

Zadanie 1 (2p) Konsument 1 posiada preferencje opisane za pomocą $u_1(x_A, x_B) = x_A + x_B$, a konsument 2 preferencje zadane przez $u_2(x_A, x_B) = \max\{x_A, x_B\}$. Początkowy zasób każdego z nich to $(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$.

(i) Naskicuj powyższy przykład wykorzystując diagram Edgewortha.

(ii) Jaka jest relacja cen p_A do p_B w równowadze Walrasowskiej?

(iii) Jaka alokacja jest obrana w równowadze Walrasowskiej?

Zadanie 2 (2p) Rozpatrzmy gospodarkę wymiany, z dwoma konsumentami (1,2) i dwoma dobrami (A,B). Pierwszy z konsumentów ma preferencje zadane przez funkcję użyteczności $u_1(x_A, x_B) = \alpha \log x_A + (1 - \alpha) \log x_B$, zaś drugi $u_2(x_A, x_B) = \beta \log x_A + (1 - \beta) \log x_B$. Początkowy zasób pierwszego konsumenta to $\omega_1 = (2, 1)$ (tj. dwie jednostki dobra A i jedna jednostka dobra B), a drugiego $\omega_2 = (1, 2)$. Znajdź równowagę Walrasowską dla tej gospodarki.

Zadanie 3 (2p) Rozważamy gospodarkę z dwoma dobrami konsumpcyjnymi x, y oraz dwoma czynnikami produkcji kapitałem i pracą: k, l . Podaż obu czynników jest doskonale nieelastyczna i wynosi $k = k_x + k_y = 324$, $l = l_x + l_y = 2500$. Technologia produkcji dobra x jest opisana funkcją $f_x(k_x, l_x) = 48^{\frac{1}{4}} k_x^{\frac{3}{4}} l_x^{\frac{1}{4}}$, a dobra y funkcją $f_y(k_y, l_y) = 3^{\frac{1}{4}} k_y^{\frac{1}{4}} l_y^{\frac{3}{4}}$. Wszyscy konsumenci mają preferencje opisane funkcją użyteczności $U(x, y) = x^{\frac{1}{2}} y^{\frac{1}{2}}$. Zakładając, że $p_x = 100$ oblicz cenę jednostki kapitału, pracy oraz dobra y w równowadze Walrasowskiej tej gospodarki¹.

Zadanie 4 (2p) Rozpatrz gospodarkę dwóch podmiotów z takimi samymi preferencjami $u_i(G, c_i) = G^\alpha c_i^{1-\alpha}$, ale innymi dochodami: $w_1 \neq w_2$. Jak duża musi być różnica w dochodach pomiędzy podmiotami, aby podmiot nr 2 nic nie przeznaczal na konsumpcję dobra publicznego G ? Przyjmij, że $G = g_1 + g_2$.

Zadanie 5 (2p) Fabryka celulozy produkuje używając technologii o kosztach krańcowych $MC_f(Q) = 2Q$. Krańcowe koszty zewnętrzne (zanieczyszczeń) są zadane $MC_s(Q) = Q$. Popyt na dobra firmy jest dany przez funkcję odwrotnego popytu $P(Q) = 280 - 2Q$. Dla dwóch przypadków:

- doskonałej konkurencji,
- monopolu

policz wysokość podatku Pigou pozwalającego internalizować negatywne efekty zewnętrzne.

¹Podpowiedź; zauważ, że dla funkcji Cobb-Douglasa $G(x, y) = x^\alpha y^\beta$ zachodzi:
 $G'_x(x, y) = \alpha x^{\alpha-1} y^\beta = \frac{\alpha}{x} x^\alpha y^\beta = \alpha \frac{G(x, y)}{x}$.