به نام خدا درس یادگیری عمیق تمرین سری اول

استاد درس: دکتر محمدرضا محمدی دستياران: نفيسه احمدي، على سبحاني

دانشگاه علم و صنعت ایران، دانشکده مهندسی کامپیوتر نیمسال دوم تحصیلی ۱۴۰۳ - ۱۴۰۴



مهلت تحویل: ۱۴۰۳/۱۲/۲۲

لطفا به نكات موجود در سند قوانين انجام و تحويل تمرين ها دقت فرماييد.

سوالات تئوري



ا. فرض کنید $f:\mathbb{R}^n o \mathbb{R}$ یک تابع مشتق پذیر پیوسته به فرم زیر است:

$$f(x) = \exp(-\|Ax - b\|^2) + \sin\left(\sum_{i=1}^{n} c_i x_i^2\right)$$

که:

- یک ماتریس با مرتبه کامل است. $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$
 - است. $b \in \mathbb{R}^n$ بردار بایاس است.
- .منایب ثابت نامنفی یا صفر هستند مرایب ثابت نامنفی $c_i \in \mathbb{R}$

ثابت کنید که برای هر مقدار $\epsilon>0$ حداقل یک شبکه پرسپترون چند لایه F(x) با تعداد محدودی نورون وجود دارد که بتواند تابع f(x) را بهطور دلخواه در یک دامنه فشرده $D \subset \mathbb{R}^n$ تقریب بزند بهطوری که:(۱۵ نمره)

$$||f(x) - F(x)||_{L_2} < \epsilon$$

راهنما: برای حل این مسئله ابتدا تابع f(x) را به دو بخش نمایی و سینوسی تقسیم کنید. سپس

با استفاده از مبانی تئوری و شبکههای عصبی چندلایه، هر بخش را بهطور جداگانه تقریب بزنید. می توانید از منابع زیر برای اثبات خود کمک بگیرید:

- Multilayer Feedforward Networks are Universal Approximators
- Approximation by superpositions of a sigmoidal function



دن کنید که افزودن یک ترم L_2 به تابع هزینه: .۲

$$R_{\lambda}(F) = R(F) + \lambda ||W||_{2}^{2}$$

واریانس مدل را کاهش داده و به بهبود تعمیم دهی کمک می کند. تأثیر پارامتر λ بر کران تعمیم (generalization bound) را استخراج کنید(۱۰ نمره).

۳. تصور کنید چند سال از فارغالتحصیلی شما گذشته و حالا در یک شرکت مشغول به کار هستید. به این نتیجه رسیدهاید که بهجای صعود در مسیر شغلی دیگران، کسبوکار شخصی خود را راهاندازی کنید. شما یک وبسایت آموزشی مفید و الهامبخش ساختهاید که حالا بازدیدکنندگان زیادی دارد و میخواهید از طریق تبلیغات آنلاین درآمد کسب کنید(۱۵ نمره).

برای کسب حداکثر درآمد از تبلیغات، بهجای نمایش تصادفی تبلیغات، از یک سیستم حراجی استفاده می کنید که بهترین تبلیغات را برای هر موقعیت انتخاب می کند. اطلاعات تبلیغات در جدولی ثبت می شود که شامل موارد زیر است:

- adv_id: شناسه تبليغ دهنده
- cam_id: شناسه کمپین تبلیغاتی
- bid: مبلغ پیشنهادی برای هر کلیک یا اقدام
 - type: نوع درآمد (کلیک یا اقدام خاص)
 - pos id: موقعیت تبلیغ در سایت
 - ad_id: شناسه تبليغ
 - views: تعداد نمایش تبلیغ

- clicks: تعداد كليكها روى تبليغ
- actions: تعداد اقدامات انجامشده پس از کلیک
- week_id: زمان جمع آوری دادهها (بر اساس هفته)

week id	actions	clicks	views	ad id	pos id	type	bid	cam id	adv id
1770110057	•	۱۵	10448	۸۹۷۵	١.	Click	1	۶۵۷۵	1774
1740110084	•	١.	11488	۶۷۳۵	١٣	Click	١٠٠٠	۶۵۷۵	1788
1740174089	٢	۲٠	1.771	۷۱۸۵	٧٨	Action	9	9,179	4471
1740114024	•	۲۵	71	1.74	۵	Click	۵۰۰	4227	۵۶۷۸
1740117024	•	٣٠	١٨٠٠٠	7841	۲٠	Click	7	3408	7840
1740144054	۵	١٨	17	8078	۲۵	Action	٨٠٠٠	7804	Y A 9 •

با استفاده از این داده ها و فرمولهای بهینه سازی که در ادامه ارائه شده است، میتوانید انتخاب تبلیغات را در جایگاه های مختلف بهینه کنید تا درآمد شما حداکثر شود. به این روابط دقت کنید و سعی کنید در ک کنید که چرا این فرمول ها می توانند به انتخاب تبلیغات با بیشترین درآمد مورد انتظار کمک کنند.

فرمول بهينهسازى تبليغات كليكي

For each position(p), select: $\arg\max_{ad \in A(p)} (bid_{ad} \times ctr(ad, p))$

فرمول بهينهسازى تبليغات اكشنى

For each position(p), select: $\arg \max_{ad \in A(p)} (bid_{ad} \times ctr(ad, p) \times cvr_{ad})$

- . دارند. p دارند. مجموعه تبلیغاتی که امکان نمایش در جایگاه p دارند.
- میکند. و تبلیغ دهنده برای هر کلیک پرداخت میکند: bid_{ad}
- .(نرخ کلیک) p در جایگاه q در جایگاه کاربر بر روی تبلیغ ad در جایگاه p نرخ کلیک).
 - . احتمال انجام اکشن توسط کاربر پس از کلیک روی تبلیغ: cvr_{ad}

فرض کنید مدلهای آموزش داده شده در مواجهه با ورودیهای ناشناخته (مانند تبلیغات، کمپینها یا تبلیغدهندگان جدید)، به صورت میانگین گیری سیستمایتک عمل می کنند. به طور مشخص، اگر یک تبلیغ جدید باشد اما کمپین مرتبط با آن قبلاً در سیستم دیده شده باشد، CVR و CVR آن تبلیغ به صورت میانگین وزنی از مقادیر مربوط به تبلیغات قبلی آن کمپین محاسبه می شود.

الف) یکی از مهمترین مراحل در فرآیند آموزش هر مدل یادگیری ماشین، تقسیم بندی داده ها به مجموعه های Train-Dev، Dev، Train و Test است. این کار به ما کمک می کند تا عملکرد مدل را بر روی توزیع داده های مختلف بررسی کنیم. در این مسئله خاص چطور این کار را باید انجام داد و در انتخاب این مجموعه ها به چه نکاتی باید توجه داشت؟

 \mathbf{v} ا در هر یک از سناریوهای زیر، به طور مختصر مشکل را معرفی کرده و راه حلی برای آن ارائه دهید:

- (آ) از قطعیت دادههای ورودی اطمینان داریم ولی خطای آموزش مدل (Training Error) بالا است.
- (ب) خطای آموزش مدل پایین است ولی خطای آن روی مجموعه (Train-Dev) همچنان بالا است.
- (ج) خطای مدل در مجموعههای Train و Train-Dev پایین است ولی روی مجموعه کطا خطا زیاد است.
 - (د) خطای Dev پایین است ولی روی مجموعه Test خطا همچنان زیاد است.

 $\mathbf{v} - \mathbf{Y}$) آیا در اولین سناریوی مطرحشده در قسمت قبل، افزایش سایز دادههای آموزش راهحل خوبی خواهد بود؟

توجه: جدول ارائه شده صرفاً برای آشنایی با ساختار دادهها و فضای مسئله است و مقادیر آن فاقد اهمیت هستند.

ج) در یک سیستم بهینهسازی تبلیغات مبتنی بر دادههای واقعی، یکی از چالشهای اساسی، مواجهه با تغییرات ناگهانی در رفتار کاربران (Concept Drift) و نامتوازن بودن دادهها است. فرض کنید در دورههای زمانی خاصی (مانند مناسبتهای خاص یا تغییر الگوریتم جستجو در موتورهای جستجو)، نرخ کلیک (CTR) و نرخ تبدیل (CVR) به طور ناگهانی دچار تغییرات چشمگیر می شوند.

- چگونه می توان پایداری مدل را در مواجهه با Concept Drift تضمین کرد؟
- چه روشهایی برای مدیریت دادههای نامتوازن در این مسئله مناسب هستند؟

• تحقیق کنید که چگونه می توان با استفاده از الگوریتمهای آنلاین یادگیری (Online Learning)، عملکرد سیستم را بهبود بخشید و به تغییرات سریع بازار واکنش نشان داد.

سوالات عملي

۴. الله (Housing Data) هدف این تمرین، پیش پردازش داده و پیاده سازی دستی ماژول های شبکه عصبی است. شما باید بخشهای #TODO را تکمیل کنید. لذا از هرگونه تغییر یا دستکاری ساختار اصلی کد اجتناب فرمایید. کلیه کدها باید از قبل اجرا شده باشند؛ در غیر این صورت نمره مربوطه تعلق نخواهد گرفت(۲۵ نمره).

۵. (FashionMNIST) هدف این تمرین، ایجاد ماژول های شبکه عصبی و ترکیب آنها جهت ساخت یک شبکه کامل است. شما باید بخشهای #TODO و سوالاتی که در نوتبوک بیان شده را تکمیل کنید. لذا از هرگونه تغییر یا دستکاری ساختار اصلی کد اجتناب فرمایید. کلیه کدها باید از قبل اجرا شده باشند؛ در غیر این صورت نمره مربوطه تعلق نخواهد گرفت(۳۵ نمره).