## ASU 优化基准平台

理解与参与策略

COPT 战略分析团队

内部战略研讨

### 目录

1. 平台介绍

2. 机遇与战略

3. 执行计划

4. COPT 求解器使用展示

# 平台介绍

### 平台概述

#### 什么是 ASU 优化基准?

- **维护方**:由亚利桑那州立大学(ASU)的 Hans Mittelmann 教授精心维护。
- **核心功能**: 为多种优化问题类型的求解器提供一个全面、权威的基准测试平台。
- 涵盖范围: 覆盖 LP、MILP、SDP、SOCP、NLP、QP 及其他专业 优化问题。
- 评估方法: 使用移位几何平均数 (Shifted Geometric Mean) 进行 严谨的性能比较。
- **资源提供**: 提供所有测试的日志文件和详细的性能分析报告,确保 透明度和可追溯性。

### 可分析的基准类别

#### 我们可以分析的问题类型:

- 线性规划 (LP)
  - LPfeas (可行性问题)
  - LPopt (最优化问题)
  - 大型网络 LP 问题
- 混合整数规划 (MILP)
  - MIPLIB2017 等标准基准
  - 病态案例
  - 不可行性检测
- 半定规划 (SDP)
  - 稀疏 SDP 问题
  - 不可行 SDP 问题

- 二阶锥规划 (SOCP)
  - 大型 SOCP 问题
- 非线性规划 (NLP)
  - AMPL-NLP 基准
- 二次规划 (QP)
  - 凸/非凸 QP
  - 二进制/连续变量变体

# 机遇与战略

### 当前格局与机遇

### 市场定位与发展机遇

#### 当前格局

在 2018 至 2024 年间,多家主流商业求解器(如 CPLEX, Gurobi, XPRESS)已相继退出该基准测试。

#### 我们的机遇

- 开放空间: 为新求解器创造了参与竞争、获得全球可见度的绝佳机会。
- 已有验证:根据 Mittelmann 基准数据, COPT 已展现出顶级性能。
- **活跃社区**: 通过 **NEOS 平台**,已有约 60 个求解器参与,形成活跃的学术和研究社区。

### 战略收益 i

#### 为什么参与至关重要?

- 提升可见度 (Visibility)
  - 在全球优化社区获得权威认可与品牌曝光。
- 性能验证 (Validation)
  - 通过独立第三方平台,客观验证求解器性能与稳定性。
- 扩大研究影响 (Research Impact)
  - 被全球顶尖大学及研究机构在学术研究中参考使用。
- 驱动持续优化 (Benchmarking)
  - 持续跟踪与对手的性能对比,为产品迭代提供数据支持。
- 融入前沿社区 (Community)
  - 接触尖端测试问题,与全球研究者建立合作。

# 执行计划

### 参与流程

如何提交我们的求解器?

选项一: NEOS 服务器集成

- 联系方式: support@neos-server.org
- 流程: 提供求解器描述和文档, 与 NEOS 平台进行技术集成。
- **优势**: 获得更广泛的用户可访问性和社区曝光度。

选项二: ASU 直接托管

- 联系方式: Hans Mittelmann 教 授 (mittelmann@asu.edu)
- 流程: 直接联系 Mittelmann 教 授,在 ASU 服务器上托管求 解器。
- 优势: 更直接、更快速地参与 基准测试。

### 基本要求

- 求解器文档:清晰、完整的技术和使用文档。
- 性能测试能力: 确保求解器能够稳定运行测试案例。
- 维护承诺: 积极响应并进行维护(Mittelmann 教授每周花费数小时更新)。

6

### 技术实施计划 i

#### 我们的方法与时间表

■ 第一阶段:分析与提取

■ 任务: 提取并分析现有基准案例的数学模型与数据结构。

■ 第二阶段: 开发处理管道

■ 任务: 开发强大的 Python 处理管道, 处理多种输入格式。

■ 第三阶段: 提交与集成

■ 任务:提交我们的求解器,完成与 NEOS 或 ASU 平台的集成。

■ 第四阶段: 监控与迭代

■ 任务: 监控性能排名,分析结果,根据反馈迭代改进。

#### 预计时间表

我们在预期时间内完成完整的技术集成和初步的性能展示。

### 下一步行动

#### 即刻启动,明确目标

### 立即行动 (Immediate Actions)

- 1. 模型提取: 从 Mittelmann 网站 提取基准测试案例的数学模 型。
- 2. 脚本开发: 启动灵活的 Python 脚本开发工作,处理不同模型格式。
- 3. 建立联系:与 Hans Mittelmann 教授建立初步联系,表达参与 意向。
- 4. 文档准备: 整理并打包求解器 的技术文档、安装指南和性能 说明。

### 成功指标 (Success Metrics)

- 排名目标: 在核心基准类别中 获得有竞争力的性能排名。
- 集成成功: 成功将求解器与
   NEOS 平台集成并稳定运行。
- **持续优化**: 建立定期性能监控 和优化的内部流程。

8

# COPT 求解器使用展示

### 产品设计理念:强大的"引擎" i

COPT 本质上是一个优化求解器引擎,而非一个带图形界面的软件。

#### 它是什么?

- 一个高性能的数学计算核心。
- 通过编程接口 (API) 被调用。
- 主要面向开发者和数据科学家。

#### 它不是什么?

- 一个像 Excel 那样的点击式应 用。
- 不需要用户手动"操作界面"。
- 它的"界面"就是代码本身。

可以把它理解为汽车的**发动机**,而不是整台汽车。开发者围绕这个 "引擎"构建完整的应用程序。

从问题到答案,只需四步:

1. 引入库: 在 Python 环境中, 引入 COPT 功能库。

#### 从问题到答案,只需四步:

- 1. 引入库: 在 Python 环境中, 引入 COPT 功能库。
- 2. **建立模型**: 使用 API,将业务问题中的变量、约束、目标翻译成代码。

#### 从问题到答案,只需四步:

- 1. 引入库: 在 Python 环境中, 引入 COPT 功能库。
- 2. 建立模型: 使用 API,将业务问题中的变量、约束、目标翻译成代码。
- 3. 启动求解: 调用简单命令, 启动求解器引擎进行计算。

#### 从问题到答案,只需四步:

- 1. 引入库: 在 Python 环境中, 引入 COPT 功能库。
- 2. 建立模型: 使用 API,将业务问题中的变量、约束、目标翻译成代码。
- 3. 启动求解: 调用简单命令, 启动求解器引擎进行计算。
- 4. 获取结果: 从返回结果中,提取最优决策方案指导业务。

### API 调用示例:一个简单的线性规划问题 i

#### 数学模型:

$$\begin{array}{ll} \max & x+2y \\ \text{s.t.} & -x+y \leq 1 \\ & x+y \leq 2 \\ & x,y \geq 0 \end{array}$$

#### 对应的 Python 代码:

import coptpy as cp

# 1. 创建模型

mdl = cp.Envr().createModel("lp\_example")

# 2. 创建变量

x = mdl.addVar(name="x")

y = mdl.addVar(name="y")

### API 调用示例:一个简单的线性规划问题 ii

```
# 3. 添加约束
mdl.addConstr(-x + y <= 1)</pre>
mdl.addConstr(x + y \le 2)
#4. 定义目标函数
mdl.setObjective(x + 2*y, cp.COPT.MAXIMIZE)
# 5. 求解模型
mdl.solve()
# 6. 打印结果
print("Optimal value: {}".format(mdl.objval))
print("x={}, y={}".format(x.x, y.x))
```

### API 的价值:连接数学理论与商业实践 i

API 是翻译器,也是连接器,将抽象的数学模型转化为可执行的商业逻辑。

#### 如何帮助导出数学模型?

API 提供了一套与数学符号高度对应的语言。研究员脑中的公式,可以直接"翻译"成代码。

- 数学公式:  $\sum_{i=1}^{n} c_i x_i \leq B$
- 对应代码:
  mdl.addConstr(cp.quicksum(c[i]\*x[i] for i in range(n))
  <= B)

### API 的价值: 连接数学理论与商业实践 ii

### API 的商业用途是什么?

- 自动化决策: 嵌入企业 ERP、WMS 等系统,实现供应链、排产、 定价等自动优化。
- **定制化应用**: 根据独特业务场景,开发专属优化工具,而非使用通用软件。
- "What-if"分析: 快速调整模型参数,模拟不同市场环境下的最优 策略,支持决策。

### COPT 性能优势与展望 i

### 核心优势 (做得好)

- 线性规划 (LP) & 混合整数 规划 (MIP): 根据
   Mittelmann 榜单, COPT 在 核心领域性能达到世界顶尖 水平。
- 二阶锥/二次/半定规划:在 凸二次规划、二阶锥规划和 半定规划领域,性能位居世 界前列。
- 技术创新: 发布支持 GPU 加速的一阶算法求解器,满足超大规模问题求解需求。

### 持续发展方向 (做得更好)

- 通用非线性规划 (NLP): 持 续提升对非凸、非线性模型 处理能力。
- 生态系统与社区:加强用户社区、第三方工具与文档建设、构建强大生态系统。
- 前沿算法探索:投入新算法研究,解决专门化和结构特殊问题,提高针对性和效率。

# Q & A