

# پاسخنامه آزمون الگوريتمهاي پيشرفته

استاد : دکتر سید علی رضوی ابراهیمی دانشجو: مریم سادات موردگر - 990190۴۲

تابستان 1400



# سؤالات ميان ترم

۱- در معنی و مفهوم علمی الگوریتم بحث نمایید. درس الگوریتم و الگوریتمهای موردمطالعه برای مهندسین نرمافزار چه کاربرد و فایدهای دارند؟

الگوریتم مجموعه متناهی از دستورالعملهاست که به ترتیب خاصی اجرا میشوند و مسئله را حل میکنند به عبارت دیگر یک الگوریتم، روش گام به ترای حل مسئله است.

الگوریتم روش حل سیستماتیک مسئله است قبل از اینکه حل مسئله رخ دهد مهم است اول بدانیم که طبیعت مشکل چیست اگر مسئله را اشتباه درک کرده باشید تلاشهای شما برای حل مسئله نیز ممکن است اشتباه یا بیهوده باشد. الگوریتمها دارای خصوصیاتی هستند مانند: دارای نقطه شروع و پایان هستند ورودی و خروجیها مشخص باشد و مراحل کار شفاف و بدون ابهام تعیین شود، تکرارپذیرند. ازلحاظ عملی هم بهرهوری داشته باشند و بتوان با هزینه و زمان مقول یعنی سرعت بیشتر و زمان کمتر، مسئله را حل کرد.

تفاوت متد و الگوریتم: متد شیوه یا روش نگاه به مسئله است در متد کلیات یا جهت حل مسئله معین می شود و جزییات و مراحل بیان نمی شود در اصل یک نسخه عمومی تر و کلی تر از الگوریتم است و در آن ابهام وجود دارد ولی الگوریتم گامهای حل مسئله بهطور سیستماتیک و دقیق تر است و در آن هیچ ابهامی وجود ندارد.

ما معمولاً برای حل مشکلات به دنبال ساده ترین و سریع ترین راه حلها هستیم. سالها است که علم با یافتن پاسخ سؤالات خود و استفاده از آنها در پیشامدهایی که الگوی تکراری دارند، اهداف خود را پیش میبرد و سریع تر از انتظار ما رازهای طبیعت را از دل آن بیرون می کشد. راه حلهایی که تستشده و مطمئن هستند و می توانند سؤالاتی با مفاهیم یکسان را حل کنند، الگوریتم نامیده می شوند. این روش برای نخستین بار توسط خوارزمی مورد توجه قرار گرفت و نام الگوریتم نیز به احترام این دانشمند و از کلمه الخوارزمی گرفته شده است.

اگر بخواهیم معنی الگوریتم را در زمینه ریاضیات و علوم کامپیوتر بررسی کنیم، میتوان گفت الگوریتمها مجموعه فرایندهایی هستند که به کمک آنها میتوان بسیاری از مسائل برنامهنویسی را بهراحتی حل کرد. بهعنوانمثال الگوریتم یک موتور جستجو را در نظر بگیرید. الگوریتم موتور جستجو گوگل بهطور سادهاین گونه ست که عبارت تایپشده شمارا دریافت کرده و آن را در پایگاه دادههای خود جستجو میکند.

الگوریتم در اصل مفهومی است که مسائل را با استفاده از دستورالعملهای پشت سرهم و به کمک تحلیلهای ریاضی و منطقی موردبررسی قرار داده و راهحل مناسبی برای آن ارائه میکند، میتوان الگوریتم را رویهای تعریف کرد که شامل تعداد متناهی از دستورالعملهاست و هدف خاصی را دنبال میکند، یکی از مهمترین اهداف در علم کامپیوتر، فرایند طراحی الگوریتم برای تولید خروجی صحیح درازای ورودی، در محدوده زمانی متناهی است، کارایی یک الگوریتم با آیتمهای مختلفی سنجیده میشود ولی مهمترین جنبه سنجش میزان کارایی یک الگوریتم، زمان اجرای آن است یعنی شمارش تعداد زمانهایی که عملیات اساسی الگوریتم اجراشده است. از دیگر جنبههای سنجش، فضای موردنیاز برای اجرای آن است.

اشخاص در مشاغل گوناگون برای انجام کار روزانه خود از الگوریتمهای ذهنی یا مکتوب خاصی برای انجام کارها یا انجام وظایف بهره میبرند. یکی از مباحث درسی رشتههای مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات است، یک مبحث پایهای برای فعالیت در حوزههای هوش مصنوعی، یادگیری ماشین و علم داده به شمار میآید. تسلط بر مبحث تحلیل و طراحی الگوریتمها به برنامهنویسها نیز در حل بهتر مسائل برنامهنویسی و نوشتن کدهایی با کارایی و سرعت اجرای بالاتر و مصرف حافظه کمتر کمک قابل توجهی میکند. یافتن راه حل برای مسائل گوناگون و توانایی حل مسائل پیچیده مهندسین قادر خواهند بود که با استفاده از مباحث الگوریتمها و توصیف راستی آزمایی و راه حل برای مسائل واقعی و مطرح روز بکار ببرند.

در علوم رایانه یک الگوریتم را روال محاسباتی خوش تعریف می دانند که مقدار یا مجموعهای از مقادیر را به عنوان ورودی دریافت کرده و پس از طی چند گام محاسباتی، ورودی را به خروجی تبدیل می کند. به جز این الگوریتم را ابزاری برای حل مسائل محاسباتی نیز تعریف کرده اند. یک برنامه رایانه ای بیان یک یا چند الگوریتم با یک زبان برنامه نویسی است. معمولاً برای حل یک مسئله روشها و الگوریتمهای گوناگونی وجود دارد، یک الگوریتم ممکن است عمل موردنظر را با دستورهای مختلف در مدت زمان یا کار کمتر یا بیشتری نسبت به الگوریتم دیگر انجام دهد. به همین دلیل انتخاب الگوریتم مناسب و کارا اهمیت زیادی در موفق بودن و کارایی برنامه رایانه ای دارد. الگوریتمها به عنوان یک علم مطرح هستند و دانشمندان آنها را طراحی، تحلیل و مطالعه می کنند.

معمولاً برای حل یک مسئله، روشها و الگوریتمهای گوناگونی وجود دارند؛ یک الگوریتم ممکن است عمل موردنظر را با دستورهای معمولاً برای حل یک مسئله، روشها و الگوریتمهای گوناگونی وجود دارند؛ یک الگوریتم ممکن است عمل موردنظر را با دستورهای مختلف در مدتزمان یا کار کمتر یا بیشتری نسبت به الگوریتم دیگر انجام دهد. به همین دلیل، انتخاب الگوریتم مناسب و کارا همیت زیادی در موفق بودن و کارایی برنامه رایانهای دارد. الگوریتمها به عنوآن یک علم مطرح هستند و دانشمندان آنها را طراحی، تحلیل، و مطالعه می کنند. مطالعه الگوریتمها زمینههای متعددی را در برمی گیرد. در زیر به چند نمونه اشاره می کنیم که می توان آنها را چرخه حیات یک الگوریتم نامید.

الف) طراحی الگوریتمها: روشهای مختلفی برای طراحی الگوریتمها وجود دارد که عبارتند از روش های تقسیم و غلبه، روشهای حریصانه، روشهای برنامهنویسی پویا، روشهای پسگرد و روشهای انشعاب و تحدید.

ب) معتبر سازی یا اثبات درستی الگوریتمها: بعد از طراحی باید اثبات شود که الگوریتم مزبور درست است. الگوریتمی درست است که به ازای هر ورودی مناسب خروجی صحیحی بدهد. اثبات درستی الگوریتمها به اثبات قضایا در ریاضی میماند و مرحله بسیار مهمی در زمینه مطالعه الگوریتمها است

پ) تحلیل الگوریتمها (تحلیل مقدم، ارزیابی کارایی الگوریتمها): یک الگوریتم در زمان اجرا از واحد پردازش مرکزیِ رایانه برای اجرای دستورالعملها و از حافظه برای ذخیرهسازی برنامه و دادهها استفاده می کند. تحلیل یک الگوریتم مشخص می کند که الگوریتم در زمان اجرا برای چه مدتی از CPU برای اجرای دستورالعمل (پیچیدگی زمانی) استفاده کرده و چه مقدار از حافظه (چه اصلی و چه جانبی) برای ذخیرهسازی برنامه و دادهها (پیچیدگی فضایی) به کاربرده است. تحلیل الگوریتم بیان گر آن است که، یک الگوریتم به چه میزان پیچیدگی زمانی و پیچیدگی فضایی نیاز دارد.

ت) پیاده سازی الگوریتمها: پیاده سازی یک الگوریتم نوشتن آن به زبان برنامه نویسی خاص است که معمولاً بعد از تحلیل مقدم آن صورت می گیرد و نام برنامه به آن اطلاق می شود. ث) تست برنامه: تست یک برنامه شامل: اشکالزدایی و تحلیل مؤخر (اندازه گیری کارایی) است. اندازه گیری کارایی عبارت است از فرایند اجرای الگوریتم صحیح بر رویدادههای نمونه گیری شده برای به دست آوردن زمان و حافظه موردنیاز توسط کامپایلر. زمان اجرای یک الگوریتم به پارامترهای مختلفی بستگی دارد که ازجمله میتوان به نوع دستورالعملها (دستورالعملهای جمع، ضرب، نوشتن، خواندن، شرطی و ...) کامپایلر مورداستفاده، زبان برنامهنویسی، سختافزار به کاررفته و پارامتری مثل آکه میتواند معرف تعداد ورودیها و خروجیها یا هر دو باشد اشاره کرد.

تحلیل الگوریتمها رشتهای است که به بررسی کارایی الگوریتمها میپردازد. تحلیل الگوریتمها یعنی پیشبینی منابع موردنیاز برای اجرای یک الگوریتم، همچون: حافظه، پهنای باند ارتباطی، سختافزار، و از همه مهمتر، زمان. کارایی یا پیچیدگی هر الگوریتم را برحسب طول داده ورودی، یا میزان محلهای لازم حافظه را برحسب طول داده ورودی، یا میزان محلهای لازم حافظه را برحسب طول داده ورودی نشان میدهد.

## ۲-نحوه عمل نیم پاککننده در شبکههای مرتب ساز را شرح دهید؟

راهنمایی : در مفهوم و معنی عبارت زیر دقت نمایید:

A half-cleaner ensures that every output element of the top half is at least as small as every output element of the bottom half. Moreover, both halves are bitonic, and at least one half is clean.

شبکه مرتبسازی یک مدل انتزاعی ریاضی شامل شبکهای از سیمها و واحدهای مقایسه کننده است که برای مرتبسازی رشتهای از اعداد از آن استفاده می شود. هر مقایسه کننده دو سیم را به هم متصل می کند و مقادیر را با قرار دادن مقدار کوچکتر به یکی از سیمها و مقدار بزرگتر به سیم دیگر، مرتب می کند. اصلی ترین تفاوت میان شبکه مرتبسازی و الگوریتم مرتبسازی این است که ترتیب مقایسهها بدون در نظر گرفتن نتیجه مقایسههای قبلی، از قبل مشخص شده است. استقلال میان ترتیب مقایسهها برای اجرای موازی الگوریتمها مفید خواهد بود. علی رغم سادگی مدل آن، تئوری مرتبسازی شبکهای بسیار پیچیده و دارای مفاهیم عمیقی است. یک شبکه مرتب ساز، یک شبکه مقایسه گر است که رشتههای ورودی را دریافت کرده و آن را بهصورت مرتبشده در خروجی نمایش می دهد به بیان دیگر به مداری که n ورودی را دریافت کرده و با مرتب کردن آنها تعداد n خروجی مرتبشده در خروجی نمایش شبکهها و الگوریتههای مرتبسازی مبتنی بر مقایسه و جابجایی جفت کلیدها است.

### شبکه مرتب ساز Bitonic:

دنبالهای که بهصورت یکنواخت افزایش می یابد و سپس کاهش می یابد یا می توان آن را بهصورت گردشی تغییر داد تا یکنواخت افزایش و سپس یکنواخت کاهش می یابد بنابراین می توان گفت با استفاده از مرتبسازی بایتونیک می توان یک شبکه مقایسه ای افزایش و سپس یکنواخت کاهش می یابد بنابراین می توان گفت با استفاده از مرتبسازی بایتونیک می توان یک شبکه مقایسه را بهصورت صفرها و یکها مرتب کرده و سپس آن را برای هر عدد دلخواه دیگر بکار برد. شبکههای مرتبسازی بهدست آمده از را بهصورت صفرها و یکها مرتب کرده و تأخیری به میزان  $O(\log(n)^2)$  دارند که  $O(\log(n)^2)$  مقایسه کننده تشکیل شده و تأخیری به میزان  $O(\log(n)^2)$  دارند که  $O(\log(n)^2)$  مقایسه کننواخت غیر کاهشی یا غیر افزایشی است. توالی بایتونیک یک توالی با  $o(\log(n)^2)$  نیز توالی است.  $o(\log(n)^2)$  قرار دارند، با شیفت دورانی این توالی است.

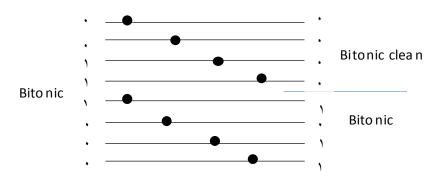
#### نيم ياككننده:

در مرتبسازی بایتونیک عمل مرتبسازی در چندین مرحله انجام می شود به هریک از این مراحل نیم پاک کننده گفته می شود. در شبکه مقایسه ای half-cleaner ورودی بر روی خط i با ورودی خط i با ورودی خط i با ورودی خط i با فرودی کنیمه تمیز خواهیم داشت.

عمق هر نیم پاک کننده، برابر با ۱ خواهد بود. خط i با خط i-n/7 مقایسه شده و مقادیر کوچک تر را در نیمه بالایی قرار می دهد و نیمه پایینی بایتونیک است.

در half-cleaner حداقل یکی از نصفهها تمیز باشد، در تعداد صفر و یکها، یا تعداد یکها و صفرها مساوی است یا تعداد یکها یا تعداد صفرها کمتر است در هر حالت اگر تعداد صفرها بیشتر از نصف باشد، درواقع یک نصفه صفر خواهیم داشت اگر تعداد یکها بیشتر باشد نصفه یک خواهیم داشت و یک نصفه خواهیم داشت که ترکیبی از صفر و یک است. در هر حالت half-cleaner یک نصفه تمیز خواهیم داشت و آن نصفه دیگر حتماً بایتونیک خواهد بود.

خصوصيات



اگر ورودی نیمه تمیزکننده یک توالی بایتونیک از ۰ و ۱ باشد در این صورت توالی خصوصیات زیر را برآورده میکند:

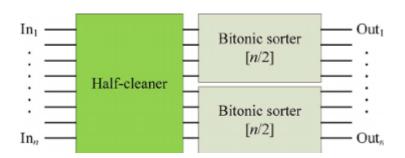
۱- هر دونیمه بالا و پایین بایتونیک هستند.

۲- هر المان در نیمه بالایی حداکثر بهاندازه هر المان نیمه پایینی کوچک خواهد بود.

٣- حداقل نيمي از آن تميز است(يا همه صفر يا يک)

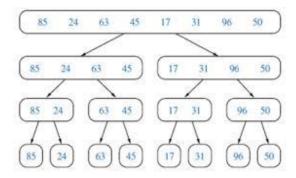
درواقع نیم پاککننده بیان میکند که هر عنصر خروجی از نیمه بالا حداقل بهاندازه هر عنصر از نیمه پایین میباشد و حداقل یکنیمه از آن تمیز میباشد.

در شکل زیر یک توالی دو آهنگی یکنواخت افزایشی را نشان می دهد. بعد از مرحله اول مرتب سازی، درسمت چپ ،یک نیم پاک کننده از صفرها و سمت راست، یک توالی دو آهنگی یکنواخت کاهشی تولید خواهد شد. عمق هر نیم پاک کننده، برابر با یک بوده و خواهیم داشت: D(n) = 1



شبکه های ادغام در ساخت شبکه های مرتب سازی مورد استفاده قرار میگیرد. هر شبکه مرتب سازی که بتواند برای بدست آوردن منبکه های ادغام در ساخت شبکه های مرتب سازی مورد استفاده قرار میگیرد. هر شبکه مرتبی به طول n، یک عنصر را با n عنصر مرتب، ادغام نماید، حداقل دارای عمق n خواهد بود. ضمن اینکه ،هر شبکه های ادغام صرفنظر از ترتیب ورودی ها به n (n log n) مقایسه گر نیاز دارد. بهترین زمان برای مرتب سازی n عنصر در شبکه های مرتب سازی نیز برابر n اتصال توالی اول با تصال توالی اول با معکوس توالی دوم، یک توالی دو آهنگی تولید کرد. این توالی تولید شده، با استفاده از مرتب ساز دو آهنگی مرتب خواهند شد.

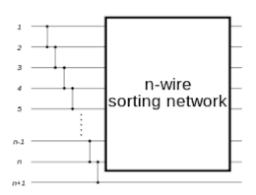
شبکه های مرتب سازی SORTER[n] شبکه های مقایسه ای هستند که براساس شبکه های ادغام MERGER[n] مبتنی بر الگوریتم مرتب ساز ادغامی پیاده سازی و در هر مرحله، به صورت بازگشتی  $2^n$  توالی را مرتب می کند. هر SORTER[n] از ادغام تولید می شود. شبکه مقایسه ای که میتواند هردنباله صعودی یکنواخت از صفرها و یک ها را ادغام کند، می تواند هر دنباله صعودی یکنواخت از اعداد دلخواه را نیز ادغام کند.



اندازه شبکه های مقایسه ای بوسیله تعداد نهایی مقایسه گرها و تعداد لایه های شبکه به دست میآید. در هریک از این دو پارامتر، پیدا کردن شبکه مرتب سازی بهینه حتی زمانی که شبکه ، به تعداد کمی ورودی محدود می شود، به عنوان یک چالش جدی به شمار میآید.

برخی شبکه های مرتب سازی که از تعداد کم مقایسه گر برخوردار هستند، ازالگوریتم های تکاملی برای تولید شبکه ها استفاده میکنند .

اصولا شبکه های مرتب ساز بهینه برای ورودی های کوچک و با تعداد ثابت n با عمق حداقلی و یا اندازه حداقلی میتوانند ایجاد شوند . این شبکه ها میتوانند برای افزایش کارای در شبکه های مرتب ساز بزرگتر، با ترکیب های بازگشتی، به صورت پایه مورد استفاده واقع شوند. نتیجه می گیریم عمل half clean روی دنباله Bitonic همواره نیمه بالایی از نیمه پایینی کوچکتر است، وهمواره یک نیمه مرتب شده است بدین معنی که همه عناصر آن یا صفر است یا یک.



## سؤالات پایان ترم

۱- نقش الگوریتم برای تأثیرگذاری مهندسی نرمافزار در تحقق شعار سال (تولید، پشتیبانیها و مانع زدایی ها)چه می تواند باشد؟

به گزارش مشرق، قریب به ده سال است که مقام معظم رهبری شعارهای ابتدای هرسال را با رویکرد اقتصادی مشخص کردهاند. برای مثال جهاد اقتصادی، تولید ملی و حمایت از کار و سرمایه ایرانی، حماسه سیاسی و حماسه اقتصادی، اقتصاد و فرهنگ، با عزم ملی و مدیریت جهادی، اقتصاد مقاومتی؛ اقدام و عمل، تولید اشتغال و سینامهایی بودند که توسط مقام معظم رهبری برای ابتدای هرسال انتخاب شدند.

سال ۱۴۰۰ را سال «تولید؛ پشتیبانیها، مانعزداییها» نامگذاری و تأکید کردند که «شعار انقلابی جهش تولید» امسال باید با حمایت همهجانبه و رفع موانع، کامل محقق شود. انتخاب شعار حکیمانه امسال توسط معظم له نشان می دهد که کشور بیش از همیشه نیازمند همدلی، همکاری و تلاش مضاعف است تا با ریلگذاری اقتصادی به سمت تولید حرکت کند. در عرصه فرهنگ با زمینه سازی برای پشتیبانی از نیروهای خلاق و دارندگان ایده و نیز با توسعه محصولات فرهنگی و خلاق می توان به رشد و توسعه کسبوکارها و اقتصاد این بخش دستیافت. امری که در دو سال اخیر تلاش شد تا ضرورت و الزامات زیرساختی آن در سطح دستگاه و دولت طرح شود، موردتوجه و بررسی قرار گیرد و به عنوان معاون وزیر و مسئول بهبود محیط کسبوکارهای وزار تخانه نیز بر این فرایندها نظارت دقیق داشته باشند چراکه رویکرد توسعه اقتصاد فرهنگ و توسعه صنایع فرهنگی و خلاق در کشور ما ازجمله فرایندهای نوین در مباحث رشد شاخصهای اقتصادی و تولیدی است.

یکی از راه کارهای مطرحشده که شاید شاهد تحقق تولید، پشتیبانیها، مانع زداییها، در پایان سال ۱۴۰۰ باشیم: با خروج تولید از مظلومیت فعلی و رفع موانع مهمی چون پایین بودن سهم سرمایه گذاری نسبت به GDP ، واردات غیرضروری، مقابله با قاچاق، اهلیت و ... و در بحث پشتیبانی از تولید توجه به اصولی چون صنعتی شدن و جلوگیری از خام فروشی، خصوصی سازی به معنای واقعی مبتنی بر حفظ نیروی کار و بازسازی و نوسازی واحد تولیدی و به کارگیری تکنولوژی و نوآوری، کارگیری سیستم بانکی در راستای حمایت از تولید و فناوری، راهبرد صادرات با به کارگیری تمام توان دیپلماسی و شناسایی و تسخیر بازارهای صادراتی و.... سال ۱۴۰۰، سال تولید، پشتیبانیها، مانع زداییها نام گذاری شده است و پرواضح است که برای تحقق این شعار بایستی به کلیه عوامل مؤثر در تولید توجه شود و فقط مقصود از این شعار، پشتیبانی از کارفرمایان که عامل سرمایه را در مجموعه عوامل مؤثر بر

تولید نمایندگی می کنند، نبوده است و بایستی به کارگران و کارمندان شاغل در بخشهای تولیدی اعم از تولید محصولات و تولید خدمات نیز توجه و التفات لازم صورت پذیرد. در تبیین عوامل تولید نظریات مختلفی وجود دارد ولیکن در تمام سناریوهای مربوط به تعیین عوامل مؤثر در تولید، دو عامل کار و سرمایه به عنوان اصلی ترین عوامل مطرح بوده و هستند.

بهترین اقدام دولت برای حمایت از تولید و مانع زدایی از مسیر آن، مدیریت ریسکهایی است که بهواسطه فعالیتهای دولت به اقتصاد و بهویژه بخش خصوصی تحمیل میشود.

دو سرفصل کلیدی در ریسکهای ناشی از فعالیتهای دولت برای اقتصاد، تغییر ناگهانی مقررات و نقض عهدهای دولت در قراردادها، بهویژه قراردادهای سنگین سرمایهگذاری است که مهمترین مصداق آن در اقتصاد امروز ایران واگذاریهای اموال دولتی به بخش خصوصی محسوب می شود.

خوب است دولتمردان و این نکته را در نظر داشته باشند که مقررات و قراردادها در روز نخست برای پیشبینی پذیر کردن فضای کسبوکار و به معنوان ابزاری برای مدیریت و کاهش ریسک ساخته شدهاند؛ اما تغییرات ناگهانی و تصمیمات خلق الساعه در عرصه مقررات گذاری و نقض عهد در قراردادهای دولتی، بهویژه واگذاریها، با هر بهانه و به هر مصلحتی که انجام می شوند درواقع نقض غرض اولیه مقررات گذاری و انعقاد قرارداد و موجب افزایش ریسک و کاهش کیفیت فضای کسبوکار هستند.

دولتمردان باید این نکته را همواره به خاطر داشته باشند که برای فعالان اقتصادی پاداش تولید همواره در برابر ریسک و مخاطرات آن سنجیده می شود و در این موازنه اساسی ترین امکان اصیل و اصولی دولت برای حمایت از تولید و مانع زدایی از مسیر آن کاهش ریسک و ایجاد امنیت اقتصادی برای بازیگران این صحنه است.

در سال ۱۴۰۰ پشتیبانیها و مانع زداییها نیازمند حمایتهای سختافزاری و نرمافزاری خاص است که همه باید به آن عمل کنند و در صورت تحقق شعار سال شاهد تحول در کشور خواهیم بود. این مسئله مانند قانون است، وقتی قانونی در مجلس مشخص میشود وظیفه دولت است تا آییننامههای اجرایی آن را تعیین نماید. اگر شعار سال ۱۴۰۰ تحقق پیدا کند تحول بسیار خوبی در کشور به وجود خواهد آمد.

در دنیای امروز مسائل فراوانی وجود دارد که میتوان توسط الگوریتمها راهحلهای مناسب و بهینهای برای آنها ارائه نمود. استفاده از الگوریتمها در این مسائل باعث صرفهجویی در وقت و هزینه شده و راهکارهای نوینی را پیش رو قرار میدهد. از جمله: یزشکی و ژنتیک، تجارت الکترونیک، اینترنت، صنعت، مسیریابی، مرتبسازی و ...

نقش الگوریتم در زندگی امروزی و برای رسیدن به هدف بسیار زیاد است، حتی با یک وب گردی ساده هم متوجه اهمیت الگوریتم در زندگی امروزی خواهیم شد؛ به طور مثال الگوریتم موفقیت در کنکور، الگوریتم رسیدن به موفقیت، الگوریتم رسیدن به هدف،

الگوریتم موفقیت در پروژه و ... .

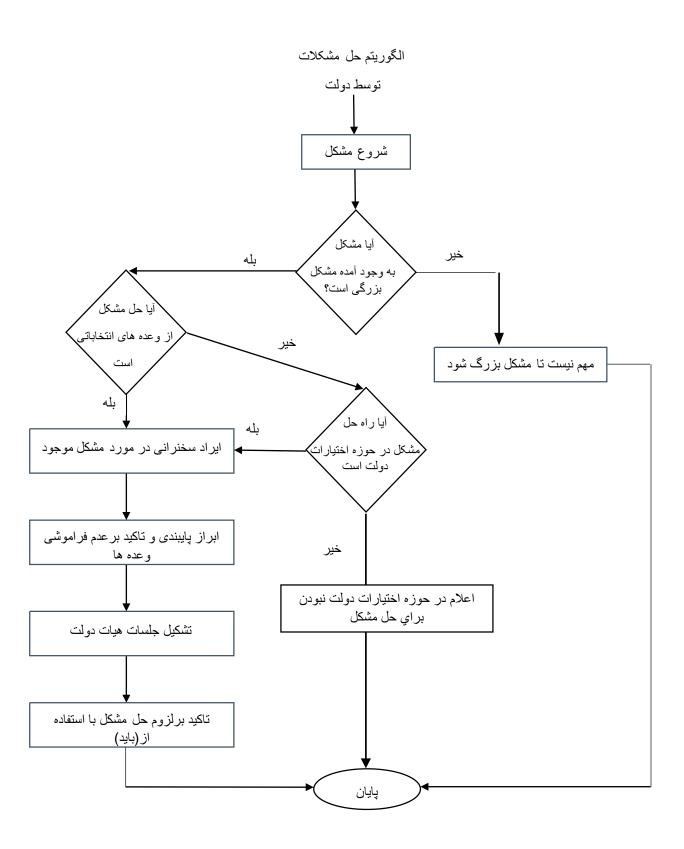
لوک دورمل نویسنده و روزنامهنگاری که در حوزه علوم انسانیِ دیجیتال مشغول به فعالیت است، آخرین کتاب او با عنوان "فرمول: چگونه الگوریتمها تمامی مسائل ما را حل می کنند" می باشد.

علیرغم تمامی پیشرفتهای فناورانه و ظهور ماشینها پس از انقلاب صنعتی و ظهور کامپیوترها و رباتها پس از عصر اطلاعاتی و شبکهای و شکل گیری فضای مجازی کسبوکار در کنار فضای واقعی کسبوکار، هنوز دو عامل سرمایه و کار جزو عوامل مؤثر و غالب تحقق تولید مطرح میباشند.

کشور اکنون نیازمند بازخوانی قوانین، روزآمدسازی ساختارهای دولتی و رویکردهای نو شونده در اقتصاد خلاق و مدیریت درآمدهای غیرنفتی است. در چنین وضعیتی برداشتن گامهای نوین برای توسعه تولیدات و راه یافتن به جرگه کشورهای صادر کننده محصولات و خدمات فرهنگی به قدرت بالا و مهارت مدیریتی نیاز دارد.

باوجود یک راهکار و الگوریتم مناسب برای ارائه راهحل و برطرف نمودن مشکلات، تا حد زیادی می توان از موانع عبور کرده و به اهداف و درنتیجه تحقق شعار سال نزدیک تر شد.

برای نمونه یک الگوریتم در ادامه نشان دادهشده است.



۲- با ذکر مثال و ارائه یک الگوریتم اولیه (لزومی به اثبات درستی الگوریتم ارائهشده وجود ندارد) تلاش نمایید
 قدمی برای حل مشکل کار آمدی دانشجویان مهندسی نرمافزار برای مشارکت در تولید نرمافزار در دوران دانشجویی
 و یا پساز آن ارائه نمایید؟ (استفاده از الگوریتمهای مطالعه شده در درس مورد استقبال خواهد بود)

در طی ۱۰ سال گذشته نقش کلیدی که کاربرد فناوری اطلاعات و ارتباطات می تواند در توسعه اجتماعی و اقتصادی کشورها ایفاء نماید، مشخص و قطعی شده است. این امر باعث شده تا میزان توسعه یافتگی کشورها از اهمیت برخوردار شده و مدیران هر کشور و طرفهای تجاری و سرمایه گذاران در کشورها مایل باشند تا بهطور شفاف از وضعیت کاربرد فناوری اطلاعات و ارتباطات مطلع شوند. در پاسخ گویی به این نیاز ازیک طرف سازمانها و مؤسسات تحقیقاتی روشها و شاخصهای مختلفی را برای تعیین میزان پیشرفته بودن کاربرد فناوری اطلاعات تعریف نموده با اتکای به آن کشورهای مختلف دنیا را طبقه بندی نمایند. از طرف دیگر کشورها خود نیز با جدوجهد در تلاش بوده اند تا وضعیت «رقومی» خود را هرچه بیش تر شفاف نمایند.

اگرچه در ایران از دیرباز مرکز آمار ایران مسئولیت تهیه آمارهای موردنیاز کشور را بر عهده داشته و در همین ارتباط سرشماریها و مطالعات مختلفی را انجام داده و هرساله کتاب آمار ایران را چاپ نموده است، لیکن جدید بودن مباحث مرتبط با ICT و تغییرات سریع در حوزه آن باعث شده تا نظام موجود آماری کشور قادر به پاسخ گویی به نیازهای اطلاعاتی موجود نباشد. برای حل این مشکل و بهروز نگهداری دائمی آمارهای موردنیاز برنامهریزان کشور، چند سالی است که دولت ایجاد یک نظام جامع اطلاعاتی (اعم از آماری و غیر آماری) را مدنظر قرار داده است. در همین ارتباط مطالعات اولیه انجام شده و بر اساس آن بهزودی مرکزی به نام مرکز ملی اطلاعات ایجاد خواهد شد.

در طی سالهای گذشته بخش خدمات و نرمافزار در ایران در مقایسه با سختافزار از رشد که تری برخوردار بوده، لیکن در طی دو سال گذشته این روند تغییر کرده و هماکنون نرمافزار با رشدی معادل ۴۱٪ در سال به نسبت از سایر بخشها رشد بیش تری دارد. در این بخش دهها شرکت به تولید و عرضه نرمافزار، محتوا و خدمات اشتغال دارند. تعداد شرکتهای نرمافزاری فعال در سطح کشور بالغبر ۳۰۰ شرکت است. اغلب شرکتها در این بخش خود اقدام به فروش مستقیم نرمافزارهای تولیدی خود مینمایند. تعداد شرکتهای خارجی نرمافزاری فعال در بازار نرمافزار ایران کم است و آن تعداد کم هم بیش تر در زمینههای نظیر بانکداری، و بنگاههای اقتصادی بزرگ فعالیت دارند. دولت برنامههای حمایتی مختلفی را برای صنعت نرمافزار تدارک دیده است. ازجمله اعمال جدی قانون منع تکثیر غیرمجاز نرمافزارها، حمایت از تولید محصولات جدید و یا ارتقای محصولات موجود در بازار، وجود معافیتهای مالیاتی برای تولیدکنندگان نرمافزار و محتوا، و اعطای وامهای کمبهره را می توان ازجمله اقدامات دولت در این خصوص دانست. علاوه بر این دولت با اعلام طرح" (initiative) تکفا" که برای توسعه کاربرد فناوری اطلاعات در دولت و جامعه تهیه و تدوین شده

است، بازار نرمافزار را رشد زیادی داده است. مهمترین انواع خدمات ارائهشده را میتوان موارد زیر دانست:

مشاوره، مهندسی مجدد فرآیندها، تحلیل، طراحی و پیادهسازی سیستم، تولید نرمافزار بر طبق سفارش، نظارت بر اجرای پروژهها و آموزش.

فعالیت مشاوره و نظارت بر اجرای پروژهها توسط تعداد نسبتاً اندکی از شرکتها و نیز کارشناسان مستقل صورت می گیرد. این گروه از شرکتها عمدتاً خود را در دسته "شرکتهای مشاور نرمافزاری" طبقهبندی مینمایند. فعالیت مهندسی مجدد فرآیندها عمدتاً توسط آن گروه از شرکتها صورت می گیرد که بازار خود را بیشتر صنایع میدانند. تحلیل، طراحی و پیادهسازی سیستم توسط اغلب شرکتهای تولیدکننده نرمافزار صورت می گیرد. خدمات آموزشی ازجمله مهمترین انواع خدمات ارائهشده در ایران است. بر اساس بررسیهای به عمل آمده در حدود ۱۰۰ مؤسسه آموزش فناوری اطلاعات در کشور مشغول فعالیت هستند. حجم کلی بازار نرمافزار و خدمات ایران در حال حاضر حدود ۳۰۰ میلیون دلار در سال تخمین زده می شود.

ازجمله حرکتهای مهمی که در زمینه نرمافزار و خدمات در کشور آغازشده، حرکت و تلاش جمعی شرکتهای نرمافزاری برای دستیابی به صادرات کالاها و خدمات نرمافزاری است. آنان برای تحقق این مهم شرکت «تحقیقات و توسعه صادرات نرمافزار ثنارای» را ایجاد نمودند. اقدامات شرکت ثنارای با پشتیبانی جدی دولت منجر به حضور شرکتهای ایرانی در نمایشگاههای بینالمللی در حوزه فناوری اطلاعات و بازاریابی برونمرزی کالاها و خدمات نرمافزاری ایران شده است.

قدمت انفورماتیک و مقررات مربوط به آن به بیش از سی سال پیش بازمی گردد. اما جدی ترین قوانین این حوزه در طی ۲۵ سال اخیر و پس از وقوع انقلاب اسلامی در کشور به تصویب رسیدهاند.

مشکلات تولید نرمافزار: افزایش سطح آگاهی متخصصان عرصه فناوری اطلاعات با تکنولوژی روز،استفاده از قانونهای منسجم و یکدست، رعایت قانون کپیرایت و در نظر گرفتن یک قانون متمرکز ناظر بر کلیه نهادهای مختلف در برنامهریزی و مدیریت، همچنین قانونگذاری در زمینه IT راهکارهایی مناسب برای کاهش مشکلات IT در کشور بهحساب می آیند. تولید نرمافزار یا بهطور محدودتر متدولوژی تولید نرمافزار، منحنی شناخته شده برای متخصصین و دستاندر کاران است. در ایران بسیاری از افراد در این زمینه اطلاعات کافی دارند و در جریان آخرین دستاوردها و مقالات روز هستند، اما در پیاده سازی سیستمهای در داخل ایران، ردپای این صحبتها کمتر دیده می شود. به گفته کارشناسان، صنعت نرمافزار در ایران با مشکلات زیرساختی عدیده ای روبروست، اما تلاشهای بسیاری برای رفع این مشکلات و رسیدن به ایده آلها صورت گرفته است. از مشکلات پیش روی شرکتهای تولید کننده نرمافزار در ایران می توان مشکلاتی همچون بالا بودن هزینه های تولید نرمافزار، به طول انجامیدن مدتزمان تولید، عدم حمایتهای دولتی، عدم ارتباط با تولید کنندگان خارجی، تولیدات سفارشی، خدمات و پشتیبانی پس از فروش، عدم رعایت عدم حمایت می دولتی، عدم ارتباط با تولید کنندگان خارجی، تولیدات سفارشی، خدمات و پشتیبانی پس از فروش، عدم رعایت

قانون کپیرایت، کمبود نیروهای متخصص،نبود پشتیبانیهای لازم را نام برد که باعث شده صنعت نرمافزار ایران نتواند به جایگاه واقعی خود دست پیدا کند.

چالشهایی که برخی از آنها به سیاستهای کلان کشور مرتبط و برخی دیگر زاییده ویژگیهای خاص نرمافزار و دستاندر کاران تولید و توسعه آن است.

یکی از کارشناسان دراینارتباط می گوید: تولید نرمافزار به دلیل عدم استفاده از ابزار و انرژی فیزیکی قابل لمس نیست و ازاینرو، تولید آن از نگاه عام سهل به نظر می رسد اما در واقعیت تولید یک نرمافزار که حجمی کمتر از یک CD را به خود اختصاص می دهد، بعضاً ماه ها کار یا چند سال کار کارشناسان را به خود اختصاص داده است.

شکست در پروژههای نرمافزاری در هر یک از چهار مورد «هزینه»، «زمان»، «کیفیت» و «دستیابی به اهداف» مطرح می شود؛ بدین معنا که اگر پروژهای با صرف هزینه بیشتر یا زمان بیشتر یا باکیفیت پایین تر انجام شود، علیرغم به پایان رسیدن پروژه، آن را توأم با شکست می دانیم.

به طور کلی دلایل اصلی شکست پروژههای IT در ایران را می توان به دودسته عوامل داخلی و خارجی تقسیم کرد: عوامل داخلی: مدیران پروژه کم تجربه، ناتوانیهای شرکتهای تولید نرمافزار، قراردادهای ناپخته، کمبود نیروی انسانی متخصص، مقاومتهای کاربران و سازمانها در پذیرش سیستمهای جدید، ارتباط با مشتریان و کاربران و عدم در گیر کردن کاربران در پروژه می باشد.

عوامل خارجی: نبود سرمایه گذاری مناسب برای پژوهش و تحقیق در حوزه نرمافزار، سرمایه گذاری کم در بخش خصوصی و عدم حمایت دولت، عدم استفاده از یک استاندارد واحد، مشکلات حضور در مناقصات بینالمللی، ارزان بودن نرمافزار و عدم در نظر گرفتن آن به صورت یک کالا، تعطیلات رسمی و برنامه ریزی زمانی، عدم شناسایی حقوق مولفین و قانون کپی رایت، فیلترینگ و تحریم ایران و مشکلات موجود کشور در زمینه مستندسازی تولید محصولات نرم و رعایت نکردن مستندات تعریف شده نرمافزاری می باشد.

فرآیندهای مدیریت پروژه با ۹ توانمندی تعریف می شود که این توانمندی ها عبارتند از: مدیریت یکپارچگی پروژه، محدوده، زمان، هزینه، کیفیت، منابع انسانی، ارتباطات، ریسک و برون سپاری و از آنجایی که نقش هر یک از عوامل فوق در تولید یک محصول نرم افزاری کلیدی است توانمندی یک مدیر پروژه در تولید نرم افزار یکی از عوامل مهم و حیاتی در موفقیت پروژه به شمار می رود. اکثر مدیران پروژه نرم افزاری در ایران، برنامه نویسان قدیمی تر و یا قوی تر گروه هستند و همین یک نفر در تولید یک نرم افزار نقش های زیادی از جمله تحلیل، طراحی و برنامه نویسی و ... را بر عهده دارد در حالیکه فرآیند مدیریت دانش و توانایی خاص خود

را میخواهد و توانمندیهای خاص خود را میطلبد.

ناتوانیهای شرکتهای تولید نرمافزار: دستاندرکاران تولید نرمافزار در کشور ما بیشتر شرکتهای کوچک نرمافزاری با پشتوانههای مالی اندک هستند. این شرکتها عمدتاً به دلیل محدودیت منابع از رویکرد توسعه تکنولوژی بهمنظور آشنایی با ابزار و روشهای نوین تولید نرمافزار غافل میشوند.

قراردادهای ناپخته: بیشترین مشتریان مهم حوزه نرمافزار در کشور ما را سازمانهای دولتی و نیمهدولتی تشکیل میدهند. قراردادهای تولید نرمافزار، قراردادهایی ناپخته و یکطرفه هستند و مجریان چنین پروژههایی، باوجود آگاهی نسبت به ضعفهای آن بیشتر اوقات به دلایل اقتصادی مجبور به پذیرش آنها هستند.

تجربههای ناکافی تیم پروژه: چالش دیگری نیز پیش روی مدیران شرکتهای کوچک و متوسط وجود دارد، برای تمامی مدیرعاملان مهم است که کارمندانی تیزهوش، خلاق و مستعد استخدام کنند. شاید یکی از مهم ترین عوامل موفقیت پروژههای نرمافزاری را افراد نام برد. متأسفانه در کشور ما کمبود نیروی متخصص یکی از چالشهای عمده است. عمدتاً می توان عدم به روز بودن و دسترسی به تکنولوژی روز و اینکه نیروی کار روی تکنولوژی قدیمی با برنامههای آموزشی نامناسب و ناکافی پیوند خورده است را یکی از عوامل ضعف تیم نرمافزاری دانست.

متأسفانه ضعف نظام آموزشی در دانشگاهها و اینکه محتوی آموزشی اکثر دروس دانشگاهی کاربردی و عملی نبوده و صرفاً تئوری است و در بازار کار کاربردی ندارد را میتوان یکی از عوامل ضعف متخصصین ایرانی نام برد.

مقاومتهای کاربران و سازمانها در پذیرش سیستمهای جدید: بخشهای IT همچنان در اغلب سازمانها و مراکز صنعتی، خدماتی و بازرگانی سازمان ضعیفی دارند و از دانش و فناوری روز، در عرصههایی که تکامل و تحول در آن، ساعتبهساعت رخ میدهد، به دور هستند چون پروژههای IT بهمنظور براورده ساختن اهداف کلان سازمان آغاز میشوند، نهایتاً باید در سطوح عملیاتی پاسخگوی نیازهای کاربران باشند.

عدم سرمایهگذاری مناسب برای پژوهش و تحقیق در حوزه نرمافزار: اگرچه مساعدتهایی در اختیار بخشهای مختلف خصوصی و دولتی در چارچوب طرحهای مختلف قرارگرفته است، عمده این سرمایهها اغلب به سمت بخشهای سختافزاری سرازیر و در عمل سرمایهگذاری در عرصه تولید و بهتناسب آن تحقیق و پژوهش کاربردی حوزه نرمافزار که در زمره سودآورترین عرصههای اقتصادی در دنیا شناخته میشود، بسیار اندک است.

کشور ما هنوز دوران اولیه بلوغ خود را در عرصه IT تجربه می کند، دورهای سرشار از مسائل و چالشهای گوناگون. چالشهایی که برخی از آنها به سیاستهای کلان کشور مرتبط و برخی دیگر زاییده ویژگیهای خاص نرمافزار و دستاندرکاران تولید و توسعه

آن است.

در کشور ما حمایت کافی از بخش خصوصی در زمینه IT به عمل نمی آید. برخی مشکلات که این گروه با آن روبهرو هستند عبارتند از:

روند طولانی پیشرفت کار در ادارات دولتی، عدم استفاده از یک استاندارد واحد، یکی از ضعفهای شرکتهای تولیدکننده نرمافزاری این است که تولیدات آنها از استانداردهای لازم برخوردار نیست.

شرکتهای نرمافزاری و مشکلات حضور در مناقصات بینالمللی: در حال حاضر مشکلات اجرایی بسیاری بر سر راه حضور شرکتهای نرمافزاری جهت حضور در مناقصات بینالمللی وجود دارد که بخشی از آن به دولت و بخش دیگری از آن به خود شرکتهای نرمافزاری برمی گردد. این مشکلات عبارتند از نبود امکان صدور آسان ضمانتنامههای مختلف ارزی نظیر شرکت در مناقصه، پیش پرداخت و حسن انجام کار برای شرکتهای نرمافزاری، عدم حمایت مناسب بانکها، مشکلات شرکتهای نرمافزاری، عدم شناسایی حقوق مولفین و قانون کپیرایت.

استانداردها: استاندارد کردن و استاندارد از پایههای علم و فناوری است که در پیشرفت صنعت و اقتصاد نقشی به سزا دارد و باید در جهت افزایش سطح کیفیتها تلاش کرد تا به فناوری پیشرفته تولید هر محصول نائل آمد.

یکی از مشکلات شرکتهای نرمافزار ایرانی در بازارهای جهانی عدم آشنایی با استاندارد نرمافزار است، متأسفانه استاندارد نرمافزار هنوز در ایران بهدرستی تدوین و یا تعریفنشده است و تاکنون هیچ اقدام منسجمی در کشور ما برای تعیین استاندارد تولید نرمافزار بسیار صورت نگرفته و هیچ اجباری برای ارائه شناسنامه نرمافزارها وجود نداشته است. از آنجاکه تنوع حوزه عملکرد در زمینه نرمافزار بسیار زیاد است، ادامه حیات این صنعت نمی تواند بی نیاز از وجود استانداردهای منسجم و یکدست باشد. با توجه به اینکه هر تولید کننده نرمافزاری یک روش تولید خاص خود اتخاذ می کند و در مراحل ساخت از های متفاوت استفاده می کند، نتیجه کار شرکتهای مختلف به لحاظ روند کیفی و اجرایی شکل و شمایلی گوناگون خواهد داشت و این امر اصول یکپارچگی در این بازار را فدای خود خواهد کرد.

اینجاست که لزوم وجود استاندارد نرمافزار بهوضوح حس میشود. کارشناسان نرمافزار معتقدند که پشتیبانی قدرتمند محصولات و همچنین مستندسازی و تخمین کیفیت تنها باوجود یک استاندارد منظم مقدور است، وقتی استاندارد صحیح وجود داشته باشد کار گروهی بیشتر معنا پیدا میکند. هماکنون استانداردهای جهانی زیادی مانندEEE وجود کیفیت و پشتیبانی مناسب در صنعت نرمافزار دنیا را تضمین میکنند.

متأسفانه به علت فقدان استاندارد برای مستندسازی محصولات نرمافزاری و بی توجهی سازندگان نرمافزار و کارفرمایان،

نرمافزارهای تولیدشده در ایران اکثراً فاقد حداقل مستندات لازم هستند.

یکی از ضعفهای شرکتهای تولیدکننده نرمافزاری این است که تولیدات آنها از استانداردهای لازم برخوردار نیست. در ایران شرکتهای نرمافزاری اغلب در رده شرکتهای کوچک و با تعداد محدودی نیروی فنی شکل می گیرد و سپس پروژههای در دست را تبدیل به یک محصول کرده و بهصورت عمومی اقدام به فروش آن میکنند. که این کار اغلب بدون نیازسنجی در بازار صورت می گیرد، بنابراین محصول تولیدشده از استانداردهای لازم برخوردار نیستند.

برای توسعه صنعت نرمافزار باید بر روی فرایند انرژی زیادی گذاشته شود. تولید نرمافزار بزرگ یک کار گروهی است، یک صنعت است اجرای این کار بدون فرایند ممکن نیست بر اساس آمارهای موجود عوامل ریسک در یک پروژه نرمافزاری بزرگ و سهم هر یک از آنها عبارتند از نیروی انسانی، فرایند کار و فناوری و ابزار روز میباشد.

قسمت عمده از عوامل ریسک در نظر گرفتهشده در عامل نیروی انسانی ما فرایند کار قابل کنترل است. بنابراین دیده میشود که نقش فرایند تولید نرمافزار در موفقیت یک پروژه بزرگ نرمافزاری تا چه حد تعیین کننده است.

نکته پایانی که از این اطلاعات استنباط میشود این است که عامل فناوری و ابزار، درصد بهمراتب پایین تری را به خود اختصاص داده است. بنابراین در آموزشها و برنامهریزیهای کار باید توجه بیشتری به فرایند کارکرد تا به ابزار پیادهسازی؛ متأسفانه این امر در بسیاری از اوقات فراموش میشود.

رعایت توصیههای زیر می تواند احتمال شکست پرو ه های IT در کشور را کاهش د هد.

- ✓ افزایش میزان سطح آگاهی جامعه در مقولهی فناوری اطلاعات آگاهی
- ✓ افزایش میزان سطح آگاهی متخصصان عرصهی فناوری اطلاعات با تکنولوژی روز با تا سیس مؤسساتی تحت حمایت
   دولت برای تربیت و آمادهسازی نیروی متخصص
  - ✓ استفاده از استانداردهای منسجم و یکدست
  - ✓ سعی هر چه بیشتر در جهت رعایت قانون کپیرایت
  - ✓ در نظر گرفتن یکنهاد متمرکز ناظر بر کلیهی نهاد های مختلف در برنامه ریزی و مدیریت و قانون گذاری درزمینهی ۱T

مهندسی نرمافزار عبارت است از کاربرد مهندسی برای طراحی نرمافزار، توسعه، پیادهسازی و نگهداری از نرمافزار در یک روش سیستماتیک.

استفاده از الگوریتم دایجسترا: روند الگوریتم دایجسترا مطابق زیر میباشد:

# انتخاب رأس مبدأ

مجموعه ی S ، شامل رئوس گراف ، معین می شود. در شروع ، این مجموعه تهی بوده و با پیشرفت الگوریتم ، این مجموعه رئوسی که کوتاه ترین مسیر به آنها یافت شده است را در برمی گیرد. رأس مبدأ با اندیس صفر را در داخل S قرار می دهد . برای رئوس خارج از S ، اندیسی معادل ، طول یال + اندیس رأس قبلی ، در نظر می گیرد. اگر رأس خارج از مجموعه دارای اندیس باشد ، اندیس جدید کمترین مقدار از بین اندیس قبلی و طول یال + اندیس رأس قبل ، می باشد . از رئوس خارج مجموعه ، رأسی با کمترین اندیس انتخاب شده و به مجموعه ی S اضافه می گردد. این کار را دوباره از مرحله S ادامه داده تا رأس مقصد وارد مجموعه S شود. در پایان اگر رأس مقصد دارای اندیس باشد ، اندیس آن نشان دهنده ی مسافت بین مبدأ و مقصد می باشد. در غیر این صورت هیچ مسیری بین مبدأ و مقصد موجود نمی باشد .

همچنین برای پیدا کردن مسیر میتوان اندیس دیگری برای هر رأس در نظر گرفت که نشان دهنده ی رأس قبلی در مسیر طی شده باشد. بدین ترتیب پس از پایان اجرای الگوریتم، با دنبال کردن رئوس قبلی از مقصد به مبدأ، کوتاه ترین مسیر بین دونقطه نیز یافت میشود .

## ٣- دستههای سختی مسائل و تفاوت آنها را تشریح نمایید.

به طور کلی مسائل به دودسته حل شدنی و حل ناشدنی تقسیم می شوند. مسائل حل شدنی هم به دو قسمت رام شدنی و رام ناشدنی یا بغرنج تقسیم می شوند. برای مسائل حل ناشدنی هیچ الگوریتمی راه حلی وجود ندارد. مسائل رام شدنی هم در تئوری و هم در عمل حل شدنی اند، اما به دلیل حجم عظیم زمان موردنیاز، در عمل حل شدنی نیستند.

پیچیدگی زمانی یک مسئله تعداد گامهای موردنیاز برای حل یک نمونه از یک مسئله به عنوان تابعی از اندازه ی ورودی (معمولاً به وسیله تعداد بیتها بیان می شود) به وسیله کارآمدترین الگوریتم می باشد. برای درک بهتر این مسئله، فرض کنید که یک مسئله با ورودی n بیت در  $n^2$  گام حل شود. در این مثال می گوییم که مسئله از درجه پیچیدگی  $n^2$  می باشد. البته تعداد دقیق گامها بستگی به ماشین و زبان مورداستفاده دارد. اما برای صرفنظر کردن از این مشکل، نشانه گذاری O بزرگ (Big O notation)

معمولاً بکار می رود. اگر یک مسئله پیچیدگی زمانی از مرتبه  $O(n^2)$  روی یک کامپیوتر نمونه داشته باشد، معمولاً روی اکثر کامپیوترهای دیگر نیز پیچیدگی زمانی از مرتبه  $O(n^2)$  خواهد داشت.

بحث پیچیدگی زمانی مسائل کلاً یک بحث مربوط به مسائل تصمیم گیری (Decision Problems) است نه مسائل بهینهسازی(Optimization Problems)

اکثر مسائلی که با آنها برخورد می کنیم از نوع بهینه سازی اند. یعنی می خواهیم یک یا چند پارامتر را حداکثر یا حداقل سازیم. زمان تابع چند جمله ای ساده ای  $(n^k)$  از اندازه ورودی  $(n^k)$  است. الگوریتم زمانی چند جمله ای الگوریتمی است که در بدترین حالت، پیچید گی زمانی آن تابع چند جمله ای از اندازه ورودی باشد.

مثالهای الگوریتم زمان - چندجملهای:

 $O(n^2)$ ,  $O(n^3)$ , O(1),  $O(n \log n)$ 

مثالهای الگوریتمهای زمان – غیر چندجملهای:

 $O(2^n)$ ,  $O(n^n)$ , O(n!)

مسائل رام شدنی یا tractable را می توان با الگوریتم زمان چند جمله ای حل کرد.

الگوریتم زمانی چندجملهای، الگوریتمی است که در بدترین حالت پیچیدگی زمانی آن تابع چندجملهای از اندازه ورودی باشد. مسئلهای بغرنج است که حل آن توسط الگوریتمی بازمان چندجملهای غیرممکن باشد.

ممکن است برای حل مسئله الگوریتمهای متعددی با زمانهای مختلف وجود داشته باشد؛ مثلاً حل مسئلهی سری فیبوناچی با روش تقسیم و حل از مرتبه نمایی و با روش پویا از مرتبه خطی است، پس مسئله فیبوناچی از نوع بغرنج نیست. برای آنکه مسئلهای بغرنج باشد باید اثبات کرد که هیچ الگوریتمی با مرتبه چندجملهای برای آن وجود ندارد. ازنظر بغرنج بودن یا نبودن، مسائل علوم کامییوتر سه دسته هستند:

۱. مسائلی که الگوریتمهایی با پیچیدگی زمانی چندجملهای برای آنها پیداشده است.

۲. مسائلی که اثباتشده است که بغرنج هستند، یعنی الگوریتم چندجملهای برای آن یافت نمیشود.

n. مسائلی که بغرنج بودن آنها ثابت نشده است ولی از طرف دیگر هیچ الگوریتم چندجملهای هم برای آنها پیدا نشده است. مثلاً جستوجوی دودویی در آرایه مرتب با مرتبه زمانی logn، مسئله مرتبسازی آرایهها با مرتبه زمانی nامثلاً جستوجوی دودویی در آرایه مرتب با مرتبه زمانی n0 دسته اول هستند. همچنین مسائل کوتاه ترین مسیر فلوید با مرتبه زمانی n3 درخت دودویی بهینه n4 و مسئله درخت پوشای کمینه پریم n5 بااینکه الگوریتمهای نمایی نیز دارند ولی چون برای آنها الگوریتمهایی از نوع چندجملهای یافت شده است از این دسته اند.

تعداد مسائلی که جزو دسته دوم بوده و بغرنج بودن آنها اثباتشده است، نسبتاً کم بوده است.

مسئله کولهپشتی صفر و یک و مسئله فروشنده دوره گرد از دسته سوم هستند.

چند نکته:

- همه مسائل P را رام شدنی می گویند. درواقع رام شدنی و قابل حل در زمان چند جمله ای مترادف هم هستند.

- مسائلی که P نیستند یعنی راه حل مرتبه زمانی چند جمله ای ندارند، یا رام نشدنی و بغرنجاند (Intractable) یا کلاً حل ناپذیرند (Unsolvable). مسائل غیر P فقط برای ورودی های کوچک به صورت منطقی قابل حل اند و یا ابداً قابل حل نیستند.

مسائل رام نشدنی (Intractable) را بر اساس درجه سختی آنها به دستههای مختلف تقسیم میکنند:

- NP •
- NP -Complete ا امل NP کامل
  - NP- hard يا NP سخت

مسائل P کلاسی از مسائل تصمیم گیری هستند که هرکدام می تواند با یک ماشین تورینگ قطعی در زمان چندجملهای حل شود. مسائل NP کلاسی از مسائل تصمیم گیری هستند که هرکدام از آنها می تواند توسط یک ماشین تورینگ غیرقطعی در زمان چندجمله ای حل شود.

مسائل NP کلاسی از مسائل تصمیم گیری هستند که هر کدام از این مسائل میتواند با یک الگوریتم غیرقطعی زمان چندجملهای حل شود.

معروف ترین کلاسهای پیچیدگی، P و NP هستند که مسالهها را ازنظر زمان موردنیاز تقسیم بندی می کنند. به طور شهودی می توان گفت P کلاس مسالههایی است که الگوریتم های سریع برای پیدا کردن جواب آن ها وجود دارد. اما NP شامل آن دسته از مساله هاست که اگرچه ممکن است پیدا کردن جواب برای آن ها نیاز به زمان زیادی داشته باشد اما چک کردن درستی جواب به وسیله یک الگوریتم سریع ممکن است. البته کلاس های پیچیدگی به مرتبه سخت تری از NP نیز وجود دارند.

منظور از کلاس P تمام مسائل تصمیم گیریاند که الگوریتمی با پیچیدگی زمانی چندجملهای برای آنها موجود باشد. با این تعریف طبیعی است که عباراتی مانند  $n^n$  یا  $n^n$  یا  $n^n$  یا  $n^n$  با تعریف طبیعی است که عباراتی مانند  $n^n$  با  $n^n$  با نامی شوند.

به طور کلی مسائلی که عضو این کلاس هستند توسط یک **ماشین تورینگ قطعی** پذیرفته می شوند و بنابراین ما الگوریتمی در زمان چند جمله ای برای این مسائل داریم .

کلاس **Np** (مخفف Nondetermenestic Polynomial ) : به آن دسته از مسائل تصمیم گیری می گویند که با داشتن یک جواب این توانایی راداریم که درستی یا نادرستی جواب را با استفاده از یک الگوریتم با پیچیدگی زمانی چندجملهای تعیین کنیم.

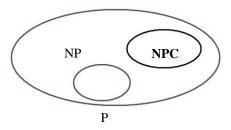
تعریف NP	
یک مجموعه $P($ است اگر یک الگوریتم $A$ و یک چندجملهای $p()$ وجود داشته باشند	
x'  otin L برای همه	$x\in L$ برای همه
$ y'  \leq p( x' )$ یک $y' \leq p( x' )$ یک اشته باشد با شرط	$ y  \leq p( x )$ یک $y$ وجود داشته باشد با شرط $y$
$p( x )$ در زمان $A(x^{\prime},y^{\prime})=NO$ طوری که	$p( \mathbf{x} )$ در زمان $A(\mathbf{x},\mathbf{y}) = \mathrm{YES}$ طوری که

NP مجموعهی مسائل تصمیم گیری است که در زمان چندجملهای و با استفاده از ماشین غیرقطعی تورینگ قابل حل شدن هستند. P کلاس پیچیدگی P یکی از اعضای P است اما P است اما P شامل کلاسهای مهم دیگری نیز هست. که پیچیده ترین آنها P کلاس پیچیدگی P است بطوریکه برای آنها هیچ الگوریتم شناخته شده قابل اجرا در زمان چندجمله ای وجود ندارد .

- یک الگوریتم غیرقطعی شامل دو فاز است:
  - فاز یک: حدس زدن
  - فاز دو: چک کردن

اگر در مرحله چک کردن یک الگوریتم غیرقطعی ، پیچیدگی زمانی چندجملهای بود ، پس به این الگوریتم NP میگوییم یعنی چندجملهای غیرقطعی.

در بیان یک الگوریتم غیرقطعی ممکن است از همه دستورها و بهویژه از دستورهای failure ،choice و success استفاده نشود؛ بنابراین هر الگوریتم معین توسط یک کامپیوتر غیرقطعی قابل اجرا است. پس P زیرمجموعه P است. محققین زیادی سعی کرده اند ثابت کنند P = NP اگر این مسئله ثابت شود مفهوم آن این است که هر مسئله ای که برای آن الگوریتم غیرقطعی با مرتبه زمانی چندجمله ای وجود دارد می توان برای آن یک الگوریتم معین با مرتبه زمانی چندجمله ای نیز پیدا کرد.



رابطه بین کلاسهای P, np, npc

از مهم ترین مسائل کلاس NP می توان به مسئله فروشنده دوره گرد (Salesman Problem)، تجزیه اعداد صحیح ( Salesman Problem) تجزیه اعداد صحیح ( Factorization) و هم ریختی گرافها (Graph Isomorphism) اشاره کرد.

مسئله P خودش با پیچیدگی زمانی چندجملهای قابل حل میباشد، پس در صورت داشتن جواب میتوان درستی یا نادرستی آن را تعیین کرد. بنابراین کلاس P حتماً زیرمجموعه کلاس P میباشد.

این سؤال را میشود به این شکل مطرح کرد که آیا برای هر سؤال NP ، میتوان الگوریتمی از پیچیدگی زمانی چندجملهای پیدا کرد؟

اگر بتوانیم جواب این سؤال را پیدا کنیم درنتیجه میتوانیم بگوییم که آیا P=NP هست یا خیر.

این سؤال که آیا مسائل کلاس P دقیقاً همان مسائل کلاس NP میباشند، یکی از مهمترین مسائل بدون جواب علوم کامپیوتر میباشد.

مسائل کلاس NP کامل یا NPC : آن دسته از مسائلی هستند که در صورت پیدا شدن الگوریتم از درجه چندجملهای، میتوان تمام مسائل NP را به این مسئله تبدیل کرد و با پیچیدگی چندجملهای حل کرد.

به روشی که مسائل NP به NP-hard تبدیل می شوند Reduction می گویند. به عبارتی فرض کنید که یک مسئله داریم با یک X سری ورودی خاص مثلاً X و یک مسئله دیگر داریم با ورودی X حال X با درجه چندجملهای، به X تبدیل کنیم می گوییم تکنیک Reduction را به کاربرده ایم.

به آن الگوریتم از درجه چندجملهای  $O(n^c)$  (که n یک ثابت است) . که برای Reduction ( یا تبدیل ورودی n مسئله به هم) استفاده می کنیم، الگوریتم کاهش چندجملهای می گویند.

معروف ترين مسائل NP-hard:

- مسئله فروشنده دوره گرد
- مسئله بزرگترین خوشه (پیدا کردن بزرگترین زیر گراف کامل)

کلاس مسائل NP-Complete: به مسائلی گفته می شود که هم NP هستند و هم NP-hard. یعنی فضای مشترک دو کلاس NP-hard و NP-hard.

یعنی استفاده همزمان از تائید زمان چندجملهای جواب مسئله (Verification) و کاهش (Reduction). باید توجه داشت که تمام مسائل Np-complete با استفاده از Reduction قابل تبدیل به هم هستند .

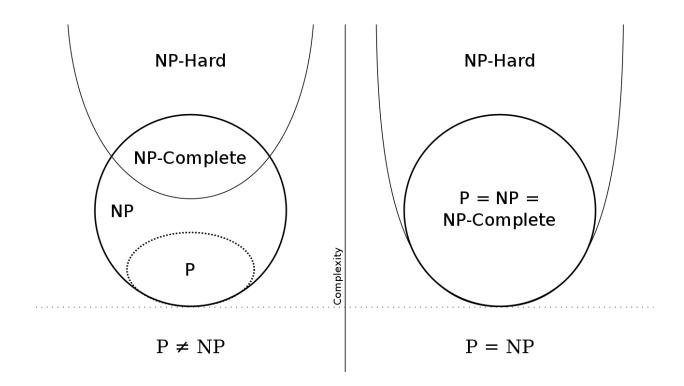
ازجمله مسائل NP کامل یا NP-Complete میتوان به مسئله کولهپشتی یا پیدا کردن دور همیلتونی در گراف یا فروشنده دوره گرد اشاره کرد.

NP- به بیان ساده، NP-Complete مسائلی هستند که اثبات شده به سرعت قابل حل نیستند. در تئوری پیچیدگی NP-Complete دشوار ترین مسائل کلاس NP هستند و جزء مسائلی می باشند که احتمال حضور شان در کلاس P خیلی کم است. علت این امر این می باشد که اگر یک راه حل پیدا شود که بتواند یک مسئله NP-Complete را حل کند، می توان از آن الگوریتم برای جل کردن سریع همه مسائل NP-Complete استفاده کرد. به خاطر این مسئله و نیز به خاطر اینکه تحقیقات زیادی برای NP- بیدا کردن الگوریتم کارآمدی برای حل کردن این گونه مسائل با شکست مواجه شدهاند، وقتی که مسئله ای به عنوان P بیدا کردن الگوریتم کارآمدی برای حل کردن این گونه مسائل با شکست مواجه شدهاند، وقتی که مسئله یا به بیانی دیگر هیچ الگوریتمی وجود ندارد که این مسئله را در زمان چند جمله ای حل نماید. کلاس متشکل از مسائل NP-Complete با NP-Complete نیز خوانده می شود.

اگر یک مسئلهی بهینهسازی ساده باشد مسئلهی تصمیم گیری مرتبط با آنهم به همان نسبت ساده خواهد بود.

همچنین اگر دلایلی داشته باشیم که یک مسئلهی تصمیم گیری سخت است دلایلی خواهیم داشت که مسئلهی بهینهسازی مرتبط با آنهم سخت خواهد بود.

مسائل NP در زمان نمایی با توجه به مقدار ورودی اجرا میشوند. NP-Complete بدین معنی است که یک مسئله ارزش این را ندارد که سعی شود به صورت بهینه کامل حل شود.



اگر ثابت شود P=NP است، همان طور که در شکل سمت راست می بینیم پیچیدگی بخش زیادی از مسائل به یک اندازه می شود و مسائل P=NP در بخش بالایی نمودار وجود دارند. ولی تاکنون که P=NP ثابت نشده کلاسهای پیچیدگی به صورت شکل P=NP مسمت چپ تقسیم بندی می شود. محور عمودی بیانگر میزان سختی یا پیچیدگی حل مسئله است. در این شکل P زیرمجموعه ای از P=NP هاست. همان گونه که مشخص است پیچیدگی و سختی P=NP ها بیشتر از P=NP ها بیشتر از P=NP هایی بسیار سخت هم P=NP هایی بسیار سخت هم P=NP هایی بسیار سخت هم هستند که اشتراک آنها با P=NP کلاس P=NP کامل را می سازد.