Aufgabe 1 GAUSSsche Integrale

(a) Berechnen Sie das Integral

$$I = \int_0^\infty e^{-x^2} \, \mathrm{d}x$$

indem Sie zunächst $J=\left(\int_{-\infty}^{\infty}e^{-x^2}\,\mathrm{d}x\right)^2$ betrachten und dieses Integral in Polarkoordinaten berechnen und anschließend I aus J berechnen.

(b) Berechnen Sie (mit Hilfe von (a)) das Integral

$$K = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-ax^2 + bx} \, \mathrm{d}x, \quad a > 0.$$

LÖSUNG:

Lösung folgt