# IMI, кафедра загальної та медичної фізики Ю. М. Дудзінський

# <mark>МЕХАНИКА</mark> <mark>МЕХАНІКА</mark>

## КИНЕМАТИКА ПОСТУПАТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ КІНЕМАТИКА ПОСТУПАЛЬНОГО РУХУ

- **1.01.** Тело брошено вертикально вверх с начальной скоростью  $v_0$ =4m/c. Когда оно достигло верхней точки полёта из того же начального пункта, стой же скоростью  $v_0$  вертикально вверх брошено второе тело. На каком расстоянии от начального пункта встретятся тела? Сопротивление воздуха не учитывать.
- **1.01.** Тіло кинуте вертикально нагору з початковою швидкістю  $v_0$ =4m/c. Коли воно досягло верхньої точки польоту з того ж початкового пункту, з тією ж швидкістю  $v_0$  вертикально нагору кинуте друге тіло. На якій відстані від початкового пункту зустрінуться тіла? Опір повітря не враховувати.
- **1.02.** Материальная точка движется прямолинейно с ускорением  $a=5m/c^2$ . Определить на сколько путь, пройденный в n- $\omega$  секунду, будет больше пути, пройденного за предыдущую (n 1)- $\omega$  секунду.
- **1.02.** Матеріальна точка рухається прямолінійно з прискоренням  $a=5m/c^2$ . Визначити на скільки шлях, який пройдено у n-y секунду, буде більше шляху, який пройдено за попередню (n-1)-y секунду.
- **1.03.** Два автомобиля движутся по дорогам, угол между которыми  $\alpha$ =60°. Скорость автомобилей  $v_1$ =54 $\kappa m/q$  и  $v_2$ =72 $\kappa m/q$ . С какой скоростью v удаляются машины одна от другой?
- **1.03.** Два автомобілі рухаються по дорогах, кут між якими  $\alpha$ =60°. Швидкість автомобілів  $v_1$ =54 $\kappa$ м/z и  $v_2$ =72 $\kappa$ м/z. З якою швидкістю v віддаляються машини одна від одної?
- **1.04.** Материальная точка движется прямолинейно с начальной скоростью  $v_0=10 m/c$  и постоянным ускорением  $a=-5m/c^2$ . Определить во сколько раз путь  $\Delta s$  превышает модуль перемещения  $\Delta r$  через  $\delta t=4c$  после начала отсчёта времени ( $\delta S/\delta r$ )?
- **1.04.** Матеріальна точка рухається прямолінійно з початковою швидкістю  $v_0$ =10 m/c і постійним прискоренням a= $-5m/c^2$ . Визначити, у скільки разів шлях, який пройшла крапка за час  $\delta t$ =4c, буде перевищувати модуль її переміщення ( $\delta S/\delta r$ )?
- 1.05. Велосипедист ехал из одного пункта в другой. Первую треть пути он проехал со скоростью  $v_1=18\kappa m/u$ . Далее половину оставшегося времени он ехал со скоростью  $v_2=22\kappa m/u$ , после чего до конечного пункта он шёл пешком со скоростью  $v_3=5\kappa m/u$ . Определить среднюю скорость  $v_{cp}$  велосипедиста.
- **1.05.** Велосипедист їхав з одного пункту в іншій. Першу третину шляху він проїхав зі швидкістю  $v_1=18\kappa m/z$ . Далі половину часу, що залишилося, він їхав зі швидкістю  $v_2=22\kappa m/z$ , після чого до кінцевого пункту він йшов пішки зі швидкістю  $v_3=5\kappa m/z$ . Визначити середню швидкість  $v_{cp}$  велосипедиста.
- 1.06. Две материальные точки движутся согласно уравнениям  $x_1 = A_1 t + B_1 t^2 + C_1 t^3$ ;  $x_2 = A_2 + B_2 t^2 + C_2 t^3$ , где  $A_1 = 4 m/c$ ;  $B_1 = 8 m/c^2$ ;  $C_1 = -16 m/c^3$ ;  $A_2 = 2 m/c$ ;  $B_2 = -4 m/c^2$ ;  $C_2 = 1 m/c^3$ . В какой момент времени t ускорения этих точек будут одинаковы? Найти скорости этих точек  $v_1$  и  $v_2$  в этот момент времени.
- **1.06.** Дві матеріальні точки рухаються відповідно до рівнянь  $x_1 = A_1 t + B_1 t^2 + C_1 t^3$ ;  $x_2 = A_2 + B_2 t^2 + C_2 t^3$ , где  $A_1 = 4 \text{м/c}$ ;  $B_1 = 8 \text{м/c}^2$ ;  $C_1 = -16 \text{м/c}^3$ ;  $A_2 = 2 \text{м/c}$ ;  $B_2 = -4 \text{м/c}^2$ ;  $C_2 = 1 \text{м/c}^3$ . У який момент часу t прискорення цих крапок однакові? Які величини швидкостей  $v_1$  і  $v_2$  тіл у цей момент часу?
- 1.07. Уравнение движения материальной точки вдоль оси имеет вид  $x=At+Bt+Ct^2$ , где A=2m, B=1m/c,  $C=-0.5m/c^2$ . Найти координату x, скорость  $v_x$ , ускорение  $a_x$  точки в момент времени t=2c.
- **1.07.** Рівняння руху матеріальної крапки уздовж осі має вид,  $x=A+Bt+Ct^2$ , де A=2m, B=1m/c,  $C=-0.5m/c^2$ . Знайти координату x, швидкість  $v_x$ , прискорення  $a_x$  точки в момент часу t=2c.
- **1.08.** Тело брошено с башни горизонтально со скоростью  $v_0=5m/c$  и упало на расстоянии S=15m от её основания. Вычислить: 1) высоту башни h; 2) скорость тела в момент его падения на землю  $v_{max}$ .

# IMI, кафедра загальної та медичної фізики Ю. М. Дудзінський

- **1.08.** Тіло кинуте з вежі горизонтально зі швидкістю  $v_0=5m/c$  і упало на відстані S=15m від її основи. Обчислити: 1) висоту вежі h; 2) швидкість тіла в момент його падіння на землю  $v_{max}$ .
- **1.09.** Тело брошено под углом  $\alpha$ =30° к горизонту со скоростью  $v_0$ =30m/c. Каковы будут нормальное  $a_n$  и тангенциальное  $a_\tau$  ускорения тела через время t=1c после начала движения?
- **1.09.** Тіло кинуте під кутом  $\alpha$ =30° до обрію зі швидкістю  $v_0$ =30m/c. Які будуть нормальне  $a_n$  і тангенціальне  $a_\tau$  прискорення тіла через час t=1c після початку руху?
- **1.10.** Тело брошено с башни горизонтально со скоростью  $v_0=25m/c$ . Вычислить скорость тела v, радиус кривизны траектории r через время t=1c после начала движения.
- **1.10.** Тіло кинуте з вежі горизонтально зі швидкістю  $v_0=25 \text{м/c}$ . Обчислити швидкість тіла v, радіус кривизни траєкторії r через час t=1c після початку руху.
- **1.11** Камень брошен горизонтально со скоростью  $v_0=15 m/c$ . Найти нормальное  $a_n$  и тангенциальное  $a_\tau$  ускорения камня через t=1c после начала движения.
- **1.11.** Камінь кинули горизонтально зі швидкістю  $v_0=15 m/c$ . Знайти нормальне  $a_n$  і тангенціальне  $a_\tau$  прискорення каменю через  $t=1 ce\kappa$  після початку руху.
- **1.12.** С поверхности земли вертикально вверх брошено тело с начальной скоростью  $v_0=25m/c$ . В этот же момент времени с высоты H=20m сбросили вниз с нулевой начальной скоростью другое тело. На какой высоте h от поверхности земли они встретятся?
- **1.12.** З поверхні землі вертикально нагору кинуте тіло з початковою швидкістю  $v_0=25 m/c$ . У цей же момент часу з висоти H=20m скинули вниз з нульовою початковою швидкістю інше тіло. На якій висоті h від поверхні землі вони зустрінуться?
- **1.13.** Тело, брошенное вверх, находилось на высоте h=8,6m над поверхностью земли дважды с интервалом времени  $\Delta t$ =3c. С какой начальной скоростью было брошено тело?
- **1.13.** Тіло, яке кинули нагору, знаходилося на висоті h=8,6m над поверхнею землі двічі з інтервалом часу  $\Delta t$ =3c. З якою початковою швидкістю було кинуте тіло?
- **1.14.** Материальная точка перемещается по закону  $x=x_0+v_0t+at^2$ , где  $x_0=0.5m$ ;  $v_0=2.5 \text{ m/c}$ ;  $a=-0.5\text{m/c}^2$ . Вычислить перемещение r и путь s, пройденный точкой за время t=7c.
- **1.14.** Матеріальна точка переміщається за законом  $x=x_0+v_0t+at^2$ , де  $x_0=0.5m$ ;  $v_0=2.5m/c$ ;  $a=-0.5m/c^2$ . Обчислити переміщення r і шлях s, який пройдено точкою за час t=7c.
- **1.15.** Скорость поезда при торможении за  $\delta t$ =1*мин* упала от 40*км/ч* до 28*км/ч*. Определить: 1) ускорение; 2) время до полной остановки; 3) путь торможения.
- **1.15.** Швидкість потяга при гальмуванні за  $\delta t = 1 x \varepsilon$  упала від  $40 \kappa m/\varepsilon$  до  $28 \kappa m/\varepsilon$ . Визначити: 1) прискорення; 2) час до повної зупинки; 3) шлях гальмування.
- **1.16.** Тело брошено горизонтально со скоростью  $v_0=20 m/c$  с башни высотой h и упало на землю на расстоянии S=2h от основания башни. Найти высоту башни.
- **1.16.** Тіло, яке кинули горизонтально зі швидкістю  $v_0=20$ м/с з вежі висотою h, упало на землю на відстані S=2h від фундаменту вежі. Знайти висоту вежі.
- **1.17.** Тело брошено под углом к горизонту со скоростью  $v_0$ . Продолжительность полёта t = 2, 2c. Найти наибольшую высоту поднятия этого тела.
- **1.17.** Тіло кинули під кутом до обрію зі швидкістю  $v_0$ . Тривалість польоту t=2,2c. Знайти найбільшу висоту підняття цього тіла.
- **1.18.** Тела движутся масами  $m_1 = \kappa z$  і  $m_2 = 1,5\kappa z$  по законам  $x_1 = 1+0,8t-0,1t^2$ ;  $x_2 = 0,5-0,9t+0,05t^2$ . В какой момент времени импульсы тел равны? Определить: 1) момент времени t, 2) ускорения этих тел в момент t, 3) перемещения  $x_1(t)$ ,  $x_2(t)$ .
- **1.18.** Тіла масами  $m_1$ =1 $\kappa$ 2 і  $m_2$ =1,5 $\kappa$ 2 рухаються за законами:  $x_1$ =1+0,8t-0,1t<sup>2</sup>,  $x_2$ =0,5-0,9t+0,05t<sup>2</sup>. У який момент часу імпульси тіл рівні? Визначити: 1) момент часу t, 2) прискорення цих тіл у момент t, 3) переміщення  $x_1(t)$ ,  $x_2(t)$ .

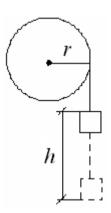
# КИНЕМАТИКА ВРАЩАТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ КІНЕМАТИКА ОБЕРТАЛЬНОГО РУХУ

**1.19.** Материальная точка вращается вокруг неподвижной оси по закону  $\varphi = A + Bt + Ct^2$ , где A = 10pad, B = 20pad/c,  $C = -2pad/c^2$ . Найти полное ускорение точки, находящейся на расстоянии R = 0,1м от оси вращения, для момента времени t = 4c.

- **1.19.** Матеріальна точка обертається навколо нерухомої осі за законом  $\varphi = A + Bt + Ct^2$ , де A = 10pad, B = 20pad/c,  $C = -2pad/c^2$ . Знайти повне прискорення точки, що знаходиться на відстані R = 0,1м від осі обертання, для моменту часу t = 4c.
- **1.20.** Материальная точка вращается по окружности с постоянной угловой скоростью  $\omega = \pi/6pa\partial/c$ . Во сколько раз путь, пройденный точкой за время t=4c, будет больше модуля её перемещения? Принять, что в начальный момент времени радиус-вектор r, задающий положение точки на окружности, относительно исходного положения был повёрнут на угол  $\varphi_0 = \pi/3pa\partial$ .
- **1.20.** Матеріальна точка обертається по окружності з постійною кутовою швидкістю  $\omega = \pi/6pa\partial/c$ . У скільки разів шлях, який пройшла точка за час t=4c, буде більше модуля її переміщення? Прийняти, що в початковий момент часу радіус-вектор r, що задає положення точки на окружності, щодо початкового положення був повернений на кут  $\varphi_0 = \pi/3pa\partial$ .
- **1.21.** Ротор электродвигателя, вращавшийся с линейной частотой  $v_0$ =1500o6/мин, после отключения электропитания остановился через время t=10c. Определить: 1) угловое ускорение  $\varepsilon$ , 2) сколько оборотов N совершит ротор до полной остановки?
- **1.21.** Ротор електродвигуна, що обертався з лінійною частотою  $v_0$ =1500*об/хв*, після відключення електроживлення зупинився через час t=10c. Визначити: 1) кутове прискорення  $\varepsilon$ , 2) скільки оборотів N зробить ротор до повної зупинки?
- **1.22.** Маховое колесо набирает обороты с угловым ускорением  $\varepsilon = 2,5pa\partial/c^2$ . Радиус колеса R = 0,25 M. Вычислить тангенциальное  $a_{\tau}$ , нормальное  $a_n$  и полное a ускорения точки на ободе через промежуток времени t = 4c. Сколько оборотов N совершит колесо за это время?
- **1.22.** Махове колесо набирає обороти з кутовим прискоренням  $\varepsilon=2,5pa\partial/c^2$ . Радіус колеса R=0,25m. Обчислити тангенціальне  $a_{\tau}$ , нормальне  $a_n$  і повне a прискорення точки на ободі через проміжок часу t=4c. Скільки оборотів N зробить колесо за цей час?
- **1.23.** Колесо вращается по закону  $\varphi = 0.1 + t + 0.05t^2(pad)$ . Найти радиус колеса и полное ускорение a через  $\delta t = 2c$ , если в этот момент времени нормальное ускорение  $a_n = 3.46 \text{м/c}^2$ .
- **1.23.** Колесо обертається за законом  $\varphi$ =0,1+t+0,05 $t^2$ (pad). Знайти радіус колеса і повне прискорення a через  $\delta t$ =2c, якщо в цей момент часу нормальне прискорення  $a_n$ =3,46m/ $c^2$ .
- **1.24.** По дуге окружности радиусом R=10M движется точка. В некоторый момент времени нормальное ускорение  $a_n=4,9M/c^2$ . В этот момент вектора полного и нормального ускорений образуют угол  $\varphi=60^\circ$ . Найти тангенциальное  $a_\tau$ ; полное a ускорение и скорость тела v в этот момент времени.
- **1.24.** По дузі кола радіусом R=10 M рухається точка. У деякий момент часу нормальне прискорення  $a_n=4,9 M/c^2$ . У цей момент вектора повного і нормального прискорень утворять кут  $\varphi=60^{\circ}$ . Знайти тангенціальне  $a_{\tau}$ ; повне a прискорення і швидкість тіла v у цей момент часу.
- **1.25.** Точка движется по окружности радиусом R=30cm с постоянным угловым ускорением  $\varepsilon$ . Определить тангенциальное ускорение  $a_{\tau}$ , скорость v, если известно, что за время t=4c она совершила N=3ofopoma и её нормальное ускорение  $a_n=2,7m/c^2$ .
- **1.25.** Точка рухається по окружності радіусом R=30cM з постійним кутовим прискоренням  $\varepsilon$ . Визначити тангенціальне прискорення  $a_{\tau}$ , швидкість v, якщо відомо, що за час t=4c вона зробила N=3ofopomu і її нормальне прискорення  $a_n=2.7m/c^2$ .
- **1.26.** Колесо радиусом R=0,1M вращается с угловым ускорением  $\varepsilon$ =3,14 $pa\partial/c^2$ . Найти через  $\delta t$ =2c: 1) угловую скорость  $\omega$ ; 2) линейную скорость v; 3) тангенциальное ускорение  $a_\tau$ ; 4) полное ускорение a.
- **1.26.** Колесо радіусом R=0,1M обертається з кутовим прискоренням  $\varepsilon$ =3,14 $pa\partial/c^2$ . Знайти через  $\delta t$ =2c: 1) кутову швидкість  $\omega$ ; 2) лінійну швидкість v; 3) тангенціальне прискорення  $a_t$ ; 4) повне прискорення a.
- **1.27.** Начальная частота вращения вала v=1800o6/мин, а тормозится с угловым ускорением  $\varepsilon=3pa\partial/c$ . 1) Через сколько времени вал остановится? 2) Сколько оборотов он сделает до полной остановки?
- **1.27.** Початкова частота обертання вала v=1800o6/xв, а гальмується з кутовим прискоренням  $\varepsilon=3pa\partial/c$ . 1) Через скільки часу вал зупиниться? 2) Скільки оборотів він зробить до повної зупинки?

# IMI, кафедра загальної та медичної фізики Ю.М. Дудзінський

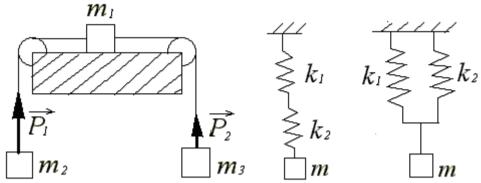
- **1.28.** Маховое колесо спустя 1*мин* после начала движения приобретает частоту вращения v=720*об/мин*. Найти угловое ускорение и общее число оборотов N колеса за эту минуту.
- **1.28.** Махове колесо через 1xe після початку руху здобуває частоту обертання v=720e6/xe. Знайти кутове прискорення і загальне число оборотів N колеса за цю хвилину.
- **1.29.** Точка вращается по закону:  $\varphi = 10 + 20t 2t^2(pad)$ . Найти полное линейное ускорение точки, находящейся на расстоянии R = 0,1м от оси вращения через t = 4c.
- **1.29.** Точка обертається за законом:  $\varphi = 10 + 20t 2t^2(pad)$ . Знайти повне лінійне прискорення точки, що знаходиться на відстані R = 0,1 M від осі обертання через t = 4c.
- **1.30.** Вал вентилятора вращается со скоростью, которая соответствует частоте  $900 o \delta / muh$ . После отключения вентилятор, вращаясь равнозамедленно, сделал до остановки  $N=75 o \delta o \rho o \delta muh$ . Вычислить: 1) время до полной остановки t; 2) угловое ускорение  $\varepsilon$ .
- **1.30.** Вал вентилятора обертається зі швидкістю, що відповідає частоті  $900 o \delta / x \epsilon$ . Після відключення вентилятор, обертаючись з рівномірним гальмуванням, зробив до зупинки  $N=75 o 6 o p o m i \epsilon$ . Обчислити: 1) час до повної зупинки t; 2) кутове прискорення  $\epsilon$ .
- **1.31.** Винт аэросаней радиусом  $R=1_M$  вращается с частотой  $\omega=3000$  об/мин, а сани поступательно перемещаются с постоянной линейной скоростью  $v_0=36$  км/ч. Вычислить полную скорость v точки на конце винта.
- **1.31.** Гвинт аеросаней радіусом  $R=1_M$  обертається з частотою  $\omega=3000o6/x_B$ , а сани поступально переміщуються з постійною лінійною швидкістю  $v_0=36\kappa m/e$ . Обчислити повну швидкість v точки на кінці гвинта.
- **1.32.** Цилиндр, на который намотана нить, может вращаться вокруг собственной оси. За время t=3c груз опустился на высоту h=1,5m. Определить угловое ускорение  $\varepsilon$  цилиндра, если его радиус t=4c.
- **1.32.** Циліндр, на який намотана нитка, може обертатися навколо власної осі. За час t = 3c вантаж опустився на висоту h = 1,5m. Визначити кутове прискорення  $\varepsilon$  циліндра, якщо його радіус r = 4cm.



# ДИНАМИКА ПОСТУПАТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ ДИНАМІКА ПОСТУПАЛЬНОГО РУХУ

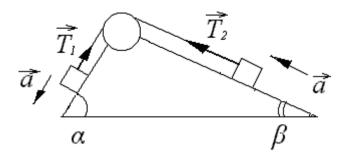
- **1.33.** Шар массой  $m=2\kappa z$  движется под действием некоторой силы F согласно закону  $x(t)=t+t^2-0,2t^2$ . Найти значения этой силы в моменты времени  $t_1=2c$  и  $t_2=5c$ . В какой момент времени  $\tau$  сила равна нулю?
- **1.33.** Куля масою  $m=2\kappa z$  рухається під дією деякої сили F відповідно до закону  $x(t)=t+t^2-0.2t^3$ . Знайти значення цієї сили в моменти часу  $t_1=2c$  и  $t_2=5c$ . У який момент часу  $\tau$  сила дорівнює нулю?

- **1.34.** Массы тел:  $m_1$ =10 $\kappa \varepsilon$ ;  $m_2$ =5 $\kappa \varepsilon$ ;  $m_3$ =8 $\kappa \varepsilon$ , коэффициент трения о поверхность стола r=0,05. С каким ускорением движутся грузы? Чему равны силы натяжения нити  $\vec{P}_1$ ,  $\vec{P}_2$ ? Массой блоков пренебречь.
- **1.34.** Маси тіл:  $m_1$ =10 $\kappa$ 2;  $m_2$ =5 $\kappa$ 2;  $m_3$ =8 $\kappa$ 2, коефіцієнт тертя об поверхню столу r=0,05. З яким прискоренням рухаються вантажі? Чому рівні сили натягу нитки  $\vec{P}_1$ ,  $\vec{P}_2$ ? Масою блоків знехтувати.



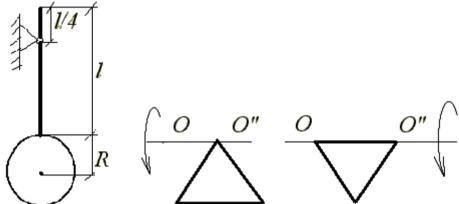
- **1.35.** Жёсткости пружин  $k_1=2\kappa H/m$ ;  $k_2=6\kappa H/m$ . Масса гири  $m=10^3\kappa z$ . Определить общее удлинение пружин в двух случаях 1) последовательного соединения; 2) параллельного соединения.
- **1.35.** Пружності пружин  $k_1 = 2\kappa H/m$ ;  $k_2 = 6\kappa H/m$ . Маса гирі  $m=10^3 \kappa z$ . Визначити загальне подовження пружин у двох випадках 1) послідовної сполуки; 2) паралельної сполуки.
- **1.36.** Тело скользит по наклонной плоскости, составляющей с горизонтом угол  $\alpha$ =45°. Пройдя расстояние S=35cm, тело приобретает скорость v=2m/c. Чему равен r коэффициент трения тела о плоскость?
- **1.36.** Тіло сковзає по похилій площині, що складає з обрієм кут  $\alpha$ =45°. Пройшовши відстань S = 35 c M, тіло здобуває швидкість v = 2 M/c. Чому дорівнює r коефіцієнт тертя тіла об площину?
- **1.37.** Автомат выпускает 600*пуль/мин*. Масса пули m=10г, скорость v=500м/с. Масса автомата M=4кг. Определить силу отдачи  $\vec{F}$  и ускорение  $\vec{a}$ .
- **1.37.** Автомат випускає  $600 n y \pi b / x \theta$ . Маса кулі  $m = 10 \epsilon$ , швидкість v = 500 m / c. Маса автомата  $M = 4 \kappa \epsilon$ . Визначити силу віддачі  $\vec{F}$  та прискорення  $\vec{a}$ .
- **1.38.** Цепь, длиной  $\ell=1$ *м* и массой m=5  $\kappa z$  лежит на столе, частично свисая с края. Коэффициент трения цепи о стол r=0,05. Какая часть цепи должна свисать, чтобы цепь начала скользить?
- **1.38.** Ланцюг, довжиною  $\ell=1$ *м* і масою m=5  $\kappa z$  лежить на столі, частково звисаючи з краю. Коефіцієнт тертя ланцюга об стіл r=0,05. Яка частина ланцюга повинна звисати, щоб ланцюг почав сковзати?
- **1.39.** Два тела одинаковой массы m=1 кг находятся на наклонённых под углами  $\alpha=60^{\circ}$ и  $\beta=30^{\circ}$  к горизонту плоскостях и соединены нерастяжимой нитью, перекинутой через блок. Коэффициент трения тел о плоскости r=0,01. С каким ускорением  $\vec{a}$  движутся грузы? Чему равны силы натяжения нити  $\vec{T}_1$  и  $\vec{T}_2$ ?
- **1.39.** Два тіла однакової маси m=1  $\kappa 2$  знаходяться на нахилених під кутами  $\alpha=60^\circ$  і  $\beta=30^\circ$  до обрію площинах і з'єднані нерозтяжною ниткою, яка перекинута через блок. Коефіцієнт тертя тіл по площині r=0,01. З яким прискоренням  $\vec{a}$  рухаються вантажі? Чому рівні сили натягу нитки  $\vec{T}_1$  і  $\vec{T}_2$ ?

IMI, кафедра загальної та медичної фізики Ю.М. Дудзінський

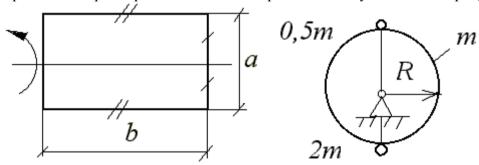


# МОМЕНТ ИНЕРЦИИ \* ДИНАМИКА ВРАЩАТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ МОМЕНТ ІНЕРЦІЇ \* ДИНАМІКА ОБЕРТАЛЬНОГО РУХУ

- **1.40.** Физический маятник составлен из стержня длиной  $\ell=1$ *м* и массой  $m_1=1$   $\kappa z$  и диска массой  $m_2=0,5$   $\kappa z$  и радиусом  $R=\ell/4$ . Найти момент инерции и центр масс маятника.
- **1.40.** Фізичний маятник складений зі стрижня довжиною  $\ell=1$ м і масою  $m_1=1$   $\kappa 2$  і диска масою  $m_2=0,5$   $\kappa 2$  і радіусом  $R=\ell/4$ . Знайти момент інерції і центр мас маятника.

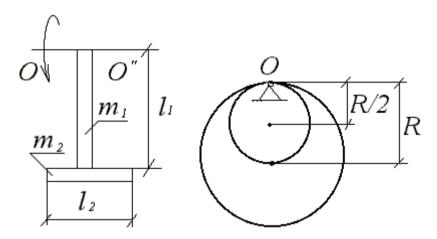


- **1.41.** Определить моменты инерции  $J_1$  и  $J_2$  проволочного равностороннего треугольника массой  $m=12\varepsilon$  и стороной  $a=10\varepsilon M$  в двух случаях 1) ось проходит через вершину; 2) ось совпадает с одной из сторон треугольника.
- **1.41.** Визначити моменти інерції  $J_1$  і  $J_2$  дротового рівностороннього трикутника масою  $m=12\kappa z$  і стороною a=10c m у двох випадках 1) вісь проходить через вершину; 2) вісь збігається з однією зі сторін трикутника.
- **1.42.** Вычислить момент инерции проволочного прямоугольника со сторонами a=12cm и b=16cm относительно оси, проходящей через середины меньших сторон. Линейная плотность массы проволоки  $\tau=0,1\kappa z/m$ .
- **1.42.** Обчислити момент інерції дротового прямокутника зі сторонами a=12cM і b=16cM щодо осі, що проходить через середини менших сторін. Лінійна густина маси дроту  $\tau=0,1\kappa z/M$ .

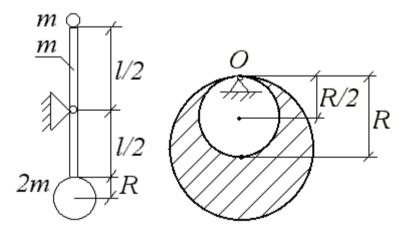


- **1.43.** Физический маятник состоит из диска диаметром d=20cm и массой m=0,3 $\kappa$ z, а также двух точечных грузов массами 0,5m и 2m, расположенных на ободе. Найти момент инерции и расстояние от оси вращения до центра масс.
- **1.43.** Фізичний маятник складається з диска діаметром d=20cm і масою  $m=0,3\kappa c$ , а також двох точкових вантажів масами 0,5m і 2m, які розташовані на ободку. Знайти момент інерції і відстань від осі обертання до центра мас.

- **1.44.** Определить момент инерции физического маятника, состоящего из двух стержней, относительно оси О О" и расстояние от оси до центра масс, если  $\ell_1$ =0,4m,  $m_1$ =0,9 $\kappa$ e,  $\ell_2$ =0,3m,  $m_2$ =0,7 $\kappa$ e. Чему равно расстояние от оси вращения до центра масс маятника?
- **1.44.** Визначити момент інерції фізичного маятника, що складається з двох стрижнів, щодо осі "O O" і відстань від осі до центра мас, якщо  $\ell_1$ =0,4 $\kappa$ ,  $m_1$ =0,9 $\kappa$ ,  $\ell_2$ =0,3 $\kappa$   $m_2$ =0,7 $\kappa$ . Чому дорівнює відстань від осі обертання до центра мас маятника?

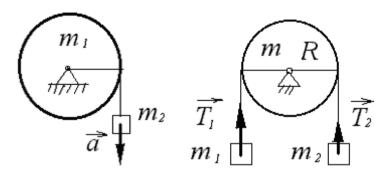


- **1.45.** Из тонкой проволоки, единица длины которой имеет массу  $\tau$ =0,01 $\kappa$ г/M, свернуты кольца с радиусами R=1M и R/2. Ось вращения т. О. Определить момент инерции и расстояние от оси вращения до центра масс.
- **1.45.** З тонкого дроту, одиниця довжини якого має масу  $\tau$ =0,01 $\kappa$ г/м, згорнуті кільця з радіусами R=1M і R/2. Вісь обертання т. О. Визначити момент інерції і відстань від осі обертання до центра мас.
- **1.46.** Физический маятник состоит из однородного стержня ( $\ell$ =1M; m=1 $\kappa$ 2), точечного груза массой m и цилиндра массой 2m и радиусом R=0,1M. Определить момент инерции и расстояние от оси до центра масс.
- **1.46.** Фізичний маятник складається з однорідного стрижня ( $\ell$ =1M; m=1 $\kappa$ 2), крапкового вантажу масою m і циліндра масою 2m і радіусом R=0,1M. Визначити момент інерції і відстань від осі до центра мас.

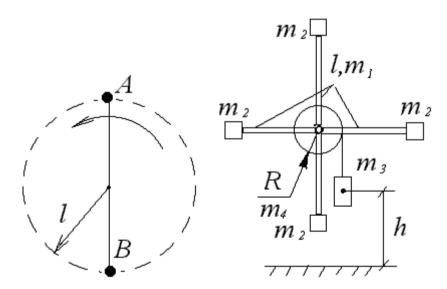


- **1.47.** Из однородного диска радиусом R=0,5m с поверхностной плотностью  $\sigma$  =0,1 $\kappa$ 2m2 вырезали диск радиусом R/2. Ось вращения находится в т.О. Вычислить момент инерции и расстояние от оси до центра масс.
- **1.47.** З однорідного диска радіусом R=0.5 M з поверхневою густиною  $\sigma=0.1 \kappa c/M^2$  вирізали диск радіусом R/2. Вісь обертання знаходиться в т.О. Обчислити момент інерції і відстань від осі до центра мас.

- **1.48.** Цилиндр может вращаться вокруг оси, совпадающей с осью цилиндра. Масса цилиндра  $m_1$ =12 $\kappa$ г. На него намотана нить и подвешен груз массой  $m_2$ =1 $\kappa$ г. Сила трения нити о цилиндр  $F_{mp}$ =0,1H. С каким ускорением опускается груз?
- **1.48.** Циліндр може обертатися навколо осі, що збігається з віссю циліндра. Маса циліндра  $m_1$ =12 $\kappa$ г. На нього намотана нитка і підвішене вантаж масою  $m_2$ =1 $\kappa$ г. Сила тертя нитки об циліндр  $F_{mp}$ =0,1H. З яким прискоренням опускається вантаж?



- **1.49.** Через блок перекинута нить, к концам которой прикреплены грузы  $m_1$ =0,3 $\kappa$ 2 и  $m_2$ =0,7 $\kappa$ 2, масса блока m=0,4 $\kappa$ 2. Определить силы натяжения нитей  $\vec{T}_1$  и  $\vec{T}_2$ .
- **1.49.** Через блок перекинута нитка, до кінців якої прикріплені вантажі  $m_1$ =0,3 $\kappa$ г і  $m_2$ =0,7 $\kappa$ г, маса блоку m=0,4 $\kappa$ г. Визначити сили натягу ниток  $\vec{T}_1$  і  $\vec{T}_2$ .
- **1.50.** Гиря массой  $m=50\varepsilon$ , привязанная к нити длиной  $\ell=25\varepsilon M$ , совершает вращение с частотой  $v=2\Gamma y$ . 1) Чему равна кинетическая энергия гири? 2) Чему равны силы натяжения нити в верхней (т.А) и нижней(т.В) точках?
- **1.50.** Тягар масою m=50г, яка прив'язана до нитки довжиною  $\ell=25$ см, робить обертання з частотою  $v=2\Gamma u$ . 1) Чому дорівнює кінетична енергія гирі? 2) Чому рівні сили натягу нитки у верхній(т.А) і нижній(т.В) точках?



- **1.51.** Маятник Обербека представляет собой четыре стержня длиной  $\ell$ =0,3m и массой  $m_1$ =150 $\epsilon$ , на концах которых закреплены четыре гири массой  $m_2$ =250 $\epsilon$  и колесо радиусом R=0,08m и массой  $m_4$ =50 $\epsilon$ . На колесо намотана нить, на конце которой закреплена гиря массой  $m_3$ =450 $\epsilon$ . Тело  $m_4$  поднято на высоту h=1,5m. С каким ускорением опускается груз  $m_4$ ? Чему равно время разматывания нити?
- **1.51.** Маятник Обербека являє собою чотири стрижні довжиною  $\ell$ =0,3M і масою  $m_1$ =150M, на кінцях яких закріплені чотири вантажі масою  $m_2$ =250 $\ell$  і колесо радіусом R=0,08M і масою  $m_4$ =50 $\ell$ . На колесо намотана нитка, на кінці якої закріплено вантаж масою  $m_3$ =450 $\ell$ . Тіло  $m_4$  під-

# IMI, кафедра загальної та медичної фізики Ю.М. Дудзінський

няте на висоту h=1,5*м*. З яким прискоренням опускається вантаж  $m_4$ ? Чому дорівнює час розмотування нитки?

- **1.52.** Тонкий однородный стержень длиной  $\ell$ =50cm и массой m=400 $\epsilon$  вращается с угловым ускорением  $\epsilon$ =3pa $\partial/c^2$  вокруг оси, проходящей через его середину. Определить силу  $\vec{F}$ .
- **1.52.** Тонкий однорідний стрижень довжиною  $\ell$ =50cm і масою m=400c обертається з кутовим прискоренням  $\varepsilon$ =3 $pad/c^2$  навколо осі, що проходить через його середину. Визначити силу  $\vec{F}$

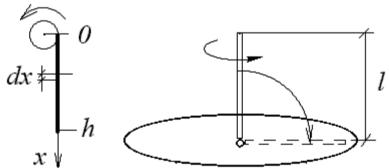


Импульс \* Момент импульса \* <mark>Работа. Энерги</mark>з

- **1.53.** На спокойной воде стоит лодка длиной L=5м и массой  $M=250\kappa 2$ . Человек массой  $m=70\kappa 2$  переместился с кормы на нос. На какое расстояние переместилась лодка? Трением о воду можно пренебречь.
- **1.53.** На спокійній воді знаходиться човен довжиною L=5m і масою  $M=250\kappa z$ . Людина масою  $m=70\kappa z$  перемістилась з корми на ніс. На яку відстань перемістився човен? Тертям об воду можна зневажити.
- **1.54.** Тела массами  $m_1=10\kappa z$  и  $m_2=4\kappa z$  сталкиваются (центральный неупругий удар) и движутся как единое целое. Скорости до удара  $v_1=4m/c$ ;  $v_2=12m/c$ . Найти общую скорость шаров u в двух случаях: 1) второй шар догоняет первый; 2) шары движутся навстречу.
- **1.54.** Тіла масами  $m_1$ =10 $\kappa z$  і  $m_2$ =4 $\kappa z$  зіштовхуються (центральний не пружний удар) і рухаються як єдине ціле. Швидкості до удару  $v_1$ =4u/c;  $v_2$ =12u/c. Знайти загальну швидкість куль u у двох випадках: 1) друга куля доганяє першу; 2) кулі рухаються назустріч.
- **1.55.** Человек массой  $m_1$ =70 $\kappa$ 2, бегущий со скоростью  $v_1$ =9 $\kappa$ m/u, догоняет тележку массой  $m_2$ =190 $\kappa$ 2, движущуюся со скоростью  $v_2$ =3,6 $\kappa$ m/u, и вскакивает на неё. С какой скоростью станет двигаться тележка с человеком? С какой скоростью будет двигаться тележка с человеком, если человек до прыжка бежал навстречу тележке?
- **1.55.** Людина масою  $m_1$ =70 $\kappa$ 2, що біжить зі швидкістю  $v_1$ =9 $\kappa$ m/20 $\sigma$ 2, доганяє візок масою  $m_2$ =190 $\kappa$ 2, що рухається зі швидкістю  $v_2$ =3,6 $\kappa$ m/20 $\sigma$ 2, і стрибає на нього. З якою швидкістю стане рухатися візок з людиною? З якою швидкістю буде рухатися візок з людиною, якщо людина до стрибка бігла назустріч візку?
- **1.56.** Шар массой  $m_1$ =3 $\kappa z$  движется со скоростью  $v_1$ =2m/c и сталкивается с покоящимся шаром массой  $m_2$ =5 $\kappa z$ . Определить скорость u после неупругого удара. Какая работа будет совершена при деформации шаров?
- **1.56.** Куля масою  $m_1=3\kappa z$  рухається зі швидкістю  $v_1=2m/c$  і зіштовхується з нерухомою кулею масою  $m_2=5\kappa z$ . Визначити швидкість u після непружного удару. Яка робота буде зроблена при деформації куль?
- **1.57.** При горизонтальном полёте со скоростью v=250 м/c снаряд массой m=8 кг разорвался на две части. Большая часть массой  $m_1=6 \text{кг}$  получила скорость  $u_1=400 \text{м/c}$  в направлении полёта снаряда. Определить модуль и направление скорости  $u_2$  меньшей части снаряда.
- **1.57.** При горизонтальному польоті зі швидкістю v=250 м/c снаряд масою m=8 кг розірвався на дві частини. Велика частина масою  $m_1=6 \text{кг}$  одержала швидкість  $u_1=400 \text{м/c}$  у напрямку польоту снаряда. Визначити модуль і напрямок швидкості  $u_2$  меншої частини снаряда.

- **1.58.** Шар, двигавшийся горизонтально, столкнулся с неподвижным шаром и передал ему 64% кинетической энергии. Удар прямой, центральный, абсолютно упругий. Во сколько раз масса второго шара больше, чем первого  $(m_2/m_1)$ ?
- **1.58.** Куля, що рухалася горизонтально, зштовхнлася з нерухомою кулею і передала їй 64% кінетичної енергії. Удар прямий, центральний, абсолютно пружний. У скільки разів маса другої кулі більше, ніж першої  $(m_1/m_2)$ ?
- **1.59.** Снаряд массой  $m=10\kappa 2$  и скоростью v=200m/c, летящий горизонтально, разорвался на две части. Меньшая массой  $m_1=3\kappa 2$  получила скорость  $u_1=400m/c$  под углом  $\varphi_1=60^\circ$  вверх от линии горизонта. Определить скорость  $u_2$  и её направление  $\varphi_2$  второй части снаряда.
- **1.59.** Снаряд масою  $m=10\kappa\varepsilon$  і швидкістю v=200m/c, що летить горизонтально, розірвався на дві частини. Менша масою  $m_1=3\kappa\varepsilon$  одержала швидкість  $u_1=400m/c$  під кутом  $\varphi_1=60^\circ$  нагору від лінії обрію. Визначити швидкість  $u_2$  і її напрямок  $\varphi_2$  другої частини снаряда.
- **1.60.** Два человека массами  $m_1$ =50 $\kappa$ 2 и  $m_2$ =80 $\kappa$ 2 на коньках (трением пренебречь) держат в руках натянутый шнур. Первый из них укорачивает шнур со скоростью v=1m/c. С какими скоростями относительно льда будут двигаться конькобежцы?
- **1.60.** Два чоловіки масами  $m_1$ =50 $\kappa z$  і  $m_2$ =80 $\kappa z$  на ковзанах (тертям зневажити) тримають у руках натягнутий шнур. Перший з них укорочує шнур зі швидкістю v=1m/c. З якими швидкостями щодо льоду будуть рухатися ковзанярі?
- **1.61.** В лодке массой  $m_1$ =240 $\kappa$ 2 стоит человек массой  $m_2$ =60  $\kappa$ 2. Лодка плывёт со скоростью v=2m/c. Человек спрыгивает с лодки со скоростью u=4m/c: 1) в направлении движения лодки; 2) против движения лодки. Определить скорость лодки в обоих случаях.
- **1.61.** У човні масою  $m_1$ =240 $\kappa$ г стоїть людина масою  $m_2$ =60  $\kappa$ г. Човен пливе зі швидкістю v=2m/c. Людина стрибає з човна зі швидкістю u=4m/c: 1) у напрямку руху човна; 2) проти руху човна. Визначити швидкість човна в обох випадках.
- **1.62.** Из пружинного пистолета выстрелили пулей массой  $m=5\varepsilon$ . Жёсткость пружины  $k=1,25\kappa H/m$ . Пружина была сжата на  $\Delta \ell=8cm$ . Определить скорость пули на вылете.
- **1.62.** З пружинного пістолета вистрілили кулею масою m=5г. Пружність пружини  $k=1,25\kappa H/m$ . Пружина була стиснута на  $\Delta \ell = 8cm$ . Визначити швидкість кулі на вильоті.
- **1.63** Масса автомобиля  $1000\kappa 2$ , сила трения составляет 0,1 *часть* его веса. Какую работу должен совершить двигатель, чтобы увеличить скорость от  $v_1 = 10\kappa m/4$  до  $v_2 = 40\kappa m/4$  на пути S = 500m?
- **1.63.** Маса автомобіля  $1000\kappa z$ , сила тертя складає 0,1 *частину* його ваги. Яку роботу повинний зробити двигун, щоб збільшити швидкість від  $v_1 = 10\kappa m/z$  до  $v_2 = 40\kappa m/z$  на шляху S = 500m?
- **1.64.** Масса платформы с орудием M=20mонн. Производится выстрел под углом  $\alpha$ =30° к горизонту снарядом массой m=10 $\kappa$ 2 со скоростью v=1000m/c. На какое расстояние  $\ell$  откатится орудие, если коэффициент трения качения r=0,002?
- **1.64.** Маса платформи з гарматою M=20mонn. Виробляється постріл під кутом  $\alpha$ =30° до обрію снарядом масою m=10 $\kappa$ 2 зі швидкістю v=1000m/c. На яку відстань  $\ell$  відкотиться гармата, якщо коефіцієнт тертя катання r =0,002?
- **1.65** Найти мощность, развиваемую двигателем автомобиля массой 1 *тонна*, движущегося горизонтально со скоростью  $v=36\kappa m/u$ . Коэффициент трения колёс о дорогу r=0,07.
- **1.65.** Знайти потужність, що розвивається двигуном автомобіля масою 1*тона*, що рухається горизонтально зі швидкістю  $v=36\kappa m/c$ . Коефіцієнт тертя коліс об дорогу r=0.07.
- **1.66** Тело скользит по наклонной плоскости, составляющей с горизонтом угол  $\alpha$ =45°. Пройдя расстояние S=35cm, тело приобретает скорость v=2m/c. Чему равен r коэффициент трения тела о плоскость?
- **1.66.** Тіло сковзає по похилій площині, що складає з обрієм кут  $\alpha$ =45°. Пройшовши відстань S=35cm, тіло здобуває швидкість v=2m/c. Чому дорівнює r коефіцієнт тертя тіла об площину?
- **1.67.** При вертикальном подъёме груза массой  $m=2\kappa z$  на высоту h=1м постоянной силой F была совершена работа  $A=80 \mathcal{I} \mathcal{M}$ . С каким ускорением  $\vec{a}$  поднимали груз?
- **1.67.** При вертикальному під'йомі вантажу масою  $m=2\kappa z$  на висоту h=1м постійною силою F була зроблена робота  $A=8\mathcal{I}ж$ . З яким прискоренням  $\vec{a}$  піднімали вантаж?

- **1.68** Кинетическая энергия вращающегося маховика  $1 \kappa \mathcal{D} \mathscr{M}$ . Под действием тормозящего момента  $\vec{M}$  маховое колесо остановилось, сделав N=780оборотов. Определить  $\vec{M}$ .
- **1.68.** Кінетична енергія обертового маховика  $1 \kappa \mathcal{D} \mathscr{H}$ . Під дією гальмуючого моменту  $\vec{M}$  махове колесо зупинилося, зробивши N=780оборотів. Визначити  $\vec{M}$ .
- 1.69 По наклонной плоскости высотой h=0.5м и длиной склона S=1м скользит тело массой  $m=3\kappa z$ . Тело приходит к основанию склона со скоростью v=2.45м/с. Найти: 1) коэффициент r трения, 2) работу силы трения  $A_{mn}$ .
- **1.69.** По похилій площині висотою h=0,5m і довжиною схилу S=1m сковзає тіло масою m=3 $\kappa$ c. Тіло приходить до підстави схилу зі швидкістю v=2,45m/c. Знайти: 1) коефіцієнт r тертя, 2) роботу сили тертя  $A_{mp}$ .
- **1.70.** Молот массой  $m_1$ =500 $\kappa$ г ударяет в сваю массой  $m_2$ =100 $\kappa$ г. Определить: 1) КПД удара  $\eta$ , 2) на сколько углубится свая, если коэффициент трения о грунт r=0,1? Удар неупругий.
- **1.70.** Молот масою  $m_1$ =500 $\kappa$ 2 вдаряє в палю масою  $m_2$ =100 $\kappa$ 2. Визначити: 1) КПД удару  $\eta$ , 2) на скільки поглибиться паля, якщо коефіцієнт тертя об грунт r=0,1? Удар не пружний.
- 1.71 Из шахты глубиной h=600м поднимают лифт массой m=3000кг на тросе, каждый метр которого имеет массу  $\Delta m=1.5$ кг/м. Какова полная работа  $A[\mathcal{L}m]$ ? Чему равен КПД  $\eta$ ?
- **1.71.** З шахти глибиною h=600M піднімають ліфт масою m=3000K2 на тросі, кожен метр якого має масу  $\Delta m$ =1,5K2M. Яка повна робота  $A[\mathcal{J}\mathcal{H}]$ ? Чому дорівнює КПД  $\eta$ ?
- 1.72 По куску железа, мягкого после нагрева, ударяет молот массой  $m_2$ =8 $\kappa$ 2. Масса наковальни с железом  $m_1$ =300 $\kappa$ 2. Определить  $K\Pi \not \!\!\! / \eta$  удара, если удар абсолютно неупругий. Полезной считать энергию, затраченную на деформацию куска железа.
- **1.72.** По шматку заліза, м'якого після нагрівання, ударяє молот масою  $m_2$ =8 $\kappa$ 2. Маса ковадла з залізом  $m_1$ =300 $\kappa$ 2. Визначити  $K\Pi \mathcal{I} \eta$  удару, якщо удар абсолютно непружний. Корисною вважати енергію, яка витрачається на деформацію шматка заліза.
- **1.73** Из шахты глубиной h=1000м поднимают на поверхность трос, каждый погонный метр которого имеет массу  $\tau=2\kappa c/m$ . Какая работа при этом выполнена?
- **1.73.** Із шахти глибиною h=1000м піднімають на поверхню трос, кожний погонний метр якого має масу  $\tau=2\kappa z/m$ . Яка робота при цьому виконана?



- **1.74.** Человек стоит на круглой платформе (момент инерции человека с платформой  $J=6\kappa\varepsilon\cdot m^2$ ) и держит вертикально стержень длиной  $\ell=2,4m$  и массой  $m=8\kappa\varepsilon$ . Платформа вращается с частотой  $v_1=1\Gamma u$ . Какова будет частота  $v_2$ , если человек повернёт стержень в горизонтальное положение?
- **1.74.** Людина стоїть на круглій платформі (момент інерції людини з платформою  $J=6\kappa\varepsilon\cdot m^2$ ) і тримає вертикально стрижень довжиною  $\ell=2,4m$  і масою  $m=8\kappa\varepsilon$ . Платформа обертається з частотою  $v_1=1\Gamma u$ . Яка буде частота  $v_2$ , якщо людина поверне стрижень у горизонтальне положення?
- **1.75.** Платформа, имеющая форму диска, может вращаться вокруг вертикальной оси. На краю платформы стоит человек. На какой угол  $\varphi$  повернется платформа, если человек, обойдя её, вернётся в исходную точку? Масса платформы  $m_1$ =280 $\kappa$ 2, масса человека  $m_2$ =80 $\kappa$ 2. Считать человека точечным телом.
- **1.75.** Платформа, що має форму диска, може обертатися навколо вертикальної осі. На краю платформи стоїть людина. На який кут  $\varphi$  повернеться платформа, якщо людина, обійшов-

## IMI, кафедра загальної та медичної фізики Ю.М. Дудзінський

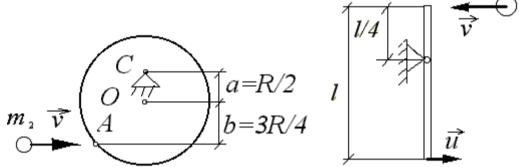
ши її, повернеться у вихідну точку? Маса платформи  $m_1=280\kappa z$ , маса людини  $m_2=80\kappa z$ . Вважати людини точечним тілом.

**1.76.** Человек стоит на круглой платформе (суммарный момент инерции  $J=6\kappa c\cdot m^2$ ) и ловит рукой мяч массой  $m=0,4\kappa c$ , летящий горизонтально со скоростью v=20m/c. Траектория мяча проходит на расстоянии r=0,8m от оси вращения платформы. С какой угловой скоростью  $\omega$  начнёт вращаться платформа?

**1.76.** Людина стоїть на круглій платформі (сумарний момент інерції  $J=6\kappa c\cdot m^2$ ) і ловить рукою м'яч масою  $m=0,4\kappa c$ , що летить горизонтально зі швидкістю v=20m/c. Траєкторія м'яча проходить на відстані r=0,8m від осі обертання платформи. З якою кутовою швидкістю  $\omega$  почне обертатися платформа?

**1.77.** Однородный диск массой  $m=0,2\kappa\varepsilon$  и радиусом  $R=20\varepsilon m$  может вращаться вокруг оси в т. С. В т. А попадает пластилиновый шарик массой  $m_2=10\varepsilon$ , летящий со скоростью  $v=10m/\varepsilon$ . Определить угловую скорость  $\omega$  и линейную скорость u точки О.

**1.77.** Однорідний диск масою  $m=0,2\kappa\varepsilon$  і радіусом R=20cM може обертатися навколо осі в т. С. У т. А попадає пластилінова кулька масою  $m_2=10\varepsilon$ , що летить зі швидкістю  $v=10M/\varepsilon$ . Визначити кутову швидкість  $\omega$  і лінійну швидкість u крапки О.

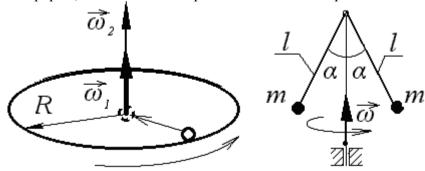


**1.78.** Однородный стержень длиной  $\ell=1$ м и массой  $m_1=0,2$ кг может свободно вращаться вокруг оси. В верхний конец стержня попадает пластилиновый шарик массой  $m_2=10$ г, имевший скорость v=10м/с и прилипает. Определить угловую скорость  $\omega$  стержня и линейную скорость u его нижнего конца.

**1.78.** Однорідний стрижень довжиною  $\ell=1$ *м* і масою  $m_1=0,2\kappa \varepsilon$  може вільно обертатися навколо осі. У верхній кінець стрижня попадає пластилінова кулька масою  $m_2=10$ *м*, що мала швидкість v=10*м*/c і прилипає. Визначити кутову швидкість  $\omega$  стрижня і лінійну швидкість u його нижнього кінця.

**1.79.** Момент инерции платформы  $(R=1_M) J=120\kappa \varepsilon M^2$  и она вращается с частотой  $v_1=606/muH$ . На краю платформы стоит человек (точечное тело) массой  $m=80\kappa \varepsilon$ . С какой частотой  $v_2$  будет вращаться платформа, если человек переместится в её центр?

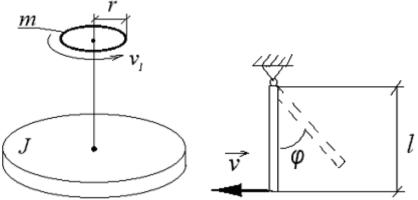
**1.79.** Момент інерції платформи (R=1м) J=120кг·м² і вона обертається з частотою  $v_1=60$ б/хв. На краю платформи стоїть людина (точечне тіло) масою m=80кг. З якою частотою  $v_2$  буде обертатися платформа, якщо людина переміститься в її центр?



1.80 Стабилизатор угловой скорости состоит из двух стержней (массой пренебречь) длиной  $\ell$ =0,5m и двух точечных грузов массой m=1 $\kappa$ 2 каждый. Система вращается с угловой скоростью  $\omega$ =5pad/c. На какой угол  $\alpha$  отклонился каждый груз?

# IMI, кафедра загальної та медичної фізики Ю.М. Дудзінський

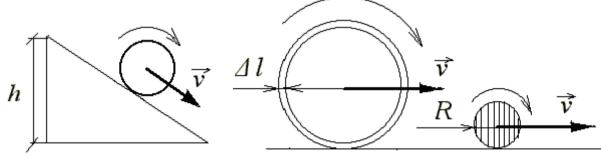
- **1.80.** Стабілізатор кутової швидкості складається з двох стрижнів(масою зневажити) довжиною  $\ell$ =0,5m і двох точечних вантажів масою m=1 $\kappa$ 2 кожний. Система обертається з кутовою швидкістю  $\omega$ =5pad/c. На який кут  $\alpha$  відхилився кожен вантаж?
- **1.81.** На оси платформы (момент инерции  $J=6\kappa r \cdot m^2$ ) находится колесо массой  $m=3\kappa r$  и радиусом r=20cm. Платформа неподвижна, колесо вращается с частотой  $v=10\Gamma \mu$ . С какой частотой будет вращаться платформа, если колесо остановить?
- **1.81.** На осі платформи (момент інерції  $J=6\kappa e^{-\kappa u^2}$ ) знаходиться колесо масою  $m=3\kappa e$  і радіусом r=20cm. Платформа нерухома, колесо обертається з частотою  $v=10\Gamma u$ . З якою частотою буде обертатися платформа, якщо колесо зупинити?



- **1.82.** Однородный стержень длиной  $\ell=1$ *м* может вращаться вокруг оси, проходящей через один из его концов. Стержень отклонили на угол  $\varphi=60^{\circ}$  от положения равновесия и отпустили. Определить скорость  $\vec{V}$  конца стержня в момент прохождения им положения равновесия.
- **1.82.** Однорідний стрижень довжиною  $\ell=1$ м може обертатися навколо осі, що проходить через один з його кінців. Стрижень відхилили на кут  $\varphi=60^{\circ}$  від положення рівноваги і відпустили. Визначити швидкість  $\vec{v}$  кінця стрижня в момент проходження їм положення рівноваги.

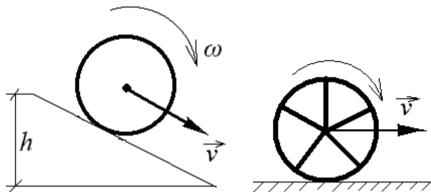
# ДВИЖЕНИЕ АБСОЛЮТНО ТВЁРДОГО ТЕЛА РУХ АБСОЛЮТНО ТВЕРДОГО ТІЛА

- **1.83.** Определить линейную скорость v центра шара, скатившегося без скольжения с наклонной плоскости высотой h=1m.
- **1.83.** Визначити лінійну швидкість у центра кулі, що скатились без ковзання з похилої площини висотою h=1*м*.



- **1.84.** Обруч и сплошной цилиндр, имеющие одинаковую массу  $m=2\kappa z$ , катятся без скольжения с линейной скоростью v=5m/c. Радиус цилиндра R=0,15m, толщина обруча  $\Delta \ell=0,01m$ , плотность материала  $\rho$  для обоих тел одинакова, высоты обруча и цилиндра одинаковы. Найти полные кинетические энергии  $E_1$  и  $E_2$  этих твёрдых тел.
- **1.84.** Обруч і суцільний циліндр, що мають однакову масу  $m=2\kappa z$ , котяться без ковзання з лінійною швидкістю v=5m/c. Радіус циліндра R=0,15m, товщина обручини  $\Delta \ell=0,01m$ , густина матеріалу  $\rho$  для обох тіл однакова, висоти обручини і циліндра однакові. Знайти повні кінетичні енергії  $E_1$  і  $E_2$  цих твердих тел.

- **1.85.** Обруч скатывается по наклонной плоскости с высоты h=90cm. Какова линейная скорость  $\vec{V}$  центра кольца?
- **1.85.** Обруч скачується по похилій площині з висоти h=90cm. Яка лінійна швидкість  $\vec{v}$  центра кільця?



- **1.86.** Колесо представляет собой обод массой  $m_1$ = $10\kappa$ 2 и радиусом R=0,25 M с пятью спицами (однородные стержни) массой  $m_2$ = $1\kappa$ 2 каждая. Центр масс колеса перемещается со скоростью v=10 M/c. Какую долю от полной кинетической энергии колеса составляет кинетическая энергия его поступательного движения ( $E_{nocm}/E_{\kappa}$ )?
- **1.86.** Колесо має вигляд ободку з масою  $m_1$ = $10\kappa 2$  і радіусом R=0,25 m та п'ять спиць (однорідні стрижні) масою  $m_2$ = $1\kappa 2$  кожна. Центр мас колеса переміщується зі швидкістю v=10 m/c. Яка доля від повної кінетичної енергіїї колеса представлена кінетичною енергією його поступального руху ( $E_{nocm}/E_{\kappa}$ )?