

18-19DSA期末考答案

本答案由群笨猫自制，由于做这份卷的时候被打断了n多次，所以正确率堪忧喵。如果做出来跟笨猫的不一样，很可能是笨猫有问题，记得在群里说一下。

选择题

选择题一般是15-20分，前面的简单题1分，后面的困难题2分。

- 1.C 注意顺序存储的线性表，在插入时还得挪位置，所以是 $O(n)$
- 2.D 由森林转换二叉树时，第一棵树构成二叉树根及左子树，其余树构成右子树。所以二叉树根结点右子树上结点个数是第二、三棵树结点个数之和，即 $M_2 + M_3$
- 3.C $1+3+9+27+81+243=364$ ，所以是C
- 4.A 堆是完全二叉树，大顶堆根结点最大，用顺序表存储时满足此特性，A 正确；堆排序时间复杂度平均为 $O(n \log n)$ ，最坏也是 $O(n \log n)$ ，空间复杂度为 $O(1)$ ，B、C、D 错误
- 5.D 完全有向图，所以是 $n(n-1)$ ，如果是无向图则要/2
- 6.C 应该是以该事件为头的，这个事件和活动的讲法，真tm傻逼啊，而且一般不是用点算弧吗？太反人类了吧
- 7.B 无向图的邻接矩阵是对称的，AOV是顶点表示活动图（有向无环），AOE是边表示活动图（有向无环），所以是B
- 8.B 用邻接表表示图，拓扑排序需遍历所有顶点和边，时间复杂度为 $O(n + e)$ ， n 是顶点数， e 是边数。
- 9.C $8+7+6+\dots+2+1=36$ ， $36+1=37$ ，我感觉是得加个'\0'，然后变成37的，同时要注意一下，software 这里每个字母都不重复，所以可以直接算，但如果是genshin这种，有两个n，那就要考虑'n'的子串重复了。
- 10.C 归并，还是那句话，好好看表
- 11.C 除了哈希表，其它都跟表长度有关
- 12.A 前序为ABCDEF，中序为CBAEDF，前序第一个是A，说明根节点是A，所以后序最后一个是A；看中序为CBAEDF，说明CB在左子树，EDF在右子树，所以后序开头是CB，再看前序是DEF，中序是EDF，说明D是子树的根节点，EF分别是左右孩子，所以后序为CBEFDA。（总体来说，就是前序/后序找根，中序看划分，然后不断分解这个过程）
- 13.A 17-18一猫一样的题

填空题

填空题一般是15-20分，前面的简单题每空1分，后面的困难题每空2分。

- 1.由于无头结点，所以链栈为空的判断条件是S==NULL
- 2.直接看表，O(n)，详细一点可以写O(d(n+r))
- 3.邻接矩阵主要还是看结点数量，所以是 $O(n^2)$
- 4.普通二叉链表有n+1个空指针，自己举几个例子就行；中序线索二叉链表应该是只有2个空指针来着？中序第一个的左孩子和最后一个的右孩子为空
- 5.看while(i*i<=n)就知道是 $O(\sqrt{n})$ 了
- 6. $4 \times 2 + 3 \times 1 + 1 \times 5 = 2 + 1 + 5 + n - 1, n = 9$ ，或者你自己画个图
- 7. $1 + 2 + \dots + 1024 = 2047$, 2018介于2047和1023之间，最后一层是 $1024 + 2018 - 2047 = 995$ 个节点，所以右子树一共有 $1 + 2 + \dots + 256 + 995 - 512 = 994$ 个节点
- 8.可以考虑一个9顶点完全强连通图+一个孤立点，此时有 $9 \times 8 = 72$ 条边，这时候再让孤立点指向其它顶点，这样就有 $72 + 9 = 81$ 条边了。
- 9.先序是中左右，中序是左中右，先序和中序相同，说明没有左子树，只有5个节点，一路往右
- 10.第一次查91，第二次234，第三次123，一共3次比较

应用题

应用题一般是40-50分，每题分值不等

- 1.
(1) $n(1 \times 4 \times x + 2 \times x + 3) = 180, n(2 \times 4 \times x + 3 \times x + 4) = 324$ ，所以 $6x + 3$ 和 $11x + 4$ 的比是5/9， $54x + 27 = 55x + 20, x = 7$
(2) $45n = 180, n = 4$
(3)按照列优先，那就是 $1000 + 4(2 + 3 \times 5 + 4 \times 5 \times 4) = 1388$
- 2.这题就纯作业题了
线性探测法就是1234这样试，没什么好说的

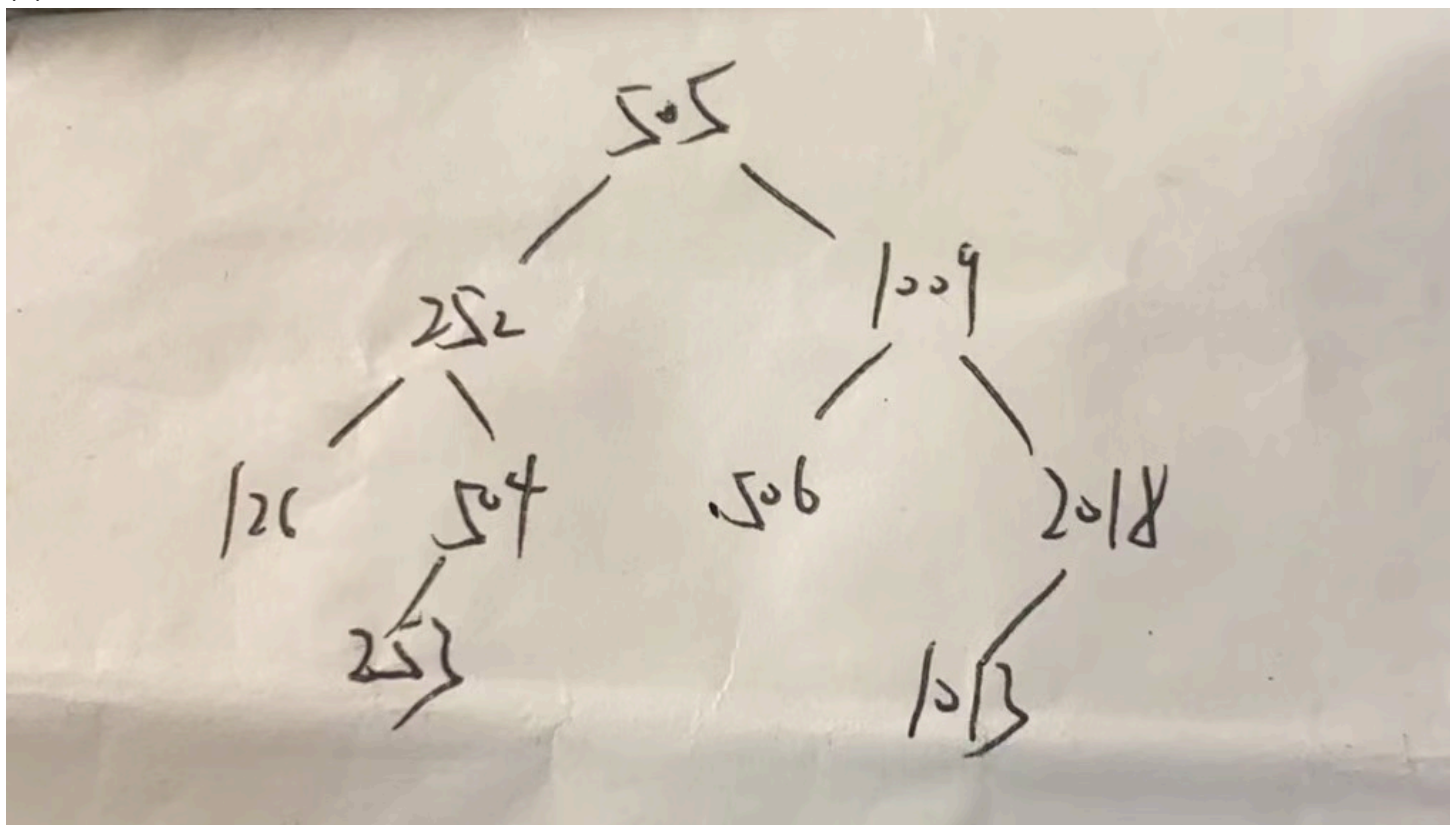
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
HT	33	11	35	13	01	48			19	20	30

删掉35之后， $ASL = (1 + 2 + 2 + 4 + 2 + 1 + 1 + 3) / 8 = 2$

- 3.
(1)往上追溯吧，反正一路/2然后向下取整就行，2018-1009-504-252-126，1013-506-253-126，所以是126
(2)直接x2的是左孩子，x2后还要+1的是右孩子，所以中序遍历是504，1009，2018，252，505，

126, 506, 1013, 253

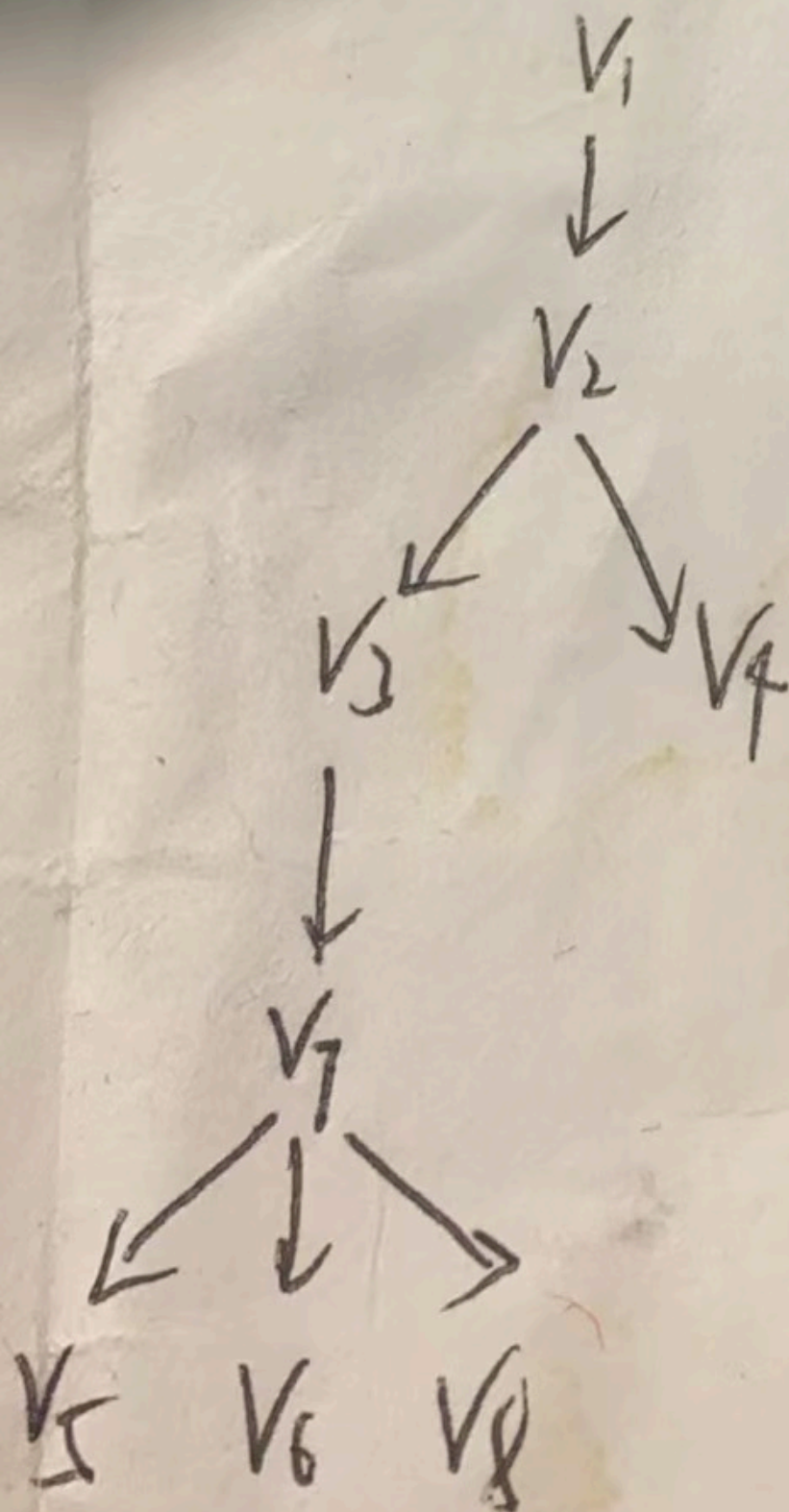
(3)按照上图的序列来逐个插入，二叉查找树要求左<中<右，最后的AVL二叉查找树如下：



说实话，我这题的思路有点怪的，反正有7个节点的AVL树应该是完全二叉树，再加上要满足二分查找，所以是固定的，最后插个1013和253就可以了。我是真烦AVL树，当年数据结构及其算法期末考唯一不太会的那题就是一道选择，问你图里的树要用什么旋转才能变成AVL树，选项是什么LL、LR、RL、RR的排列组合，我至今没想明白那题怎么弄。

4.强行算就是了，但是真的好恶心

(1)DFS的时候暂时不用考虑拓扑关系:v1-v2-v3-v7-v5-v6-v8-v4,DFS树长这样：



	v1	v2	v3	v4	v5	v6	v7	v8
VE	0	6	14	9	29	25	18	20
VL	0	6	14	10	29	25	18	20

(3)

	a1	a2	a3	a4	a5	a6	a7	a8	a9	a10	a11	a12	a13	a14
e(i)	0	0	6	6	9	9	14	14	6	18	20	18	18	25
l(i)	0	5	7	6	10	13	15	14	6	18	20	18	20	25

(4)找e(i)=l(i)的情况，有a1,a4,a8,a9,a10,a11,a12,a14

所以关键路径有：

v1-v2-v7-v6-v5

v1-v2-v3-v7-v6-v5

v1-v2-v7-v8-v6-v5

v1-v2-v3-v7-v8-v6-v5

5.堆排序的过程，大家一定要理解啊

(1)56,53,40,47,35,38,25,41,23,17,27,31

(2)53,47,40,41,35,38,25,31,23,17,27,56

6.这题也给我整不会了

我直接跑了一下，结果是：

1 2 3 4

1 4 3 2

3 2 1 4

3 4 1 2

接下来让我们分析一下为什么是这个结果：

只有当state=0时才会输出东西，那什么时候state=0呢？当a[i]%2==(i+1)%2的时候state=1，说人话，就是当list的排序的奇偶性符合1234，也就是奇偶奇偶的时候会输出，所以显然是有四种可能的输出：

1234、1324、3214、3412，那它们输出的顺序是什么呢，注意到k=n-1=3时才会输出，i=k时，for循环里的第一个swap实际上没什么效果，所以我们实际上是在不改动list的情况下一直递归到func(list,3,4)，这时候输出最原始的1 2 3 4；由于两次swap会相互抵消，类比这个操作，只要我们生成了符合输出的一组顺序，它就一定能迭代输出，所以谁先产生，谁就先输出。这里我的思路是把握住i和k的关系，首先，i一定大于等于k的，那我们要怎么变换呢？根据代码分析，最优先的变换是i和k同时+1，其次才是k不变，i+1，了解了这个规律，我就可以画一个有意思的图出来：


```

void SortLinkedList(NODE *pHead) {
    NODE *p, *q, *min;
    int temp;
    p = pHead->next;
    while (p!= NULL) {
        min = p;
        q = p->next;
        while (q!= NULL) {
            if (q->val < min->val)
                min = q;
            q = q->next;
        }
        if (min!= p) {
            temp = p->val;
            p->val = min->val;
            min->val = temp;
        }
        p = p->next;
    }
}

```

2.跟17-18的最后一题一样，爽！

(1)二叉检索树：左<中<右

```

bool checkBST(bTree *pBTree) {
    if (pBTree->lchild && (pBTree->lchild->data >= pBTree->data || !check
BST(pBTree->lchild))) return false;
    if (pBTree->rchild && (pBTree->rchild->data <= pBTree->data || !check
BST(pBTree->rchild))) return false;
    return true;
}

```

(2)等概率条件下，那就是总深度/节点数就行

```

int countDepthTotal(bTree *pBTree, int depth) {
    int ret = depth;
    if (pBTree->lchild) ret += countDepthTotal(pBTree->lchild, depth +
1);
    if (pBTree->rchild) ret += countDepthTotal(pBTree->rchild, depth +
1);
    return ret;
}
int countNodeTotal(bTree *pBTree) {
    int ret = 1;
    if (pBTree->lchild) ret += countNodeTotal(pBTree->lchild);
    if (pBTree->rchild) ret += countNodeTotal(pBTree->rchild);
    return ret;
}
double calcASL(bTree *pBTree) {
    return (double)countDepthTotal(pBTree,1) / countNodeTotal(pBTree)
}

```