DotazioniLibri (CodiceLibro, NomeNegozio, IndNegozio, Titolo, Quantità)

· DF:

```
{ CodiceLibro → Titolo
```

NomeNegozio → IndNegozio

CodiceLibro, NomeNegozio → IndNegozio, Titolo, Quantità }

 $X \to Y$ il valore dell'attributo Y **dipende** dal valore dell'attributo X e per un certo valore di x c'è un **unico** valore possibile di Y

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

ESEMPIO 2

Orari(CodAula, NomeAula, Piano, Posti, Materia, CDL, Docente, Giorno, OraInizio, OraFine)

- · In un dato momento, un docente si trova al più in un'aula
- Non è possibile che due docenti diversi siano nella stessa aula contemporaneamente
- Se due lezioni si svolgono su due piani diversi appartengono a due corsi di laurea diversi

- · Notazione:
 - R <T, F> denota uno schema con attributi T e dipendenze funzionali
 F.
- Le DF sono una proprietà semantica, cioè dipendono dai fatti rappresentati e non da come gli attributi sono combinati in schemi di relazione.
- Si parla di DF complete quando $X \to Y$ e per ogni $W \subset X$, non vale $W \to Y$.
- Se X è una superchiave, allora X determina ogni altro attributo della relazione: $X \to T$
- Se X è una chiave, allora $X \to T$ è una DF completa

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

PROPRIETÀ DELLE DF

- · Da un insieme F di DF, in generale altre DF sono 'implicate' da F.
- **Definizione** Sia F un insieme di DF sullo schema R, diremo che F implica logicamente $X \to Y$ (F $\mid = X \to Y$,), se ogni istanza r di R che soddisfa F soddisfa anche $X \to Y$.

DERIVAZIONE 5

Definizione Sia F un insieme di DF, diremo che $X \to Y$ sia derivabile da F $(F \mid -X \to Y)$, sse $X \to Y$ può essere inferito da F usando gli assiomi di Armstrong.

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

CORRETTEZZA E COMPLETEZZA DEGLI ASSIOMI DI ARMSTRONG

Teorema Gli assiomi di Armstrong sono corretti e completi.

· Correttezza degli assiomi:

$$\forall f$$
, $F \mid -f \Rightarrow F \mid = f$

Completezza degli assiomi:

$$\forall f$$
, $F = f \Rightarrow F - f$

OBIETTIVI 7

- · Nozione base: dipendenze funzionali
- · Obiettivi della teoria:
 - · Equivalenza di schemi
 - · Qualità degli schemi (forme normali)
 - · Trasformazione degli schemi (normalizzazione di schemi)
- · Ipotesi dello schema di relazione universale:
 - Tutti i fatti sono descritti da attributi di un'unica relazione (relazione universale), cioè gli attributi hanno un significato globale.

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

CHIUSURA DI UN INSIEME F

8

Definizione Dato un insieme F di DF, la chiusura di F, denotata con F^+ , è:

$$F^{+} = \{ \ X \rightarrow Y \quad | \ F \ | - X \rightarrow Y \}$$

Definizione Dato R<T, F>, e X \subseteq T, la chiusura di X rispetto ad F, denotata con X_F^+ , (o X^+ , se F è chiaro dal contesto) è

$$X_F^+$$
 = { $A_i \in T \mid F \mid -X \rightarrow A_i$ }.

- Problema dell'implicazione: controllare se una DF $V \rightarrow W \in F^+$
- Un algoritmo efficiente per risolvere il problema dell'implicazione senza calcolare la chiusura di F scaturisce dal seguente teorema.

Teorema $F \mid -X \rightarrow Y \Leftrightarrow Y \subseteq X_F^+$.

CHIUSURA LENTA 9

 Un semplice algoritmo per calcolare X+ (ne esiste uno migliore di complessità di tempo lineare) è

```
Algoritmo CHIUSURA LENTA
```

```
input R < T, F > X \subseteq T

output X^+

begin

X^+ = X

while (X^+ cambia) do

for W \to V in F with W \subseteq X^+ and V \not\subset X^+

do X^+ = X^+ \cup V
```

end

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

ESEMPIO

$$F = \{DB \rightarrow E, B \rightarrow C, A \rightarrow B\}, \text{ trovare } (AD)^{+}$$
:

$$X^+ = AD$$

$$X^{+} = ADB$$

$$X^{+} = ADBE$$

$$X^+ = ADBEC$$

Definizione Dato lo schema R<T, F>, diremo che $W \subseteq T$ è una chiave candidata di R se:

$$W \rightarrow T \in F^{+}$$

(W superchiave)

$$\forall~V\subset W,\,V\to T\not\in F^*$$

(se $V \subset W$, V non superchiave)

- · Attributo primo : attributo che appartiene ad almeno una chiave
- · Complessità
 - Il problema di trovare tutte le chiavi di una relazione richiede un algoritmo di complessità esponenziale nel caso peggiore
 - · Il problema di controllare se un attributo è primo è NP-completo

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

COPERTURA DI INSIEMI DI DF

12

Definizione Due insiemi di DF, F e G, sullo schema R sono equivalenti, F = G, sse $F^+ = G^+$. Se F = G, allora F è una copertura di G (e G una copertura di F).

Definizione Sia F un insieme di DF:

- Data una $X \to Y \in F$, si dice che X contiene un attributo estraneo A_i sse $(X \{A_i\}) \to Y \in F^+$, cioè $F \mid -(X \{A_i\}) \to Y$
- · $X \rightarrow Y$ è una dipendenza ridondante sse

$$(F - \{X \rightarrow Y\})^+ = F^+$$
, cioè $F - \{X \rightarrow Y\} \mid -X \rightarrow Y$

- · F è detta una copertura canonica sse
 - · la parte destra di ogni DF in Fè un attributo;
 - non esistono attributi estranei;
 - · nessuna dipendenza in F è ridondante.

Teorema Per ogni insieme di dipendenze F esiste una copertura canonica.

- · Algoritmo per calcolare una copertura canonica:
 - Trasformare le dipendenze nella forma $X \to A$
 - · Eliminare gli attributi ridondanti
 - · Eliminare le dipendenze ridondanti

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

DECOMPOSIZIONE DI SCHEMI

14

 In generale, per eliminare anomalie da uno schema occorre decomporlo in schemi più piccoli "equivalenti"

Definizione Dato uno schema R(T),

 $\rho = \{R_1(T_1), ..., R_k(T_k)\}$ è una decomposizione di R sse $\cup T_i = T$:

{Studenti(Matricola, Nome), Esami(Matricola, Materia)} decomposizione di Esami(Matricola, Nome, Materia)

- · Due proprietà desiderabili di una decomposizione:
 - · conservazione dei dati (nozione semantica)
 - · conservazione delle dipendenze

Sia r qui sotto un'istanza valida di R(ABC):

$$r = \begin{array}{c|cccc} A & B & C \\ \hline a_1 & b & c_1 \\ \hline a_2 & b & c_2 \end{array}$$

Allora la decomposizione $\{R_1(AB), R_2(BC)\}$:

$$\pi_{T_1} r = \begin{array}{c|ccccc} A & B & & & B & C \\ \hline a_1 & b & & & \\ a_2 & b & & & & b \end{array}$$
 $\pi_{T_2} r = \begin{array}{c|ccccc} B & C & & \\ b & c_1 & & \\ b & c_2 & & \\ \end{array}$

non preserva i dati, infatti $\pi_{T_1} \, r \; \bowtie \pi_{T_1} \, r \; \supseteq \; r$

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

DECOMPOSIZIONI BINARIE

16

Teorema Sia R<T, F> uno schema di relazione, la decomposizione $\rho = \{R_1, R_2\}$ preserva i dati sse

$$T_1 \, \cap \, T_2 \rightarrow T_1 \in F^{\scriptscriptstyle +} \text{ oppure } T_1 \, \cap \, T_2 \rightarrow T_2 \in F^{\scriptscriptstyle +}.$$

· Esistono criteri anche per decomposizioni in più di due schemi.

ESEMPIO 17

Telefoni(Prefisso, Numero, Località, Abbonato, Via)

$$\{P \ N \rightarrow L \ A \ V, L \rightarrow P\}$$

· Si consideri la decomposizione:

$$\rho = \{ Tel < \{N, L, A, V\}, F1 >, Pref < \{L, P\}, F2 > \} con$$

$$F_1 = \{ LN \rightarrow A \ V \}$$

$$F_2 = \{ L \rightarrow P \}$$

• Preserva dati ma non le dipendenze: $PN \rightarrow L$ non è deducibile da F_1 e F_2 .

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

FORME NORMALI

- 1FN: Impone una restrizione sul tipo di una relazione: ogni attributo ha un tipo elementare.
- 2FN, 3FN e FNBC: Impongono restrizioni sulle dipendenze. FNBC è la più naturale e la più restrittiva.
- FNBC:
 - Intuizione: se esiste in R una dipendenza X→A non banale ed X non è chiave, allora X modella l'identità di un'entità diversa da quelle modellate dall'intera R
 - Ad esempio, in StudentiEdEsami, il Nome dipende dalla Matricola che non è chiave.

FNBC 19

Definizione R<T, F> è in BCNF \Leftrightarrow per ogni X \rightarrow A \in F⁺, con A \notin X (non banale), X è una superchiave.

Teorema R<T, F> è in BCNF \Leftrightarrow per ogni X \rightarrow A \in F non banale, X è una superchiave.

· Esempi:

Docenti(CodiceFiscale, Nome, Dipartimento, Indirizzo)

Impiegati(Codice, Qualifica, NomeFiglio)

Librerie (CodiceLibro, NomeNegozio, IndNegozio, Titolo, Quantità)

Telefoni(Prefisso, Numero, Località, Abbonato, Via)

$$F = \{P \mid N \rightarrow L \mid A \mid V, L \rightarrow P\}$$

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

L'ALGORITMO DI ANALISI

20

• R<T,F> è decomposta in: $R_1(X, Y)$ e $R_2(X, Z)$ e su di esse si ripete il procedimento; esponenziale.

$$\rho = \{R < T, \, F > \}$$
 while esiste in ρ una $R_i < T_i, \, F_i > non in BCNF per la $\, DF \, X \to A$ do$

$$T_a = X+$$
 $F_a = \pi_{T_a}(F_i)$
 $T_b = T_b - X+ X$
 $F_b = \pi_{T_b}(F_i)$
 $\rho = \rho - R_i + \{R_a < T_a, F_a >, R_b < T_b, F_b >\}$
($R_a \text{ ed } R_b \text{ sono nomi nuovi}$)

end

- · Preserva i dati, ma non necessariamente le dipendenze
- · Esempi di decomposizioni senza perdita di dipendenze:

Docenti(CodiceFiscale, Nome, Dipartimento, Indirizzo), $\{CF \rightarrow ND\}$;

$$\mathsf{D}\to \mathsf{I}\}$$

$$R_1(D,I)$$
; $R_2(CF,N,D)$

Impiegati(Codice, Qualifica, NomeFiglio) $\{C \rightarrow Q\}$

 $R_1(C, Q); R_2(C, NF)$

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

PROPRIETA' DELL'ALGORITMO (cont.)

- Telefoni(Prefisso, Numero, Località, Abbonato, Via), $\{P\ N \to L\ A\ V, L \to P\}$
 - $R_1(L, P)$; $R_2(L, N, A, V)$
 - Preserva dati ma non le dipendenze: PN \rightarrow L non è deducibile da F_1 e F_2 .
- Cosa vuole dire "non preserva le dipendenze"?
 - $R_1 = \{(Treviso, 0422); (Casier, 0422)\}$
 - R₂ = {(Treviso, 487391, Rossi, Piave),
 (Casier, 487391, Bianchi, Isonzo)}

Definizione R<T, F> è in 3FN se per ogni $X \rightarrow A \in F+$, con $A \notin X$, X è una superchiave o A è primo.

 La 3FN ammette una dipendenza non banale e non-da-chiave se gli attributi a destra sono primi; la BCNF non ammette mai nessuna dipendenza non banale e non-da-chiave.

Teorema R<T, F> è in 3FN se per ogni $X \rightarrow A \in F$ non banale, allora X è una superchiave oppure A è primo.

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

ESEMPI

24

· Non sono in 3FN:

Docenti(CodiceFiscale, Nome, Dipartimento, Indirizzo)
Impiegati(Codice, Qualifica, NomeFiglio)

Sono in 3FN, ma non in BCNF:

Telefoni(Prefisso, Numero, Località, Abbonato, Via) $F = \{P N \rightarrow L A V, L \rightarrow P\}$

 $K = \{PN, LN\}$

Esami(Matricola, Telefono, Materia, Voto)

Matricola Materia → Voto

Matricola → Telefono

Telefono → Matricola

Chiavi: Matricola Materia, Matricola Telefono

- Sia R<T, F>, con F copertura canonica e tutti gli attributi interessati da qualche DF.
 - 1. Si partiziona F in gruppi tali che ogni gruppo ha lo stesso determinante.
 - 2. Si definisce uno schema di relazione per ogni gruppo, con attributi gli attributi che appaiono nelle DF del gruppo, e chiavi i determinanti.
 - 3. Si eliminano schemi contenuti in altri.
 - 4. Se la decomposizione non contiene uno schema i cui attributi sono una superchiave di R, si aggiunge lo schema con attributi W, con W una chiave di R.

5. Normalizzazione di schemi relazionali

A. Albano, G. Ghelli, R.Orsini Fondamenti di basi di dati Zanichelli, 2005

LE DF NON BASTANO: DIPENDENZE MULTIVALORE

26

Impiegati(Codice, StoriaStipendio, NomeFiglio)

 c_1

S2

La coesistenza di due proprietà multivalore **indipendenti**, fa sì che per ogni impiegato esistono tante ennuple quante sono le possibili coppie di valori di Qualifica e NomeFiglio.

 n_2

Impiegati

Codice

Qualifiche: seq string

NomeFigli: seq string

Impiegati

Codice

Posizioni: seq (Qualifica,

NomeDirigente)