## 树形结构选讲

by gXX @YHOI 2009 #4

### POJ 1770 Special Experiment

- 题意
  - 树的最大独立集
- 解法
  - 动态规划

## 动态规划

- ・定义
  - $-f_0[i]$  以i为根的子树中,选择点i的最大独立集
  - $-f_1[i]$  以i为根的子树中,不选择点i的最大独立集
- 转移(设*j*为*i*的儿子)
  - $-f_0[i] = \max \{f_1[j]\} + 1$
  - $-f_1[i] = \max \{ f_0[i], f_1[i] \}$

#### POJ 1985 Cow Marathon

- 题意
  - 树上最远距离点对(直径)
- 解法
  - 经典算法

## 经典算法-双向遍历

- 算法
  - 任取一点 $x_0$ 开始遍历,求得离 $x_0$ 的最远点是 $x_1$ ,再从点 $x_1$ 开始遍历,求得离 $x_1$ 的最远点是 $x_2$
  - 从 $x_1$ 到 $x_2$ 的路径就是直径
- 证明
  - 任意节点的最远点必然是直径的一个端点
    - 考虑反证法

#### POJ 2253 Frogger

- 题意
  - 最大边最小路径
- 解法
  - 二分答案判定
  - 最小生成树

#### POJ 3522 Slim Span

- 题意
  - 最小差额生成树
- 解法
  - 克鲁斯卡尔改进算法

# POJ 2559 Largest Rectangle in a Histogram

- 题意
  - 直方图最大内含矩阵
- 解法
  - 笛卡尔树

### POJ 3013 Big Christmas Tree

- 题意
  - 无向图生成树, 节点深度和权值之积最小
- 解法
  - 最短路树

## 谢谢大家