数学优化模型求解报告

bk4x3.mps

COPT 求解器

求解时间: 2025 年 07 月 09 日 22:15:23

目录

1	模型概览	2
2	目标函数	2
3	约束条件 3.1 等式约束 (7 个)	
4	变量定义 4.1 二元变量 (12 个)	
5	求解结果 5.1 最优目标值	3
6	求解信息汇总 	4

1 模型概览

文件名: bk4x3.mps

模型名: 未知模型 变量总数: 24 约束总数: 19

求解时间: 2025 年 07 月 09 日 22:15:23

优化方向: Minimize

模型类型: 混合整数规划 (MIP)

2 目标函数

目标函数摘要:

$$\min \quad Z = \sum_{i} c_i Y_i + \sum_{j} d_j X_j \tag{1}$$

Y 变量: 12 个,系数范围 [10,30] X 变量: 10 个,系数范围 [2,5]

完整目标函数:

min
$$Z = 2X_0 + 3X_1 + 4X_2$$
 (2)
 $+ 3X_3 + 2X_4 + 4X_7$ (3)
 $+ 3X_8 + 4X_9 + 5X_{10}$ (4)
 $+ 2X_{11} + 10Y_0 + 30Y_1$ (5)
 $+ 20Y_2 + 10Y_3 + 30Y_4$ (6)
 $+ 20Y_5 + 10Y_6 + 30Y_7$ (7)
 $+ 20Y_8 + 10Y_9 + 30Y_{10}$ (8)
 $+ 20Y_{11}$

3 约束条件

3.1 等式约束 (7 个)

$$X_0 + X_1 + X_2 = 10$$
 (A0) (9)
 $X_3 + X_4 + X_5 = 30$ (A1) (10)
 $X_6 + X_7 + X_8 = 40$ (A2) (11)

$$X_9 + X_{10} + X_{11} = 20 (A3)$$

$$X_0 + X_3 + X_6 + X_9 = 20 (B0)$$

$$X_1 + X_4 + X_7 + X_{10} = 50 (B1)$$

 $X_2 + X_5 + X_8 + X_{11} = 30 (B2)$

(16)

3.2 不等式约束 (14 个)

$X_0 - 10Y_0 \le 0$	(G0)	(17)
$X_1 - 10Y_1 \le 0$	(G1)	(18)
$X_2 - 10Y_2 \le 0$	(G2)	(19)
$X_3 - 20Y_3 \le 0$	(G3)	(20)
$X_4 - 30Y_4 \le 0$	(G4)	(21)
$X_5 - 30Y_5 \le 0$	(G5)	(22)
$X_6 - 20Y_6 \le 0$	(G6)	(23)
$X_7 - 40Y_7 \le 0$	(G7)	(24)
$X_8 - 30Y_8 \le 0$	(G8)	(25)
$X_9 - 20Y_9 \le 0$	(G9)	(26)
$X_{10} - 20Y_{10} \le 0$	(G10)	(27)
$X_{11} - 20Y_{11} \le 0$	(G11)	(28)
		(29)

4 变量定义

4.1 二元变量 (12 个)

$$Y_i \in \{0, 1\}, \quad i \in \{0, 1, 2, \dots, 11\}$$
 (30)

所有二元变量:

 $Y_0, Y_1, Y_2, Y_3, Y_4, Y_5, Y_6, Y_7, Y_8, Y_9,$

 Y_{10}, Y_{11}

4.2 连续变量 (12 个)

所有连续变量均为非负实数:

$$X_j \ge 0, \quad j \in \{0, 1, 2, \dots, 11\}$$
 (31)

连续变量说明:模型包含 12 个连续决策变量,所有变量的取值范围均为非负实数域。

5 求解结果

5.1 最优目标值

最优目标值为: 350

5.2 求解状态

求解状态: 最优解

5.3 最优解

各决策变量的最优取值如下:

变量名	最优值			
二元变量				
Y_0	0			
Y_1	0			
Y_2	1			
Y_3	0			
Y_4	1			
Y_5	0			
Y_6	1			
Y_7	1			
Y_8	0			
Y_9	0			
Y_{10}	0			
Y_{11}	1			
连续变量				
X_0	0			
X_1	0			
X_2	10			
X_3	0			
X_4	30			
X_5	0			
X_6	20			
X_7	20			
X_8	0			
X_9	0			
X_{10}	0			
X_{11}	20			

6 求解信息汇总

求解器: COPT

求解时间: 2025 年 07 月 09 日 22:15:23

模型规模: 24 个变量, 19 个约束

最终状态: 最优解 最优目标值: 350