Università di Venezia Ca' Foscari

Corso di Laurea in Informatica

Insegnamento integrato di Calcolo Prof. F. Sartoretto

Verifica scritta del 01 giugno 2012.

Tema A

Nome
Cognome
Matricola Aula Posto Aula Posto
Calcolo 12 crediti [
Analisi Matematica 9 crediti 🗌
Superato test OFA []

Tempo: due ore. Consegnare solo questi fogli. Risposte errate comportano un punteggio negativo. Giustificare le risposte, sintetizzando i passaggi. RICORDARSI di mettere nome, cognome e numero di matricola su TUTTI i fogli.

Valore dei test: Test 1 = 8, Test 2 = 4, Test 3 = 5, Test 4 = 8, Test 5 = 5.

Test 1 Consideriamo la funzione

$$f(x) = x^2 \log(x). \tag{1}$$

Domanda numero 1: Determinarne il dominio.

D(f)= {x & R | x>0}

Domanda numero 2: Studiare il segno della derivata prima della funzione.

$$f'(x) = 2x + 8gx + x^{2} = 2x + 6gex + x = x(1+20gx) > 0$$
 se $1+2\log x > 0$
ossia $\log x > -\frac{1}{2} = x > e^{\frac{1}{2}}$
Quinch $f'(x) > 0$ se $x > e^{\frac{1}{2}}$
I wolfre $\lim_{x \to 0+} f(x) = 0$

Domanda numero 3: Studiare punti di stazionarietà ed estremi della funzione, schizzandone anche un grafico.

P''(x) = 3 + 2 log x > 0 De X > E 12: curve converse

L' unico punto di Stazionoriedo, vista

la discussione precedente, e X = E'x

ed è un unululus. Schizzondo il

grafico, veoliono che è il minisus

ensoluto, mendo limi f(x) = +00, f(e^{-1/2}) < 0

y A

2 -1

2 -2/2

e. e^{-1/2}

2 -2/2

2 -2/2

3. T		
Nome		
1 8 1 2 1 1 1 1 7	 	

Test 2 Domanda numero 4: Usando la sola definizione di limite, dimostrare che

$$\lim_{x\to 0+}\frac{3}{x^3}=+\infty.$$

Bisogne povore che

(AM>0)(BE>0)(0<XCE=) 3>M) (1)

Dobbiouro Mobre la disupuepcianne

3 > M, che vole per X × 1974.

Porrevolo &= 13/1 lo (1) & vore QE

QED

+ mocrto jog. precestente:

Tema A. Cognome _

 $\lim_{X\to 0+} f(x) = \lim_{X\to 0+} \frac{\log x}{\sqrt[4]{2}} = \lim_{X\to 0+} \frac{x}{(-2)} = 0$

replo du de l'Hôpital

Test 3 Si vuole risolvere l'equazione differenziale

$$y' - (4/x) y - x = 0; (2)$$

Domanda numero 5: Determinare la soluzione che soddisfa alle condizioni iniziali y(0) = 1, e schizzarne un grafico.

La solutione penerole of ell'omofune

$$y' = g(x) y = y = Ce^{G(x)} > e$$

 $G(x) = \int_{-\infty}^{\infty} dx = |f|_{X} = |f|_{X}$

Test 4 Consideriamo la funzione

$$f(x,y) = x^2 + y^2 + x^6 + y^4$$

Domanda numero 6: Determinarne punti di stazionarietà ed estremali.

f' = 2x + 6x5; f'y= 2y + 4y3

Ste o me x=0, y=0 juntook desonamete

fl=2+30x4, fly=0, fly=2+12y2 in (0,0) H=|20|= a>0; Hu>0 punch & un minimus

Domanda numero 7: Calcolare il polinomio di Taylor lineare attorno al punto P = (1, 2).

t(x,y) = f(1,2)+f(1,2)(x-1)+fy(1,2)(y-2)=

=22+8(x-1)+36(y-2)=

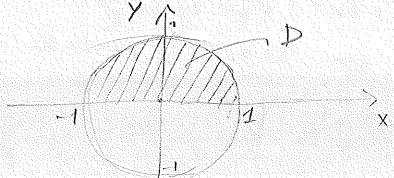
= 8x + 36y - 58.

Test 5 Consideriamo

$$I = \int \int_{D} y^{2} dx dy, \tag{3}$$

essendo $D = \{(x, y) : x^2 + y^2 \le 1, y \ge 0\}.$

Domanda numero 8: Schizzare un grafico del dominio di integrazione.



Domanda numero 9: Calcolare il valore dell' integrale (usare coordinate

La tresformazione ni coordinati plassi

e { x=rcosp, doto che v= x²+y²

e { y=round, polari...)

$$=\frac{\text{*** fine testo ***}}{\frac{1}{2}\int_{0}^{1}r^{3}dr\left[\psi-\frac{1}{2}\cos2\phi\right]_{0}^{2}}=\frac{\pi}{2}\left[\frac{v^{4}}{4}\right]_{0}^{4}=\frac{\pi}{8}$$

Università di Venezia Ca' Foscari

Corso di Laurea in Informatica

Insegnamento integrato di Calcolo Prof. F. Sartoretto

Verifica scritta del 01 giugno 2012.

Tema B

Nome			
Cognome			
Matricola Aula Posto Aula Posto			
Calcolo 12 crediti			
Analisi Matematica 9 crediti 🗌			
Superato test OFA			

Tempo: due ore. Consegnare solo questi fogli. Risposte errate comportano un punteggio negativo. Giustificare le risposte, sintetizzando i passaggi. RICORDARSI di mettere nome, cognome e numero di matricola su TUTTI i fogli.

Valore dei test: Test 1 = 8, Test 2 = 4, Test 3 = 5, Test 4 = 8, Test 5 = 5.

Test 1 Consideriamo la funzione

$$f(x) = x^3 \log(x). \tag{1}$$

Domanda numero 1: Determinarne il dominio.

funzione.

$$f'(x) = 3x^{2} \log x + x^{2} = 3x^{2} \log x + x^{2} = 2x^{2} \log x + x^{2} = 2x^{2} \log x + x^{2} = 2x^{2} (3\log x + 1) > 0$$

$$= x^{2} (3\log x + 1) > 0$$

$$= x > e^{1/3} > f'(x) > 0$$

$$= x > e^{1/3} > f'(x) > 0$$

$$= x > e^{1/3} > f'(x) > 0$$

Inolfre Com f(x)=0

Domanda numero 3: Studiare punti di stazionarietà ed estremi della funzione, schizzandone anche un grafico.

f"(x)= x(600px+6) zo e x>e x>e couvere

L with a fundo di stanionariete vista la discussion precedente of = e/3, ed d'un indudus. Data cle en fex)= to f(x) co, è auche x>+00 (+ vedu a leté) il avanus plabale. e 16 e 1/3

-3

Test 2 Domanda numero 4: Usando la sola definizione di limite, dimostrare che

 $\lim_{x\to 0+}\frac{2}{x^5}=+\infty.$

Robbiamo povore che

Dobbianus risolvère la dis ynaplieure

2 > M , vere 10 X < 1/2 .

Rumadi 20 plivano &= 52/H le (1)

e vere.

QED

+inserto a 1952: [reple do de l'Hôpidel]

lim $f(x) = \lim_{x \to 0+} \frac{\log x}{1 \times 3} = \lim_{x \to 0+} \frac{\frac{1}{x}}{(-3)\frac{1}{x}} = 0$

Test 3 Si vuole risolvere l'equazione differenziale

$$y' - (2/x)y - x = 0; (2)$$

Domanda numero 5: Determinare la soluzione che soddisfa alle condizioni iniziali y(0) = 1, e schizzarne un grafico.

La soluzione priverde dell' sinoferica

y'=8(x)y i y=Ce6(x) >c

G(x)= \(\frac{1}{2} \dx = 2 \left \left \right \right = \left \left \right \r

Test 4 Consideriamo la funzione

$$f(x,y) = x^2 + y^2 + x^4 + y^6$$

Domanda numero 6: Determinarne punti di stazionarietà ed estremali.

Domanda numero 7: Calcolare il polinomio di Taylor lineare attorno al punto P = (2, 1).

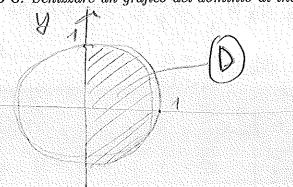
AND FRANKS TO AND THE STATE OF THE PARTY.

Test 5 Consideriamo

$$I = \int \int_{D} x^{2} dx dy, \tag{3}$$

essendo $D = \{(x, y) : x^2 + y^2 \le 1, x \ge 0\}.$

Domanda numero 8: Schizzare un grafico del dominio di integrazione.



Domanda numero 9: Calcolare il valore dell' integrale (usare coordinate polari...)

La treoformamone ui coordinate polorie

i X=rcop eloto che r²=x²+y²,

yzrreup

le con obizione ²+y²= 1 divente ocrc1,

mutre x >0 directe cosp >0,000 e

- 1 cp = 1 . Il dominio dos formato e

2 le con obisiono della trosformazione o

che lo Jacobi ono della trosformazione o

r, obiemono I = f dr f r³ cos² p dp =

[r4] 1 [1+co20] 20 = 1

- 1 [p+2eu2] 1 2 = 1 [1 + 1] - 1/8

*** fine testo ***