

یک الگوریتم CLA-EC همکارانه جدید برای محیط های پویا

مزده خاکسارمنشاد^۱؛ محمد رضا میبدی^۲

چکیده

بسیاری از تحقیقات در محاسبات تکاملی روی بهینه سازی مسائل ایستا بحث می کنند. در حالی که بسیاری از مسائل بهینه سازی دنیای واقعی پویا هستند و روش های بهینه سازی نیاز است، که قادر باشد به طور پیوسته راه حل را با محیط در حال تغییر وفق دهد. محاسبات تکاملی بر پایه آناماتای یادگیر سلولی (CLA-EC) یک مدل محاسبات تکاملی است که از ترکیب آناماتای یادگیر سلولی (CLA) و مدل محاسبات تکاملی (EC) به وجود آمده است. در این مقاله چهار ورژن از مدل CLA-EC برای یک نوع از مسائل بهینه سازی پویا که مسئله قله های متحرک نامیده می شود، بکار گرفته شده است. سپس یک رویکرد جدید معرفی شده است، در این رویکرد یک الگوریتم یک الگوریتم ژنتیک با جهش و فرقی با یک الگوریتم CLA-EC همکاری می کند. برای نشان دادن تاثیر الگوریتم معرفی شده، آزمایشات متعددی طراحی شد. این آزمایشات نشان می دهد الگوریتم معرفی شده، نسبت به رویکردهایی که تا کنون برای محیط های پویا طراحی شده است دارای دقت بالاتری است.

کلمات کلیدی

محاسبات تکاملی، محیط های پویا، آناماتای یادگیر سلولی، CLA-EC، مسئله قله های متحرک، جستجو/حافظه.

A New Cooperative CLA-EC Algoritm for Dynamic Environment

Mojdeh khaksar manshad; mohammadreza meybodi

ABSTRACT

Most research in evolutionary computation focuses on optimization of static, non-changing problems. Many real-world optimization problems, however, are dynamic, and optimization methods are needed that are capable of continuously adapting the solution to a changing environment. Cellular Learning Automata based Evolutionary Computing (CLA-EC) is an evolutionary computing model obtained by combining cellular learning automata (CLA) model and evolutionary computing (EC) model. This paper uses four version of CLA-EC model for a kind of dynamic optimization problem that called moving peaks problem. Then we proposed one new approach, in this approach a self adaptive genetic algorithm and a CLA-EC cooperating to solve a problem. In order to show the effectiveness of the proposed CLA-EC extensive computer experimentation were conducted. It has been shown that the proposed CLA-EC outperforms existing approaches reported for dynamic environments in terms of accuracy.

KEYWORDS

Evolutionary Computation, Dynamic Environments, Cellular Learning Automata, CLA-EC, Moving Peaks Problem, New Cooperative CLA-EC.

۱. مقدمه

هر گاه یک تغییر در هدف بهینه سازی، نمونه مسئله یا بعضی تغییرات محدودیت^۱ یک مسئله بهینه سازی رخ دهد، ممکن است بهینه آن مسئله تغییر کند. اگر این حالت رخ دهد و فرق دادن راه حل با راه حل قدیمی ضروری است. از آن جا که الگوریتم های تکاملی به طور رایج در حال تکامل هستند، و ذاتاً به طور پیوسته در حال وفق دادن هستند، یک کاندیدای مناسب به نظر می آیند. مشکل اصلی الگوریتم های تکاملی استاندارد، این هست که آن ها عاقبت به یک بهینه^۲ همگرا^۳ می شوند و بنابراین تنوع^۴ لازم را برای اکتشاف^۵ به صورت کارا از دست می

^۱ دانشجویی کارشناسی ارشد دانشگاه آزاد اسلامی واحد قزوین، دانشکده برق، ریاضی و فن آوری اطلاعات، پست الکترونیک:

khaksar_mojdeh@yahoo.com

^۲ عضو هیئت علمی دانشگاه امیرکبیر، دانشکده کامپیوتر، دانشکده کامپیوترا، پست الکترونیک: mmeybodi@aut.ac.ir

دهند. بنابراین هنگامی که جمعیت الگوریتم تکاملی همگرا شد، توانایی اش برای وفق پذیری با تغییرات محیط را از دست می‌دهد. روش‌هایی برای مناسب ساختن الگوریتم‌های تکاملی برای محیط‌های پویا وجود دارد. برخی از روش‌هایی که به صورت گسترده استفاده شده اند عبارتند از: روش‌های شروع دوباره [۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷]، جهش و فقی [۳۰، ۳۱، ۱۱، ۱۲، ۱۳، ۳۰، ۸، ۹، ۱۰، ۱۷، ۱۸، ۱۹، ۲۰]، انتخاب اصلاحی [۱۴، ۱۵، ۱۶، ۲۱، ۲۲، ۲۳، ۲۴، ۲۵، ۲۶]، روش‌های چند جمعیتی [۷، ۲۷، ۲۸، ۲۹]، همه محیط‌های پویا یکسان نیستند و محیط‌های پویای متفاوت نیاز به روش‌های بهینه سازی متفاوت دارند. معیارهای لازم برای تشخیص این که یک مسئله محک مناسب است، عبارت است از: باید این امکان را داشته باشد تا بسیاری از متغیرهای محیطی را تغییر دهد، نهایتاً باید محک هایی برای انکد باینری و مقادیر حقیقی وجود داشته باشد، آن‌ها باید برای پیاده سازی و توصیف ساده باشند، آن‌ها برای تحلیل باید ساده باشند، باید از لحاظ محاسباتی کارا باشند. جفت کردن پویای بیت^۸، سهمی متحرک^۹، مسئله کوله پشتی با زمان متغیر^{۱۰}،تابع قله‌های متحرک^{۱۱}، مسائل برنامه‌ریزی^{۱۲}، قله‌های در حال نوسان^{۱۳}، مسائلی هستند که به عنوان مسائل محک مناسب شناخته شده اند.

تاکنون CLA-EC برای مسائل بهینه سازی استاتیک به کار گرفته شده است. بعضی از اشکالات CLA-EC استاندارد سرعت همگرایی پایین و دقت کم برای بعضی از مسائل بهینه سازی است و همین طور CLA-EC توانایی دنبال کردن تغییرات محیط‌های پویا را ندارد. بنابراین نیاز است تا تغییراتی در CLA-EC ایجاد شود تا توانایی دنبال کردن تغییرات را داشته باشد. یکی از دلایل این عدم توانایی از دست رفتن تنوع جمعیت بعد از گذشت چند نسل است. در این مقاله هدف اصلی طراحی الگوریتم‌های بهینه سازی مبتنی بر CLA-EC برای محیط‌های پویا است. الگوریتم‌های طراحی شده در این مقاله با الگوریتم‌های جهش و فقی و الگوریتم‌های تکاملی مبتنی بر حافظه مورد مقایسه قرار خواهد گرفت. در همین راستا دو معیار بهینگی یعنی «کارایی برون خطی» و «خطای برون خطی» مورد توجه قرار گرفته است. مسائل محکی که در این مقاله مورد ارزیابی قرار می‌گیرد مسئله قله‌های متحرک خواهد بود. تمام پیاده سازی‌ها در محیط MATLAB انجام خواهد شد. مسئله محک قله‌های متحرک شامل m قله در یک فضای پارامتر مقدار حقیقی n بعدی است که چشم انداز شایستگی به عنوان مأکریم روی همه تابع‌های قله‌ای تعریف می‌شود و به صورت زیر فرموله می‌شود.

$$f(\vec{x}, t) = \max_{i=1 \dots m} (B(\vec{x}), \max P(\vec{x}, h_i(t), W_i(t), \vec{P}_i(t))) \quad (1)$$

که $B(\vec{x})$ نا متغیر با زمان که پایه واساس چشم انداز است و p تابعی است که شکل قله را تعیین می‌کند، که هر یک از m قله پارامترهای متغیر با زمان شامل ارتفاع h ، عرض W و مکان p است. بعد از هر Δe ارزیابی، ارتفاع، عرض و مکان هر قله تغییر می‌کند. ارتفاع و عرض هر قله به وسیله اضافه کردن متغیر گوسین تصادفی تغییر می‌کند. مکان هر قله به وسیله بردار^۷ با طول ثابت S حرکت خواهد کرد. بنابراین پارامتر S اجازه کنترل شدت یک تغییر را می‌دهد، Δe فرکانس تغییر را تعیین می‌کند. یک پارامتر جدید λ ، تعیین می‌کند که تغییر مکان قله چه مقدار بستگی به حرکت قبلی اش دارد. اگر $\lambda = 0$ باشد هر حرکت کاملاً تصادفی است، و برای $\lambda = 1$ قله همیشه در جهت یکسان حرکت خواهد کرد. فرمول‌هایی که باعث تغییر یک قله می‌شوند به صورت زیر هستند.

$$\begin{aligned} \sigma &\in N(0,1) \\ h_i(t) &= h_i(t-1) + height_severity.\sigma \\ W_i(t) &= W_i(t-1) + width_severity.\sigma \\ \vec{p}_i(t) &= p_i(t-1) + \vec{v}_i(t) \end{aligned} \quad (2)$$

2. الگوریتم تکاملی مبتنی بر آناتماتای یادگیر سلوالی

الگوریتم‌های تکاملی از جمله الگوریتم مطرح شده در این مقاله امکان جستجو را در هر فضای جستجوی گستته متناهی دلخواه دارند، اما به منظور ساده کردن ارائه الگوریتم فرض می‌کنیم فضای جستجوی مورد نظر یک فضای متناهی دودویی باشد. بنابراین مساله بهینه سازی به فرم زیر قابل طرح است.

$$\max\{f(\underline{X}) | \underline{X} \in B^n\} \quad (3)$$

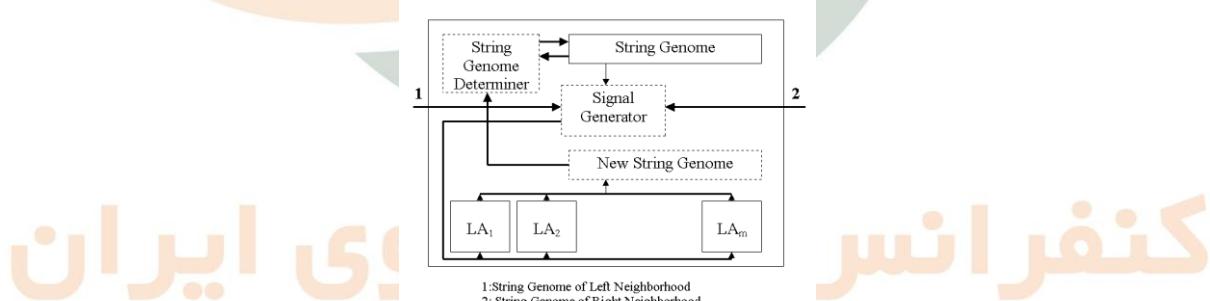
به طوریکه $f(\cdot)$ یک تابع حقیقی و $B^n = \{0,1\}^n$ فضای جستجوی دودویی مورد نظر است. فرض کنید هر ژنوم مورد بحث در این الگوریتم دارای دو مولفه رشته ژنومی و مدل ژنومی باشد. رشته ژنومی همان راه حل‌های میانی مساله مورد نظر می‌باشند. مدل ژنومی مشکل از

تعدادی اتوماتای یادگیر می باشد که بر اساس تجارت گذشته خود و ژنومهای دیگر آموزش می بینند. و بدین ترتیب فرایند تکامل به سمتی هدایت می شود تا ارزش رشته ژنومی بر اساس تابع ارزیابی بهبود یابد. نحوه انتساب اتوماتاهای یادگیر مدل ژنومی به بیتها رشته ژنومی به گونه های مختلفی قابل طرح است. برای مثال می توانیم رشته ژنومی را به دسته های دو بیتی تقسیم کرده و به ازای هر دسته یک اتوماتای یادگیر در نظر بگیریم. به این ترتیب با فرض دودویی بودن فضای جستجو و رشته ژنومی به طول n (با فرض زوج بودن)، تعداد $n/2$ اتوماتای یادگیر، هر کدام با چهار عمل خواهیم داشت. برای مثال در این حالت اگر یک اتوماتای یادگیر عمل ۳ را انتخاب کند به معنای آن است که بیت ۱ و ۲ دسته متناظر آن مقادیر ۱ و ۱ را می پذیرند. در این پایان نامه با فرض مستقل بودن متغیرهای مساله ساده ترین شکل مدل ژنومی را در نظر می گیریم. به عبارت دیگر به ازای هر بیت در رشته ژنومی یک اتوماتای یادگیر در مدل ژنومی خواهیم داشت که مقدار آن بیت را تعیین می کند. تا اینجا ساختار مورد نیاز در الگوریتم را شرح دادیم. همانطور که آشکار است این ساختار مانند ساختار سلول در اتوماتای یادگیر سلولی است.

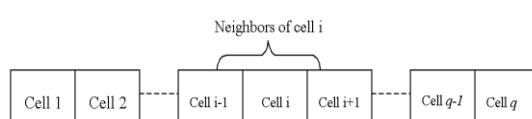
حال برای ادامه بحث یک اتوماتای یادگیر سلولی، $Cla(L_1, \dots, L_k)$ ، با k سلول که هر سلول مجهز به n اتوماتای یادگیر است در نظر بگیرید. در هر سلول یک رشته به طول n نشان دهنده حالت آن سلول می باشد که در الگوریتم مورد نظر ما این رشته همان رشته ژنومی می باشد که در قسمت قبل آن را شرح دادیم. واضح است که فضای حالت هر سلول 2^n می باشد. با فرض سنکرون بودن اتوماتای یادگیر سلولی، در زمان t هر سلول، τ ، رشته های ژنومی خود و همسایگان خود را مورد بررسی قرار داده و بر اساس تابع ارزیابی از میان آنها دسته ای را به عنوان ژنومهای مناسب انتخاب می کند. این فرایند معادل انتخاب زوج در طبیعت می باشد. این شیوه انتخاب دو طرفه نمی باشد. به عبارت دیگر اگر یک ژنوم، ژنوم دیگری را به عنوان یکی از کاندیدهای خود انتخاب نماید، تضمینی برای انتخاب شدن از طرف ژنوم مقابله وجود نخواهد داشت. البته این روش معادل عینی در بین سیستمهای طبیعی ندارد. ژنوم بر اساس ژنومهایی که انتخاب نموده است، بردار سیگنال تقویتی را ساخته و به اتوماتاهای یادگیر خود می دهد. این مکانیسم در واقع معادل جفت گیری ژنوم مورد نظر می باشد. نکته ای که باید به آن توجه داشته باشیم این است که نحوه انتخاب ژنومها و تولید بردار تقویتی که قانون اتوماتای یادگیر سلولی را نشان می دهد، از پارامترهای بسیار مهم الگوریتم می باشد. پس از آن برای تولید X_{t+1}^i ، هر کدام از اتوماتاهای یادگیر مقدار نظر خود را برای بیت متناظر خود در ژنوم اعلام می کند. در صورتی که ژنوم جدید، new_{t+1}^i ، ارزش بیشتری نسبت به ژنوم قبلی داشته باشد، جایگزین آن می شود، در غیر این صورت سلول رشته ژنومی قبلی را حفظ می کند.

$$X_{t+1}^i = \begin{cases} X_t^i & f(X_t^i) > f(new_{t+1}^i) \\ new_{t+1}^i & f(X_t^i) \leq f(new_{t+1}^i) \end{cases} \quad (4)$$

این بخش از الگوریتم معادل یادگیری از تجارت قبلی ژنوم و حفظ آنها در نسلهای بعدی می باشد. این مکانیزم را می توان به نوعی معادل تاثیر یادگیری بر تکامل از دیدگاه تئوری بالدوین دانست. در شکل (۱) (نمایی از یک سلول الگوریتم در یک شبکه تک بعدی (شکل (۲) دیده می شود).



شکل (۱) نمایی از یک سلول در الگوریتم تکاملی مبتنی بر آتوماتای یادگیر سلولی



شکل (۲) نمایی از یک شبکه سلولی استفاده شده الگوریتم تکاملی مبتنی بر آتوماتای یادگیر سلولی

قانون تعريف شده برای اتوماتای يادگير سلولی مورد استفاده در الگوريتم پيشنهادي از دو بخش تشکيل شده است. بخش اول استراتژي انتخاب می باشد. منظور از استراتژي انتخاب سلول t ، نحوه انتخاب تعداد مشخص $Se \leq m$ ، رشته ژئومی از ميان m ژئوم همسایه، P^i می باشد. در استراتژي مورد استفاده، Se ژئوم از بهترین ژئومهای P^i را انتخاب می کنيم و آن را P_{Se}^i می ناميم.

بخش دوم قانون استراتژي توليد سيگنال تقويتی با استفاده از مجموعه P_{Se}^i می باشد. بردار سيگنال تقويتی به روشهای گوناگون قابل محاسبه است. در اين بخش به شرح روش مورد استفاده در اين پيان نامه می پردازيم. فرض کنيد $\bar{\beta}_t^i = (\beta_t^{i,1}, \beta_t^{i,n}, \dots)$ بردار مورد نظر باشد. در اين صورت هرگاه $\bar{\beta}_t^i \in \{0,1\}^n$ محیط از نوع P می باشد. در چنین محیطي مقدار ۱ به عنوان جريمه و ۰ به عنوان پاداش در نظر گرفته می شود. در محیط Q ، $\bar{\beta}_t^i$ می تواند به طور گسسته يك بردار از بردارهای محدود در فاصله $[0,1]^n$ و در محیط از نوع S ، بردار تصادفي در فاصله $[0,1]$ باشد. در ادامه کار فرض ما بر P بودن محیط است.

اگر $(X_t^i, X_t^{i,1}, \dots, X_t^{i,n})$ رشته ژئومی سلول t ام در زمان t باشد. برای هر متغير j $1 \leq j \leq n$ و به ازاي مقادير $k = 0,1$ ، $N_{i,j}(k)$ را به صورت زير محاسبه می کنيم.

$$N_{i,j}(k) = \sum_l \delta_l(X_t^{i,j} = k | P_{Se}^i) \quad (5)$$

به طور يكه اگر متغير $X_t^{i,j}$ در i امين سلول، مقدار k را داشته باشد $\delta_l(X_t^{i,j} = k | P_{Se}^i) = 1$ و در غير اين صورت برابر صفر است. سپس با استفاده از $\beta_t^{i,j}$ مقدار $N_{i,j}(k)$ را بدست می آوريم.

$$\begin{aligned} \beta_t^{i,j} &= u(N_{i,j}(1) - N_{i,j}(0)) \quad \text{If } X_t^{i,j} = 0 \\ \beta_t^{i,j} &= u(N_{i,j}(0) - N_{i,j}(1)) \quad \text{If } X_t^{i,j} = 1 \end{aligned} \quad (6)$$

كه $u(\cdot)$ تابع پله است. قانونی که در بالا آن را شرح داديم، به فرم قوانين کلي می باشد. در شكل (۳) (کد مجازی الگوريتم ارائه شده است).

Initialize.

While not done do

```

For each cell  $i$  in CLA do in parallel
    Generate a new string genome
    Evaluate the new string genome
    If  $f(\text{new string genome}) > f(\text{old string genome})$  then
        Accept the new string genome
    End if
    Select  $Se$  cells from neighbors of cell  $i$ 
    Generate the reinforcement signal vector
    Update LAs of cell  $i$ 
End parallel for
End while

```

کنفرانس داده کاوی ایران

شکل (۳) الگوريتم تکاملی مبتنی بر اتوماتای يادگير سلولی

الگوريتم CLA-EC دارای مدل های متفاوتی است که هر يك از مدل ها در زير توضيح داده شده است:

CLA-EC همكارانه [۳۳]: کارابي CLA-EC بستگي زيادي به نرخ های يادگيري آتاماتای يادگير در سلول های CLA-EC دارد. اگر نرخ يادگيري آتاماتای يادگير بالا انتخاب شود، عموماً الگوريتم به سرعت با بهره برداری از جواب های موجود به سمت جواب حرکت می کند ولی به دليل اين که فضای جستجو به طور كامل کاوش نمي شود ممکن است در نقاط بهينه محلی به دام بيفتد. در مقابل اگر نرخ يادگيري پاين انتخاب شود به دليل اين که کاوش در فضای جستجو به طور كامل صورت می پذيرد پاسخ به دست آمده توسط الگوريتم از دقت خوبی برخوردار است ولی در عوض سرعت همگرائي پاين است. يك روش برای حل مشكل فوق الذكر استفاده از چندين CLA-EC با نرخ های يادگيري متفاوت است. CLA-EC ها را همكار از طريق به اشتراك گذاشتند جواب های ميانی هم از سرعت بالا و هم از دقت بالا بهره می برد. CLA-EC همكارانه شامل دو CLA-EC با مشخصات كاملا يكسان ولی نرخ های يادگيري متفاوت برای آتاماتای يادگير مستقر در سистем می باشد. هر

در CLA-EC همکار به طور دوره ای جواب میانی به دست آمده در هر سلول را با جواب میانی سلول متناظر در CLA-EC دیگر، تعویض می کند. به این ترتیب یکی از CLA-EC ها عمل کاوش و دیگری عمل بهره برداری را انجام می دهد. همکاری CLA-EC ها حرکت سریع و دقیق به سمت جواب بهینه را باعث می شود.

CLA-EC ناهنگام [۳۲]: در CLA-EC همگام تمام سلول ها به طور همزمان فعال می شوند و هر سلول با مقادیر سلول های همسایه در تکرار قبلی سر و کار دارد و وضعیت نهایی سلول ها فقط به آتماتاهای یادگیر بستگی دارد. با استفاده از بروز رسانی نا همگام وضعیت نهایی به ترتیب فعال سازی سلول ها نیز وابسته خواهد بود. همچنین در روش های به روز رسانی نا همگام برخلاف روش به روز رسانی همگام، هر سلول با مقادیر سلول های همسایه در تکرار فعلی سر و کار دارد. روش های فعال سازی به دو گروه روش های مبتنی بر زمان^{۱۴} و روش های مبتنی بر گام^{۱۵} تقسیم بندی می شوند. در روش های مبتنی بر گام ترتیب فعال سازی با استفاده از یکی از روش های زیر و یا هر روش دیگری تعیین می شود. در صورتی که در روش های مبتنی بر زمان، زمان فعال سازی به طور صریح مشخص می شود.

ترتیب ثابت: سلول ها بر اساس یک ترتیب ثابت و از پیش تعیین شده فعال می شوند.

ترتیب تصادفی: در این روش ترتیب فعال سازی به این صورت ساخته می شود که اولین سلول به طور تصادفی از میان n سلول انتخاب می شود. سپس دومین سلول به طور تصادفی از میان $n-1$ سلول باقی مانده انتخاب شده و به همین ترتیب ادامه می یابد تا تمام سلول ها انتخاب شوند. نکته ای که باید به آن توجه کرد این است که هنگام انتخاب، تمام سلول های باقی مانده شناسی یکسانی برای انتخاب شدن دارند. به عبارت دیگر، انتخاب بر اساس توزیع یکنواخت بدون جایگذاری است.

ترتیب جدید تصادفی: در این روش برای هر تکرار از یک ترتیب فعال سازی تصادفی بر مبنای توزیع یکنواخت با جایگذاری استفاده می شود. در این روش برخلاف روش ترتیب تصادفی ترتیب فعال سازی در تمام تکرارها یکسان نمی باشد.

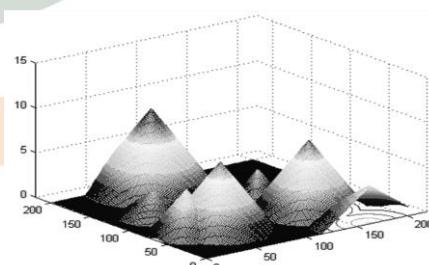
ترتیب یکنواخت: در این روش انتخاب سلول برای فعال سازی با توزیع یکنواخت انجام می گیرد. به عبارت دیگر از یک انتخاب تصادفی یکنواخت با جایگذاری استفاده می شود. در k گام ممکن است بعضی از سلول ها بیش از یکبار فعال شوند و بعضی اصلاً فعال نشوند. در این روش برخلاف روش های قبلی، برای انتخاب سلول بعدی به حافظه اضافی نیاز نمی باشد.

CLA-EC بازترکیبی [۳۳]: در طول عملیات CLA-EC استاندارد، آتماتاهای یادگیر موجود در هر سلول، بردارهای احتمال خود را تغییر می دهند تا رشته های ژنومی محلی خوبی را برای نسل بعدی تولید کنند. فرض می شود که همه بیت های این رشته ژنومی محلی خوب بوده و برای یادگیری آتماتای یادگیر استفاده خواهد شد. در اینجا رشته هایی وجود دارند که در حالت کلی کیفیت بالایی ندارند ولی جواب های جزئی خوبی را نگه می دارند. استاندارد مکانیزمی برای جایه جایی رشته های جزئی میان سلول هایی که حاوی این رشته ها هستند ندارد. برای حل این مشکل از بازترکیب میان چند رشته در سلول ها استفاده شده است. در ضمن این الگوریتم به جستجوی بهتر فضا کمک می کند.

3. معیارهای کارایی

جدول (۱) پارامترهای تابع قله های متحرک

Parameter	Value
number of peaks m	۱۰
Frequency of change f	every ۵۰۰ evaluations
height severity	۷.۰
width severity	۱.۰
peak shape	cone
shift length s	۱.۰
number of dimensions D	۵
cone height range H	[۳۰۰., ۷۰۰.]
cone width range W	[۱, ۱۲]
cone standard height I	۵۰.۰
Search space range A	[۰, ۱۰۰]



شکل (۴) نمایی از قله های متحرک

در محیط های پویا برای فهمیدن این که کدام رویکرد بر رویکرد دیگر اولویت دارد ، تنها لازم است که همگرایی را نمایش دهیم(بهترین و متوسط شایستگی هر نسل) و آن ها را به صورت بصری مقایسه کنیم.بسته به مسئله مورد نظر یکی از اندازه گیری های شمارشی ممکن است انتخاب خوبی برای مقایسه باشد.

کارایی درون خطی
به صورت میانگین همه ارزیابی ها بر روی کل اجرا محاسبه می شود.

$$x = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T e_t \quad (7)$$

کارایی برون خطی

x^* به عنوان بهترین میانگین بدست آمده در هر مرحله محاسبه می شود.

$$x^* = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T e_t^* \text{ with } e_t^* = \max\{e_1, e_2, \dots, e_t\} \quad (8)$$

معمولًا فرض می شود که بهینه سازی در محیط شبیه سازی شده انجام می شود و تنها بهترین راه حل به دنیای واقعی وارد می شود. کارایی برون خطی باید تنها به افرادی رسیدگی کند که تا آخرین تغییر در محیط ارزیابی شده اند.

$$x^* = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^{\tau} e_t^* \text{ with } e_t^* = \max\{e_\tau, e_{\tau+1}, \dots, e_t\} \quad (9)$$

τ being the last time step < t

که در آن یک تغییر در محیط روی داده است. البته این نیازمند این است که تغییرات محیطی برای مشاعده کننده شناخته شده باشد.

4. آزمایشات انجام شده

یک استراتژی تکاملی کاملاً رایج تطبیق نرخ جهش بعد از تعییر محیط است. حرکت به این صورت است که نرخ جهش باید بعد از یک تعییر در محیط افزایش یابد تا به جمعیت همگرا شده کمک کند تا خارج گردد و جستجو از ابتدا آغاز شوددر این مقاله در قسمت اول به حل مساله قله های متحرک با استفاده از الگوریتم ژنتیک وفقی می پردازیم و سپس مساله قله های متحرک را با انواع مدل های CLA-EC مقایسه جواب های بدست آمده می پردازیم. سپس برای بهبود عملکرد الگوریتم های CLA-EC به معرفی مدل حافظه/جستجو می پردازیم. برای آزمایشات گزارش شده در این مقاله الگوریتم های CLA-EC طراحی شده با الگوریتم های ژنتیک با جهش وفقی مورد مقایسه قرار می گیرند. در اینجا برای الگوریتم ژنتیک مورد استفاده از کدینگ حقیقی، جایگزینی تولیدی با نخبه گرایی ۱ و تقاطع دو نقطه ای با احتمال ۰.۶ و

جهش وفقی با احتمال $\frac{1}{n}$ که n تعداد ابعاد است (n=5) استفاده می کنیم. در الگوریتم CLA-EC از ۱۰۰ سلول استفاده می شود. هر یک از توابع دارای ۵ بعد هستند و برای انکد کردن هر بعد از ۲۷ بیت استفاده شده است، که این ، به این معنی است که هر سلول دارای ۱۳۵ آتماتای یادگیر است. برای سهولت در ارائه از نماد CLA-EC(LRI(a,b),r,se,q) برای اشاره کردن به الگوریتم CLA-EC با q سلول، ساعع همسایگی r، تعداد سلول انتخابی se، آتماتای یادگیر با پارامترهای پاداش a و حریمه b است. در آزمایشات انجام شده توسط CLA-EC، از یک اتوماتای یادگیر سلولی خطی دارای ۱۰۰ سلول و همسایگی با ساعع یک دارای دور استفاده شده است. همچنین از اتوماتای یادگیر LRI با نرخ پاداش ۰.۱ (یعنی نرخ جویمه صفر است) استفاده شده است. تعداد گام در هر دو الگوریتم، ۵۰۰۰ تکرار است. پیاده سازی ها روی ۳۰ اجرا میانگین گرفته شده است. از آن جایی که برای توابع شایستگی پویا گزارش بهترین راه حل به دست آمده ، مناسب نخواهد بود ، در اینجا میانگین خطای برون خطی و کارایی برون خطی گزارش شده است. CLA-EC همکارانه شامل دو CLA-EC_L و CLA-EC_H هر کدام با ساعع همسایگی ۱ می باشد. CLA-EC_H شامل آتماتاهای یادگیر L_{RI} با نرخ یادگیری بالا و CLA-EC_L شامل آتماتاهای یادگیر CLA-EC_L با نرخ یادگیری پایین می باشد. طول هر دوره ۱۰ تکرار در نظر گرفته شده است. هر CLA-EC همکارانه با q سلول ، شامل دو CLA-EC ساده با $q/2$ سلول است و پس از گذشت هر دوره زمانی از پیش تعیین شده، هر CLA-EC_H سلول X_i خود را با سلول X_i متناظر در CLA-EC_L معاوضه می کند.

در مرحله دوم از آزمایشات انواع مدل های دیگر CLA-EC را در محیط های پویا استفاده کردیم. همان طور که مشاهده می شود، کارایی CLA-EC استاندارد و CLA-EC ناهمگام شبیه به هم است و هر دو بعد از چند نسل در بهینه های محلی گیر افتاده و توانایی خروج از آن را ندارند، هر چند که در [۳۲] در بیشتر موارد کارایی CLA-EC ناهمگام در مسائل با محیط ایستا بالاتر از CLA-EC استاندارد بوده است. و همین طور نشان داده شده است که در مسائل ایستا با این که CLA-EC استاندارد سریعتر از CLA-EC ناهمگام همگرا می شود ولی برای این کار به تعداد سلول بیشتری نیاز دارد و غیر این صورت در بهینه های محلی گیر می افتد. ولی در مسائل با محیط پویا کارایی هر دو الگوریتم CLA-EC استاندارد و ناهمگام مثل یکدیگر است و هیچ یک توانایی وفق پذیری با تغییرات محیط را ندارند.

الگوریتم دیگری که در این جا مورد مقایسه قرار گرفته است، الگوریتم CLA-EC بازترکیبی است. این الگوریتم نسبت به الگوریتم EC استاندارد و CLA-EC ناهمگام کارایی بالاتری داشته و در نتیجه دارای خطای کمتری است. دلیل این امر، عملگر بازترکیبی است که به الگوریتم CLA-EC اضافه شده است. عملگر بازترکیبی قدرت اکتشاف الگوریتم را بالا می برد و همین طور اجازه می دهد که ساختارهای جزیی میان کروموزوم های افراد جابه جا شود. این تغییر در الگوریتم CLA-EC باعث می شود تا فضای خوبی جستجو شود و الگوریتم در بهینه خای محلی گیر نیفتند.

بهترین الگوریتمی که در میان الگوریتم های CLA-EC وجود دارد، الگوریتم CLA-EC همکارانه است. این الگوریتم دارای قدرت اکتشاف بسیار خوبی است و با تغییرات محیطی خود را وفق می دهد. البته در نسل های ابتدایی این الگوریتم نسبت به الگوریتم ژنتیک با جهش وفقی بد عمل می کند ولی در نسل های انتهایی از لحاظ کارایی به الگوریتم ژنتیک با جهش وفقی می رسد و کم کارایی آن بالاتر نیز می رود.

5. الگوریتم CLA-EC همکارانه بهبود یافته

با وجود این که الگوریتم CLA-EC همکارانه تا اندازه ای از به دام افتادن در مینیمم محلی جلوگیری می کند ولی باز هم احتمال به دام افتادن در مینیمم محلی بعد از گذشت هر نسل افزایش می یابد. زیرا CLA-EC_L با نرخ یادگیری پایین (CLA-EC_H) نیز، هنگامی که جمعیت موجود در CLA-EC دیگر را در اختیار می گیرد، آتماتاها می باشد. با استفاده از این جمعیت جدید وضعیت خود را به روز رسانی می کنند، و سعی می کنند به سمت وضعیت آتماتاها یادگیری با نرخ یادگیری بالا (CLA-EC_H) به پیش بروند. البته چون نرخ یادگیری آن ها پایین است در تعداد نسل کم نمی توانند مشکلی ایجاد کنند، در نتیجه یک جمعیتی را به صورت تصادفی درست می کنند و در دوره تعویض بعدی در اختیار CLA-EC_H قرار می دهنند. در نتیجه آتماتای یادگیر CLA-EC_H کمی از خطر به دام افتادن در بهینه های محلی نجات می یابند و سعی می کنند در فضای جدید به دست آمده هم جستجویی داشته باشند، ولی این نجات دادن فقط برای یکبار آن هم در هنگام تعویض جمعیت حاصل می شود و باز بعد از گذشت چند نسل دوباره CLA-EC_H با استفاده از آتماتای یادگیر خود به جمعیت مشابه جمعیت قبلی خود می رسد و باز این روند تکرار می شود. حال اگر الگوریتم نتواند بعد از گذراندن تعداد نسل معینی به جواب برسد، به طور ناخواسته وضعیت آتماتاها یادگیر موجود در CLA-EC_L هم به سمت وضعیت آتماتاها یادگیر موجود در CLA-EC_H میل کرده و CLA-EC_L هم دیگر قادر نیست با تولید تصادفی جمعیت روی فضای راه حل ها، یک جستجوی عمومی را به راه بیاندازد. در نتیجه با استفاده از قدرت یادگیری آتماتاها خود سعی می کند جمعیتی مشابه با جمعیت موجود در CLA-EC_H را تولید کند. بدین ترتیب به تدریج از خاصیت نجات بخشی آن کاسته می شود و دوباره همان مشکل به دام افتادن در مینیمم های محلی به پیش می آید.

در [۳۵] به جای این که از یک CLA-EC با نرخ یادگیری پایین به عنوان یک همکار برای CLA-EC با نرخ یادگیری بالا استفاده شود، از یک الگوریتم ژنتیک استاندارد به عنوان همکار استفاده شده است تا با تنظیم پارامتر جهش، احتمال تولید جمعیت تصادفی و جستجوی عمومی روی کل فضای راه حل های مسئله را برای همیشه تضمین کند. این الگوریتم ژنتیک بر روی جمعیت موجود در یک شبکه سلولی عمل خواهد کرد، با این تفاوت که در این جا سلول ها دیگر کاری به وضعیت سلول های همسایه اشان ندارند و صرفا بر مبنای الگوریتم ژنتیک به روزرسانی می شوند. در اینجا نیز مانند مدل همکارانه هر دو الگوریتم هر چند نسل یکبار جواب های میانی خود را به اشتراک می گذارند. در نتیجه CLA-EC با نرخ یادگیری بالا می تواند مشابه قبل با سرعت در فضای جواب ها حرکت کند و هرگز در بهینه های محلی به دام نخواهد افتاد. این الگوریتم جدید علاوه بر این که ما را از بهینه های محلی نجات می دهد، دارای سرعت بیشتری نسبت به الگوریتم CLA-EC ساده یا همکارانه نیز می باشد. چون در این الگوریتم، جمعیت موجود در الگوریتم ژنتیک هم می توانند در حین جستجو در فضای عمومی با سرعت بیشتری نسبت به CLA-EC با نرخ یادگیری پایین به سمت جواب حرکت کنند. نکته قابل توجه دیگر در مورد این الگوریتم این است که، با استفاده از تعداد جمعیت کم، خیلی سریعتر از الگوریتم همکارانه و ساده به جواب می رسد. زیرا با استفاده از پارامترهای بازترکیبی و جهش نیز می تواند شناس خود را در رسیدن به جواب آزمایش کند. همچنین وابستگی این الگوریتم نسبت به مقدار پارامتر نرخ یادگیری نیز از مدل های مشابه قبلی کمتر می باشد. این الگوریتم را در زیر مشاهده می کنید:

```

Initialize
While not done do
    t=t+1

```

```

For each cell i in  $CLA - EC_H$  do
    Generate new genome
    Evaluate new genome
    If f(new genome) > f(old genome) then
        Accept new genome
    End if
    Select se cells from neighbor
    Generate the reinforcement signal vector
    Update Las
    Generate new population for with GA
    If (t mod N) = 0 then
        Exchange the genome of cell i in GA and
         $CLA - EC_H$ 
    End for
End while

```

شکل (5) الگوریتم CLA-EC همکارانه بهبود یافته

6. رهیافت پیشنهادی

همان طور که در اقسامت ۵ بیان شد ، برای بهبود عملکرد CLA-EC همکارانه می توان به جای همکار با نرخ یادگیری پایین ، از یک الگوریتم ژنتیک استاندارد استفاده کرد. همان طور که در [۳۵] نشان داده شده است این الگوریتم نسبت به الگوریتم CLA-EC همکارانه بهتر عمل می کند.اما این الگوریتم برای مسائل با محیط ایستا طراحی شده است و الگوریتم ژنتیک استاندارد در مسائل با محیط پویا خوب عمل نکرده و در همان نسل های اولیه در بهینه محلی می افتد.به همین جهت الگوریتم همکارانه ای که برای مسائل پویا طراحی کردیم، از یک CLA-EC با نرخ یادگیری پایین استفاده یادگیری بالا تشکیل شده است و از یک الگوریتم ژنتیک با جهش و فقی به عنوان همکار دیگر به جای CLA-EC با نرخ یادگیری پایین استفاده کردیم. این الگوریتم ژنتیک بر روی جمعیت موجود در یک شبکه سلوالی عمل خواهد کرد،با این تفاوت که در این جا سلوول ها دیگر کاری به وضعیت سلوول های همسایه اشان ندارند و صرفا بر مبنای الگوریتم ژنتیک به روزرسانی می شونند.در این جا نیز مانند مدل همکارانه هر دو الگوریتم هر چند نسل یکبار جواب های میانی خود را به اشتراک می گذارند.در نتیجه CLA-EC با نرخ یادگیری بالا می تواند مشابه قبل با سرعت در

SEA	CLA-EC	Cooperative CLA-EC	New Cooperative CLA-EC	Recombinative CLA-EC	Uniform CLA-EC
۱۶.۷۳۵۸۲	۴۵.۱۵۶۵۷	۱۳.۴۱۴۷	۲.۷۳۳۹۵	۳۹.۹۷۳۸	۴۴.۹۷۶۹۸

فضای جواب ها حرکت کند و هرگز در بهینه های محلی به دام نخواهد افتاد.

نرخ جهش و بازترکیبی مورد استفاده در الگوریتم ژنتیک با جهش و فقی به ترتیب برابر ۰.۰۰۰۸ و ۰.۰۱۰۰ است. CLA-EC (LRI(۰.۰۱۰۰)،SEA(۱.۲۱۰۰)،CLA-EC) نشان دهنده الگوریتم همکارانه است ، که یک همکار شعاع همسایگی یک و همکار دیگر یک الگوریتم ژنتیک وفقی است، که الگوریتم مجموعاً بر روی ۱۰۰ سلوول کار می کند یعنی هر همکار بر روی ۵۰ سلوول کار می کند.در جدول (۲) خطای برون خطی الگوریتم ژنتیک با جهش و فقی و انواع مدل های CLA-EC مورد مقایسه قرار گرفته است. همان طور که مشاهده می شود الگوریتم CLA-EC همکارانه بهبود یافته دارای کمترین خطای است.

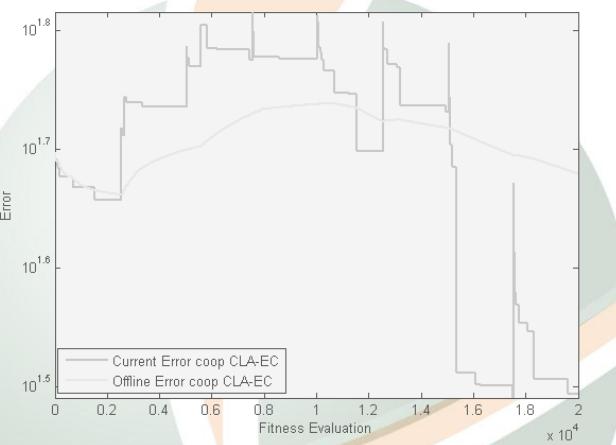
جدول (2) مقایسه خطای برون خطی روی تابع قله متحرک با الگوریتم ژنتیک با جهش و فقی و انواع مدل های CLA-EC در ۵۰۰۰ تکرار

7. بررسی سرعت همگرایی در الگوریتم **CLA-EC** همکارانه بهبود یافته و الگوریتم ژنتیک با جهش وفقی

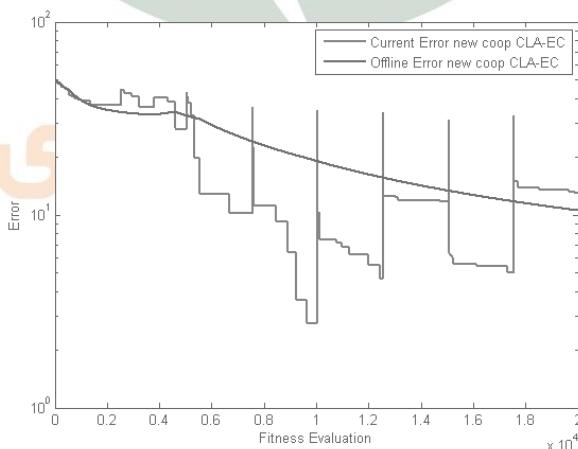
در این بخش هدف این است که با بررسی سرعت همگرایی به این نتیجه برسیم کدام الگوریتم پس از بروز تغییراتی در سیستم می‌تواند سریعتر بهترین پاسخ خود را تولید نماید و آنرا در اختیار سیستم قرار دهد که دارای کمترین خطای باشد. این پارامتر در سیستم‌های پویا به دلیل شرایط خاص این محیط‌ها از اهمیت بالایی برخوردار است اما به دلیل پیچیدگی‌هایی که دارد کمتر مورد بررسی قرار گرفته است.

برای این منظور از میزان خطای جاری استفاده شده است. در هر بار گردش برنامه این میزان خطای در متغیری ذخیره شده سپس این مقادیر بصورت نموداری نشان داده خواهند شد. هر چه این مقدار خطای کمتر بوده و به صفر نزدیکتر باشد به آن معنی است که قله یافته شده به بلندترین قله نزدیکتر است، حال هر الگوریتمی که بتواند با شبیه تندتری به کمترین مقدار تولیدی توسعه الگوریتم برسد می‌توان نتیجه گرفت سرعت این الگوریتم بهتر بوده و می‌تواند بعد از بروز تغییرات جوابهای بهتری را با سرعت بیشتر تولید نماید.

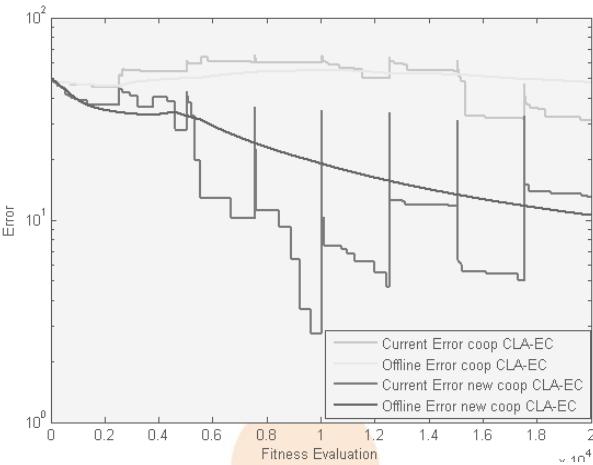
در شکل (۶) (به بررسی خطای در الگوریتم‌های **New Cooperative CLA-EC** و **SEA** پرداخته ایم. در هر یک از نمودارها میزان خطای جاری و Offline در یک گردش بیست هزار بار برای ارزیابی برآش تابع نشان داده شده است، پالس‌های نامنظم نشان دهنده ایجاد یک تغییر و حرکت برای رسیدن به جواب است تا بروز تغییر بعدی، این عمل در هر ۵۰۰۰ بار ارزیابی تابع یکبار رخ می‌دهد که بصورت بازه‌هایی در شکل‌ها نشان داده شده است.



شکل (6) ارزیابی خطای در الگوریتم **cooperative CLA-EC** با $F=5000$ برای بیست هزار ارزیابی اول



شکل (7) ارزیابی خطای در الگوریتم **new cooperative CLA-EC** با $F=5000$ برای بیست هزار ارزیابی اول



شکل (8) مقایسه خطای الگوریتم های cooperative CLA-EC و new cooperative CLA-EC در $F=5000$ برای بیست هزار ارزیابی اول

8. نتیجه گیری

در این مقاله مدل محاسبات تکاملی بر پایه اطوماتای یادگیر سلولی معرفی شد و مورد بررسی قرار گرفت. نتایج آزمایشات صورت گرفته بر روی این مدل نشان دادند که مدل CLAEC در حل مسایلی با فضای حالت بزرگ به ویژه زمانی که فضای جستجو خلوت باشد، عملکرد مناسبی ندارد و نسبت به الگوریتمهای ژنتیک بدتر عمل میکند.

نکته قابل توجه این است که ایجاد تغییرات گسترده در ساختار ژنومها در هر گام، به دلیل ماهیت این مدل است. در الگوریتمهای ژنتیک با انتخاب روشهای درست بازترکیبی و جهش، سعی میشود که تغییرات ژنومها، بسیار نرم و به آهستگی صورت گیرند. به عنوان مثال، در روش بازترکیبی تک نقطه ای، بخش از ژنومهای والد، ثابت میمانند و فقط قسمتی از ژنوم تغییر میکند. ولی در مدل CLAEC، پیش از همگرا شدن اتوماتای یادگیر سلولها، در هر گام کل ژنوم به صورت تصادفی تغییر میکند. این مساله باعث میشود که همگرا شدن الگوریتم نرخی بسیار کند داشته باشد و در مقایسه با الگوریتم ژنتیک بدتر عمل کند. مطالعات انجام شده نشان داد که الگوریتم CLA-EC استاندارد، CLA-EC بازترکیبی، CLA-EC آسنکرون دارای عملکرد خوبی نیستند ولی CLA-EC همکارانه به دلیل توازنی که میان خاصیت اکتشاف و بهره برداری ایجاد می کند، دارای کارایی بالاتر است. الگوریتم های CLA-EC استاندارد، بازترکیبی و آسنکرون به دلیل این که نرخ همگرای اشان بسیار کند قدرت ورق پذیری با تغییرات محیط را ندارند. ولی در الگوریتم CLA-EC همکارانه نرخ همگرای افزایش پیدا کرده و نسبتاً بهتر می توانند با تغییرات محیط تطبیق پیدا کنند. در واقع CLA-EC همکارانه شامل یک حافظه ضمنی است که باعث نگه داری تنوع در جمعیت و تطبیق بهتر با تغییرات می شود. CLA-EC همکارانه ابتدایی دارای این خصوصیت است که عملکرد آن وابستگی زیادی به تنظیم نرخ یادگیری و تعداد سلول ها ندارد، بنابراین به راحتی قادر است خود را با تغییرات محیط تطبیق دهد.

9. مراجع

- [1] Louis, S. J., and XU, Z., "Genetic Algorithms for Open Shop Scheduling and Re-scheduling," In M. E. Cohen and D. L. Hudson , Editors, ISCA 11th International Conference on Computers and Their Application, pp. ۹۹-۱۰۲, ۱۹۹۶.
- [2] Cartwright, H. M., and Tusen, A. L., "Genetic Algorithms and Flow Shop Scheduling: Towards the Development of a Real-time Process Control System," T. C. Fogarty, Editor, AISB Workshop on Evolutionary Computing, vol. ۸۶۵ of LNCS, pp. ۲۷۷-۲۹۰, Springer Verlag, ۱۹۹۴.
- [3] Bierwirth, C., and Kopfer, H., "Dynamic Task Scheduling with Genetic Algorithms in Manufacturing Systems," Technical Report, Department of Economics, University of Bremen, Germany, ۱۹۹۴.
- [4] Bierwirth, C., Kopfer, H., Mattfeld, D. C., and Rixen, I., "Genetic Algorithm Based Scheduling in a Dynamic Manufacturing Environment," Proceedings of IEEE Conference on Evolutionary Computation, IEEE press, ۱۹۹۵.

- [5] Pico, C. A. G., and Wainwright, R. L., "Dynamic Scheduling of Computer Tasks Using Genetic Algorithms," Proceedings of First IEEE Conference on Evolutionary Computation, vol. 2, pp. 829-832, 1994.
- [6] Fang, H. -L., Ross, P., and Corn, D., "A Promising Genetic Algorithm Approach to Job-shop Scheduling, and Open-shop Scheduling Problems," In S. Forrest, Editor, Fifth International Conference on Genetic Algorithms, pp. 375-382, 1993.
- [7] Krishnakumar, K., "Micro Genetic Algorithms for Stationary and Non-stationary Function Optimization," In intelligent control and adaptive systems, of the SPIE, vol. 1196, pp. 289-296, 1989.
- [8] Cobb, H. G., "An Investigation into the Use of Hyper Mutation as an Adaptive Operator in Genetic Algorithms Having Continuous, Time-dependent Non stationary," Technical Report AIC-90-001, proc in. Naval Research Laboratory, Washington, USA, 1990.
- [9] Grefenstette, J. J., "Genetic Algorithms for Changing Environments," In R. Maenner and B. Manderick, Editors, Parallel Problem Solving From Nature 2, pp. 137-144, North Holland, 1992.
- [10] Cobb, H. G., and Grefenstette, J. J., "Genetic Algorithms for Tracking Changing Environment," Proceedings of 5th International Conference on Genetic Algorithms, pp. 523-530, 1993.
- [11] Vavak, F., Jukes, K. A., and Fogarty, T. C., "Performance of a Genetic Algorithms with Variable Local Search Range Relative to Frequency for the Environmental Changes," Proceedings of Conference on Genetic Programming, 1998.
- [12] Vavak, F., Fogarty, T. C., and Jukes, K., "Learning the Local Search Range for Genetic Control of Dynamic Systems," Proceedings of Pre-Conference Workshop on Evolutionary Computing and Machine Learning, pp. 143-150, 1996.
- [13] Back, T., "On the Behavior of Evolutionary Algorithms in Dynamic Environments," Proceedings of IEEE International Conference on Evolutionary Computation, pp. 446-451. IEEE, 1998.
- [14] Ng, K. P., and Wong, K. C., "A New Diploid Scheme and Dominance Change Mechanism for Non-stationary Function Optimization," Proceedings of 6th international conference on genetic algorithms, pp. 159-166, 1995.
- [15] Ryan, C., "Diploidy Without Dominance," In J. T. Alander, Editor, Third Nordic Workshop Mon Genetic Algorithms, pp. 53-56, 1997.
- [16] Dasgupta, D., and McGregor, D. R., "Non stationary Function Optimization Using the Structured Genetic Algorithm," In R. Manner and B. Manderick, Editors, Parallel Problem Solving From Nature, pp. 145-154, Elsevier science publisher, 1992.
- [17] Dasgupta, D., "Incorporating Redundancy and Gene Activation Mechanisms in Genetic Search," In L. chambers, Editor, Practical Handbook of Genetic Algorithms, vol. 2, pp. 203-216, CRC Press, 1995.
- [18] Ohkura, K., and Ueda, K., "Adaptation in Dynamic Environment Using Genetic Algorithms with Redundant Representation and Additional Genetic Operators," In Dagli and Cihan, Editors, Intelligent Engineering Systems through Artificial Neural Networks, pp. 291-298, 1994.
- [19] Trojanowski, K., and Michalewicz, Z., "Searching for Optima in Non-stationary Environments," Proceedings of Congress on Evolutionary Computation, vol. 3, pp. 1843-1850, IEEE, 1999.
- [20] Trojanowski, K., and Michalewicz, Z., "Searching for Optima in Non-stationary Environments," Proceedings of Congress on Evolutionary Computation, vol. 3, pp. 1843-1850, IEEE, 1999.
- [21] Goldberg, D. E., and Richardson, J., "Genetic Algorithms With Sharing for Multimodal Function Optimization," Proceedings of Second International Conference on Genetic Algorithms, pp. 41-49, 1987.
- [22] Andersen, H. C., "An Investigation in to Genetic Algorithms, and the Relationship between Speciation and the Tracking of Optima in Dynamic Functions," Honours thesis, Queensland university of technology, Brisbane, Australia, November 1991.
- [23] Hocaglu, C., and Sanderson, A. C., "Planning Multi-paths Using Speciation in Genetic Algorithms," Proceedings of 4rd IEEE Intl. Conf. on Evolutionary Computation, pp. 378-383, 1996.
- [24] Cedeno, W., and Vemuri, V. R., "On the Use of Niching for Dynamic Landscapes," Proceedings of International Conference on Evolutionary Computation, IEEE, 1997.

- [25] Liles, W., and Jong, D., "The Usefulness of Tag Bits in Changing Environments," Proceedings of Congress on Evolutionary Computation, vol. 3, pp. 2054-2060. IEEE, 1999.
- [26] Spears, W., "Simple Subpopulation Schemes," Proceedings of evolutionary programming conference, pp. 296-304, World Scientific, 1994.
- [27] Oppacher, F., and Wineberg, M., "The Shifting Balance Genetic Algorithm: Improving the GA in a Dynamic Environment," Proceedings of Genetic and Evolutionary Computation Conference, vol. 1, pp. 54-510, 1999.
- [28] Wineberg, M., and Oppacher, F., "Enhancing the GA's Ability to Cope with Dynamic Environments," Proceedings of Genetic and Evolutionary Computation Conference, pp. 3-10, 2000.
- [29] Ursem, R. k., "Multinational GA Optimization Techniques in dynamic Environments," Proceedings of Genetic and Evolutionary Computation Conference, pp. 19-26, 2000.
- [30] Stephens, C. R., Olmedo, I. G., Vargas, J. M., and Waelbroeck, H., "Self-adaptation in Evolving Systems," In Artificial life, 4(2), 1998.
- [31] Weiker, K., and Weiker, N., "Dynamic Rotation Partial Visibility," Proceedings of congress on evolutionary computation, pp. 1125-1131, 2000.
- [32] Masoodifar, B., Meybodi, M. R., and Rastegar, R., "Asynchronous CLA-EC," Proceedings of 11th Annual CSI Computer Conference of Iran, Fundamental Science Research Center (IPM), Computer Science Research Lab., Tehran, Iran, pp. 447-458, Jan. 24-26, 2006.
- [33] Masoodifar, B., Meybodi, M. R., and Hashemi, M., "Cooperative CLA-EC," Proceedings of 12th Annual CSI Computer Conference of Iran, Shahid Beheshti University, Tehran, Iran, pp. 558-559, Feb. 20-22, 2007.
- [34] Jafarpourand, B., and Meybodi, M. R., "Recombinative CLA-EC," Proceedings of Annual IEEE International Conference on Tools with Artificial Intelligence (ICTAI 2007), pp. 415-422, Achaia, Greece, Oct. 2007.
- [35] محمدجواد فتاحی حسن آباد و محمدمهدی عبادزاده « بهبود مدل CLA-EC با استفاده از الگوریتم ژنتیک» اولین کنفرانس ملی کاربردهای مهندسی نرم افزار، لاهیجان، 1388.

زیرنویس ها

- ^ Restriction
- ^ Optimum
- ^ Converge
- ^ Diversity
- ^ Exploring
- ^ Modifying selection
- ^ Multi-population approaches
- ^ Dynamic bit-matching
- ^ Moving parabola
- ^ Time-varying knapsack problem
- ^ Moving peaks function
- ^ Scheduling problem
- ^ Oscillating peaks
- ^ Time-driven
- ^ Step-driven