

3 Punkte Lösung: Integrale mit Delta-Funktionen

$$i) \int_{-3}^0 \delta(x-1) dx = 0 \quad \text{da } x_0 = -1 \notin (-3, 0)$$

$$ii) \int_{-1}^{+1} e^x \delta(x) dx = 1 \quad \text{da } x_0 = 0 \in (-1, +1) \text{ und } e^0 = 1$$

$$iii) \int_{-\frac{\pi}{3}}^{\infty} \cos x \delta(x-\pi) dx = \cos \pi = -1 \quad \text{da } x_0 = \pi \in (-\infty, \infty)$$

$$iv) \int_{-\infty}^3 \cos x \delta(x-\pi) dx = 0 \quad \text{da } x_0 = \pi \notin (-\infty, 3)$$

$$v) \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) \delta(x) dx = 0 \cdot f(0) = 0 \quad \text{da } x_0 = 0 \in (-\infty, \infty)$$

Problematisch: $f(x) = 1/x$ o. Ä.

⚠ merke: $\int x \delta(x) dx = 0$ gilt mit allen Grenzen

$$vi) \int_{-\infty}^{\infty} (x^2+3) \delta(5-x) dx = (5^2+3) = 28, \text{ da } x_0 = 5 \in (-\infty, \infty)$$