# ACM/ICPC WORLD FINALS 2013 PROBLEM A SELF-ASSEMBLY 解题报告

绍兴市第一中学 俞鼎力 2013年9月30日

### Contents

| 1 | 题目大意  | 2 |
|---|-------|---|
| 2 | 简化    | 2 |
| 3 | 算法    | 2 |
| 4 | 时空复杂度 | 2 |

### 1 题目大意

给出  $n(n \le 40000)$  种正方形,正方形的四条边上分别有 2 个字符(一个大写字母加'+'或'-'),两个正方形能拼接起来的条件是:相接的两条边的字母相同,符号相反。

正方形可以旋转、翻转。问是否能拼出一个无限大的图形。

### 2 简化

首先,如果存在无限大的图形,那么,它一定可以是某一个图形头尾相接,循环无限次构成的。

其次,一定存在一个无限图形不包含  $2 \times 2$  的矩形,因为我们的目标是将其头尾相接,只需要保留头到尾的路径即可。

再次,不必担心前后两个相同的图形接起来之后重合的问题,因为可以翻转,所以我们可以保证这条路径始终是从左上到右下的。

## 3 算法

有了上述简化,算法也比较显然了。

我们将每种边的标识 x 看成点,它能通过与它对应的边 x' 走到另一个正方形内,然后走到该正方形除进入的边以外的其他边内。

也就是说,如果一个正方形中有两条边的标识为 x, y,那么就连一条 x' 到 y 的有向边,和一条 y' 到 x 的有向边。

最后我们只需判断这个图是否有环即可。如果有环,则说明能拼出无限大 的图形。

判断是否有环可以用代码较短的 Floyd, 也可以用复杂度较低的拓扑序来判断。

# 4 时空复杂度

时间复杂度:  $O(n+C^2)$ , C 表示字符集的大小。

空间复杂度:  $O(C^2)$ 。