# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГООБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

# «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского» (ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и механики

### ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА

на тему:

«Битовые поля и множества»

| Выполнил(а): сту   | дент(ка) группы   |
|--------------------|-------------------|
|                    | / Хохлов А.Д./    |
| Подпись            |                   |
|                    |                   |
| Проверил: к.т.н, д | оцент каф. ВВиСП  |
| •                  | / Кустикова В.Д./ |
| Подпись            |                   |

Нижний Новгород 2023

# Содержание

| Введен  | e                 |   | 3  |  |
|---------|-------------------|---|----|--|
| 1 По    | Постановка задачи |   |    |  |
| 2 Py    | ководство пол     | ьзователя                               | 5  |  |
| 2.1     | Приложение        | е для демонстрации работы битовых полей | 5  |  |
| 2.2     | Приложение        | е для демонстрации работы множеств      | 6  |  |
| 2.3     | «Решето Эра       | атосфено»                               | 7  |  |
| 3 Py    | ководство про     | граммиста                               | 9  |  |
| 3.1     | Описание ал       | ігоритмов                               | 9  |  |
| 3.1     | 1 Битовые п       | оля                                     | 9  |  |
| 3.1     | 2 Множеств        | sa                                      | 9  |  |
| 3.1     | 3 «Решето Э       | Эратосфена»                             | 10 |  |
| 3.2     | Описание пр       | оограммной реализации                   | 11 |  |
| 3.2     | 1 Описание        | класса TBitField                        | 11 |  |
| 3.2     | 2 Описание        | класса TSet                             | 15 |  |
| Заключ  | ение              |   | 19 |  |
| Литерат | ypa               |   | 20 |  |
| Прилож  | ения              |   | 21 |  |
| Прил    | ожение А. Реал    | лизация класса TBitField                | 21 |  |
| Прип    | ожение Б. Реат    | пизация класса TSet                     | 23 |  |

### Введение

В современном мире информационных технологий большую роль играют операции с большими объемами данных. Одной из важных операций является эффективная работа с битовыми множествами. Битовое множество - это структура данных, которая позволяет компактно хранить и оперировать набором битов. Такая структура данных может быть использована в различных областях: от алгоритмов сжатия данных до обработки больших объемов информации.

Актуальность и применяемость данной лабораторной работы состоит в том, что она позволяет познакомиться с основными принципами работы с битовыми множествами и реализовать их на языке программирования С++. Использование битовых множеств позволяет существенно ускорить операции с большими объемами данных и снизить требования по памяти.

Таким образом, данная лабораторная работа является актуальной и полезной для студентов и специалистов в области информационных технологий, которые имеют необходимость эффективно работать с битами и битовыми множествами.

# 1 Постановка задачи

Цель: Целью данной лабораторной работы является создание битового множества на языке программирования С++. В рамках работы необходимо разработать классы TBitField и TSet, которые будут предоставлять функциональность для работы с битовыми полями и множествами. Основной задачей является реализация основных операций с битовыми множествами, таких как установка, сброс, проверка наличия бита, а также операции с множествами, такие как объединение, пересечение и разность.

- 2. Задачи данной лабораторной работы:
- Разработка класса TBitField, который будет предоставлять функциональность для работы с битовыми полями.
- Реализация основных операций с битовыми полями, включая установку, сброс и проверку наличия определенного бита.
- Определение класса TSet, который будет предоставлять функциональность для работы с множествами
- Реализация основных операций с множествами, включая объединение, пересечение и разность.
- Проверка и демонстрация работы разработанных классов с помощью приложений для работы с битовыми полями, множествами и решением задачи "Решето Эратосфена".
- Написание отчета о выполненной лабораторной работе, включая описание алгоритмов, программной реализации и результатов работы.

# 2 Руководство пользователя

# 2.1 Приложение для демонстрации работы битовых полей

1. Запустите приложение с названием sample\_tbitfield.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 1).

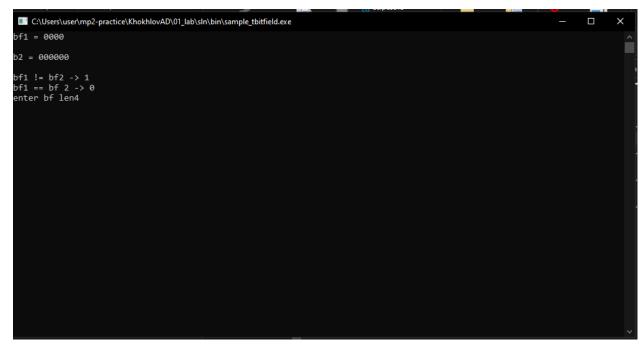


Рис. 1. Основное окно программы

2. Это окно показывает работу основных функций работы с битовыми полями (сравнение на равенство, присваивание, длина, установка/очистка бита, сложение, пересечение, отрицание). Для продолжения введите значение битового поля длины 4. В результате будет выведено (рис 2). Для выхода нажмите любую клавишу.

# 2.2 Приложение для демонстрации работы множеств

1. Запустите приложение с названием sample\_tset.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис 2).

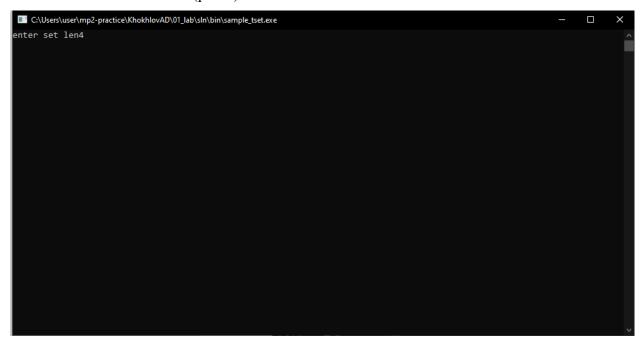


Рис. 3. Основное окно программы

2. Введите значение множества длины 4. Будет выведено следующиее (рис 4). Это окно показывает работу основных функций работы с множествами (сравнение на равенство, добавление элемента, длина, удаление элемена, сложение, пересечение, отрицание). Для завершения программы нажмите любую клавишу.

Рис. 4. Основное окно программы

# 2.3 «Решето Эратосфено»

3. Запустите приложение с названием sample\_tbitfield.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 1).



Рис. 5. Основное окно программы

4. Введите верхнюю границу целых значений для поиска простых чисел. В результате выведено множество в битовом представлении. Ниже выведен список простых чисел (рис 4). Для завершения программы нажмите любую клавишу.

Рис. 6. Основное окно программы

# 3 Руководство программиста

### 3.1 Описание алгоритмов

#### 3.1.1 Битовые поля

- 1. Начало работы узазано в пункте 2.1
- 2. Описание методов и полей класса указано в пункте 3.2.1

Программа алгоритм состоит из основной функции int main(). Алгоритм запрашивает ввести битовое поле длины 4. После чего выводит результаты соответствующих операций и методов класса (рис 7).

```
const int size1 = 4, size2 = 6;
TBitField set1(size1), set2(size2);
bool a = (set1 != set2);
bool b = (set1 == set2);
cout << "bf1 = " << set1 << endl << "b2 = " << set2 << endl;
std::cout <<"bf1 != bf2 -> " << a << endl <<"bf1 == bf 2 -> " << b << std::endl;
TBitField c(1);
TBitField d(set1);
cout << "enter bf len4" << endl;</pre>
cin >> d;
cout << "bf3 = " << d << endl;
int z = d.GetLength();
cout << "bf3.lenght = " << z << endl;
d.ClrBit(2);
cout << "bf3.clrbit(2) = " << d << endl;</pre>
c = set2;
cout << "bf4 = bf2 -> " << c << endl;
c.SetBit(0);
cout << "bf4.setbit(0) -> " << c << endl;</pre>
set1 = c | d;
cout << "bf1 = bf3 | bf4 -> " << set1 << endl;
set2 = c \& d;
cout <<"bf2 = bf3 & bf4 -> "<< set2 << endl;
c = \sim d;
cout <<"bf3 = ~bf4 -> " << c << endl;
```

Рис. 7. Алгоритм битового поля

#### 3.1.2 Множества

- 3. Начало работы узазано в пункте 2.2
- 4. Описание методов и полей класса указано в пункте 3.2.2

Программа алгоритм состоит из основной функции int main(). Алгоритм запрашивает ввести множество длины 4. После чего выводит результаты соответствующих операций и методов класса (рис 8).

```
TSet set1(4);
set1.InsElem(2);
set1.InsElem(0);
TSet set2(4);
cout << "enter set len4" << endl;</pre>
cin >> set2;
cout << "ts1 = " << set1;
cout << endl << "ts2 = " << set2 << endl;
bool a = (set1 != set2);
bool b = (set1 == set2);
std::cout << "ts1 != ts2 ->" <<a << endl <<"ts1 == ts2 ->" << b << std::endl;
TSet c(1);
TSet d(set1);
d.InsElem(3);
cout <<"ts3(ts1).inselem(3) -> "<< d << endl;</pre>
int g = d.GetMaxPower();
cout <<"ts3.maxpower -> " <<g << endl;</pre>
c = d;
d.DelElem(3);
cout <<"ts4 = ts3 -> " << c << endl;
cout <<"ts3.delelem(3)-> "<< d << endl;</pre>
d = c + set2;
cout << "ts3 = ts4 + ts2 -> " <<d << endl;
set1 = ~d;
cout << "ts1 = ~ts3 -> " << set1 << endl;
set2 = set2 * c;
cout <<"ts2 = ts2 * ts4 -> "<< set2 << endl;
```

Рис. 8. Алгоритм множества.

### 3.1.3 «Решето Эратосфена»

- 1. Начало работы указано в пункте 2.3
- 2. Данный алгоритм реализован при помощи класса Tset. Реализация состоит из ввода необходимого числа, создания экземпляра класса TSet. После чего алгоритм заполняет все элементы класса значениями 1 (рис 9).

```
int n, m, k, count;

setlocale(LC_ALL, "Russian");
cout << "Тестирование программ поддержки множества" << endl;
cout << " Решето Эратосфена" << endl;
cout << "Введите верхнюю границу целых значений - ";
cin >> n;
TSet s(n + 1);
for (m = 2; m <= n; m++)
    s.InsElem(m);</pre>
```

Рис. 9. Ввод данных

- 3. 1.После чего алгоритм начинает перебирать все числа от 2 до N. Если это число есть в нашем множестве, то мы переходим к пункту 2, иначе 3.
  - 2. Это число, и дальше все кратные ему числа удаляются из нашего множества.

3. Выбирается следующее число. Если это число больше N, то алгоритм заканчивается, иначе – переход к шагу 1 (рис 10).

Рис. 10. Алгоритм "Решето Эратосфена"

4. После чего выводятся все числа с идентификатором (1 - если простое, иначе - 0), затем выводятся все простые числа и их количество (рис 11)

```
cout << endl << "Печать множества некратных чисел" << endl << s << endl;
cout << endl << "Печать простых чисел" << endl;
count = 0;
k = 1;
for (m = 2; m <= n; m++)
    if (s.IsMember(m))
    {
        count++;
        cout << setw(3) << m << " ";
        if (k++ % 10 == 0)
            cout << endl;
    }
cout << endl;
cout << "В первых " << n << " числах " << count << " простых" << endl;
```

Рис. 11. Вывод данных

# 3.2 Описание программной реализации

#### 3.2.1 Описание класса TBitField

```
class TBitField
private:
  int BitLen; // длина битового поля - макс. к-во битов
  TELEM *pMem; // память для представления битового поля
  int MemLen; // к-во эл-тов Мем для представления бит.поля
  // методы реализации
  int GetMemIndex(const int n) const;
  TELEM GetMemMask (const int n) const;
public:
  TBitField(int len);
  TBitField(const TBitField &bf);
  void SetBit(const int n);
  void ClrBit(const int n);
  int GetBit(const int n) const
  bool operator==(const TBitField &bf) const;
  bool operator!=(const TBitField &bf) const;
  TBitField& operator=(const TBitField &bf);
  TBitField operator | (const TBitField &bf);
  TBitField operator&(const TBitField &bf);
  TBitField operator~(void);
  friend istream& operator>>(istream& istr, TBitField& bf);
  friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TBitField &bf);</pre>
```

```
Назначение: представление битового поля.
    Поля:
    BitLen – длина битового поля – максимальное количество битов.
    рмет – память для представления битового поля.
    MemLen — количество элементов для представления битового поля.
    Методы:
int GetMemIndex(const int n) const;
    Назначение: получение индекса элемента в памяти.
    Входные параметры:
    n - номер бита.
     Выходные параметры:
     Номер элемента в памяти.
TELEM GetMemMask (const int n) const;
     Назначение: получение маски по индексу.
    Входные параметры:
    n - номер бита.
     Выходные параметры:
    Маска.
TBitField(int len);
    Назначение: конструктор с параметром.
    Входные параметры:
     len — длина поля.
TBitField(const TBitField &bf);
    Назначение: конструктор копирования.
     Входные параметры:
    bf – ссылка на копируемое поле.
```

};

# 

#### int GetBit(const int n) const

Назначение: получение значения бита.

Входные параметры:

n – индекс бита.

void.

Выходные параметры:

Значение бита.

#### bool operator==(const TBitField &bf) const

Назначение: перегрузка операции сравнения на равенство.

Входные параметры:

**bf** – ссылка на константное битовое поле

Выходные параметры:

Результат сравнения

#### bool operator!=(const TBitField &bf) const;

Назначение: перегрузка операции сравнения на неравенство.

Входные параметры:

**bf** – ссылка на константное битовое поле

Выходные параметры:

Результат сравнения

#### TBitField& operator=(const TBitField &bf);

Назначение: перегрузка операции присваивания.

```
Входные параметры:
    bf – ссылка на константное битовое поле
     Выходные параметры:
     Ссылка на битовое поле.
TBitField operator | (const TBitField &bf);
     Назначение: перегрузка операции "или".
    Входные параметры:
    bf – ссылка на константное битовое поле
     Выходные параметры:
     Битовое поле.
TBitField operator&(const TBitField &bf);
    Назначение: перегрузка операции "и".
     Входные параметры:
    bf – ссылка на константное битовое поле
     Выходные параметры:
     Битовое поле.
TBitField operator~(void);
    Назначение: перегрузка операции отрицания.
     Выходные параметры:
     Битовое поле.
  friend istream& operator>>(istream& istr, TBitField& bf);
     Назначение: перегрузка потокового ввода.
     Выходные параметры:
     istr — ссылка на поток ввода.
    bf – ссылка на константное битовое поле
     Выходные параметры:
     Ссылка на поток вводы
ostream &operator<<(ostream &ostr, const TBitField &bf);</pre>
    Назначение: перегрузка потокового вывода.
     Входные параметры:
     ostr – ссылка на поток вывода.
    bf – ссылка на константное битовое поле
     Выходные параметры:
     Ссылка на поток вывода.
```

#### 3.2.2 Описание класса TSet

```
class TSet
private:
  int MaxPower;
  TBitField BitField;
public:
  TSet(int mp);
  TSet(const TSet &s);
  TSet(const TBitField &bf);
  operator TBitField();
  int GetMaxPower(void) const;
  void InsElem(const int Elem);
  void DelElem(const int Elem);
  int IsMember(const int Elem) const;
  bool operator== (const TSet &s) const;
  bool operator!= (const TSet &s) const;
  TSet& operator=(const TSet &s);
  TSet operator+ (const int Elem);
  TSet operator- (const int Elem);
  TSet operator+ (const TSet &s);
  TSet operator* (const TSet &s);
  TSet operator~ (void);
  friend istream& operator>>(istream& istr, TSet& bf);
  friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TSet &bf);</pre>
};
     Назначение: представление множества.
     Поля:
     MaxPower — ДЛИНа МНОЖества.
     BitField - битовое поле.
     Методы:
TSet(int mp);
     Назначение: конструктор с параметром.
     Входные параметры:
     тр – длина множества.
TSet(const TSet &s);
     Назначение: конструктор копирования.
     Входные параметры:
     s – ссылка на константное множество.
TSet(const TBitField &bf);
     Назначение: конструктор преобразования типа.
     Входные параметры:
     bf – ссылка на константное битовое поле
```

#### operator TBitField();

Назначение: преобразование типа к питовому полю.

#### int GetMaxPower(void) const;

Назначение: получение максимальной мощности множества.

Выходные параметры:

Максимальная мощность множества.

#### void InsElem(const int Elem);

Назначение: включение элемента в множество.

Входные параметры:

**Elem** — новый элемент множества.

#### void DelElem(const int Elem);

Назначение: удаление элемента из множества.

Входные параметры:

**Elem** — Элемент множества.

#### int IsMember(const int Elem) const;

Назначение: проверка наличия элемента в множестве.

Входные параметры:

**Elem** — Элемент множества.

Выходные параметры:

Результат проверки

#### bool operator== (const TSet &s) const;

Назначение: перегрузка операции сравнения на равенство.

Входные элементы:

**s** – ссылка на константное множество.

Выходные параметры:

Результат сравнения.

#### bool operator!= (const TSet &s) const;

Назначение: перегрузка операции сравнения на неравенство.

Входные элементы:

s- ссылка на константное множество.

Выходные параметры:

Результат сравнения.

# TSet& operator=(const TSet &s); Назначение: перегрузка операции присваивания. Входные параметры: **s** – ссылка на константное множество. Выходные параметры: Ссылка на множество. TSet operator+ (const int Elem); Назначение: перегрузка операции объединения с элементом. Входные параметры: **Elem** — новый элемент множества. Выходные параметры: Множество. TSet operator- (const int Elem); Назначение: перегрузка операции разницы с элементом. Входные параметры: **Elem** — ЭЛЕМЕНТ МНОЖЕСТВА. Выходные параметры: Множество. TSet operator+ (const TSet &s); Назначение: перегрузка операции объединения множеств. Входные параметры: **s** – ссылка на константное множество. Выходные параметры:

#### TSet operator\* (const TSet &s);

Назначение: перегрузка операции пересечения множеств.

Входные параметры:

**s** – ссылка на константное множество.

Выходные параметры:

Множество.

Множество.

```
TSet operator~ (void);
```

Назначение: перегрузка операции дополнения.

Выходные параметры:

Множество.

#### friend istream& operator>>(istream& istr, TSet& bf);

Назначение: перегрузка операции потокового ввода.

Входные параметры:

istr — ссылка на поток ввода.

bf — ссылка на константное множество.

Выходные параметры:

Ссылка на поток ввода.

#### ostream &operator<<(ostream &ostr, const TSet &bf);</pre>

Назначение: перегрузка операции потокового вывода.

Входные параметры:

ostr — ссылка на поток вывода.

**bf** – ссылка на константное множество.

Выходные параметры:

Ссылка на поток вывода.

### Заключение

В ходе выполнения работы "Битовые поля и множества" были изучены и практически применены концепции битовых полей и множеств.

Были достигнуты следующие результаты:

- 1. Были изучены теоретические основы битовых полей и множеств.
- 2. Была разработана программа, реализующая операции над битовыми полями и множествами. В ходе экспериментов была оценена эффективность работы этих операций и сравнена с другими подходами. Результаты показали, что использование битовых полей и множеств позволяет существенно сократить объем памяти и ускорить операции над множествами.
- 3. Были проанализированы полученные результаты и сделаны выводы о преимуществах и ограничениях использования битовых полей и множеств. Оказалось, что эти структуры данных особенно полезны при работе с большими объемами данных, где компактность представления и эффективность операций являются ключевыми факторами.

# Литература

1. . Сысоев А.В., Алгоритмы и структуры данных, лекция 03, 19 сентября.

# Приложения

# Приложение A. Реализация класса TBitField

```
#define BITS_IN_ONE_MEM (sizeof(TELEM) * 8)
TBitField::TBitField(int len)
      if (len < 0) throw "Negative len";
      BitLen = len;
      MemLen = (BitLen-1) / BITS IN ONE MEM + 1;
      pMem = new TELEM[MemLen];
      for (int i = 0; i < MemLen; i++) pMem[i] = 0;</pre>
}
TBitField::TBitField(const TBitField& bf)
      BitLen = bf.BitLen;
      MemLen = bf.MemLen;
      pMem = new TELEM[MemLen];
      for (int i = 0; i < (MemLen); i++) pMem[i] = bf.pMem[i];</pre>
}
TBitField::~TBitField()
{
      delete[] pMem;
}
int TBitField::GetMemIndex(const int n) const
      return (n / BITS IN ONE MEM);
TELEM TBitField::GetMemMask(const int n) const
{
      if ((n > BitLen) || (n < 0)) throw "Negative n";
      return (1 << (n % BITS IN ONE MEM));
}
int TBitField::GetLength(void) const
{
      return BitLen;
void TBitField::SetBit(const int n)
      if ((n \ge BitLen) \mid | (n < 0)) throw "Negative n";
      pMem[GetMemIndex(n)] = (GetMemMask(n) | pMem[GetMemIndex(n)]);
}
void TBitField::ClrBit(const int n)
      if ((n > BitLen) \mid | (n < 0)) throw "Negative n";
      pMem[GetMemIndex(n)] &= (~GetMemMask(n));
}
int TBitField::GetBit(const int n) const
      if ((n > BitLen) || (n < 0)) throw "Negative n";
      if (pMem[GetMemIndex(n)] & GetMemMask(n)) return 1; else return 0;
}
```

```
TBitField& TBitField::operator=(const TBitField& bf)
      delete[] pMem;
      this->BitLen = bf.BitLen;
      MemLen = bf.MemLen;
      pMem = new TELEM[MemLen];
      for (int i = 0; i < MemLen; i++) pMem[i] = bf.pMem[i];</pre>
      return *this;
}
bool TBitField::operator==(const TBitField& bf) const
      if (BitLen != bf.BitLen)
            return 0;
      int k = 0;
      for (int i = 0; i < MemLen; i++)
            if (pMem[i] != bf.pMem[i]) {
                  return 0;
            }
      return 1;
}
bool TBitField::operator!=(const TBitField& bf) const
      return !((*this) == bf);
}
TBitField TBitField::operator|(const TBitField& bf)
      int k;
      int z;
      int y;
      if (BitLen > bf.BitLen)
            y = 0; // This is big
            k = BitLen;
            z = bf.BitLen;
      else {
            y = 1; //bf is big
            k = bf.BitLen;
            z = BitLen;
      TBitField a(k);
      for (int i = 0; i <= GetMemIndex(z); i++) a.pMem[i] = bf.pMem[i] | pMem[i];</pre>
      for (int i = (GetMemIndex(z) + 1); i < a.MemLen; i++) if (y == 1) a.pMem[i]
= bf.pMem[i]; else a.pMem[i] = pMem[i];
      return a;
}
TBitField TBitField::operator&(const TBitField& bf)
      int k;
      int z;
      if (BitLen > bf.BitLen) {
            k = BitLen;
            z = bf.BitLen;
      }
      else
      {
```

```
k = bf.BitLen;
            z = BitLen;
      }
      TBitField a(k);
      for (int i = 0; i <= GetMemIndex(k); i++) a.pMem[i] = pMem[i] & bf.pMem[i];</pre>
      return a;
}
TBitField TBitField::operator~(void)
      TBitField a(*this);
      for (int i = 0; i < (a.MemLen - 1); i++) a.pMem[i] = ~(a.pMem[i]);
      for (int i = ((a.MemLen - 1) * BITS_IN_ONE_MEM); i < (a.BitLen); i++) {</pre>
            if (a.GetBit(i) == 1) a.ClrBit(i);
            else a.SetBit(i);
      }
      return a;
istream& operator>>(istream& istr, TBitField& bf)
      for (int i = 0; i < bf.GetLength(); ++i)</pre>
            int val;
            istr >> val;
            if (val > bf.GetLength() || val < 0)</pre>
                  throw "Wrong element ";
            bf.SetBit(val);
      return istr;
ostream& operator<<(ostream& ostr, const TBitField& bf)</pre>
      for (int i = 0; i < bf.BitLen; i++)</pre>
            if (bf.GetBit(i) == 0)
                  ostr << 0;
            else ostr << 1;</pre>
      ostr << endl;</pre>
      return ostr;
}
    Приложение Б. Реализация класса TSet
TSet::TSet(int mp) : BitField(mp)
{
      MaxPower = mp;
}
TSet::TSet(const TSet& s) : BitField(s.BitField)
{
      MaxPower = s.GetMaxPower();
}
TSet::TSet(const TBitField& bf) : BitField(bf)
      MaxPower = bf.GetLength();
}
```

```
TSet::operator TBitField()
      return BitField;
1
int TSet::GetMaxPower(void) const
{
      return MaxPower;
int TSet::IsMember(const int Elem) const
      if ((Elem < MaxPower) & (Elem >= 0))
            if (BitField.GetBit(Elem) == 1) return 1;
            else return 0; else throw "Negative Elem";
}
void TSet::InsElem(const int Elem)
      if ((Elem < MaxPower) & (Elem >= 0))
            BitField.SetBit(Elem); else throw "Negative n";
}
void TSet::DelElem(const int Elem)
      if ((Elem < MaxPower) & (Elem >= 0))
            BitField.ClrBit(Elem); else throw "Negative n";
}
TSet& TSet::operator=(const TSet& s)
      MaxPower = s.MaxPower;
      BitField = s.BitField;
      return *this;
}
bool TSet::operator==(const TSet& s) const
      return (BitField == s.BitField);
}
bool TSet::operator!=(const TSet& s) const
      return ! (*this == s);
TSet TSet::operator+(const TSet& s)
      TSet a(BitField | s.BitField);
      return a;
}
TSet TSet::operator+(const int Elem)
      TSet a(*this);
      if ((Elem < MaxPower) & (Elem >= 0)) {
            a.InsElem(Elem);
      else throw "Nrgative Elem";
      return a;
}
```

```
TSet TSet::operator-(const int Elem)
{
      TSet a(*this);
      if ((Elem < MaxPower) & (Elem >= 0)) {
            a.DelElem(Elem);
      else throw "Nrgative Elem";
      return a;
}
TSet TSet::operator*(const TSet& s)
      TSet a(BitField & s.BitField);
      return a;
}
TSet TSet::operator~(void)
{
      TSet a(~BitField);
      return a;
istream& operator>>(istream& istr, TSet& s)
      istr >> s.BitField;
      return istr;
}
ostream& operator<<(ostream& ostr, const TSet& s)</pre>
      cout << s.BitField;</pre>
      return ostr;
}
```