O Problema 3n+1

O problema (original em inglês) localiza-se aqui.

Os problemas na Ciência da Computação são frequentemente classificados como pertencendo a determinadas classes. Nesse problema você vai analisar a propriedade de um algoritmo cuja classificação não é conhecida por todas as entradas possíveis.

Considere o seguinte algoritmo:

```
\begin{array}{l} \text{input n} \\ \text{print n} \\ \textbf{if n} = 1 \ \textbf{then STOP} \\ \textbf{if n is odd then n} \leftarrow 3n{+}1 \\ \textbf{else n} \leftarrow n/2 \\ \text{GOTO 2} \end{array}
```

Dado 22 como entrada, a saída será a seguinte sequencia de números:

```
22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1
```

Considera-se que o algoritmo acima irá terminar (1 é escrito) para qualquer entrada com valor integro. Apesar da simplicidade do algoritmo, não se sabe se esse pressuposto é verdadeiro. Contudo, isso foi verificado para todos os inteiros n, tal qual 0 < n < 1.000.000 (e para mais muitos valores adiante).

Dada uma entrada n, é possível determinar o número de valores escritos, incluindo o valor 1. Assim, para determinado n, chama-se tamanho do ciclo de n. No exemplo acima, o tamanho do ciclo de 22 é 16.

Para quaisquer dois números i e j, você deve determinar o tamanho máximo do ciclo de todos os números entre i e j, ambos inclusos.

Entrada

A entrada consiste numa série de pares de números i, j (um por linha). Todos os inteiros devem ser menores que 10.000 e maiores que 0.

Você deverá processar todos os pares de inteiros, onde, para cada par, deve-se determinar o tamanho máximo do ciclo perante todos os inteiros entre i e j, inclusos.

Você pode assumir que nenhuma das operações irá criar um overflow no inteiro de $32\,$ bits.

Saída

Para cada entrada de pares inteiros i,j você deve dar como saída i, j e o tamanho máximo do ciclo para os inteiros de i até j. Esse três números devem ser separados por pelo menos um espaço em branco e estarem em linha individual (uma linha de entrada por uma de saída). Os inteiros i e j devem aparecer na saída na mesma ordem na qual eles aparecem na entrada, seguidos, logo em seguida, pelo tamanho máximo do ciclo (mesma linha).

Exemplo de entrada

Exemplo de saída

1 10 20 100 200 125 201 210 89 900 1000 174