## 2022 年国庆节Mathematics Club初中知识竞赛

## 数学

本试卷共2页,17小题,满分100分. 考试用时120分钟.

注意事项: 1. 答卷前,考生务必按要求填写好自己的准考证号、姓名等信息.

- 2. 答卷时, 若使用答题卡作答, 填写好相关个人信息后在指定的区域内用黑色字迹的 钢笔或签字笔作答; 若使用白纸作答, 则在作答每小题前须在左上角标好题号, 然 后使用黑色字迹的钢笔或签字笔作答. 每小题作答完毕后, 描出该题的答题区域. 若 几何题等需要作辅助线的,则需额外画图.
- 3. 考生需注意把握考试时间, 若考生提前完成, 可提前交卷. 建议考生在考试结束前5 至10分钟交卷,避免因特殊原因无法提交导致成绩作废.
- 4 木次老试允许使用具有四侧运管功能的计管器。但原则上要求老生独立完成。不得

	7.	寻求他人帮							-	
	and the same of									
一、	选择题(·	一):本大题	共2小	<b>题,每小</b> 题	3分,共	6分。1	<b>王每小</b> 题给	出的	四个选项中	,只有
	一项是符·	合题目要求的	勺.							
1.	函数 $y = x$	$^2(x>0)$ 的图	图像经过	世的象限为						
	A. 第一象	限	B. 第	<b></b>	C.	第三象	限	D.	第四象限	
2.	将函数y=	$(x-2)^2 +$	6的图像	象先向左平移	82个单位	再向下站	平移4个单位	位后得	<b>导到的函数</b> 角	军析式为
	$A. \ y = (x$	$(-4)^2 + 2$	В. у	$= x^2 + 2$	C.	y = (x	$(-4)^2 + 1$	0 D.	$y = x^2 + 1$	0
二、	选择题(	二):本大题	共3小	题,每小题	5分,共	15分。	在每小题	给出的	的四个选项中	7,只有
	一项是符·	合题目要求的	匀.							
3.	若关于x的	了一元二次方	程ax²	+bx+c=	0的两个等	实数根分	分别为 $x_1$ 、	$x_2$ ,	且这两个实	数根满足
	$[a(x_1 + x_2)]^2 = 4a^2x_1x_2$ ,则下列结论中一定正确的是									
	A. $x_1 > x$	2	B. <i>x</i>	$_{1} < x_{2}$	C.	$x_1 = x$	2	D.	$x_1 = -x_2$	
4.	关于x的方	程 $x^2 -  x $ —	30 = 0	的实数根的	个数为					
	A. 0		B. 1		C.	2		D.	3	
5.	己知直线y	= x + 1交执	物线y	$= x^2 - x +$	1于点 <i>A、</i>	B, C为	JAB下方抛	物线	上一点, <i>CD</i>	$\perp AB$ ,则
	.t →	= 1 /11 -	1. 22 .1.	1 >1						

- 当CD取得最大值时,C点的坐标为
  - A.  $(\frac{1}{2}, \frac{3}{4})$  B. (1, 1) C.  $(\sqrt{2}, 3 \sqrt{2})$  D. (2, 3)
- 三、填空题(一): 本大题共 5 小题, 每小题 4 分, 共 20 分.
- 6. 因式分解:  $x^6 x^4$  .

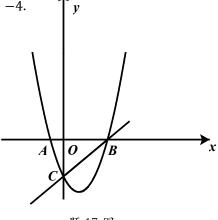
- 7. 已知一个直角三角形的斜边为 $\sqrt{10}cm$ ,面积为 $\frac{3}{2}cm^2$ ,则这个直角三角形的周长为\_\_\_\_\_.
- 8. 已知二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 过点(-1, 0)、点(3, 0),若该抛物线的顶点为(k, -4),则 a + b + c的值为 .
- 9. 若二次函数 $y = -2x^2 6x + c$ 的图像经过 $(-3, y_1)$ 、 $(-\sqrt{5}, y_2)$ 、 $(-\sqrt{2}, y_3)$ ,则 $y_1$ 、 $y_2$ 、 $y_3$  之间的大小关系为\_\_\_\_\_.
- 10. C城有一个人感染了X病毒,估计经过两轮传染后,共有K个人被传染,且145 < K < 195,则每轮传染中平均每个感染者传染的人数为

## 四、填空题 (二): 本大题共 5 小题, 每小题 7 分, 共 35 分.

- 11. 已知 $y_1 = x^2 2x 3$ 、 $y_2 = x^2 + (b+1)x + b$ . 当x < -1时, $y_1 > y_2$ ,则b的取值范围是\_\_\_\_\_.
- 12. 关于x的方程 $x^2 + 2\sqrt{x^2 2} 2 = 0$ 的所有实数根为 .
- 13. 关于x的方程 $x^3 7x + 6 = 0$ 的所有实数根之和为\_\_\_\_\_.
- 14. 已知在某个队伍中,第1行有1个人,第2行有4个人,第3行有9个人,第n行有n<sup>2</sup>个人. 若从第1行开始从前往后报数,当报到第2022个人时,这个人所在的行数是\_\_\_\_\_.
- 15. 已知在关于x的方程 $ax^2 + bx + c = 0$ 中,ac = -10,若要使该方程的根是有理数,则所有满足条件的正整数b的和是\_\_\_\_\_.

## 五、解答题(一): 本大题共2小题,每小题12分,共24分.

- 16. 已知在长度为1的线段AB上有一点C,且满足 $\frac{AC}{BC} = \frac{BC}{AB}$ .
  - (1) 求BC的长度.
  - (2) 若你只有一个圆规和一把2*cm*的刻度尺(只有整刻度),请充分利用以上工具,作出一段与 *BC*等长的线段(要求:写出作法并画图).
- 17. 如题 17 图,在平面直角坐标系xOy中,抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 从左到右分别交x轴于点A、B,交y轴于点C,其中A(-1,0),AB = 4,且 $ax^2 + (b-4)x + c + 8 \ge -4$ .
  - (1) 求抛物线的解析式.
  - (2) 若在抛物线的对称轴上有一动点P, 求PC PB的最小值.
  - (3) 若点Q是直线BC下方的抛物线上一动点(不与点B、C重合),过点Q作QD  $\bot x$ 轴,交BC 于点E,作QF  $\bot BC$  于点F. 设 $\triangle$  QEF 的周长为C,点Q的横坐标为x,求C 与x的关系式及最大周长.



题 17 图