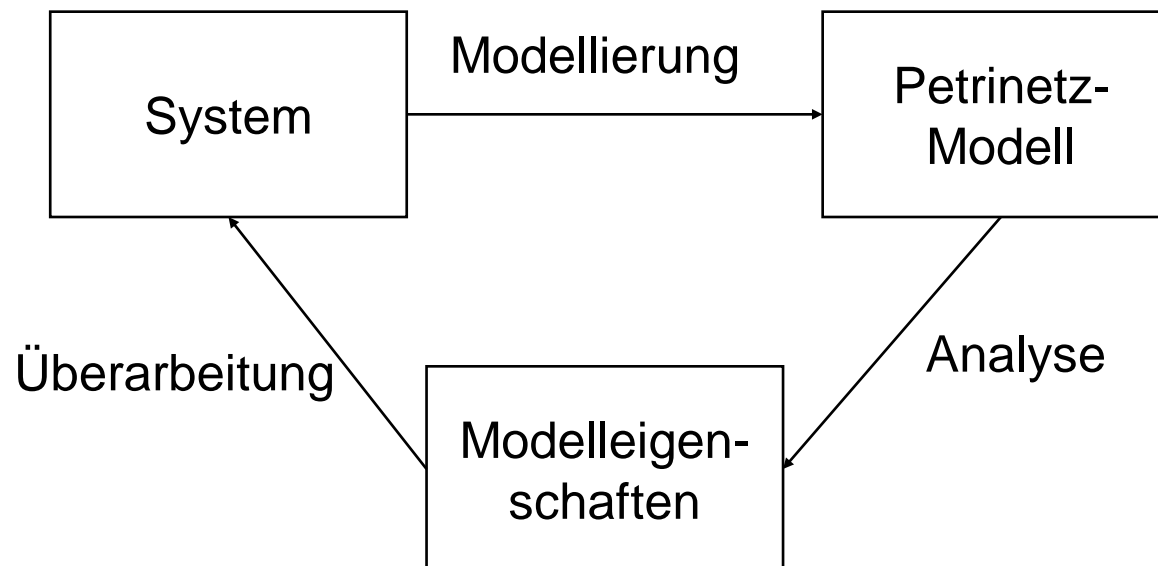
#### Was sind Petrinetze?

- Ursprung: Dissertationsschrift "Kommunikation mit Automaten" von Carl Adam Petri (1962),
- Seither: mehr als 10.000 Arbeiten auf dem Gebiet,
- bis 1985: hauptsächlich von Theoretikern benutzt,
- seit Mitte der 80er Jahre: vermehrter Einsatz in praktischen Anwendungen,
- Gründe:
  - Einführung der High-Level-Netze,
  - Entwurf von Werkzeugen.
- Petri Nets World: <http://www.informatik.uni-hamburg.de/TGI/PetriNets/>
- Petrinetz-Applet: [http://wwwis.win.tue.nl/~wvdaalst/workflowcourse/pn\\_applet/pn\\_applet.htm](http://wwwis.win.tue.nl/~wvdaalst/workflowcourse/pn_applet/pn_applet.htm)

### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

#### Warum Petrinetze?

- dienen zur Modellierung, Analyse, Simulation von dynamischen Systemen mit nebenläufigen und nichtdeterministischen Systemen,
- erlauben die Beschreibung von Kontroll- und Datenfluss.



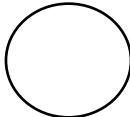


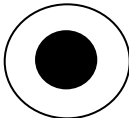
### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

#### Gründe

- graphischer Formalismus,
- formale Syntax und Semantik,
- explizite Darstellung von Zuständen,
- herstellerunabhängig,
- viele Analyseverfahren und –werkzeuge.

### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

**Ein Petrinetz (gerichteter, bipartiter Graph) besteht aus**

- Stellen (passive Komponenten), 
- Transitionen (aktive Komponenten), oder 
- Verbindungen/Kanten zwischen Stellen und Transitionen, 
- Marken in Stellen (Ablaufmechanismus) 

### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

- Stellen (haben eine Kapazität\*)
  - Bedingungen, Medien,
  - Materialbehälter, Datenspeicher,
  - Puffer, Nachrichtenkanäle, ...
- Transitionen
  - Ereignisse, Aktionen, Handlungen,
  - Transporte, Transformationen,
  - Anweisungen, Programme, ...
- Verbindungen/Kanten
  - Vor- und Nachbedingungen von Aktivitäten,
  - Start und Ziel von Transporten,
  - Eingabe und Ausgabe von Programmen, ...


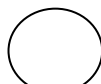
\* haben Stellen die Kapazität 1, sprechen wir von einem Bedingungs-/Ereignis-Netz



### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

- Marken
  - Zustände einer Bedingung, Gültigkeit von Bedingungen,
  - Füllungsgrad von Speichern,
  - Daten auf Datenträgern,
  - Nachrichten in Puffern, ...
- Markierungen
  - lokale Zustände,
  - Gesamtzustände.

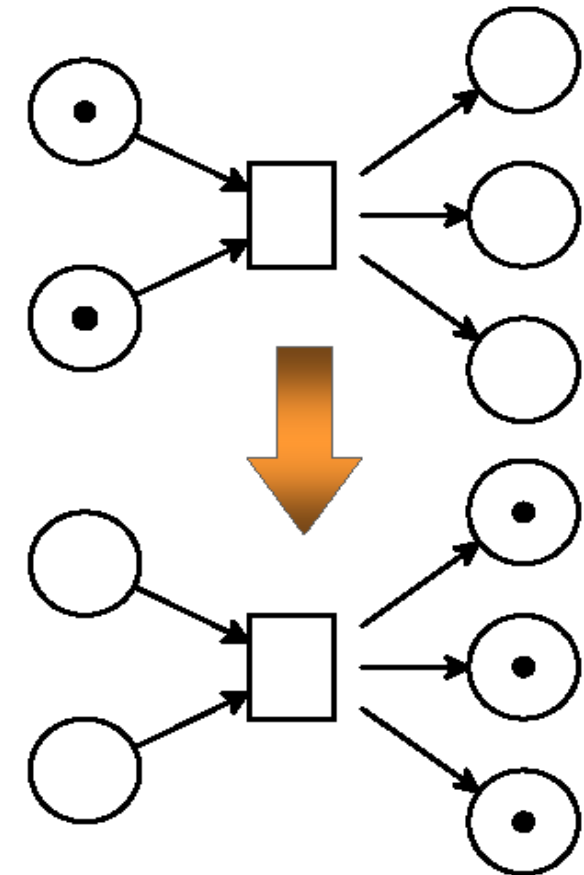
### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

- Eine Bedingung ist entweder
  - erfüllt  oder
  - nicht erfüllt 
- Ein Ereignis hat
  - Vorbedingungen  $(\bigcirc \rightarrow \square)$  und
  - Nachbedingungen  $(\square \rightarrow \bigcirc)$

### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

#### Das Verhalten

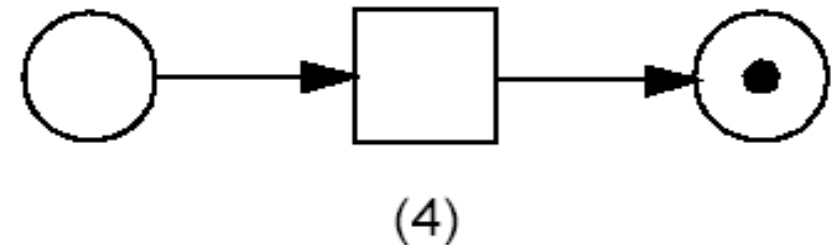
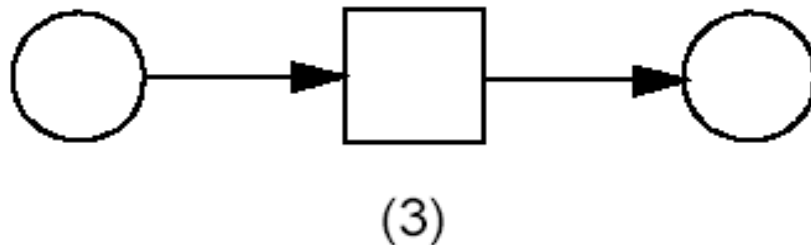
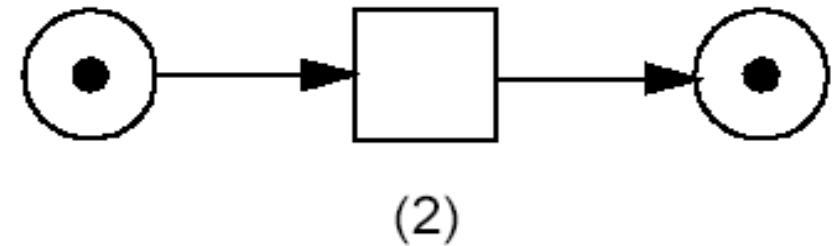
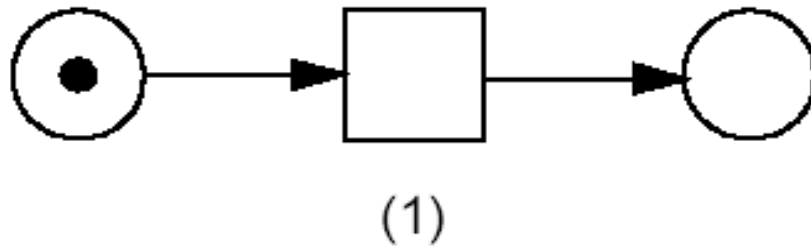
- Ein Ereignis ist aktiviert, wenn
  - alle Vorbedingungen erfüllt und
  - alle Nachbedingungen nicht erfüllt sind.
- Ein Ereignis tritt ein („schaltet“)\*, d.h.
  - alle Vorbedingungen werden auf nicht erfüllt und
  - alle Nachbedingungen auf erfüllt gesetzt.



\* Oft spricht man auch davon, dass eine Transition „feuert“.

### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

#### Schaltbare Ereignisse in einem Bedingungs-/Ereignis-Netz?



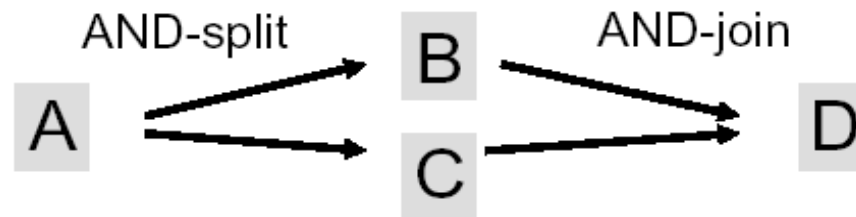
#### Kurze Erinnerung: Routing von Fällen:

- A, B, C, D - Aufgaben

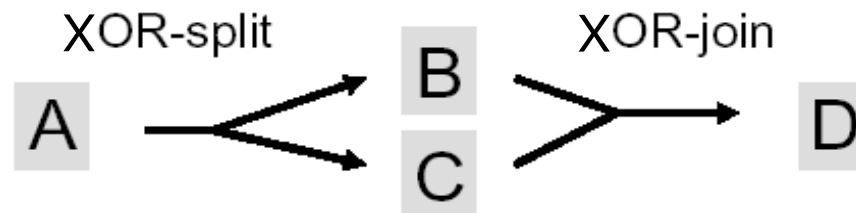
- sequentiell



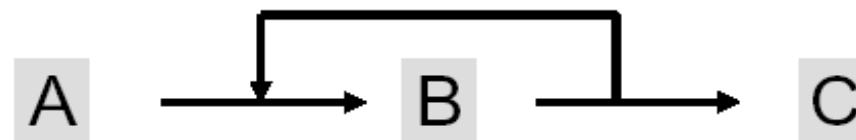
- parallel



- alternativ

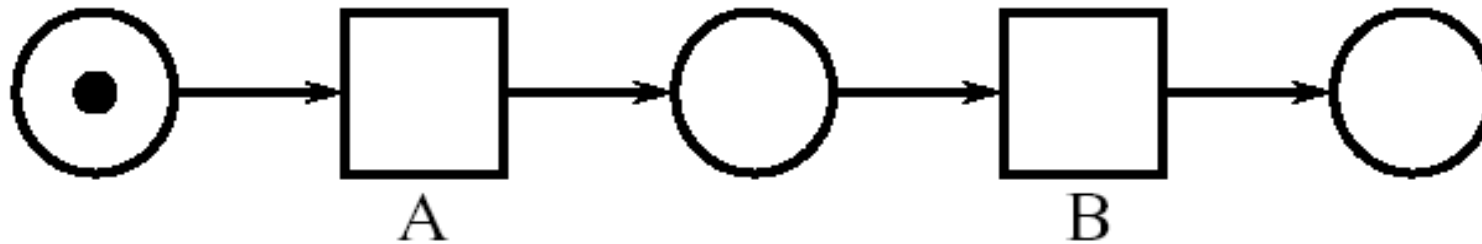


- iterativ



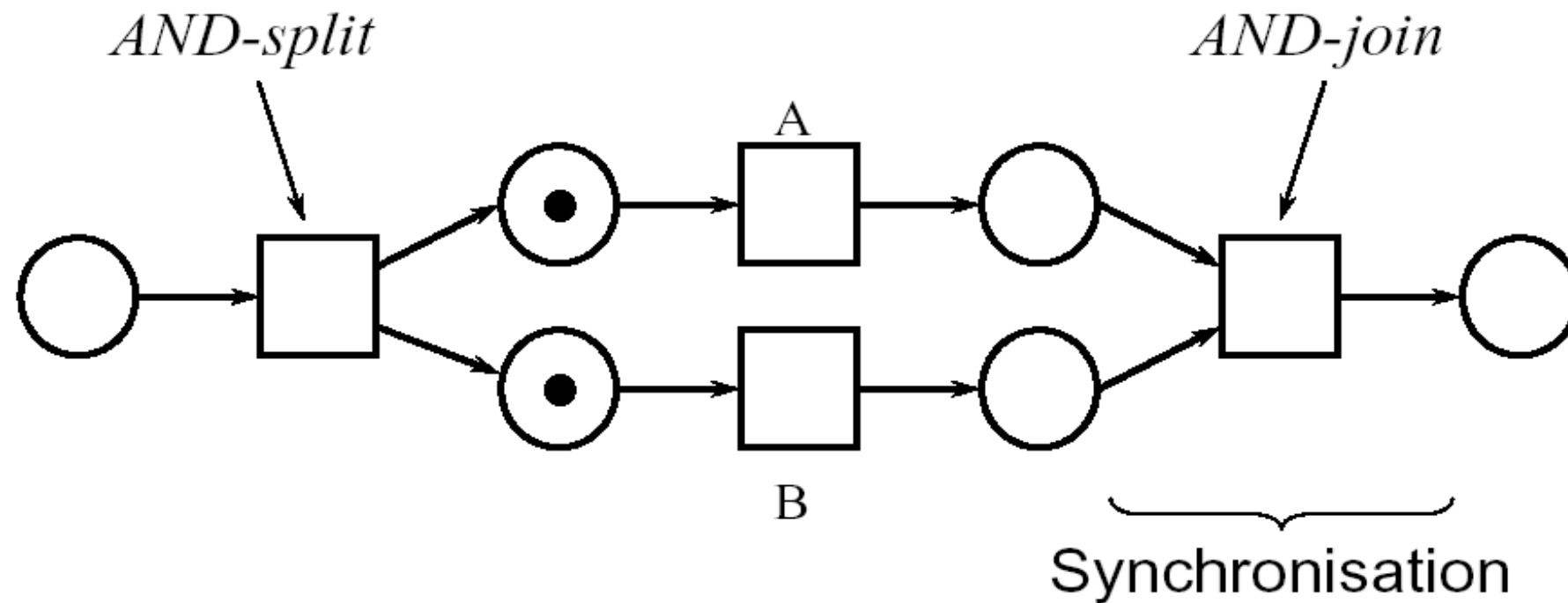
### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

Sequentielles Routing „Erst A, dann B“



### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

Paralleles Routing „A und B nebenläufig“

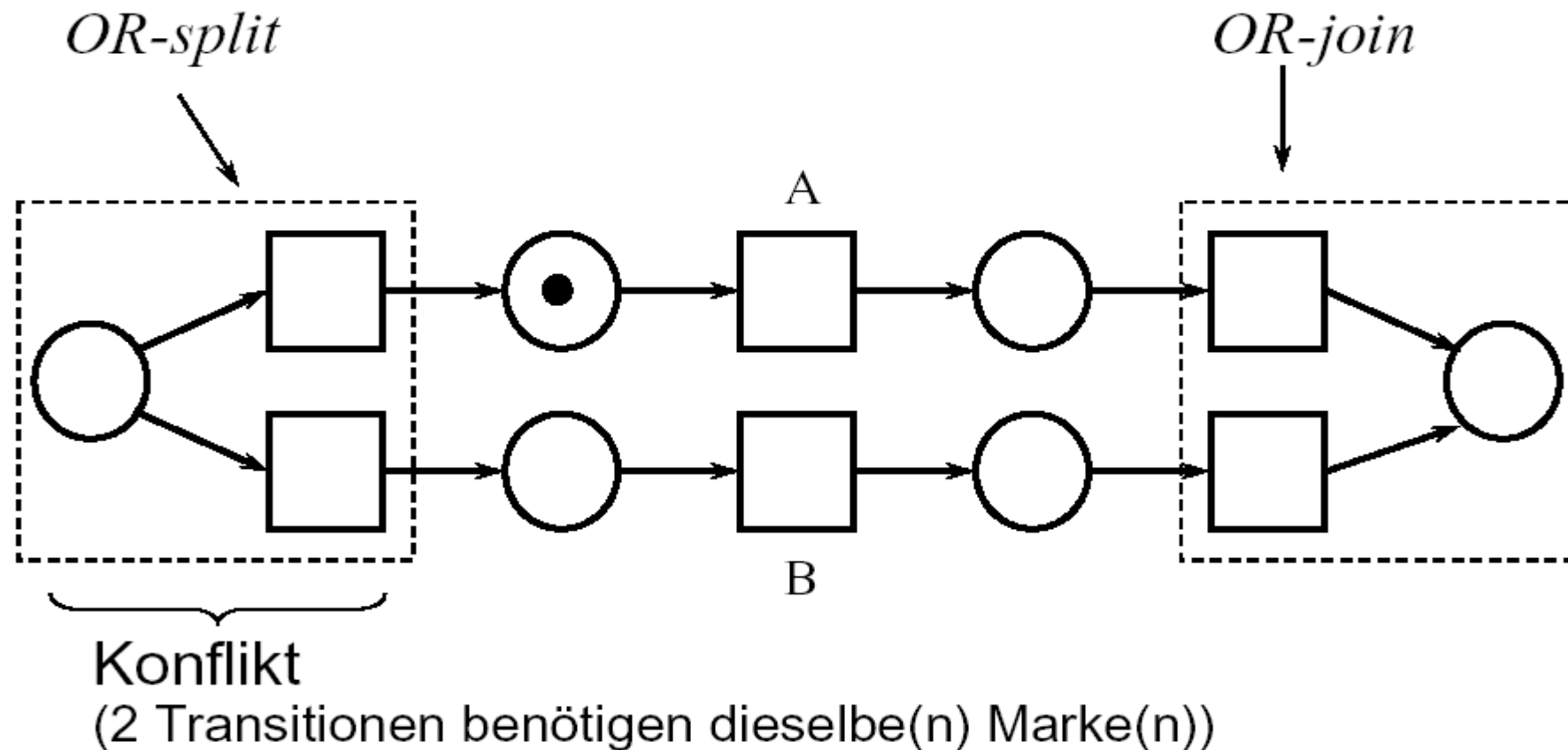


### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

Auswahl (I)

„A oder B“

Implizite Auswahl: hängt von A und B ab (d.h. die genaue Verzweigung steckt implizit in den Transitionen)



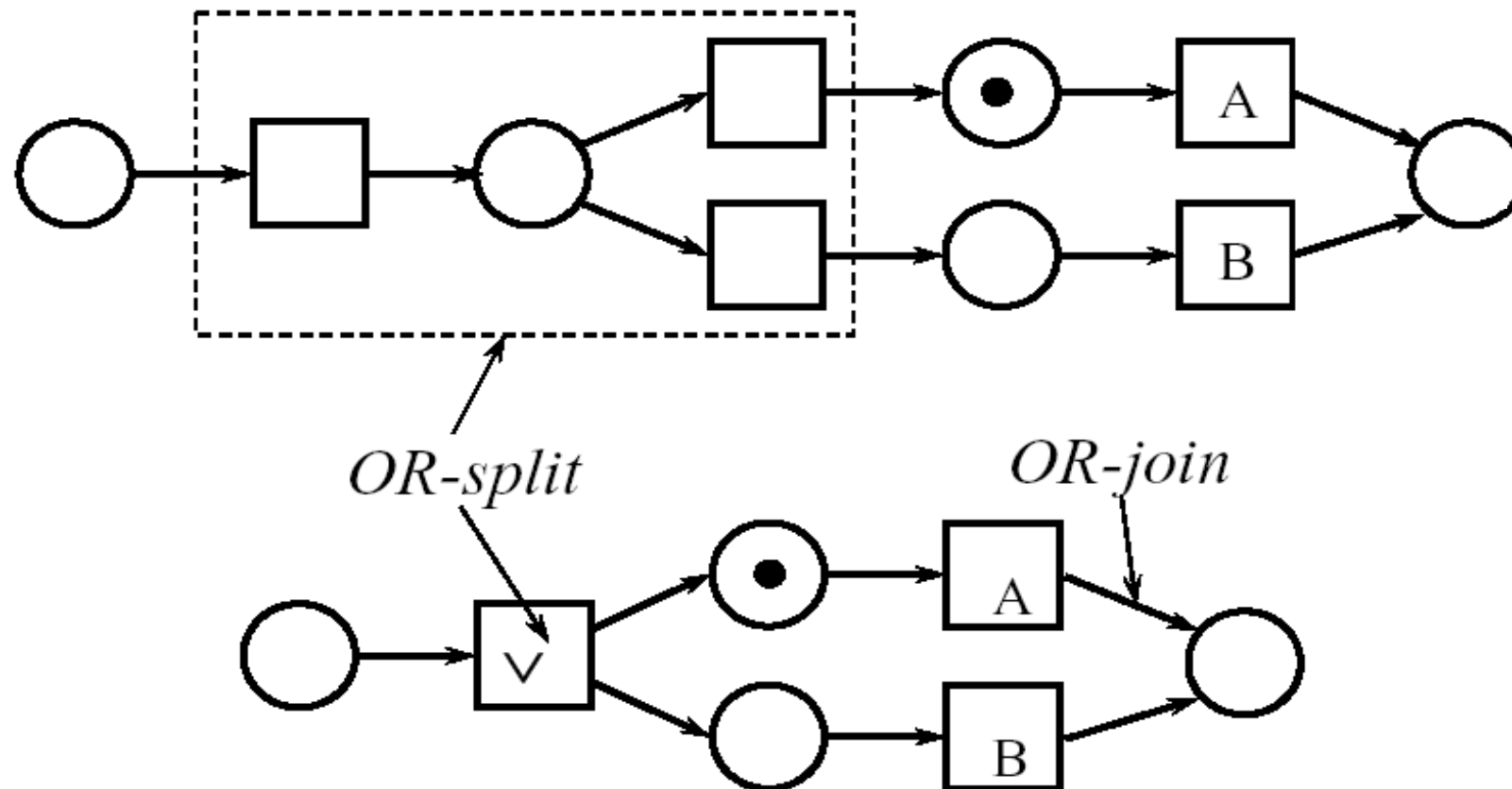


### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

Auswahl (II)

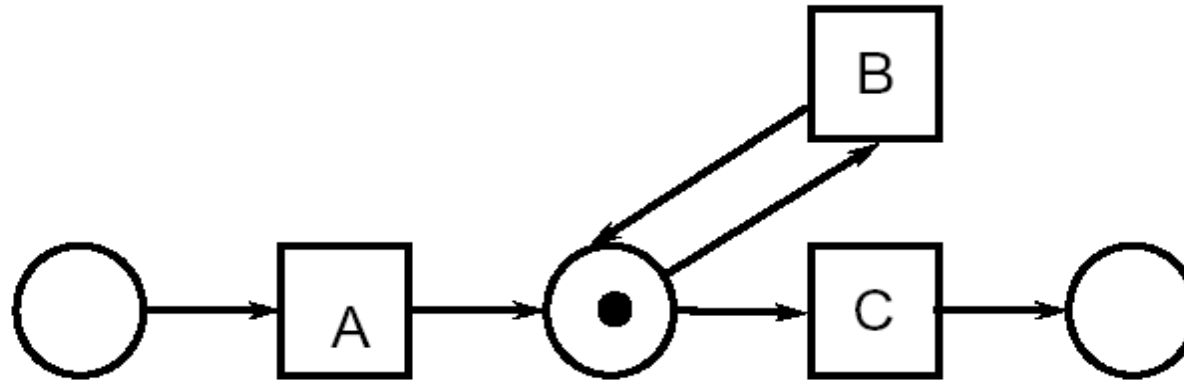
Modellierung expliziter Auswahl:

Explizite Auswahl hängt nicht von A und B ab.

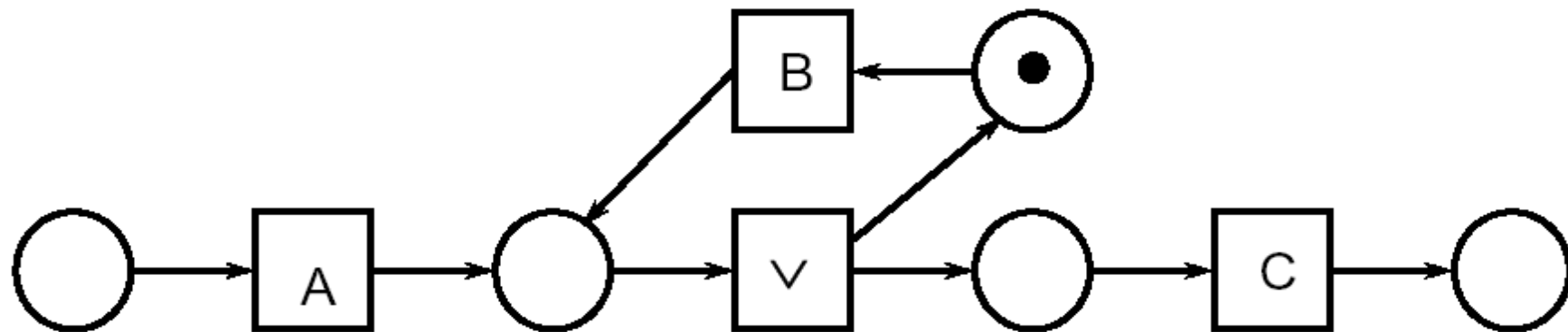


### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

Iteration

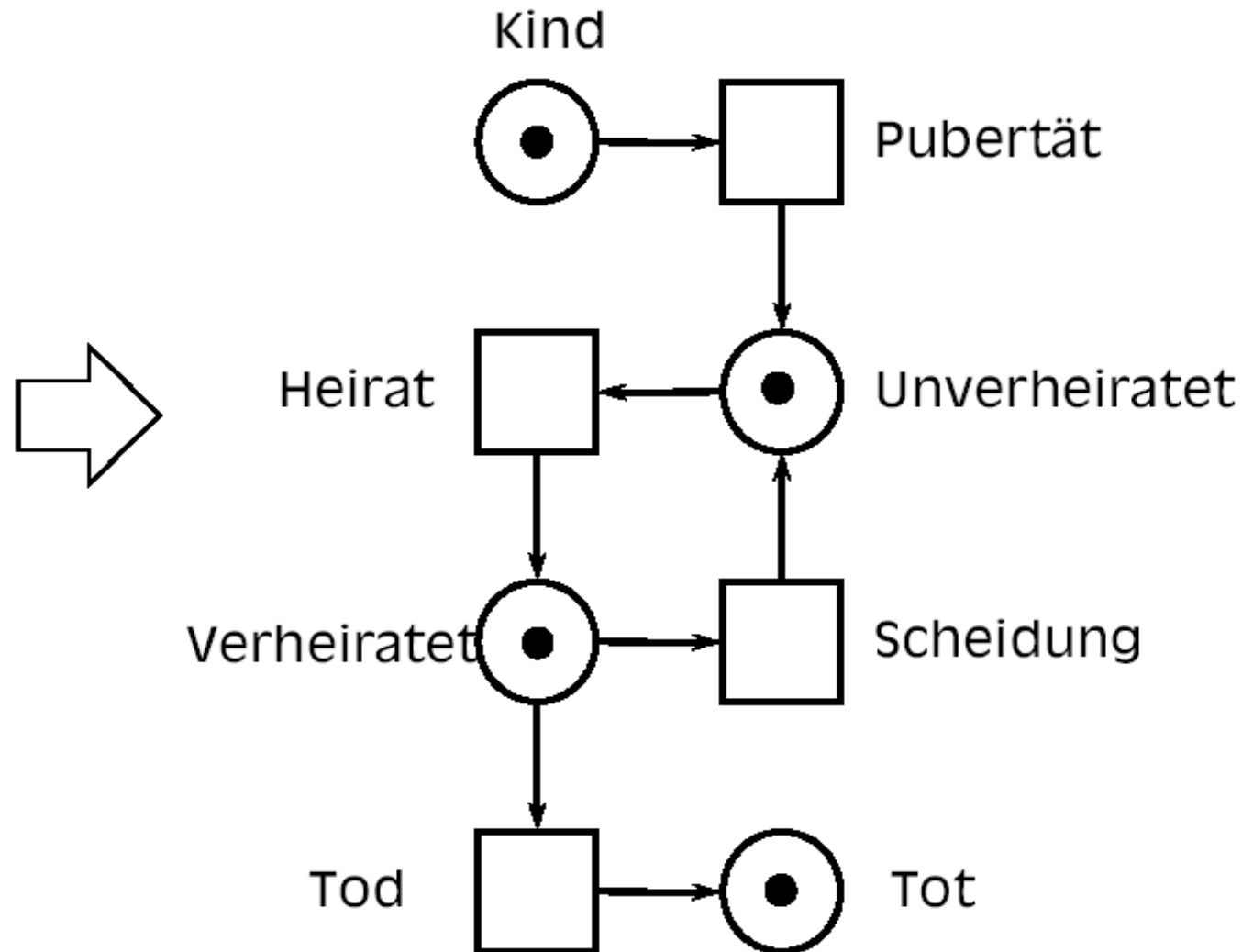


oder



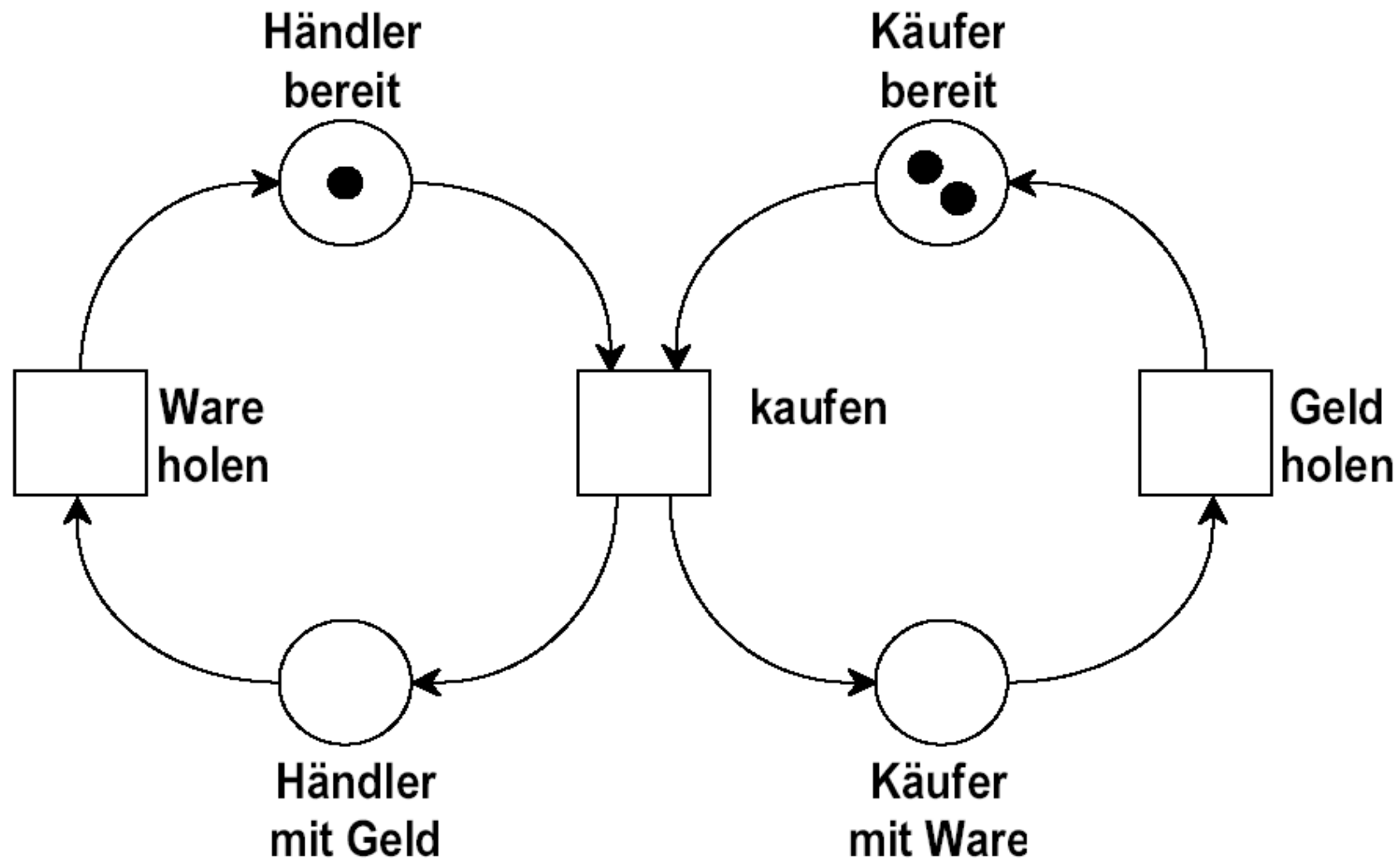
### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

#### Beispiel: Lebenszyklus



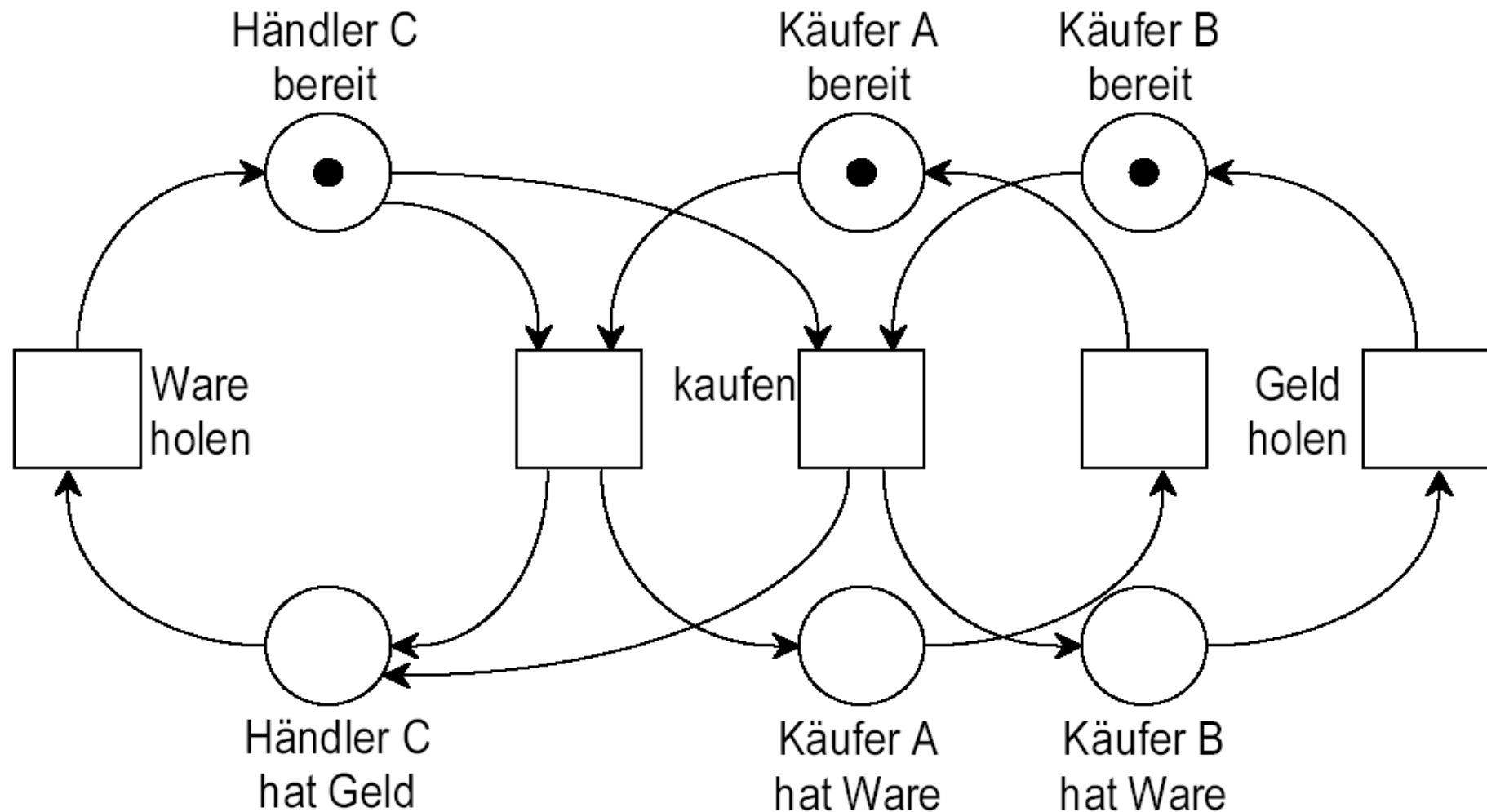
### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

#### Beispiel: Ein Händler, zwei ununterscheidbare Käufer

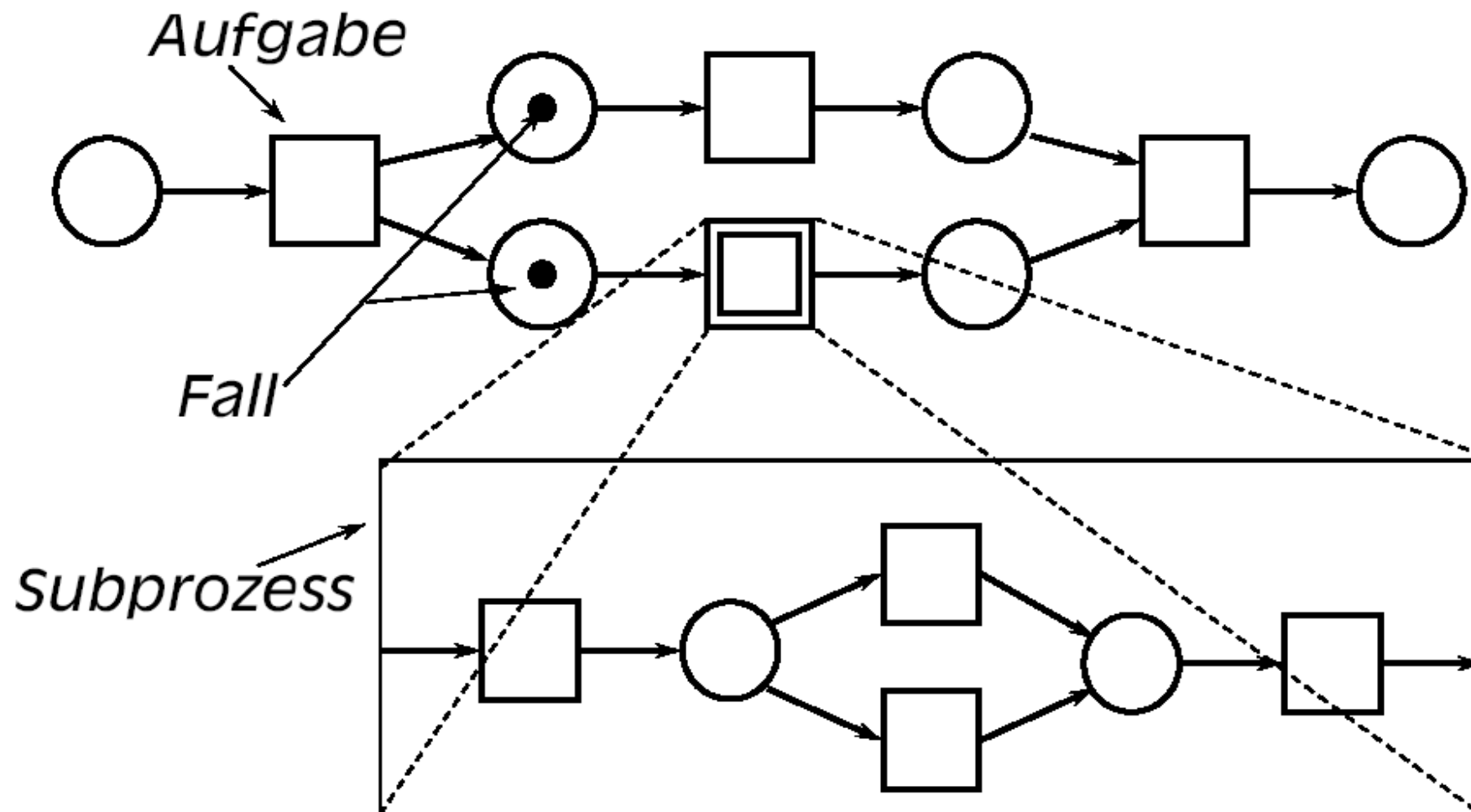


### 3. Grundregeln der Modellierung mit Petrinetzen

#### Beispiel: Ein Händler, zwei (individuelle) Käufer



## Prozessmodellierung mit Petrinetzen

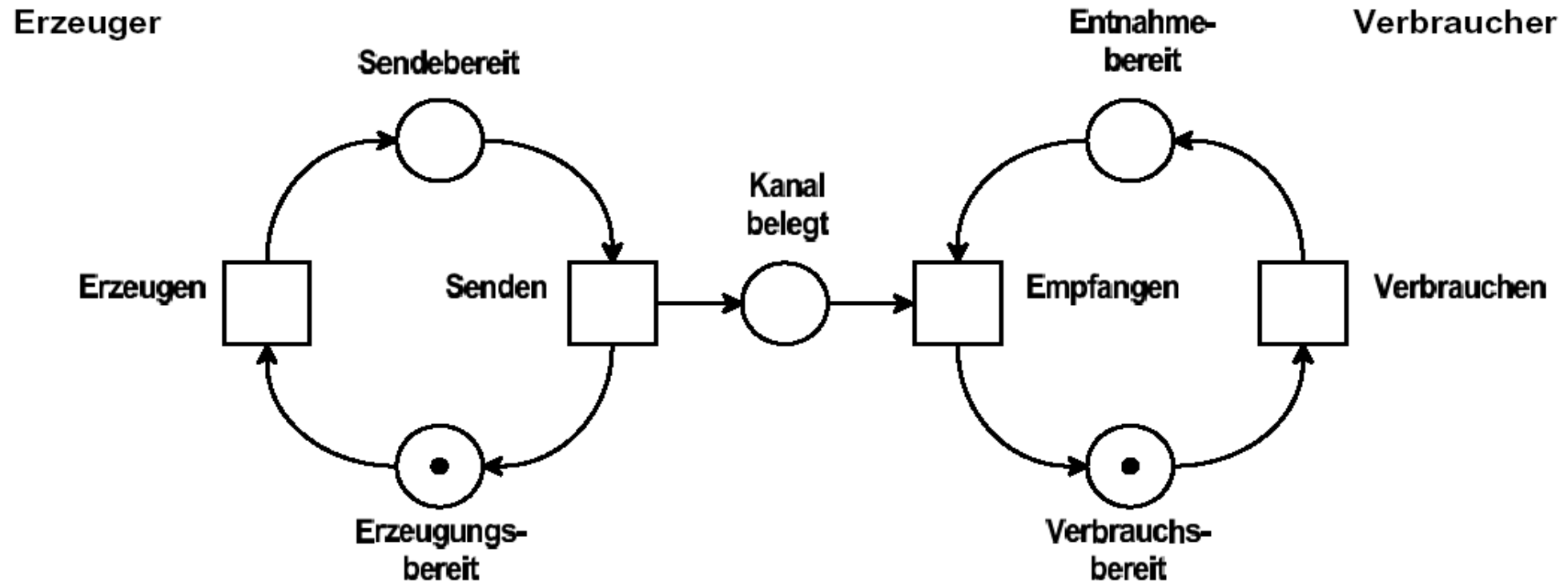


### Struktur von Petrinetzen

- Ein **Petrinetz** ist ein Tripel  $N = (S, T, F)$  mit
  - $S$  (Stellen),  $T$  (Transitionen) sind endliche Mengen,
  - $S \cap T = \emptyset$ , (Stellen und Transitionen sind disjunkt),
  - $S \cup T \neq \emptyset$ , (Vereinigung von Stellen und Transitionen ist nicht leer),
  - $F \subseteq (S \times T) \cup (T \times S)$  ist eine binäre (Fluss-)Relation über  $S \cup T$ .
- Alle Stellen und Transitionen eines Netzes heißen **Netzelemente**.

## 4. Petrinetze formal

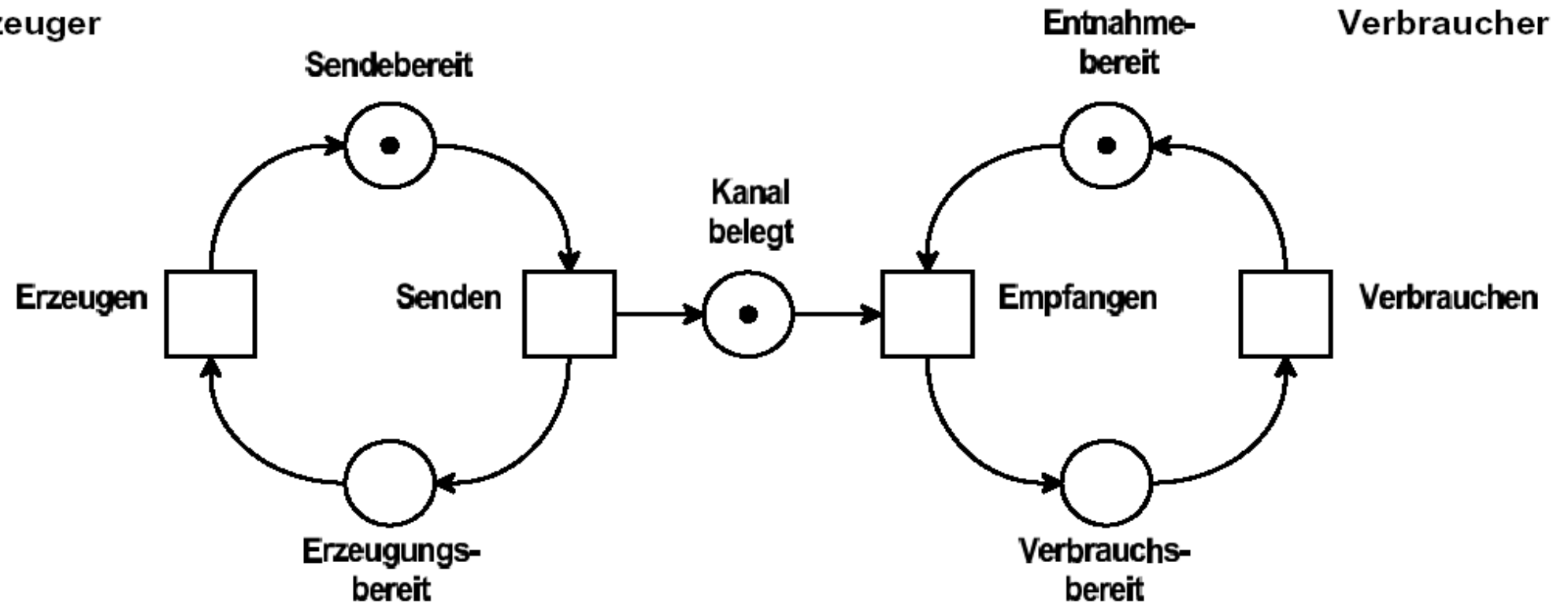
### Ein Beispiel (Erzeuger/Verbraucher)





## 4. Petrinetze formal

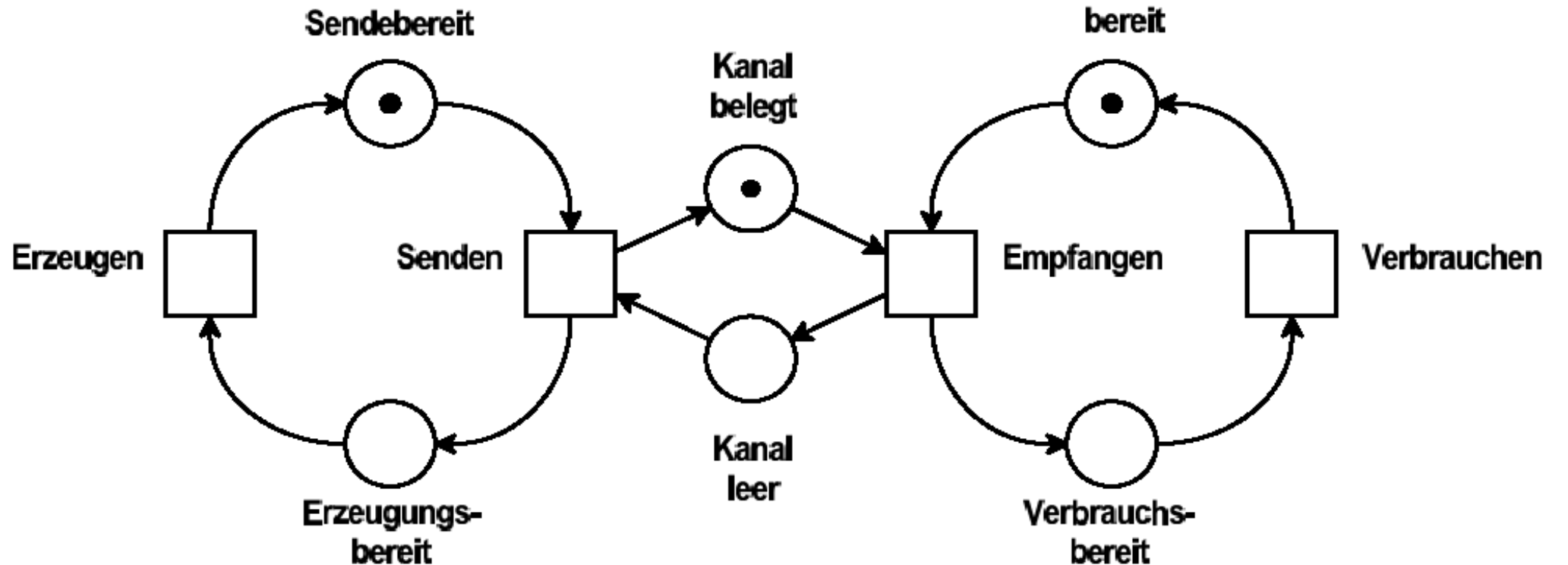
### Ein Beispiel (Erzeuger/Verbraucher)



## 4. Petrinetze formal

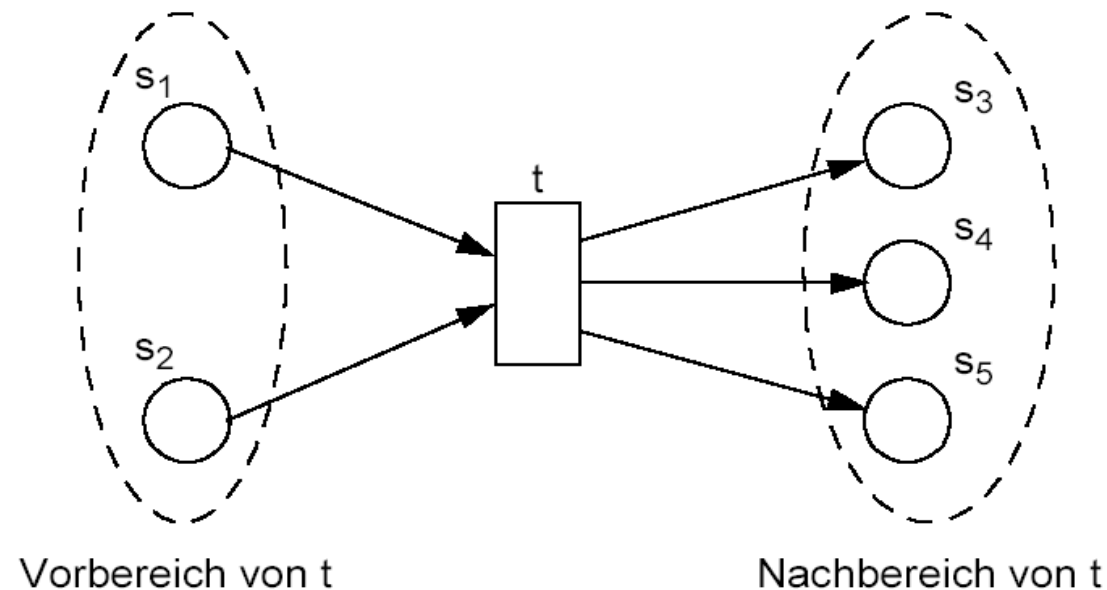
### Ein Beispiel (modifizierter Erzeuger/Verbraucher)

Erzeuger



### Struktur von Petrinetzen

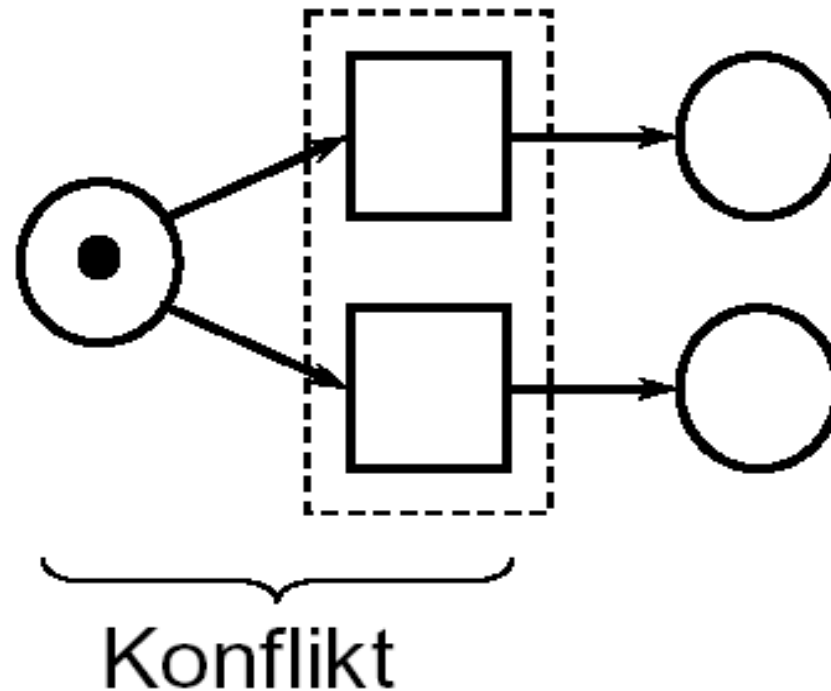
- **Vorbereich** eines Elements  $x$ : Menge aller Eingangs-Knoten (bzw. Input-Knoten) von  $x$ , d.h.  
 $\bullet x = \{ y \mid (y, x) \in F \}$ .
- **Nachbereich** eines Elements  $x$ : Menge aller Ausgangs-Knoten (bzw. Output-Knoten) von  $x$ , d.h.  
 $x \bullet = \{ y \mid (x, y) \in F \}$ .



## 4. Petrinetze formal

### Verzweigungen

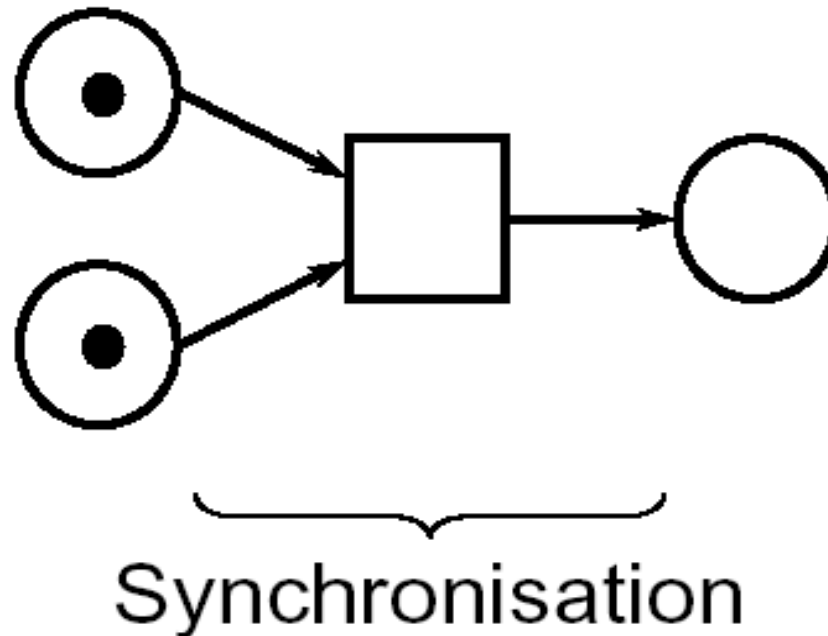
- Ein Knoten heißt **vorwärtsverzweigt**, falls  $|x \bullet| > 1$ .
- Vorwärtsverzweigte Stellen modellieren Alternativen (Konflikte)



## 4. Petrinetze formal

### Verzweigungen

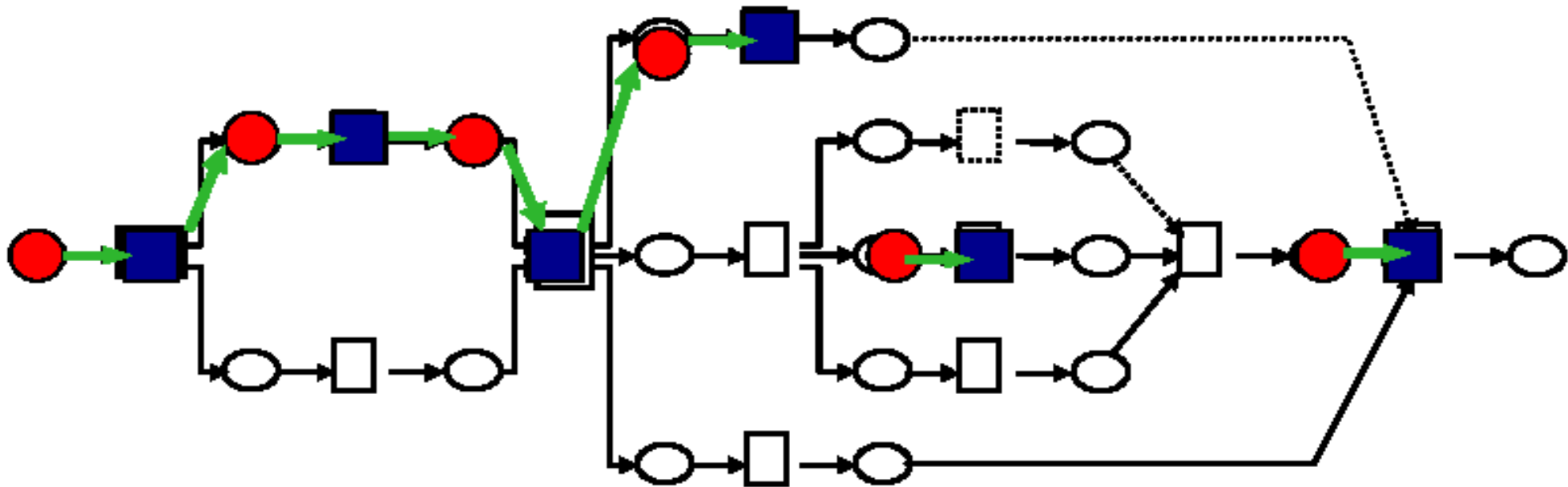
- Ein Knoten heißt **rückwärtsverzweigt**, falls  $|\bullet x| > 1$ .
- Rückwärtsverzweigte Transitionen modellieren Synchronisation.



## 4. Petrinetze formal

### Definition: Teilnetz

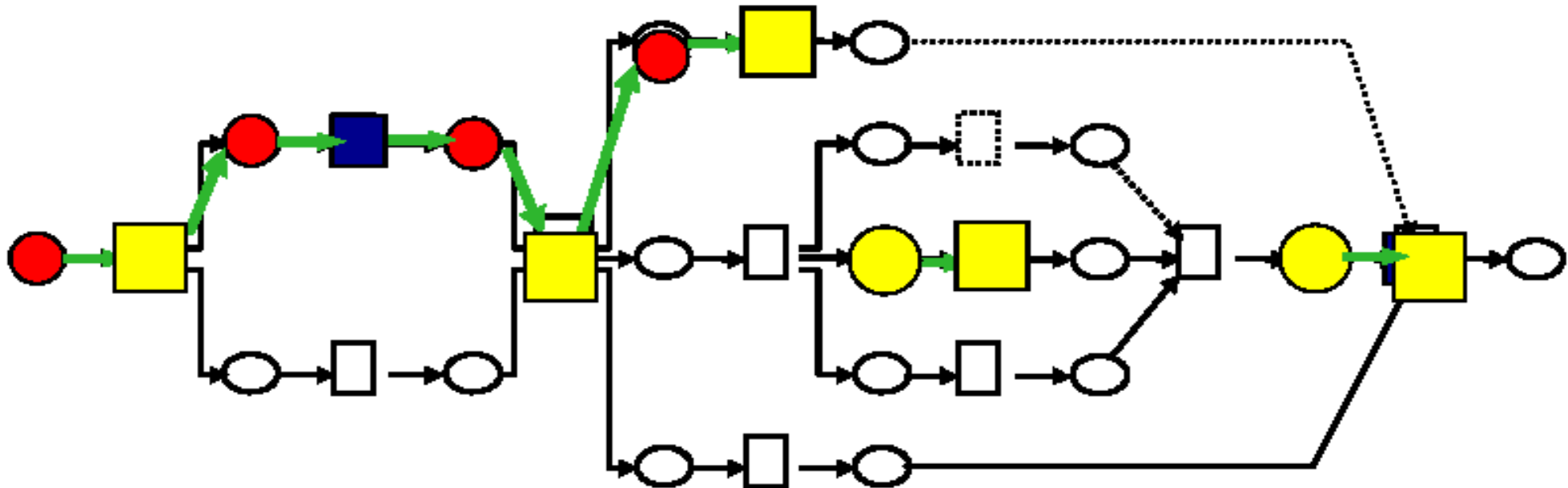
- Ein Netz  $N' = (S', T', F')$  heißt **Teilnetz** des Netzes  $N = (S, T, F)$ , wenn
  - $S' \subseteq S$  und
  - $T' \subseteq T$  und
  - $F' = F \cap ((S' \times T') \cup (T' \times S'))$ .



## 4. Petrinetze formal

### Definition: Rand

- Der **Rand** eines Teilnetzes  $N'$  (bzgl. des Netzes  $N$ ) sind diejenigen seiner Knoten, die über Kanten mit dem Restnetz verbunden sind. Er ist also definiert durch:  $\text{Rand}(N', N) = \{x \in S' \cup T' \mid (x \bullet \cup \bullet x) \setminus (S' \cup T') \neq \emptyset\}$   
(Vor- und Nachbereich von  $x$  sind hierbei bzgl.  $N$  verstehen)



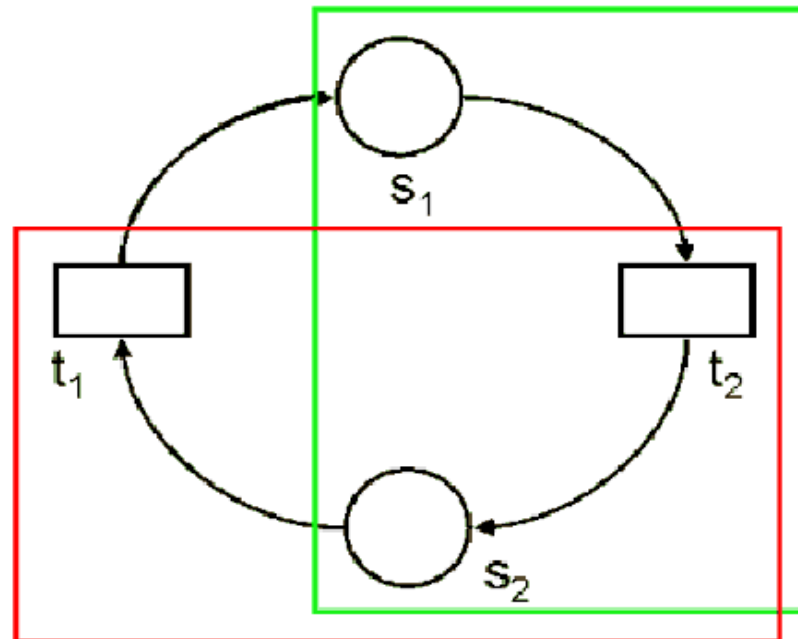
## 4. Petrinetze formal

### Definition: Rand

- Ein Teil-Netz  $N'$  heißt
  - stellenberandet**, wenn sein Rand nur Stellen enthält, d.h.  $\text{Rand}(N', N) \subseteq S'$ ,
  - transitionsberandet**, wenn sein Rand nur Transitionen enthält, d.h.  $\text{Rand}(N', N) \subseteq T'$ .
- Ein stellenberandetes Teilnetz lässt sich durch eine Stelle, ein Transitionsberandetes durch eine Transition ersetzen.

- Beispiel:

- stellenberandet**
- transitionsberandet**



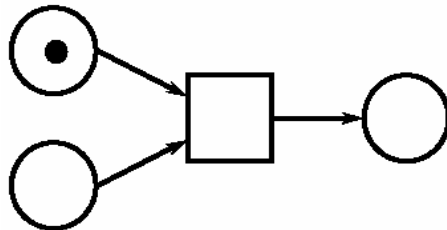


## 4. Petrinetze formal

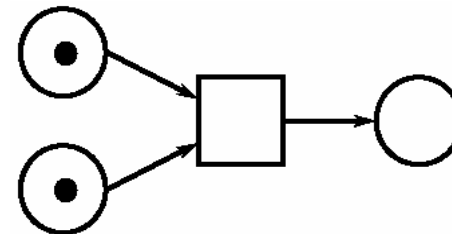
### Definition: Markierung

- Die Belegung der Stellen heißt **Markierung** und ist der Zustand des Petri-Netzes.
- Eine **Markierung**  $m$  eines Netzes  $N=(S,T,F)$  ist eine Abbildung  $m: S \rightarrow \mathbb{N}$ .
- Eine Markierung  $m$  **aktiviert** eine Transition  $t \in T$ , wenn  $m(s) > 0$  für alle  $s \in \bullet t$ .
- Kontroll-Frage: In welchem Fall ist die Transition aktiviert?

A.)



B.)



## 4. Petrinetze formal

### Definition: Markiertes Petrinetz

- Ein Netz  $N$  mit Markierung  $m$  ist ein **markiertes Petrinetz**.
- Ein markiertes Petrinetz ist also ein 4-Tupel  $(S, T, F, m)$ .
- Falls  $t \in N$  unter  $m$  aktiviert ist, kann  $t$  **schalten**. Dies führt zu einer **Folgemarkierung  $m'$** , definiert durch

$$m'(s) = \begin{cases} m(s), & \text{falls } s \notin \bullet t \text{ und } s \notin t \bullet \\ m(s)-1, & \text{falls } s \in \bullet t \text{ und } s \notin t \bullet \\ m(s)+1, & \text{falls } s \notin \bullet t \text{ und } s \in t \bullet \\ m(s), & \text{falls } s \in \bullet t \text{ und } s \in t \bullet \end{cases}$$

Schreibweise:  $m \rightarrow^t m'$ .

### Definition: Schaltfolge

- Sei  $m$  eine Markierung eines Petrinetzes  $N$ . Falls  $m \rightarrow^{t_1} m_1, m_1 \rightarrow^{t_2} m_2, \dots, m_{n-1} \rightarrow^{t_n} m_n$  Schaltvorgänge sind, ist  $SF = t_1, t_2, \dots, t_n$  eine Schaltfolge von  $m$  nach  $m_n$ :  
( $m \rightarrow^{SF} m_n$ )
- Die leere Sequenz  $\varepsilon$  ist die Schaltfolge  $\varepsilon : m \rightarrow m$  für jede Markierung  $m$ .

### Definition: Erreichbarkeit

- Wir schreiben  $m \rightarrow^* m'$  und nennen  $m'$  von  $m$  **erreichbar**, wenn  $m \rightarrow^{SF} m'$  für irgendeine Schaltfolge  $SF$  gilt.
- $[m>$  bezeichnet die Menge aller von  $m$  erreichbaren **Markierungen**.
- Das Verhalten eines markierten Petrinetzes wird beschrieben durch die Menge seiner Schaltfolgen.
- Eine kompaktere Repräsentation liefert der Markierungsgraph.
- Eine **Markierung** eines Petrinetzes heißt **erreichbar**, falls es eine Schaltfolge der Transitionen gibt, welche die Startmarkierung in diese Markierung überführt.