

目次		5.2 最長回文 (Manacher)	8
		5.3 Suffix Array (Kärkkäinen-Sanders)	9
		5.4 Suffix Array (SA-IS)	10
1 環境	1	6 動的計画法	11
1.1 .Xmodmap	1	6.1 最長共通部分列	11
1.2 .vimrc	1	6.2 最長増加部分列	11
1.3 Makefile	1		
2 テンプレート	1	7 データ構造	11
2.1 C++	1	7.1 Union-Find Tree	11
2.2 Java	1	7.2 Fenwick Tree	11
3 グラフ	2	7.3 Segment Tree	12
3.1 定義	2	7.4 Range Tree	13
3.2 定理	2	8 数学	14
3.3 基本要素	2	8.1 数学定数	14
3.4 単一始点最短路 (Dijkstra)	2	8.2 ユークリッドの互除法	14
3.5 単一始点最短路 (Bellman-Ford)	2	8.3 逆元	14
3.6 全点間最短路 (Warshall-Floyd)	3	8.4 エラトステネスの篩	14
3.7 最小全域木 (Prim)	3	8.5 素数判定 (Miller-Rabin)	14
3.8 最小全域森 (Kruskal)	3	8.6 ガウスの消去法	15
3.9 最小シュタイナー木 (Dreyfus-Wagner)	3	9 幾何	15
3.10 最大独立集合	4	9.1 基本要素	15
3.11 トポロジカルソート	4	9.2 回転方向	16
3.12 強連結成分分解	4	9.3 面積	16
3.13 橋	5	9.4 交差判定	16
3.14 関節点	5	9.5 距離	16
3.15 2-SAT	5	9.6 円の接線	17
3.16 最小共通先祖	5	9.7 凸包	17
3.17 二部性判定	5	9.8 凸多角形の包含判定	17
4 フロー	6	9.9 凸多角形の切断	17
4.1 最大流 (Dinic)	6	9.10 線分アレンジメント	17
4.2 最小費用流	6	10 その他	18
4.3 2部グラフの最大マッチング (naïve)	7	10.1 ビット演算	18
4.4 2部グラフの最大マッチング (Hopcroft-Karp)	7	10.2 Fairfield の公式	18
4.5 DAG の最小独立パス被覆	8	10.3 さいころ	18
4.6 無向グラフの全域最小カット (Nagamochi-Ibaraki)	8		
5 文字列	8		
5.1 Knuth-Morris-Pratt	8		

1 環境

1.1 .Xmodmap

[変換] と [半角/全角], [無変換] と [Escape] を入れ替え , [CapsLock] を [Ctrl] に割り当てる .

```
1 keysym Muhenkan = Escape
2 keysym Henkan_Mode = Zenkaku_Hankaku
3 keysym Escape = Muhenkan
4 keysym Zenkaku_Hankaku = Henkan_Mode
5
6 remove Lock = Caps_Lock
7 keysym Caps_Lock = Control_L
8 add Control = Control_L
```

1.2 .vimrc

不要そうなものは適当に削る .

```
1 set number
2 set tabstop=4 shiftwidth=4
3 set textwidth=0
4 set nobackup noswapfile
5
6 set hlsearch noincsearch ignorecase
7
8 set cindent
9 set cinoptions=L0,:0,l1,g0,cs,C1,(s,m1
10 set cinkeys-=0#
11 set noshowmatch
12
13 set laststatus=2
14 set tabpagemax=32
15
16 set list listchars=tab:~\ ,trail:_
17
18 noremap <Up> <Nop>
19 noremap <Down> <Nop>
20 noremap <Left> :<C-u>tabprev<Return>
21 noremap <Right> :<C-u>tabnext<Return>
22 inoremap <Return> <Return>x<BS>
23 nnoremap o ox<BS>
24 nnoremap O Ox<BS>
25
26 filetype plugin indent on
27 syntax enable
28
29 augroup misc
30   autocmd filetype * setlocal comments=
31 augroup END
```

1.3 Makefile

```
1 MAIN=
2
3 CXXFLAGS=-Wall -Wextra -Wno-sign-compare -Wno-unused-result -std=c++11 -g -D_GLIBCXX_DEBUG
4 #CXXFLAGS=-Wall -Wextra -Wno-sign-compare -Wno-unused-result -std=c++11 -O2
5
6 all: $(MAIN)
7 clean:
8     find . -maxdepth 1 -type f -perm -111 -delete
9 run: $(MAIN)
10     ./$(MAIN).in
```

2 テンプレート

2.1 C++

C++11 なら unordered_set , unordered_map , tuple も追加する .

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 #define dump(n) cout<<"# "<<#n<<' '<<(n)<<endl
5 #define repi(i,a,b) for(int i=int(a);i<int(b);i++)
6 #define peri(i,a,b) for(int i=int(b);i-->int(a);)
7 #define rep(i,n) repi(i,0,n)
8 #define per(i,n) peri(i,0,n)
9 #define all(c) begin(c),end(c)
10 #define mp make_pair
11 #define mt make_tuple
12
13 typedef unsigned int uint;
14 typedef long long ll;
15 typedef unsigned long long ull;
16 typedef pair<int,int> pii;
17 typedef vector<int> vi;
18 typedef vector<vi> vvi;
19 typedef vector<ll> vll;
20 typedef vector<vll> vvll;
21 typedef vector<double> vd;
22 typedef vector<vd> vvd;
23 typedef vector<string> vs;
24
25 const int INF=1e9;
26 const int MOD=1e9+7;
27 const double EPS=1e-9;
28
29 template<typename T1,typename T2>
30 ostream& operator<< (ostream& os,const pair<T1,T2>& p){
31     return os<<'('<<p.first<<','<<p.second<<')';
32 }
33 template<typename T>
34 ostream& operator<< (ostream& os,const vector<T>& a){
35     os<<'[';
36     rep(i,a.size()) os<<(i?" ":"")<<a[i];
37     return os<<']';
38 }
39
40 int main()
41 {
42 }
```

2.2 Java

Solver#main に書く .

```
1 import java.io.*;
2 import java.lang.*;
3 import java.math.*;
4 import java.util.*;
5
6 class Main{public static void main(String[] args){new Solver();}}
7
8 class Solver{
9     Scanner reader=new Scanner(System.in);
10     PrintWriter writer=new PrintWriter(System.out);
11     Solver(){main(); writer.flush();}
```

```

12
13     void main(){
14     }
15 }
16
17 class Scanner{
18     BufferedReader br;
19     StringTokenizer st;
20     public Scanner(InputStream in){
21         br=new BufferedReader(new InputStreamReader(in));
22         st=null;
23     }
24     public boolean hasNext(){
25         while(st==null || !st.hasMoreTokens()){
26             try{
27                 if(!br.ready())
28                     return false;
29                 st=new StringTokenizer(br.readLine());
30             }
31             catch(IOException e){
32                 throw new RuntimeException(e);
33             }
34         }
35         return true;
36     }
37     public String nextLine(){
38         hasNext();
39         return st.nextToken("");
40     }
41     public String next(){
42         hasNext();
43         return st.nextToken();
44     }
45 }

```

3 グラフ

3.1 定義

マッチング	端点を共有しない辺集合
独立集合	どの2点も隣接しない頂点集合
クリーク	どの2点も隣接している頂点集合
支配集合	自身とその隣接頂点のみで全頂点を被覆する頂点集合
辺被覆	どの頂点も少なくとも1つの辺に接続している辺集合
点被覆	どの辺も少なくとも1つの頂点に接続している頂点集合

3.2 定理

グラフ $G = (V, E)$ について,

$$|\text{最大マッチング}| + |\text{最小辺被覆}| = |V|$$

$$|\text{最大独立集合}| + |\text{最小点被覆}| = |V|$$

二部グラフであるとき,

$$|\text{最大マッチング}| = |\text{最小点被覆}|$$

$$|\text{最大独立集合}| = |\text{最小辺被覆}|$$

Dilworth の定理・Mirsky の定理

推移性をみたす DAG であるとき,

Dilworth の定理: 濃度最大の反鎖の濃度=個数最小の鎖被覆の個数

Mirsky の定理: 濃度最大の鎖の濃度=個数最小の反鎖被覆の個数

DAG の最小独立パス被覆

(最小独立パス被覆) = $|V| - (V + V')$ を頂点とする二部グラフの最大マッチング)

DAG が推移性をもつとき,

(最小独立パス被覆) = (最小パス被覆)

3.3 基本要素

```

1 struct Edge{
2     int src,dst,weight;
3     Edge(){}
4     Edge(int s,int d,int w):src(s),dst(d),weight(w){}
5     bool operator<(const Edge& e)const{return weight<e.weight;}
6     bool operator>(const Edge& e)const{return weight>e.weight;}
7 };
8 typedef vector<vector<Edge> > Graph;

```

3.4 単一始点最短路 (Dijkstra)

計算量: $O(E \log V)$

```

1 // Verify: UVA 341
2
3 void Dijkstra(const Graph& g,int begin,vi& cost,vi& prev)
4 {
5     int size=g.size();
6     cost.assign(size,INFTY);
7     prev.assign(size,-1);
8     priority_queue<Edge,vector<Edge>,greater<Edge> > pq;
9     pq.push(Edge(-1,begin,0));
10    while(!pq.empty()){
11        Edge cur=pq.top(); pq.pop();
12        if(cost[cur.dst]!=INFTY)
13            continue;
14        cost[cur.dst]=cur.weight;
15        prev[cur.dst]=cur.src;
16        foreach(e,g[cur.dst])
17            pq.push(Edge(e->src,e->dst,e->weight+cur.weight));
18    }
19 }
20
21 void BuildPath(const vi& prev,int begin,int end,vi& path)
22 {
23     path.clear();
24     for(int i=end;;i=prev[i]){
25         path.push_back(i);
26         if(i==begin)
27             break;
28     }
29     reverse(all(path));
30 }

```

3.5 単一始点最短路 (Bellman-Ford)

計算量: $O(VE)$

```

1 // Verify: UVA 341
2
3 bool BellmanFord(const Graph& g, int begin, vi& cost, vi& prev)
4 {
5     int size=g.size();
6     cost.assign(size, INF);
7     prev.assign(size, -1);
8
9     cost[begin]=0;
10    rep(k, size-1){
11        rep(i, size){
12            rep(j, g[i].size()){
13                Edge cand=g[i][j]; // candidate
14                if(cost[cand.dst]>cost[i]+cand.weight){
15                    cost[cand.dst]=cost[i]+cand.weight;
16                    prev[cand.dst]=cand.src;
17                }
18            }
19        }
20    }
21    rep(i, size){
22        rep(j, g[i].size()){
23            Edge cand=g[i][j]; // candidate
24            if(cost[cand.dst]>cost[i]+cand.weight)
25                return false;
26        }
27    }
28    return true;
29 }
30
31 void BuildPath(const vi& prev, int begin, int end, vi& path)
32 {
33     path.clear();
34     for(int i=end; i!=prev[i]; i=prev[i]){
35         path.push_back(i);
36         if(i==begin)
37             break;
38     }
39     reverse(all(path));
40 }

```

3.6 全点間最短路 (Warshall-Floyd)

計算量: $O(V^3)$

```

1 // Verify: PKU 0155
2
3 void WarshallFloyd(vvd& dist, vvi& next)
4 {
5     int n=dist.size();
6
7     rep(i, n) rep(j, n)
8         next[i][j]=j;
9
10    rep(k, n) rep(i, n) rep(j, n){
11        if(dist[i][j]>dist[i][k]+dist[k][j]){
12            dist[i][j]=dist[i][k]+dist[k][j];
13            next[i][j]=next[i][k];
14        }
15    }
16 }

```

3.7 最小全域木 (Prim)

root を含む最小全域木を計算する. tree に構成辺を保存し, 重みの総和を返す.

計算量: $O(E \log V)$

```

1 // Verify: A0J 0180, POJ 1287, POJ 1861
2
3 int Prim(const Graph& g, vector<Edge>& tree, int root=0)
4 {
5     tree.clear();
6
7     vi vis(g.size());
8     priority_queue<Edge, vector<Edge>, greater<Edge> > pq;
9     pq.push(Edge(-1, root, 0));
10    int res=0;
11    while(pq.size()){
12        Edge cur=pq.top(); pq.pop();
13        if(vis[cur.dst])
14            continue;
15        vis[cur.dst]=true;
16        res+=cur.weight;
17        if(cur.src!=-1)
18            tree.push_back(cur);
19        foreach(e, g[cur.dst])
20            pq.push(*e);
21    }
22    return res;
23 }

```

3.8 最小全域森 (Kruskal)

forest に構成辺を保存し, 重みの総和を返す.

計算量: $O(E \log V)$

```

1 // Verify: A0J 0180, POJ 1287, POJ 1861
2
3 int Kruskal(const Graph& g, vector<Edge>& forest)
4 {
5     forest.clear();
6
7     vector<Edge> es;
8     rep(i, g.size()) rep(j, g[i].size())
9         es.push_back(g[i][j]);
10    sort(all(es));
11
12    UnionFind uf(g.size());
13    int res=0;
14    rep(i, es.size())
15        if(uf.Find(es[i].src)!=uf.Find(es[i].dst)){
16            uf.Unite(es[i].src, es[i].dst);
17            res+=es[i].weight;
18            forest.push_back(es[i]);
19        }
20    return res;
21 }

```

3.9 最小シュタイナー木 (Dreyfus-Wagner)

与えられた隣接行列とターミナルの集合に対し, 最小シュタイナー木の重みの総和を返す.

計算量: $O(3^T V + 2^T V^2 + V^3)$

```

1 // Verify: A0J 1040
2

```

```

3  int DreyfusWagner(const vvi& _dist, const vi& ts)
4  {
5      int n=_dist.size();
6      vvi dist=_dist;
7      rep(k,n) rep(i,n) rep(j,n)
8          dist[i][j]=min(dist[i][j], dist[i][k]+dist[k][j]);
9
10     int tsize=ts.size();
11     vvi dp(1<<tsize, vi(n, INFTY));
12     rep(i, tsize) rep(j, n)
13         dp[1<<i][j]=dist[ts[i]][j];
14     rep(i, 1<<tsize){
15         for(int j=i; j; j=i&(j-1)) rep(k, n)
16             dp[i][k]=min(dp[i][k], dp[j][k]+dp[i^j][k]);
17         rep(j, n) rep(k, n)
18             dp[i][j]=min(dp[i][j], dp[i][k]+dist[k][j]);
19     }
20     return *min_element(all(dp.back()));
21 }

```

3.10 最大独立集合

計算量： $O(1.466^n n)$

```

1  // Verify: POJ 1419, SRM 589 Medium
2
3  void DFS(const Graph& g, int u, vi& vis, int cur, int rem, int& res)
4  {
5      int n=g.size();
6      if(cur+rem<=res) return;
7      res=max(res, cur);
8      if(u==n) return;
9
10     if(vis[u]){
11         DFS(g, u+1, vis, cur, rem, res);
12         return;
13     }
14
15     // use u
16     vi tmp=vis;
17     vis[u]=1;
18     rep(i, g[u].size()){
19         int v=g[u][i].dst;
20         if(!vis[v]) vis[v]=1, rem--;
21     }
22     DFS(g, u+1, vis, cur+1, rem-1, res);
23     swap(vis, tmp);
24     rep(i, g[u].size()){
25         int v=g[u][i].dst;
26         if(!vis[v]) rem++;
27     }
28
29     // don't use u
30     if(g[u].size()>1){
31         vis[u]=1;
32         DFS(g, u+1, vis, cur, rem-1, res);
33         vis[u]=0;
34     }
35 }
36
37 int MaxIndependentSet(const Graph& g)
38 {
39     int n=g.size();
40     vi vis(n);
41     int res=0;

```

```

42     DFS(g, 0, vis, 0, n, res);
43     return res;
44 }

```

3.11 トポロジカルソート

計算量： $O(V + E)$

```

1  // Verify: UVA 10305
2
3  bool Visit(const Graph& g, int v, vi& color, vi& order)
4  {
5      if(color[v]==1)
6          return false;
7      if(color[v]==2)
8          return true;
9      color[v]=1;
10     rep(i, g[v].size())
11         if(!Visit(g, g[v][i].dst, color, order))
12             return false;
13     color[v]=2;
14     order.push_back(v);
15     return true;
16 }
17
18 bool TopologicalSort(const Graph& g, vi& order)
19 {
20     int size=g.size();
21     order.clear();
22     vi colors(size);
23     rep(i, size){
24         if(!Visit(g, i, colors, order)){
25             order.clear();
26             return false;
27         }
28     }
29     reverse(all(order));
30     return true;
31 }

```

3.12 強連結成分分解

計算量： $O(V + E)$

```

1  // Verify: POJ 2186, AJOJ 2505
2
3  void DFS(const Graph& g, int v, vi& vis, vi& order)
4  {
5      if(vis[v]) return;
6      vis[v]=1;
7      foreach(e, g[v])
8          DFS(g, e->dst, vis, order);
9      order.push_back(v);
10 }
11
12 vvi SCC(const Graph& g)
13 {
14     int n=g.size();
15     vi vis(n), order;
16     rep(i, n) DFS(g, i, vis, order);
17     Graph t(n);
18     rep(i, n) foreach(e, g[i])
19         t[e->dst].push_back(Edge(e->dst, e->src));
20     fill(all(vis), 0);
21     vvi res;

```

```

22     per(i,n) if(!vis[order[i]]){
23         res.resize(res.size()+1);
24         DFS(t,order[i],vis,res.back());
25     }
26     return res;
27 }

```

3.13 橋

計算量: $O(V + E)$

```

1 // Verify: LOJ 1026
2
3 int DFS(const Graph& g,int u,int prev,int x,vi& ord,vi& low)
4 {
5     ord[u]=low[u]=x++;
6     rep(i,g[u].size()){
7         int v=g[u][i].dst;
8         if(ord[v]==-1){
9             x=DFS(g,v,u,x,ord,low);
10            low[u]=min(low[u],low[v]);
11        }
12        else if(v!=prev)
13            low[u]=min(low[u],ord[v]);
14    }
15    return x;
16 }
17
18 void Bridge(const Graph& g,vector<Edge>& bs)
19 {
20     bs.clear();
21     int n=g.size();
22     vi ord(n,-1),low(n);
23     rep(i,n) if(ord[i]==-1)
24         DFS(g,i,-1,0,ord,low);
25     rep(i,n) foreach(e,g[i])
26         if(ord[e->src]<low[e->dst])
27             bs.push_back(*e);
28 }

```

3.14 関節点

計算量: $O(V + E)$

```

1 // Verify: POJ 1144
2
3 int DFS(const Graph& g,int u,int prev,int x,vi& ord,vi& low,vi& as)
4 {
5     ord[u]=low[u]=x++;
6     int deg=0,isart=0;
7     rep(i,g[u].size()){
8         int v=g[u][i].dst;
9         if(ord[v]==-1){
10            x=DFS(g,v,u,x,ord,low,as);
11            low[u]=min(low[u],low[v]);
12            deg++;
13            isart|=ord[u]<=low[v];
14        }
15        else if(v!=prev)
16            low[u]=min(low[u],ord[v]);
17    }
18    if(prev==-1 && deg>=2 || prev!=-1 && isart)
19        as.push_back(u);
20    return x;
21 }

```

```

22
23 void Articulation(const Graph& g,vi& as)
24 {
25     as.clear();
26     int n=g.size();
27     vi ord(n,-1),low(n);
28     rep(i,n) if(ord[i]==-1)
29         DFS(g,i,-1,i,ord,low,as);
30 }

```

3.15 2-SAT

$u \vee v \Leftrightarrow (\bar{u} \rightarrow \bar{v}) \wedge (\bar{v} \rightarrow \bar{u})$ と式変形し, 二項関係 \rightarrow で辺を張り強連結成分分解する. 強連結成分の真偽は一致するため, x と \bar{x} が同じ強連結成分に属するならば充足不能. そうでないならば充足可能.

3.16 最小共通先祖

計算量: 構築 $O(V \log V)$, クエリ $O(\log V)$

```

1 // Verify: POJ 1330
2
3 struct LCA{
4     vi ds;
5     vvi ps;
6     LCA(vvi& g,int root){
7         ds.resize(g.size());
8         ps.resize(33-__builtin_clz(g.size()-1),vi(g.size(),-1));
9         DFS(g,root,-1,0);
10        rep(i,ps.size()-1)
11            rep(j,ps[i].size())
12                ps[i+1][j]=ps[i][j]==-1?-1:ps[i][ps[i][j]];
13    }
14    void DFS(vvi& g,int cur,int prev,int depth){
15        ds[cur]=depth;
16        ps[0][cur]=prev;
17        rep(i,g[cur].size())
18            if(g[cur][i]!=prev)
19                DFS(g,g[cur][i],cur,depth+1);
20    }
21    int Find(int a,int b){
22        if(ds[a]>ds[b])
23            swap(a,b);
24        rep(i,ps.size())
25            if(ds[b]-ds[a]&1<<i)
26                b=ps[i][b];
27        if(a==b)
28            return a;
29        per(i,ps.size())
30            if(ps[i][a]!=ps[i][b]){
31                a=ps[i][a];
32                b=ps[i][b];
33            }
34        return ps[0][a];
35    }
36 };

```

3.17 二部性判定

計算量: $O(V + E)$

```

1 // Verify: SRM618 Family
2
3 bool DFS(const Graph& g,int u,int c,vi& color){
4     if(color[u]!=-1)
5         return color[u]==c;

```

```

6   color[u]=c;
7   rep(i,g[u].size())
8       if(!DFS(g,g[u][i].dst,!c,color))
9       return false;
10  return true;
11 }
12
13 bool IsBipartite(const Graph& g){
14     int n=g.size();
15     vi color(n,-1);
16     rep(i,n) if(color[i]==-1)
17         if(!DFS(g,i,0,color))
18             return false;
19     return true;
20 }

```

4 フロー

4.1 最大流 (Dinic)

計算量: $O(V^2E)$

```

1 // headはvector<int>(頂点数,-1)で初期化されていること.
2 // 典型的な問題では、グラフの各辺について
3 //   AddEdge(es,head,src,dst,0,cap);
4 //   AddEdge(es,head,src,dst,0,0);
5 // と書く.
6 // Verify: POJ 1459(141ms), POJ 3498(2625ms), SPOJ 4110(int->11,2.81s), AOJ 2076(0.025s)
7 //   UVa 10249(0.588s), COJ 1644(421ms)
8
9 struct Edge{
10     int src,dst,flow,capacity,next;
11     Edge(){}
12     Edge(int s,int d,int f,int c,int n):src(s),dst(d),flow(f),capacity(c),next(n){}
13 };
14
15 void AddEdge(vector<Edge>& es,vi& head,int src,int dst,int flow,int capacity)
16 {
17     es.push_back(Edge(src,dst,flow,capacity,head[src]));
18     head[src]=es.size()-1;
19 }
20
21 vi BFS(const vector<Edge>& es,const vi& head,int begin)
22 {
23     int size=head.size();
24     vi label(size,size);
25     queue<pii> q;
26     q.push(mp(begin,0));
27     while(q.size()){
28         pii cur=q.front(); q.pop();
29         if(label[cur.first]<=cur.second)
30             continue;
31         label[cur.first]=cur.second;
32         for(int i=head[cur.first];i!=-1;i=es[i].next)
33             if(es[i].capacity-es[i].flow>0)
34                 q.push(mp(es[i].dst,cur.second+1));
35     }
36     return label;
37 }
38
39 int DFS(vector<Edge>& es,vi& head,int v,int end,const vi& label,int f)
40 {
41     if(v==end)
42         return f;

```

```

43     for(int& i=head[v];i!=-1;i=es[i].next){
44         Edge& e=es[i];
45         if(label[e.src]>=label[e.dst])
46             continue;
47         int residue=e.capacity-e.flow;
48         if(residue<=0)
49             continue;
50         int augment=DFS(es,head,e.dst,end,label,min(residue,f));
51         if(augment>0){
52             e.flow+=augment;
53             es[i^1].flow-=augment;
54             return augment;
55         }
56     }
57     return 0;
58 }
59
60 int Dinic(vector<Edge>& es,const vi& head,int begin,int end)
61 {
62     int size=head.size();
63     for(;;){
64         vi label=BFS(es,head,begin);
65         if(label[end]==size)
66             break;
67         vi temp=head;
68         while(DFS(es,temp,begin,end,label,INFTY))
69             ;
70     }
71     int res=0;
72     for(int i=head[begin];i!=-1;i=es[i].next)
73         res+=es[i].flow;
74     return res;
75 }

```

4.2 最小費用流

計算量: $O(VE \log V)$

```

1 // Verify: PKU 2135(297ms), PKU 2195(157ms), UVA 10594(int 11,344ms),
2 //   SRM506Div1 Medium, SRM611 GoodCompanyDivOne
3
4 struct Edge{
5     int src,dst,cap,cost;
6     Edge(){}
7     Edge(int s,int d,int ca,int co):src(s),dst(d),cap(ca),cost(co){}
8 };
9 typedef vector<vector<Edge>> > Graph;
10
11 int MinCostFlow(const Graph& _g,int begin,int end,int flow)
12 {
13     int size=_g.size();
14     Graph g(size);
15     vvi rev(size);
16     rep(i,size) foreach(e,_g[i]){
17         g[i].push_back(*e);
18         g[e->dst].push_back(Edge(e->dst,e->src,0,-e->cost));
19         rev[i].push_back(g[e->dst].size()-1);
20         rev[e->dst].push_back(g[i].size()-1);
21     }
22
23     int res=0;
24     vi pots(size);
25     while(flow){
26         vi dist(size,INFTY);
27         vector<pii> prev(size,mp(-1,-1));

```

```

28     priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii> > pq;
29     pq.push(mp(0,begin));
30     dist[begin]=0;
31     while(!pq.empty()){
32         int curd=pq.top().first,curv=pq.top().second; pq.pop();
33         if(dist[curv]<curd)
34             continue;
35         rep(i,g[curv].size()){
36             Edge e=g[curv][i];
37             if(e.cap==0)
38                 continue;
39             int newdist=dist[e.src]+e.cost+pots[e.src]-pots[e.dst];
40             if(dist[e.dst]>newdist){
41                 dist[e.dst]=newdist;
42                 prev[e.dst]=mp(e.src,i);
43                 pq.push(mp(newdist,e.dst));
44             }
45         }
46     }
47
48     if(prev[end].first==-1)
49         return -1;
50     rep(i,size)
51         pots[i]+=dist[i];
52
53     int f=flow;
54     for(int v=end;v!=begin;v=prev[v].first){
55         Edge e=g[prev[v].first][prev[v].second];
56         f=min(f,e.cap);
57     }
58     for(int v=end;v!=begin;v=prev[v].first){
59         int i=prev[v].first,j=prev[v].second;
60         g[i][j].cap-=f;
61         g[g[i][j].dst][rev[i][j]].cap+=f;
62     }
63     flow-=f;
64     res+=f*pots[end];
65 }
66
67 return res;
68 }

```

4.3 2部グラフの最大マッチング (naïve)

計算量: $O(VE)$

```

1 // Verify: AOJ 1163, LOJ 1149
2
3 struct Edge{
4     int src,dst;
5     Edge(){}
6     Edge(int s,int d):src(s),dst(d){}
7 };
8 typedef vector<vector<Edge> > Graph;
9
10 bool Augment(const Graph& g,int u,vi& vis,vi& match)
11 {
12     rep(i,g[u].size()){
13         int v=g[u][i].dst;
14         if(vis[v]) continue;
15         vis[v]=1;
16         if(match[v]==-1 || Augment(g,match[v],vis,match)){
17             match[u]=v;
18             match[v]=u;
19             return true;

```

```

20     }
21 }
22 return false;
23 }
24
25 int BipartiteMatching(const Graph& g,vi& match)
26 {
27     int n=g.size();
28     match.assign(n,-1);
29     int res=0;
30     rep(i,n) if(match[i]==-1){
31         vi vis(n);
32         res+=Augment(g,i,vis,match);
33     }
34     return res;
35 }

```

4.4 2部グラフの最大マッチング (Hopcroft-Karp)

計算量: $O(\sqrt{V}E)$

```

1 // Verify: AOJ 1163, LOJ 1171, LOJ 1356, POJ 1466, POJ 2446, SPOJ 4206 (2.31s)
2
3 struct Edge{
4     int src,dst;
5     Edge(){}
6     Edge(int s,int d):src(s),dst(d){}
7 };
8 typedef vector<vector<Edge> > Graph;
9
10 bool BFS(const Graph& g,const vi& side,const vi& match,vi& level)
11 {
12     int n=g.size();
13     level.assign(n,n);
14     queue<pii> q;
15     rep(i,n) if(side[i]==0 && match[i]==-1)
16         q.push(mp(i,0));
17     bool res=false;
18     while(!q.empty()){
19         pii cur=q.front(); q.pop();
20         int u=cur.first,l=cur.second;
21         if(level[u]<=1) continue;
22         level[u]=1;
23         rep(i,g[u].size()){
24             int v=g[u][i].dst;
25             if(match[v]==-1)
26                 res=true;
27             else
28                 q.push(mp(match[v],l+2));
29         }
30     }
31     return res;
32 }
33
34 bool DFS(const Graph& g,const vi& side,int u,vi& match,vi& level)
35 {
36     rep(i,g[u].size()){
37         int v=g[u][i].dst;
38         if(match[v]==-1 || level[match[v]]>level[u] && DFS(g,side,match[v],match,level)){
39             match[u]=v;
40             match[v]=u;
41             return true;
42         }
43     }
44     level[u]=-1;

```



```

45     return false;
46 }
47
48 int HopcroftKarp(const Graph& g, const vi& side, vi& match)
49 {
50     int n=g.size();
51     match.assign(n,-1);
52     int res=0;
53     for(vi level; BFS(g, side, match, level);)
54         rep(i,n) if(side[i]==0 && match[i]==-1)
55             res+=DFS(g, side, i, match, level);
56     return res;
57 }

```

4.5 DAG の最小独立パス被覆

```

1 // Verify: A0J 2251
2
3 int MinPathCover(const Graph& g)
4 {
5     int n=g.size();
6     Graph bg(2*n);
7     rep(i,n) foreach(e,g[i])
8         bg[e->src].push_back(Edge(e->src,n+e->dst));
9     vi side(2*n), match(2*n);
10    fill(n+all(side), 1);
11    return n-HopcroftKarp(bg, side, match);
12 }

```

4.6 無向グラフの全域最小カット (Nagamochi-Ibaraki)

グラフが連結でないとき 0 を返す . 計算量 : $O(V^3)$

```

1 // Verify: POJ 2914(5657ms)
2
3 int NagamochiIbaraki(const Graph& g)
4 {
5     int size=g.size();
6     vvi a(size, vi(size));
7     rep(i, size) foreach(e,g[i])
8         a[e->src][e->dst] += e->weight;
9     vi toi(size);
10    rep(i, size) toi[i]=i;
11
12    int res=INFTY;
13    for(int n=size; n>=2; n--){
14        vi ws(n);
15        int u,v,w;
16        rep(i,n){
17            u=v; v=max_element(all(ws))-ws.begin();
18            w=ws[v]; ws[v]=-1;
19            rep(j,n) if(ws[j]>=0)
20                ws[j] += a[toi[v]][toi[j]];
21        }
22        res=min(res, w);
23        rep(i,n){
24            a[toi[u]][toi[i]] += a[toi[v]][toi[i]];
25            a[toi[i]][toi[u]] += a[toi[i]][toi[v]];
26        }
27        toi.erase(toi.begin()+v);
28    }
29    return res;
30 }

```

5 文字列

5.1 Knuth-Morris-Pratt

最短周期は $n - \text{fail}[n]$ で求まる .

計算量 : テキスト長 N , パターン長 M として , 初期化 $O(M)$, 検索 $O(M + N)$

```

1 // Verify: [ctor] POJ 1961, POJ 2406, [MatchAll] POJ 3461, LOJ 1255, SPOJ 32
2
3 struct KMP{
4     string pat;
5     vi fail;
6     KMP(const string& p):pat(p), fail(p.size()+1){
7         fail[0]=-1;
8         for(int i=0, j=-1; i<pat.size();){
9             while(j>=0 && pat[i]!=pat[j])
10                 j=fail[j];
11             i++, j++;
12             fail[i]=j;
13         }
14     }
15     int Match(const string& text){
16         for(int i=0, j=0; i<text.size();){
17             while(j>=0 && text[i]!=pat[j])
18                 j=fail[j];
19             i++, j++;
20             if(j==pat.size())
21                 return i-j;
22         }
23         return -1;
24     }
25     vi MatchAll(const string& text){
26         vi res;
27         for(int i=0, j=0; i<text.size();){
28             while(j>=0 && text[i]!=pat[j])
29                 j=fail[j];
30             i++, j++;
31             if(j==pat.size()){
32                 res.push_back(i-j);
33                 j=fail[j];
34             }
35         }
36         return res;
37     }
38 };

```

5.2 最長回文 (Manacher)

計算量 : $O(N)$

```

1 // Verify: PKU 3974
2
3 int LongestPalindrome(const string& _s)
4 {
5     int n=_s.size();
6     string s(2*n+1, '.');
7     rep(i,n)
8         s[i*2+1]=_s[i];
9     n=s.size();
10
11    vi rad(n);
12    for(int i=0, j=0; i<n;){
13        for(; 0<=i-j && i+j<n && s[i-j]==s[i+j]; j++)

```

```

14     ;
15     rad[i]=j;
16
17     int k=1;
18     for(;0<=i-k && i+k<n && rad[i-k]<rad[i]-k;k++)
19         rad[i+k]=rad[i-k];
20
21     j=max(rad[i]-k,0);
22     i+=k;
23 }
24
25 return *max_element(all(rad))-1;
26 }

```

5.3 Suffix Array (Kärkkäinen-Sanders)

計算量：構築 $O(N)$, LCP の計算 $O(N)$.

```

1 // Verify: [構築] LiveArchive 3451, POJ 1509, POJ 2774, POJ 3080, POJ 3261, POJ 3450,
2 //           SPOJ 6409 (0.76s), UVA 1223, UVA 1227, UVA 11512
3 //           [LCP] LiveArchive 3451, POJ 2774, POJ 3080, POJ 3261, POJ 3450,
4 //           UVA 1223, UVA 1227, UVA 11512
5 //           [LCS] POJ 3080, UVA 1227
6
7 template<typename C>
8 void RadixSort(const vi& src,vi& dst,const C& s,int ofs,int n,int asize)
9 {
10     vi hist(asize+1);
11     rep(i,n) hist[s[ofs+src[i]]]++;
12     rep(i,asize) hist[i+1]+=hist[i];
13     per(i,n) dst[--hist[s[ofs+src[i]]]]=src[i];
14 }
15
16 bool Less(int a1,int a2,int b1,int b2)
17 {
18     return a1!=b1?a1<b1:a2<b2;
19 }
20 bool Less(int a1,int a2,int a3,int b1,int b2,int b3)
21 {
22     return a1!=b1?a1<b1:Less(a2,a3,b2,b3);
23 }
24
25 // s[0..n-1]: 入力文字列 . 末尾に '\0' が3つ必要 (s[n]=s[n+1]=s[n+2]=0) .
26 // sa[0..n-1]: 接尾辞配列 .
27 // asize: アルファベットサイズ , s[i] \in [1,asize]
28 template<typename C>
29 void KaerkkainenSanders(const C& s,vi& sa,int asize)
30 {
31     int n=s.size();
32     int n0=(n+2)/3,n1=(n+1)/3,n2=n/3,n02=n0+n2;
33     vi s12(n02+3),sa12(n02);
34
35     for(int i=0,j=0;i<n+(n0-n1);i++)
36         if(i%3) s12[j++]=i;
37     RadixSort(s12,sa12,s,2,n02,asize);
38     RadixSort(sa12,s12,s,1,n02,asize);
39     RadixSort(s12,sa12,s,0,n02,asize);
40
41     int name=0,x=-1,y=-1,z=-1;
42     rep(i,n02){
43         int j=sa12[i];
44         if(s[j]!=x || s[j+1]!=y || s[j+2]!=z)
45             x=s[j],y=s[j+1],z=s[j+2],name++;
46         if(j%3==1) s12[j/3]=name;
47         else
48             s12[n0+j/3]=name;

```

```

48     }
49
50     if(name==n02) // unique
51         rep(i,n02) sa12[s12[i]-1]=i;
52     else{
53         KaerkkainenSanders(s12,sa12,name);
54         rep(i,n02) s12[sa12[i]]=i+1;
55     }
56
57     vi s0(n0),sa0(n0);
58     for(int i=0,j=0;i<n02;i++)
59         if(sa12[i]<n0) s0[j++]=3*sa12[i];
60     RadixSort(s0,sa0,s,0,n0,asize);
61
62     int i=0,j=n0-n1,k=0;
63     while(i<n0 && j<n02){
64         int p=sa0[i],q=sa12[j]<n0?sa12[j]*3+1:(sa12[j]-n0)*3+2;
65         if(sa12[j]<n0?
66             Less(s[p],s12[p/3],s[q],s12[n0+sa12[j]]):
67             Less(s[p],s[p+1],s12[n0+p/3],s[q],s[q+1],s12[sa12[j]+1-n0]))
68             sa[k++]=p,i++;
69         else
70             sa[k++]=q,j++;
71     }
72     for(;i<n0;k++,i++)
73         sa[k]=sa0[i];
74     for(;j<n02;k++,j++)
75         sa[k]=sa12[j]<n0?sa12[j]*3+1:(sa12[j]-n0)*3+2;
76 }
77 void KaerkkainenSanders(const string& s,vi& sa)
78 {
79     KaerkkainenSanders<string>(s+string(3,0),sa,127);
80 }
81 void KaerkkainenSanders(const char* s,vi& sa)
82 {
83     KaerkkainenSanders<string>(s+string(3,0),sa,127);
84 }
85
86 // s[0..n-1] (s[n]=0), sa[0..n-1]
87 // lcp[0..n-1] (lcp[i]:s[sa[i-1]..]とs[sa[i]..]のLCP.lcp[0]=0)
88 template<typename C>
89 void LCP(const C& s,const vi& sa,vi& lcp)
90 {
91     int n=s.size();
92     vi rank(n);
93     rep(i,n) rank[sa[i]]=i;
94     for(int i=0,h=0;i<n;i++){
95         if(h>0) h--;
96         if(rank[i]>0)
97             for(int j=sa[rank[i]-1];h++;
98                 if(s[j+h]!=s[i+h]) break;
99         lcp[rank[i]]=h;
100     }
101 }
102
103 // n: 文字列の数
104 // ls[0..n-1]: 各文字列の長さ
105 // LCSはs.substr(sa[res],lcp[res])で得られる .
106 // LCSが空の時res=0 . lcp[res]=0でもある .
107 int LCS(int n,const vi& ls,const vi& sa,const vi& lcp)
108 {
109     int m=s.size();
110     vi is(m);
111     for(int i=0,j=0;i<n;i++){
112         rep(k,ls[i]) is[j+k]=i;

```

```

113     j+=ls[i];
114     if(i<n-1) is[j++]=i;
115 }
116 int cnt=0,res=0;
117 vi occ(n);
118 deque<int> q;
119 for(int i=n-1,j=n-1;i<m;i++){
120     for(;j<m && cnt<n;j++){
121         if(++occ[is[sa[j]]]==1) cnt++;
122         while(!q.empty() && lcp[q.back()]>lcp[j]) q.pop_back();
123         q.push_back(j);
124     }
125     if(cnt<n) break;
126     if(q.front()==i) q.pop_front();
127     assert(q.size());
128     if(lcp[res]<lcp[q.front()])
129         res=q.front();
130     if(--occ[is[sa[i]]]==0) cnt--;
131 }
132 return res;
133 }

```

5.4 Suffix Array (SA-IS)

計算量：構築 $O(N)$, LCP の計算 $O(N)$. ただし $|\Sigma| = O(1)$ とする .

```

1 // Verify: UVA 1227(5.436s), SPOJ 6409(0.51s), POJ 1743, POJ 3261
2
3 enum{LTYPE,STYPE};
4
5 inline bool IsLMS(const vector<bool>& ts,int i)
6 {
7     return i>0 && ts[i]==STYPE && ts[i-1]==LTYPE;
8 }
9
10 template<typename T>
11 void InitBucket(const T* s,int n,int* bucket,int bsize,bool inclusive)
12 {
13     fill(bucket,bucket+bsize,0);
14     rep(i,n)
15         bucket[s[i]]++;
16     for(int i=0,sum=0;i<bsize;i++){
17         sum+=bucket[i];
18         bucket[i]=inclusive?sum:sum-bucket[i];
19     }
20 }
21
22 template<typename T>
23 void InduceSAL(const T* s,int* sa,int n,int* bucket,int bsize)
24 {
25     InitBucket(s,n,bucket,bsize,false);
26     rep(i,n){
27         int j=sa[i]-1;
28         if(j>=0 && s[j]>=s[j+1])
29             sa[bucket[s[j]]++]=j;
30     }
31 }
32
33 template<typename T>
34 void InduceSAS(const T* s,int* sa,int n,int* bucket,int bsize)
35 {
36     InitBucket(s,n,bucket,bsize,true);
37     per(i,n){
38         int j=sa[i]-1;
39         if(j>=0 && s[j]<=s[j+1])

```

```

40         sa[--bucket[s[j]]]=j;
41     }
42 }
43
44 // s[0..n-1]: 入力文字列, n>=2かつs[n-1]=0であること
45 // sa[0..n-1]: 接尾辞配列
46 // asize: アルファベットサイズ, s[n-1]を除き1以上asize以下
47 template<typename T>
48 void SAIS(const T* s,int* sa,int n,int asize)
49 {
50     vector<bool> ts(n,STYPE);
51     per(i,n-1)
52         if(s[i]>s[i+1] || (s[i]==s[i+1] && ts[i+1]==LTYPE))
53             ts[i]=LTYPE;
54
55     fill(sa,sa+n,-1);
56
57     int* bucket=new int[asize+1];
58     InitBucket(s,n,bucket,asize+1,true);
59     per(i,n) if(IsLMS(ts,i))
60         sa[--bucket[s[i]]]=i;
61     InduceSAL(s,sa,n,bucket,asize+1);
62     InduceSAS(s,sa,n,bucket,asize+1);
63     delete[] bucket;
64
65     int n1=0;
66     rep(i,n) if(IsLMS(ts,sa[i]))
67         sa[n1++]=sa[i];
68     fill(sa+n1,sa+n,-1);
69
70     int name=0,prev=-1;
71     rep(i,n1){
72         int cur=sa[i];
73         bool diff=prev==-1;
74         for(int j=0;!diff;j++){
75             if(j>0 && IsLMS(ts,cur+j))
76                 break;
77             if(s[cur+j]!=s[prev+j])
78                 diff=true;
79         }
80         if(diff)
81             name++;
82         sa[n1+cur/2]=name-1;
83         prev=cur;
84     }
85     for(int i=n1,j=n1;i<n;i++)
86         if(sa[i]>=0)
87             sa[j++]=sa[i];
88     fill(sa+n1+n1,sa+n,-1);
89
90     int *sa1=sa,*s1=sa+n1;
91     if(name==n1)
92         rep(i,n1) sa1[s1[i]]=i;
93     else
94         SAIS(s1,sa1,n1,name);
95
96     n1=0;
97     rep(i,n) if(IsLMS(ts,i))
98         s1[n1++]=i;
99     rep(i,n1)
100         sa1[i]=s1[sa1[i]];
101     fill(sa+n1,sa+n,-1);
102
103     bucket=new int[asize+1];
104     InitBucket(s,n,bucket,asize+1,true);

```

```

105     per(i,n1){
106         int j=sal[i]; sal[i]=-1;
107         sa[--bucket[s[j]]]=j;
108     }
109     InduceSAL(s,sa,n,bucket,asize+1);
110     InduceSAS(s,sa,n,bucket,asize+1);
111     delete[] bucket;
112 }
113
114 // nはsとsaのサイズ, lcpのサイズはn-1
115 template<typename T>
116 void LCP(const T* s, const int* sa, int n, int* lcp)
117 {
118     vi rank(n);
119     rep(i,n) rank[sa[i]]=i;
120     for(int i=0,h=0;i<n-1;i++){
121         if(h>0) h--;
122         for(int j=sa[rank[i]-1];;h++){
123             if(s[j+h]!=s[i+h])
124                 break;
125             lcp[rank[i]-1]=h;
126         }
127     }

```

6 動的計画法

6.1 最長共通部分列

計算量: $O(MN)$

```

1 // Verify: PKU 1458
2
3 int LCS(const string& s1, const string& s2)
4 {
5     vvi dp(2, vi(s2.size()+1));
6     rep(i, s1.size()){
7         rep(j, s2.size()){
8             int ii=i+1, jj=j+1;
9             if(s1[i]==s2[j])
10                dp[ii&1][jj]=dp[(ii-1)&1][jj-1]+1;
11             else
12                dp[ii&1][jj]=max(dp[(ii-1)&1][jj-1], max(dp[(ii-1)&1][jj], dp[ii&1][jj-1]));
13         }
14     }
15     return dp[s1.size()&1][s2.size()];
16 }

```

6.2 最長増加部分列

計算量: $O(N \log N)$

```

1 // Verify: PKU 3903
2
3 int LIS(const vi& a)
4 {
5     vi dp;
6     rep(i, a.size()){
7         int j=lower_bound(all(dp), a[i])-dp.begin();
8         if(j==dp.size())
9             dp.push_back(a[i]);
10        else
11            dp[j]=a[i];
12    }

```

```

13     return dp.size();
14 }

```

7 データ構造

7.1 Union-Find Tree

計算量: 各操作に関して $O(\alpha(N))$. ただし $\alpha(N)$ はアッカーマン関数の逆関数.

```

1 // Verify: PKU 2524, PKU 1182
2
3 struct UnionFind{
4     vi data;
5     UnionFind(int size):data(size,-1){}
6     int Find(int n){
7         return data[n]<0?n:(data[n]=Find(data[n]));
8     }
9     void Unite(int a, int b){
10        int ra=Find(a), rb=Find(b);
11        if(ra!=rb){
12            if(-data[ra]<-data[rb])
13                swap(ra,rb);
14            data[ra]+=data[rb];
15            data[rb]=ra;
16        }
17    }
18    int Size(int n){
19        return -data[Find(n)];
20    }
21 };

```

7.2 Fenwick Tree

計算量: 各操作に関して $O(\log N)$

```

1 // 点更新/区間質問
2 // Verify: POJ 3067, POJ 3928
3
4 struct FenwickTree{
5     vector<ll> data;
6     FenwickTree(int n):data(n+1){}
7     void Add(int i, int x){
8         for(i++;i<data.size();i+=i&-i)
9             data[i]+=x;
10    }
11    ll Sum(int i){
12        ll res=0;
13        for(;i>0;i-=i&-i)
14            res+=data[i];
15        return res;
16    }
17    ll Sum(int i, int j){
18        return Sum(j)-Sum(i);
19    }
20 };
21
22 // 区間更新/点質問
23 // Verify: AOJ 2412, LOJ 1080, POJ 2182
24
25 struct FenwickTree{
26     vector<ll> data;
27     FenwickTree(int n):data(n+1){}
28     void AddRange(int i, int x){

```

```

29     for(;i-=i&-i)
30         data[i]+=x;
31     }
32     void AddRange(int i,int j,int x){
33         AddRange(i,-x);
34         AddRange(j,x);
35     }
36     int Get(int i){
37         ll res=0;
38         for(i++;i<data.size();i+=i&-i)
39             res+=data[i];
40         return res;
41     }
42 };
43
44 // 2次元版, 点更新/区間質問
45 // Verify: POJ 1195
46
47 struct FenwickTree2D{
48     vector<FenwickTree> data;
49     FenwickTree2D(int h,int w):data(h+1,FenwickTree(w)){}
50     void Add(int i,int j,int x){
51         for(i++;i<data.size();i+=i&-i)
52             data[i].Add(j,x);
53     }
54     ll Sum(int i,int j){
55         ll res=0;
56         for(;i-=i&-i)
57             res+=data[i].Sum(j);
58         return res;
59     }
60     ll Sum(int i,int j,int k,int l){
61         return Sum(k,l)-Sum(k,j)-Sum(i,l)+Sum(i,j);
62     }
63 };

```

7.3 Segment Tree

計算量：初期化 $O(N)$, 更新 $O(\log N)$, クエリ $O(\log N)$

```

1 // Verify: UVa 12299, POJ 3264, AOJ 1068
2
3 int Need(int x)
4 {
5     x--;
6     rep(i,5) x|=x>>(1<<i);
7     return x+1;
8 }
9
10 struct SegmentTree{
11     int size;
12     vi data;
13     SegmentTree(int s):size(Need(s)),data(size*2,INFTY){}
14     SegmentTree(const vi& a):size(Need(a.size())),data(size*2,INFTY){
15         copy(all(a),data.begin()+size);
16         for(int i=size;--i;)
17             data[i]=min(data[i*2],data[i*2+1]);
18     }
19     int Get(int i){
20         return data[size+i];
21     }
22     void Update(int i,int x){
23         data[size+i]=x;
24         for(i=(i+size)/2;i/=2)
25             data[i]=min(data[i*2],data[i*2+1]);

```

```

26     }
27     int Query(int a,int b,int i,int l,int r){
28         if(b<=l || r<=a) return INFTY;
29         if(a<=l && r<=b) return data[i];
30         return min(Query(a,b,i*2,l,(l+r)/2),Query(a,b,i*2+1,(l+r)/2,r));
31     }
32     int Query(int a,int b){
33         return Query(a,b,1,0,size);
34     }
35 };
36
37 // 2次元版
38 // Verify: AOJ 1068
39
40 struct SegmentTree2D{
41     int size;
42     vector<SegmentTree> data;
43     SegmentTree2D(int h,int w):size(Need(h)),data(size*2,SegmentTree(w)){}
44     SegmentTree2D(const vvi& a):size(Need(a.size())),data(size*2,SegmentTree(a[0].size())){
45         copy(all(a),data.begin()+size);
46         for(int i=size;--i;)
47             rep(j,1,data[i].data.size())
48                 data[i].data[j]=min(data[i*2].data[j],data[i*2+1].data[j]);
49     }
50     int Get(int i,int j){
51         return data[size+i].Get(j);
52     }
53     void Update(int i,int j,int x){
54         data[size+i].Update(j,x);
55         for(i=(i+size)/2;i/=2)
56             data[i].Update(j,min(data[i*2].Get(j),data[i*2+1].Get(j)));
57     }
58     int Query(int a,int b,int c,int d,int i,int to,int bo){
59         if(c<=to || bo<=a) return INFTY;
60         if(a<=to && bo<=c) return data[i].Query(b,d);
61         return min(Query(a,b,c,d,i*2,to,(to+bo)/2),Query(a,b,c,d,i*2+1,(to+bo)/2,bo));
62     }
63     int Query(int a,int b,int c,int d){
64         return Query(a,b,c,d,1,0,size);
65     }
66 };
67
68 // 区間更新/区間質問 . PropagateとMergeを適切に書き換える
69 // Verify: SPOJ 7259
70
71 struct SegmentTree{
72     int size;
73     vi data,prop;
74     SegmentTree(int s):size(Need(s)),data(size*2),prop(size*2){}
75     SegmentTree(const vi& a):size(Need(a.size())),data(size*2),prop(size*2){
76         copy(all(a),data.begin()+size);
77         for(int i=size;--i;)
78             data[i]=Merge(data[i*2],data[i*2+1]);
79     }
80     void Update(int a,int b,int x,int i,int l,int r){
81         Propagate(i,l,r);
82         if(b<=l || r<=a)
83             return;
84         if(a<=l && r<=b){
85             prop[i]=x;
86             Propagate(i,l,r);
87             return;
88         }
89         Update(a,b,x,i*2+0,l,(l+r)/2);
90         Update(a,b,x,i*2+1,(l+r)/2,r);

```

```

91     data[i]=Merge(data[i*2],data[i*2+1]);
92 }
93 ll Query(int a,int b,int i,int l,int r){
94     Propagate(i,l,r);
95     if(b<=l || r<=a) return 0;
96     if(a<=l && r<=b) return data[i];
97     ll x=Query(a,b,i*2+0,l,(l+r)/2);
98     ll y=Query(a,b,i*2+1,(l+r)/2,r);
99     return Merge(x,y);
100 }
101 void Update(int a,int b,int x){
102     Update(a,b,x,l,0,size);
103 }
104 int Query(int a,int b){
105     return Query(a,b,l,0,size);
106 }
107 void Propagate(int i,int l,int r){
108     if(i<size){
109         prop[i*2+0]^=prop[i];
110         prop[i*2+1]^=prop[i];
111     }
112     if(prop[i])
113         data[i]=r-l-data[i];
114     prop[i]=0;
115 }
116 int Merge(ll x,ll y){
117     return x+y;
118 }
119 };
120
121 // 区間Set,Reset,Flip,Count
122 // Verify: Uva 11402, Codeforces 242E
123
124 struct SegmentTree{
125     int size;
126     vi data,prop;
127     SegmentTree(int s):size(Need(s)),data(size*2),prop(size*2){}
128     SegmentTree(const vi& a):size(Need(a.size())),data(size*2),prop(size*2){
129         copy(all(a),data.begin()+size);
130         for(int i=size;--i;){
131             data[i]=Merge(data[i*2],data[i*2+1]);
132         }
133     void Update(int a,int b,int x,int i,int l,int r){
134         Propagate(i,l,r);
135         if(b<=l || r<=a)
136             return;
137         if(a<=l && r<=b){
138             prop[i]=x;
139             Propagate(i,l,r);
140             return;
141         }
142         Update(a,b,x,i*2+0,l,(l+r)/2);
143         Update(a,b,x,i*2+1,(l+r)/2,r);
144         data[i]=Merge(data[i*2],data[i*2+1]);
145     }
146     ll Query(int a,int b,int i,int l,int r){
147         Propagate(i,l,r);
148         if(b<=l || r<=a) return 0;
149         if(a<=l && r<=b) return data[i];
150         ll x=Query(a,b,i*2+0,l,(l+r)/2);
151         ll y=Query(a,b,i*2+1,(l+r)/2,r);
152         return Merge(x,y);
153     }
154     void Propagate(int i,int l,int r){
155         if(i<size){

```

```

156         if(prop[i]==1) prop[i*2+0]=prop[i*2+1]=1;
157         if(prop[i]==2) prop[i*2+0]=prop[i*2+1]=2;
158         if(prop[i]==3){
159             prop[i*2+0]=3-prop[i*2+0];
160             prop[i*2+1]=3-prop[i*2+1];
161         }
162     }
163     if(prop[i]==1) data[i]=r-l;
164     if(prop[i]==2) data[i]=0;
165     if(prop[i]==3) data[i]=r-l-data[i];
166     prop[i]=0;
167 }
168 int Merge(ll x,ll y){
169     return x+y;
170 }
171 void Set(int a,int b){
172     Update(a,b,1,1,0,size);
173 }
174 void Reset(int a,int b){
175     Update(a,b,2,1,0,size);
176 }
177 void Flip(int a,int b){
178     Update(a,b,3,1,0,size);
179 }
180 int Count(int a,int b){
181     return Query(a,b,1,0,size);
182 }
183 };

```

7.4 Range Tree

計算量：初期化 ($O(N \log^2 N)$) , クエリ $O(N \log^2 N)$

```

1 // Verify: LiveArchive 5821, ACPC2012 F
2
3 struct Point{
4     int x,y;
5     Point(){}
6     Point(int x,int y):x(x),y(y){}
7 };
8 bool LessX(Point a,Point b){
9     return a.x<b.x;
10 }
11 bool LessY(Point a,Point b){
12     return a.y<b.y;
13 }
14
15 struct RangeTree2D{
16     vector<Point> yps;
17     struct RangeNode2D{
18         vector<Point> xps;
19         RangeNode2D *left,*right;
20         RangeNode2D(const vector<Point>& ps):xps(ps),left(0),right(0){
21             sort(all(xps),LessX);
22         }
23         ~RangeNode2D(){
24             delete left;
25             delete right;
26         }
27     }*root;
28     RangeTree2D(const vector<Point>& ps):yps(ps){
29         sort(all(yps),LessY);
30         root=Build(0,yps.size());
31     }
32     ~RangeTree2D(){

```

```

33     delete root;
34 }
35 RangeNode2D* Build(int first,int last){
36     RangeNode2D* node=new RangeNode2D(vector<Point>(yps.begin()+first,yps.begin()+last));
37     if(last-first>=2){
38         int middle=(first+last)/2;
39         node->left=Build(first,middle);
40         node->right=Build(middle,last);
41     }
42     return node;
43 }
44 int Query(int to,int le,int bo,int ri,RangeNode2D* root,int first,int last){
45     if(first==last || yps[last-1].y<to || bo<=yps[first].y)
46         return 0;
47     if(to<=yps[first].y && yps[last-1].y<bo){
48         iter(root->xps) i=lower_bound(all(root->xps),Point(le,0),LessX);
49         iter(root->xps) j=lower_bound(all(root->xps),Point(ri,0),LessX);
50         return j-i;
51     }
52     int middle=(first+last)/2,res=0;
53     res+=Query(to,le,bo,ri,root->left,first,middle);
54     res+=Query(to,le,bo,ri,root->right,middle,last);
55     return res;
56 }
57 int Query(int to,int le,int bo,int ri){
58     return Query(to,le,bo,ri,root,0,yps.size());
59 }
60 };

```

8 数学

8.1 数学定数

円周率 $\pi = 3.1415926535897932384626433832795029$

自然対数の底 $e = 2.7182818284590452353602874713526625$

オイラーの定数 $\gamma = 0.5772156649015328606065120900824024$

8.2 ユークリッドの互除法

ExtendedGCD は $ax + by = \gcd(a, b)$ をみたす x, y を求める．計算量： $O(\log \max(a, b))$

```

1 int GCD(int a,int b)
2 {
3     return b==0?a:GCD(b,a%b);
4 }
5
6 int LCM(int a,int b)
7 {
8     return a/GCD(a,b)*b;
9 }
10
11 int ExtendedGCD(int a,int b,int& x,int& y)
12 {
13     if(b==0){
14         x=1; y=0;
15         return a;
16     }
17     else{
18         int g=ExtendedGCD(b,a%b,y,x);
19         y-=a/b*x;
20         return g;
21     }
22 }

```

8.3 逆元

$ax \equiv 1 \pmod{m}$ をみたす x を求める．逆元が存在しない場合は 0 を返す．

```

1 int ModInverse(int a,int m)
2 {
3     int x,y;
4     int g=ExtendedGCD(a,m,x,y);
5     if(g==1)
6         return (x+m)%m;
7     else
8         return 0; // invalid
9 }

```

8.4 エラトステネスの篩

計算量： $O(N \log \log N)$

```

1 // Verify: A0J 1172
2
3 void Eratosthenes(vi& isp)
4 {
5     isp[0]=isp[1]=0;
6     fill(2+all(isp),1);
7     for(int i=2;i*i<isp.size();i++)
8         if(isp[i])
9             for(int j=i*i;j<isp.size();j+=i)
10                 isp[j]=0;
11 }

```

8.5 素数判定 (Miller-Rabin)

問題によって実装を切り替える．

```

1 // ModMulとwsは問題に応じて使い分けること．
2 // witnessは以下のページを参考にした：
3 // http://en.wikipedia.org/wiki/Miller%E2%80%93Rabin_primality_test
4 // http://mathworld.wolfram.com/StrongPseudoprime.html
5 // http://oeis.org/A014233
6 // Verify: SP0J 288
7
8 // a*b mod m
9 ull ModMul(ull a,ull b,ull m)
10 {
11     //return a*b%m;
12     ull c=0;
13     for(;b>=1,(a<=1)%=m)
14         if(b&1)
15             (c+=a)%=m;
16     return c;
17 }
18 // a^r mod m
19 ull ModPow(ull a,ull r,ull m)
20 {
21     if(r==0) return 1;
22     ull b=ModPow(a,r/2,m);
23     b=ModMul(b,b,m);
24     return r&1?ModMul(b,a,m):b;
25 }
26 bool MillerTest(ull n,int a,ull d,int s)
27 {
28     ull x=ModPow(a,d,n);
29     if(x==1) return true;
30     for(int i=0;i<s;i++){
31         if(x==n-1) return true;

```



```

32     x=ModMul(x,x,n);
33 }
34 return false;
35 }
36 bool MillerRabin(ull n)
37 {
38     if(n<=1) return false;
39     if(n%2==0) return n==2;
40     ull d=n-1; int s=0;
41     while(d%2==0)
42         d/=2,s++;
43     //int ws[]={2,7,61,-1}; // n<4759123141
44     int ws[]={2,3,5,7,11,13,17,19,23,-1}; // n<3825123056546413051 (conjectured)
45     for(int i=0;~ws[i] && ws[i]<n;i++)
46         if(!MillerTest(n,ws[i],d,s))
47             return false;
48     return true;
49 }

```

8.6 ガウスの消去法

解が一意でないとき false を返す . 計算量 : $O(N^3)$

```

1 // Verify: ZOJ 3645
2
3 bool Gauss(const vvd& _a,const vd& _b,vd& x)
4 {
5     vvd a=_a; vd b=_b;
6     int n=a.size();
7
8     rep(i,n){
9         int pivot=i;
10        repi(j,i+1,n)
11            if(abs(a[j][i])>abs(a[pivot][i]))
12                pivot=j;
13        if(abs(a[pivot][i])<EPS)
14            return false;
15
16        swap(a[i],a[pivot]);
17        swap(b[i],b[pivot]);
18
19        repi(j,i+1,n)
20            a[i][j]/=a[i][i];
21        b[i]/=a[i][i];
22
23        repi(j,i+1,n){
24            repi(k,i+1,n)
25                a[j][k]-=a[j][i]*a[i][k];
26            b[j]-=a[j][i]*b[i];
27        }
28    }
29
30    per(i,n) per(j,i)
31        b[j]-=a[j][i]*b[i];
32    x=b;
33    return true;
34 }

```

9 幾何

9.1 基本要素

```

1 const double PI=acos(-1);

```

```

2
3 int Signum(double x){
4     return x<-EPS?-1:x<EPS?0:1;
5 }
6
7 struct Point{
8     double x,y;
9     Point(){}
10    Point(double x,double y):x(x),y(y){}
11 };
12 bool operator==(Point a,Point b){
13     return abs(a.x-b.x)<EPS && abs(a.y-b.y)<EPS;
14 }
15 bool operator!=(Point a,Point b){
16     return !(a==b);
17 }
18 Point operator+(Point a,Point b){
19     return Point(a.x+b.x,a.y+b.y);
20 }
21 Point operator-(Point a,Point b){
22     return Point(a.x-b.x,a.y-b.y);
23 }
24 Point operator*(double c,Point p){
25     return Point(c*p.x,c*p.y);
26 }
27 Point operator/(Point p,double c){
28     return Point(p.x/c,p.y/c);
29 }
30 struct LessX{
31     bool operator()(Point a,Point b){
32         return abs(a.x-b.x)>EPS?a.x<b.x-EPS:a.y<b.y-EPS;
33     }
34 };
35
36 double Abs(Point p){
37     return sqrt(p.x*p.x+p.y*p.y);
38 }
39 double Abs2(Point p){
40     return p.x*p.x+p.y*p.y;
41 }
42 double Arg(Point p){
43     return atan2(p.y,p.x);
44 }
45 double Dot(Point a,Point b){
46     return a.x*b.x+a.y*b.y;
47 }
48 double Cross(Point a,Point b){
49     return a.x*b.y-a.y*b.x;
50 }
51 Point Rot(Point p,double t){
52     return Point(cos(t)*p.x-sin(t)*p.y,sin(t)*p.x+cos(t)*p.y);
53 }
54
55 struct Line{
56     Point pos,dir;
57     Line(){}
58     Line(Point p,Point d):pos(p),dir(d){}
59     Line(double px,double py,double dx,double dy):pos(px,py),dir(dx,dy){}
60 };
61 typedef Line Segment;
62 Point Proj(Line l,Point p){
63     Point a=p-l.pos,b=l.dir;
64     return l.pos+Dot(a,b)/Abs2(b)*b;
65 }
66

```



```

67 struct Circle{
68     Point center;
69     double radius;
70     Circle(){}
71     Circle(Point c,double r):center(c),radius(r){}
72     Circle(double x,double y,double r):center(x,y),radius(r){}
73 };
74 bool operator==(Circle a,Circle b){
75     return a.center==b.center && abs(a.radius-b.radius)<EPS;
76 }
77 bool operator!=(Circle a,Circle b){
78     return !(a==b);
79 }
80
81 // stream
82 ostream& operator<<(ostream& os,const Point& p){
83     return os<<'('<<p.x<<','<<p.y<<')';
84 }
85 ostream& operator<<(ostream& os,const Line& l){
86     return os<<'('<<l.pos<<','<<l.dir<<')';
87 }
88 ostream& operator<<(ostream& os,const Circle& c){
89     return os<<'('<<c.center.x<<','<<c.center.y<<','<<c.radius<<')';
90 }

```

9.2 回転方向

```

1 int CCW(Point a,Point b,Point c){
2     Point d1=b-a,d2=c-a;
3     if(int sign=Signum(Cross(d1,d2)))
4         return sign; // 1:ccw,-1:cw
5     if(Dot(d1,d2)<-EPS)
6         return -2; // c-a-b
7     if(Abs2(d1)<Abs2(d2)-EPS)
8         return 2; // a-b-c
9     return 0; // a-c-b
10 }

```

9.3 面積

```

1 double Area(const vector<Point>& ps){
2     double res=0;
3     repi(i,2,ps.size())
4         res+=Cross(ps[i-1]-ps[0],ps[i]-ps[0]);
5     return res;
6 }

```

9.4 交差判定

```

1 bool IntersectLL(Line a,Line b){
2     return abs(Cross(a.dir,b.dir))>EPS || abs(Cross(a.dir,b.pos-a.pos))<EPS;
3 }
4 bool IntersectLS(Line l,Segment s){
5     Point a=s.pos-l.pos,b=s.pos+s.dir-l.pos;
6     return Signum(Cross(l.dir,a))*Signum(Cross(l.dir,b))<=0;
7 }
8 bool IntersectSS(Segment a,Segment b){
9     int c1=CCW(a.pos,a.pos+a.dir,b.pos),c2=CCW(a.pos,a.pos+a.dir,b.pos+b.dir);
10    int c3=CCW(b.pos,b.pos+b.dir,a.pos),c4=CCW(b.pos,b.pos+b.dir,a.pos+a.dir);
11    return c1*c2<=0 && c3*c4<=0;
12 }
13 bool IntersectSP(Segment s,Point p){
14     return CCW(s.pos,s.pos+s.dir,p)==0;
15 }

```

```

16 // 交点の個数を返す
17 int IntersectCC(Circle c1,Circle c2){
18     if(c1==c2)
19         return INFITY;
20     double r1=c1.radius,r2=c2.radius,d=Abs(c1.center-c2.center);
21     if(d>r1+r2+EPS || d<abs(r1-r2)-EPS)
22         return 0;
23     if(abs(d-(r1+r2))<EPS || abs(d-abs(r1-r2))<EPS)
24         return 1;
25     return 2;
26 }
27
28 // aとbは必ず交差していること
29 Point InterPointLL(Line a,Line b){
30     if(abs(Cross(a.dir,b.dir))<EPS)
31         return a.pos;
32     return a.pos+Cross(b.pos-a.pos,b.dir)/Cross(a.dir,b.dir)*a.dir;
33 }
34 Point InterPointLS(Line l,Segment s){
35     return InterPointLL(s,l);
36 }
37 Point InterPointSS(Segment a,Segment b){
38     if(abs(Cross(a.dir,b.dir))<EPS){
39         if(IntersectSP(b,a.pos)) return a.pos;
40         if(IntersectSP(b,a.pos+a.dir)) return a.pos+a.dir;
41         if(IntersectSP(a,b.pos)) return b.pos;
42         if(IntersectSP(a,b.pos+b.dir)) return b.pos+b.dir;
43     }
44     return InterPointLL(a,b);
45 }
46
47 // c1とc2は必ず2点で交わること
48 pair<Point,Point> InterPointCC(Circle c1,Circle c2){
49     Point p1=c1.center,p2=c2.center;
50     double r1=c1.radius,r2=c2.radius;
51     double d=Abs(p1-p2);
52     double a=(d*r1*r1-r2*r2)/(2*d);
53     double s=sqrt(r1*r1-a*a);
54     return mp(p1+a/d*(p2-p1)+s*Rot((p2-p1)/d,PI/2),
55             p1+a/d*(p2-p1)-s*Rot((p2-p1)/d,PI/2));
56 }

```

9.5 距離

```

1 double DistLP(Line l,Point p){
2     return Abs(Proj(l,p)-p);
3 }
4 double DistSP(Segment s,Point p){
5     int ccw=CCW(s.pos,s.pos+s.dir,Proj(s,p));
6     if(ccw==2) return Abs(p-s.pos);
7     if(ccw== -2) return Abs(p-(s.pos+s.dir));
8     return DistLP(s,p);
9 }
10 double DistLS(Line l,Segment s){
11     if(IntersectLS(l,s)) return 0;
12     return min(DistLP(l,s.pos),DistLP(l,s.pos+s.dir));
13 }
14 double DistSS(Segment a,Segment b){
15     if(IntersectSS(a,b)) return 0;
16     double d1=min(DistSP(a,b.pos),DistSP(a,b.pos+b.dir));
17     double d2=min(DistSP(b,a.pos),DistSP(b,a.pos+a.dir));
18     return min(d1,d2);
19 }

```

9.6 円の接線

```

1 vector<Line> Intangent(Circle c1,Circle c2)
2 {
3     double r1=c1.radius,r2=c2.radius;
4     double d=Abs(c1.center-c2.center);
5     vector<Line> res;
6     if(d>r1+r2+EPS){
7         double t=acos((r1+r2)/d);
8         rep(i,2){
9             Point p1=c1.center+Rot(r1/d*(c2.center-c1.center),(i?1:-1)*t);
10            Point p2=c2.center+Rot(r2/d*(c1.center-c2.center),(i?1:-1)*t);
11            res.push_back(Line(p1,p2-p1));
12        }
13    }
14    else if(d>r1+r2-EPS){
15        Point p=c1.center+r1/d*(c2.center-c1.center);
16        res.push_back(Line(p,Rot(p-c1.center,PI/2)));
17    }
18    return res;
19 }
20 vector<Line> Extangent(Circle c1,Circle c2)
21 {
22     double r1=c1.radius,r2=c2.radius;
23     double d=Abs(c1.center-c2.center);
24     vector<Line> res;
25     if(d>abs(r2-r1)+EPS){
26         double t=acos((r1-r2)/d);
27         rep(i,2){
28             Point p1=c1.center+Rot(r1/d*(c2.center-c1.center),(i?1:-1)*t);
29             Point p2=c2.center+Rot(r2/d*(c2.center-c1.center),(i?1:-1)*t);
30             res.push_back(Line(p1,p2-p1));
31         }
32     }
33     else if(d>abs(r2-r1)-EPS){
34         Point p=c1.center+r1/d*(c2.center-c1.center);
35         res.push_back(Line(p,Rot(p-c1.center,PI/2)));
36     }
37     return res;
38 }

```

9.7 凸包

計算量: $O(N \log N)$

```

1 // 同一直線上の点はとらない .
2 // もしとりたければ, while(n>2 && CCW(cs[n-2],cs[n-1],ps[i])<=0)と書き換える .
3 vector<Point> ConvexHull(vector<Point> ps){
4     if(ps.size()==1) return ps;
5     sort(all(ps),LessX());
6     vector<Point> res;
7     rep(_,2){
8         int n=0;
9         vector<Point> half(ps.size());
10        rep(i,ps.size()){
11            while(n>2 && CCW(half[n-2],half[n-1],ps[i])!=1)
12                n--;
13            half[n++]=ps[i];
14        }
15        res.insert(res.end(),half.begin(),half.begin()+n-1);
16        reverse(all(ps));
17    }
18    return res;
19 }

```

9.8 凸多角形の包含判定

```

1 // 凸多角形psの内部に点pがあるときtrue(境界を含む)
2 // ps.size()==0のときtrue
3 // ps.size()==1のとき, ps[0]とpが一致していればtrue
4 // ps.size()==2のとき, ps[0],ps[1]上にpがあればtrue
5 bool CoverGP(const vector<Point>& ps,Point p){
6     rep(i,ps.size()){
7         int ccw=CCW(ps[i],ps[(i+1)%ps.size()],p);
8         if(!(ccw==1 || ccw==0))
9             return false;
10    }
11    return true;
12 }
13 // 凸多角形psが凸多角形qsを内部にもつときtrue(境界を含む)
14 // ps.size()==0またはqs.size()==0のときtrue
15 bool CoverGG(const vector<Point>& ps,vector<Point>& qs){
16     rep(i,qs.size())
17         if(!CoverGP(ps,qs[i]))
18             return false;
19     return true;
20 }

```

9.9 凸多角形の切断

```

1 vector<Point> ConvexCut(const vector<Point>& ps,Line l){
2     int n=ps.size();
3     vector<Point> res;
4     rep(i,n){
5         int c1=CCW(l.pos,l.pos+l.dir,ps[i]);
6         int c2=CCW(l.pos,l.pos+l.dir,ps[(i+1)%n]);
7         if(c1!=-1)
8             res.push_back(ps[i]);
9         if(c1*c2===-1)
10            res.push_back(InterPointLS(l,Segment(ps[i],ps[(i+1)%n]-ps[i])));
11    }
12    return res;
13 }

```

9.10 線分アレンジメント

同一線分上の推移的な辺を省略している. 計算量: $O(N^3)$

```

1 // オーバーラップする線分は取り除いておくこと .
2 struct Edge{
3     int src,dst;
4     double weight;
5     Edge(){}
6     Edge(int s,int d,double w):src(s),dst(d),weight(w){}
7     bool operator<(const Edge& e)const{return Signum(weight-e.weight)<0;}
8     bool operator>(const Edge& e)const{return Signum(weight-e.weight)>0;}
9 };
10 void SegmentArrangement(const vector<Segment>& ss,Graph& g,vector<Point>& ps){
11     rep(i,ss.size()){
12         ps.push_back(ss[i].pos);
13         ps.push_back(ss[i].pos+ss[i].dir);
14         repi(j,i+1,ss.size()) if(IntersectSS(ss[i],ss[j]))
15             ps.push_back(InterPointSS(ss[i],ss[j]));
16     }
17     sort(all(ps),LessX());
18     ps.erase(unique(all(ps)),ps.end());
19
20     g.resize(ps.size());
21     rep(i,ss.size()){
22         vector<pair<double,int>> ds;

```

```

23     rep(j,ps.size()) if(IntersectSP(ss[i],ps[j]))
24         ds.push_back(mp(Abs(ps[j]-ss[i].pos),j));
25     sort(all(ds));
26     rep(j,ds.size()-1){
27         int u=ds[j].second,v=ds[j+1].second;
28         double w=ds[j+1].first-ds[j].first;
29         g[u].push_back(Edge(u,v,w));
30         g[v].push_back(Edge(v,u,w));
31     }
32 }
33 }

```

10 その他

10.1 ビット演算

clz, clzll, ctz, ctzll は, $x = 0$ のときビット長を返す.

```

1  // population count
2  inline int popcount(uint x)
3  {
4      x=(x&0x55555555)+(x>>1&0x55555555);
5      x=(x&0x33333333)+(x>>2&0x33333333);
6      x=(x&0x0f0f0f0f)+(x>>4&0x0f0f0f0f);
7      x=(x&0x00ff00ff)+(x>>8&0x00ff00ff);
8      return (x&0x0000ffff)+(x>>16&0x0000ffff);
9  }
10 inline int popcountll(ull x)
11 {
12     return popcount(x)+popcount(x>>32);
13 }
14
15 // count leading zero
16 inline int clz(uint x)
17 {
18     int i=0;
19     if(!(x&0xffff0000)) i+=16,x<=16;
20     if(!(x&0xff000000)) i+=8,x<=8;
21     if(!(x&0xf0000000)) i+=4,x<=4;
22     if(!(x&0xc0000000)) i+=2,x<=2;
23     if(!(x&0x80000000)) i+=1,x<=1;
24     return i+!x;
25 }
26 inline int clzll(ull x)
27 {
28     int y=clz(x>>32);
29     return y==32?y+clz(x):y;
30 }
31
32 // count trailing zero
33 inline int ctz(uint x)
34 {
35     int i=0;
36     if(!(x&0x0000ffff)) i+=16,x>=16;
37     if(!(x&0x000000ff)) i+=8,x>=8;
38     if(!(x&0x0000000f)) i+=4,x>=4;
39     if(!(x&0x00000003)) i+=2,x>=2;
40     if(!(x&0x00000001)) i+=1,x>=1;
41     return i+!x;
42 }
43 inline int ctzll(ull x)
44 {
45     int y=ctz(x);
46     return y==32?y+ctz(x>>32):y;

```

```

47 }
48
49 // find first set
50 inline int ffs(uint x)
51 {
52     return x?clz(x)+1:0;
53 }
54 inline int ffs(ull x)
55 {
56     return x?clzll(x)+1:0;
57 }
58
59 // bitwise reverse
60 inline uint bitrev(uint x)
61 {
62     x=(x&0xaaaaaaaa)>>1|(x&0x55555555)<<1;
63     x=(x&0xcccccccc)>>2|(x&0x33333333)<<2;
64     x=(x&0xf0f0f0f0)>>4|(x&0x0f0f0f0f)<<4;
65     x=(x&0xff00ff00)>>8|(x&0x00ff00ff)<<8;
66     return (x&0xffff0000)>>16|(x&0x0000ffff)<<16;
67 }
68 inline ull bitrev(ull x)
69 {
70     return bitrev(x>>32)|(ull)bitrev(x)<<32;
71 }
72
73 // 非零部分集合を列挙
74 for(int s=b;s=(s-1)&b){
75     ...
76 }
77
78 // {0,1,...,n-1}の, サイズkの部分集合を列挙
79 // 最終行を s|=(1z>>ffs(1o))-1 とすれば除算をなくせる
80 // 注意: 0<k<=n でなければならない
81 for(int s=(1<k)-1;!(s&1<n);){
82     /* ... */
83     int lo=s&-s,lz=(s+lo)&~s;
84     s=(s|lz)&^(1z-1);
85     s|=(1z/lo/2-1);
86 }

```

10.2 Fairfield の公式

西暦 1 年 1 月 0 日からの経過日数を求める . (経過日数) $\equiv 0 \pmod{7}$ のとき日曜日 .

```

1  int Fairfield(int y,int m,int d)
2  {
3      if(m<=2) y--,m+=12;
4      return 365*y+y/4-y/100+y/400+153*(m+1)/5+d-428;
5  }

```

10.3 さいころ

```

1  struct Dice{
2      int face[6]; // top,bottom,left,right,front,back
3      void Rotate(int a,int b,int c,int d){
4          int temp=face[a];
5          face[a]=face[b];
6          face[b]=face[c];
7          face[c]=face[d];
8          face[d]=temp;
9      }
10     void TurnF(int n){rep(i,n)Rotate(0,2,1,3);} // x軸を回転軸として右回りに90n度回転
11     void TurnR(int n){rep(i,n)Rotate(0,4,1,5);} // y軸を回転軸として右回りに90n度回転

```

```
12     void TurnU(int n){rep(i,n)Rotate(4,3,5,2);} // z軸を回転軸として右回りに90n度回転
13     void TurnF(){TurnF(1);}
14     void TurnR(){TurnR(1);}
15     void TurnU(){TurnU(1);}
16 };
```