

**Zadanie 1 (2p)** Pokaż na przykładzie, że maksymalizacja zysku firmy jest równoważna minimalizacji jego kosztów. Dla uproszczenia przyjmij funkcję produkcji postaci  $f(K, L) = K^\alpha L^{1-\alpha}$ , przy koszcie jednostkowym kapitału  $r$  i pracy  $w$

**Zadanie 2 (1p)** Jakie warunki muszą spełniać parametry  $\alpha, \beta, \sigma$  funkcji CES aby wykazywała stałe / malejące / rosnące korzyści skali?

$$f(k, l) = \{\alpha k^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} + \beta l^{\frac{\sigma-1}{\sigma}}\}^{\frac{\sigma}{\sigma-1}}.$$

**Zadanie 3 (4p)** Dla zadanych poniżej funkcji produkcji wyprowadź odpowiadające im funkcje kosztów długookresowych.

- (i)  $f(\mathbf{x}) = x_1 + x_2$  (doskonale substytucyjne czynniki produkcji),
- (ii)  $f(\mathbf{x}) = \min\{x_1, x_2\}$  (technologia Leontiefa),
- (iii)  $f(\mathbf{x}) = \{x_1^\rho + x_2^\rho\}^{\frac{1}{\rho}}$ ,  $\rho < 1$  (funkcja produkcji CES),
- (iv)  $f(\mathbf{x}) = x_1^\alpha x_2^{1-\alpha}$  (funkcja Cobba-Douglasa, szczególny przypadek funkcji CES).

**Zadanie 4 (1.5p)** Firma ma dwie hale produkcyjne, z których koszty całkowite pierwszej są opisane przez  $c_1(q_1) = 4\sqrt{q_1}$ , a drugiej  $c_2(q_2) = 2\sqrt{q_2}$ . Jaką postać ma funkcja kosztów firmy?

**Zadanie 5 (1.5p)** Funkcja produkcji dana jest przez  $q = f(L) = 2L^{\frac{1}{2}}$ , gdzie  $q$  określa wielkość produkcji, a  $L$  nakłady pracy. Jeżeli firma działa w warunkach konkurencyjnych wyznacz funkcję podaży  $q(p, w)$ , gdzie  $p$  określa cenę sprzedaży, zaś  $w$  wysokość wynagrodzenia.