(出题人: 九(1)班 李泽锋)

【提出问题】已知a为正整数,若要使 $\sqrt{a^2+10}$ 为整数,求所有满足条件的a.

【初步推导】

$$\diamondsuit n = \sqrt{a^2 + 10}$$

则
$$n^2 = a^2 + 10$$

$$\therefore n^2 - a^2 = 10$$

$$\therefore (n-a)(n+a) = 10$$

【完善推导】请接着【初步推导】中已有的过程解答原题.

【小试牛刀】已知在关于x的二次方程 $ax^2 + bx + c = 0(a, c$ 均为有理数,b为正整数)中,ac = -10,若要使方程的所有根都为有理数,求所有满足条件的b.

【思考探究】已知m、n、p为正整数,1 < n < p,q为小于p的质数的个数,若 $\sqrt{m^2 + n}$ 为整数,设只有一个满足条件的m时的情况的个数为k,探究k与q的关系,并说明理由.