Mikroekonomia II - Zadania - lista 4 termin: ostatnie zajecia

Zadanie 1 (2p) Użyteczność konsumenta opisuje funkcja $u(w) = \sqrt{w}$. Początkowo jego zasób wynosi \$4. Jest on w posiadaniu kuponu na loterię, którego wartość wyniesie \$12 z prawdopodobieństwem $\frac{1}{2}$ lub \$0 z taką samą szansą. Podaj oczekiwaną użyteczność konsumenta. Jaka jest najniższa cena p, po której odsprzedałby kupon?

Zadanie 2 (3p) Znajdź równowagi Nasha (w strategiach czystych) gry pomiędzy graczami I (wybierającego jeden z wierszy: U, D), II (wybierającego jedną z kolumn: L, R) oraz III (wybierającego jedną z macierzy A, B, C) z wypłatami:

	L	R			L	R		L	R
U	0,0,3	0,0,0		U	2,2,2	0,0,0	U	0,0,0	0,0,0
D	1,0,0	0,0,0		D	0,0,0	2,2,2	D	0,1,0	0,0,3
\overline{A}				\overline{B}			\overline{C}		

Zadanie 3 (3p) Rozpatrz grę Cournot z N firmami, liniowym (odwrotnym) popytem P(Q) = A - BQ i stałymi kosztami krańcowymi $c_i = c > 0$.

- a) Znajdź rownowagę Nasha tej gry,
- b) policz ceny, łączną produkcję i zyski w równowadze Nasha,
- c) jak zyski, ceny i łączna produkcja zmieniają się pod wpływem wzrostu N? Wyjaśnij intuicyjnie.

Zadanie 4 (2p) Popyt na Coca-Colę jest opisany następującym wzorem: $Q_c(P_c, P_p) = 63.42 - 3.98P_c + 2.25P_p$, a na Pepsi $Q_p(P_p, P_c) = 49.52 - 5.48P_p + 1.40P_c$, gdzie P_p to cena Pepsi, a P_c to cena Coca-Coli. Koszty krańcowe produkowania Coca-Coli są stałe i równe 4.96, a Pepsi: 3.96. Znajdź równowagę Nasha w grze pomiędzy oba firmami konkurującymi za pomocą cen. Czy jest to alokacja Pareto-optymalna?