${\bf Aufgabe} \ 1 \qquad \textit{Koordinatent ransformation}$

Ein Koordinatensystem (u, w, z) sei gegeben durch

 $x = \alpha \cosh u \cos w, \quad y = \alpha \sinh u \sin w, \quad z = z$

wobe
i $0 \leq u < \infty, \, 0 \leq w < 2\pi$ und $\alpha \in \mathbb{R}^+$

- (a) Berechnen Sie die Einheitsvektoren \vec{e}_u, \vec{e}_w und $\vec{e}_z.$
- (b) Berechen Sie das Linienelement $\mathrm{d}s^2$ und das Volumenelement $\mathrm{d}V.$
- (c) Handelt es sich hierbei um Orthogonalkoordinaten? Wenn ja, um ein rechts- oder linkshändiges System? Begründen Sie durch eine kurze Rechnung oder Argumentation.

LÖSUNG:

Loesung folgt