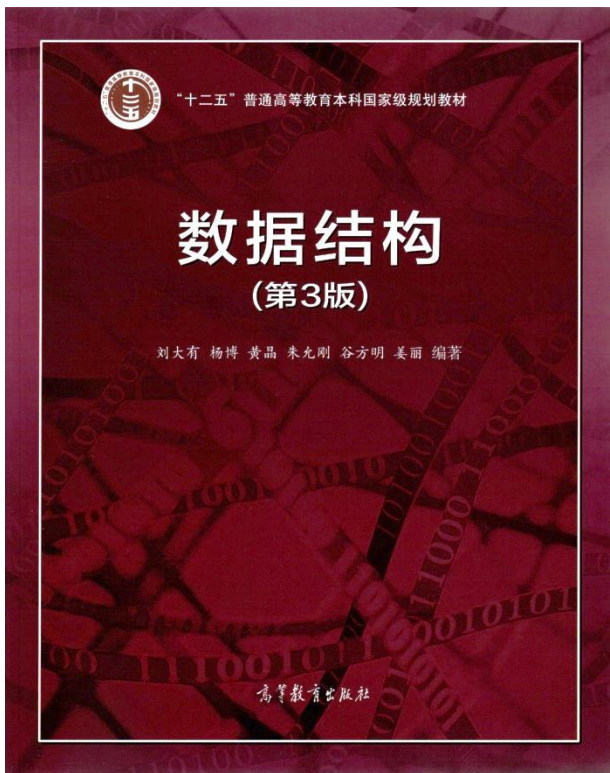




课堂实录



线性表的链接存储

- 单链表
- 循环链表
- 双向链表
- 静态链表
- 侵入式链表
- 链表的双指针技巧

数据之法
结构之美
算法之道



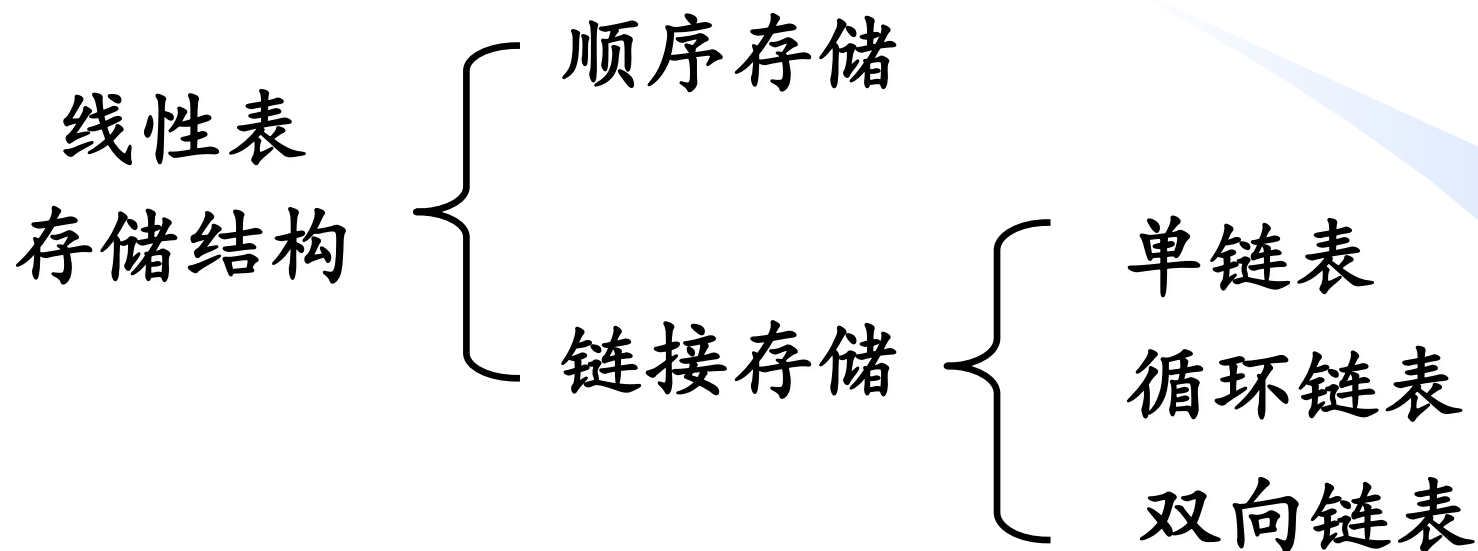
*The best way to learn swimming is swimming,
the best way to learn programming is programming.*



下周课之前慕课自学内容

- 堆栈的定义和主要操作
- 顺序栈
- 链式栈
- 顺序栈与链式栈的比较
- 队列的定义和主要操作
- 顺序队列
- 链式队列

线性表的存储结构



链接存储：用任意一组存储单元存储线性表，一个存储单元除包含结点数据字段的值，还必须存放其逻辑相邻结点（前驱或后继结点）的地址信息，即指针字段。

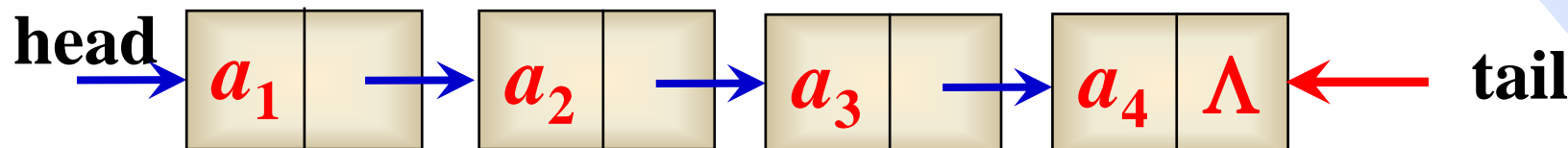
单链表 (Singly Linked List)

◆ 单链表的 **结点结构**:



```
struct Node{
    int data;
    Node* next;
};
```

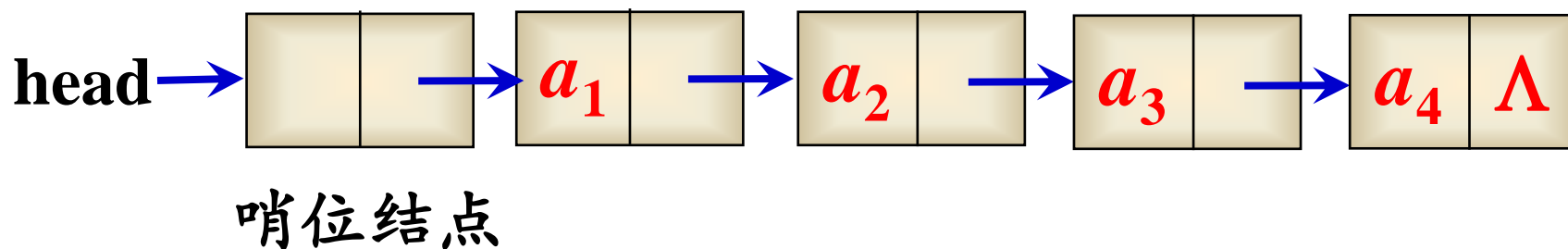
单链表的定义: 每个结点只含一个**链接域**的链表叫单链表。



◆ 链表的第一个结点被称为 **头结点** (也称为 表头)，指向头结点的指针被称为 **头指针** (head)。

◆ 链表的最后一个结点被称为 **尾结点** (也称为 表尾)，指向尾结点的指针被称为 **尾指针** (tail)。

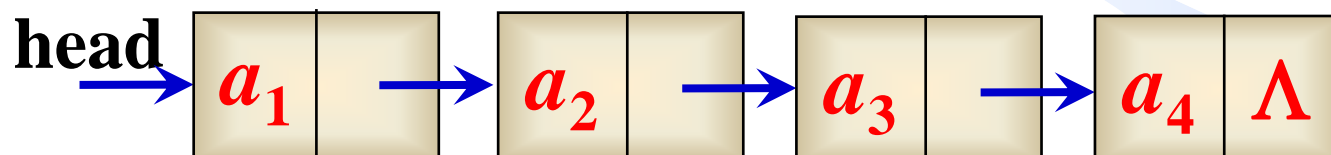
- ◆ 为了对表头结点插入、删除等操作的方便，通常在表的前端增加一个特殊的表头结点，称其为哨位（哨兵）结点。
- ◆ 哨位结点不被看作表中的实际结点，我们在讨论链表中第 k 个结点时均指第 k 个实际的表结点。
- ◆ 表的长度：非哨位结点的个数。若表中只有哨位结点，则称其为空链表，即表长度为0



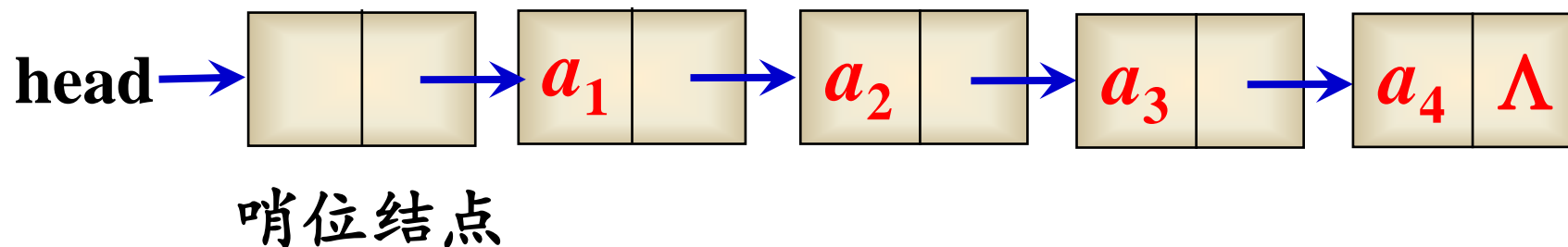
➤哨位结点作用:简化边界条件的处理。

➤例: 删除结点

✓ 如果没有哨位结点.....



✓ 有了哨位结点后.....



3、单链表主要操作举例

算法 **Find** ($head, k, p$) // 链表第 k 个结点的地址赋给 p

IF $k < 0$ **THEN RETURN** Λ . // 输入的 k 位置不合法

// 初始化

$p \leftarrow head$. $i \leftarrow 0$. // 令指针 p 指向首位结点，计数器初始值为0

// 找第 k 个结点

WHILE $p \neq \Lambda$ **AND** $i < k$ **DO** // 若找到第 k 个结点或已到达

($p \leftarrow next(p)$. $i \leftarrow i+1$.) // 表尾，则循环终止

RETURN p . ■

// 若 $i=k$ 则 p 即为所求，返回 p ;

// 若 $p=\Lambda$ 表示链表长度不足 k （无第 k 个结点），返回 Λ ;



//返回链表第 k 个结点的地址

```
Node* Find (Node* head, int k){  
    if(k<0) return NULL; //输入的 $k$ 位置不合法  
    Node* p=head; //令指针 $p$ 指向哨位结点  
    for(int i=0; p!=NULL && i<k; i++) //找第 $k$ 个结点  
        p=p->next;  
    return p;  
}  
//若 $i==k$  则 $p$ 即为所求, 返回 $p$ ;  
//若 $p==NULL$  表示链表长度不足 $k$  (无第 $k$ 个结点), 返回NULL;
```



```
Node* Search (Node* head, int item){  
    //在链表中查找字段值为item的结点并返回其指针  
    Node* p=head->next;    //令指针p指向第1个结点  
    //遍历  
    while(p!=NULL && p->data!=item)  
        p=p->next;    //扫描下一个结点  
    return p;  
}  
//若p->data==item则p即为所求, 返回p  
//若p==NULL表示无结点item, 返回NULL
```



```
Node* Search (Node* head, int item){  
    //另一种写法，用for循环遍历链表  
    for(Node* p=head->next; p!=NULL; p=p->next)  
        if(p->data==item) return p;  
    return NULL;  
}
```



```
void Delete (Node* head, int k){  
    // 删除链表中第k个结点  
    if(k < 1) return;    // 输入k不合法，不能删哨位  
    Node* p = Find(head, k-1); // 找第k-1结点，由p指向  
    if(p==NULL || p->next==NULL)  
        return;    // 无第k-1个结点或只有k-1个结点  
    // 删除第k个结点，未完待续
```

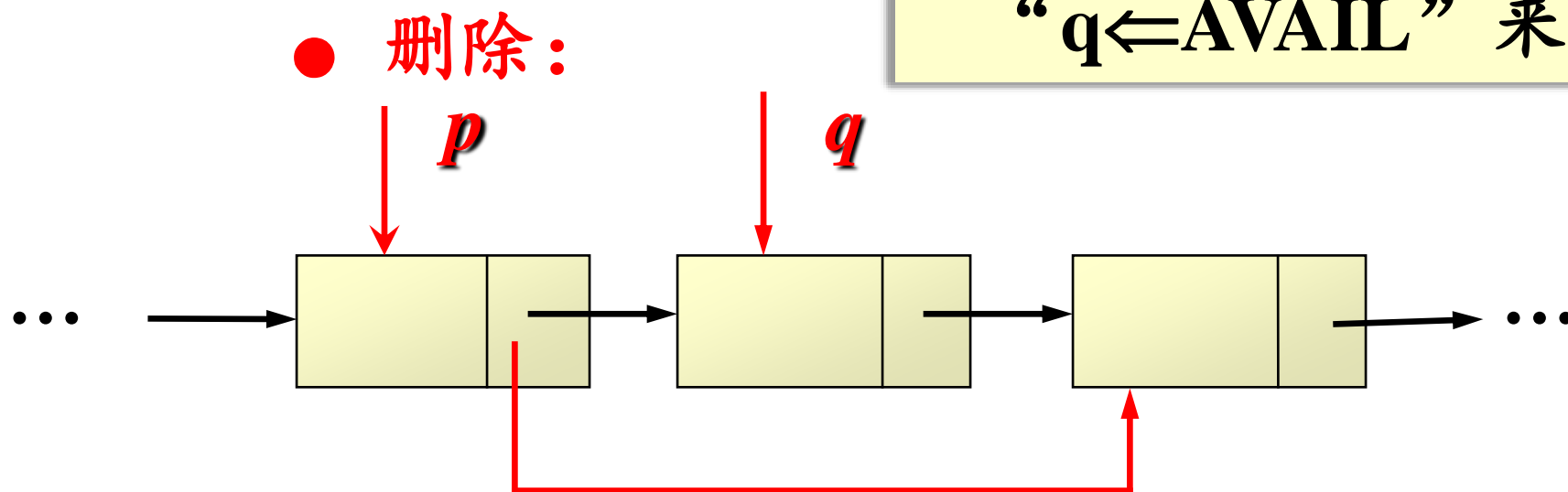
在链表中，插入或删除一个结点，只需改变一个或两个相关结点的指针，不对其它结点产生影响。

```
q = p->next;
```

```
p->next = q->next;
```

```
delete q;
```

- 在ADL语言中，释放不用的空间则用语句“ $AVAIL \leftarrow q$ ”来描述，其中AVAIL是一个可利用空间表。
- 申请新存储空间的操作用语句“ $q \leftarrow AVAIL$ ”来描述。





```
void Delete (Node* head, int k){  
    //删除链表中第k个结点  
    if(k < 1) return;    //输入k不合法，不能删哨位  
    Node* p = Find(head, k-1); //找第k-1结点，由p指向  
    if(p==NULL || p->next==NULL)  
        return;    //无第k-1个结点或只有k-1个结点  
    //删除第k个结点  
    Node* q = p->next;  
    p->next = q->next;    //修改p的next指针  
    delete q;    //释放q存储空间  
}
```



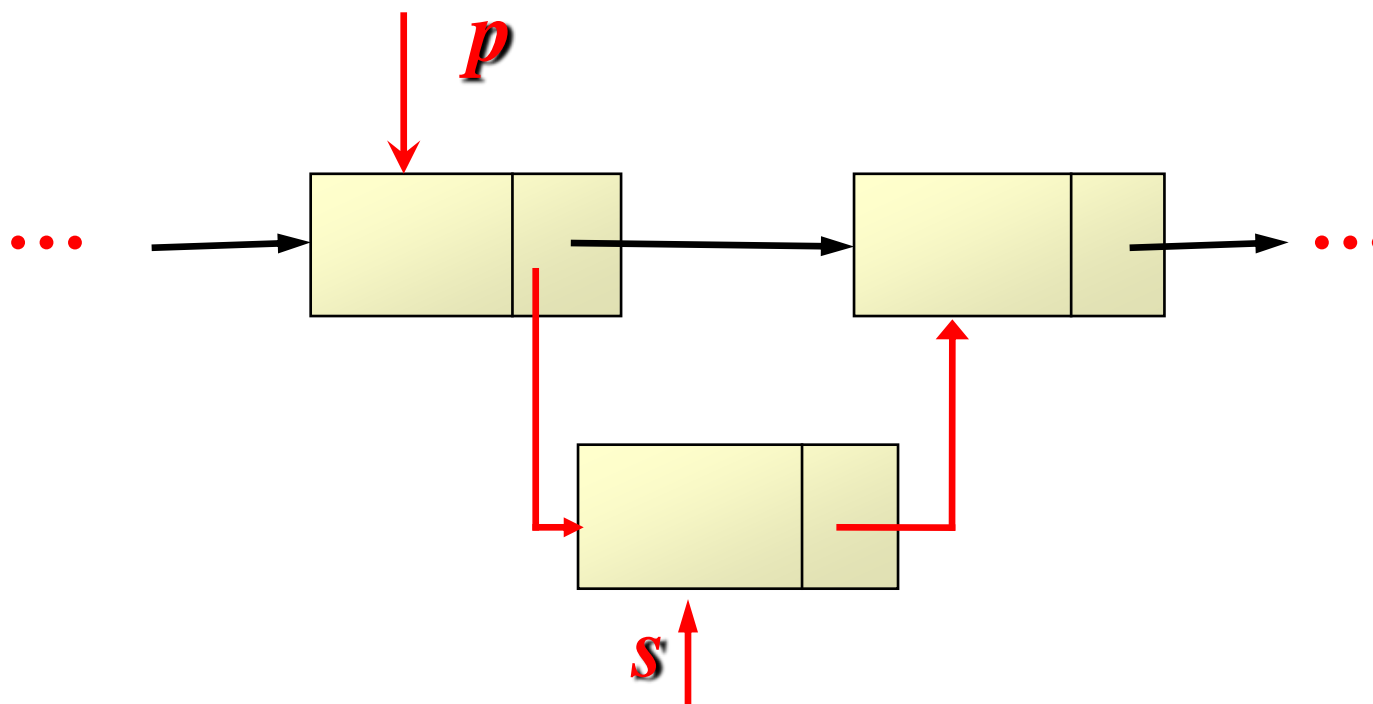

```
void Insert (Node* head, int k, int item )  
    //在链表head中第k个结点后插入字段值为item的结点  
    if(k<0) return;                //插入位置不合法  
    Node* p=Find(head, k);         //找第k结点  
    if(p==NULL) return;            //无第k个结点  
    //插入新结点  
    Node* s=new Node;              //生成新结点s  
    s->data=item;                  //未完待续.....
```

在链表中，插入或删除一个结点，只需改变一个或两个相关结点的指针，不对其它结点产生影响。

● 插入：

$s \rightarrow \text{next} = p \rightarrow \text{next};$

$p \rightarrow \text{next} = s;$

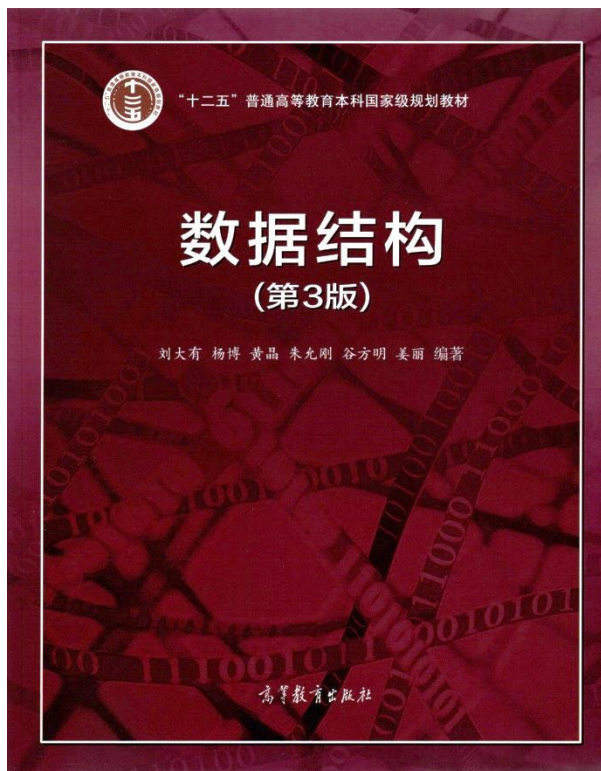




```
void Insert (Node* head, int k, int item ){  
    // 在链表head中第k个结点后插入字段值为item的结点  
    if(k<0) return;           //插入位置不合法  
    Node* p=Find(head, k);    //找第k结点  
    if(p==NULL) return;       //无第k个结点  
    //插入新结点  
    Node* s=new Node;         //生成新结点s  
    s->data=item;  
    s->next = p->next;         //s的next指针指向p的后继  
    p->next = s;              //p的next指针指向s  
}
```



课堂实录



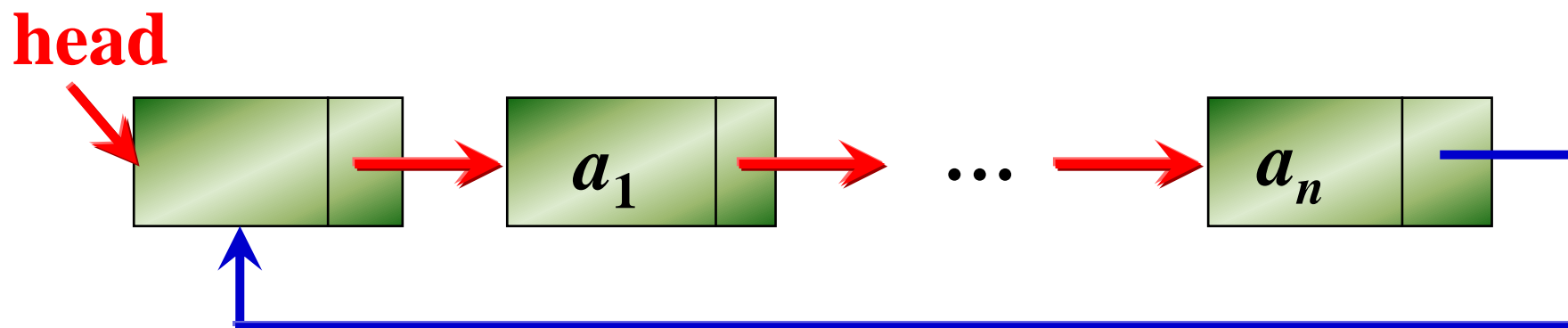
线性表的链接存储

- 单链表
- **循环链表**
- 双向链表
- 静态链表
- 侵入式链表
- 链表的双指针技巧

数据之法
结构之美
算法之道

循环链表 (Circular Linked List)

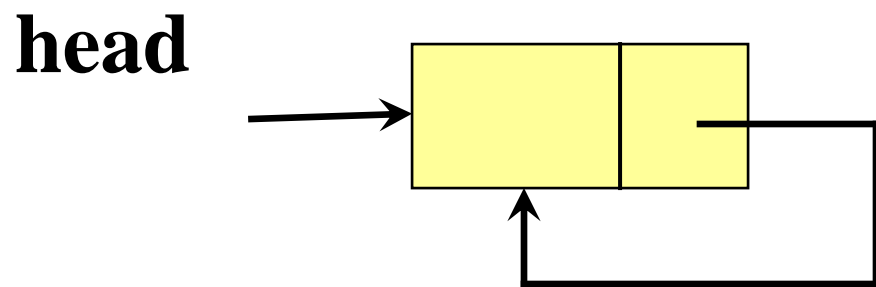
- ◆ 把链接结构“循环化”，即把表尾结点的next域存放指向哨位结点的指针，而不是存放空指针NULL（即 Λ ），这样的单链表被称为循环链表。
- ◆ 循环链表使我们可从链表的任何位置开始，访问链表中的任一结点。



判断空表的条件（假设包含哨位结点）：

单链表： $\text{head} \rightarrow \text{next} == \text{NULL}$

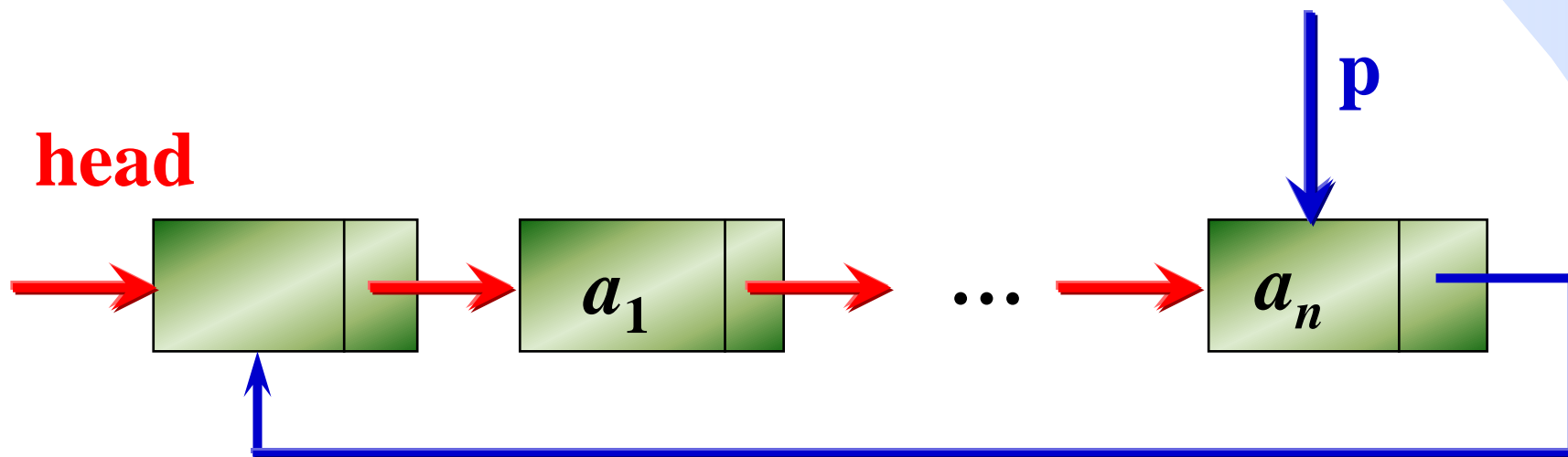
循环链表： $\text{head} \rightarrow \text{next} == \text{head}$

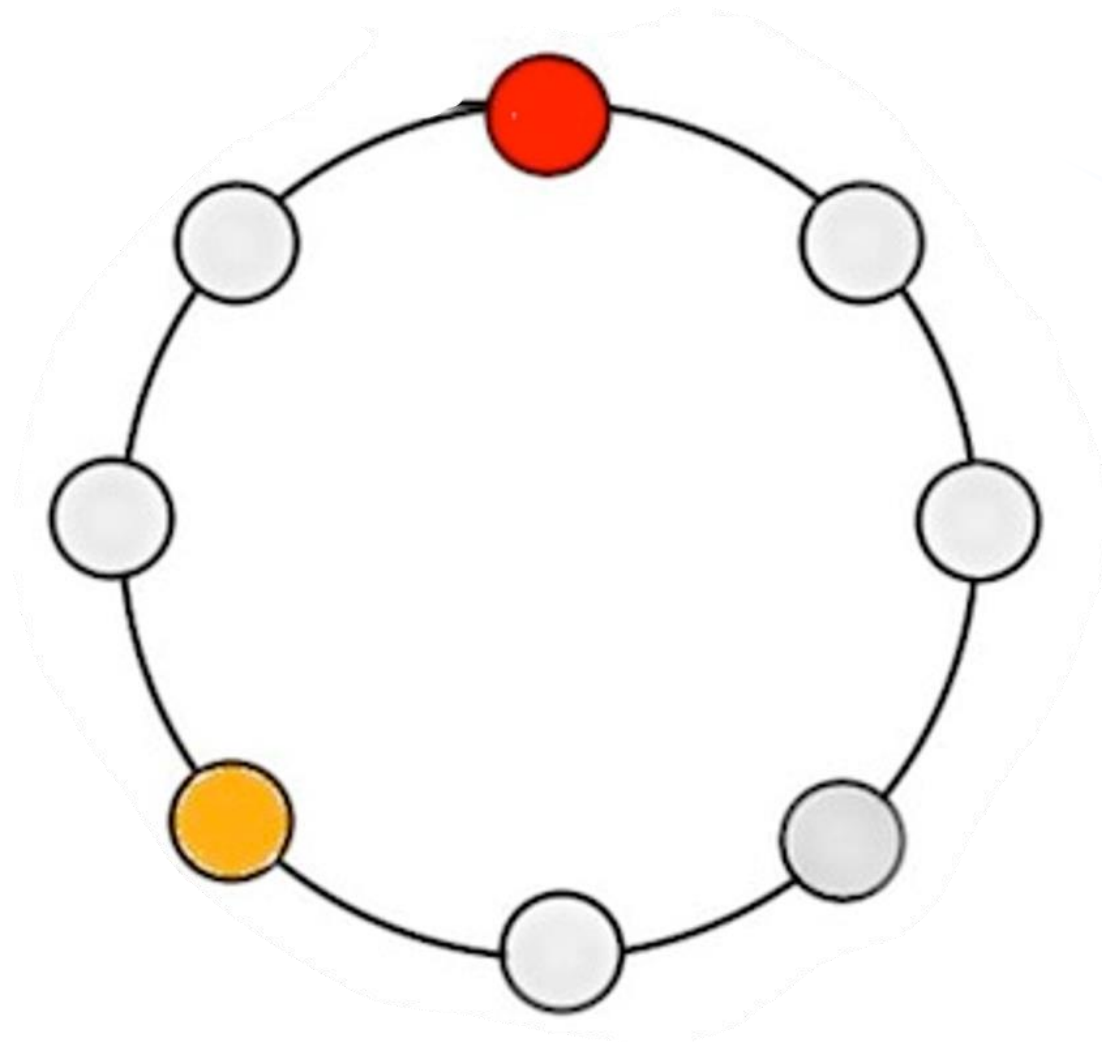


判断表尾的条件:

单链表: $p \rightarrow next == NULL$

循环链表: $p \rightarrow next == head$

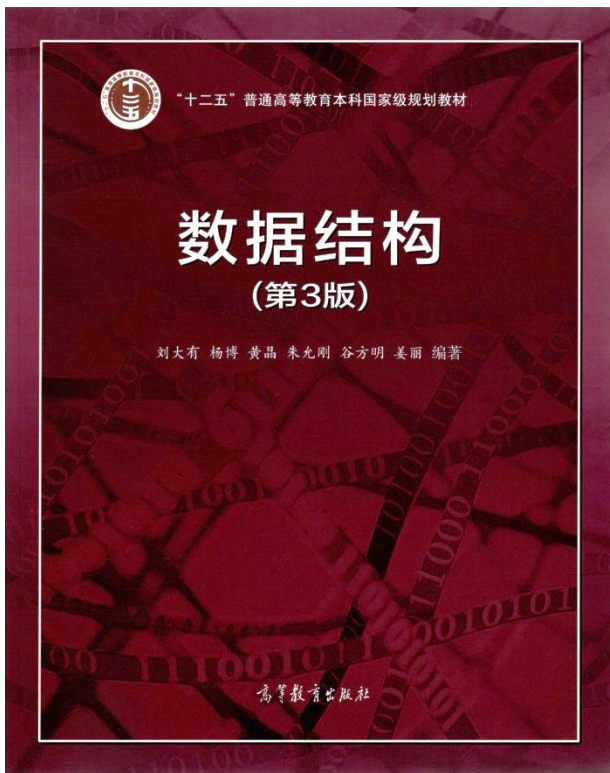




若待解决的问题所
涉及的线性结构是
环形的，可以考虑
循环链表



课堂实录



线性表的链接存储

- 单链表
- 循环链表
- **双向链表**
- 静态链表
- 侵入式链表
- 链表的双指针技巧

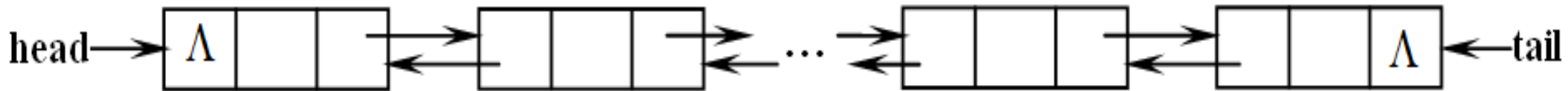
数据之法
结构之美
算法之道

双向链表 (Doubly Linked List)

- 每个结点有两个指针域
- *prev* 指针指向其前驱, *next* 指针指向其后继;
- 优点: 方便找结点的前驱。

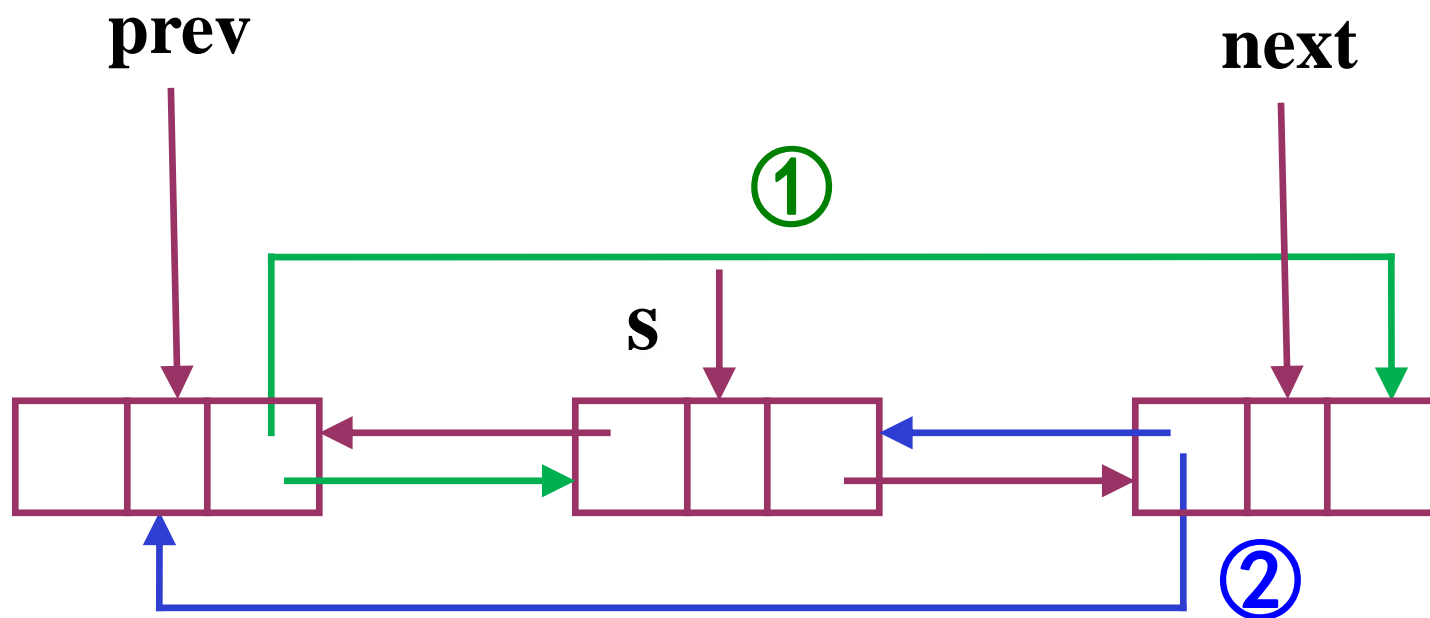


```
struct Node{  
    int data;  
    Node* prev;  
    Node* next;  
};
```



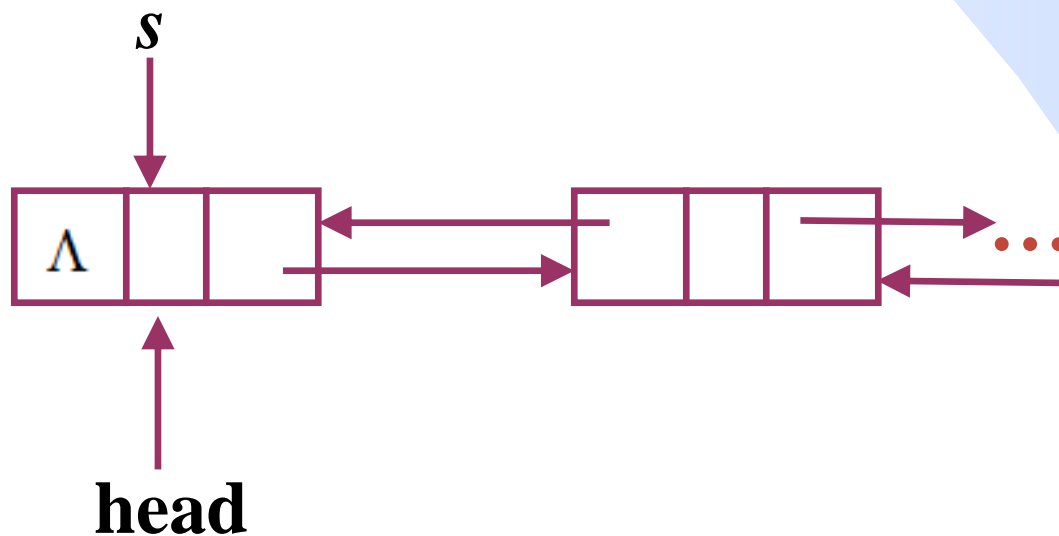
删除结点s 常规情况

```
Node* prev = s->prev;  
Node* next = s->next;  
prev->next = next; // 步骤①  
next->prev = prev; // 步骤②  
delete s;
```



删除结点s 如果s是第1个结点?

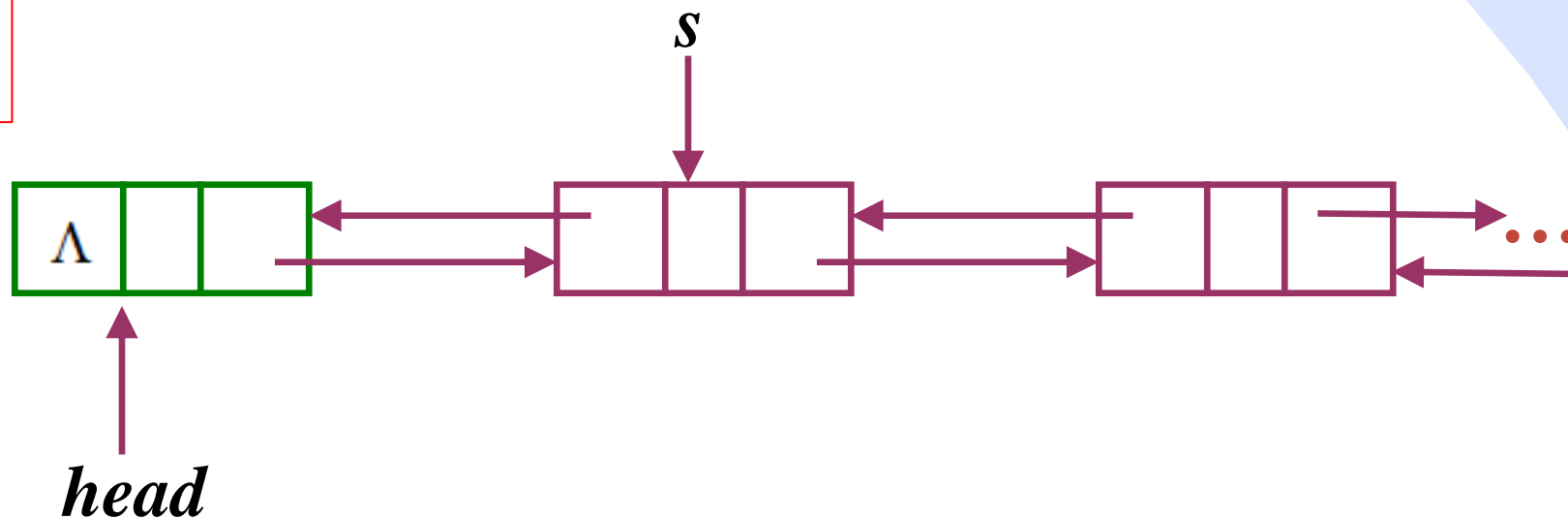
```
Node* prev = s->prev;  
Node* next = s->next;  
prev->next = next;  
next->prev = prev;  
delete s;
```



删除结点s 如果s是第1个结点?

```
Node* prev = s->prev;
Node* next = s->next;
prev->next = next;
next->prev = prev;
delete s;
```

引入表头哨位结点



删除结点s 如果s是最后1个结点?

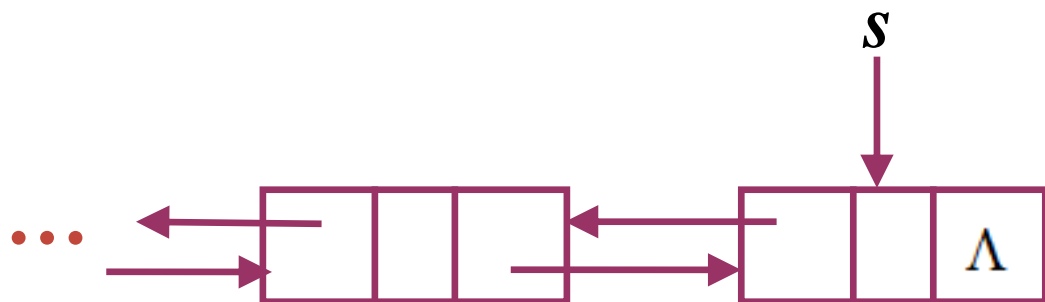
```
Node* prev = s->prev;
```

```
Node* next = s->next;
```

```
prev->next = next;
```

```
next->prev = prev;
```

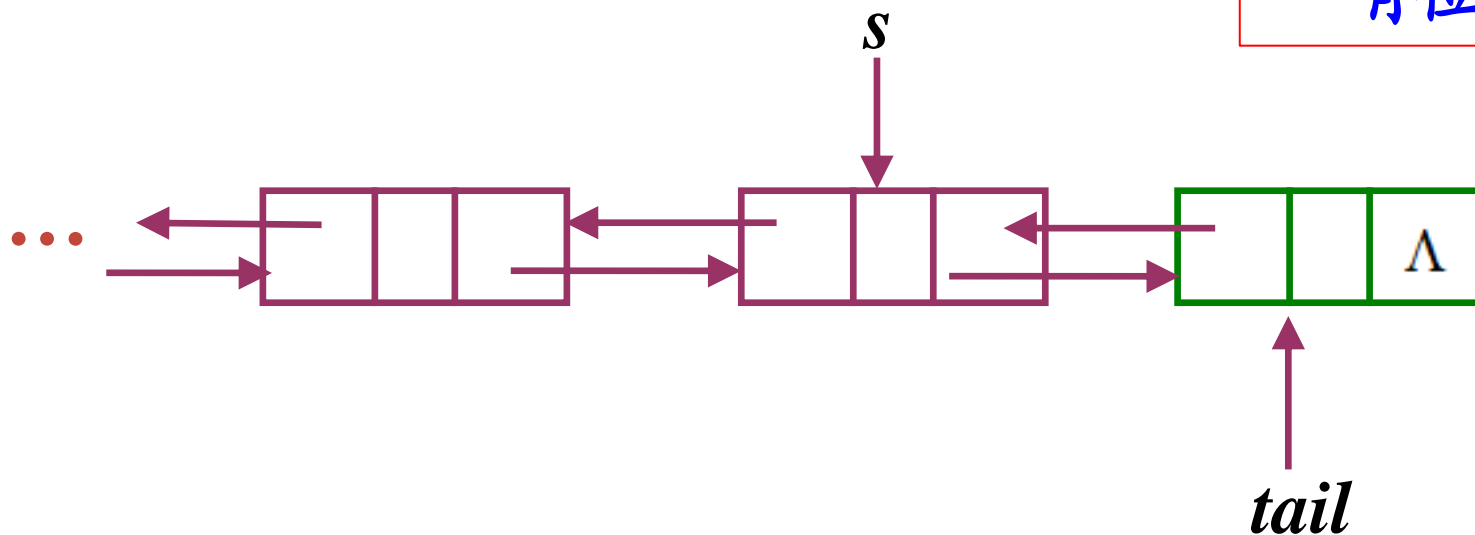
```
delete s;
```



删除结点*s* 如果*s*是最后1个结点?

```
Node* prev = s->prev;
Node* next = s->next;
prev->next = next;
next->prev = prev;
delete s;
```

表尾引入
哨位结点





```
void DeleteNode(Node* head, Node* tail, Node* s){
```

```
// 删除双向链表（带双哨位结点）中的非哨位结点s
```

```
//假定head、tail和s非空
```

```
Node* prev = s->prev;
```

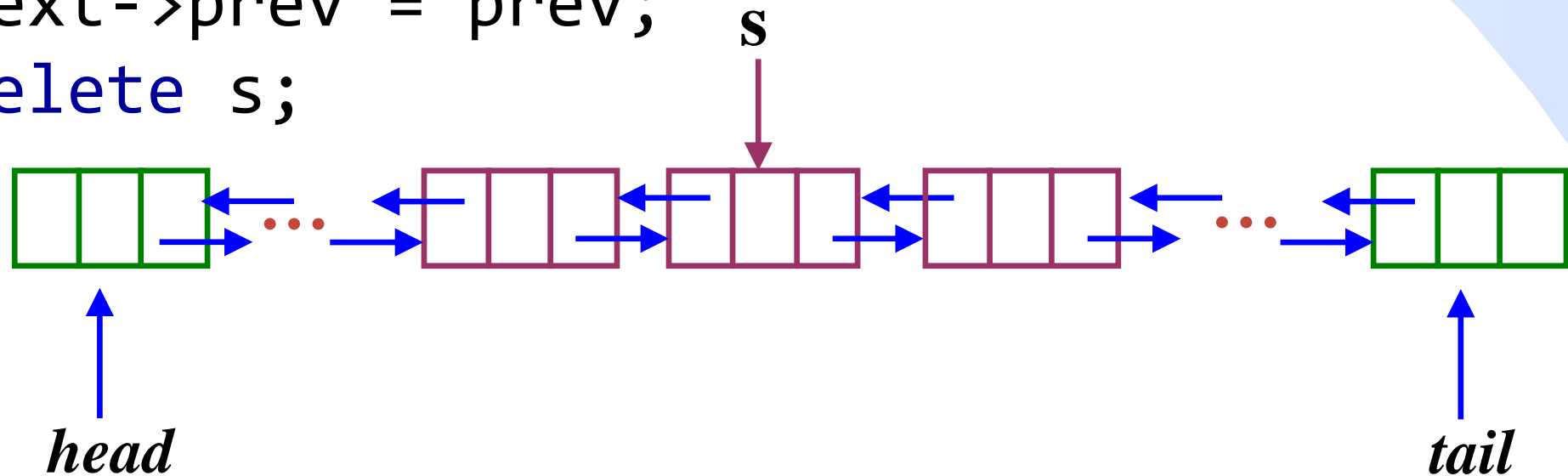
```
Node* next = s->next;
```

```
prev->next = next;
```

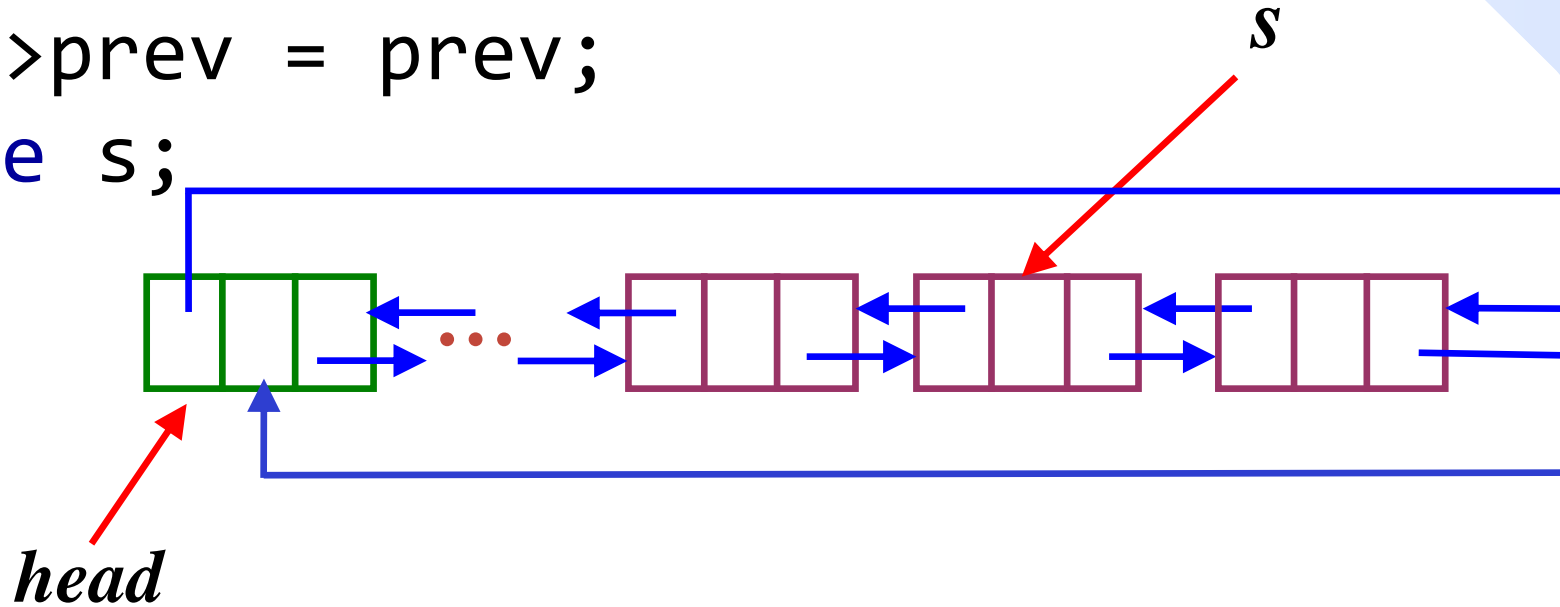
```
next->prev = prev;
```

```
delete s;
```

```
}
```

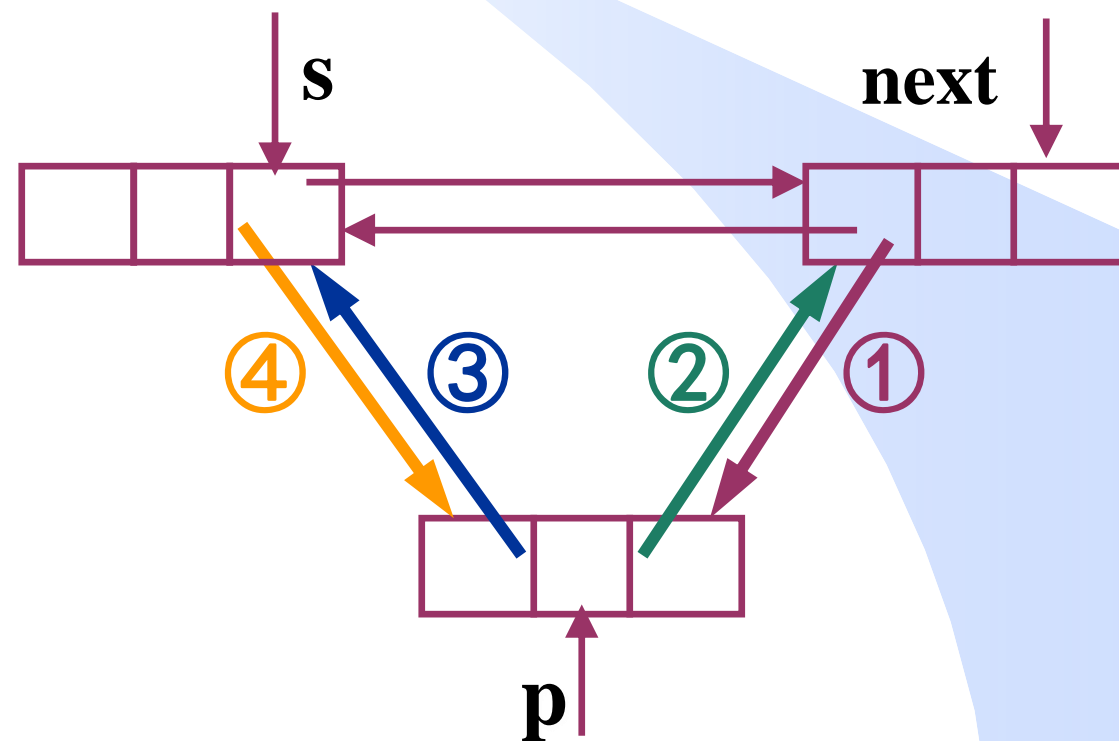


```
void DeleteNode(Node* head, Node* s){
    // 删除双向循环链表（带哨位结点）中的非哨位结点s
    // 假定head和s非空
    Node* prev = s->prev;
    Node* next = s->next;
    prev->next = next;
    next->prev = prev;
    delete s;
}
```





```
void InsertNode(Node* head, Node* s, Node* p){  
    //在带哨位结点的双向循环链表中的结点s之后插入结点p  
    //假定head、s、p非空  
    Node* next = s->next;  
    next->prev = p; //步骤①  
    p->next = next; //步骤②  
    p->prev = s;    //步骤③  
    s->next = p;    //步骤④  
}
```





顺序存储和链式存储的比较

1、空间效率的比较

- 顺序表所占用的空间来自于申请的数组空间，数组大小是**事先确定**的，当表中的元素较少时，顺序表中的很多空间处于**闲置状态**，造成了空间的浪费；
- 链表所占用的空间是根据需要**动态申请**的，不存在空间浪费问题，但链表需要在每个结点上附加一个指针，从而产生**额外开销**。

顺序存储和链式存储的比较

2、时间效率的比较

- ◆ 线性表的基本操作是查找、插入和删除。

	基于下标的查找	插入/删除
顺序表	$O(1)$ 按下标直接查找	$O(n)$ 需要移动若干元素
链 表	$O(n)$ 从表头开始遍历链表	$O(1)$ 只需修改几个指针值

- ◆ 当线性表经常需要进行插入、删除操作时，链表的时间复杂性较低，效率较高；
- ◆ 当线性表经常需要基于下标的查找，且查找操作比插入删除操作频繁的情况下，则顺序表的效率较高。



链表编程时留意边界条件处理

以下情况代码是否能正常工作：

- 链表为空时
- 链表只包含一个结点时
- 在处理头结点和尾结点时

链表应用场景举例



本方子弹链表，敌机链表

- 本方发射子弹：子弹链表插入新结点
- 子弹飞出边界、打中敌机：删除子弹结点
- 敌机飞出边界、被子弹打中：删除敌机结点
- 随机生成敌机：敌机链表插入新结点

```
struct Node{  
    int x, y;  
    Node *next;  
    .....  
};  
Node *pBullet, *pEnemy;
```

链表应用场景举例

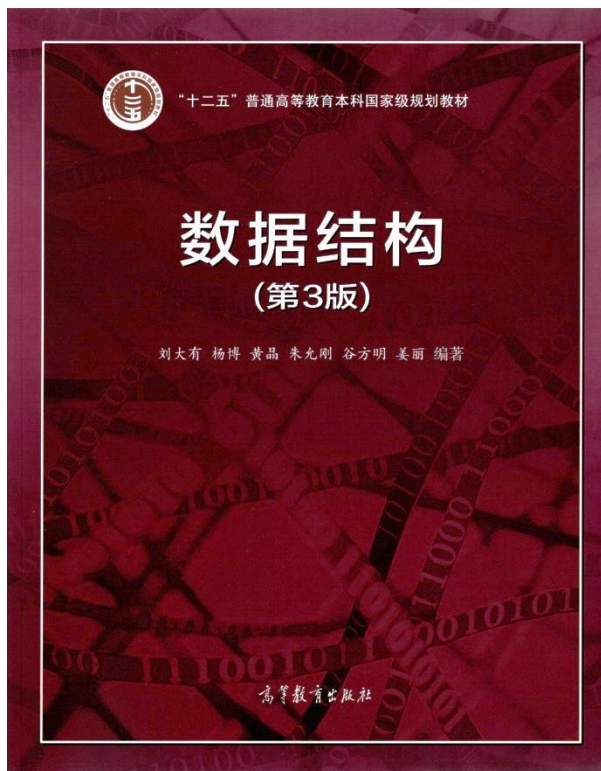


核心逻辑:

```
WHILE pBullet  $\neq \Lambda$  DO  
(  
  WHILE pEnemy  $\neq \Lambda$  DO  
    (  
      IF pBullet和pEnemy相遇 THEN  
        (  
          //子弹打中敌机  
          删除pBullet所指结点.  
          删除pEnemy所指结点.  
          BREAK.  
        )  
      pEnemy  $\leftarrow$  next(pEnemy).  
    )  
    pBullet  $\leftarrow$  next(pBullet).  
)
```




课堂实录



线性表的链接存储

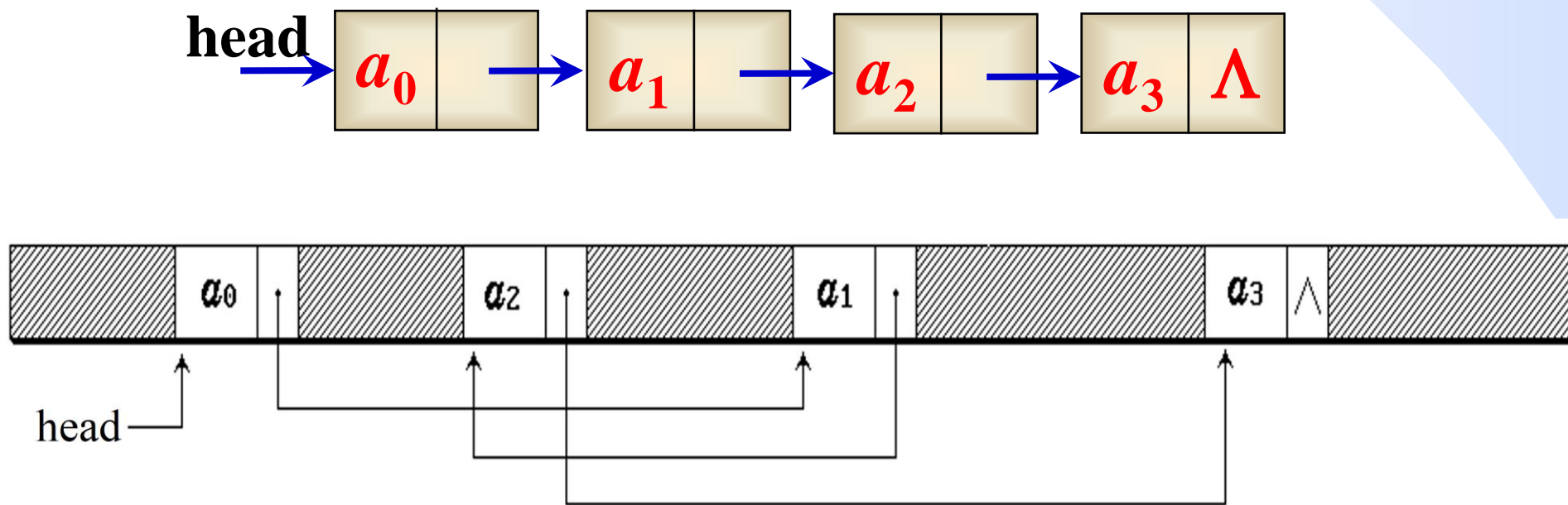
- 单链表
- 循环链表
- 双向链表
- **静态链表**
- 侵入式链表
- 链表的双指针技巧

数据之法
结构之美
算法之道

静态链表

有些程序设计语言没有指针类型，如何实现链表？

回顾链表在内存的存储方式

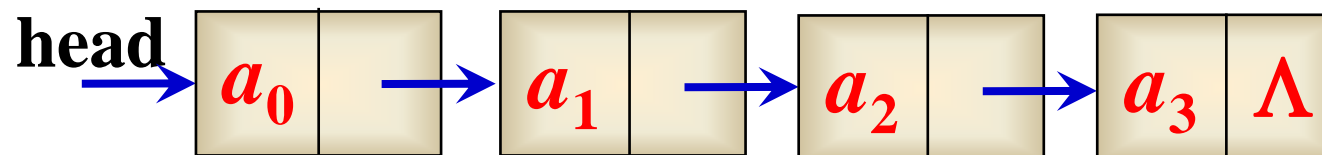


静态链表

```
int data[12];
int next[12];
```

链表的元素用数组存储，
用数组的下标模拟指针。

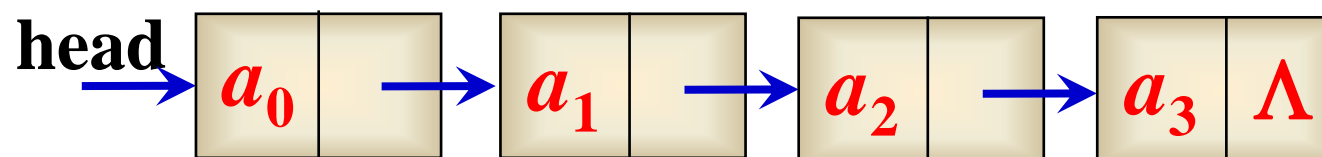
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
data		a_0		a_2			a_1				a_3	
next												



静态链表

```
int data[12];
int next[12];
```

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
data		a_0		a_2			a_1				a_3	
next		6		10			3				-1	



静态链表作为一种编程技巧，在有指针的编程语言中，也有广泛的应用



例：有若干个盒子，从左至右依次编号为 $1, 2, 3, \dots, n$ 。可执行以下指令（保证 X 不等于 Y ）：

- **L** $X Y$ 表示把盒子 X 移动到盒子 Y **左边**（如果 X 已在 Y 左边，则忽略该指令）。
- **R** $X Y$ 表示把盒子 X 移动到盒子 Y **右边**（如果 X 已在 Y 右边，则忽略该指令）。

例如 $n=6$ 时,初始:

1 2 3 4 5 6

执行指令L 1 4:

2 3 1 4 5 6

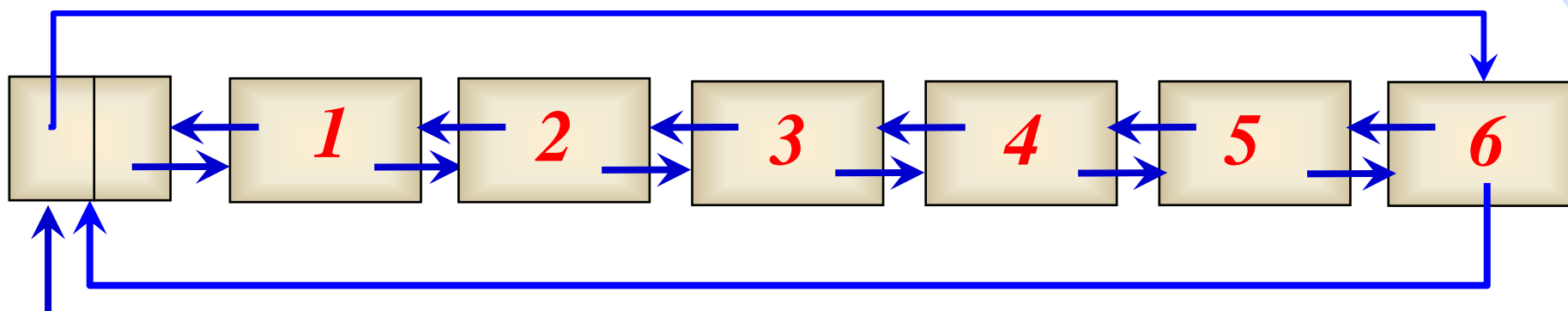
执行指令R 3 5:

2 1 4 5 3 6

静态双向循环链表

```
int data[7];
int prev[7];
int next[7];
```

	0	1	2	3	4	5	6
prev							
data		1	2	3	4	5	6
next							



head

静态双向循环链表

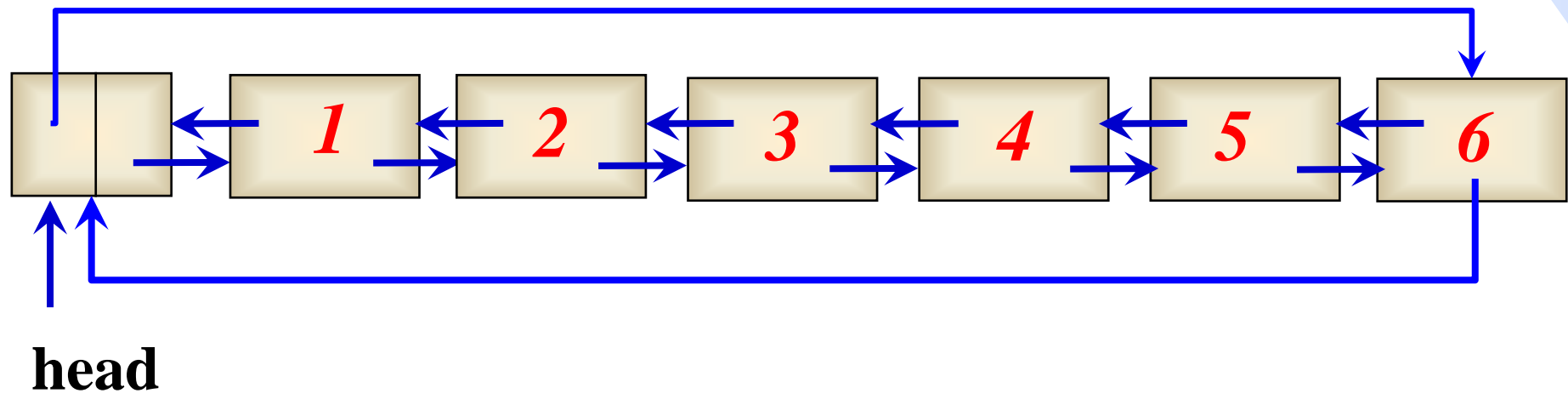
```
int data[7];
int prev[7];
int next[7];
```

盒子不动，指针动

在盒子移动过程中仅 prev 和 next “指针”变化。

	0	1	2	3	4	5	6
prev	6	0	1	2	3	4	5
data		1	2	3	4	5	6
next	1	2	3	4	5	6	0

移动过程中盒子在数组中的位置始终不变，第*i*个盒子始终在数组第*i*位。所以可以在O(1)时间内找到任意盒子。



删除盒子x:

```
next[prev[x]]=next[x];
prev[next[x]]=prev[x];
```

盒子x插到y右边:

```
prev[next[y]]=x;
next[x]=next[y];
prev[x]=y;
next[y]=x;
```

盒子x插到y左边:

```
next[prev[y]]=x;
prev[x]=prev[y];
next[x]=y;
prev[y]=x;
```

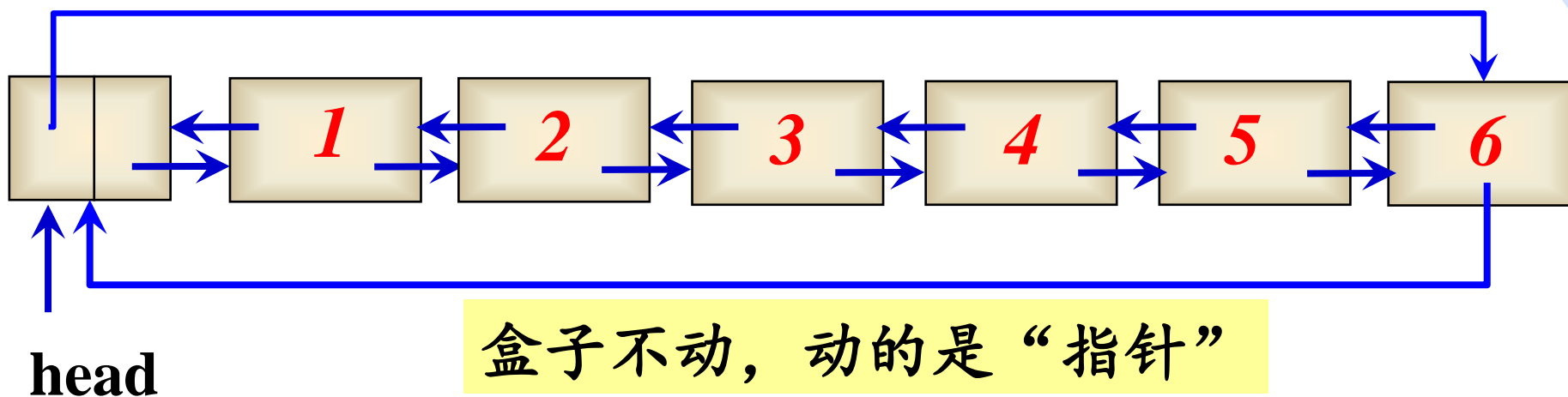
L X Y 操作:

- ①删除盒子X
- ②将X插到Y左边

	0	1	2	3	4	5	6
prev	6	0	1	2	3	4	5
data		1	2	3	4	5	6
next	1	2	3	4	5	6	0

R X Y 操作:

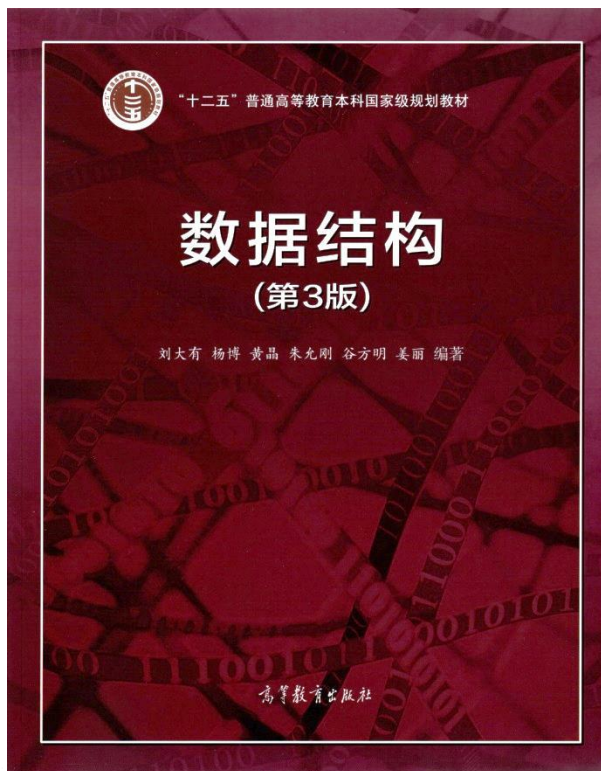
- ①删除盒子X
- ②将X插到Y右边



盒子不动，动的是“指针”



课堂实录



线性表的链接存储

- 单链表
- 循环链表
- 双向链表
- 静态链表
- **侵入式链表**
- 链表的双指针技巧

数据之法
结构之美
算法之道

普通链表（非侵入式）

```
struct Student{  
    char name[20];  
    double GPA;  
    Student* next;  
};
```

插入 InsertStudent(...)

删除 DeleteStudent(...)

```
struct Teacher{  
    char name[20];  
    char title[50];  
    Teacher* next;  
};
```

插入 InsertTeacher(...)

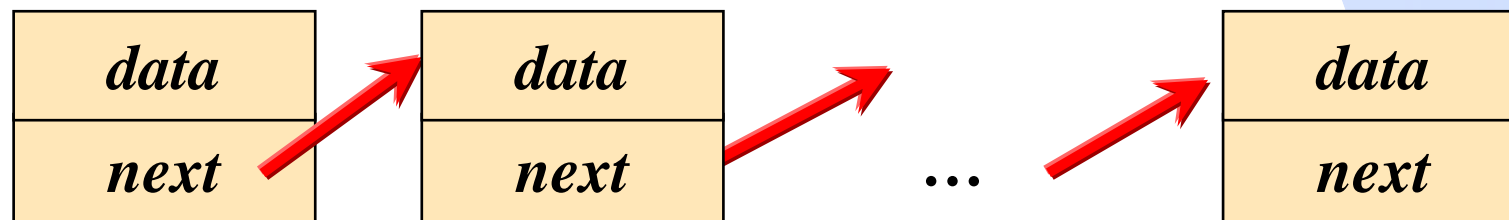
删除 DeleteTeacher(...)

```
struct Car{  
    int ID;  
    char owner[20];  
    Car* next;  
};
```

插入 InsertCar(...)

删除 DeleteCar(...)

数据与结构深度耦合，一种类型的链表只能应对一种业务场景，当业务场景改变之后，需要重新定义链表结构，重新实现链表的各种操作（如插入、删除、查找等）。



侵入式链表

一套基本的链表结构
不含数据只含指针

```
struct ListPtr{
    ListPtr* next;
};
```

插入 InsertList(...)

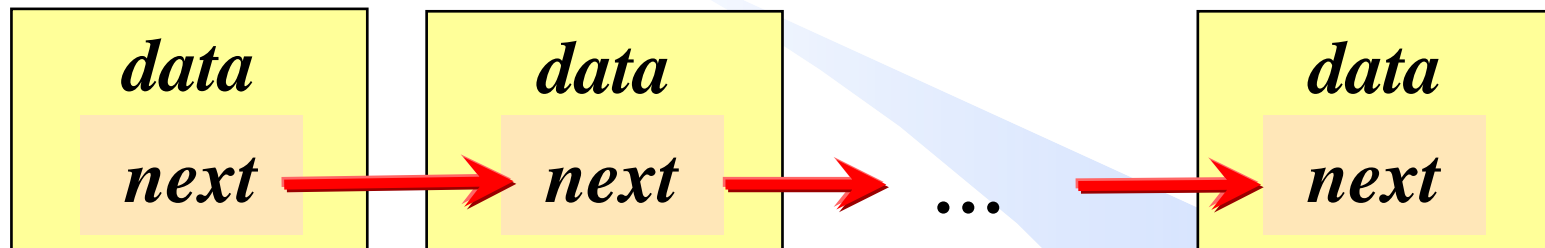
删除 DeleteList(...)

next → *next* → ... → *next*

```
struct Student{
    char name[20];
    double GPA;
    ListPtr list;
};
```

```
struct Teacher{
    char name[20];
    char title[50];
    ListPtr list;
};
```

```
struct Car{
    int number;
    int ower[20];
    ListPtr list;
};
```



均可使用InsertList/DeleteList, 如:

```
ListPtr head;
for(int i=0; i<10; i++){
    Student* s1 = new Student;
    InsertList(&head, &s1->list);
}
Teacher* t1 = new Teacher;
InsertList(&head, &t1->list);
```

将数据与结构解耦合。只需要定义一种链表结构 *ListPtr*, 完成一套链表操作, 即可实现对所有类型链表的统一管理

侵入式链表的应用——操作系统内核链表

```
typedef struct _LIST_ENTRY {
    struct _LIST_ENTRY *Flink; // 前向指针
    struct _LIST_ENTRY *Blink; // 后向指针
} LIST_ENTRY;
```

Microsoft®
Windows



```
struct list_head {
    struct list_head *next, *prev;
};
#define list_entry(ptr, type, member) \
    container_of(ptr, type, member)
#define container_of(ptr, type, member) ({ \
    const typeof(((type *)0)->member) *__mptr = (ptr); \
    (type *)((char *)__mptr - offsetof(type, member)); })

#define offsetof(TYPE, MEMBER) ((size_t) &((TYPE *)0)->MEMBER)

#define LIST_HEAD_INIT(name) { &(name), &(name) }
#define LIST_HEAD(name) \
    struct list_head name = LIST_HEAD_INIT(name)
```

Linux™

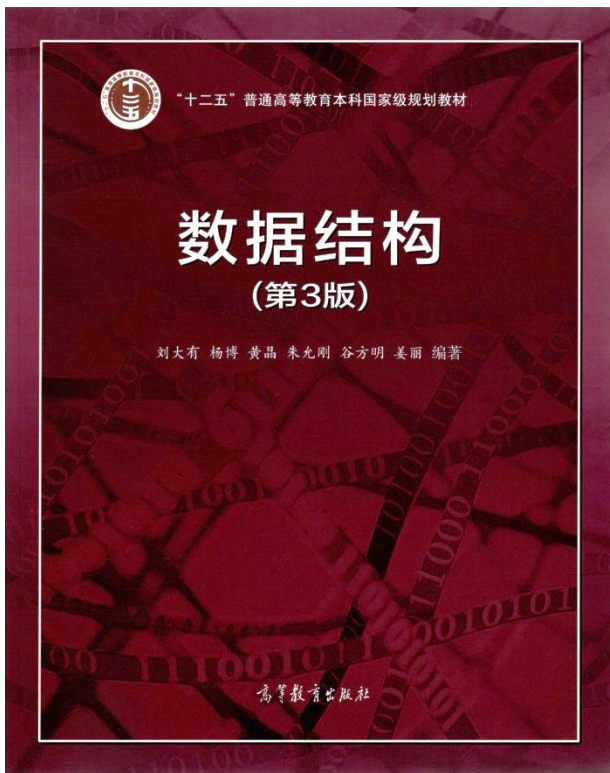


```
typedef struct LOS_DL_LIST { // 双向循环链表，鸿蒙内核最重要结构体之一
    struct LOS_DL_LIST *pstPrev; // 前驱结点
    struct LOS_DL_LIST *pstNext; // 后继结点
} LOS_DL_LIST;
// 将指定结点初始化为双向链表结点
LITE_OS_SEC_ALW_INLINE STATIC INLINE VOID LOS_ListInit(LOS_DL_LIST *list)
{
    list->pstNext = list;
    list->pstPrev = list;
}
// 将指定结点挂到双向链表头部
LITE_OS_SEC_ALW_INLINE STATIC INLINE VOID LOS_ListAdd(LOS_DL_LIST *list, LOS_DL_LIST *node)
{
    node->pstNext = list->pstNext;
    node->pstPrev = list;
    list->pstNext->pstPrev = node;
    list->pstNext = node;
}
```





课堂实录



线性表的链接存储

- 单链表
- 循环链表
- 双向链表
- 静态链表
- 侵入式链表
- **链表的双指针技巧**

数据之法
结构之美
算法之道



找单链表倒数第 k 个结点

给定一个不含哨位结点的单链表，请设计一个尽可能高效的算法，**查找链表中倒数第 k 个结点**（ k 为正整数）。若查找成功，算法返回该结点的数据域之值；否则，返回0。（**考研题全国卷，大厂面试题**[LeetCode](#)）

```
struct ListNode{
    int val;
    ListNode* next;
};
```


➤解法1:

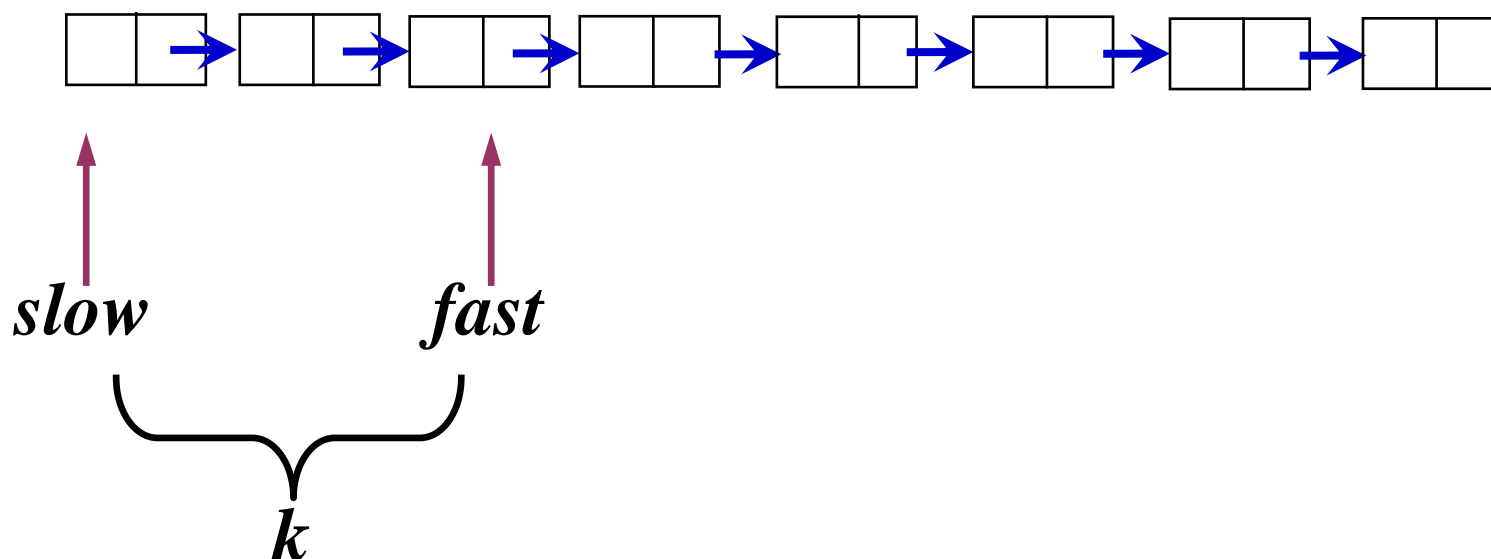
- ✓ 先找到最后一个结点，再往前找 $k-1$ 次前驱
- ✓ 找某个结点的前驱结点：时间 $O(n)$
- ✓ 整个算法时间复杂度 $O(n^2)$

➤解法2:

- ✓ 事实：倒数第 k 个，即正数第 $n-k+1$ 个， n 为链表长度
- ✓ 先遍历一遍链表，确定链表长度 n ，再遍历一遍链表找第 $n-k+1$ 个结点
- ✓ 遍历2次链表，时间复杂度 $O(n)$

➤ 解法3:

- ✓ 使用两个指针:*fast*和*slow*, 先把*fast*指向第*k*个结点, *slow*指向第1个结点。然后*fast*和*slow*同时并行向后移动, 当*fast*移动到最后一个结点时, *slow*正好指向倒数第*k*个结点。
- ✓ 只遍历1次链表, 时间复杂度 $O(n)$ 。



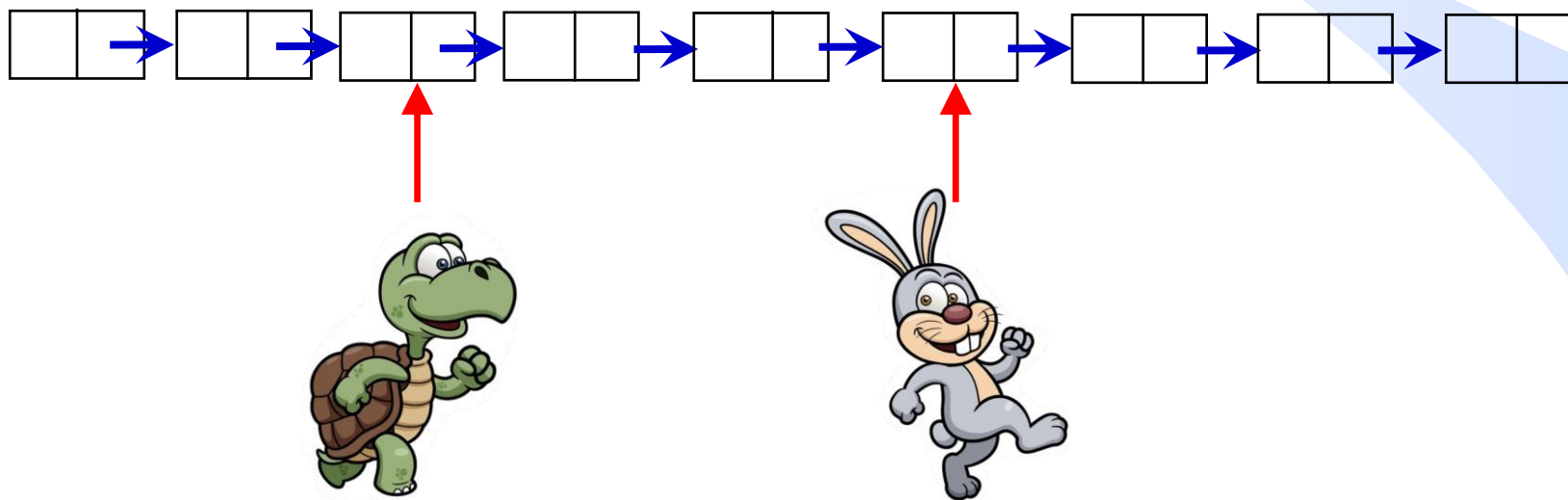
Talk is cheap, show me the code

```
int kthToLast(ListNode* head, int k) {  
    ListNode *slow = head, *fast = head;  
    for(int i = 1; fast != NULL && i < k; i++)  
        fast = fast->next;    //让fast指向正数第k个结点  
    if(fast==NULL) return 0;    //链表长度不足k  
    while(fast->next != NULL) {  
        slow = slow->next;  
        fast = fast->next;  
    }  
    return slow->val;  
}
```



找单链表中间结点

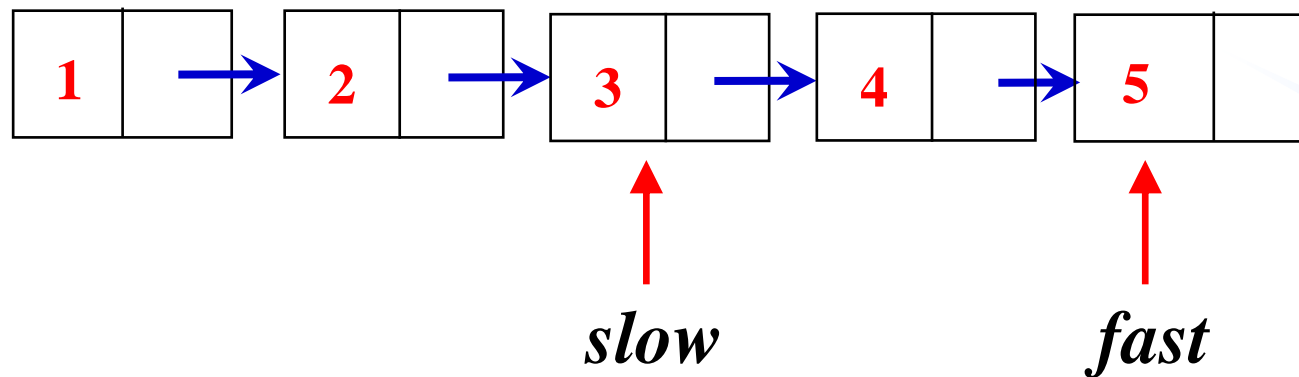
找单链表中间位置的结点，要求只遍历一次链表。若链表长度为偶数，返回两个中间结点中靠右的那个结点。【大厂面试题 [LeetCode 876](#)】



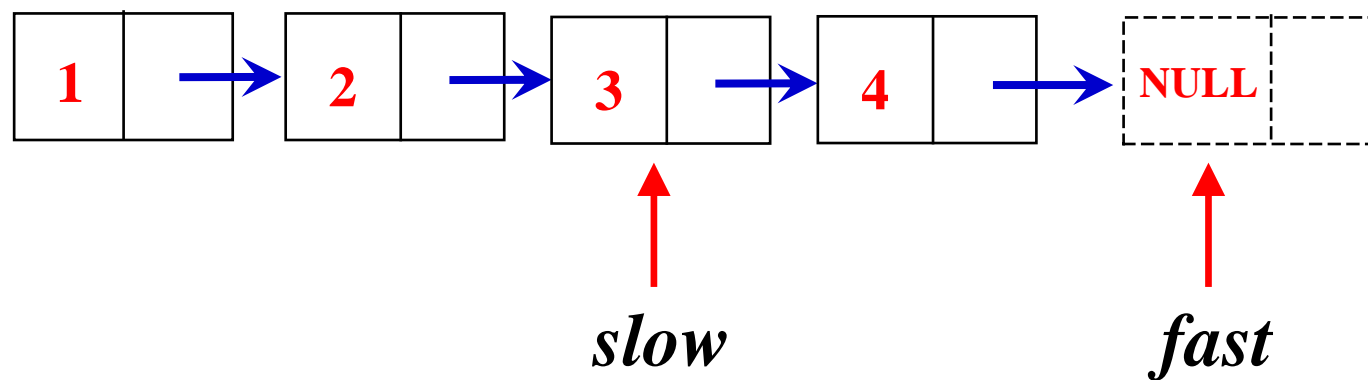
- ✓ 维护两个指针fast和slow
- ✓ slow每次移动1步，fast每次移动2步

```
slow = slow->next;  
fast = fast->next->next;
```


扫描结束的条件



`fast->next==NULL`

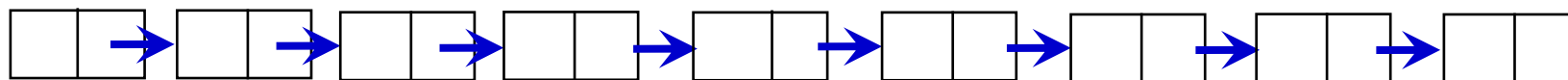


`fast==NULL`

Talk is cheap, show me the code

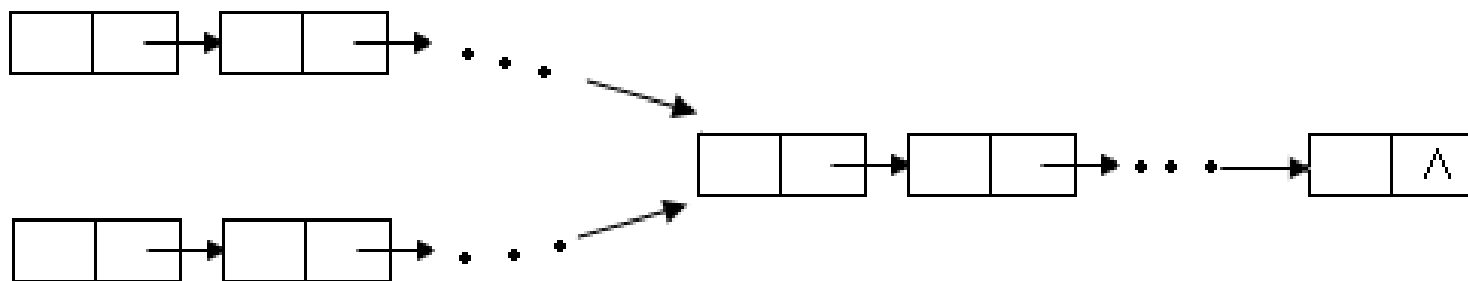
```
ListNode* middleNode(ListNode* head) {  
    ListNode *fast = head, *slow = head;  
    while (fast != NULL && fast->next != NULL) {  
        slow = slow->next;  
        fast = fast->next->next;  
    }  
    return slow;  
}
```

课下思考：对于长度为偶数的链表，若要返回第1个中间结点（即两个中间结点中靠左的那个结点），该如何修改上述代码？

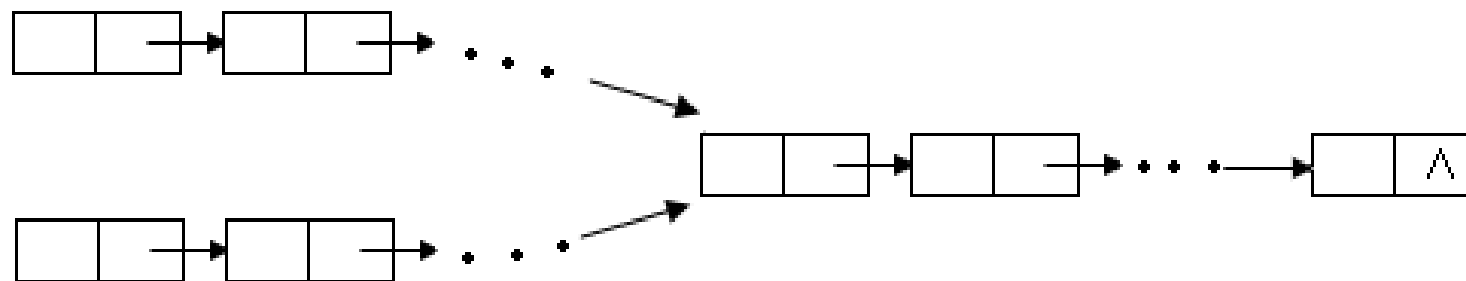


链表相交问题

给定两个单链表的头指针head1和head2，设计一个算法判断这两个链表是否相交,如果相交则返回第一个交点，要求时间复杂度为 $O(L_1+L_2)$ ， L_1 、 L_2 分别为两个链表的长度。为了简化问题，这里我们假设两个链表均不含有环【大厂面试题 [LeetCode 160](#)】



链表相交问题



方案1:

FOR \forall 结点 $i \in$ 链表1 DO

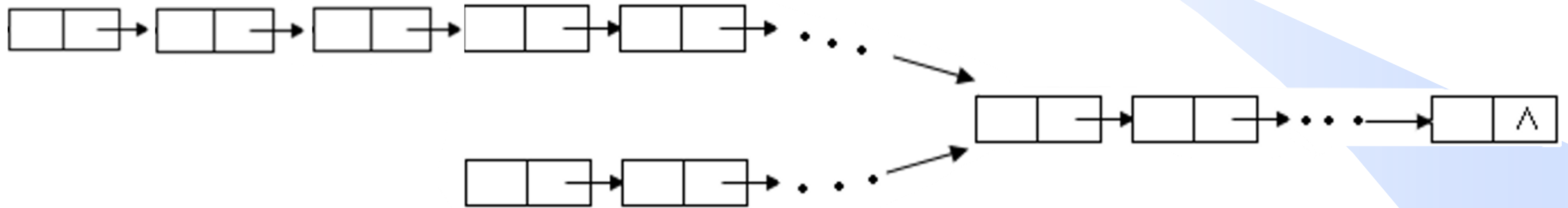
(

判断“结点 i ”是否在链表2中.

)

时间复杂度: $O(L_1 * L_2)$

链表相交问题





链表相交问题——思路

- **是否相交?** 如果两个链表相交，则最后一个结点一定是共有的，可以分别遍历2个链表，记录其最后一个结点和链表长度。若2个链表最后一个结点相等，则相交，否则不相交。
- **找交点?** 用指针p1指向较长的那个链表，p2指向较短的那个链表，p1先向后移动 $|L_1 - L_2|$ 步，使p1和p2“对齐”，然后p1和p2同时并行向右移动，每移动一步比较p1和p2是否相等，当二者相等时，其指向的结点即为交点。

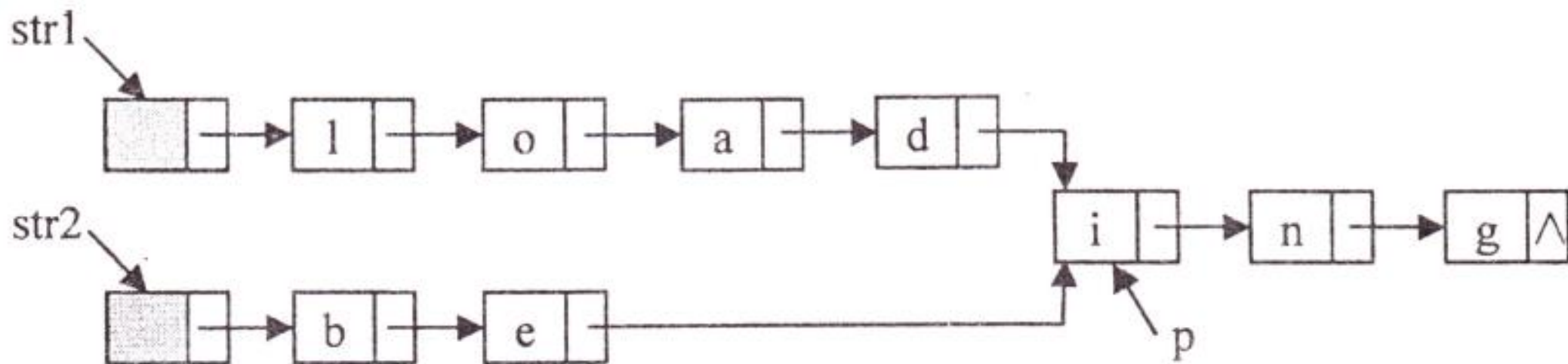
```
ListNode* cross(ListNode *head1, ListNode *head2) {  
    //若两个链表相交，返回交点指针，否则返回NULL  
    if (head1==NULL || head2==NULL) return NULL;  
    if (head1==head2) return head1;  
    ListNode *p1=head1,*p2=head2;  
    int L1=1,L2=1;  
    while (p1->next!=NULL) { L1++; p1=p1->next;}  
    while (p2->next!=NULL) { L2++; p2=p2->next;}  
    if (p1!=p2) return NULL; //不相交  
    if (L1>=L2) { p1=head1; p2=head2;}  
    else { p1=head2; p2=head1;}  
    for(int i=0; i<abs(L1-L2); i++) p1=p1->next; //p1和p2对齐  
    while (p1!=p2) { p1=p1->next; p2=p2->next;}  
    return p1;  
}
```

Talk is cheap,
show me the code



考研题全国卷

(13 分) 假定采用带头结点的单链表保存单词，当两个单词有相同的后缀时，则可共享相同的后缀存储空间。例如，“loading”和“being”的存储映像如下图所示。



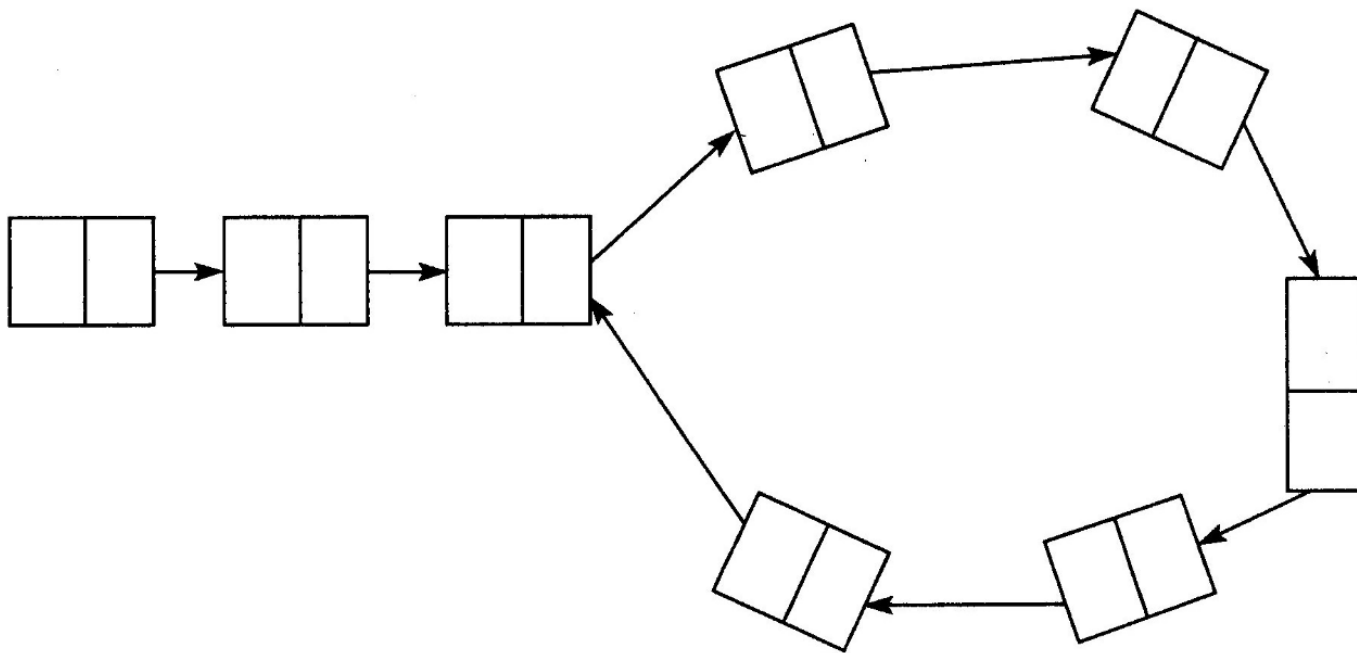
设 $str1$ 和 $str2$ 分别指向两个单词所在单链表的头结点，链表结点结构为

data	next
------	------

，请设计一个时间上尽可能高效的算法，找出由 $str1$ 和 $str2$ 所指的两个链表共同后缀的起始位置（如图中字符 i 所在结点的位置 p ）。

单链表判环问题

编写算法判断一个单链表中是否含有环。如果有环的话，找出从头结点进入环的第一个结点。【大厂面试题[LeetCode 141](#)、[LeetCode 142](#)】





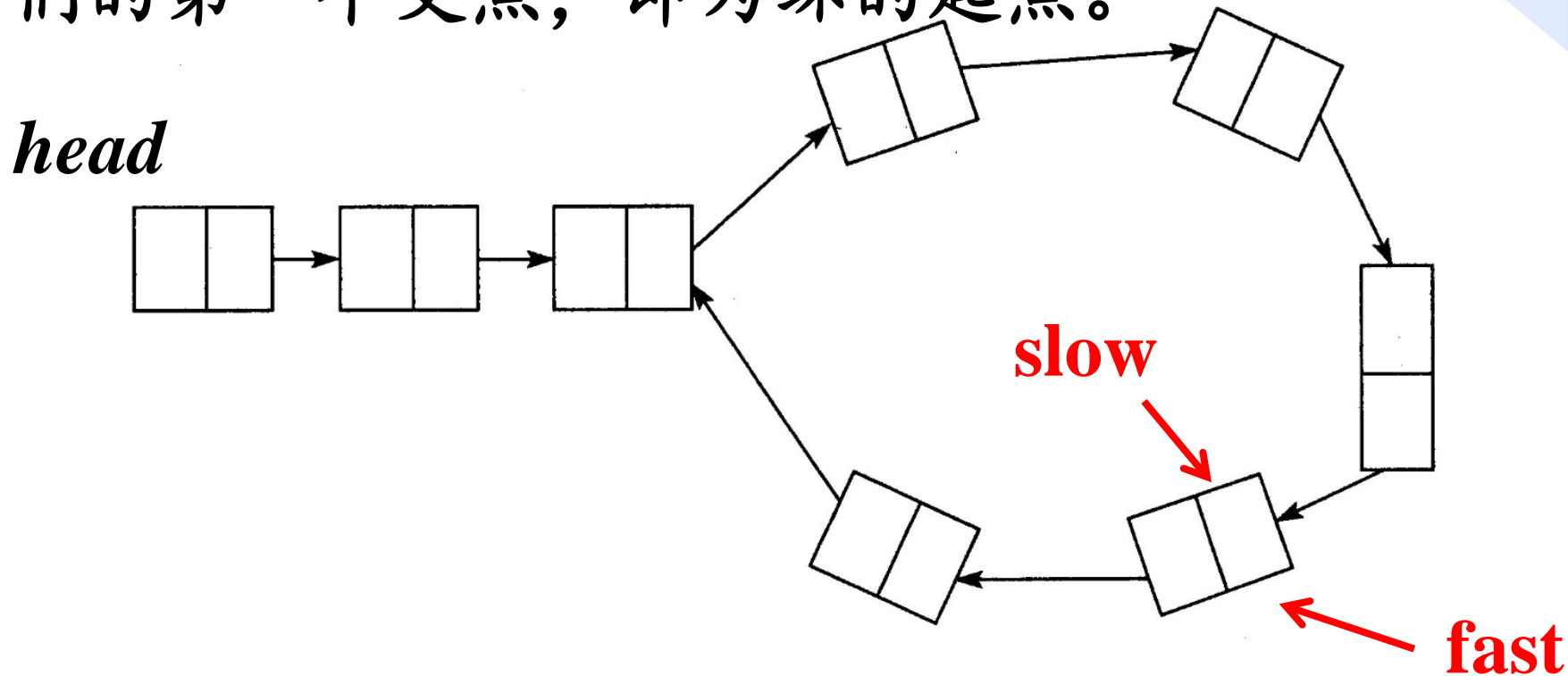
单链表判环问题

- 使用两个指针slow和fast从链表头开始遍历，slow每次前进1步，fast每次前进2步。
- 如果含有环，fast和slow必然会在某个时刻相遇（fast==slow），好比在环形跑道上赛跑时运动员的套圈。
- 如果遍历过程中，最终fast达到NULL，则说明无环。

```
bool hasCycle(ListNode *head) {  
    ListNode *slow = head, *fast = head;  
    while (fast != NULL && fast->next != NULL){  
        slow = slow->next;  
        fast = fast->next->next;  
        if (fast == slow) return true;  
    }  
    return false;  
}
```

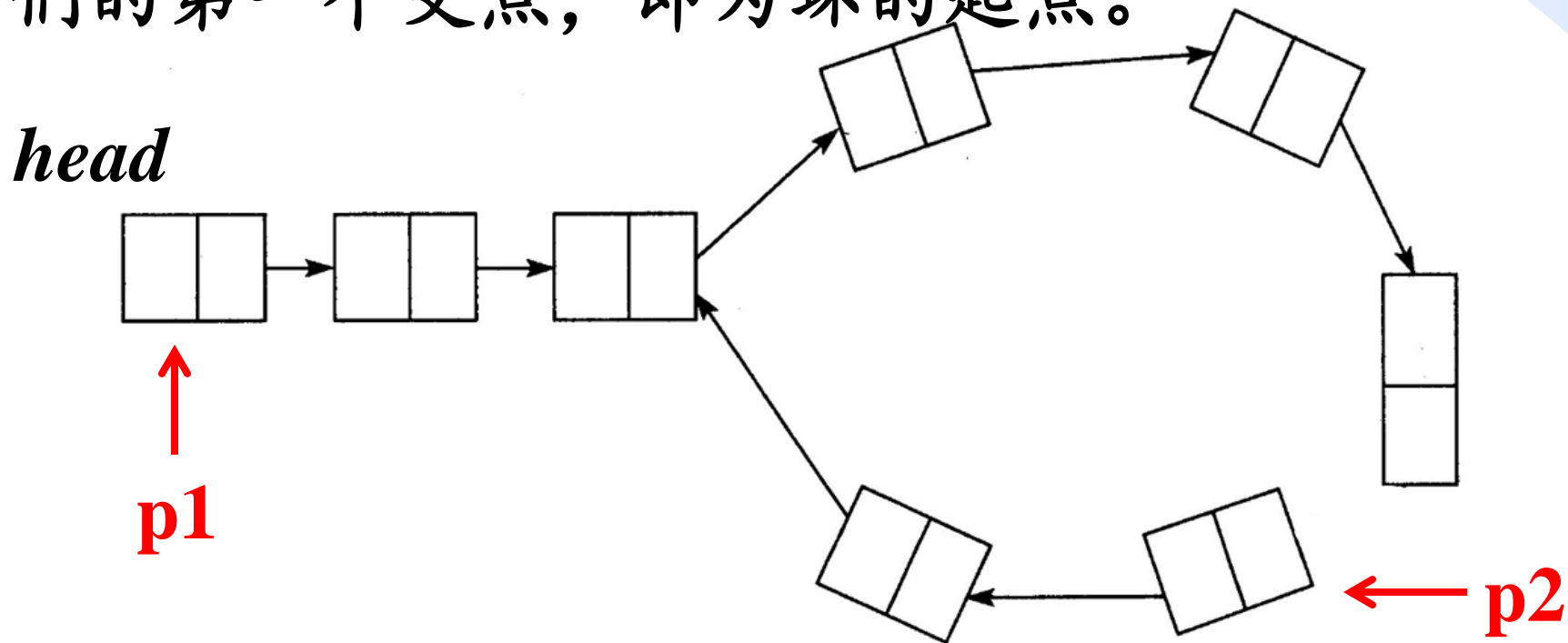
单链表判环问题

从相遇结点（ $\text{fast} == \text{slow}$ 所对应的结点）处断开环，令 $\text{p1} \leftarrow \text{head}$, $\text{p2} \leftarrow \text{fast}$ 。此时，原单链表可以看作两条单链表，一条从 p1 开始，另一条从 p2 开始，结合链表相交问题，找到它们的第一个交点，即为环的起点。



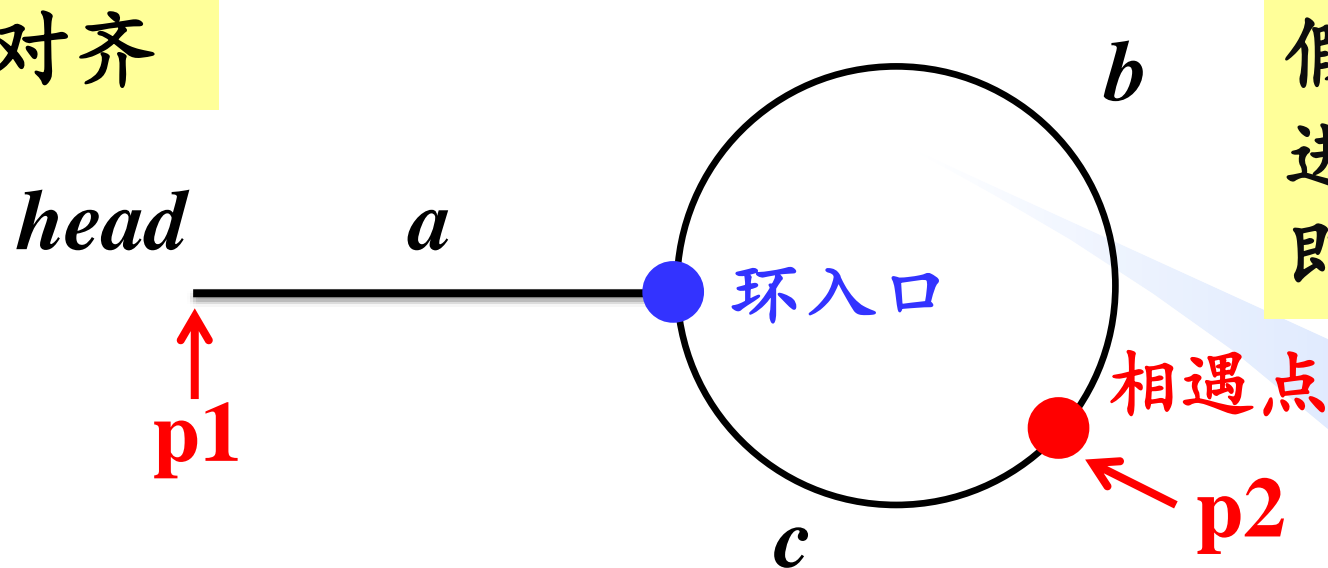
单链表判环问题

从相遇结点（ $\text{fast} == \text{slow}$ 所对应的结点）处断开环，令 $\text{p1} \leftarrow \text{head}$, $\text{p2} \leftarrow \text{fast}$ 。此时，原单链表可以看作两条单链表，一条从 p1 开始，另一条从 p2 开始，结合链表相交问题，找到它们的第一个交点，即为环的起点。



单链表判环问题

$p1$ 和 $p2$ 无需对齐



假定fast指针
进入环1圈后
即与slow相遇

2*slow指针走的步数= fast指针走的步数

$$2(a+b) = a+b+c+b$$

$$a = c$$

若fast在环内走了很多圈才与slow相遇，刚才的策略是否还可行？

单链表判环问题

```

ListNode* detectCycleEntrance(ListNode *head) {
    ListNode *slow = head, *fast = head;
    while (fast != NULL && fast->next != NULL){
        fast = fast->next->next;
        slow = slow->next;
        if (fast == slow) { //有环，找环的入口
            ListNode *p1 = head, *p2=fast;
            while (p1 != p2) {
                p1 = p1->next;
                p2 = p2->next;
            }
            return p1;
        }
    }
    return NULL;
}

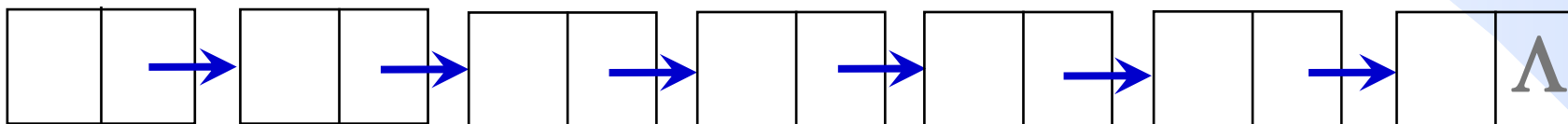
```



判断一个单链表是否是回文

要求时间复杂度 $O(n)$ ，空间复杂度 $O(1)$

【大厂面试题 [LeetCode 234](#)】



回文：中文对称

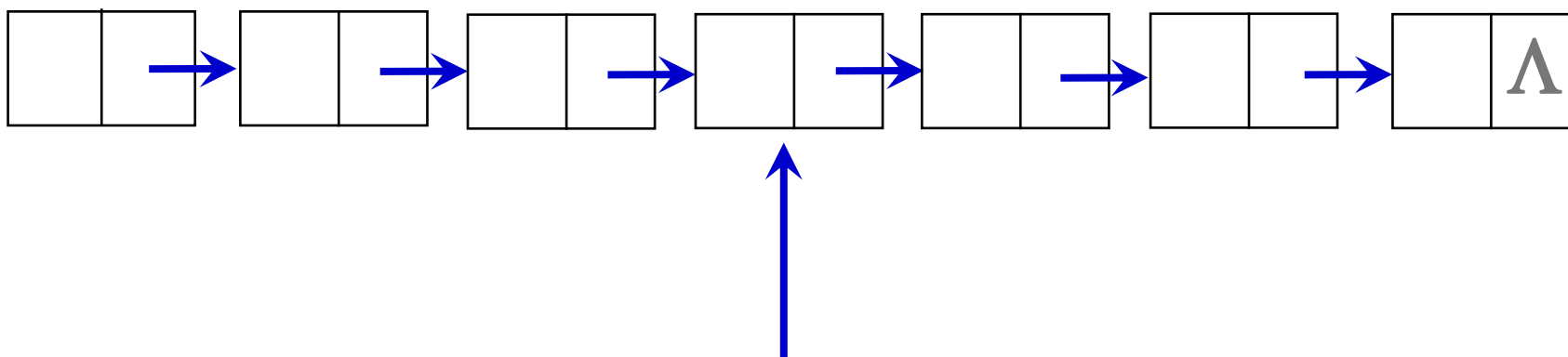
level

refer

上海自来水来自海上

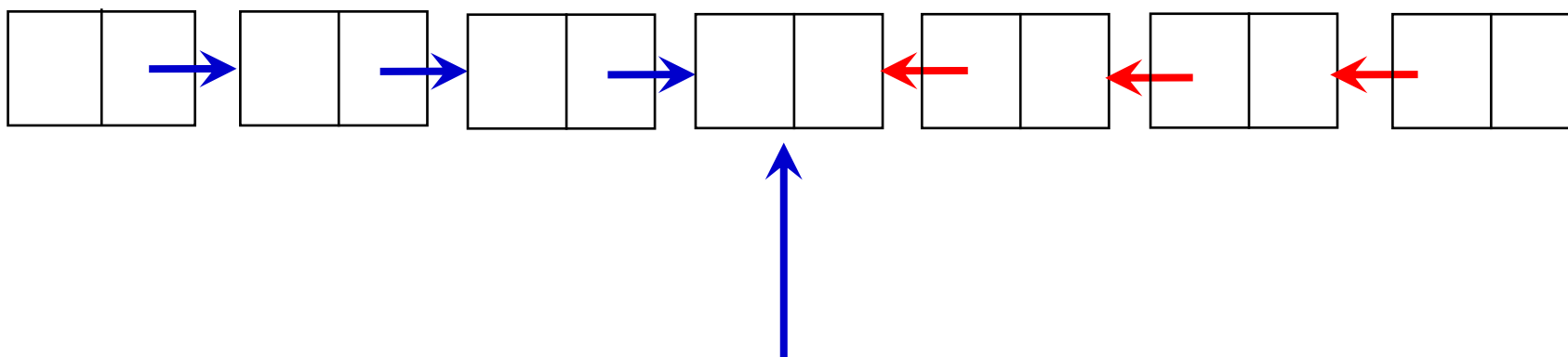
判断一个单链表是否是回文

找到中间结点，将后半部分链表反转



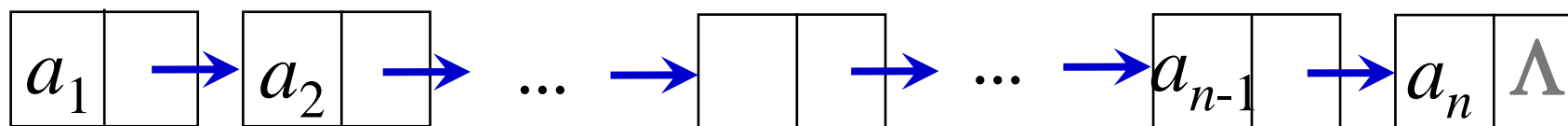
判断一个单链表是否是回文

找到中间结点，将后半部分链表反转



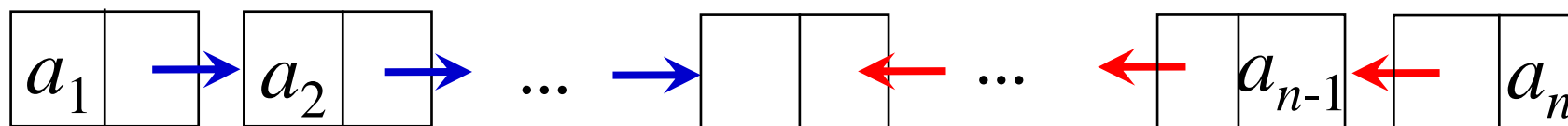
重排链表结点

设线性表 $L=(a_1, a_2, a_3, \dots, a_{n-2}, a_{n-1}, a_n)$ 采用带哨位结点的单链表保存，请设计一个空间复杂度为 $O(1)$ 且时间上尽可能高效的算法，重新排列 L 中的各结点，得到线性表 $L'=(a_1, a_n, a_2, a_{n-1}, a_3, a_{n-2}, \dots)$ 。【2019 年考研题全国卷（13 分），大厂面试题 [LeetCode 143](#)】



重排链表结点

设线性表 $L=(a_1, a_2, a_3, \dots, a_{n-2}, a_{n-1}, a_n)$ 采用带哨位结点的单链表保存，请设计一个空间复杂度为 $O(1)$ 且时间上尽可能高效的算法，重新排列 L 中的各结点，得到线性表 $L'=(a_1, a_n, a_2, a_{n-1}, a_3, a_{n-2}, \dots)$ 。【2019 年考研题全国卷（13 分），大厂面试题 LeetCode 143】



一元多项式及其操作

$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \cdots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$$

一元多项式的链表结点结构如下，每个结点包含两个数据域（系数和指数）和一个链接域。

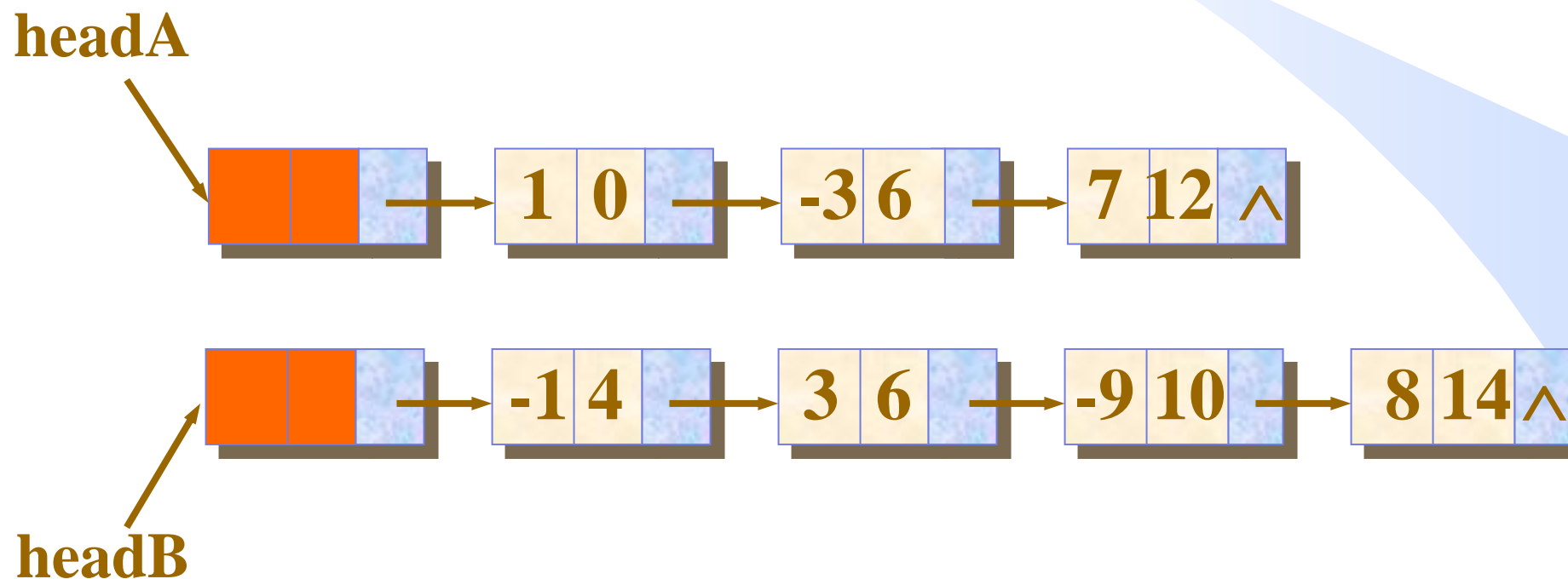
<i>coef</i>	<i>exp</i>	<i>next</i>
-------------	------------	-------------

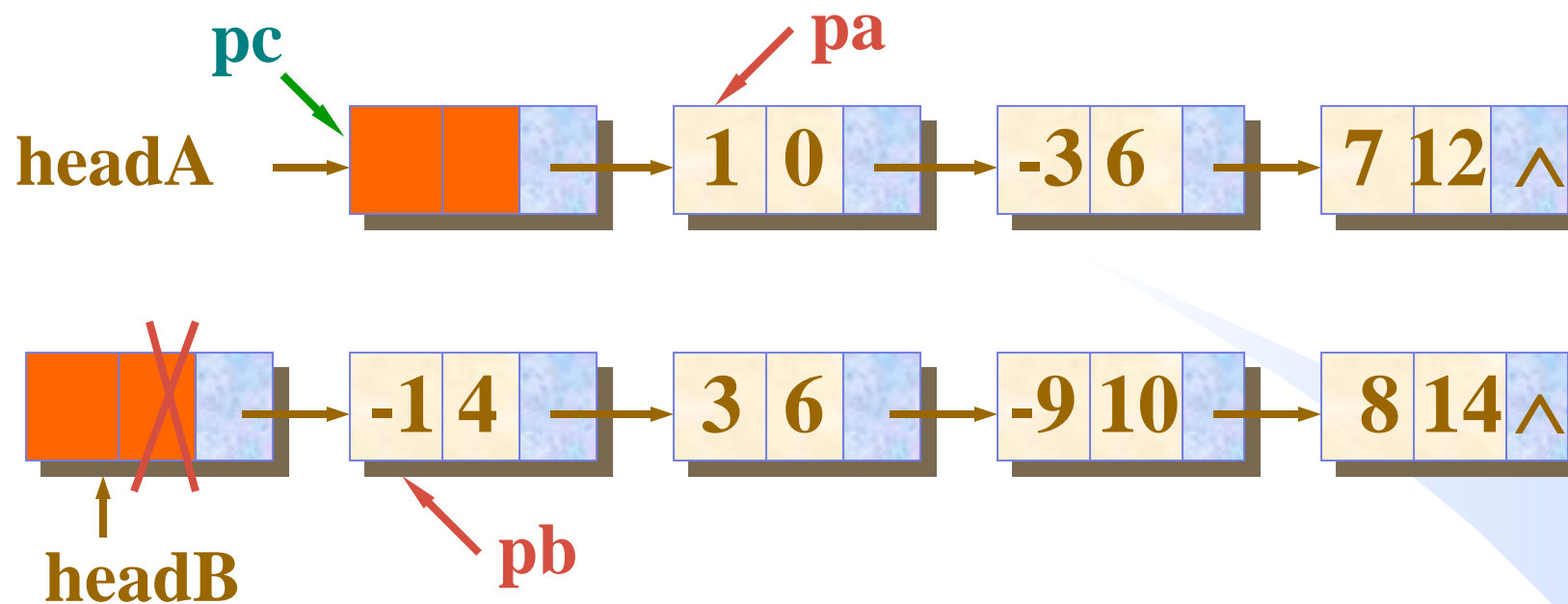
优点：多项式的项数可以动态地增长，不会出现存储溢出问题。
插入、删除方便，不移动元素，只需“穿针引线”。

多项式链表相加示例

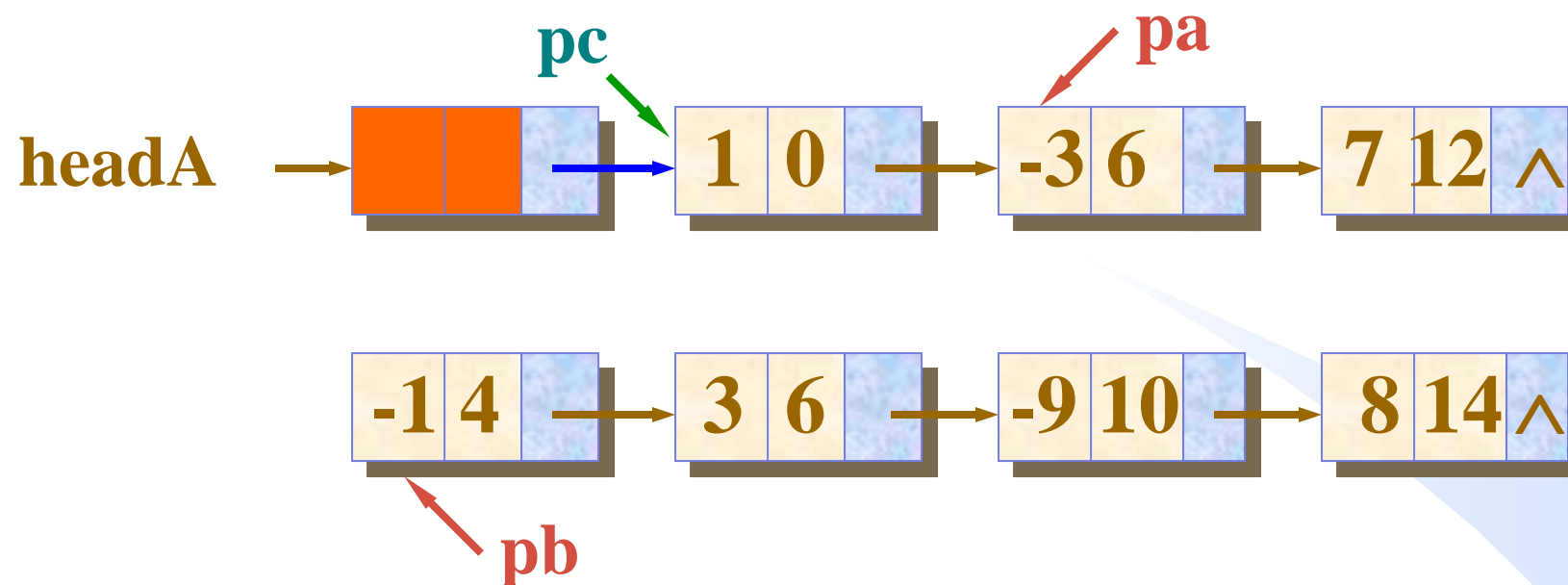
$$A = 1 - 3x^6 + 7x^{12}$$

$$B = -x^4 + 3x^6 - 9x^{10} + 8x^{14}$$

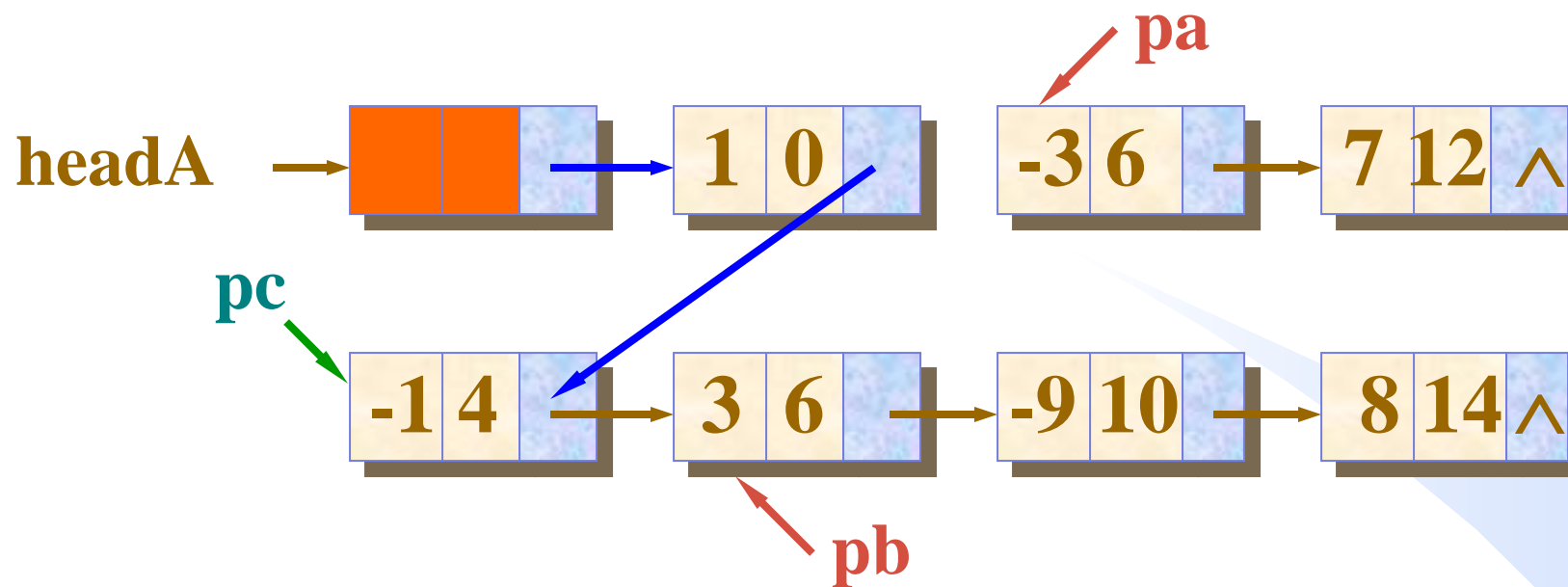




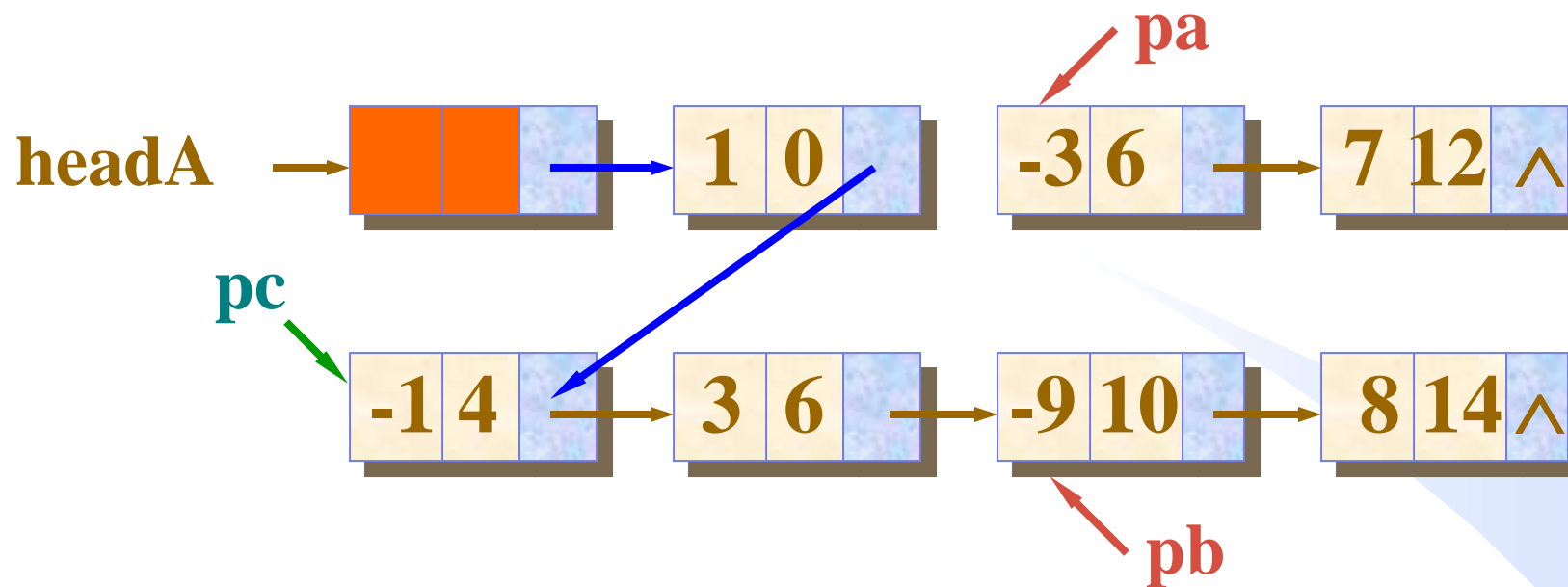
通过指针 pa 扫描链表A，通过指针 pb 扫描链表B
指针 pc 指向当前计算结果的最后一个结点



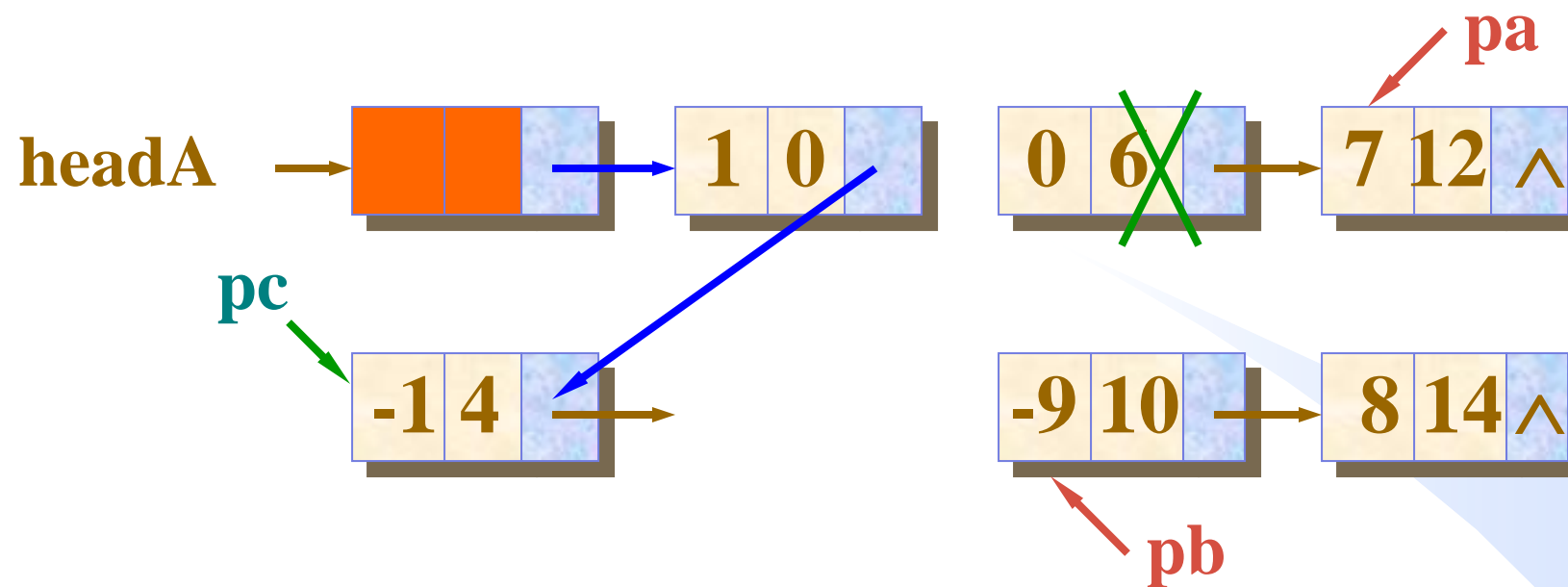
通过指针 pa 扫描链表A，通过指针 pb 扫描链表B
指针 pc 指向当前计算结果的最后一个结点



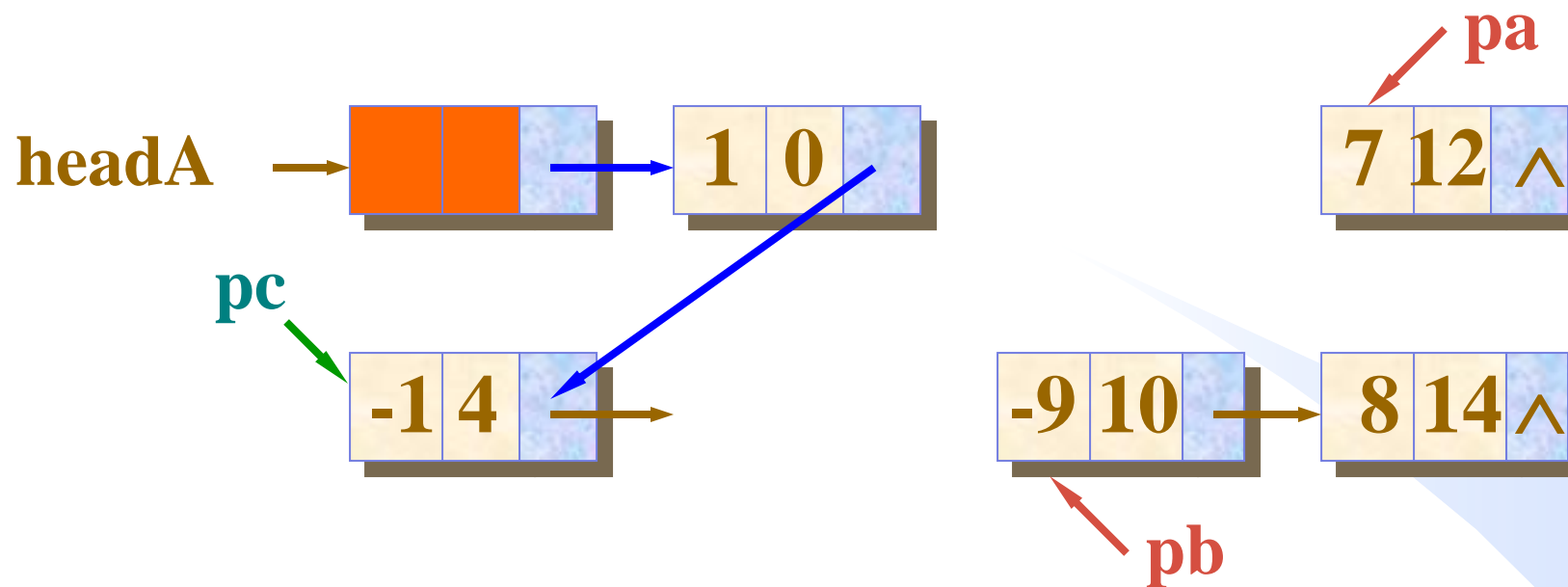
通过指针 pa 扫描链表A，通过指针 pb 扫描链表B
指针 pc 指向当前计算结果的最后一个结点



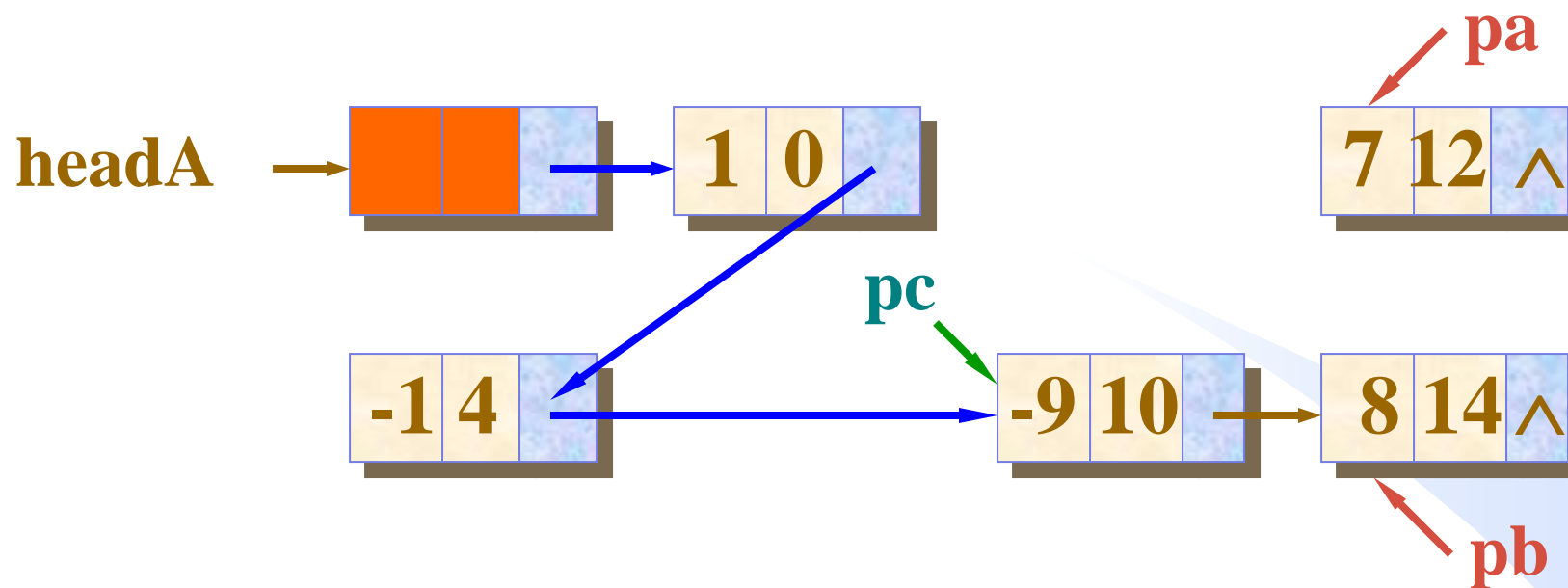
通过指针 pa 扫描链表A，通过指针 pb 扫描链表B
指针 pc 指向当前计算结果的最后一个结点



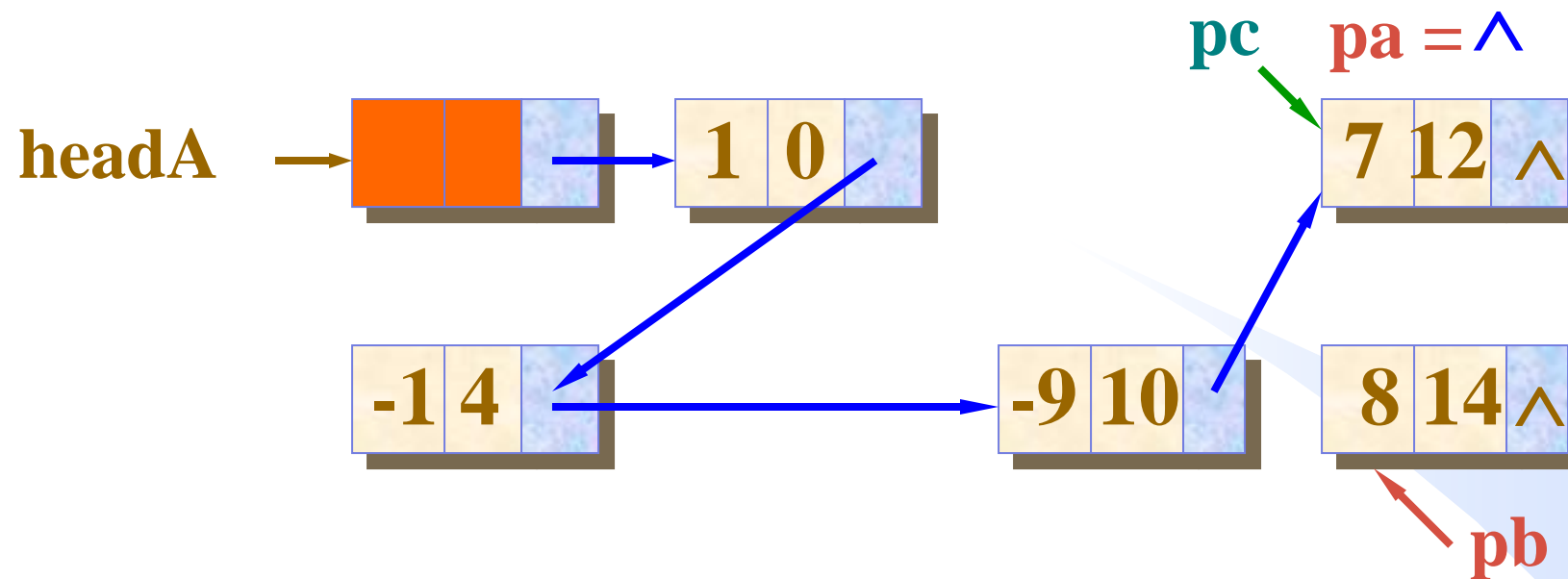
通过指针 pa 扫描链表A，通过指针 pb 扫描链表B
指针 pc 指向当前计算结果的最后一个结点



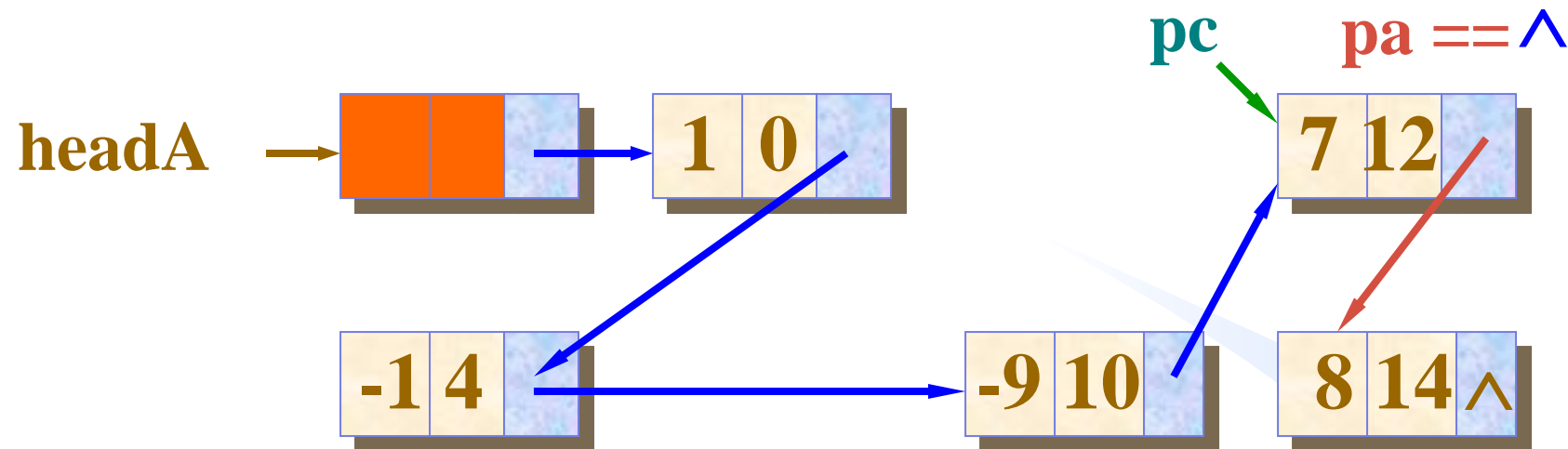
通过指针 pa 扫描链表A，通过指针 pb 扫描链表B
指针 pc 指向当前计算结果的最后一个结点



通过指针 pa 扫描链表A，通过指针 pb 扫描链表B
指针 pc 指向当前计算结果的最后一个结点



通过指针 pa 扫描链表A，通过指针 pb 扫描链表B
 指针 pc 指向当前计算结果的最后一个结点



$$A = 1 - x^4 - 9x^{10} + 7x^{12} + 8x^{14}$$