

Лабораторная работа №4

Лиганкина Анна
Вариант 20

9 января 2026 г.

Содержание

1	Задание	2
2	Исследование языка	2
3	Наивный парсер	3
4	Оптимизированный парсер	3
5	Оценка эффективности	4

1 Задание

Дан язык:

$$L = \hat{((?: a|b)^*)}c((?: a|b)^*)(?= \backslash 1ab\backslash 2)\backslash 2ba\backslash 1\$$$

Необходимо:

- проанализировать язык на КС-свойство, в случае его наличия - на регулярность;
- построить «наивный» парсер слов для языка, используя рекурсивный разбор с возвратами (парсер не должен зацикливаться);
- построить оптимизированный парсер слов для языка. Оценить сверху его вычислительную сложность;
- посредством фазз-тестирования проверить эквивалентность парсеров и построить сравнительные графики их времени работы на случайных словах, принадлежащих языку и не принадлежащих языку (два тестовых пул).

2 Исследование языка

Заметим, что исходный язык можно переписать в виде:

$$L = \{w \mid w = xcyybax \& x = (a|b)^* \& y = (a|b)^* \& xaby = ybax\}$$

так как длина предпросмотра совпадает с длиной конца слова ($|\backslash 1ab\backslash 2| = |\backslash 2ba\backslash 1|$).

Доказательство, что язык не является КС

Так как контекстно-свободные языки замкнуты относительно пересечения с регулярными языками, то пересечем L с $R = a^*ca^*ba^+$ и докажем, что получившийся язык $L_R = L \cap R$ не КС.

Слово x однозначно определяется разделителем c и состоит из букв a , либо является пустым словом. Пусть $x = a^n, n \geq 0$. Так как в словах из R содержится лишь одна буква b , то она соответствует букве b из обязательного блока ba , а значит, y тоже состоит из букв a . Пусть $y = a^m, m \geq 0$.

Рассмотрим условие $xaby = ybax$:

$$a^n aba^m = a^m baa^n$$

$$a^{n+1}ba^m = a^m ba^{n+1} \Rightarrow m = n + 1$$

Таким образом, язык L_R выглядит так:

$$L = \{w \mid w = a^n ca^{2n+2} ba^{n+1} \& n \geq 0\}$$

По лемме о накачке (длина накачки N) рассмотрим слово $a^N ca^{2N+2} ba^{N+1} \in L$:

- если $|vxy| < N$ попадает в один из блоков из букв a , то нарушается баланс с другими буквами a , и мы выходим из языка;
- если $|vxy| < N$ попадает на стык блоков букв a и накачка задевает букву c или букву b , то нарушается структура слова, где лишь одна буква b и одна буква c , и мы выходим из языка;
- если $|vxy| < N$ попадает на стык блоков букв a и мы качаем одновременно 2 блока букв a (3 не можем, так как $|vxy| < N$), то все равно рушится баланс с оставшимся блоком a , и мы выходим из языка.

Поэтому язык L_R не является контекстно-свободным, а, следовательно, и язык L .

3 Наивный парсер

Наивный парсер считывает и запоминает x до символа c . Далее, он пытается рекурсивно «угадать» длину слова y . Запоминает y , а затем бежит по хвосту слова и сравнивает его одновременно с $xaby$ и $ybax$. Если y достиг конца слова, то исходное слово не принадлежит языку. Таким образом, оценка сложности данного парсера - $O(n^2)$, где n - длина входного слова.

4 Оптимизированный парсер

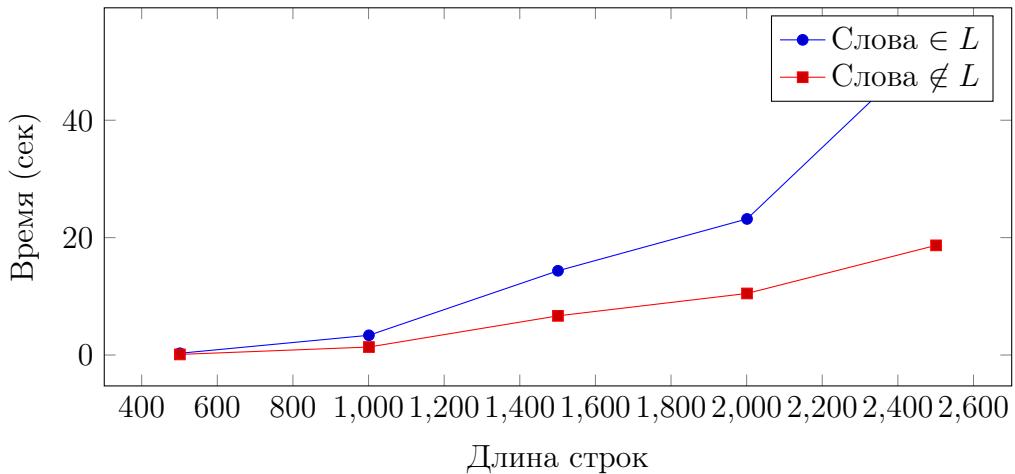
Оптимизация парсера происходит за счет следующего:

- если длина слова четна, то слово автоматически не подходит языку;

- длина y однозначно вычисляется по формуле $(\text{длина слова} - 3)/2$ - длина x ;
- слова x и y являются палиндромами, а также $xaby$ и $ybax$, так как $xaby = ybax$.

5 Оценка эффективности

Наивный парсер



Оптимизированный парсер

