# 重力と熱流下における粒子集団の様相

理学部理学科物理学コース 学籍番号 20S2035Y 山本 凜

最終更新日: 2023年12月28日

# 目次

1	実験	3
1.1	追実験	4
1.2	重力と熱流を同時にかける・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	6
1.3	重力を先にかけて、熱流を後からかける	9
1.4	重力のみをかける	10
1.5	熱流のみをかける	10
付録 A	ソースコード	10

## 1 実験

この章では、行ったシミュレーションの設定についてそれぞれ説明をしていく.

系の上下両端のポテンシャルエネルギー差  $mgL_y$  と運動エネルギー差  $k_{\rm B}\Delta T$  の比を  $\chi$  として以下のように設定する.

$$\chi \equiv \frac{k_{\rm B} \Delta T}{mgL_y}$$

壁ポテンシャルまわりの無次元パラメータを3つ用意する.

 $R_d$ : 乾き具合.  $R_t$ : 壁の厚み.  $R_a$ : 濡れ具合.

これらを用いて, 壁-粒子間相互作用 LJ ポテンシャルは以下のように書き表す.

$$\begin{split} \varepsilon^{\mathrm{wall}} &= (1.0 - R_{\mathrm{d}}) \times \varepsilon \\ \sigma^{\mathrm{wall}} &= (0.5 + R_{\mathrm{t}}) \times \sigma \\ r_{\mathrm{cut}}^{\mathrm{wall}} &= \left(2^{1/6} + R_{\mathrm{a}}\right) \times \sigma^{\mathrm{wall}} \end{split}$$

パラメータ  $(R_d, R_t, R_a)$  を変えることによって、壁-粒子間相互作用 LJ ポテンシャルが変わる. このときに、 どのようにして粒子集団の様相が変化するかをみる.

 $R_a$  と  $R_t$  を少しずつ変えた系でシミュレーションをして、粒子集団の様相の変化を見たい. 以下に示すのが、それらを動かす範囲である.

$$\begin{split} R_a\colon 0.0 \sim 3.0 - 2^{1/6} = 1.877538\dots \\ R_t\colon 0.0 \sim 0.5 \end{split}$$

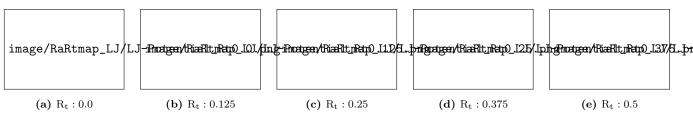


図 1

本章の以降の実験は特記がない限り以下のパラメータに近い値で行うものとする.

N = 1250: 粒子数

- $\rho\sigma^2 = 0.4$ : 粒子数密度
- $L_x/\sigma = 39.528471 \simeq 39.5$ : 系の x 幅
- $L_y/\sigma = 79.0569414 \simeq 79.0$ : 系の y 幅
- $k_{\rm B}T/\varepsilon=0.43$ : 初期温度
- $k_{\rm B}\Delta T/\varepsilon=0.04$ : 熱浴の温度差
- $mg\sigma/\varepsilon=0.0003999718779659611\simeq 4.0\times 10^{-4}$ : 粒子にかかる重力の大きさ
- $\mathrm{d}t\sqrt{\epsilon/m\sigma^2}=0.005$ : シミュレーションにおける時間刻み.

以下に記すのは、今後解析をする際に示すシミュレーションについての時間に関する説明である.

 $t_i$ : シミュレーション開始時から, 物理量を解析する際にデータを採用し始める時間. これ以降は定常状態であるとみなす.  $t_f$ : シミュレーション開始時から, シミュレーションの終了時までの時間.

いずれの実験の場合も  $t\sqrt{\epsilon/m\sigma^2}=0$  の時点では粒子は以下の画像のように、系に規則正しく並べられているとする.

image/initial1250.png

**2:** N = 1250

#### 1.1 追実験

壁を完全に濡らしている状態を考えたいので,  $r_{\mathrm{cut}}^{\mathrm{wall}} = 3.0\sigma$  に設定する.

また,重力をかけた状態で粒子が下に落ちきり,緩和しているとみなせるまでシミュレーションを行ってから,熱流をかけている.この時点でのシミュレーションではデータを解析することはない.

- N = 5000
- $\rho \sigma^2 = 0.4$
- $L_x/\sigma = 79.0...$
- $L_u/\sigma = 158.1...$

- $k_{\rm B}T/\varepsilon = 4.3$
- $k_{\rm B}\Delta T/\varepsilon = 0.0$
- $mg\sigma/\varepsilon = 2.0 \times 10^{-4}$
- $t_f \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 5.0 \times 10^5$

image/drop5000.png

図 3:  $t\sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 5.0 \times 10^5$  でのスナップショット

続いて重力をかけた緩和後の系で、熱浴の温度差を改めて以下のようにつけ、熱流をかけてシミュレーションをしている。このシミュレーションでデータを解析する.

- $\chi = k_{\rm B}\Delta T/mgL_y = 1.265$
- $k_{\rm B}\Delta T/\varepsilon = 0.04$
- $t_i \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 5.0 \times 10^5$
- $t_f \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 1.0 \times 10^6$

 $(R_d=0.0,R_t=0.5,R_a=3.0-2^{1/6})$  で実験を行う.これは, $(\varepsilon^{\rm wall}=\varepsilon,\sigma^{\rm wall}=\sigma,r_{\rm cut}^{\rm wall}=3.0\sigma^{\rm wall})$  に対応しているので, $\phi_{\rm LJ}^{\rm wall}=\phi_{\rm LJ}$  ということになり,先行研究と同じ結果を得ることができる.

image/2023-11-21T21:01:17.543\_followup\_chi1.265\_Ay100\_rho0.4\_T0.43\_dT0.04\_Rd

 $\hbox{ \begin{tabular}{l} $\boxtimes$ 4: Ay 100\_rho 0.4\_T 0.43\_d T 0.04\_R d 0.0\_R t 0.5\_R a 1.877538\_g 0.0004\_run 1.0e8 \\ \end{tabular} }$ 

### 1.2 重力と熱流を同時にかける

以下のように,  $R_a$  と  $R_t$  を少しずつ変えた系を設定して, それぞれシミュレーションをした.

	$R_{a}:0.0$	$R_a: 0.469$	$R_{\rm a}:0.938$	$R_a: 1.408$	$R_{\rm a}:1.877$
$R_{\rm t} : 0.0$	a	b	c	d	e
$R_{\rm t} : 0.125$	f	g	h	i	j
$R_{\rm t} : 0.25$	k	1	m	n	О
$R_{\rm t} : 0.375$	р	q	r	S	t
$R_{\rm t} : 0.5$	u	V	W	X	у

パラメータを確認する.

- N = 1250
- $\bullet \ \rho \sigma^2 = 0.4$
- $L_x/\sigma = 39.5...$
- $L_y/\sigma = 79.0...$
- $k_{\rm B}T/\varepsilon = 0.43$
- $k_{\rm B}\Delta T/\varepsilon = 0.04$
- $mg\sigma/\varepsilon = 4.0 \times 10^{-4}$
- $t_f \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 2.0 \times 10^5$

この際の粒子集団の様相は以下のようになる.

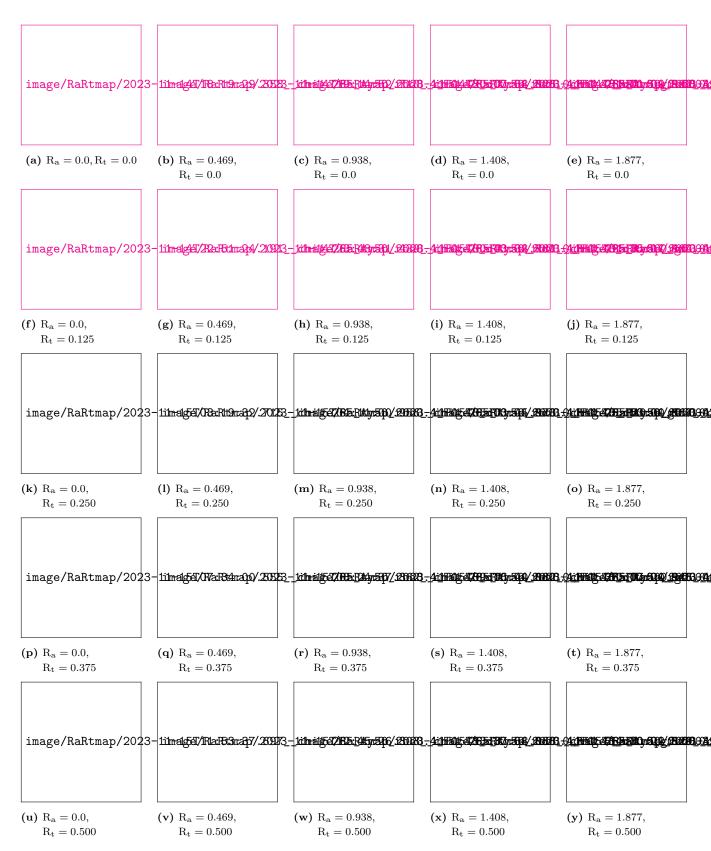


図 5: リンク先の動画は  $t\sqrt{\varepsilon/m\sigma^2}=200$  ごとに表示. スナップショットは  $t\sqrt{\varepsilon/m\sigma^2}=t_f\sqrt{\varepsilon/m\sigma^2}$  時.

重心位置  $Y_g$  を系の y 幅でスケーリングして, 時系列プロットすると,

$$Y_g \equiv \bar{y_i} = \frac{1}{N} \sum_{i}^{N} y_i$$

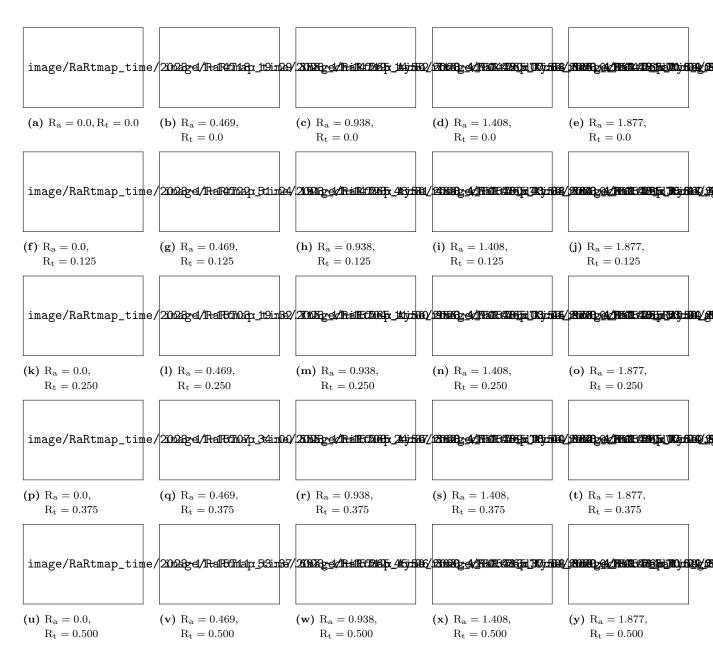


図 6:  $t_i = 0, t_f = 2.0 \times 10^5, dt \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 0.005, t \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 200$  ごとにプロット.

#### 1.3 重力を先にかけて、熱流を後からかける

以下は、追実験のときと同じように、まず重力のみをかけて、粒子集団が落ちきってから熱流をかけると同時に測定を開始するものである.

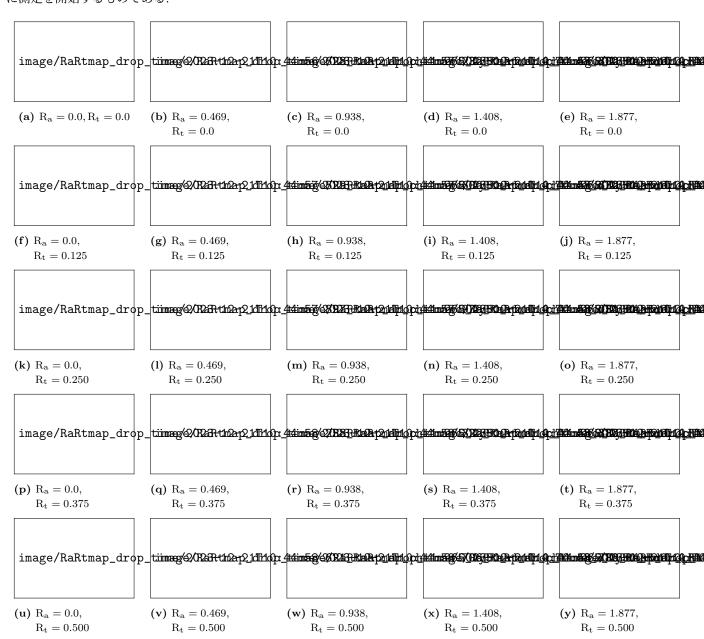


図 7:  $t_i = 2.0 \times 10^5, t_f = 4.0 \times 10^5, dt \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 0.005, t \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 200$  ごとにプロット.

### 1.4 重力のみをかける

- N = 1250
- $\rho \sigma^2 = 0.4$
- $L_x/\sigma = 39.5...$
- $L_y/\sigma = 79.0...$
- $k_{\rm B}T/\varepsilon = 0.43$
- $k_{\rm B}\Delta T/\varepsilon = 0.0$
- $mg\sigma/\varepsilon = 4.0 \times 10^{-4}$
- $t_f \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 2.0 \times 10^5$

#### 1.5 熱流のみをかける

- N = 1250
- $\bullet \ \rho\sigma^2 = 0.4$
- $L_x/\sigma = 39.5...$
- $L_y/\sigma = 79.0...$
- $k_{\rm B}T/\varepsilon = 0.43$
- $k_{\rm B}\Delta T/\varepsilon = 0.04$
- $mg\sigma/\varepsilon = 0.0$
- $t_f \sqrt{\varepsilon/m\sigma^2} = 2.0 \times 10^5$

# 付録 A ソースコード

#### ソースコード 1: in.2DLJ\_mod

```
# 2d Lennard-Jones

# 出力関係のパラメータ

variable run equal PLACEHOLDER_run

variable thermo equal ${run}/1000 # 分母の数がlogで生成される行数になる.

variable dump equal ${run}/1000 # 分母の数がlammpstrjで生成される行数になる.

variable image_step equal ${run}/4 # 分母の数+1枚の画像を作成.

# 重要なパラメータ

variable SEED equal 202035

variable Ay equal PLACEHOLDER_Ay # 粒子生成に用いるy方向でのセル数.

variable Ax equal ${Ay}/2 # 粒子生成に用いるx 方向でのセル数.

variable rho equal PLACEHOLDER_rho # 密度.密度と粒子数から体積が決まる.

variable trange equal 8 # 各熱浴の幅.
```

```
16 variable gap equal 0.5 # box と catom のずれ. ずらさないと粒子が消えてしまう.
17 # lo,hi が単に座標の小さい大きいであることに注意.
18 variable T equal PLACEHOLDER_T # 各熱浴の目標温度の中間, これを初期温度に設定.
19 variable dT equal PLACEHOLDER_dT
20 variable tlo equal ${T}+(${dT}/2) # 座標の小さい方の熱浴の目標温度.
21 variable thi equal ${T}-(${dT}/2) # 座標の大きい方の熱浴の目標温度.
22 variable g equal PLACEHOLDER_g # 重力加速度.
23 # 粒子-粒子間のLJ ポテンシャル
24 variable epsilon_pair equal 1.0 # LJポテンシャルの epsilon; ポテンシャルの深さ.
25 variable sigma_pair equal 1.0 # LJ ポテンシャルの sigma; 衝突直径.
26 variable rc_pair equal 3.0 # 典型的なカットオフ長.
27 # 壁-粒子間のLJ ポテンシャル
28 # variable r_thickness equal PLACEHOLDER_rt # 壁の厚みに相当する.
29 # variable r_attractive equal PLACEHOLDER_ra # 引力ポテンシャルに影響.
30 variable epsilon_wall equal 1.0 # LJポテンシャルの epsilon; ポテンシャルの深さ.
31 variable sigma_wall equal 1.0 # LJポテンシャルの sigma; 衝突直径.
32 variable rc_wall equal 3.0 # WCA ポテンシャルになるようなカットオフ長+alpha*
      sigma_wall.
33
  # 領域関係のパラメータ
34
    # 縦長のとき
35
36 variable box_xlo equal 0 # x の小さい方の直線.
37 variable box_xhi equal ${Ax} # x の大きい方の直線.
38 variable box_ylo equal -${gap} # y の小さい方の直線.
39 variable box_yhi equal ${Ay}-${gap} # y の大きい方の直線.
40 variable coldlo equal -${gap} # 熱浴で温度の低い方の小さい方の直線.
41 variable coldhi equal -${gap}+${trange} # 熱浴で温度の低い方の大きい方の直線.
42 variable hotlo equal ${Ay}-${gap}-${trange} # 熱浴で温度の高い方の小さい方の直線.
43 variable hothi equal ${Ay}-${gap} # 熱浴で温度の高い方の大きい方の直線.
44 # # 横長のとき
45 # variable box_xlo equal -${gap}
# variable box_xhi equal ${Ax}-${gap}
47 # variable box_ylo equal 0
48 # variable box_yhi equal ${Ay}
49 # variable coldlo equal -${gap}
50 # variable coldhi equal -${gap}+${trange}
# variable hotlo equal ${Ay}-${gap}-${trange}
52 # variable hothi equal ${Ay}-${gap}
53
54
55 # 系の設定
56 units lj # LJ 単位系.
57 atom_style atomic # 粒子.
58 dimension 2 # 次元.
59 timestep 0.005 # MD シミュレーションの timestep.
60 boundary p f p # x=1,y=m,z=n の直線が周期境界条件.
```

```
61 lattice sq ${rho} # 粒子の初期配置. sq; 正方形セルの左隅に 1つ置く.
62 region box block ${box_xlo} ${box_xhi} ${box_ylo} ${box_yhi} -0.1 0.1 # 系の領域
      設定.
63 region catom block 0 ${Ax} 0 ${Ay} -0.1 0.1 # 粒子生成の領域設定.
64 create_box 1 box # 系の生成.
65 create_atoms 1 region catom # 粒子の生成.
66 mass 1 1.0 # 粒子の設定.
67 velocity all create ${T} ${SEED} dist gaussian # 粒子に温度
      t を目標とする初期速度をガウス分布に従って与える.
68
    # 縦長のとき
69
70 region cold block INF INF ${coldlo} ${coldhi} -0.1 0.1 # 熱浴Cの領域.
71 region hot block INF INF ${hotlo} ${hothi} -0.1 0.1 # 熱浴Hの領域.
72 # # 横長のとき
73 # region cold block ${coldlo} ${coldhi} INF INF -0.1 0.1 # 冷たい熱浴の領域.
74 # region hot block ${hotlo} ${hothi} INF INF -0.1 0.1 # 暖かい熱浴の領域.
75
76 # 各熱浴領域の温度を計算
77 compute Tcold all temp/region cold # c_Tcold で cold 熱浴領域の温度を取得.
78 compute Thot all temp/region hot # c_Tcold で cold 熱浴領域の温度を取得.
80 # 粒子-粒子間相互作用ポテンシャル
81 pair_style lj/cut ${rc_pair}
82 pair_coeff 1 1 ${epsilon_pair} ${sigma_pair} ${rc_pair}
  pair_modify shift yes # ポテンシャルエネルギーが Oになる距離がカットオフ長になるように全
      体的にシフトアップする.
84
85 # 高速化コマンド. neighbor list に入れる距離指定.
86 neighbor 0.3 bin
87 neigh_modify every 1 delay 0 check yes
  # システムに他の操作がない場合にnve アンサンブルに一致するだけで、今回の系はlangevin 熱浴
      を用いた nvt アンサンブルであることに注意.
90 fix 1 all nve
91
92 # 壁-粒子間相互作用ポテンシャル
93 # 縦長のとき
94 fix wallylo all wall/lj126 ylo EDGE ${epsilon_wall} ${sigma_wall} ${rc_wall}
      units box pbc yes
95 fix wallyhi all wall/lj126 yhi EDGE ${epsilon_wall} ${sigma_wall} ${rc_wall}
      units box pbc yes
96 # # 横長のとき
97 # fix wallxlo all wall/lj126 xlo EDGE ${epsilon_wall} ${sigma_wall} ${rc_wall}
      units box pbc yes
98 # fix wallxhi all wall/lj126 xhi EDGE ${epsilon_wall} ${sigma_wall} ${rc_wall}
      units box pbc yes
```

```
99
   # langevin 熱浴
100
   fix hot all langevin ${T} ${T} 1.0 ${SEED} tally no # 熱浴
       H が温度 T になるようにする.
   fix cold all langevin ${T} ${T} 1.0 ${SEED} tally no # 熱浴
102
       C が温度 T になるようにする.
   fix_modify hot temp Thot
   fix_modify cold temp Tcold
105
   # 重力場
106
   fix Gravity all gravity ${g} vector 0 -1 0
107
108
   run 90000 # tがtauになるまで実行.
109
110
   unfix hot # 熱浴H についての設定の解除.
111
   unfix cold # 熱浴C についての設定の解除.
112
113
   fix hot all langevin ${tlo} ${tlo} 1.0 ${SEED} tally no # 熱浴が温度
       tlo になるようにする.
   fix cold all langevin ${thi} ${thi} 1.0 ${SEED} tally no # 熱浴が温度
       thi になるようにする.
   fix_modify hot temp Thot
   fix_modify cold temp Tcold
117
118
119
   # 重心計算(Center of Mass)
120
   compute CoM all com # c_CoM[1]でXg, c_CoM[2]でYgを取得.
121
122
123
124 # 出力コマンド
   # VMD
125
   dump id all custom ${dump} output.lammpstrj id x y vx vy
126
127
   # 画像
128
   dump 2 all image ${image_step} image.*.jpg type type
129
   dump_modify 2 pad 3
130
131
132 # YAML
133 fix extra all print ${thermo} """
- timestep: □$(step)
135 ⊔⊔temp:⊔$(temp)
136 ⊔⊔pe:⊔$(pe)
   ⊔⊔TotE:⊔$(etotal)
137
138 ⊔⊔xg:⊔$(c_CoM[2])
139 ⊔⊔Tcold:⊔$(c_Tcold)
   _{\sqcup\sqcup}Thot:_{\sqcup}$(c_Thot)""" file output.yaml screen no
```

```
141
   # log
142
   thermo_style custom step temp pe etotal c_CoM[2] c_Tcold c_Thot # 出力する物理量.
143
144
   # 一次元プロファイル(今は温度と密度だけ計算と出力)
145
   compute chunk all chunk/atom bin/1d y lower 3.0 units box
146
   fix tempp all ave/chunk 100000 1 100000 chunk temp file temp_profile.profile
   fix rhop all ave/chunk 100000 1 100000 chunk density/number file rho_profile.
       profile
149
   thermo ${thermo} # 熱力学量の出力.
150
   thermo_modify norm no # 示量的な熱力学量に調整.
151
152
   run ${run} # 実行.
153
```

#### ソースコード 2: lammps\_modexe.jl

```
#=
2 lammps ファイルの実行及び出力ファイルの保管.
 - lammps ファイルを適切にパラメータ処理する必要がある.
 - lammps ファイル実行時に出力される*.log ファイル,*.yaml ファイルが指定した同一フォルダに
     ,それぞれのフォルダを作成して保管される.
  - lammps ファイルと同一ディレクトリにある*.lammpstrj ファイルは削除.
  - パラメータごとにlammps ファイルを編集して繰り返し実効させる.
7
  using Glob # *を使ってパターンマッチングするためのパッケージ.
  using Dates #日時を取得するパッケージ.
 lammpsfile = glob("in.*")[1] # 実行ファイルを指定.
  file_list = ["log", "yaml", "lammpstrj"] # 扱う出力ファイルの拡張子.
  outputpath = "/Users/2023_2gou/Desktop/r_yamamoto/Research/outputdir" # 出力ディ
     レクトリのパス.
  remark_text="rain"
15
16
17
 パラメータを指定.
  各パラメータの要素数の積数回分だけ1ammps が実行されるので大きくしすぎないように注意.
20 =#
21 Ay_range = range(50,length=1) # 偶数にする.
rho_range = range(0.4,length=1) # 密度.
23 T_range = range(0.43,length=1) # 初期温度.
24 dT_range = range(0.04,length=1) # 熱浴の温度の差.
g_range = range(4e-4, length=1) # 重力.
26 # rt_range = range(0.0,length=1) # 壁の厚み.
27 # ra_range = range(3.0-1.122462,length=1) # 濡れ具合.
```

```
run_range= range(1e7,length=1) # run step.
29
  # 多重ループを用いてパラメータごとに実験を実行.
30
  for Ay in Ay_range,
31
      rho in rho_range,
32
      T in T_range,
33
      dT in dT_range,
34
      g in g_range,
35
      # rt in rt_range,
36
      # ra in ra_range,
37
      run_value in run_range # 変数をrun にしてしまうと julia の run('')と競合してしまう.
38
39
      template_script = read(lammpsfile, String) # lammps ファイルを読み込む.
40
      # パラメータ編集.
41
      mod_script = replace(template_script,
42
      "PLACEHOLDER_Ay" => string(Ay),
43
      "PLACEHOLDER_rho" => string(rho),
44
      "PLACEHOLDER_T" => string(T),
45
      "PLACEHOLDER_dT" => string(dT),
      "PLACEHOLDER_g" => string(g),
47
      # "PLACEHOLDER_rt" => string(rt),
      # "PLACEHOLDER_ra" => string(ra),
49
      "PLACEHOLDER_run" => string(run_value)
50
51
52
      tempfile = "in.temp_script" # 仮lammps ファイル.
53
      fp = open(tempfile, "w") # 仮ファイルを作成して開く.
54
      write(fp, mod_script) # 仮ファイルにパラメータを書き込む.
55
      close(fp)
56
57
      n = string(now()) # 実験日時の記録.
58
      parameter = "Ay$(Ay)_rho$(rho)_T$(T)_dT$(dT)_g$(g)_run$(run_value)"
59
      run('mpirun -n 4 lmp_mpi -log output.log -in $(tempfile)') # lammps の実行.
60
      run('rm $(tempfile)') # 仮ファイルを削除.
61
62
      # 出力ファイルの保管.
63
      for file in file_list
64
65
         # 読み込みに失敗したら次のループに進む.
66
         try
67
             readfile = glob("output.$(file)")[1] # 読み込みファイルを指定.
             script = read(readfile, String) # 読み込みファイルを読み込む.
69
             writepath = joinpath(outputpath, "$(file)dir", "$(n)_$(remark_text)$(
70
                parameter)_$(readfile)") # 書き込みファイルの絶対パス.
             fp = open(writepath, "w") # 書き込みファイルを作成して開く.
71
72
```

```
if file == "log" # logファイルのとき.
73
                println(fp, "実験日時:」$(n)") # 実験日時の書き込み.
74
                println(fp, parameter) # コピー用.
75
                println(fp, "備考欄:」$(remark_text)") # 特別なことをした時の書き込み.
76
                rm(readfile)
77
            end
78
79
            write(fp, script) # 読み込んだテキストを書き込む.
80
            close(fp) # 書き込みファイルを閉じる.
            if file == "yaml" # yaml ファイルのとき.
83
                rm(readfile)
84
            end
85
86
            if file == "lammpstrj" # lammpstrj ファイルのとき.
87
                rm(readfile) # lammpstrj ファイルは重いので, 移動後は削除.
88
            end
89
90
91
         catch
92
93
         end
      end
94
95
  end
96
```

#### ソースコード 3: plot\_LJpotential.jl

```
1 # 汎用LJ ポテンシャル描画セル.
  # パッケージ.
3 using Plots
  # 関数定義.
  function theta(r) # 階段関数.
      return r > 0 ? 1 : 0
  end
8
  function phi(epsilon, sigma, r) # LJ ポテンシャル.
9
      return 4.0 * epsilon * ((sigma/r)^12 - (sigma/r)^6)
10
  function phi_tilde(r, epsilon, sigma, rc) # シフトアップとカットオフ.
      return (phi(epsilon, sigma, r) - phi(epsilon, sigma, rc)) * theta(rc - r)
14
  end
15
16 # 粒子-粒子LJ ポテンシャルのパラメータ.
17 epsilon = 1.0
18 sigma = 1.0
19 \text{ rc} = 3.0 * \text{sigma}
```

```
20
21 # Rd, Rt, Ra の配列.
22 Rd_values = range(0.0, length=1)
23 Rt_values = range(0.0,0.5, length=5)
24 Ra_values = range(1.877, length=1)
25
26 # プロット概形.
plot(xlabel="r/\sigma", ylabel="^^cf^^95/\epsilon")
28 xlims!(0.2,2.5)
29 ylims!(-1.5,3.0)
30 title!("LJ-Potential vs. r")
31 xlabel!("r/o")
32 ylabel!("^^cf^^95/ε")
33
34 # 粒子-粒子LJ ポテンシャルのプロット.
35 plot!(r -> phi_tilde(r, epsilon, sigma, rc), label="Potential_pair; ε=$(round(
                       epsilon,digits=1)), _{\Box}\sigma=$(round(sigma,digits=1)),_{\Box}rc=$(round(3.0,digits=2))\sigma
                        ", linestyle=:dash)
36
         # プロットの追加.
37
          for Rd in Rd_values,
                      Rt in Rt_values,
39
                      Ra in Ra_values
40
                      # 壁-粒子LJ ポテンシャルのパラメータ.
41
                      epsilon_wall = (1.0 - Rd) * epsilon
42
                      sigma_wall = (0.5 + Rt) * sigma
43
                      rc_wall = ((2 ^ (1 / 6)) + Ra) * sigma_wall
44
                      # 打つ点を調整.
45
                      x_values = range(Rt+0.3,3.0,length=10000)
46
                      y_values = phi_tilde.(x_values, epsilon_wall, sigma_wall, rc_wall)
47
                      # 壁-粒子LJ ポテンシャルのプロット.
48
                      plot!(x_values, y_values, label="Potential_wall; ε w=$(round(epsilon_wall,
49
                                   \texttt{digits=1))} \; \epsilon \; , _{\sqcup} \; \sigma \; \texttt{w=\$(round(sigma\_wall,digits=1))} \; \sigma \; , _{\sqcup} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} \; \sigma \; , _{\square} \\ \texttt{rcw=\$(round((2^{(1/6)})_{\sqcup} + 1))} 
                                   +_{\sqcup}Ra,digits=2)) \sigma w=$(round(((2^(1/6))_{\sqcup}+_{\sqcup}Ra)*sigma_wall,digits=2)) \sigma",
                                   linestyle=:dash)
         end
50
51
52 display(plot!())
53 # savefig("")
55 ccall(:jl_tty_set_mode, Int32, (Ptr{Cvoid}, Int32), stdin.handle, true)
56 read(stdin, 1)
```

## 参考文献