

Formelsammlung Statistik

Lukas Warode

Maße der zentralen Tendenz

Modus

- Nominales Skalenniveau
- Häufigster Wert

$$x_{mod}$$

Median

- Ordinales Skalenniveau
- Mittlere Ausprägung bei Anordnung der Variable

Ungerade Anzahl an Fällen (n):

$$\tilde{x} = x_{(\frac{n+1}{2})}$$

```
set.seed(42)
```

```
random_sample <- sample(1:42, 11)
```

```
sort(random_sample)
```

```
## [1] 1 7 10 18 20 24 25 26 36 37 40
```

```
median(random_sample)
```

```
## [1] 24
```

Gerade Anzahl an Fällen (n):

$$\tilde{x} = \frac{x_{(\frac{n}{2})} + x_{(\frac{n}{2}+1)}}{2}$$

```
random_sample <- random_sample[random_sample != max(random_sample)]
```

```
sort(random_sample)
```

```
## [1] 1 7 10 18 20 24 25 26 36 37
```

```
median(random_sample)
```

```
## [1] 22
```

Arithmetisches Mittel

- Metrisches Skalenniveau
- Summe aller Fälle durch Anzahl der Fälle teilen

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

```
random_sample
```

```
## [1] 37 1 25 10 36 18 24 7 20 26
```

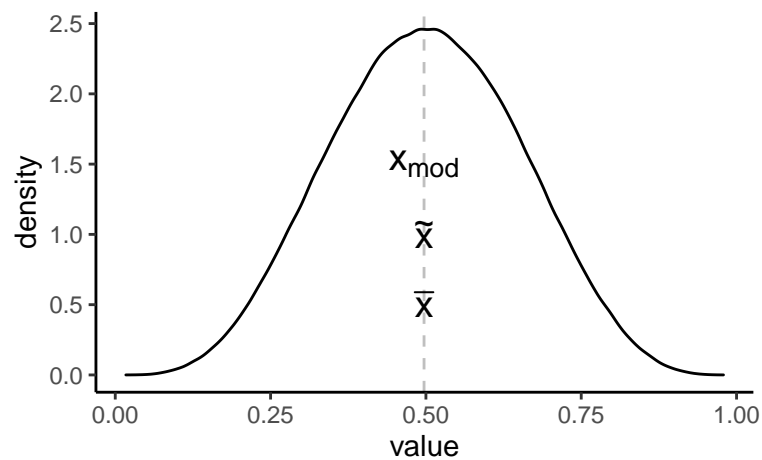
```
mean(random_sample)
```

```
## [1] 20.4
```

Verteilungsformen

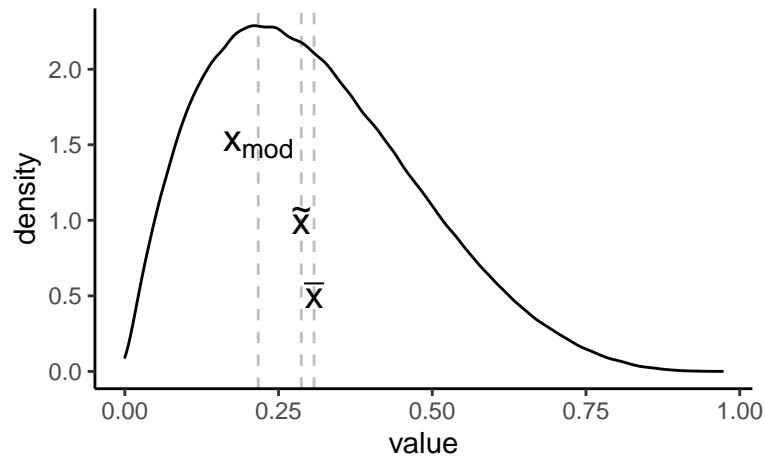
Symmetrisch (Normalverteilung)

$$x_{mod} = \tilde{x} = \bar{x}$$



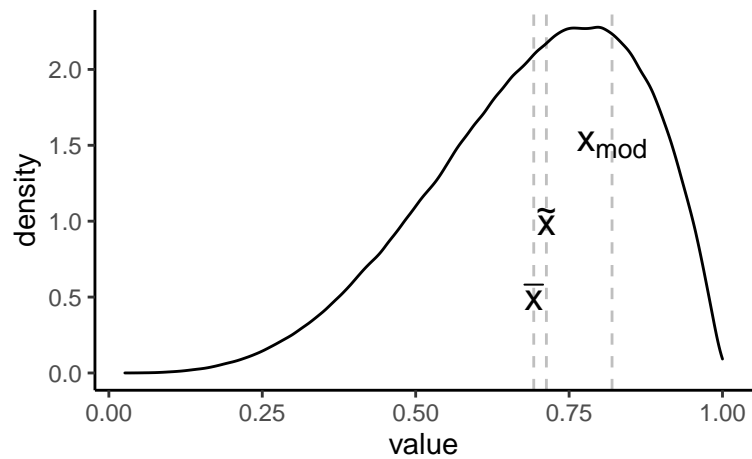
Linkssteil / Rechtsschief

$$x_{mod} < \tilde{x} < \bar{x}$$



Rechtssteil / Linksschief

$$x_{mod} > \tilde{x} > \bar{x}$$



Streuungsmaße

Spannweite

- Ordinales Skalenniveau
- Differenz zwischen größter und kleinster Ausprägung

$$R = x_{max} - x_{min}$$

Interquartilsabstand (IQR)

- Ordinales Skalenniveau
- Intervall der mittleren 50% der Stichprobe

$$IQR = Q_{0.75} - Q_{0.25}$$

Variation (Summe der Abweichungsquadrate)

- Metrisches Skalenniveau
- Englisch: *Sum of squares / sum of squared deviations*

$$SS_x = \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

Varianz

- Metrisches Skalenniveau
- Standardisierte Variation

$$s_x^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

Standardabweichung

- Metrisches Skalenniveau
- Quadratwurzel der Varianz
- Durchschnittliche Abweichung von Werten zum Arithmetischen Mittel

$$\sigma_{x_{Population}} = \sqrt{\sigma_x^2} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$
$$s_{x_{Stichprobe}} = \sqrt{s_x^2} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$

Variationskoeffizient (Abweichungskoeffizient)

- Metrisches Skalenniveau
- Relatives Streuungsmaß, d.h. nicht abhängig von der Maßeinheit der Variable
- Standardabweichung in Relation zum Arithmetischen Mittel

$$V_x = \frac{s_x}{\bar{x}}$$

Standardfehler

- (Durchschnittliche) Abweichung von Stichprobenkennwerten zu Populationskennwerten, z.B. vom Mittelwert

Standardfehler des Arithmetischen Mittelwertes (*Standard error of the mean*)

$$\sigma_{\bar{x}_{Population}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{\sigma^2}{n}}$$

$$s_{\bar{x}_{Stichprobe}} = \frac{s}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{s^2}{n}}$$

$$\hat{\sigma}_{\bar{x}_{Population, \text{ geschätzt}}} = \frac{s}{\sqrt{n-1}} = \sqrt{\frac{s^2}{n-1}}$$