Aufgabe 1 Ionenkristalle

(a) Skizzieren Sie die Ladungsverteilung

$$\rho(x, y, z) = q\delta(x)\delta(y)[2\delta(z) - 3\delta(z+3)]$$

und schreiben Sie diese in Zylinderkoordinaten um.

(b) Geben Sie die Flächenladungsdichte $\eta(x,y)$ und die Raumladungsdichte $\rho(x,y,z)$ des in der Abbildung gegebenen zweidimensionalen Kristalls an.

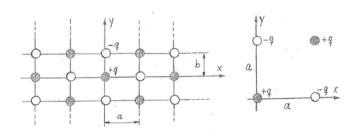


Abbildung 1: Links: zu Aufgabe (b), rechts: zu Aufgabe (c)

(c) Berechnen Sie das elektrische Monopolmoment

$$\iiint\limits_{V} \rho(x,y,z) \mathrm{d}V$$

und das Dipolmoment

$$\iiint\limits_{V}\rho(x,y,z)\mathrm{d}V$$

$$\iiint\limits_{V}\vec{r}\rho(x,y,z)\mathrm{d}V$$

indem Sie über den gesamten Raum integrieren. Dabei sei $\rho(x,y,z)$ die Ladungsverteilung aus Abb. 1.

LÖSUNG:

Lösung folgt