HEIMADÆMI 5

TÖL203G Tölvunarfræði 2

Kári Hlynsson¹

Háskóli Íslands 23. febrúar 2023

Verkefni 1

Skoðið Java kóðann fyrir Mergesort (ALGORITHM 2.4 í bókinni, glæra 8 í fyrirlestri 9). Segjum að við köllum aðeins á merge-fallið (neðsta línan í sort-fallinu) ef a[mid+1] er minna en a[mid].

- (a) Hvers vegna er í lagi að gera þetta?
- (b) Á hvernig inntaki myndum við græða mest á að bæta þessu inn?

Lausn

Hluti (a)

Hlutverk merge fallsins er að raða hlutfylkjum sem hefur þegar verið raðað endurkvæmt. Segjum sem svo að a $[0] < \cdots < a[mid]$ og a $[mid+1] < \cdots < a[n]$. Ef a[mid] < a[mid+1].

Hluti (b)

Við græðum mest á þessari útfærslu ef sérhvert stak í fylkinu er í réttu hlutfylki. Til að sjá þetta betur skulum við taka dæmi. Látum a[] = [0,4,3,2,1,8,9,6,5,7]. Þegar við köllum á sort byrjum við á því að sortera vinstri og hægri hlutann og fáum hlutfylkin a[0..4] = [0,1,2,3,4] og a[5..9] = [5,6,7,8,9]. Nú er a[mid] < a[mid+1] og við köllum ekki á merge en við sjáum jafnframt að fylkið er raðað svo það er óþarft.

¹Slóð á Github kóða: https://github.com/lvthnn/T0L203G/tree/master/HD5

Verkefni 2

Leysið dæmi 2.3.18 á bls. 305 í kennslubókinni. Kallið ykkur útgáfu QuickX og berið hana saman við upphaflegu útgáfuna í bókinni (Quick.java) með forritinu SortCompare. java. Þið getið hent út úr SortCompare notkun á öðrum röðunaraðferðum. Skilið breyttu útgáfunni af partition-fallinu og niðurstöðu úr samanburði á Quick og QuickX í SortCompare. Til að fá raunhæfan samanburð notið n = 1000000 og trials = 10. Þá ættuð þið líka að breyta útprentunarskipuninni í SortCompare, þannig að þið fáið fleiri aukastafi í hlutfallinu milli tímanna. Það ætti ekki að vera mjög mikill munur á þessum tveimur útgáfum. Hvers vegna?

Lausn

Útfærslan er til sýnis fyrir neðan í FORRITI 1. median er fall sem var útfært til að skila miðgildi þriggja staka. Úr því að a[] er stokkað í public útfærslunni af sort notum við fyrsta stakið í hlutfylkinu, miðjustak og síðasta stak.

```
private static int partition(Comparable[] a, int lo, int hi) {
18
        int i = lo, j = hi+1;
19
20
        int m = median(a, lo, (lo+hi)/2, hi);
21
        Comparable v = a[m];
        exch(a, lo, m);
23
24
        while (true) {
25
          while (less(a[++i], v)) if (i == hi) break;
26
          while (less(v, a[--j])) if (j == lo) break;
          if (i >= j) break;
28
          exch(a, i, j);
29
        }
30
31
        exch(a, lo, j);
32
        return j;
33
      }
34
```

FORRIT 1: Útfærslan á partition í QuickX klasanum

Munur í tímaflækju á Quick og QuickX er nánast enginn. Meðaltal 10 mælinga úr SortCompare var 1.0036 (staðalfrávik 0.0659) svo keyrslutími er nokkurn veginn sá sami. Munurinn er lítill því a[] hefur þegar verið slembistokkað og við fáum því ekki nauðsynlega gott (miðlægt) vendistak.

Verkefni 3

Fylkinu [2,3,1,4,5,7,6,8] hefur verið skipt upp (*partitioned*) um vendistak (og það sett á réttan stað), en það er ekki gefið upp hvert vendistakið var. Hver af stökunum gætu hafa verið vendistakið? Teljið upp öll möguleg stök og rökstyðjið að þau séu möguleg og hin séu það ekki.

Lausn

Við getum skoðað hvort stak sé hugsanlegt vendistak út frá eftirfarandi: ef hlutfylkið vinstra megin við stakið inniheldur bara gildi minni en eða jöfn skiptistakinu, og hægra hlutfylkið bara gildi stærri en eða jöfn því, þá er það gilt. Athugum að þetta getur átt við um endapunkta fylkisins, ef þeir eru stærsta/minnsta gildið í fylkinu. T.d. getur 8 hafa verið skiptistak en þá endar það aftast í fylkinu því þar bendir j í lokin. Þetta er jafnframt stærsta stakið í fylkinu og uppfyllir að öll stökin í vinstra hlutfylkinu eru minna en (eða jafnt og) stakið.

Einnig eru 4 og 5 gild skiptistök, því þau uppfylla skilyrðið hér að ofan. Við sjáum aftur á móti að engin önnur stök í fylkinu gætu hafa verið skiptistak því það má finna stak í vinstra eða hægri hlutfylki þeirra sem brýtur þetta skilyrði. Tökum þetta saman í Töflu 1 hér fyrir neðan.

a[i]	Vendistak?	Athugasemdir
2	X	1 í hægra hlutfylki, < 2
3	×	1 í hægra hlutfylki, < 3
1	X	sjá athugasemdir fyrir ofan
4	\checkmark	
5	\checkmark	
7	X	6 í hægra hlutfylki < 7
6	X	7 í vinstra hlutfylki > 6
8	✓	
	2 3 1 4 5 7 6	2

TAFLA 1: Hugsanleg vendistök fyrir Quicksort

Verkefni 4

Gefið er fylkið [5,4,8,1,6,3,5,7]. Sýnið hvernig það raðast með hrúguröðun (*heap sort*) með því að búa til mynd sem er sambærileg við myndina á bls. 324 í kennslubókinni (eða á glæru 35 í fyrirlestri 11). Sýnið líka hrúguna sem tvíundartré eftir að fylkinu hefur verið hrúguraðað (þrep 1).

Lausn

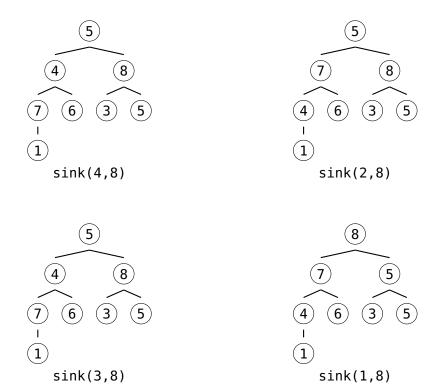
TAFLA 2 fyrir neðan sýnir keyrsluna á Heapsort og hvernig a[] breytist.

		a[i]									
N	k	0	1	2	3	4	5	6	7	8	
ирр	upphaf		5	4	8	1	6	3	5	7	
8	4		5	4	8	7	6	3	5	1	
8	3		5	4	8	7	6	3	5	1	
8	2		5	7	8	4	6	3	5	1	
8	1		8	7	5	4	6	3	5	1	
röð	röðun		8	7	5	4	6	3	5	1	
8	1		7	6	5	4	1	3	5	8	
7	1		6	5	5	4	1	3	7	8	
6	1		5	4	5	3	1	6	7	8	
5	1		5	4	1	3	5	6	7	8	
4	1		4	3	1	5	5	6	7	8	
3	1		3	1	4	5	5	6	7	8	
2	1		1	3	4	5	5	6	7	8	
rač	ðað		1	3	4	5	5	6	7	8	

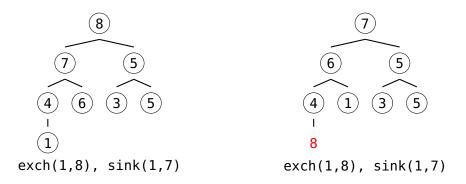
TAFLA 2: Rakning á Heapsort

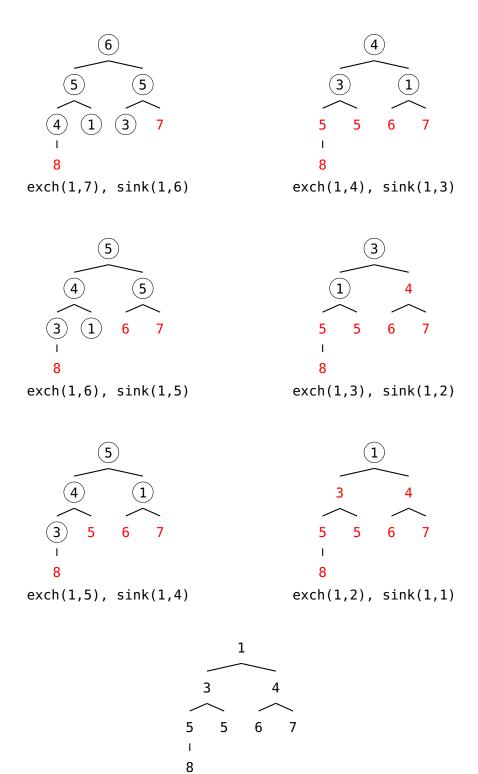
Á næstu síðum eru myndir af breytingum á hrúgunni.

Þrep 1 — framkalla hrúguskilyrði



Þrep 2 — raða hrúgunni





MYND 1: Fullröðuð hrúga eftir Heapsort