



光线追踪
简单介绍

Why BDPT

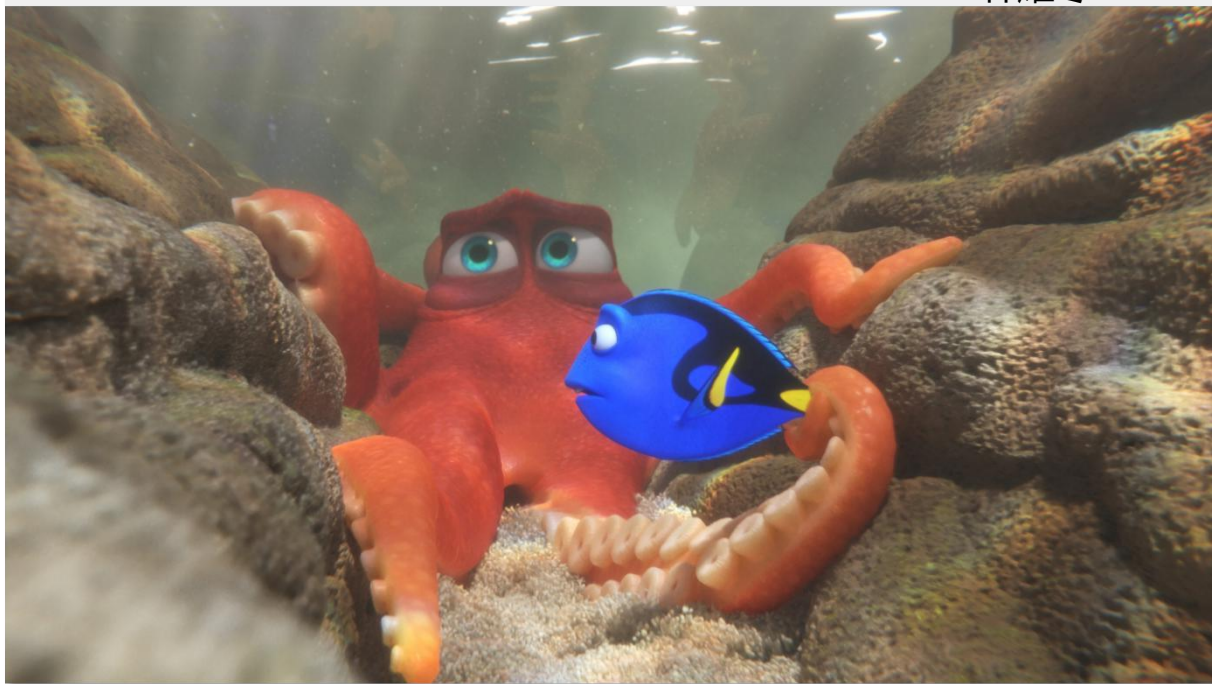
如何用taichi
实现一个BDPT

taichi语言的
开发心得

如何用taichi实现一个双向路径追踪积分器(BDPT)

taichi-con2

林耀冬





什么是路径追踪?

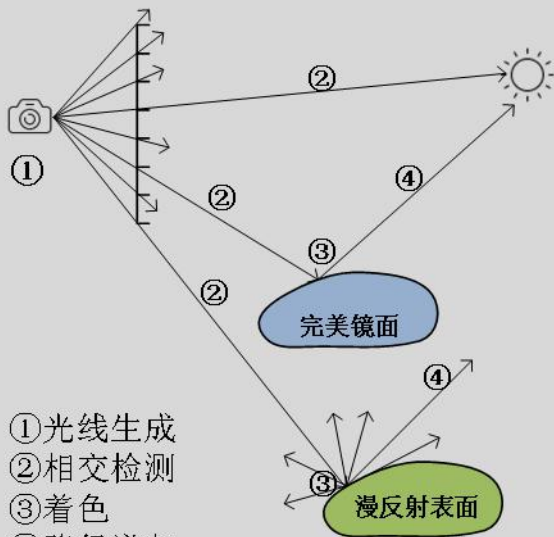
路径追踪
简单介绍

Why BDPT

如何用taichi
实现一个BDPT

taichi语言的
开发心得

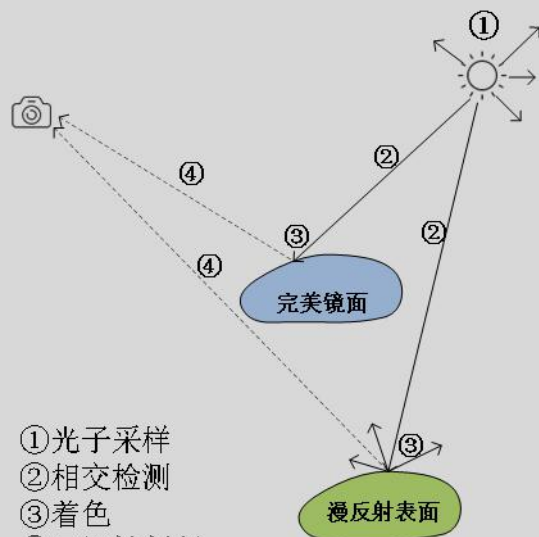
从相机发射光线 PathTrace



- ①光线生成
- ②相交检测
- ③着色
- ④路径递归

只计算可视范围相交，性能好

从光源出光线 LightTracing



- ①光子采样
- ②相交检测
- ③着色
- ④可视性判断

真实光线传播规律，更丰富光学现象



光线追踪 简单介绍

Why BDPT

如何用taichi实现一个BDPT

taichi语言的 开发心得

伪代码

算法 1 路径追踪算法

输入：图像分辨率w,h,场景信息Scene

输出: 每个像素点的Color

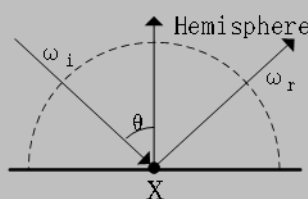
```

1: function PATHTRACE(Scene, w, h)
2:   for  $i = 0 \rightarrow w - 1$  and  $j = 0 \rightarrow h - 1$  do
3:      $ray = \text{GetCameraRayFromPixel}(i, j)$  //计算相机光线
4:      $ThroughOut = [1.0, 1.0, 1.0, 1.0]$  //初始化光线通量
5:     for  $depth = 0 \rightarrow depthmax$  do
6:        $Intersection = \text{Intersect}(\text{Scene}, ray)$  //场景相交
7:        $Color += \text{DirectLighting}(Intersection) * ThroughOut$  //直接光照[1]
8:        $ray = \text{SampleRay}(Intersection)$  //采样间接光照方向[1]
9:        $Throughput* = \text{BRDF}(\text{CameraRay}, ray, Intersection)$  //计算间接光照通量[1]
10:    end for
11:  end for
12:  return  $Color$ 
13: end function

```

采样
光线

半球积分

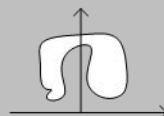


$$L_r(\mathbf{x}, \omega_r) = \int_{H^2} f(x, \omega_i \rightarrow \omega_r) L_i(\mathbf{x}, \omega_i) \cos(\theta'_i) d\omega_i$$

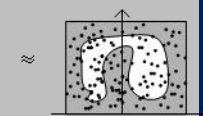


很难有积分的解析解

$$\longrightarrow y = x - x^2/3$$



随机撒点

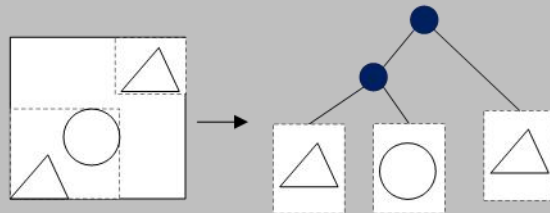


随机撒点

蒙特卡洛积分

相交检测

BVH包围层次盒



- 计算所有三角形的重心坐标 $p=[x,y,z]$ ，并归一化
- 构建3D莫顿码[2]，莫顿码是Z-index排布，有空间意义

[illegible]

- 基数排序莫顿码
- 莫顿码越接近, 说明空间上越相近, 被分到同一个节点下

参考资料: [1]<https://www.realtimerendering.com/raytracinggems/rtg2/index.html> 英伟达光追精粹2
[2]Nvidia 2012: Maximizing Parallelism in the Construction of BVHs, Octrees, and k-d Trees



双向方法的优势

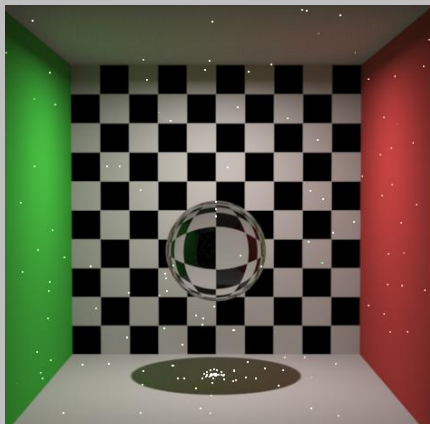
光线追踪
简单介绍

Why BDPT

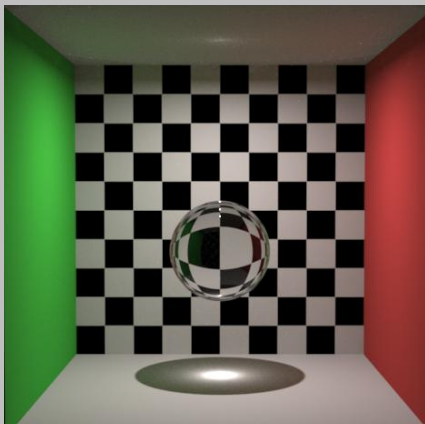
如何用taichi
实现一个BDPT

taichi语言的
开发心得

单向路径追踪



双向路径追踪



优势

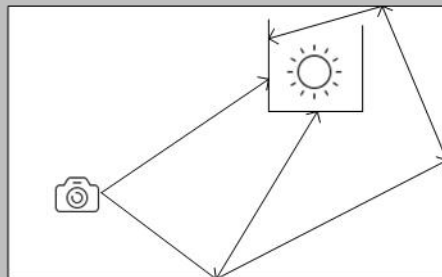
漫反射区：噪点少

散焦区：效果好

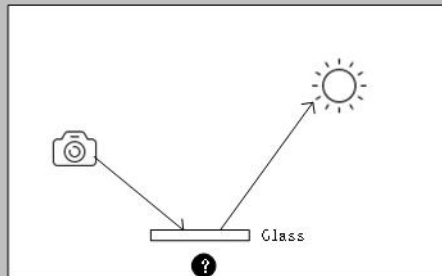
参考资料：[1]Towards Bidirectional Path Tracing at Pixar, 迪士尼关于BDPT的讲解

采样效率

光源出口狭窄



透明物体多，散焦区域大





Overview

光线追踪
简单介绍

Why BDPT

如何用taichi
实现一个BDPT

taichi语言的
开发心得

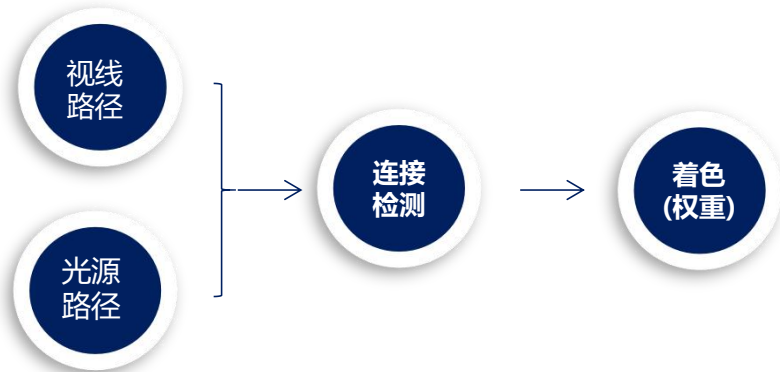
伪代码

算法 1 双向路径追踪算法

输入: 图像分辨率 w, h , 场景信息Scene

输出: 每个像素点的Color

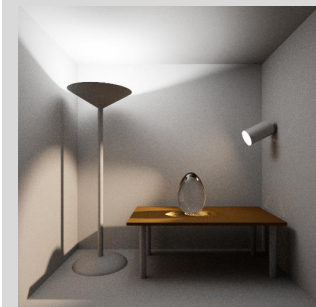
```
1: function BDPT(Scene, w, h)
2:   for  $i = 0 \rightarrow w - 1$  and  $j = 0 \rightarrow h - 1$  do
3:     EyeRay = GetEyeRayFromPixel( $i, j$ )
4:     LightRay = GetLightRayFromPixel( $i, j$ )
5:     GenerateEyePath(Scene, EyeRay)
6:     GenerateLightPath(Scene, LightRay)
7:     for  $e = 0 \rightarrow depthmax, l = 0 \rightarrow depthmax$  do
8:       eyeSample, radiance = ConnectPath(Scene, e, l)
9:       Color[eyeSample] += radiance
10:    end for
11:  end for
12:  return Color
13: end function
14:
```



相同时间渲染

bdpt

pt



确定kernel

- 寻找伪代码中的For循环
- 数据无关算法
- 时间复杂度 → 工作复杂度 步骤复杂度[1]



连接光线

光线追踪
简单介绍

Why BDPT

如何用taichi
实现一个BDPT

taichi语言的
开发心得

伪代码

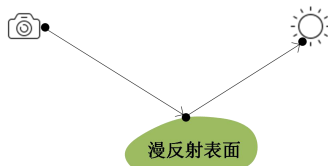
算法 1 双向路径追踪算法

```

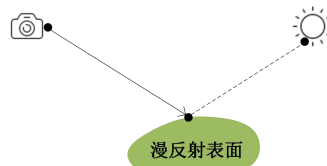
1: function CONNECTPATH(Scene, e, l)
2:   radiance = [0.0, 0.0, 0.0]
3:   if l==0 then
4:     if eyeStack[e-1].hitLight then
5:       radiance += eyeStack[e-1].radiance
6:     end if
7:   else if e==1 then
8:     eyeSample = GetRandomEyeSample()
9:     ray = lightStack[l-1].hitPos - eyeSample.hitPos
10:    Intersection = Intersect(Scene, ray)
11:    if Intersection.hitPos = lightStack[l-1].hitPos then
12:      radiance += DirectLighting(Intersection) * lightStack[l-1].beta
13:    end if
14:   else if l==1 then
15:     lightSample = GetRandomLightSample()
16:     ray = eyeStack[e-1].hitPos - lightSample.hitPos
17:     Intersection = Intersect(Scene, ray)
18:     if Intersection.hitPos = eyeStack[e-1].hitPos then
19:       radiance += DirectLighting(Intersection) * eyeStack[e-1].beta
20:     end if
21:   else
22:     ray = eyeStack[e-1].hitPos - lightStack[l-1].hitPos
23:     Intersection = Intersect(Scene, ray)
24:     if Intersection.hitPos = eyeStack[e-1].hitPos then
25:       radiance += DirectLighting(lightStack[l-1]) * lightStack[l-1].beta *
        DirectLighting(eyeStack[e-1]) * eyeStack[e-1].beta
26:     end if
27:   end if
28:   return eyeSample, radiance
29: end function

```

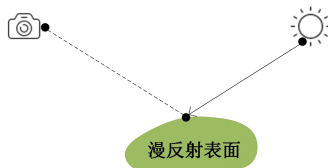
l —— 光源路径上采样点个数
e —— 相机路径上采样点个数



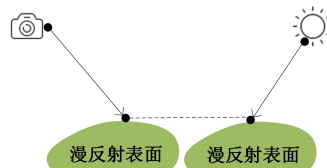
■ l=0 e=3
PathTrace



■ l=1 e=2
DirectLight



■ e=1 l=2
LightTracing



■ e >= 2 l >= 2
Else



开发思路

光线追踪
简单介绍

Why BDPT

如何用taichi
实现一个BDPT

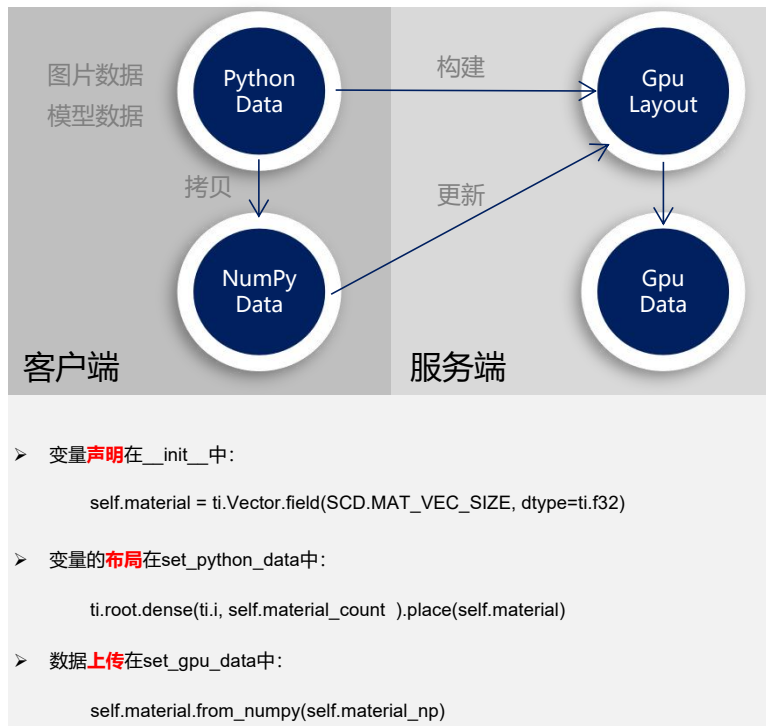
taichi语言的
开发心得

数据结构设计



文件名	意义
Accel	加速结构
Brdf	双向反射函数(材质)
Example	构建场景代码
Integrator	积分器
Sky	天空盒
Spectrum	光谱(采样)
Texture	纹理(采样)
Camera.py	小孔相机
Scene.py	场景数据抽象层
SceneData.py	场景数据结构体定义
UtilsFunc.py	常用的函数

数据初始化





多重重要性采样 (MIS)

光线追踪
简单介绍

Why BDPT

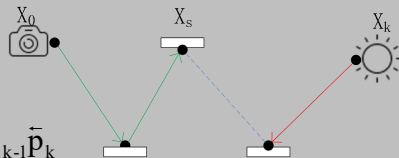
如何用taichi
实现一个BDPT

taichi语言的
开发心得



将重要性采样化为权重

$$\omega_s(X) = \frac{p_s(X)}{\sum_{i=0}^k p_i(X)}$$



$$p_s(X) = \bar{p}_0 \bar{p}_1 \cdots \bar{p}_s \bar{p}_{s+1} \cdots \bar{p}_{k-1} \bar{p}_k$$

展开公式

$$\frac{1}{\omega_s(X)} = \frac{\sum_{i=0}^k p_i(X)}{p_s(X)} = \bar{p}_{s+1} \cdot d_s^E + 1 + \bar{p}_s \cdot d_{s+1}^L$$

相机部分

$$d_s^E = \frac{1 + \bar{p}_s d_{s-1}^E}{\bar{p}_{s-1}} \longrightarrow d_1^E = \frac{1}{\bar{p}_0}$$

光源部分

$$d_{s+1}^L = \frac{1 + \bar{p}_{s+1} d_{s+2}^L}{\bar{p}_{s+2}} \longrightarrow d_k^L = \frac{1}{\bar{p}_{k+1}}$$

注: p的箭头方向指的是光线到 X_s 点的方向, 不是前向和后向pdf

参考资料: [1]<https://www.slideshare.net/takahiroharada/introduction-to-bidirectional-path-tracing-bdpt-implementation-using-opencl-cedec-2015>, AMD工程师关于BDPT的演讲

[2] <https://graphics.stanford.edu/courses/cs348b-03/papers/veach-chapter9.pdf>



taichi开发小贴士

光线追踪
简单介绍

Why BDPT

如何用taichi
实现一个BDPT

taichi语言的
开发心得

Tips

使用继承

节省大量重复代码

父类

```
@ti.data_oriented
class example:
    def __init__(self, imgSizeX, imgSizeY, sample_count):
```

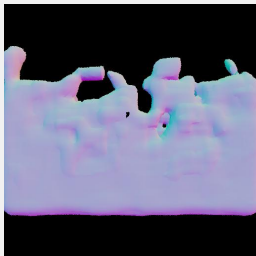
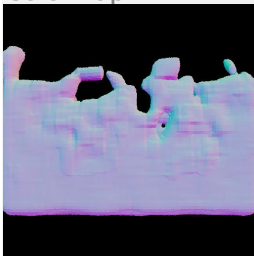
子类

```
import Example
@ti.data_oriented
class example(Example.example):
    def __init__(self, imgSizeX, imgSizeY, sample_count):
        ti.init(arch=ti.gpu)
        Example.example.__init__(self, imgSizeX, imgSizeY, sample_count)
```

Debug

taichi内部的print, 打印过多

ColorMap



Static

节省代码, 却增加了编译时间

替换长变量名

```
for i in ti.static(range(3)):
    tmp = coeffs
    tmp[i] -= RGB2SPEC_EPSILON
    r0 = eval_residual(tmp, rgb)

    tmp = coeffs
    tmp[i] += RGB2SPEC_EPSILON
    r1 = eval_residual(tmp, rgb)
```

```
@ti.func
def get_viscosity_Ax(x: ti.template(), i):
    neigh_count, serachR = ti.static(\
        particle_data.hash_grid.neighborCount, \
        particle_data.hash_grid.searchR)
    ret = ti.Vector([0.0, 0.0, 0.0])
    cur_neighbor = neigh_count[i]
```

好用的第三方组件

pip install taichi-gsls

pip install pywavefront

Further

未来计划

纹理系统

BVH算法优化



光线追踪
简单介绍

Why BDPT

如何用taichi
实现一个BDPT

taichi语言的
开发心得

如何用taichi实现一个双向光线追踪积分器
Thanks!

<https://github.com/lyd405121/ti-raytrace>