



优化理论、算法及实现

作者：李鑫

组织：吉林大学

时间：January 29, 2021

版本：0.1

目录

第一部分	Constantine Caramanis 的课程	1
1	基本定义	2
1.1	基本的线性代数和微积分	2
1.2	凸集合和凸函数	2
1.2.1	凸集合	2
1.2.2	子空间和仿射空间	2
1.2.3	半空间/超平面	2
1.2.4	锥	2
1.2.5	凸函数	2
1.3	凸优化的最优性条件	2
1.3.1	无约束问题一阶最优条件	3
1.3.2	有约束问题一阶最优条件	3
1.3.3	投影	3
1.4	ElegantBook 更新说明	3
1.5	模板安装与更新	4
1.5.1	在线使用模板	4
1.5.2	本地免安装使用	4
1.5.3	发行版安装使用	4
1.5.4	更新问题	4
1.5.5	其他发行版本	5
1.6	用户作品计划	5
1.7	关于提交	6
1.8	协作人员招募	6
1.9	致谢	6
1.10	捐赠	6
2	一阶算法	8
2.1	梯度和次梯度下降	8
2.1.1	梯度下降	8
2.1.2	次梯度下降	8
2.1.3	抽象的三条性质	8
2.2	光滑和强凸性质	8

2.2.1	光滑	9
2.2.2	强凸	9
2.2.3	光滑凸函数	9
2.2.4	强凸函数	9
2.3	收敛速度	9
2.4	加速/动量梯度	9
2.5	近端和投影梯度	9
2.5.1	投影梯度	9
2.5.2	近端算子	9
2.6	镜像梯度	9
2.7	随机梯度	9
2.8	语言模式	9
2.9	设备选项	9
2.10	颜色主题	10
2.11	封面	10
2.11.1	封面个性化	10
2.11.2	封面图	11
2.11.3	徽标	11
2.11.4	自定义封面	11
2.12	章标标题	11
2.13	数学环境简介	12
2.13.1	定理类环境的使用	12
2.13.2	其他环境的使用	12
2.14	装饰物	13
2.15	列表环境	13
2.16	参考文献	13
2.17	添加序章	14
2.18	目录选项与深度	14
2.19	章节摘要	15
2.20	章后习题	15
第二章	习题	15
2.21	旁注	16
3	二阶算法	18
3.1	牛顿法	18
3.2	拟牛顿法	18
3.3	内点法	18
3.4	数学字体选项	18

3.5	使用 newtx 系列字体	18
3.5.1	连字符	18
3.5.2	宏包冲突	19
3.6	中文字体选项	19
3.6.1	方正字体选项	19
3.6.2	其他中文字体	20
4	对偶	21
4.1	Fenchel 对偶	21
4.2	对偶分解	21
4.3	近端点和增广拉格朗日算法	21
4.4	Lebesgue 积分	21
4.4.1	积分的定义	21
	第四章习题	23
5	常见问题集	25
6	其他	27
A	基本数学工具	28
A.1	求和算子与描述统计量	28



第一部分

Constantine Caramanis 的课程

第一章 基本定义

1.1 基本的线性代数和微积分

1.2 凸集合和凸函数

内容提要

- 凸集合 1.2.1
- 锥 1.2.4
- 子空间和仿射空间 1.2.2
- 凸函数的四种定义 1.2.5
- 半空间/超平面 1.2.3

1.2.1 凸集合

定义 1.1. 凸集合

如果 $x_1, x_2 \in \mathbb{C}$ 凸集合, 那么 $\exists 0 \leq \lambda \leq 1$ 使得 $x_1 + \lambda(x_2 - x_1) \in \mathbb{C}$.



1.2.2 子空间和仿射空间

定义 1.2. span space

列向量 v_1, v_2, \dots, v_k , 由其张成的空间为 $V = \text{span}\{v_1, v_2, \dots, v_k\} = \{v = \sum_{i=1}^k \alpha_i v_i, \alpha_i \in \mathbb{R}\}$. 记矩阵 $M = [v_1, v_2, \dots, v_k]$, 则 $V = \text{Range}(M)$.



定义 1.3. null space

$\text{Nullspace}(M) = \{x : Mx = 0\}$.



1.2.3 半空间/超平面

1.2.4 锥

1.2.5 凸函数

1.3 凸优化的最优性条件

内容提要

- 无约束 1.3.1
- 投影 1.3.3
- 有约束 1.3.2

1.3.1 无约束问题一阶最优条件

1.3.2 有约束问题一阶最优条件

1.3.3 投影

Elegant \LaTeX 项目组致力于打造一系列美观、优雅、简便的模板方便用户使用。目前由 **ElegantNote**, **ElegantBook**, **ElegantPaper** 组成, 分别用于排版笔记, 书籍和工作论文。强烈推荐使用最新正式版本! 本文将介绍本模板的一些设置内容以及基本使用方法。如果您有其他问题, 建议或者意见, 欢迎在 GitHub 上给我们提交 **issues** 或者邮件联系我们。

我们的联系方式如下, 建议加入用户 QQ 群提问, 这样能更快获得准确的反馈, 加群时请备注 \LaTeX 或者 Elegant \LaTeX 相关内容。

- 官网: <https://elegantlatex.org/>
- GitHub 网址: <https://github.com/ElegantLaTeX/>
- CTAN 地址: <https://ctan.org/pkg/elegantbook>
- 文档 Wiki: <https://github.com/ElegantLaTeX/ElegantBook/wiki>
- 下载地址: 正式发行版, 最新版
- 微博: Elegant \LaTeX
- 微信公众号: Elegant \LaTeX
- 用户 QQ 群: 692108391
- 邮件: elegantlatex2e@gmail.com

1.4 ElegantBook 更新说明

此次更新主要有

1. 增加数学字体选项 **math**, 可选项为 **newtx** 和 **cm**。
重要提示: 原先通过 **newtxmath** 宏包设置的数学字体改为 \LaTeX 默认数学字体, 如果保持原来的字体, 需要显式声明数学字体 (**math=newtx**);
2. 新增中文字体选项 **chinesefont**, 可选项为 **ctexfont**、**founder** 和 **nofont**。
3. 将封面作者信息设置为可选, 并且增加自定义信息命令 **\bioinfo**;
4. 在说明文档中增加版本历史, 新增 **\datechange** 命令和 **change** 环境;
5. 增加汉化章节选项 **scheme**, 可选项为汉化 **chinese**;
6. 由于 **\lvert** 问题已经修复, 重新调整 **ctex** 宏包和 **amsmath** 宏包位置。
7. 修改页眉设置, 去除了 **\lastpage** 以避免 page anchor 问题, 加入 **\frontmatter**。
8. 修改参考文献选项 **cite**, 可选项为数字 **numbers**、作者-年份 **authoryear** 以及上标 **super**。
9. 新增参考文献样式选项 **bibstyle**, 并将英文模式下参考文献样式 **apalike** 设置为默认值, 中文仍然使用 **gbt7714** 宏包设置。



笔记 如果你之前使用了本模板, 在使用新版本时, 需要删除文档中的 **\hypersetup{pageanchor=true}**, 并且在 **\maketitle** 和 **\tableofcontents** 之间添加 **\frontmatter**。

2.x 版本的用户请仔细查看[跨版本转换](#)。

1.5 模板安装与更新

你可以通过免安装的方式使用本模板，包括在线使用和本地（文件夹内）使用两种方式，也可以通过 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ 发行版安装使用。

1.5.1 在线使用模板

我们把三套模板全部上传到 [Overleaf](#) 上了，网络便利的用户可以直接通过 [Overleaf](#) 在线使用我们的模板。使用 [Overleaf](#) 的好处是无需安装 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ Live 2019，可以随时随地访问自己的文件。查找模板，请在 [Overleaf](#) 模板库里面搜索 `elegantlatex` 即可，你也可以直接访问[搜索结果](#)。选择适当的模板之后，将其 `Open as Template`，即可把模板存到自己账户下，然后可以自由编辑以及和别人一起协作。更多关于 [Overleaf](#) 的介绍和使用，请参考 [Overleaf](#) 的[官方文档](#)。

注 [Overleaf](#) 上，中文需要使用 $\text{X}_{\text{E}}\text{L}_{\text{A}}\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ 进行编译，英文建议使用 $\text{pdfL}_{\text{A}}\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ 编译。

1.5.2 本地免安装使用

免安装使用方法如下，从 [GitHub](#) 或者 [CTAN](#) 下载最新（正式）版文件，严格意义上只需要类文件 `elegantbook.cls`。然后将模板文件放在你的工作目录下即可使用。这样使用的好处是，无需安装，简便；缺点是，当模板更新之后，你需要手动替换 `cls` 文件。

1.5.3 发行版安装使用

如果你是 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ Live 2019 用户，我们推荐你直接进行安装和更新。你可以通过 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ Live 2019 自带的 `tlshell`¹ 进行安装。安装非常简单，步骤如下，搜索并打开 `tlshell`，然后通过 `File -> Load Default Repository` 加载远程仓库，如果你不想使用默认的仓库，你可以通过 `Options` 下的菜单设置远程仓库。设置好仓库之后，等待仓库加载完毕，你可以在下面的搜索栏搜索 `elegantbook`，然后选择进行安装与更新。

1.5.4 更新问题

如果使用 `tlshell` 无法更新模板，请使用命令行全部更新全部宏包或者使用免安装的方法使用本模板。

通过命令行（管理员权限）输入下面的命令对 `tlmgr` 自身和全部宏包进行更新。

```
tlmgr update --self
tlmgr update --all
```

更多的内容请参考 [How do I update my \$\text{T}_{\text{E}}\text{X}\$ distribution?](#)

¹也叫 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ Live Manager

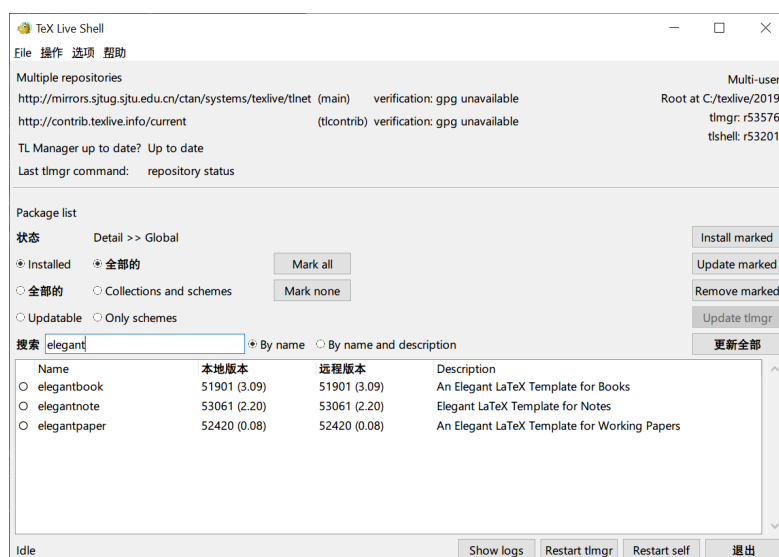


图 1.1: 使用 TeX Live Shell 安装 ElegantBook 模板

1.5.5 其他发行版本

如果你是 TeX Live 2018 的用户，由于 2018 难以更新到 2019，建议卸载 2018 重装 2019。如果嫌麻烦，你可以手动安装模板，将 `elegantbook.cls` 复制到你的 TeX Live 目录下，默认安装目录为 `C:\texlive\2019\texmf-dist\tex\latex\elephantbook`，然后通过命令行（管理员权限），运行 `texhash` 即可。

由于宏包版本问题，本模板不支持 CT_{EX} 套装。更多关于 TeX Live 2019 的安装使用以及 CT_{EX} 与 TeX Live 的兼容、系统路径问题，请参考官方文档以及嘶行的一份简短的 [安装 L^AT_EX 的介绍](#)。

1.6 用户作品计划

ElegantL^AT_EX 系列模板从创立至今已经有 9 年了，我们的模板也受到了很多用户的喜爱，在此，为了促进模板用户之间的交流，了解用户需求，完善本模板，我们将建立一个区域专门展示用户的文档，包括但不限于 GitHub 和官网等。如果你愿意将自己的作品展示出来，请邮件或者其他方式联系我们。如果自己代码已经传到 GitHub 或者 Gitee 等网站，可以提供对应网址。用户文档中心目前有下面一些作品：

1. 唐绍东：微积分笔记
2. 曲豆豆：超甜微积分习题集
3. 王世强：《化工数值计算与 MATLAB》复习指南
4. 李晨迪：Fluid Mechanics Notes
5. 肖明顺：地球物理勘查 常用规范汇编
6. 白衣卿相：期末复习笔记-拓扑学摘要

1.7 关于提交

出于某些因素的考虑，Elegant \LaTeX 项目自 2019 年 5 月 20 日开始，不再接受任何非作者预约性质的提交（pull request）！如果你想改进模板，你可以给我们提交 issues，或者可以在遵循协议（LPPL-1.3c）的情况下，克隆到自己仓库下进行修改。

1.8 协作人员招募

招募 Elegant \LaTeX 的协作人员（志愿者），没有报酬。工作内容：翻译 Elegant \LaTeX 系列模板文档，维护模板的维基，如果有公众号文稿写作经历的话，也可以帮忙写微信稿。本公告长期有效。目前 Elegant \LaTeX 共有 4 名协作人员，在此感谢他们无私的奉献！

- 官方文档翻译: [YPY](#);
- GitHub 维基维护: [Ingo Zinningo](#)、[追寻原风景](#);
- QQ 群管理、FAQ 整理: [Sikouhju](#).

另外，也感谢 [Xiangdong Zeng](#)、[逐鹿人](#) 等人帮忙群管理。

1.9 致谢

2019 年 5 月 20 日，ElegantBook 模板在 GitHub 上的收藏数（star）达到了 100²。在此特别感谢 China \LaTeX 以及 \LaTeX 工作室对于本系列模板的大力宣传与推广。 \LaTeX 工作室网站上有很多精彩的帖子和精致的模板，欢迎大家去挖掘里面的宝藏，这也是国内最全面的 \LaTeX 相关的网站。

如果你喜欢我们的模板，你可以在 GitHub 上收藏我们的模板。

1.10 捐赠

如果您非常喜爱我们的模板或者我，你还可以选择捐赠³以表达您对我们模板和我的支持。本模板自 3.08 版本发布了捐赠信息之后，收到了超过 1500 元的捐赠（四舍五入就是一个亿），非常感谢！



微信



支付宝

²截止 3.10 版本正式发布，star 数为 374。

³最好在捐赠时备注信息。

赞赏费用的使用解释权归 **Elegant \LaTeX** 所有，并且不接受监督，请自愿理性打赏。
10 元以上的赞赏，我们将列入捐赠榜，谢谢各位金主！

表 1.1: Elegant \LaTeX 系列模板捐赠榜

捐赠者	金额	时间	渠道	捐赠者	金额	时间	渠道
Lerh	10 RMB	2019/05/15	微信	越过地平线	10 RMB	2019/05/15	微信
银桑	20 RMB	2019/05/27	微信	* 空	10 RMB	2019/05/30	微信
latexstudio.net	666 RMB	2019/06/05	支付宝	A*n	40 RMB	2019/06/15	微信
* 夏	22 RMB	2019/06/15	微信	* 倩	21 RMB	2019/06/15	微信
Cassis	11 RMB	2019/06/30	微信	* 君	10 RMB	2019/07/23	微信
P*u	50 RMB	2019/07/30	微信	* 萌	19 RMB	2019/08/28	微信
曲豆豆	10 RMB	2019/08/28	微信	李博	100 RMB	2019/10/06	微信
Njustll	10 RMB	2019/10/11	微信	刘志阔	99.99 RMB	2019/10/15	支付宝
* 韬	16 RMB	2019/10/17	微信	赤霓	12 RMB	2019/10/17	支付宝
追寻原风景	10 RMB	2019/10/28	微信	郭德良	88 RMB	2019/11/03	微信
自强不息	20 RMB	2019/11/04	支付宝	读书之虫	20 RMB	2019/11/18	微信
* 等	10 RMB	2019/11/18	微信	* 哲	20 RMB	2019/11/18	微信
佚名	10 RMB	2019/11/24	微信	Jiye Qian	66 RMB	2019/12/04	微信
* 阳	20 RMB	2019/12/05	微信	Catcher	11 RMB	2019/12/08	支付宝
希尔波特门徒	10 RMB	2019/12/09	支付宝	* 伟	10 RMB	2019/12/09	微信
Simon	20 RMB	2019/12/11	支付宝	流殇、浅忆	66.60 RMB	2019/12/18	支付宝
羽	10 RMB	2019/12/20	支付宝	* 琛	15 RMB	2019/12/20	微信
随风	20 RMB	2019/12/27	支付宝	Ws	23.30 RMB	2019/12/28	微信
初八	100 RMB	2020/01/02	支付宝	p*e	20 RMB	2020/01/03	微信
Shunmx	100 RMB	2020/01/03	微信	hj	10 RMB	2020/01/03	微信
F*5	10 RMB	2020/01/03	微信	S*m	20.20 RMB	2020/01/03	微信
二代青雉	13 RMB	2020/01/14	支付宝	*?	66 RMB	2020/01/15	微信
Mr. Xiong	20 RMB	2020/01/17	微信	* 博	15 RMB	2020/01/18	微信
* 者	10 RMB	2020/02/02	微信	Jackie	88.80 RMB	2020/02/09	微信

另外，为了表示感谢，我们制作了捐赠纪念证，欢迎大家来信告知邮箱以及姓名（艺名），我们将通过邮件发送电子版纪念证。



第二章 一阶算法

2.1 梯度和次梯度下降

内容提要

- ▣ 梯度下降 2.1.1
- ▣ 次梯度下降 2.1.2
- ▣ 三性质 2.1.3

2.1.1 梯度下降

2.1.2 次梯度下降

2.1.3 抽象的三条性质

2.2 光滑和强凸性质

内容提要

- ▣ 光滑 2.2.1
- ▣ 光滑凸函数 2.2.3
- ▣ 强凸 2.2.2
- ▣ 强凸函数 2.2.4

2.2.1 光滑

2.2.2 强凸

2.2.3 光滑凸函数

2.2.4 强凸函数

2.3 收敛速度

2.4 加速/动量梯度

2.5 近端和投影梯度

2.5.1 投影梯度

2.5.2 近端算子

2.6 镜像梯度

2.7 随机梯度

本模板基于基础的 book 文类，所以 book 的选项对于本模板也是有效的（纸张无效，因为模板有设备选项）。默认编码为 UTF-8，推荐使用 \TeX Live 编译。本文编写环境为 Win10 (64bit) + \TeX Live 2019，支持 pdf \LaTeX 以及 X \LaTeX 编译。中文请尽量使用 X \LaTeX 编译。

2.8 语言模式

本模板内含两套语言环境，改变语言环境会改变图表标题的引导词（图，表），文章结构词（比如目录，参考文献等），以及定理环境中的引导词（比如定理，引理等）。不同语言模式的启用如下：

```
\documentclass[cn]{elegantbook}
\documentclass[lang=cn]{elegantbook}
```

注 只有中文环境（`lang=cn`）才可以输入中文。另外如果抄录环境（`lstlisting`）中有中文字符，请务必使用 X \LaTeX 编译。

2.9 设备选项

最早我们在 ElegantNote 模板中加入了设备选项（`device`），后来，我们觉得这个设备选项的设置可以应用到 ElegantBook 中¹，而且 Book 一般内容比较多，如果在 iPad 上

¹不过因为 ElegantBook 模板封面图片的存在，在修改页面设计时，需要对图片进行裁剪。

看无需切边，放大，那用户的阅读体验将会得到巨大提升。你可以使用下面的选项将版面设置为 iPad 设备模式²





















```
\documentclass[pad]{elegantbook} %or
\documentclass[device=pad]{elegantbook}
```

2.10 颜色主题

本模板内置 5 组颜色主题，分别为 **green**³、**cyan**、**blue**（默认）、**gray**、**black**。另外还有一个自定义的选项 **nocolor**。调用颜色主题 **green** 的方法为

```
\documentclass[green]{elegantbook} %or
\documentclass[color=green]{elegantbook}
```

表 2.1: ElegantBook 模板中的颜色主题

	green	cyan	blue	gray	black	主要使用的环境
structure						chapter section subsection
main						definition exercise problem
second						theorem lemma corollary
third						proposition

如果需要自定义颜色的话请选择 **nocolor** 选项或者使用 **color=none**，然后在导言区定义 **structurecolor**、**main**、**second**、**third** 颜色，具体方法如下：

```
\definecolor{structurecolor}{RGB}{0,0,0}
\definecolor{main}{RGB}{70,70,70}
\definecolor{second}{RGB}{115,45,2}
\definecolor{third}{RGB}{0,80,80}
```

2.11 封面

2.11.1 封面个性化

从 3.10 版本开始，封面更加弹性化，用户可以自行选择输出的内容，包括 **\title** 在内的所有封面元素都可为空。目前封面的元素有

- 标题： **\title**

²默认为 **normal** 模式，也即 A4 纸张大小。

³为原先默认主题。

- 副标题: `\subtitle`
- 作者: `\author`
- 机构: `\institute`
- 日期: `\date`
- 版本: `\version`
- 箴言: `\extrainfo`
- 封面图: `\cover`
- 徽标: `\logo`

另外, 额外增加一个 `\bioinfo` 命令, 有两个选项, 分别是信息标题以及信息内容。比如需要显示 User Name: 111520, 则可以使用

```
\bioinfo{User Name}{111520}
```

2.11.2 封面图

本模板使用的封面图片来源于 pixabay.com⁴, 图片完全免费, 可用于任何场景。封面图片的尺寸为 1280 × 1024, 更换图片的时候请严格按照封面图片尺寸进行裁剪。推荐一个免费的在线图片裁剪网站 fotor.com。用户 QQ 群内有一些合适尺寸的封面, 欢迎取用。

2.11.3 徽标

本文用到的 Logo 比例为 1:1, 也即正方形图片, 在更换图片的时候请选择合适的图片进行替换。

2.11.4 自定义封面

另外, 如果需要使用自定义的封面, 比如 Adobe illustrator 或者其他软件制作的 A4 PDF 文档, 请把 `\maketitle` 注释掉, 然后借助 `pdfpages` 宏包将自制封面插入即可。如果使用 `titlepage` 环境, 也是类似。如果需要 2.x 版本的封面, 请参考 `etitlepage`。

2.12 章标标题

本模板内置 2 套章标题显示风格, 包含 `hang` (默认) 与 `display` 两种风格, 区别在于章标题单行显示 (`hang`) 与双行显示 (`display`), 本说明使用了 `hang`。调用方式为

```
\documentclass[hang]{elegantbook} %or
\documentclass[titlestyle=hang]{elegantbook}
```

在章标题内, 章节编号默认是以数字显示, 也即第 1 章, 第 2 章等等, 如果想要把数字改为中文, 可以使用

⁴感谢 ChinaTeX 提供免费图源网站, 另外还推荐 pexels.com。


```
\documentclass[chinese]{elegantbook} %or
\documentclass[scheme=chinese]{elegantbook}
```

2.13 数学环境简介

在我们这个模板中，我们定义了两种不同的定理模式 **mode**，包括简单模式 (**simple**) 和炫彩模式 (**fancy**)，默认为 **fancy** 模式，不同模式的选择为

```
\documentclass[simple]{elegantbook} %or
\documentclass[mode=simple]{elegantbook}
```

本模板定义了四大类环境

- 定理类环境，包含标题和内容两部分，全部定理类环境的编号均以章节编号。根据格式的不同分为 3 种
 - **definition** 环境，颜色为 **main**;
 - **theorem**、**lemma**、**corollary** 环境，颜色为 **second**;
 - **proposition** 环境，颜色为 **third**。
- 示例类环境，有 **example**、**problem**、**exercise** 环境（对应于例、例题、练习），自动编号，编号以章节为单位，其中 **exercise** 有提示符。
- 提示类环境，有 **note** 环境，特点是：无编号，有引导符。
- 结论类环境，有 **conclusion**、**assumption**、**property**，**remark**、**solution** 环境⁵，三者均以粗体的引导词为开头，和普通段落格式一致。

2.13.1 定理类环境的使用

由于本模板使用了 **tcolorbox** 宏包来定制定理类环境，所以和普通的定理环境的使用有些许区别，定理的使用方法如下：

```
\begin{theorem}{theorem name}{label}
The content of theorem.
\end{theorem}
```

第一个必选项 **theorem name** 是定理的名字，第二个必选项 **label** 是交叉引用时所用到的标签，交叉引用的方法为 **\ref{thm:label}**。请注意，交叉引用时必须加上前缀 **thm:**。

其他相同用法的定理类环境有：

2.13.2 其他环境的使用

其他三种环境没有选项，可以直接使用，比如 **example** 环境的使用方法与效果：

⁵本模板还添加了一个 **result** 选项，用于隐藏 **solution** 和 **proof** 环境，默认为显示 (**result=answer**)，隐藏使用 **result=noanswer**。

表 2.2: 定理类环境

环境名	标签名	前缀	交叉引用
definition	label	def	<code>\ref{def:label}</code>
theorem	label	thm	<code>\ref{thm:label}</code>
lemma	label	lem	<code>\ref{lem:label}</code>
corollary	label	cor	<code>\ref{cor:label}</code>
proposition	label	pro	<code>\ref{pro:label}</code>

```
\begin{example}
  This is the content of example environment.
\end{example}
```

这几个都是同一类环境，区别在于

- 示例环境（example）、练习（exercise）与例题（problem）章节自动编号；
- 注意（note），练习（exercise）环境有提醒引导符；
- 结论（conclusion）等环境都是普通段落环境，引导词加粗。

2.14 装饰物

本模板为章节后和页面下方的装饰物（base）添加了隐藏选项，有 show（默认）和 hide 两个选项。

```
\documentclass[hide]{elegantbook} %or
\documentclass[base=hide]{elegantbook}
```

2.15 列表环境

本模板借助于 tikz 定制了 itemize 和 enumerate 环境，其中 itemize 环境修改了 3 层嵌套，而 enumerate 环境修改了 4 层嵌套（仅改变颜色）。示例如下

- | | |
|---------------------------|-----------------------------|
| • first item of nesti; | 1. first item of nesti; |
| • second item of nesti; | 2. second item of nesti; |
| • first item of nestii; | (a). first item of nestii; |
| • second item of nestii; | (b). second item of nestii; |
| • first item of nestiii; | I. first item of nestiii; |
| • second item of nestiii. | II. second item of nestiii. |

2.16 参考文献

此模板使用了 BibTeX 来生成参考文献，在中文示例中，使用了 gbt7714 宏包。参考文献示例：[?] 使用了中国一个大型的 P2P 平台（人人贷）的数据来检验男性投资

者和女性投资者在投资表现上是否有显著差异。

你可以在谷歌学术, Mendeley, Endnote 中获得文献条目 (bib item), 然后把它们添加到 `reference.bib` 中。在文中引用的时候, 引用它们的键值 (bib key) 即可。注意需要在编译的过程中添加 `BibTeX` 编译。如果你想添加未引用的文献, 可以使用

```
\nocite{EINAV2010,Havrylchyk2018} %or include some bibitems
\nocite{*} %include all the bibitems
```

本模板还添加了 `cite=numbers`、`cite=super` 和 `cite=authoryear` 三个参考文献选项, 用于设置参考文献格式的设置, 默认为 `numbers`。据我们所知, 理工科类一般使用数字形式 `numbers` 或者上标形式 `super`, 而文科类使用作者-年份 `authoryear` 比较多, 所以我们将 `numbers` 作为默认格式。如果需要改为 `cite=super` 或者 `authoryear`, 可以使用

```
\documentclass[cite=super]{elegantbook} % set super style ref style
\documentclass[super]{elegantbook}
\documentclass[cite=authoryear]{elegantbook} % set author year ref style
\documentclass[authoryear]{elegantbook}
```

为了方便文献样式修改, 模板引入了 `bibstyle` 选项, 默认为 `apalike`, 更多的选择可以参考 `BibTeX Bibliography Styles`。用法为

```
\documentclass[bibstyle=apalike]{elegantbook}
```

2.17 添加序章

如果你想在第一章前面添序章, 不改变原本章节序号, 可以在第一章内容前面使用

```
\chapter*{Introduction}
\markboth{Introduction}{Introduction}
The content of introduction.
```

2.18 目录选项与深度

本模板添加了一个目录选项 `toc`, 可以设置目录为单栏 (`onecol`) 和双栏 (`twocol`) 显示, 比如双栏显示可以使用

```
\documentclass[twocol]{elegantbook}
\documentclass[toc=twocol]{elegantbook}
```

默认本模板目录深度为 1, 你可以在导言区使用

```
\setcounter{tocdepth}{2}
```

将其修改为 2 级目录 (章与节) 显示。

2.19 章节摘要

模板新增了一个章节摘要环境（introduction），使用示例

```
\begin{introduction}
  \item Definition of Theorem
  \item Ask for help
  \item Optimization Problem
  \item Property of Cauchy Series
  \item Angle of Corner
\end{introduction}
```

效果如下：

内容提要

<input type="checkbox"/> Definition of Theorem	<input type="checkbox"/> Property of Cauchy Series
<input type="checkbox"/> Ask for help	<input type="checkbox"/> Angle of Corner
<input type="checkbox"/> Optimization Problem	

环境的标题文字可以通过这个环境的可选参数进行修改，修改方法为：

```
\begin{introduction}[Brief Introduction]
...
\end{introduction}
```

2.20 章后习题

前面我们介绍了例题和练习两个环境，这里我们再加一个，章后习题（problemset）环境，用于在每一章结尾，显示本章的练习。使用方法如下

```
\begin{problemset}
  \item exercise 1
  \item exercise 2
  \item exercise 3
\end{problemset}
```

效果如下：

❧ 第二章习题 ❧

1. exercise 1
2. exercise 2
3. exercise 3
4. 测试数学公式

$$a^2 + b^2 = c_{2_i}(1, 2)[1, 23] \quad (2.1)$$



注 如果你想把 `problemset` 环境的标题改为其他文字，你可以类似于 `introduction` 环境修改 `problemset` 的可选参数。另外，目前这个环境会自动出现在目录中，但是不会出现在页眉页脚信息中（待解决）。

解 如果你想把 `problemset` 环境的标题改为其他文字，你可以类似于 `introduction` 环境修改 `problemset` 的可选参数。另外，目前这个环境会自动出现在目录中，但是不会出现在页眉页脚信息中（待解决）。

2.21 旁注

在 3.08 版本中，我们引入了旁注设置选项 `marginpar=margintrue` 以及测试命令 `\elegantpar`，但是由此带来一堆问题。我们决定在 3.09 版本中将其删除，并且，在旁注命令得到大幅度优化之前，不会将此命令再次引入书籍模板中。对此造成各位用户的不方便，非常抱歉！不过我们保留了 `marginpar` 这个选项，你可以使用 `marginpar=margintrue` 获得保留右侧旁注的版面设计。然后使用系统自带的 `\marginpar` 或者 `marginnote` 宏包的 `\marginnote` 命令。

注 在使用旁注的时候，需要注意的是，文本和公式可以直接在旁注中使用。

```
% text
\marginpar{margin paragraph text}

% equation
\marginpar{
  \begin{equation}
    a^2 + b^2 = c^2
  \end{equation}
}
```

但是浮动体（表格、图片）需要注意，不能用浮动体环境，需要使用直接插图命令或者表格命令环境。然后使用 `\captionof` 为其设置标题。为了得到居中的图表，可以使用 `\centerline` 命令或者 `center` 环境。更多详情请参考：[Caption of Figure in Marginpar](#)。

```
% graph with centerline command
\marginpar{
  \centerline{
    \includegraphics[width=0.2\textwidth]{logo.png}
  }
  \captionof{figure}{your figure caption}
}

% graph with center environment
\marginpar{
  \begin{center}
    \includegraphics[width=0.2\textwidth]{logo.png}
  \end{center}
}
```

```
\captionof{figure}{your figure caption}  
\end{center}  
}
```



第三章 二阶算法

3.1 牛顿法

3.2 拟牛顿法

3.3 内点法

字体选项独立成章的原因是，我们希望本模板的用户关心模板使用的字体，知晓自己使用的字体以及遇到字体相关的问题能更加便捷地找到答案。

重要提示：从 3.10 版本更新之后，沿用至今的 `newtx` 系列字体被重新更改为 `cm` 字体。并且新增中文字体（`chinesefont`）选项。

3.4 数学字体选项

本模板定义了一个数学字体选项（`math`），可选项有三个：

1. `math=cm`（默认），使用 L^AT_EX 默认数学字体（推荐，无需声明）；
2. `math=newtx`，使用 `newtxmath` 设置数学字体（潜在问题比较多）。
3. `math=mtpro2`，使用 `mtpro2` 宏包设置数学字体，要求用户已经成功安装此宏包。

3.5 使用 `newtx` 系列字体

如果需要使用原先版本的 `newtx` 系列字体，可以通过显示声明数学字体：

```
\documentclass[math=newtx]{elegantbook}
```

3.5.1 连字符

如果使用 `newtx` 系列字体宏包，需要注意下连字符的问题。

$$\int_{R^q} f(x,y)dy.off \quad (3.1)$$

的代码为

```
\begin{equation}
\int_{R^q} f(x,y) dy.\emph{of \kern0pt f}
\end{equation}
```


3.5.2 宏包冲突

另外在 3.08 版本中, 有用户反馈模板在和 `yhmath` 以及 `esvect` 等宏包搭配使用的时候会出现报错:

LaTeX Error:
Too many symbol fonts declared.

原因是在使用 `newtxmath` 宏包时, 重新定义了数学字体用于大型操作符, 达到了最多 16 个数学字体的上限, 在调用其他宏包的时候, 无法新增数学字体。为了减少调用非常用宏包, 在此给出如何调用 `yhmath` 以及 `esvect` 宏包的方法。

请在 `elegantbook.cls` 内搜索 `yhmath` 或者 `esvect`, 将你所需要的宏包加载语句取消注释即可。

```
%%% use yhmath pkg, uncomment following code
% \let\oldwidering\widering
% \let\widering\undefined
% \RequirePackage{yhmath}
% \let\widering\oldwidering

%%% use esvect pkg, uncomment following code
% \RequirePackage{esvect}
```

3.6 中文字体选项

模板从 3.10 版本提供中文字体选项 `chinesefont`, 可选项有

1. `ctexfont`: 默认选项, 使用 `ctex` 宏包根据系统自行选择字体, 可能存在字体缺失的问题, 更多内容参考 `ctex` 宏包[官方文档](#)¹。
2. `founder`: 方正字体选项, 调用 `ctex` 宏包并且使用 `fontset=none` 选项, 然后设置字体为方正四款免费字体, 方正字体下载注意事项见后文。
3. `nofont`: 调用 `ctex` 宏包并且使用 `fontset=none` 选项, 不设定中文字体, 用户可以自行设置中文字体, 具体见后文。

注 使用 `founder` 选项或者 `nofont` 时, 必须使用 \LaTeX 进行编译。

3.6.1 方正字体选项

由于使用 `ctex` 宏包默认调用系统已有的字体, 部分系统字体缺失严重, 因此, 用户希望能够使用其它字体, 我们推荐使用方正字体。方正的方正书宋、方正黑体、方正楷体、方正仿宋四款字体均可免费试用, 且可用于商业用途。

用户可以自行从[方正字体官网](#)下载此四款字体, 在下载的时候请务必注意选择 GBK 字符集

¹可以使用命令提示符, 输入 `texdoc ctex` 调出本地 `ctex` 宏包文档

全部字体订单	待付款	已完成	字体/订单号	搜索
--------	-----	-----	--------	----

如果订单中包含方正黑体、方正书宋、方正仿宋、方正楷体这四款字体，针对“商业发布”使用方式免费，其它字体仅用于“个人非商业”使用

字体名称	编码	单价	实付价	交易状态	操作
订单号: C20200204164821OW1F		2020-02-04 16:48:21			
方正仿宋_GBK 	简繁扩展(GBK)	¥ 0.00	免费	已完成	
方正黑体_GBK 	简繁扩展(GBK)	¥ 0.00			
方正书宋_GBK 	简繁扩展(GBK)	¥ 0.00			
方正楷体_GBK 	简繁扩展(GBK)	¥ 0.00			

也可以使用 \LaTeX 工作室提供的方正字体，提取码为：njy9 进行安装。安装时，Win 10 用户请右键选择为全部用户安装，否则会找不到字体。

3.6.2 其他中文字体

如果你想完全自定义字体²，你可以选择 `chinesefont=nofont`，然后在导言区设置

```
\setCJKmainfont[BoldFont={FZHei-B01},ItalicFont={FZKai-Z03}]{FZShuSong-Z01}
\setCJKsansfont[BoldFont={FZHei-B01},ItalicFont={FZHei-B01}]{FZHei-B01}
\setCJKmonofont[BoldFont={FZHei-B01},ItalicFont={FZHei-B01}]{FZFangSong-Z02}
\setCJKfamilyfont{zh song}{FZShuSong-Z01}
\setCJKfamilyfont{zh hei}{FZHei-B01}
\setCJKfamilyfont{zh kai}{FZKai-Z03}
\setCJKfamilyfont{zh fs}{FZFangSong-Z02}
\newcommand*{\songti}{\CJKfamily{zh song}}
\newcommand*{\heiti}{\CJKfamily{zh hei}}
\newcommand*{\kaishu}{\CJKfamily{zh kai}}
\newcommand*{\fangsong}{\CJKfamily{zh fs}}
```

²这里仍然以方正字体为例。

第四章 对偶

4.1 Fenchel 对偶

4.2 对偶分解

4.3 近端点和增广拉格朗日算法

内容提要

□ 积分定义 4.1

□ Fubini 定理 4.1

□ 最优性原理 4.1

□ 柯西列性质 4.4.1

□ 韦达定理

4.4 Lebesgue 积分

在前面各章做了必要的准备后，本章开始介绍新的积分。在 Lebesgue 测度理论的基础上建立了 Lebesgue 积分，其被积函数和积分域更一般，可以对有界函数和无界函数统一处理。正是由于 Lebesgue 积分的这些特点，使得 Lebesgue 积分比 Riemann 积分具有在更一般条件下的极限定理和累次积分交换积分顺序的定理，这使得 Lebesgue 积分不仅在理论上更完善，而且在计算上更灵活有效。

Lebesgue 积分有几种不同的定义方式。我们将采用逐步定义非负简单函数，非负可测函数和一般可测函数积分的方式。

由于现代数学的许多分支如概率论、泛函分析、调和分析等常常用到一般空间上的测度与积分理论，在本章最后一节将介绍一般的测度空间上的积分。

4.4.1 积分的定义

我们将通过三个步骤定义可测函数的积分。首先定义非负简单函数的积分。以下设 E 是 \mathcal{R}^n 中的可测集。

定义 4.1. 可积性

设 $f(x) = \sum_{i=1}^k a_i \chi_{A_i}(x)$ 是 E 上的非负简单函数，其中 $\{A_1, A_2, \dots, A_k\}$ 是 E 上的一个可测分割， a_1, a_2, \dots, a_k 是非负实数。定义 f 在 E 上的积分为 $\int_a^b f(x)$

$$\int_E f dx = \sum_{i=1}^k a_i m(A_i) \pi \alpha \beta \sigma \gamma \nu \xi \epsilon \epsilon. \oint_a^b \oint_a^b \prod_{i=1}^n \quad (4.1)$$

一般情况下 $0 \leq \int_E f dx \leq \infty$ 。若 $\int_E f dx < \infty$ ，则称 f 在 E 上可积。




一个自然的问题是，Lebesgue 积分与我们所熟悉的 Riemann 积分有什么联系和区别？在 4.4 在我们将详细讨论 Riemann 积分与 Lebesgue 积分的关系。这里只看一个简单的例子。设 $D(x)$ 是区间 $[0, 1]$ 上的 Dirichlet 函数。即 $D(x) = \chi_{Q_0}(x)$ ，其中 Q_0 表示 $[0, 1]$ 中的有理数的全体。根据非负简单函数积分的定义， $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上的 Lebesgue 积分为

$$\int_0^1 D(x) dx = \int_0^1 \chi_{Q_0}(x) dx = m(Q_0) = 0 \quad (4.2)$$

即 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上是 Lebesgue 可积的并且积分值为零。但 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上不是 Riemann 可积的。

有界变差函数是与单调函数有密切联系的一类函数。有界变差函数可以表示为两个单调递增函数之差。与单调函数一样，有界变差函数几乎处处可导。与单调函数不同，有界变差函数类对线性运算是封闭的，它们构成一线空间。练习题 4.1 是一个性质的证明。

 **练习 4.1** 设 $f \notin L(\mathcal{R}^1)$ ， g 是 \mathcal{R}^1 上的有界可测函数。证明函数

$$I(t) = \int_{\mathcal{R}^1} f(x+t)g(x)dx \quad t \in \mathcal{R}^1 \quad (4.3)$$

是 \mathcal{R}^1 上的连续函数。

解 即 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上是 Lebesgue 可积的并且积分值为零。但 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上不是 Riemann 可积的。

证明 即 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上是 Lebesgue 可积的并且积分值为零。但 $D(x)$ 在 $[0, 1]$ 上不是 Riemann 可积的。

定理 4.1. Fubini 定理

(1) 若 $f(x, y)$ 是 $\mathcal{R}^p \times \mathcal{R}^q$ 上的非负可测函数，则对几乎处处的 $x \in \mathcal{R}^p$ ， $f(x, y)$ 作为 y 的函数是 \mathcal{R}^q 上的非负可测函数， $g(x) = \int_{\mathcal{R}^q} f(x, y) dy$ 是 \mathcal{R}^p 上的非负可测函数。并且

$$\int_{\mathcal{R}^p \times \mathcal{R}^q} f(x, y) dx dy = \int_{\mathcal{R}^p} \left(\int_{\mathcal{R}^q} f(x, y) dy \right) dx. \quad (4.4)$$

(2) 若 $f(x, y)$ 是 $\mathcal{R}^p \times \mathcal{R}^q$ 上的可积函数，则对几乎处处的 $x \in \mathcal{R}^p$ ， $f(x, y)$ 作为 y 的函数是 \mathcal{R}^q 上的可积函数，并且 $g(x) = \int_{\mathcal{R}^q} f(x, y) dy$ 是 \mathcal{R}^p 上的可积函数。而且 4.4 成立。



笔记 在本模板中，引理 (lemma)，推论 (corollary) 的样式和定理 4.1 的样式一致，包括颜色，仅仅只有计数器的设置不一样。

我们说一个实变或者复变量的实值或者复值函数是在区间上平方可积的，如果其绝对值的平方在该区间上的积分是有限的。所有在勒贝格积分意义下平方可积的可测函数构成一个希尔伯特空间，也就是所谓的 L^2 空间，几乎处处相等的函数归为同一等价类。形式上， L^2 是平方可积函数的空间和几乎处处为 0 的函数空间的商空间。

命题 4.1. 最优性原理

如果 u^* 在 $[s, T]$ 上为最优解, 则 u^* 在 $[s, T]$ 任意子区间都是最优解, 假设区间为 $[t_0, t_1]$ 的最优解为 u^* , 则 $u(t_0) = u^*(t_0)$, 即初始条件必须还是在 u^* 上。



我们知道最小二乘法可以用来处理一组数据, 可以从一组测定的数据中寻求变量之间的依赖关系, 这种函数关系称为经验公式。本课题将介绍最小二乘法的精确定义及如何寻求点与点之间近似成线性关系时的经验公式。假定实验测得变量之间的 n 个数据, 则在平面上, 可以得到 n 个点, 这种图形称为“散点图”, 从图中可以粗略看出这些点大致散落在某直线近旁, 我们认为其近似为一线性函数, 下面介绍求解步骤。

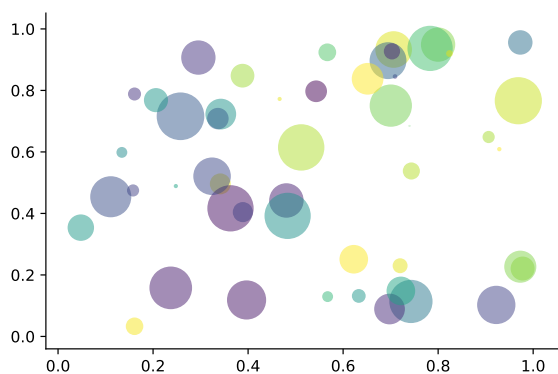


图 4.1: 散点图示例 $\hat{y} = a + bx$

以最简单的一元线性模型来解释最小二乘法。什么是一元线性模型呢? 监督学习中, 如果预测的变量是离散的, 我们称其为分类 (如决策树, 支持向量机等), 如果预测的变量是连续的, 我们称其为回归。回归分析中, 如果只包括一个自变量和一个因变量, 且二者的关系可用一条直线近似表示, 这种回归分析称为一元线性回归分析。如果回归分析中包括两个或两个以上的自变量, 且因变量和自变量之间是线性关系, 则称为多元线性回归分析。对于二维空间线性是一条直线; 对于三维空间线性是一个平面, 对于多维空间线性是一个超平面。

性质 柯西列的性质

1. $\{x_k\}$ 是柯西列, 则其子列 $\{x_k^i\}$ 也是柯西列。
2. $x_k \in \mathcal{R}^n$, $\rho(x, y)$ 是欧几里得空间, 则柯西列收敛, (\mathcal{R}^n, ρ) 空间是完备的。

结论 回归分析 (regression analysis) 是确定两种或两种以上变量间相互依赖的定量关系的一种统计分析方法。运用十分广泛, 回归分析按照涉及的变量的多少, 分为一元回归和多元回归分析; 按照因变量的多少, 可分为简单回归分析和多重回归分析; 按照自变量和因变量之间的关系类型, 可分为线性回归分析和非线性回归分析。

第四章习题

1. 设 A 为数域 K 上的 n 级矩阵。证明: 如果 K^n 中任意非零列向量都是 A 的特征向量, 则 A 一定是数量矩阵。

2. 证明：不为零矩阵的幂零矩阵不能对角化。
3. 设 $A = (a_{ij})$ 是数域 K 上的一个 n 级上三角矩阵, 证明: 如果 $a_{11} = a_{22} = \cdots = a_{nn}$, 并且至少有一个 $a_{kl} \neq 0 (k < l)$, 则 A 一定不能对角化。



第五章 常见问题集

我们根据用户社区反馈整理了下面一些常见的问题，用户在遇到问题时，应当首先查阅本手册和本部分的常见的问题。

1. 有没有办法章节用“第一章，第一节，(一)”这种？

见前文介绍，可以使用 `scheme=chinese` 设置。

2. 3.07 版本的 `cls` 的 `natbib` 加了 `numbers` 编译完了没变化，群主设置了不可更改了？
之前在 3.07 版本中在引入 `gbt7714` 宏包时，加入了 `authoryear` 选项，这个使得 `natbib` 设置了 `numbers` 也无法生效。3.08 和 3.09 版本中，模板新增加了 `numbers`、`super` 和 `authoryear` 文献选项，你可以参考前文设置说明。

3. 大佬，我想把正文字体改为亮色，背景色改为黑灰色。

页面颜色可以使用 `\pagecolor` 命令设置，文本命令可以参考[这里](#)进行设置。

4. Package `ctex` Error: CTeX fontset ‘Mac’ is unavailable.

在 Mac 系统下，中文编译请使用 $\text{X}_{\text{L}}\text{LaTeX}$ 。

5. ! LaTeX Error: Unknown option ‘`scheme=plain`’ for package ‘`ctex`’.

你用的 $\text{CT}_{\text{E}}\text{X}$ 套装吧？这个里面的 `ctex` 宏包已经是已经是 10 年前的了，与本模板使用的 `ctex` 宏集有很大区别。不建议 $\text{CT}_{\text{E}}\text{X}$ 套装了，请卸载并安装 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ Live 2019。

6. 我该使用什么版本？

请务必使用**最新正式发行版**，发行版间不定期可能会有更新（修复 bug 或者改进之类），如果你在使用过程中没有遇到问题，不需要每次更新**最新版**，但是在发行版更新之后，请尽可能使用最新版（发行版）！最新发行版可以在 GitHub 或者 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ Live 2019 内获取。

7. 我该使用什么编辑器？

你可以使用 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ Live 2019 自带的编辑器 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ works 或者使用 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ studio， $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ works 的自动补全，你可以参考我们的总结 [T_EXworks 自动补全](#)。推荐使用 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ Live 2019 + $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ studio。我自己用 VS Code 和 Sublime Text，相关的配置说明，请参考 [L^AT_EX 编译环境配置：Visual Studio Code 配置简介](#) 和 [Sublime Text 搭建 L^AT_EX 编写环境](#)。

8. 您好，我们想用您的 ElegantBook 模板写一本书。关于机器学习的教材，希望获得您的授权，谢谢您的宝贵时间。

模板的使用修改都是自由的，你们声明模板来源以及模板地址（GitHub 地址）即可，其他未尽事宜按照开源协议 LPPL-1.3c。做好之后，如果方便的话，可以给我们一个链接，我把你们的教材放在 Elegant $\text{L}^{\text{A}}\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ 用户作品集里。

9. 请问交叉引用是什么？

本群和本模板适合有一定 \LaTeX 基础的用户使用，新手请先学习 \LaTeX 的基础，理解各种概念，否则你将寸步难行。

10. 定义等环境中无法使用加粗命令么？

是这样的，默认中文并没加粗命令，如果你想在定义等环境中使用加粗命令，请使用 `\heiti` 等字体命令，而不要使用 `\textbf`。或者，你可以将 `\textbf` 重新定义为 `\heiti`。英文模式不存在这个问题。

11. 代码高亮环境能用其他语言吗？

可以的，ElegantBook 模板用的是 `listings` 宏包，你可以在环境 (`\lstlisting`) 之后加上语言（比如 Python 使用 `language=Python` 选项），全局语言修改请使用 `lsset` 命令，更多信息请参考宏包文档。

12. 群主，什么时候出 Beamer 的模板（主题），ElegantSlide 或者 ElegantBeamer？

由于 Beamer 中有一个很优秀的主题 `Metropolis`。在找到非常好的创意之前不会发布正式的 Beamer 主题，如果你非常希望得到 Elegant \LaTeX “官方”的主题，请在用户 QQ 群内下载测试主题 PreElegantSlide。正式版制作计划在今年或者明年。



第六章 其他

根据用户的反馈，我们不断修正和完善模板。截止到此次更新，ElegantBook 模板在 GitHub 上有将近 100 次提交，正式发行版本（release）有 16 次。

2020/02/10 更新：版本 3.10 正式发布

- ① 增加数学字体选项 `math`，可选项为 `newtx` 和 `cm`。
重要提示：原先通过 `newtxmath` 宏包设置的数学字体改为 L^AT_EX 默认数学字体，如果需保持原来的字体，需要显式声明数学字体（`math=newtx`）；
- ② 新增中文字体选项 `chinesefont`，可选项为 `ctexfont`、`founder` 和 `nofont`。
- ③ 将封面作者信息设置为可选，并且增加自定义信息命令 `\bioinfo`；
- ④ 在说明文档中增加版本历史，新增 `\datechange` 命令和 `change` 环境；
- ⑤ 增加汉化章节选项 `scheme`，可选项为汉化 `chinese`；
- ⑥ 由于 `\lvert` 问题已经修复，重新调整 `ctex` 宏包和 `amsmath` 宏包位置。
- ⑦ 修改页眉设置，去除了 `\lastpage` 以避免 page anchor 问题，加入 `\frontmatter`。
- ⑧ 修改参考文献选项 `cite`，可选项为数字 `numbers`、作者-年份 `authoryear` 以及上标 `super`。
- ⑨ 新增参考文献样式选项 `bibstyle`，并将英文模式下参考文献样式 `apalike` 设置为默认值，中文仍然使用 `gbt7714` 宏包设置。

2019/08/18 更新：版本 3.09 正式发布

- ① 由于 `\elegantpar` 存在问题，暂时性删除 `\elegantpar` 命令，并提示用户改用 `\marginnote` 和 `\marginpar` 旁注/边注命令。
- ② 积分操作符统一更改为 `esint` 宏包设置；
- ③ 新增目录选项 `toc`，可选项为单栏 `onecol` 和双栏 `twocol`；
- ④ 手动增加参考文献选项 `cite`，可选项为上标形式 `super`；
- ⑤ 修正章节习题（`problemset`）环境。

附录 A 基本数学工具

本附录包括了计量经济学中用到的一些基本数学，我们扼要论述了求和算子的各种性质，研究了线性和某些非线性方程的性质，并复习了比例和百分数。我们还介绍了一些在应用计量经济学中常见的特殊函数，包括二次函数和自然对数，前 4 节只要求基本的代数技巧，第 5 节则对微分学进行了简要回顾；虽然要理解本书的大部分内容，微积分并非必需，但在一些章末附录和第 3 篇某些高深专题中，我们还是用到了微积分。

A.1 求和算子与描述统计量

求和算子是用以表达多个数求和运算的一个缩略符号，它在统计学和计量经济学分析中扮演着重要作用。如果 $\{x_i : i = 1, 2, \dots, n\}$ 表示 n 个数的一个序列，那么我们就把这 n 个数的和写为：

$$\sum_{i=1}^n x_i \equiv x_1 + x_2 + \cdots + x_n \quad (\text{A.1})$$