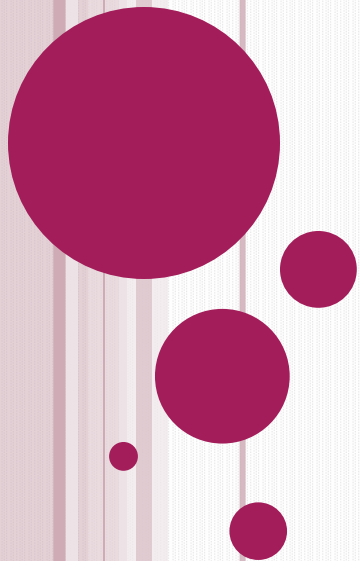


ÉPREUVE DE MISE EN PERSPECTIVE DIDACTIQUE D'UN DOSSIER DE RECHERCHE

Lydia Chabane



PLAN

I. Mon parcours

- Scolaire et professionnel

II. Mes travaux de recherche

- Présentation
- Mise en perspective didactique

III. Ma mission doctorale

- Présentation
- Mise en perspective didactique

I. Mon parcours

I. Mon parcours

MON PARCOURS SCOLAIRE ET PROFESSIONNEL

2013 – 2015	CPGE (MPSI/MP*) au lycée Chaptal (Paris)
2015 – 2017	L3/M1 Magistère de physique fondamentale d'Orsay
2017 – 2018	M2 ICFP – Parcours Physique Quantique à l'ENS (Paris)
2018 – 2021	<ul style="list-style-type: none">- Thèse en physique statistique à IJCLab (Orsay) sous la direction de Gatien Verley et Raphaël Chétrite- Mission doctorale de médiation scientifique à la MISS (Orsay)
Fév - Mai 2022	Consultante scientifique à Auditex (Paris)
2022 - 2023	Préparation de l'agrégation au centre de Montrouge

II.

1. Mes travaux de recherche

MON SUJET DE THÈSE

« De la rareté à la typicité : le parcours improbable d'une grande déviation »

Superviseurs: - Gatien Verley (IJCLab)
 - Raphaël Chétrite (Laboratoire J.A. Dieudonné, Nice)

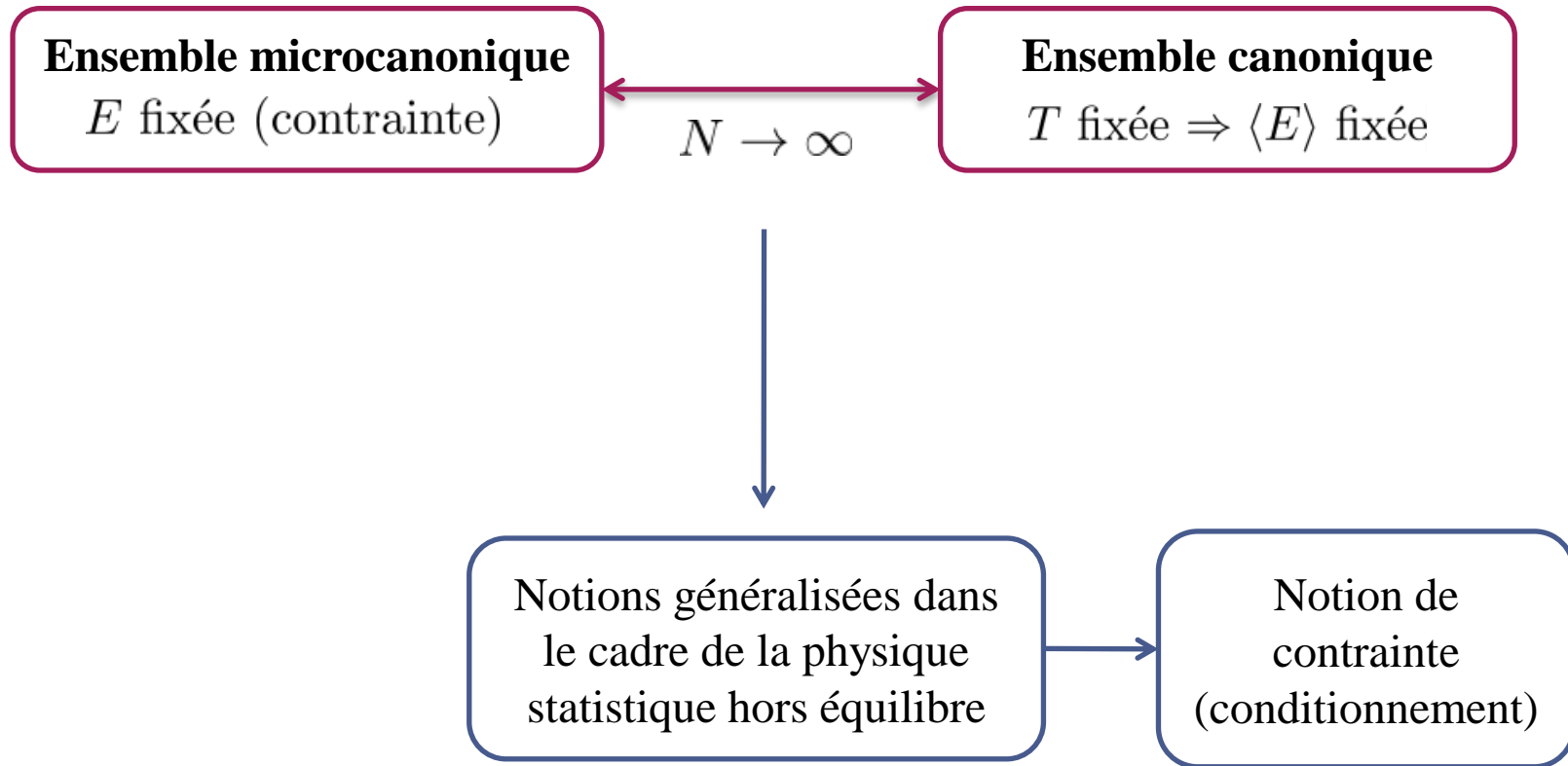
Soutenue le 26 novembre 2021 à IJCLab.



II. Présentation de mes travaux de recherche

CONTEXTE

En physique statistique d'équilibre:



THERMODYNAMIQUE STOCHASTIQUE : MOTIVATION

Physique statistique classique	Thermodynamique stochastique
Équilibre	Hors équilibre
Grand nombre de particules	Nombre arbitraire de particules
Observables thermodynamiques données par leur valeurs moyennes	Observables thermodynamiques fluctuantes

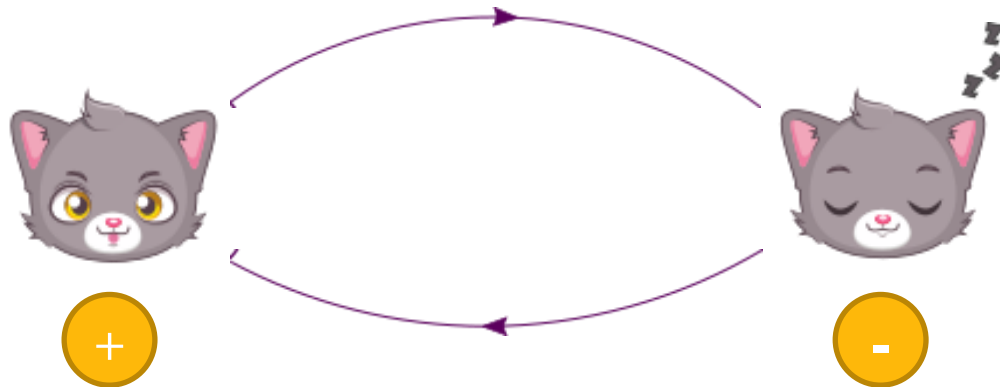


Grand nombre de systèmes
réels avec d'importantes
fluctuations thermiques

II. Présentation de mes travaux de recherche

COMMENT DÉFINIR CES GRANDEURS FLUCTUANTES ?

1. Cadre mathématique



Aléatoirement

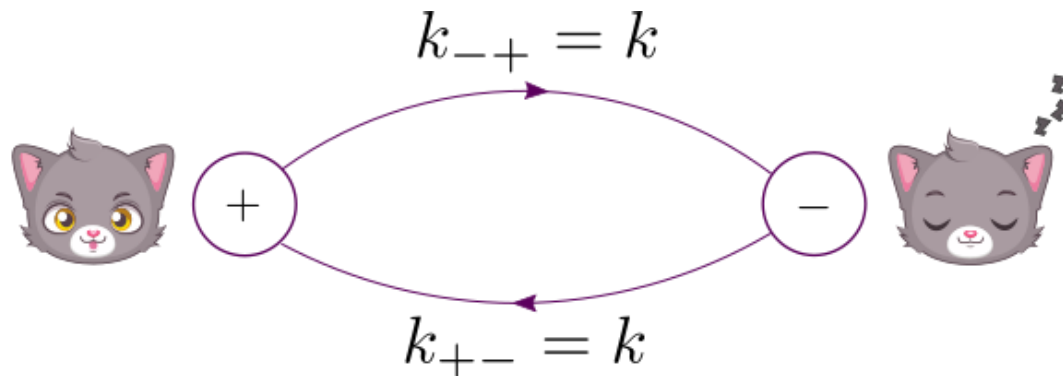
L'état du chat est une variable aléatoire.

L'évolution temporelle de l'état du chat $z(t)$ est un processus aléatoire.

COMMENT DÉFINIR CES GRANDEURS FLUCTUANTES ?

2. Modélisation par un processus de Markov

$z(t)$ processus de Markov: l'évolution future de l'état ne dépend que du présent et non du passé.

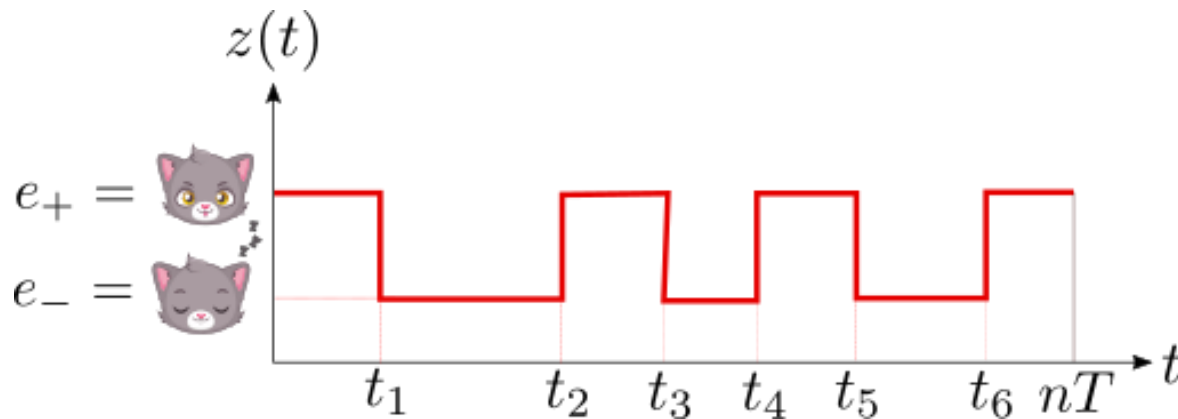


Le taux de transition $k_{+-}(t)$ est la probabilité par unité de temps de sauter de l'état $-$ vers l'état $+$ au temps t .

COMMENT DÉFINIR CES GRANDEURS FLUCTUANTES ?

3. Notion de trajectoire

Au cours d'une journée ($T = 24$ h), le chat peut se réveiller et s'endormir plusieurs fois. Voici un exemple de trajectoire sur n jours:



En rouge: un exemple de trajectoire $[z]$

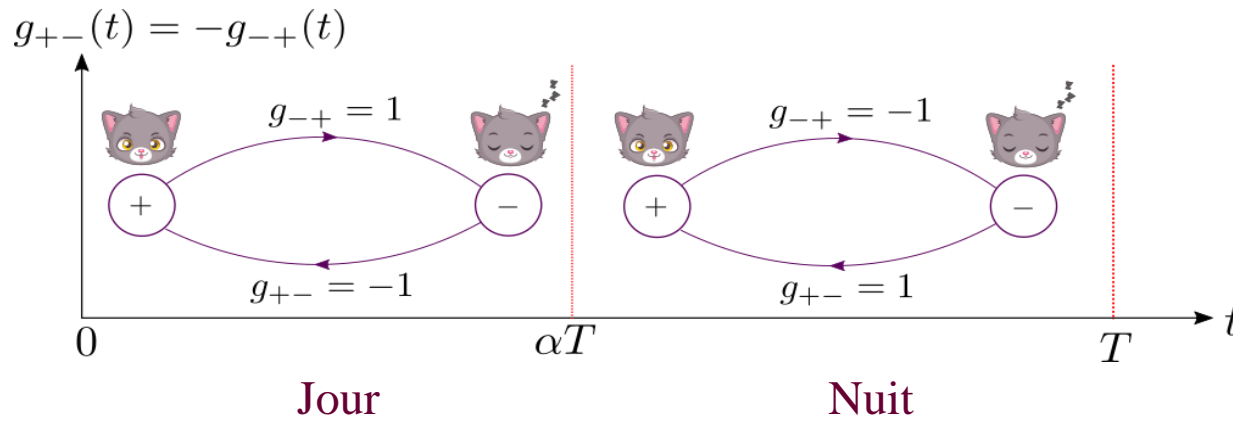
Observable $A[z]$: variable aléatoire

COMMENT DÉFINIR CES GRANDEURS FLUCTUANTES ?

4. Exemple de grandeur fluctuante

Nous voulons savoir si le chat :

- s'endort plus qu'il ne se réveille le jour
- se réveille plus qu'il ne s'endort la nuit



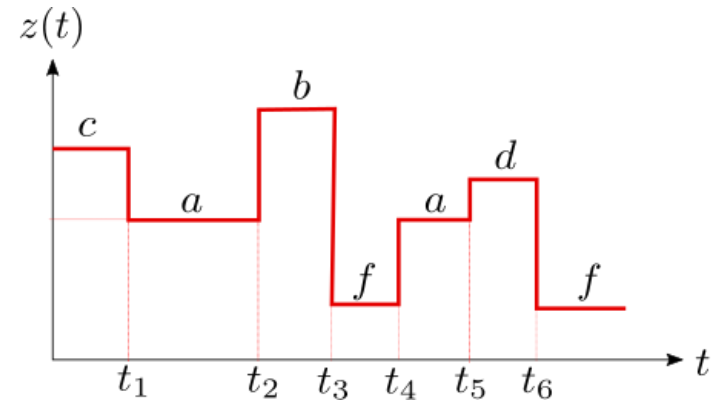
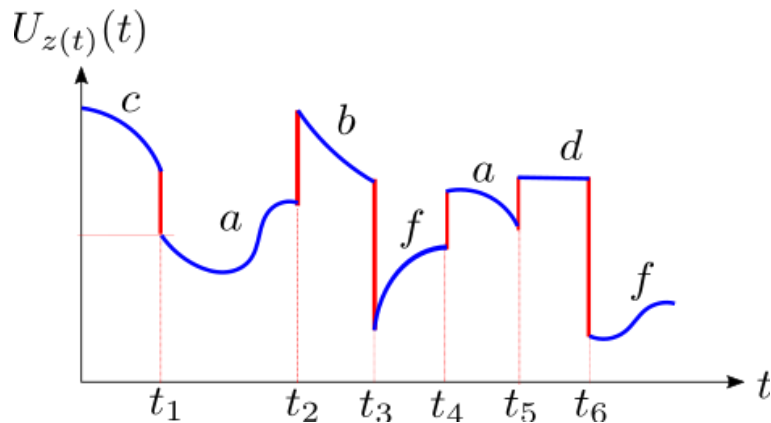
Observable

$$A[z] = \frac{1}{nT} \sum_{t \in [0, nT] \mid z(t^+) \neq z(t^-)} g_{z(t^+), z(t^-)}(t)$$

II. Présentation de mes travaux de recherche

ET EN PHYSIQUE ?

Énergie de l'état i : $U_i(t)$



$$g_{ij}(t) = U_i(t) - U_j(t) \rightarrow \text{Chaleur : } Q[z] = \sum_{\ell=0}^{M-1} [U_{z_{\ell+1}}(t_{\ell+1}) - U_{z_{\ell}}(t_{\ell+1})]$$

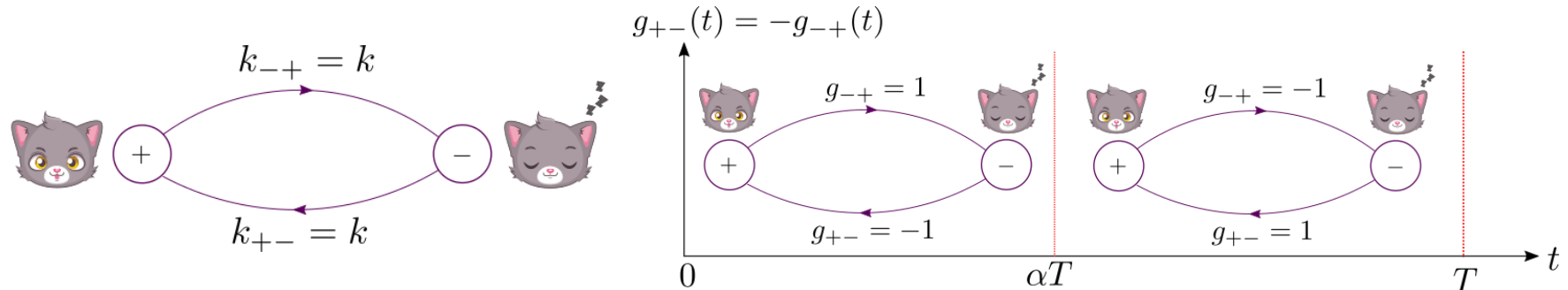
Observable à deux composantes

$$A[z] = \left(\begin{array}{c} \frac{1}{nT} \sum_{\tau \in [0, nT] \mid z(\tau^+) \neq z(\tau^-)} g_{z(\tau^+), z(\tau^-)}(\tau) \\ \frac{1}{nT} \int_0^{nT} d\tau h_{z(\tau)}(\tau) \end{array} \right)$$

$$h_i(t) = \partial_t U_i(t) \rightarrow \text{Travail : } W[z] = \int_0^t d\tau \partial_t U_{z(\tau)}(\tau)$$

II. Présentation de mes travaux de recherche

COMPORTEMENT DANS LA LIMITE DE TEMPS LONG



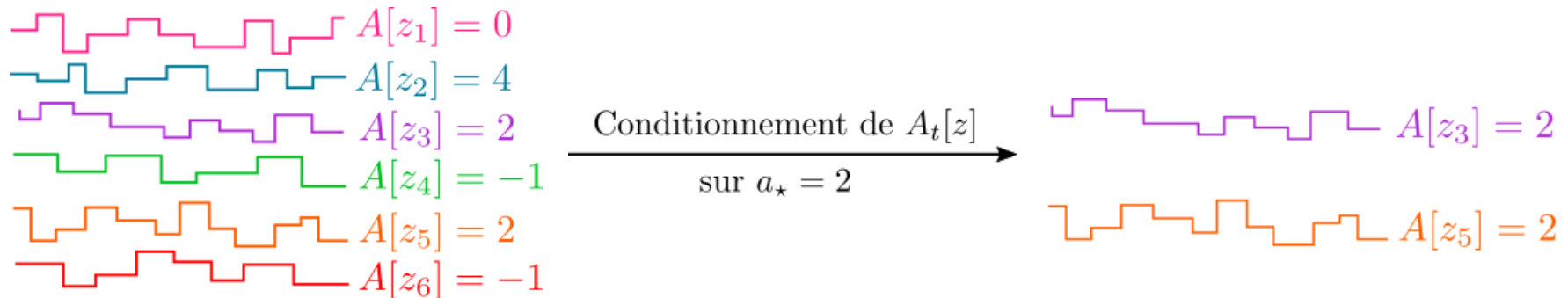
$$A[z] = \frac{1}{nT} \sum_{t \in [0, nT] \mid z(t^+) \neq z(t^-)} g_{z(t^+), z(t^-)}(t) \longrightarrow \text{Théorie des grandes déviations}$$

- $A_t[z] \xrightarrow[t \rightarrow \infty]{} a_{\text{typ}}$
- Ici : $a_{\text{typ}} = 0$ (sous k)
- Les valeurs éloignées des valeurs typiques sont appelées “grandes déviations”. Ce sont des fluctuations rares de l’observable.

II. Présentation de mes travaux de recherche

PROBLÉMATIQUE : PROBLÈME DE CONDITIONNEMENT

Conditionnement de l'observable sur une grande déviation (fluctuation rare)

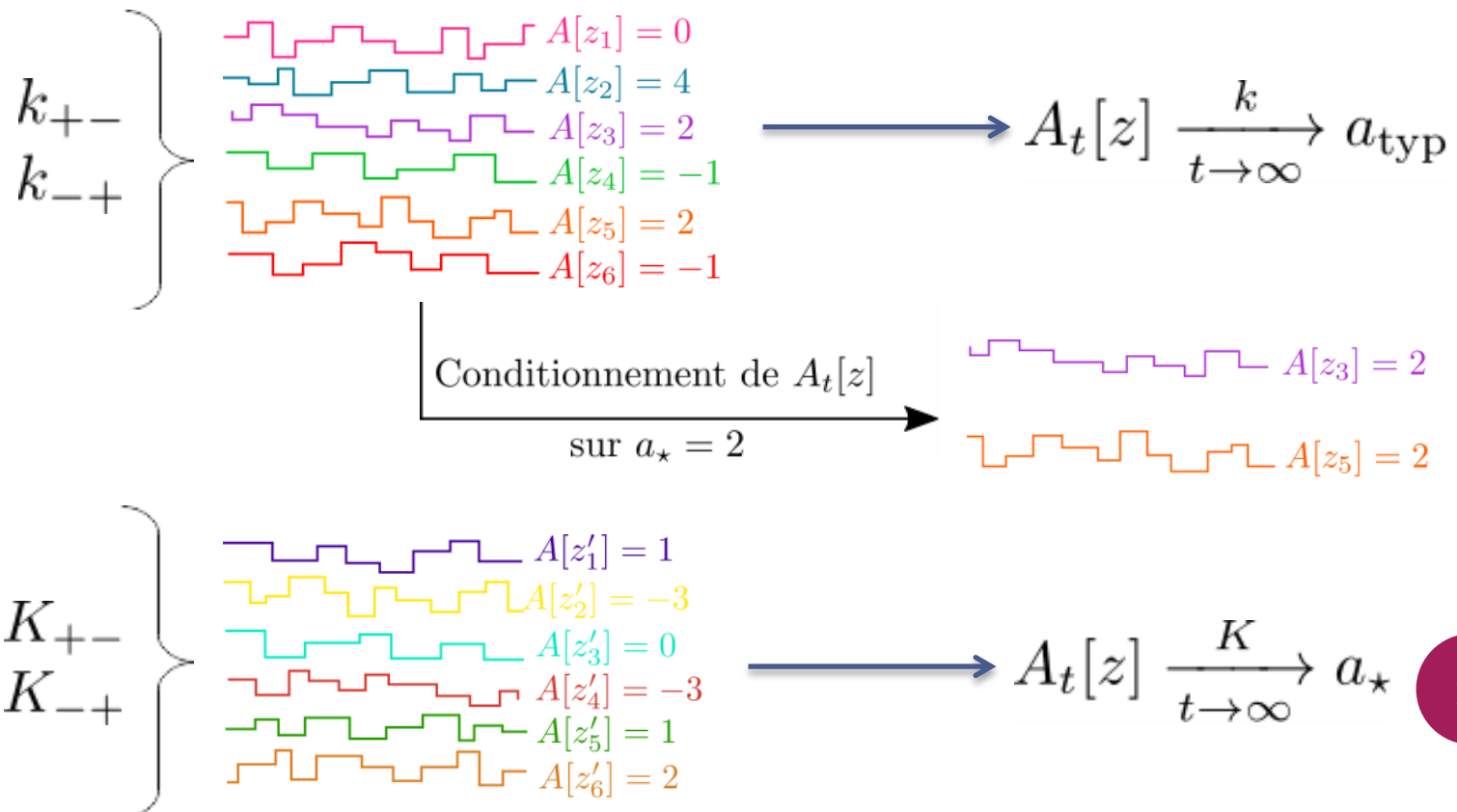


Objectif : Trouver un **processus de Markov effectif** équivalent au processus conditionné dans la limite des temps longs, i.e. pour lequel la valeur typique de l'observable sous ce nouveau processus vaut la valeur imposée.

II. Présentation de mes travaux de recherche

PROBLÉMATIQUE : PROBLÈME DE CONDITIONNEMENT

Objectif : Trouver un processus de Markov effectif équivalent au processus conditionné dans la limite des temps longs.



II. Présentation de mes travaux de recherche

RÉSOLUTION

Ce problème a été résolu pour :

- Des processus de Markov impliquant des taux de transition indépendants du temps.
- Des observables mettant en jeu des fonctions indépendantes du temps.

CONTRIBUTION PERSONNELLE

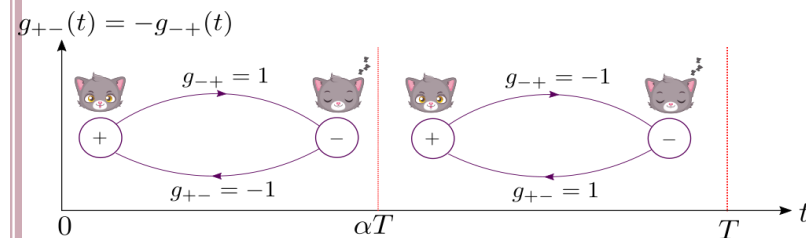
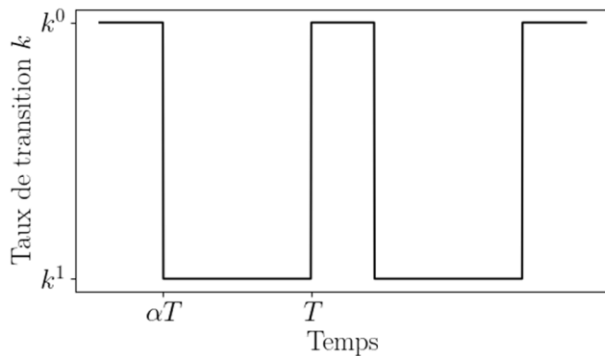
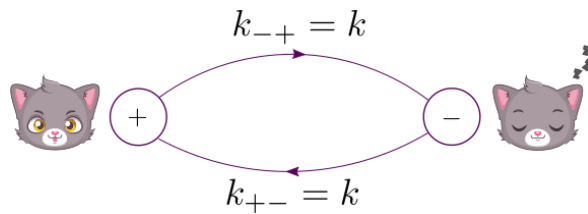
Résolution pour :

- Des processus de Markov impliquant des taux de transition périodiques.
- Des observables mettant en jeu des fonctions périodiques.

II. Présentation de mes travaux de recherche

APPLICATION AU CHAT

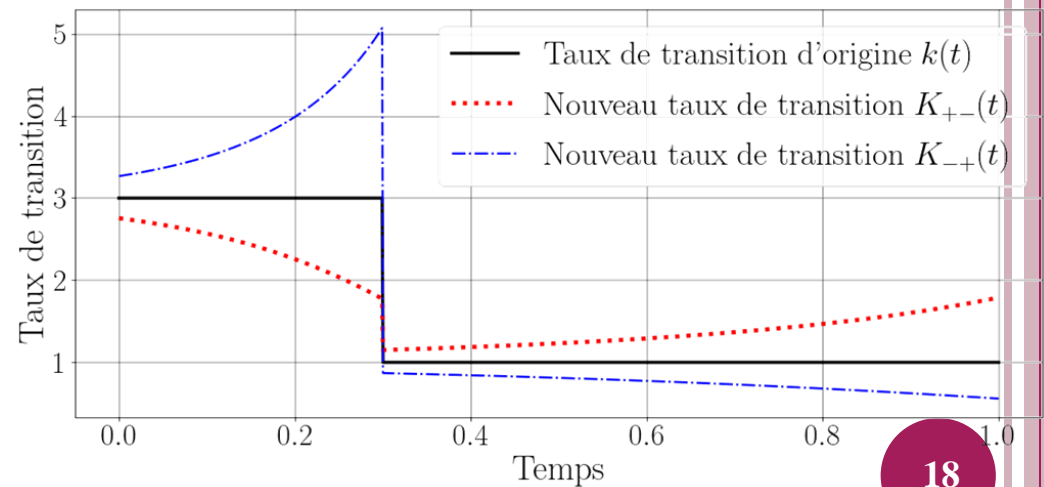
Taux de transition périodique



Observable

$$A[z] = \frac{1}{nT} \sum_{t \in [0, nT] \mid z(t^+) \neq z(t^-)} g_{z(t^+), z(t^-)}(t)$$

- Sous k : $a_{\text{typ}} = 0$.
- On conditionne A sur $a_{\star} = 0.4$.



CONCLUSION

« De la rareté à la typicité : le parcours improbable d'une grande déviation »

- La grande déviation d'un processus est la valeur typique d'un autre processus.
- Aspect fondamental: généralisation de concepts d'équilibre : ensembles canonique et microcanonique, équivalence d'ensemble.

Microcanonique: contrainte sur l'énergie	Processus conditionné: contrainte sur l'observable
Canonique: on fixe la valeur moyenne de l'énergie	Processus effectif : on fixe la valeur typique de l'observable
Équivalence des ensembles canonique et microcanonique dans la limite thermodynamique	Equivalence des processus conditionné et effectif dans la limite de temps long

II.

2. Mise en perspective didactique de mes travaux de recherche

II. Mise en perspective didactique de mes travaux de recherche

RÉINVESTISSEMENT EN TANT QU'ENSEIGNANTE

- **Exemple d'activité : la réaction chimique: du microscopique au macroscopique**
 - **Niveau :** Tle générale – Spécialité de physique-chimie
 - **Format :** séance interactive en groupe en fin de chapitre
 - **Chapitre :** Modéliser l'évolution temporelle d'un système, siège d'une transformation chimique

Cours précédent

Modélisation macroscopique

- Vitesse de disparition d'un réactif
- Loi d'ordre 1
- Equation d'évolution de la concentration

Cours actuel

Modélisation microscopique

- Acte élémentaire
- Notion de choc efficace et son caractère aléatoire

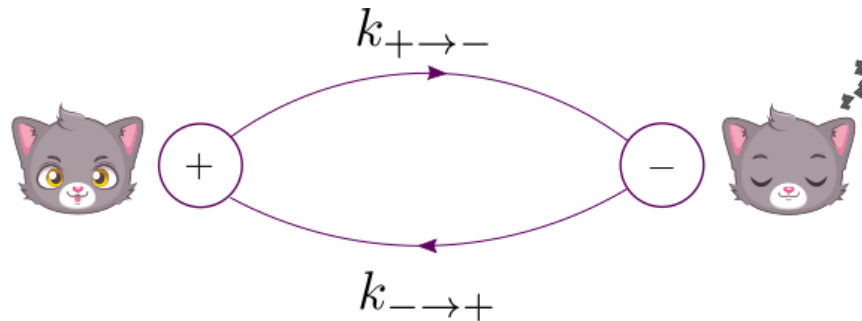


II. Mise en perspective didactique de mes travaux de recherche

Partie 1 : Modélisation probabiliste

- **Format :** Discussion en classe entière

Document introductif :



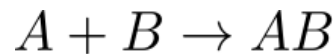
- **Notions introduites :** état, transition, probabilité d'occupation, taux de transition.

Évolution de la probabilité :
$$\frac{dp_+}{dt} = (k_{-\rightarrow+})p_- - (k_{+\rightarrow-})p_+$$

II. Mise en perspective didactique de mes travaux de recherche

Partie 2 : Application à une réaction chimique

- **Format:** Travail en autonomie intragroupe.



- **Hypothèses :** B en excès. Réaction d'ordre 1.
- **Questions de cours :** Rappeler l'équation d'évolution de la concentration du réactif A.
- **Objectif :** Modéliser cette réaction en utilisant des probabilités.

Système
Molécule A

Etats
Libre (1) ou Lié (2)

Transition
1 vers 2

Taux de transition
 $k_{1 \rightarrow 2} = k$
 $k_{2 \rightarrow 1} = 0$

Évolution de la probabilité : $\frac{dp_1}{dt} = k_{2 \rightarrow 1}p_2 - k_{1 \rightarrow 2}p_1$

$$\frac{dp_1}{dt} = -kp_1$$

II. Mise en perspective didactique de mes travaux de recherche

Partie 3 : Lien avec la chimie

- **Objectif :** Faire le lien entre les descriptions microscopique et macroscopique.
- **Format :** Analyse documentaire. Travail guidé intra-groupe.
Restitution : discussion/débat intergroupe.

Document : Loi des grands nombres

On note p la probabilité d'obtenir *pile*. On effectue N lancers.

On note n_{pile} le nombre d'apparition de *pile*.

La fréquence d'apparition de *pile* est $f_{pile} = \frac{n_{pile}}{N}$.

Lorsque N est grand, la fréquence f_{pile} est proche de la probabilité p .

Conséquence Lorsque N devient grand, on peut prédire le résultat de l'expérience : on perd son caractère aléatoire.



II. Mise en perspective didactique de mes travaux de recherche

Partie 3 : Lien avec la chimie

Application à la réaction chimique

- La probabilité qu'une molécule A soit dans l'état 1 (libre) est p_1 .
- Le nombre total de molécules A est N .
- On note n_1 le nombre de molécules A dans l'état 1.
- La fraction de molécules A dans l'état 1 est $f_1 = \frac{n_1}{N}$.
- Lorsque N est grand, $f_1 \simeq p_1$.
- L'équation différentielle sur p_1 implique alors $\frac{dn_1}{dt} = -kn_1$.

Conclusion : Restitution générale, discussion physique

III. Ma mission doctorale

III. Présentation de ma mission doctorale

LA MISS

Maison d'**I**nitiation et de **S**ensibilisation aux **S**ciences



- Du CE2 à la 3^{ème}.
- Divers ateliers: maths, physique, SVT, histoire, etc.

III. Présentation de ma mission doctorale

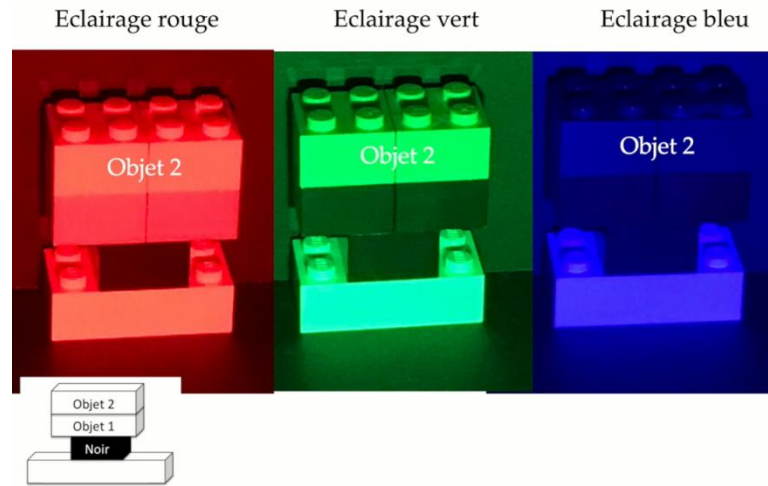
(CE2 à la 6^e)

EXEMPLE D'ATELIER : COULEURS DU NANO-MONDE

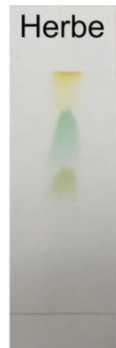
Vision des couleurs



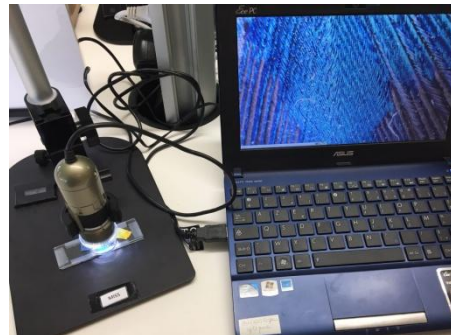
Couleur des objets



Couleur pigmentaire



Couleur structurale



I. Mon parcours

RÉINVESTISSEMENT EN TANT QU'ENSEIGNANTE

- **En pratique :**
 - Mettre en place une séance de TP
 - Gestion d'une classe, gestion du temps
- **Vis-à-vis de l'équipe pédagogique**
 - Travail d'équipe et coordination
- **Compétence de pédagogie**
 - Utilisation de nouveaux outils d'apprentissage
 - Méthodologie d'enseignement basée sur la démarche scientifique

Merci pour votre attention !