1 環境

1.1 .Xmodmap

[変換] と[半角/全角],[無変換] と[Escape] を入れ替え,[CapsLock] を[Ctrl] に割り当てる.

```
l keysym Muhenkan = Escape
keysym Henkan_Mode = Zenkaku_Hankaku
keysym Escape = Muhenkan
keysym Zenkaku_Hankaku = Henkan_Mode

remove Lock = Caps_Lock
keysym Caps_Lock = Control_L
add Control = Control_L
```

1.2 .vimrc

不要そうなものは適当に削る.

```
1 set number
2 set tabstop=4 shiftwidth=4
3 set textwidth=0
4 set nobackup noswapfile
5
6 set hlsearch noincsearch ignorecase
7
8 set cindent
9 set cinoptions=L0,:0,l1,g0,cs,C1,(s,m1
10 set cinkeys-=0#
   set noshowmatch
12
13
   set laststatus=2
14 set tabpagemax=32
15
16
   set list listchars=tab:^\ .trail:
17
18 noremap <Up> <Nop>
   noremap <Down> <Nop>
20 noremap <Left> :<C-u>tabprev<Return>
21 noremap <Right> :<C-u>tabnext<Return>
   inoremap <Return> <Return>x<BS>
   nnoremap o ox<BS>
24 nnoremap 0 0x<BS>
25
26 filetype plugin indent on
27
   syntax enable
28
29
    augroup misc
     autocmd filetype * setlocal comments=
31 augroup END
```

1.3 Makefile

```
1 MAIN=
2
3 CXXFLAGS=-Wall -Wextra -Wno-sign-compare -Wno-unused-result -std=c++11 -g -D_GLIBCXX_DEBUG
4 #CXXFLAGS=-Wall -Wextra -Wno-sign-compare -Wno-unused-result -std=c++11 -02
5
6 all: $(MAIN)
7 clean:
8 find . -maxdepth 1 -type f -perm -111 -delete
9 run: $(MAIN)
10 ./$< <$(MAIN).in
```

2 テンプレート

2.1 C++

C++11 なら unordered_set , unordered_map , tuple も追加する .

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
3
4 #define dump(n) cout<<"# "<<#n<<'='<<(n)<<endl
5 #define repi(i,a,b) for(int i=int(a);i<int(b);i++)</pre>
6 #define peri(i,a,b) for(int i=int(b);i-->int(a);)
7 #define rep(i.n) repi(i.0.n)
8 #define per(i,n) peri(i,0,n)
9 #define all(c) begin(c),end(c)
10 #define mp make_pair
11
   #define mt make_tuple
13 typedef unsigned int uint;
   typedef long long 11:
15 typedef unsigned long long ull;
16 typedef pair<int.int> pii:
17 typedef vector<int> vi;
18 typedef vector<vi> vvi;
19 typedef vector<ll> vl;
20 typedef vector<vl> vvl;
21 typedef vector<double> vd;
22 typedef vector<vd> vvd;
23 typedef vector<string> vs;
24
25 const int INF=1e9;
26 const int MOD=1e9+7:
27 const double EPS=1e-9:
29 template<typename T1, typename T2>
   ostream& operator<<(ostream& os,const pair<T1,T2>& p){
31
       return os<<'('<<p.first<<','<<p.second<<')';</pre>
32 }
33 template<typename T>
34 ostream& operator<<(ostream& os.const vector<T>& a){
35
36
       rep(i,a.size()) os<<(i?" ":"")<<a[i];
37
       return os<<'li';</pre>
38
39
40 int main()
41
42 }
```

2.2 Java

Solver#main に書く.

```
import java.io.*;
import java.lang.*;
import java.math.*;
import java.util.*;

class Main{public static void main(String[] args){new Solver();}}

class Solver{
    ScanReader reader=new ScanReader(System.in);
    PrintWriter writer=new PrintWriter(System.out);
    Solver(){main(); writer.flush();}
```

```
12
13
        void main(){
14
       }
15
16
17
   class ScanReader{
18
        BufferedReader br;
19
       StringTokenizer st;
20
        public ScanReader(InputStream in){
            br=new BufferedReader(new InputStreamReader(in));
21
22
            st=null:
23
24
       public boolean hasNext(){
25
            while(st==null || !st.hasMoreTokens()){
26
                try{
27
                    if(!br.ready())
28
                        return false:
29
                    st=new StringTokenizer(br.readLine());
30
31
                catch(IOException e){
32
                    throw new RuntimeException(e);
33
34
35
            return true;
36
37
        public String nextLine(){
38
            hasNext();
39
            return st.nextToken("");
40
41
       public String next(){
42
            hasNext():
43
            return st.nextToken();
44
45 }
```

3 グラフ

3.1 定義

```
マッチング 端点を共有しない辺集合
独立集合
        どの2点も隣接しない頂点集合
クリーク
        どの2点も隣接している頂点集合
支配集合
        自身とその隣接頂点のみで全頂点を被覆する頂点集合
讱被覆
        どの頂点も少なくとも 1 つの辺に接続している辺集合
点被覆
        どの辺も少なくとも1つの頂点に接続している頂点集合
3.2 定理
 グラフG = (V, E) について,
                 |最大マッチング| + |最小辺被覆| = |V|
                  |最大独立集合| + |最小点被覆| = |V|
 二部グラフであるとき、
                   |最大マッチング| = |最小点被覆|
```

|最大独立集合| = |最小辺被覆|

```
Dilworth の定理・Mirsky の定理
推移性をみたす DAG であるとき、
        Dilworth の定理:濃度最大の反鎖の濃度=個数最小の鎖被覆の個数
         Mirsky の定理:濃度最大の鎖の濃度=個数最小の反鎖被覆の個数
DAG の最小独立パス被覆
    (最小独立パス被覆) = |V| - (V + V') を頂点とする二部グラフの最大マッチング)
DAG が推移性をもつとき,
                (最小独立パス被覆)=(最小パス被覆)
```

3.3 基本要素

```
struct Edge{
       int src,dst,weight;
3
       Edge(){}
       Edge(int s,int d,int w):src(s),dst(d),weight(w){}
       bool operator<(const Edge& e)const{return weight<e.weight;}</pre>
       bool operator>(const Edge& e)const{return weight>e.weight;}
7 };
8 typedef vector<vector<Edge> > Graph;
```

3.4 単一始点最短路(Dijkstra)

計算量: $O(E \log V)$

```
1 // Verify: UVA 341
2
3
   void Dijkstra(const Graph& g,int begin,vi& cost,vi& prev)
4
5
       int size=g.size();
       cost.assign(size,INFTY);
       prev.assign(size,-1);
       priority_queue<Edge,vector<Edge>,greater<Edge> > pq;
       pq.push(Edge(-1,begin,0));
       while(!pq.empty()){
11
            Edge cur=pq.top(); pq.pop();
12
            if(cost[cur.dst]!=INFTY)
13
                continue:
14
            cost[cur.dst]=cur.weight;
15
           prev[cur.dst]=cur.src;
16
            foreach(e,g[cur.dst])
17
                pq.push(Edge(e->src,e->dst,e->weight+cur.weight));
18
19
20
   void BuildPath(const vi& prev,int begin,int end,vi& path)
22
23
       path.clear();
24
       for(int i=end;;i=prev[i]){
25
            path.push_back(i);
26
            if(i==begin)
27
                break:
28
29
       reverse(all(path));
30 }
```

3.5 単一始点最短路(Bellman-Ford)

計算量: O(VE)

```
// Verify: UVA 341
2
3 bool BellmanFord(const Graph& g,int begin,vi& cost,vi& prev)
4 {
5
       int size=q.size();
       cost.assign(size,INFTY);
6
7
       prev.assign(size,-1);
8
9
       cost[begin]=0;
10
       rep(k,size-1){
11
           rep(i,size){
12
                rep(j,q[i].size()){
13
                    Edge cand=g[i][j]; // candidate
14
                    if(cost[cand.dst]>cost[i]+cand.weight){
                        cost[cand.dst]=cost[i]+cand.weight;
15
16
                        prev[cand.dst]=cand.src;
17
18
19
20
       }
21
       rep(i,size){
22
           rep(j,g[i].size()){
23
                Edge cand=g[i][j]; // candidate
24
                if(cost[cand.dst]>cost[j]+cand.weight)
25
                    return false:
26
           }
27
28
       return true;
29
30
31
   void BuildPath(const vi& prev,int begin,int end,vi& path)
32
33
       path.clear();
34
        for(int i=end;;i=prev[i]){
35
           path.push_back(i);
36
           if(i==begin)
37
                break:
38
39
       reverse(all(path));
40 }
```

3.6 全点間最短路 (Warshall-Floyd)

計算量: $O(V^3)$

```
1 // Verify: PKU 0155
2
3 void WarshallFlovd(vvd& dist.vvi& next)
4
5
       int n=dist.size();
6
7
       rep(i,n) rep(j,n)
8
           next[i][j]=j;
9
10
       rep(k,n) rep(i,n) rep(i,n){
11
           if(dist[i][j]>dist[i][k]+dist[k][j]){
12
               dist[i][j]=dist[i][k]+dist[k][j];
13
               next[i][j]=next[i][k];
14
           }
15
       }
16 }
```

3.7 最小全域木 (Prim)

root を含む最小全域木を計算する.tree に構成辺を保存し,重みの総和を返す.

計算量: $O(E \log V)$

```
1 // Verify: AOJ 0180, POJ 1287, POJ 1861
3 int Prim(const Graph& g,vector<Edge>& tree,int root=0)
4
5
       tree.clear();
6
       vi vis(q.size());
8
       priority_queue<Edge,vector<Edge>,greater<Edge> > pq;
9
       pq.push(Edge(-1,root,0));
10
       int res=0;
11
       while(pq.size()){
12
            Edge cur=pq.top(); pq.pop();
13
           if(vis[cur.dst])
14
                continue:
15
            vis[cur.dst]=true:
16
            res+=cur.weight:
17
            if(cur.src!=-1)
18
                tree.push_back(cur);
19
            foreach(e,g[cur.dst])
20
               pq.push(*e);
21
22
       return res;
23 }
```

3.8 最小全域森 (Kruskal)

forest に構成辺を保存し,重みの総和を返す.

計算量: $O(E \log V)$

```
1 // Verify: AOJ 0180, POJ 1287, POJ 1861
3 int Kruskal(const Graph& g,vector<Edge>& forest)
4 {
5
       forest.clear();
6
7
       vector<Edge> es;
       rep(i,g.size()) rep(j,g[i].size())
8
9
            es.push_back(g[i][j]);
10
       sort(all(es));
11
12
       UnionFind uf(q.size());
13
       int res=0;
14
       rep(i,es.size())
15
           if(uf.Find(es[i].src)!=uf.Find(es[i].dst)){
16
               uf.Unite(es[i].src,es[i].dst);
17
                res+=es[i].weight;
18
               forest.push_back(es[i]);
19
20
       return res;
21 }
```

3.9 最小シュタイナー木 (Dreyfus-Wagner)

与えられた隣接行列とターミナルの集合に対し,最小シュタイナー木の重みの総和を返す.

計算量: $O(3^TV + 2^TV^2 + V^3)$

```
1 // Verify: AOJ 1040
2
```

```
3 int DreyfusWagner(const vvi& _dist,const vi& ts)
4 {
5
        int n= dist.size():
        vvi dist= dist:
6
        rep(k,n) rep(i,n) rep(j,n)
8
            dist[i][j]=min(dist[i][j],dist[i][k]+dist[k][j]);
9
10
        int tsize=ts.size();
11
        vvi dp(1<<tsize,vi(n,INFTY));</pre>
12
        rep(i,tsize) rep(j,n)
13
            dp[1<<i][j]=dist[ts[i]][j];</pre>
14
        rep(i.1<<tsize){</pre>
15
            for(int j=i; j; j=i&(j-1)) rep(k,n)
16
                dp[i][k]=min(dp[i][k],dp[j][k]+dp[i^j][k]);
17
            rep(j,n) rep(k,n)
18
                dp[i][j]=min(dp[i][j],dp[i][k]+dist[k][j]);
19
20
        return *min_element(all(dp.back()));
21
```

3.10 最大独立集合

計算量: $O(1.466^n n)$

```
1 // Verify: POJ 1419, SRM 589 Medium
2
3 void DFS(const Graph& g,int u,vi& vis,int cur,int rem,int& res)
4 {
5
       int n=g.size();
       if(cur+rem<=res) return;</pre>
6
        res=max(res,cur);
8
       if(u==n) return;
9
10
       if(vis[u]){
11
            DFS(g,u+1,vis,cur,rem,res);
12
            return;
13
       }
14
15
       // use u
16
       vi tmp=vis;
17
       vis[u]=1;
18
       rep(i,g[u].size()){
19
            int v=g[u][i].dst;
20
            if(!vis[v]) vis[v]=1,rem--;
21
22
       DFS(g,u+1,vis,cur+1,rem-1,res);
23
       swap(vis,tmp);
24
       rep(i,g[u].size()){
25
            int v=g[u][i].dst;
26
            if(!vis[v]) rem++;
27
       }
28
29
       // don't use u
30
       if(g[u].size()>1){
31
            vis[u]=1;
32
            DFS(g,u+1,vis,cur,rem-1,res);
33
            vis[u]=0:
34
35 }
36
37
   int MaxIndependentSet(const Graph& g)
38
   {
39
        int n=g.size();
40
       vi vis(n);
41
       int res=0;
```

```
42    DFS(g,0,vis,0,n,res);
43    return res;
44 }
```

3.11 トポロジカルソート

計算量: O(V + E)

```
1 // Verify: UVA 10305
3 bool Visit(const Graph& g,int v,vi& color,vi& order)
4 {
5
        if(color[v]==1)
6
            return false:
7
        if(color[v]==2)
8
            return true:
9
        color[v]=1;
10
        rep(i,g[v].size())
11
           if(!Visit(g,g[v][i].dst,color,order))
12
                return false:
13
        color[v]=2:
14
        order.push_back(v);
15
        return true;
16 }
17
18 bool TopologicalSort(const Graph& g,vi& order)
19
20
        int size=g.size();
21
        order.clear():
22
        vi colors(size):
23
        rep(i,size){
24
            if(!Visit(g,i,colors,order)){
25
                order.clear();
26
                return false:
27
           }
28
29
        reverse(all(order)):
30
        return true:
31 }
```

3.12 強連結成分分解

計算量: O(V + E)

```
1 // Verify: POJ 2186. AOJ 2505
3 void DFS(const Graph& g,int v,vi& vis,vi& order)
4 {
5
       if(vis[v]) return;
6
       vis[v]=1;
7
       foreach(e,g[v])
8
           DFS(g,e->dst,vis,order);
9
       order.push_back(v);
10 }
11
12 vvi SCC(const Graph& g)
13 {
14
       int n=g.size();
15
       vi vis(n).order:
       rep(i,n) DFS(g,i,vis,order);
16
17
       Graph t(n);
18
       rep(i,n) foreach(e,g[i])
19
            t[e->dst].push_back(Edge(e->dst,e->src));
20
       fill(all(vis),0);
21
       vvi res:
```

```
22     per(i,n) if(!vis[order[i]]){
23         res.resize(res.size()+1);
24         DFS(t,order[i],vis,res.back());
25     }
26     return res;
27 }
```

3.13 橋

計算量: O(V+E)

```
// Verify: LOJ 1026
2
3 int DFS(const Graph& g,int u,int prev,int x,vi& ord,vi& low)
4
5
       ord[u]=low[u]=x++;
6
       rep(i,q[u].size()){
7
            int v=g[u][i].dst;
8
           if(ord[v]==-1){
9
               x=DFS(g,v,u,x,ord,low);
               low[u]=min(low[u],low[v]);
10
11
12
            else if(v!=prev)
13
               low[u]=min(low[u],ord[v]);
14
15
       return x;
16 }
17
18 void Bridge(const Graph& g,vector<Edge>& bs)
19
20
       bs.clear();
21
       int n=q.size();
22
       vi ord(n,-1), low(n);
23
       rep(i,n) if(ord[i]==-1)
24
            DFS(q,i,-1,0,ord,low);
25
       rep(i,n) foreach(e,g[i])
26
            if(ord[e->src]<low[e->dst])
27
                bs.push_back(*e);
28 }
```

3.14 関節点

計算量: O(V + E)

```
1 // Verify: POJ 1144
2
3 int DFS(const Graph& g,int u,int prev,int x,vi& ord,vi& low,vi& as)
4
5
        ord[u]=low[u]=x++:
6
        int deg=0,isart=0;
7
        rep(i,g[u].size()){
8
            int v=g[u][i].dst;
9
            if(ord[v]==-1){
10
                x=DFS(g,v,u,x,ord,low,as);
                low[u]=min(low[u],low[v]);
11
12
                dea++:
13
                isart|=ord[u]<=low[v]:
14
15
            else if(v!=prev)
                low[u]=min(low[u],ord[v]);
16
17
        if(prev==-1 && deg>=2 || prev!=-1 && isart)
18
19
            as.push_back(u);
20
        return x;
21 }
```

3.15 2-SAT

 $u \lor v \Leftrightarrow (\overline{u} \to \overline{v}) \land (\overline{v} \to \overline{u})$ と式変形し,二項関係 \to で辺を張り強連結成分分解する.強連結成分の真偽は一致するため,x と \overline{x} が同じ強連結成分に属するならば充足不能.そうでないならば充足可能.

3.16 最小共通先祖

計算量:構築 $O(V \log V)$, クエリ $O(\log V)$

```
1 // Verify: POJ 1330
2
3 struct LCA{
4
       vi ds;
5
       vvi ps;
       LCA(vvi& q, int root){
7
            ds.resize(q.size());
8
           ps.resize(33-__builtin_clz(g.size()-1),vi(g.size(),-1));
9
           DFS(g,root,-1,0);
10
           rep(i,ps.size()-1)
11
                rep(j,ps[i].size())
12
                   ps[i+1][j]=ps[i][j]==-1?-1:ps[i][ps[i][j]];
13
14
       void DFS(vvi& g,int cur,int prev,int depth){
15
            ds[cur]=depth;
16
           ps[0][cur]=prev;
17
            rep(i,g[cur].size())
18
                if(g[cur][i]!=prev)
19
                    DFS(g,g[cur][i],cur,depth+1);
20
21
       int Find(int a,int b){
22
           if(ds[a]>ds[b])
23
                swap(a,b);
24
            rep(i,ps.size())
25
                if(ds[b]-ds[a]&1<<i)
26
                    b=ps[i][b];
27
            if(a==b)
28
               return a;
29
            per(i,ps.size())
30
               if(ps[i][a]!=ps[i][b]){
31
                    a=ps[i][a];
32
                    b=ps[i][b]:
33
34
            return ps[0][a];
35
36 };
```

3.17 二部性判定

計算量: O(V+E)

```
1 // Verify: SRM618 Family
2
3 bool DFS(const Graph& g,int u,int c,vi& color){
4    if(color[u]!=-1)
5    return color[u]==c;
```

```
color[u]=c:
7
       rep(i,g[u].size())
8
           if(!DFS(g,g[u][i].dst,!c,color))
9
                return false:
10
       return true:
11
12
13
   bool IsBipartite(const Graph& q){
14
       int n=q.size();
15
       vi color(n.-1):
       rep(i,n) if(color[i]==-1)
16
17
            if(!DFS(q.i.0.color))
18
                return false:
19
       return true:
20 }
```

4 フロー

4.1 最大流 (Dinic)

計算量: $O(V^2E)$

```
1 // headはvector<int>(頂点数,-1)で初期化されていること.
2 // 典型的な問題では、グラフの各辺について
3 // AddEdge(es.head.src.dst.0.cap);
4 // AddEdge(es,head,src,dst,0,0);
5 // と書く.
6 // Verify: POJ 1459(141ms), POJ 3498(2625ms), SPOJ 4110(int->ll.2.81s), AOJ 2076(0.025s)
7
              UVa 10249(0.588s), COJ 1644(421ms)
8
9
   struct Edge{
10
       int src,dst,flow,capacity,next;
11
12
       Edge(int s,int d,int f,int c,int n):src(s),dst(d),flow(f),capacity(c),next(n){}
13
14
15
   void AddEdge(vector<Edge>& es.vi& head.int src.int dst.int flow.int capacity)
16
17
       es.push_back(Edge(src,dst,flow,capacity,head[src]));
18
       head[src]=es.size()-1;
19
   }
20
21
   vi BFS(const vector<Edge>& es,const vi& head,int begin)
22
23
       int size=head.size();
24
       vi label(size.size):
25
       queue<pii> q;
26
       a.push(mp(begin.0)):
27
       while(q.size()){
28
           pii cur=q.front(); q.pop();
29
           if(label[cur.first]<=cur.second)</pre>
30
               continue:
31
           label[cur.first]=cur.second;
32
           for(int i=head[cur.first];i!=-1;i=es[i].next)
33
               if(es[i].capacity-es[i].flow>0)
34
                   a.push(mp(es[i].dst.cur.second+1)):
35
36
       return label:
37
   }
38
39
   int DFS(vector<Edge>& es,vi& head,int v,int end,const vi& label,int f)
40
   {
41
       if(v==end)
42
           return f:
```

```
43
        for(int& i=head[v]:i!=-1:i=es[i].next){
44
            Edge& e=es[i]:
45
            if(label[e.src]>=label[e.dst])
46
                continue:
47
            int residue=e.capacity-e.flow;
48
            if(residue<=0)</pre>
49
                continue:
50
            int augment=DFS(es,head,e.dst,end,label,min(residue,f));
51
            if(augment>0){
52
                e.flow+=augment:
53
                es[i^1].flow-=augment;
54
                return augment:
55
           }
56
        }
57
        return 0;
58
59
60
   int Dinic(vector<Edge>& es,const vi& head,int begin,int end)
61
62
        int size=head.size();
63
        for(::){
64
            vi label=BFS(es.head.begin):
65
            if(label[end]==size)
66
                break:
67
            vi temp=head;
68
            while(DFS(es,temp,begin,end,label,INFTY))
69
70
71
        int res=0:
72
        for(int i=head[begin];i!=-1;i=es[i].next)
73
            res+=es[i].flow:
74
        return res:
75 }
```

4.2 最小費用流

計算量: $O(FE \log V)$

```
1 // Verify: PKU 2135(297ms), PKU 2195(157ms), UVA 10594(int 11,344ms),
2 //
               SRM506Div1 Medium, SRM611 GoodCompanyDivOne
3
4 struct Edge{
       int src,dst,cap,cost;
5
6
       Edge(){}
7
       Edge(int s.int d.int ca.int co):src(s).dst(d).cap(ca).cost(co){}
8 };
   typedef vector<vector<Edge> > Graph:
10
11
   int MinCostFlow(const Graph& _g,int begin,int end,int flow)
12
13
       int size=_g.size();
14
       Graph q(size);
15
       vvi rev(size);
16
       rep(i,size) foreach(e,_g[i]){
17
            g[i].push_back(*e);
18
            g[e->dst].push_back(Edge(e->dst,e->src,0,-e->cost));
19
            rev[i].push back(g[e->dst].size()-1):
20
            rev[e->dst].push_back(g[i].size()-1);
21
       }
22
23
       int res=0:
24
       vi pots(size);
25
       while(flow){
26
            vi dist(size,INFTY);
27
            vector<pii> prev(size,mp(-1,-1));
```

```
28
            priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii> > pq;
29
            pq.push(mp(0,begin));
30
            dist[begin]=0:
31
            while(!pq.empty()){
32
                int curd=pq.top().first,curv=pq.top().second; pq.pop();
33
                if(dist[curv]<curd)</pre>
34
                    continue;
35
                rep(i,g[curv].size()){
36
                    Edge e=g[curv][i];
37
                    if(e.cap==0)
38
                         continue:
39
                    int newdist=dist[e.src]+e.cost+pots[e.src]-pots[e.dst];
40
                    if(dist[e.dst]>newdist){
41
                         dist[e.dst]=newdist;
42
                         prev[e.dst]=mp(e.src,i);
43
                        pq.push(mp(newdist,e.dst));
44
45
                }
46
            }
47
48
            if(prev[end].first==-1)
49
                return -1:
50
            rep(i.size)
51
                pots[i]+=dist[i];
52
53
            int f=flow;
54
            for(int v=end;v!=begin;v=prev[v].first){
55
                Edge e=g[prev[v].first][prev[v].second];
56
                f=min(f.e.cap):
57
58
            for(int v=end;v!=begin;v=prev[v].first){
59
                int i=prev[v].first, j=prev[v].second;
60
                g[i][j].cap-=f;
61
                g[g[i][j].dst][rev[i][j]].cap+=f;
62
63
            flow-=f;
64
            res+=f*pots[end];
65
66
67
        return res:
68 }
```

4.3 2 部グラフの最大マッチング (naïve)

計算量: O(VE)

```
1 // Verify: AOJ 1163, LOJ 1149
2
3 struct Edge{
4
       int src.dst;
5
       Edge(){}
6
       Edge(int s,int d):src(s),dst(d){}
7 };
8
   typedef vector<vector<Edge> > Graph;
10 bool Augment(const Graph& g,int u,vi& vis,vi& match)
11
12
       rep(i,g[u].size()){
13
            int v=g[u][i].dst;
14
            if(vis[v]) continue;
15
            vis[v]=1;
16
            if(match[v]==-1 || Augment(g,match[v],vis,match)){
17
               match[u]=v;
18
               match[v]=u;
19
               return true:
```

```
20
21
22
        return false:
23
24
25
   int BipartiteMatching(const Graph& g,vi& match)
26
27
        int n=g.size();
28
        match.assign(n,-1);
29
        int res=0:
30
        rep(i,n) if(match[i]==-1){
31
            vi vis(n):
32
            res+=Augment(q.i.vis.match):
33
        }
34
        return res;
35 }
```

4.4 2 部グラフの最大マッチング (Hopcroft-Karp)

計算量: $O(\sqrt{V}E)$

```
1 // Verify: AOJ 1163, LOJ 1171, LOJ 1356, POJ 1466, POJ 2446, SPOJ 4206 (2.31s)
3 struct Edge{
       int src,dst;
5
       Edge(){}
       Edge(int s,int d):src(s),dst(d){}
6
7 }:
8 typedef vector<vector<Edge> > Graph;
10 bool BFS(const Graph& q,const vi& side,const vi& match,vi& level)
11 {
12
       int n=q.size();
13
       level.assign(n,n);
14
       queue<pii> q;
15
       rep(i,n) if(side[i]==0 && match[i]==-1)
16
           q.push(mp(i,0));
17
       bool res=false:
18
       while(!q.empty()){
19
            pii cur=q.front(); q.pop();
20
            int u=cur.first,l=cur.second;
21
            if(level[u]<=1) continue;</pre>
22
           level[u]=1;
23
            rep(i,g[u].size()){
24
                int v=g[u][i].dst;
25
                if(match[v]==-1)
26
                    res=true:
27
                else
28
                    q.push(mp(match[v],1+2));
29
           }
30
       }
31
       return res;
32 }
33
34 bool DFS(const Graph& g,const vi& side,int u,vi& match,vi& level)
35
36
       rep(i.g[u].size()){
37
            int v=a[u][i].dst:
38
           if(match[v]==-1 || level[match[v]]>level[u] && DFS(g,side,match[v],match,level)){
39
                match[u]=v;
40
                match[v]=u;
41
                return true;
42
           }
43
44
       level[u]=-1;
```

```
45
        return false:
46
47
48
   int HopcroftKarp(const Graph& g,const vi& side,vi& match)
49
50
       int n=q.size();
51
       match.assign(n,-1);
52
        int res=0;
53
        for(vi level;BFS(q,side,match,level);)
54
            rep(i,n) if(side[i]==0 && match[i]==-1)
55
                res+=DFS(g, side, i, match, level);
56
        return res:
57 }
```

4.5 DAG の最小独立パス被覆

```
// Verify: AOJ 2251
2
3
  int MinPathCover(const Graph& q)
4
5
       int n=g.size();
       Graph bg(2*n);
6
7
       rep(i,n) foreach(e,g[i])
8
           bg[e->src].push_back(Edge(e->src,n+e->dst));
9
       vi side(2*n), match(2*n);
10
       fill(n+all(side),1);
11
       return n-HopcroftKarp(bg, side, match);
12 }
```

4.6 無向グラフの全域最小カット (Nagamochi-Ibaraki) グラフが連結でないとき 0 を返す . 計算量 : $O(V^3)$

```
1 // Verify: POJ 2914(5657ms)
2
3 int NagamochiIbaraki(const Graph& g)
4 {
5
       int size=g.size();
6
       vvi a(size,vi(size));
7
       rep(i,size) foreach(e,g[i])
8
            a[e->src][e->dst]+=e->weight;
9
       vi toi(size);
10
       rep(i,size) toi[i]=i;
11
12
       int res=INFTY:
13
       for(int n=size:n>=2:n--){
14
           vi ws(n);
15
            int u,v,w;
16
            rep(i,n){
17
                u=v; v=max_element(all(ws))-ws.begin();
18
                w=ws[v]; ws[v]=-1;
19
                rep(j,n) if(ws[j]>=0)
20
                    ws[j]+=a[toi[v]][toi[j]];
21
           }
22
           res=min(res.w):
23
           rep(i,n){
24
                a[toi[u]][toi[i]]+=a[toi[v]][toi[i]];
25
                a[toi[i]][toi[u]]+=a[toi[i]][toi[v]];
26
27
            toi.erase(toi.begin()+v);
28
29
       return res:
30 }
```

5 文字列

5.1 Knuth-Morris-Pratt

最短周期は n-fail[n] で求まる.

計算量:テキスト長 N, パターン長 M として, 初期化 O(M), 検索 O(M+N)

```
1 // Verify: [ctor] POJ 1961, POJ 2406, [MatchAll] POJ 3461, LOJ 1255, SPOJ 32
2
3 struct KMP{
4
        string pat;
5
        vi fail;
 6
        KMP(const string& p):pat(p),fail(p.size()+1){
            fail[0]=-1:
            for(int i=0, j=-1; i < pat.size();){</pre>
8
9
                 while(j>=0 && pat[i]!=pat[j])
10
                    j=fail[j];
11
                i++,j++;
12
                fail[i]=j;
13
14
15
        int Match(const string& text){
16
            for(int i=0, j=0; i < text.size();){</pre>
17
                 while(j>=0 && text[i]!=pat[j])
18
                    j=fail[j];
19
                i++,j++;
20
                if(j==pat.size())
21
                    return i-j;
22
23
            return -1;
24
25
        vi MatchAll(const string& text){
26
            vi res;
27
            for(int i=0, j=0; i < text.size();){</pre>
28
                while(j>=0 && text[i]!=pat[j])
29
                     j=fail[j];
30
                 i++,j++;
31
                if(j==pat.size()){
32
                    res.push_back(i-j);
33
                    j=fail[j];
34
35
            }
36
            return res;
37
38 };
```

5.2 最長回文 (Manacher)

計算量: O(N)

```
1 // Verify: PKU 3974
2
3 int LongestPalindrome(const string& _s)
4 {
5
        int n= s.size():
6
        string s(2*n+1,'.');
7
        rep(i.n)
8
            s[i*2+1]=_s[i];
9
        n=s.size();
10
11
        vi rad(n);
12
        for(int i=0, j=0; i<n;){</pre>
13
            for(;0<=i-j && i+j<n && s[i-j]==s[i+j];j++)
```

```
14
15
            rad[i]=j;
16
17
            int k=1:
18
            for(;0<=i-k && i+k<n && rad[i-k]<rad[i]-k;k++)</pre>
19
                 rad[i+k]=rad[i-k];
20
21
            j=max(rad[i]-k,0);
22
            i+=k;
23
        }
24
25
        return *max element(all(rad))-1:
26 }
```

5.3 Suffix Array (Kärkkäinen-Sanders)

計算量:構築 O(N), LCP の計算 O(N).

```
1 // Verify: [構築] LiveArchive 3451, POJ 1509, POJ 2774, POJ 3080, POJ 3261, POJ 3450,
2 //
                     SPOJ 6409 (0.76s), UVA 1223, UVA 1227, UVA 11512
3 //
               [LCP] LiveArchive 3451, POJ 2774, POJ 3080, POJ 3261, POJ 3450,
4 //
                     UVA 1223, UVA 1227, UVA 11512
5 //
               [LCS] POJ 3080, UVA 1227
6
7
   template<typename C>
8
   void RadixSort(const vi& src.vi& dst.const C& s.int ofs.int n.int asize)
9
10
       vi hist(asize+1);
11
       rep(i,n) hist[s[ofs+src[i]]]++;
12
       rep(i,asize) hist[i+1]+=hist[i];
13
       per(i,n) dst[--hist[s[ofs+src[i]]]]=src[i];
14
15
16
   bool Less(int a1,int a2,int b1,int b2)
17
18
       return a1!=b1?a1<b1:a2<b2:
19
20 bool Less(int al.int a2.int a3.int b1.int b2.int b3)
21
22
       return a1!=b1?a1<b1:Less(a2,a3,b2,b3);
23
24
   // s[0..n-1]: 入力文字列.末尾に'\0'が3つ必要(s[n]=s[n+1]=s[n+2]=0).
   // sa[0..n-1]: 接尾辞配列
   // asize: アルファベットサイズ,s[i] \in [1,asize]
28 template<typename C>
   void KaerkkaeinenSanders(const C& s,vi& sa,int asize)
29
30
31
        int n=sa.size():
32
       int n0=(n+2)/3, n1=(n+1)/3, n2=n/3, n02=n0+n2;
33
       vi s12(n02+3), sa12(n02);
34
35
        for(int i=0, j=0; i<n+(n0-n1); i++)
36
           if(i%3) s12[j++]=i;
37
       RadixSort(s12,sa12,s,2,n02,asize);
38
       RadixSort(sa12,s12,s,1,n02,asize);
39
       RadixSort(s12.sa12.s.0.n02.asize):
40
41
       int name=0.x=-1.v=-1.z=-1:
42
       rep(i,n02){
43
            int j=sa12[i];
44
            if(s[j]!=x || s[j+1]!=y || s[j+2]!=z)
45
                x=s[j], y=s[j+1], z=s[j+2], name++;
46
            if(j\%3==1) s12[j/3]=name;
47
            else
                       s12[n0+j/3]=name;
```

```
48
         }
 49
 50
         if(name==n02) // unique
 51
             rep(i,n02) sa12[s12[i]-1]=i;
 52
         else{
 53
             KaerkkaeinenSanders(s12,sa12,name);
 54
             rep(i,n02) s12[sa12[i]]=i+1;
 55
 56
 57
         vi s0(n0).sa0(n0):
 58
         for(int i=0, j=0; i < n02; i++)</pre>
 59
             if(sa12[i]<n0) s0[i++]=3*sa12[i]:</pre>
 60
         RadixSort(s0.sa0.s.0.n0.asize):
 61
 62
         int i=0, j=n0-n1, k=0;
 63
         while(i<n0 && j<n02){</pre>
 64
             int p=sa0[i],q=sa12[j]<n0?sa12[j]*3+1:(sa12[j]-n0)*3+2;</pre>
 65
             if(sa12[j]<n0?
 66
                 Less(s[p], s12[p/3], s[q], s12[n0+sa12[j]]):
 67
                 Less(s[p],s[p+1],s12[n0+p/3],s[q],s[q+1],s12[sa12[j]+1-n0]))
 68
                 sa[k++]=p.i++:
 69
 70
                 sa[k++]=q,j++;
 71
 72
         for(;i<n0;k++,i++)
 73
             sa[k]=sa0[i];
 74
         for(;j<n02;k++,j++)</pre>
 75
             sa[k]=sa12[j]<n0?sa12[j]*3+1:(sa12[j]-n0)*3+2;
 76
 77
    void KaerkkaeinenSanders(const string& s.vi& sa)
 78
 79
         KaerkkaeinenSanders<string>(s+string(3,0),sa,127);
 80
 81
    void KaerkkaeinenSanders(const char* s,vi& sa)
 82
 83
         KaerkkaeinenSanders<string>(s+string(3,0),sa,127);
 84
 85
     // s[0..n-1] (s[n]=0), sa[0..n-1]
     // lcp[0..n-1] (lcp[i]:s[sa[i-1]..] \( \forall s[sa[i]..] \( OLCP.lcp[0]=0 \)
     template<tvpename C>
 89
    void LCP(const C& s,const vi& sa,vi& lcp)
 90
    {
 91
         int n=sa.size();
 92
         vi rank(n);
 93
         rep(i,n) rank[sa[i]]=i;
 94
         for(int i=0,h=0;i<n;i++){</pre>
 95
             if(h>0) h--:
 96
             if(rank[i]>0)
 97
                  for(int j=sa[rank[i]-1];;h++)
 98
                     if(s[j+h]!=s[i+h]) break;
 99
             lcp[rank[i]]=h;
100
101
102
103 // n: 文字列の数
|104 // ls[0..n-1]: 各文字列の長さ
105 // LCSはs.substr(sa[res],lcp[res])で得られる.
106 // LCSが空の時res=0.lcp[res]=0でもある.
107 int LCS(int n, const vi& ls, const vi& sa, const vi& lcp)
108 {
109
         int m=sa.size();
110
         vi is(m);
111
         for(int i=0, j=0; i < n; i++) {</pre>
112
             rep(k,ls[i]) is[j+k]=i;
```

```
1113
              j+=ls[i];
114
              if(i<n-1) is[j++]=i;
115
116
         int cnt=0.res=0:
117
         vi occ(n):
118
         deque<int> q;
119
         for(int i=n-1, j=n-1; i<m; i++){</pre>
120
              for(; j<m && cnt<n; j++){</pre>
121
                  if(++occ[is[sa[i]]]==1) cnt++;
122
                  while(!q.empty() && lcp[q.back()]>lcp[j]) q.pop_back();
123
                  q.push_back(j);
124
125
              if(cnt<n) break:</pre>
126
              if(q.front()==i) q.pop_front();
127
              assert(q.size());
128
              if(lcp[res]<lcp[q.front()])</pre>
129
                  res=q.front();
130
              if(--occ[is[sa[i]]]==0) cnt--;
131
132
         return res;
133
```

5.4 Suffix Array (SA-IS)

計算量:構築 O(N) , LCP の計算 O(N) . ただし $|\Sigma| = O(1)$ とする .

```
1 // Verify: UVA 1227(5.436s), SPOJ 6409(0.51s), POJ 1743, POJ 3261
2
3
    enum{LTYPE.STYPE}:
4
5
    inline bool IsLMS(const vector<bool>& ts,int i)
6
7
        return i>0 && ts[i]==STYPE && ts[i-1]==LTYPE;
8
9
   template<typename T>
   void InitBucket(const T* s,int n,int* bucket,int bsize,bool inclusive)
12
13
        fill(bucket,bucket+bsize,0);
14
        rep(i,n)
15
            bucket[s[i]]++;
16
        for(int i=0,sum=0;i<bsize;i++){</pre>
17
            sum+=bucket[i];
18
            bucket[i]=inclusive?sum:sum-bucket[i];
19
20
21
   template<typename T>
    void InduceSAL(const T* s.int* sa.int n.int* bucket.int bsize)
24
25
        InitBucket(s,n,bucket,bsize,false);
26
       rep(i,n){
27
            int j=sa[i]-1;
28
            if(j>=0 && s[j]>=s[j+1])
29
                sa[bucket[s[j]]++]=j;
30
31 }
32
   template<typename T>
34
   void InduceSAS(const T* s,int* sa,int n,int* bucket,int bsize)
35
36
       InitBucket(s,n,bucket,bsize,true);
37
       per(i,n){
38
            int j=sa[i]-1;
39
            if(j>=0 && s[j]<=s[j+1])
```

```
40
                sa[--bucket[s[j]]]=j;
41
42
43
    // s[0..n-1]: 入力文字列, n>=2かつs[n-1]=0であること
    // sa[0..n-1]: 接尾辞配列
    // asize: アルファベットサイズ, s[n-1]を除き1以上asize以下
    template<typename T>
    void SAIS(const T* s,int* sa,int n,int asize)
49
50
        vector<bool> ts(n,STYPE);
51
        per(i.n-1)
52
            if(s[i]>s[i+1] \mid | (s[i]==s[i+1] \&\& ts[i+1]==LTYPE))
53
                ts[i]=LTYPE;
54
55
        fill(sa,sa+n,-1);
56
57
        int* bucket=new int[asize+1];
58
        InitBucket(s,n,bucket,asize+1,true);
59
        per(i,n) if(IsLMS(ts,i))
60
            sa[--bucket[s[i]]]=i;
61
        InduceSAL(s.sa.n.bucket.asize+1):
62
        InduceSAS(s,sa,n,bucket,asize+1);
63
        delete[] bucket;
64
65
        int n1=0;
66
        rep(i,n) if(IsLMS(ts,sa[i]))
67
            sa[n1++]=sa[i];
68
        fill(sa+n1.sa+n.-1):
69
70
        int name=0.prev=-1:
71
        rep(i,n1){
72
            int cur=sa[i];
73
            bool diff=prev==-1;
74
            for(int j=0;!diff;j++){
75
                if(j>0 && IsLMS(ts,cur+j))
76
                    break:
77
                if(s[cur+i]!=s[prev+i])
78
                    diff=true:
79
80
            if(diff)
81
                name++;
82
            sa[n1+cur/2]=name-1;
83
            prev=cur;
84
85
        for(int i=n1, j=n1; i<n; i++)</pre>
86
            if(sa[i] >= 0)
87
                sa[j++]=sa[i];
88
        fill(sa+n1+n1.sa+n.-1):
89
90
        int *sa1=sa,*s1=sa+n1;
91
        if(name==n1)
92
            rep(i,n1) sa1[s1[i]]=i;
93
        else
94
            SAIS(s1,sa1,n1,name);
95
96
        n1=0;
97
        rep(i,n) if(IsLMS(ts,i))
98
            s1[n1++]=i;
99
        rep(i,n1)
100
            sa1[i]=s1[sa1[i]];
101
        fill(sa+n1,sa+n,-1);
102
103
        bucket=new int[asize+1];
104
        InitBucket(s,n,bucket,asize+1,true);
```

```
105
        per(i.n1){
            int j=sa1[i]; sa1[i]=-1;
106
107
            sa[--bucket[s[j]]]=j;
108
109
        InduceSAL(s,sa,n,bucket,asize+1);
110
        InduceSAS(s,sa,n,bucket,asize+1);
111
        delete[] bucket;
112 }
113
    // nはsとsaのサイズ,lcpのサイズはn-1
114
115 template<typename T>
116 void LCP(const T* s,const int* sa,int n,int* lcp)
117
118
        vi rank(n);
119
        rep(i,n) rank[sa[i]]=i;
120
        for(int i=0,h=0;i<n-1;i++){</pre>
121
            if(h>0) h--;
122
            for(int j=sa[rank[i]-1];;h++)
123
                if(s[j+h]!=s[i+h])
124
                    break;
125
            lcp[rank[i]-1]=h;
126
127 }
```

6 動的計画法

6.1 最長共通部分列

計算量: O(MN)

```
1 // Verify: PKU 1458
2
3 int LCS(const string& s1,const string& s2)
4 {
5
       vvi dp(2,vi(s2.size()+1));
6
       rep(i,s1.size()){
7
           rep(j,s2.size()){
8
               int ii=i+1,jj=j+1;
               if(s1[i]==s2[j])
                   dp[ii&1][jj]=dp[(ii-1)&1][jj-1]+1;
10
11
               else
12
                   dp[ii&1][jj]=max(dp[(ii-1)&1][jj-1], max(dp[(ii-1)&1][jj], dp[ii&1][jj-1]));
13
14
15
       return dp[s1.size()&1][s2.size()];
16 }
```

6.2 最長増加部分列

計算量: $O(N \log N)$.

```
// Verify: PKU 3903
2
3 int LIS(const vi& a)
4 {
5
6
       rep(i,a.size()){
7
           int j=lower_bound(all(dp),a[i])-dp.begin();
           if(j==dp.size())
8
9
               dp.push_back(a[i]);
10
           else
               dp[j]=a[i];
11
12
       }
```

```
13 return dp.size();
14 }
```

7 データ構造

7.1 Union-Find Tree

計算量:各操作に関して $O(\alpha(N))$. ただし $\alpha(N)$ はアッカーマン関数の逆関数.

```
// Verify: PKU 2524, PKU 1182
2
3 struct UnionFind{
4
        vi data:
5
        UnionFind(int size):data(size,-1){}
6
        int Find(int n){
7
            return data[n]<0?n:(data[n]=Find(data[n]));</pre>
8
9
        void Unite(int a,int b){
10
            int ra=Find(a),rb=Find(b);
11
            if(ra!=rb){
12
                if(-data[ra]<-data[rb])</pre>
13
                    swap(ra,rb);
14
                data[ra]+=data[rb];
15
                data[rb]=ra:
            }
16
17
18
        int Size(int n){
19
            return -data[Find(n)];
20
21 };
```

7.2 Fenwick Tree

計算量:各操作に関して $O(\log N)$

```
1 // 点更新/区間質問
2 // Verify: POJ 3067, POJ 3928
3
4
   struct FenwickTree{
5
       vector<ll> data;
6
       FenwickTree(int n):data(n+1){}
7
       void Add(int i,int x){
8
            for(i++;i<data.size();i+=i&-i)</pre>
9
                data[i]+=x;
10
11
       11 Sum(int i){
12
            ll res=0:
13
            for(;i;i-=i&-i)
14
               res+=data[i];
15
            return res;
16
17
       11 Sum(int i,int j){
18
            return Sum(j)-Sum(i);
19
20 };
21
   // 区間更新/点質問
   // Verify: AOJ 2412, LOJ 1080, POJ 2182
24
25
   struct FenwickTree{
26
       vector<ll> data;
27
       FenwickTree(int n):data(n+1){}
28
       void AddRange(int i,int x){
```

```
29
            for(:i:i-=i&-i)
                data[i]+=x;
30
31
32
        void AddRange(int i,int j,int x){
33
            AddRange(i.-x):
34
            AddRange(j,x);
35
36
        int Get(int i){
37
            ll res=0;
38
            for(i++:i<data.size():i+=i&-i)</pre>
39
                res+=data[i];
40
            return res:
41
42
   };
43
   // 2次元版,点更新/区間質問
    // Verify: POJ 1195
46
47
   struct FenwickTree2D{
48
       vector<FenwickTree> data;
       FenwickTree2D(int h,int w):data(h+1,FenwickTree(w)){}
49
50
       void Add(int i.int i.int x){
51
            for(i++;i<data.size();i+=i&-i)</pre>
52
                data[i].Add(j,x);
53
54
       11 Sum(int i,int j){
55
            ll res=0;
56
            for(;i;i-=i&-i)
57
                res+=data[i].Sum(i):
58
            return res:
59
60
       11 Sum(int i,int j,int k,int 1){
61
            return Sum(k,1)-Sum(k,j)-Sum(i,1)+Sum(i,j);
62
63 };
```

7.3 Seament Tree

計算量:初期化 O(N), 更新 $O(\log N)$, クエリ $O(\log N)$

```
1 // Verify: UVa 12299, POJ 3264, AOJ 1068
2
3 int Need(int x)
4
5
       rep(i,5) x|=x>>(1<<ii);
6
7
       return x+1:
8
9
10
   struct SegmentTree{
11
        int size;
12
        vi data;
13
        SegmentTree(int s):size(Need(s)),data(size*2,INFTY){}
14
        SegmentTree(const vi& a):size(Need(a.size())),data(size*2,INFTY){
15
            copy(all(a),data.begin()+size);
16
            for(int i=size:--i:)
17
                data[i]=min(data[i*2].data[i*2+1]):
18
19
        int Get(int i){
20
            return data[size+i];
21
22
       void Update(int i,int x){
23
            data[size+i]=x;
24
            for(i=(i+size)/2;i;i/=2)
25
                data[i]=min(data[i*2],data[i*2+1]);
```

```
26
27
       int Query(int a,int b,int i,int l,int r){
28
            if(b<=1 || r<=a) return INFTY:</pre>
29
            if(a<=1 && r<=b) return data[i]:</pre>
30
            return min(Query(a,b,i*2,l,(l+r)/2),Query(a,b,i*2+1,(l+r)/2,r));
31
32
       int Query(int a,int b){
33
            return Query(a,b,1,0,size);
34
35
   }:
36
37
   // 2次元版
   // Verify: AOJ 1068
39
40 struct SegmentTree2D{
41
       int size;
42
       vector<SegmentTree> data;
43
       SegmentTree2D(int h,int w):size(Need(h)),data(size*2,SegmentTree(w)){}
44
       SegmentTree2D(const vvi& a):size(Need(a.size())),data(size*2,SegmentTree(a[0].size())){
45
            copy(all(a),data.begin()+size);
46
            for(int i=size:--i:)
47
                repi(i.1.data[i].data.size())
48
                    data[i].data[j]=min(data[i*2].data[j],data[i*2+1].data[j]);
49
50
       int Get(int i,int j){
51
            return data[size+i].Get(j);
52
53
       void Update(int i,int j,int x){
54
            data[size+i].Update(i.x):
55
            for(i=(i+size)/2:i:i/=2)
56
                data[i].Update(i.min(data[i*2].Get(i).data[i*2+1].Get(i))):
57
58
       int Query(int a,int b,int c,int d,int i,int to,int bo){
59
            if(c<=to || bo<=a) return INFTY;</pre>
60
            if(a<=to && bo<=c) return data[i].Query(b,d);</pre>
61
            return min(Query(a,b,c,d,i*2,to,(to+bo)/2),Query(a,b,c,d,i*2+1,(to+bo)/2,bo));
62
63
       int Ouerv(int a.int b.int c.int d){
64
            return Query(a,b,c,d,1,0,size);
65
66
   }:
67
68
   // 区間更新/区間質問. PropagateとMergeを適切に書き換える
69
   // Verify: SPOJ 7259
70
71
   struct SegmentTree{
72
       int size:
73
       vi data.prop:
       SegmentTree(int s):size(Need(s)),data(size*2),prop(size*2){}
74
75
       SegmentTree(const vi& a):size(Need(a.size())),data(size*2),prop(size*2){
76
            copy(all(a),data.begin()+size);
77
            for(int i=size:--i:)
78
                data[i]=Merge(data[i*2],data[i*2+1]);
79
80
       void Update(int a,int b,int x,int i,int l,int r){
81
            Propagate(i,l,r);
           if(b<=1 || r<=a)
82
83
                return:
84
           if(a<=1 && r<=b){
85
                prop[i]=x;
86
                Propagate(i,l,r);
87
                return:
88
89
           Update(a,b,x,i*2+0,1,(1+r)/2);
90
            Update(a,b,x,i*2+1,(l+r)/2,r);
```

```
91
             data[i]=Merge(data[i*2],data[i*2+1]);
92
93
        11 Ouerv(int a.int b.int i.int l.int r){
 94
             Propagate(i.l.r):
 95
             if(b<=l || r<=a) return 0;
 96
             if(a<=1 && r<=b) return data[i];</pre>
 97
             11 x=Query(a,b,i*2+0,1,(1+r)/2);
 98
             ll y=Query(a,b,i*2+1,(l+r)/2,r);
 99
             return Merge(x,y);
100
101
         void Update(int a,int b,int x){
102
             Update(a.b.x.1.0.size):
103
104
         int Query(int a,int b){
105
             return Query(a,b,1,0,size);
106
107
        void Propagate(int i,int l,int r){
108
             if(i<size){</pre>
109
                 prop[i*2+0]^=prop[i];
110
                 prop[i*2+1]^=prop[i];
111
112
             if(prop[i])
113
                 data[i]=r-l-data[i];
114
             prop[i]=0;
115
116
         int Merge(ll x,ll y){
117
             return x+y;
118
        }
119 }:
120
    // 区間Set.Reset.Flip.Count
    // Verify: UVa 11402, Codeforces 242E
123
124
    struct SegmentTree{
125
        int size;
126
        vi data, prop;
127
         SegmentTree(int s):size(Need(s)),data(size*2),prop(size*2){}
128
         SegmentTree(const vi& a):size(Need(a.size())).data(size*2).prop(size*2){
129
             copy(all(a),data.begin()+size);
130
             for(int i=size:--i:)
131
                 data[i]=Merge(data[i*2],data[i*2+1]);
132
133
         void Update(int a,int b,int x,int i,int l,int r){
134
             Propagate(i,1,r);
135
             if(b<=1 || r<=a)
136
                 return:
137
             if(a<=1 && r<=b){
138
                 prop[i]=x;
139
                 Propagate(i,l,r);
140
                 return:
141
142
             Update(a,b,x,i*2+0,1,(1+r)/2);
143
             Update(a,b,x,i*2+1,(1+r)/2,r);
144
             data[i]=Merge(data[i*2],data[i*2+1]);
145
146
        11 Query(int a,int b,int i,int l,int r){
147
             Propagate(i,l,r);
148
             if(b<=1 || r<=a) return 0;
149
             if(a<=1 && r<=b) return data[i];</pre>
150
             11 x=Query(a,b,i*2+0,1,(1+r)/2);
151
             11 \text{ y=Query}(a,b,i*2+1,(1+r)/2,r);
152
             return Merge(x,y);
153
154
         void Propagate(int i,int l,int r){
155
             if(i<size){</pre>
```

```
156
                 if(prop[i]==1) prop[i*2+0]=prop[i*2+1]=1;
157
                 if(prop[i]==2) prop[i*2+0]=prop[i*2+1]=2;
158
                 if(prop[i]==3){
159
                     prop[i*2+0]=3-prop[i*2+0];
160
                     prop[i*2+1]=3-prop[i*2+1];
161
162
163
             if(prop[i]==1) data[i]=r-1;
164
             if(prop[i]==2) data[i]=0;
165
             if(prop[i]==3) data[i]=r-l-data[i];
166
             prop[i]=0;
167
168
        int Merge(ll x.ll v){
169
             return x+y;
170
171
        void Set(int a,int b){
172
             Update(a,b,1,1,0,size);
173
174
        void Reset(int a,int b){
175
             Update(a,b,2,1,0,size);
176
177
        void Flip(int a.int b){
178
             Update(a,b,3,1,0,size);
179
180
        int Count(int a,int b){
181
             return Query(a,b,1,0,size);
182
183 };
```

7.4 Range Tree

計算量:初期化 $(O(N \log^2 N))$, クエリ $O(N \log^2 N)$

```
// Verify: LiveArchive 5821, ACPC2012 F
2
3
   struct Point{
4
        int x,y;
5
        Point(){}
 6
        Point(int x, int y):x(x),y(y){}
7 };
8
   bool LessX(Point a, Point b){
        return a.x<b.x:
10
11
   bool LessY(Point a, Point b){
        return a.y<b.y;</pre>
12
13
14
15
   struct RangeTree2D{
16
        vector<Point> vps:
17
        struct RangeNode2D{
18
            vector<Point> xps;
19
            RangeNode2D *left,*right;
20
            RangeNode2D(const vector<Point>& ps):xps(ps),left(0),right(0){
21
                sort(all(xps),LessX);
22
23
            ~RangeNode2D(){
24
                delete left:
25
                delete right:
26
            }
27
        }*root:
28
        RangeTree2D(const vector<Point>& ps):yps(ps){
29
            sort(all(yps),LessY);
30
            root=Build(0,yps.size());
31
32
        ~RangeTree2D(){
```

```
33
            delete root:
34
35
        RangeNode2D* Build(int first.int last){
36
            RangeNode2D* node=new RangeNode2D(vector<Point>(yps.begin()+first,yps.begin()+last));
37
            if(last-first>=2){
                int middle=(first+last)/2;
38
39
                node->left=Build(first,middle);
40
                node->right=Build(middle,last);
41
            }
42
            return node:
43
44
        int Ouerv(int to.int le.int bo.int ri.RangeNode2D* root.int first.int last){
45
            if(first==last || vps[last-1].v<to || bo<=vps[first].v)</pre>
46
47
            if(to<=yps[first].y && yps[last-1].y<bo){</pre>
48
                iter(root->xps) i=lower_bound(all(root->xps),Point(le,0),LessX);
49
                iter(root->xps) j=lower_bound(all(root->xps).Point(ri,0).LessX);
50
                return j-i;
51
52
            int middle=(first+last)/2,res=0;
53
            res+=Ouerv(to.le.bo.ri.root->left.first.middle):
54
            res+=Ouerv(to.le.bo.ri.root->right.middle.last):
55
            return res:
56
57
        int Query(int to,int le,int bo,int ri){
58
            return Query(to,le,bo,ri,root,0,yps.size());
59
60 };
```

8 数学

8.1 数学定数

```
円周率 \pi = 3.1415926535897932384626433832795029
自然対数の底 e = 2.7182818284590452353602874713526625
オイラーの定数 \gamma = 0.5772156649015328606065120900824024
```

8.2 ユークリッドの互除法

ExtendedGCD は $ax + by = \gcd(a, b)$ をみたす x, y を求める . 計算量: $O(\log \max(a, b))$

```
1 int GCD(int a.int b)
2 {
3
       return b==0?a:GCD(b.a%b):
4
5
   int LCM(int a,int b)
7
8
       return a/GCD(a,b)*b;
9
10
11 int ExtendedGCD(int a,int b,int& x,int& y)
12
13
       if(b==0){
14
            x=1; y=0;
15
            return a:
16
17
        else{
18
            int g=ExtendedGCD(b,a%b,y,x);
19
            y=a/b*x;
20
           return g;
21
       }
22 }
```

8.3 逆元

 $ax \equiv 1 \pmod{m}$ をみたす x を求める. 逆元が存在しない場合は 0 を返す.

```
1 int ModInverse(int a,int m)
2 {
3    int x,y;
4    int g=ExtendedGCD(a,m,x,y);
5    if(g==1)
6        return (x+m)%m;
7    else
8        return 0; // invalid
9 }
```

8.4 エラトステネスの篩

計算量: $O(N \log \log N)$

```
1 // Verify: AOJ 1172
3 void Eratosthenes(vi& isp)
4
5
        isp[0]=isp[1]=0;
6
        fill(2+all(isp),1);
7
        for(int i=2;i*i<isp.size();i++)</pre>
8
            if(isp[i])
9
                for(int j=i*i;j<isp.size();j+=i)</pre>
10
                    isp[j]=0;
11 }
```

8.5 素数判定 (Miller-Rabin)

問題によって実装を切り替える.

```
1 // ModMulとwsは問題に応じて使い分けること.
2 // witnessは以下のページを参考にした:
3 // http://en.wikipedia.org/wiki/Miller%E2%80%93Rabin_primality_test
4 // http://mathworld.wolfram.com/StrongPseudoprime.html
5 // http://oeis.org/A014233
6 // Verify: SPOJ 288
8 // a*b mod m
9 ull ModMul(ull a,ull b,ull m)
10
11
       //return a*b%m:
12
       ull c=0:
13
       for(;b;b>>=1,(a<<=1)%=m)
14
           if(b&1)
15
               (c+=a)\%=m:
16
       return c;
17 }
18 // a^r mod m
19 ull ModPow(ull a,ull r,ull m)
20 {
21
       if(r==0) return 1;
22
       ull b=ModPow(a.r/2.m):
23
       b=ModMul(b,b,m);
24
       return r&1?ModMul(b,a,m):b;
25
26 bool MillerTest(ull n,int a,ull d,int s)
27 {
28
       ull x=ModPow(a,d,n);
29
       if(x==1) return true;
30
       for(int i=0;i<s;i++){</pre>
31
           if(x==n-1) return true;
```

```
32
            x=ModMul(x.x.n):
33
34
        return false:
35
36 bool MillerRabin(ull n)
37
38
        if(n<=1) return false;</pre>
39
        if(n%2==0) return n==2;
40
        ull d=n-1; int s=0;
41
        while (d\%2==0)
42
            d/=2,s++;
43
        //int ws[]={2,7,61,-1}; // n<4759123141
44
        int ws[]={2,3,5,7,11,13,17,19,23,-1}; // n<3825123056546413051 (conjectured)
45
        for(int i=0; ws[i] && ws[i]<n;i++)</pre>
46
            if(!MillerTest(n,ws[i],d,s))
47
                return false;
48
        return true;
49
```

8.6 ガウスの消去法

解が一意でないとき false を返す.計算量: $O(N^3)$

```
// Verify: ZOJ 3645
2
3 bool Gauss(const vvd& _a,const vd& _b,vd& x)
4
5
       vvd a=_a; vd b=_b;
       int n=a.size():
6
8
       rep(i,n){
9
            int pivot=i;
10
            repi(j,i+1,n)
11
                if(abs(a[j][i])>abs(a[pivot][i]))
12
                    pivot=j;
13
            if(abs(a[pivot][i])<EPS)</pre>
14
                return false:
15
16
            swap(a[i],a[pivot]);
17
            swap(b[i],b[pivot]);
18
19
            repi(j,i+1,n)
20
                a[i][j]/=a[i][i];
21
            b[i]/=a[i][i];
22
23
            repi(j,i+1,n){
24
                repi(k,i+1,n)
25
                    a[j][k]-=a[j][i]*a[i][k];
26
                b[j]-=a[j][i]*b[i];
27
            }
28
       }
29
30
       per(i,n) per(j,i)
31
            b[j]-=a[j][i]*b[i];
32
       x=b:
33
       return true;
34 }
```

9 幾何

9.1 基本要素

```
1 const double PI=acos(-1);
```

```
3
   int Signum(double x){
4
       return x<-EPS?-1:x<EPS?0:1:
5
6
7
   struct Point{
8
       double x,y;
9
       Point(){}
10
       Point(double x, double y):x(x),y(y){}
11 }:
12
   bool operator==(Point a, Point b){
13
       return abs(a.x-b.x)<EPS && abs(a.y-b.y)<EPS;</pre>
14
15
   bool operator!=(Point a,Point b){
16
       return !(a==b);
17
18
   Point operator+(Point a, Point b){
19
       return Point(a.x+b.x,a.y+b.y);
20
21
   Point operator-(Point a, Point b){
22
       return Point(a.x-b.x,a.y-b.y);
23
24 Point operator*(double c,Point p){
25
       return Point(c*p.x,c*p.y);
26
27 Point operator/(Point p,double c){
28
       return Point(p.x/c,p.y/c);
29 }
30 struct LessX{
31
       bool operator()(Point a, Point b){
32
            return abs(a.x-b.x)>EPS?a.x<b.x-EPS:a.y<b.y-EPS;</pre>
33
34 };
35
36
    double Abs(Point p){
37
       return sqrt(p.x*p.x+p.y*p.y);
38
39
   double Abs2(Point p){
40
       return p.x*p.x+p.y*p.y;
41 }
42 double Arg(Point p){
43
       return atan2(p.y,p.x);
44
45
   double Dot(Point a, Point b){
46
       return a.x*b.x+a.y*b.y;
47
48
   double Cross(Point a, Point b){
       return a.x*b.y-a.y*b.x;
50
51 Point Rot(Point p,double t){
52
       return Point(cos(t)*p.x-sin(t)*p.y,sin(t)*p.x+cos(t)*p.y);
53
54
55
   struct Line{
56
       Point pos.dir;
57
       Line(){}
58
       Line(Point p,Point d):pos(p),dir(d){}
59
       Line(double px, double py, double dx, double dy):pos(px,py), dir(dx,dy){}
60 };
61 typedef Line Segment;
   Point Proj(Line 1, Point p){
63
       Point a=p-l.pos,b=l.dir;
64
       return 1.pos+Dot(a,b)/Abs2(b)*b;
65 }
66
```

```
struct Circle{
       Point center:
69
       double radius:
70
       Circle(){}
71
        Circle(Point c,double r):center(c),radius(r){}
        Circle(double x,double y,double r):center(x,y),radius(r){}
72
73
74
   bool operator==(Circle a, Circle b){
75
        return a.center==b.center && abs(a.radius-b.radius)<EPS;</pre>
76
77 bool operator!=(Circle a, Circle b){
78
       return !(a==b):
79
   }
80
81
   // stream
   ostream& operator<<(ostream& os,const Point& p){
83
       return os<<'('<<p.x<<','<<p.y<<')';
84
85
   ostream& operator<<(ostream& os.const Line& 1){
       return os<<'('<<l.pos<<','<<l.dir<<')';</pre>
86
87
88
   ostream& operator<<(ostream& os.const Circle& c){
       return os<<'('<<c.center.x<<','<<c.center.y<<','<<c.radius<<')';</pre>
89
90 }
```

9.2 回転方向

```
int CCW(Point a,Point b,Point c){
2
       Point d1=b-a,d2=c-a;
3
       if(int sign=Signum(Cross(d1,d2)))
4
           return sign:
                          // 1:ccw.-1:cw
5
       if(Dot(d1,d2) < -EPS)
           return -2:
                          // c-a-b
6
7
       if(Abs2(d1)<Abs2(d2)-EPS)
8
           return 2:
                          // a-b-c
9
       return 0;
                           // a-c-b
10 }
```

9.3 面積

```
1 double Area(const vector<Point>& ps){
2     double res=0;
3     repi(i,2,ps.size())
4     res+=Cross(ps[i-1]-ps[0],ps[i]-ps[0]);
5     return res;
6 }
```

9.4 交差判定

```
bool IntersectLL(Line a.Line b){
       return abs(Cross(a.dir,b.dir))>EPS || abs(Cross(a.dir,b.pos-a.pos))<EPS;</pre>
2
3 }
4 bool IntersectLS(Line 1, Segment s){
5
       Point a=s.pos-l.pos,b=s.pos+s.dir-l.pos;
6
       return Signum(Cross(1.dir.a))*Signum(Cross(1.dir.b))<=0:</pre>
7 }
8
   bool IntersectSS(Segment a.Segment b){
       int c1=CCW(a.pos,a.pos+a.dir,b.pos),c2=CCW(a.pos,a.pos+a.dir,b.pos+b.dir);
10
       int c3=CCW(b.pos,b.pos+b.dir,a.pos),c4=CCW(b.pos,b.pos+b.dir,a.pos+a.dir);
11
       return c1*c2<=0 && c3*c4<=0:
12
13
   bool IntersectSP(Segment s,Point p){
14
       return CCW(s.pos,s.pos+s.dir,p)==0;
15 }
```

```
16 // 交点の個数を返す
   int IntersectCC(Circle c1,Circle c2){
18
       if(c1==c2)
19
            return INFTY:
20
       double r1=c1.radius,r2=c2.radius,d=Abs(c1.center-c2.center);
21
       if(d>r1+r2+EPS \mid | d < abs(r1-r2)-EPS)
22
            return 0;
23
       if(abs(d-(r1+r2)) < EPS \mid | abs(d-abs(r1-r2)) < EPS)
24
            return 1;
25
       return 2:
26
   }
27
   // aとbは必ず交差していること
29 Point InterPointLL(Line a, Line b){
       if(abs(Cross(a.dir,b.dir))<EPS)</pre>
31
            return a.pos;
32
       return a.pos+Cross(b.pos-a.pos,b.dir)/Cross(a.dir,b.dir)*a.dir;
33
34
   Point InterPointLS(Line 1.Segment s){
35
       return InterPointLL(s,1);
36
37
   Point InterPointSS(Segment a.Segment b){
38
       if(abs(Cross(a.dir.b.dir))<EPS){</pre>
39
            if(IntersectSP(b,a.pos)) return a.pos;
40
            if(IntersectSP(b,a.pos+a.dir)) return a.pos+a.dir;
41
            if(IntersectSP(a,b.pos)) return b.pos;
42
            if(IntersectSP(a,b.pos+b.dir)) return b.pos+b.dir;
43
44
       return InterPointLL(a.b):
45 }
46
47 // c1とc2は必ず2点で交わること
   pair<Point,Point> InterPointCC(Circle c1,Circle c2){
       Point p1=c1.center,p2=c2.center;
50
       double r1=c1.radius,r2=c2.radius;
51
       double d=Abs(p1-p2);
52
       double a=(d*d+r1*r1-r2*r2)/(2*d);
53
       double s=sqrt(r1*r1-a*a):
54
       return mp(p1+a/d*(p2-p1)+s*Rot((p2-p1)/d,PI/2),
55
                 p1+a/d*(p2-p1)-s*Rot((p2-p1)/d,PI/2));
56 }
```

9.5 距離

```
double DistLP(Line 1.Point p){
       return Abs(Proj(1,p)-p);
2
3 }
4
   double DistSP(Segment s.Point p){
       int ccw=CCW(s.pos,s.pos+s.dir,Proj(s,p));
5
       if(ccw==-2) return Abs(p-s.pos);
6
7
       if(ccw== 2) return Abs(p-(s.pos+s.dir));
       return DistLP(s,p);
8
9
10 double DistLS(Line 1, Segment s){
11
       if(IntersectLS(1,s)) return 0;
12
       return min(DistLP(l.s.pos).DistLP(l.s.pos+s.dir));
13
   double DistSS(Segment a, Segment b){
14
15
       if(IntersectSS(a,b)) return 0;
16
       double d1=min(DistSP(a,b.pos),DistSP(a,b.pos+b.dir));
17
       double d2=min(DistSP(b,a.pos),DistSP(b,a.pos+a.dir));
18
       return min(d1,d2);
19 }
```

9.6 円の接線

```
1 vector<Line> Intangent(Circle c1.Circle c2)
2 {
3
        double r1=c1.radius.r2=c2.radius:
4
       double d=Abs(c1.center-c2.center);
5
       vector<Line> res;
       if(d>r1+r2+EPS){
6
7
            double t=acos((r1+r2)/d);
8
           rep(i.2){
9
                Point p1=c1.center+Rot(r1/d*(c2.center-c1.center).(i?1:-1)*t):
10
                Point p2=c2.center+Rot(r2/d*(c1.center-c2.center).(i?1:-1)*t):
                res.push_back(Line(p1,p2-p1));
11
12
           }
13
14
        else if(d>r1+r2-EPS){
15
           Point p=c1.center+r1/d*(c2.center-c1.center);
            res.push_back(Line(p,Rot(p-c1.center,PI/2)));
16
17
18
       return res:
19
20
   vector<Line> Extangent(Circle c1.Circle c2)
21
22
       double r1=c1.radius,r2=c2.radius;
23
       double d=Abs(c1.center-c2.center);
24
       vector<Line> res:
25
       if(d>abs(r2-r1)+EPS){
26
            double t=acos((r1-r2)/d):
27
            rep(i.2){
28
                Point p1=c1.center+Rot(r1/d*(c2.center-c1.center),(i?1:-1)*t);
29
                Point p2=c2.center+Rot(r2/d*(c2.center-c1.center),(i?1:-1)*t);
30
                res.push_back(Line(p1,p2-p1));
31
           }
32
33
        else if(d>abs(r2-r1)-EPS){
34
            Point p=c1.center+r1/d*(c2.center-c1.center);
35
            res.push_back(Line(p,Rot(p-c1.center,PI/2)));
36
37
       return res;
38 }
```

9.7 凸包

計算量: $O(N \log N)$

```
1 // 同一直線上の点はとらない.
2 // もしとりたければ、while(n>=2 && CCW(cs[n-2],cs[n-1],ps[i])<=0)と書き換える.
3 vector<Point> ConvexHull(vector<Point> ps){
4
       if(ps.size()==1) return ps;
5
       sort(all(ps),LessX());
6
       vector<Point> res;
       rep(_,2){
8
           vector<Point> half(ps.size());
10
          rep(i.ps.size()){
              while(n>=2 && CCW(half[n-2],half[n-1],ps[i])!=1)
11
12
13
              half[n++]=ps[i];
14
15
           res.insert(res.end(),half.begin(),half.begin()+n-1);
16
           reverse(all(ps));
17
18
      return res:
19 }
```

9.8 凸多角形の包含判定

```
    // 凸多角形psの内部に点pがあるときtrue(境界を含む)

2 // ps.size()==0のときtrue
3 // ps.size()==1のとき, ps[0]とpが一致していればtrue
4 // ps.size()==2のとき, ps[0],ps[1]上にpがあればtrue
  bool CoverGP(const vector<Point>& ps,Point p){
      rep(i,ps.size()){
          int ccw=CCW(ps[i],ps[(i+1)%ps.size()],p);
7
          if(!(ccw==1 || ccw==0))
8
9
              return false:
10
11
      return true:
12 }
13 // 凸多角形psが凸多角形qsを内部にもつときtrue(境界を含む)
14 // ps.size()==0またはqs.size()==0のときtrue
15 bool CoverGG(const vector<Point>& ps.vector<Point>& qs){
16
      rep(i,qs.size())
17
          if(!CoverGP(ps.as[i]))
18
              return false:
19
      return true:
20 }
```

9.9 凸多角形の切断

```
vector<Point> ConvexCut(const vector<Point>& ps.Line 1){
       int n=ps.size():
3
       vector<Point> res:
4
       rep(i,n){
5
            int c1=CCW(l.pos,l.pos+l.dir,ps[i]);
6
            int c2=CCW(1.pos,1.pos+1.dir,ps[(i+1)%n]);
           if(c1!=-1)
8
                res.push back(ps[i]):
9
           if(c1*c2==-1)
10
                res.push_back(InterPointLS(1, Segment(ps[i],ps[(i+1)%n]-ps[i])));
11
12.
       return res;
13 }
```

9.10 線分アレンジメント

同一線分上の推移的な辺を省略している、計算量: $O(N^3)$

```
1 // オーバーラップする線分は取り除いておくこと.
2 struct Edge{
3
       int src.dst:
4
       double weight:
5
       Edge(){}
6
       Edge(int s.int d.double w):src(s).dst(d).weight(w){}
       bool operator<(const Edge& e)const{return Signum(weight-e.weight)<0;}</pre>
8
       bool operator>(const Edge& e)const{return Signum(weight-e.weight)>0;}
9 };
10
   void SegmentArrangement(const vector<Segment>& ss,Graph& g,vector<Point>& ps){
11
       rep(i,ss.size()){
12
           ps.push_back(ss[i].pos);
13
           ps.push_back(ss[i].pos+ss[i].dir);
14
           repi(i,i+1,ss,size()) if(IntersectSS(ss[i],ss[i]))
15
               ps.push_back(InterPointSS(ss[i],ss[j]));
16
17
       sort(all(ps),LessX());
18
       ps.erase(unique(all(ps)),ps.end());
19
20
       q.resize(ps.size());
21
       rep(i,ss.size()){
22
           vector<pair<double,int> > ds;
```

```
23
            rep(j,ps.size()) if(IntersectSP(ss[i],ps[j]))
24
                ds.push_back(mp(Abs(ps[j]-ss[i].pos),j));
25
            sort(all(ds)):
26
            rep(j,ds.size()-1){
27
                int u=ds[j].second,v=ds[j+1].second;
28
                double w=ds[j+1].first-ds[j].first;
29
                g[u].push_back(Edge(u,v,w));
30
                g[v].push_back(Edge(v,u,w));
31
            }
32
        }
33
```

その他

10.1 ビット演算

clz, clzl1, ctz, ctzl1 は, x = 0 のときビット長を返す.

```
// population count
2 inline int popcount(uint x)
3 {
4
       x=(x\&0x555555555)+(x>>1\&0x55555555);
5
       x=(x\&0x33333333)+(x>>2\&0x333333333);
       x=(x&0x0f0f0f0f)+(x>>4&0x0f0f0f0f);
6
7
       x=(x&0x00ff00ff)+(x>>8&0x00ff00ff):
8
       return (x&0x0000ffff)+(x>>16&0x0000ffff);
9
10
   inline int popcountll(ull x)
11
12
       return popcount(x)+popcount(x>>32);
13
14
15
    // count leading zero
   inline int clz(uint x)
16
17
18
       int i=0:
19
       if(!(x&0xfffff0000)) i+=16,x<<=16;
20
       if(!(x&0xff000000)) i+=8,x<<=8;
21
       if(!(x&0xf0000000)) i+=4,x<<=4;
22
       if(!(x&0xc0000000)) i+=2,x<<=2;
23
       if(!(x&0x80000000)) i+=1,x<<=1;
24
       return i+!x;
25
26
   inline int clzll(ull x)
27
28
       int y=clz(x>>32);
29
       return y==32?y+clz(x):y;
30
31
32
   // count trailing zero
33
   inline int ctz(uint x)
34
35
       int i=0;
       if(!(x&0x0000fffff)) i+=16,x>>=16;
36
37
       if(!(x&0x000000ff)) i+=8,x>>=8;
38
       if(!(x&0x0000000f)) i+=4.x>>=4:
39
       if(!(x&0x00000003)) i+=2,x>>=2;
40
       if(!(x&0x00000001)) i+=1.x>>=1:
41
       return i+!x;
42
43
   inline int ctzll(ull x)
44
45
       int y=ctz(x);
46
       return y==32?y+ctz(x>>32):y;
```

```
47 }
48
   // find first set
50
   inline int ffs(uint x)
51
52
       return x?clz(x)+1:0;
53
54 inline int ffs(ull x)
55
56
       return x?clzll(x)+1:0:
57
58
   // bitwise reverse
   inline uint bitrev(uint x)
61
62
       x=(x\&0xaaaaaaaa)>>1|(x\&0x55555555)<<1;
63
       x=(x\&0xcccccc)>>2|(x\&0x33333333)<<2;
64
       x=(x&0xf0f0f0f0)>>4|(x&0x0f0f0f0f)<<4;
65
       x=(x\&0xff00ff00)>>8|(x\&0x00ff00ff)<<8;
66
       return (x&0xffff0000)>>16|(x&0x0000ffff)<<16;
67
68
   inline ull bitrev(ull x)
69
70
       return bitrev(x>>32)|(ull)bitrev(x)<<32;</pre>
71 }
72
73
   // 非零部分集合を列挙
   for(int s=b;s;s=(s-1)&b){
75
76
   }
77
78 // {0,1,...,n-1}の,サイズkの部分集合を列挙
   // 最終行を s|=(lz>>ffs(lo))-1 とすれば除算をなくせる
80 // 注意: 0<k<=n でなければならない
81 for(int s=(1<< k)-1;!(s&1<< n);){
82
       /* ... */
83
       int lo=s&-s,lz=(s+lo)&~s;
84
       s=(s|1z)&^(1z-1):
85
       s = (1z/1o/2-1);
86 }
```

10.2 ハッシュ関数

unordered_set や unordered_map のキーとしてユーザ定義型を使うためには, hash の特殊化を書 く必要がある、以下は FNV-1a による実装例。

```
namespace std{
       template<>
3
       struct hash<pair<int.int>>{
4
            size_t operator()(const pair<int,int>& p)const{
5
                const char* ptr=(const char*)&p;
6
                size_t res=2166136261;
7
                rep(i,sizeof(p)) (res^=*ptr++)*=16777619;
8
                return res;
9
10
       };
11
```

10.3 Fairfield の公式

西暦 1 年 1 月 0 日からの経過日数を求める .(経過日数) = 0 (mod 7) のとき日曜日.

```
1 int Fairfield(int y,int m,int d)
2 {
```

```
3    if(m<=2) y--,m+=12;
4    return 365*y+y/4-y/100+y/400+153*(m+1)/5+d-428;
5 }</pre>
```

10.4 さいころ

```
1 struct Dice{
         int face[6]; // top,bottom,left,right,front,back
void Rotate(int a,int b,int c,int d){
2
3
4
              int temp=face[a];
              face[a]=face[b];
5
              face[b]=face[c];
              face[c]=face[d];
face[d]=temp;
8
10
         void TurnF(int n){rep(i,n)Rotate(0,2,1,3);} // x軸を回転軸として右回りに90n度回転
         void TurnR(int n){rep(i,n)Rotate(0,4,1,5);} // y軸を回転軸として右回りに90n度回転void TurnU(int n){rep(i,n)Rotate(4,3,5,2);} // z軸を回転軸として右回りに90n度回転
11
12
13
         void TurnF(){TurnF(1);}
         void TurnR(){TurnR(1);}
void TurnU(){TurnU(1);}
14
15
16 };
```