

→ 因为 θ 角度有 \sin 值: $\sin\theta = \frac{\text{midis}}{\text{keyDis}}$,

则有: $\text{keyDis} = \frac{\text{mDis}}{\sin\theta}$, \leftarrow 当该值 $\leq \frac{\text{针长}L}{2}$ 时, 针与直线相交.

→ 因为y轴是代表 **mDis**变量, 所以我们要写出 **mDis** 曲线的函数值:

根据上面的 $\text{keyDis} = \frac{\text{mDis}}{\sin \theta} \leq \frac{\text{针长}L}{2}$

就有: $mDis \leq \frac{\text{针长}L}{2} \cdot \sin\theta$

即: $mDis \leq \frac{1}{2} \text{针长}L \cdot \sin\theta$ ← 这个就是 $y = mDis$ 曲线的函数表达式内容了。
既然这里是 小于等于符号, 则 $mDis$ 的值,
就是 $\frac{1}{2} \text{针长}L \cdot \sin\theta$ 这条曲线下方的面积了,

$$\text{即 mDis} = \int_0^\pi \left(\overbrace{\frac{1}{2} \text{针长L} \cdot \sin\theta}^{\text{即 mDis 函数曲线}} \right) d\theta$$

→ 所以, 相交的概率

$$= \frac{\text{“针”与“直线”相交时的 mDis 与 } \theta \text{ 的所有取值范围}}{\text{针投出后的 所有可能的 mDis 与 } \theta \text{ 的取值范围}}$$

$$= \frac{\int_0^\pi \left(\underbrace{\frac{1}{2}}_{\text{常数}} \cdot \underbrace{\sin\theta}_{\text{函数曲线}} \right) d\theta}{\underbrace{\pi}_{\text{x轴上代表的“}\theta\text{角”的取值范围}} \cdot \underbrace{\frac{D}{2}}_{\text{y轴上代表的“针的一半长度Dmis”的取值范围}}}$$

← 分子上积分的下限是0, 上限是 π ,
这个也就是 θ 角度的所有区间 ($0 - \pi$)

$$= \frac{\frac{1}{2} \text{针长} L \cdot (-\cos \theta) \Big|_0^\pi}{\frac{1}{2} \pi D} = \frac{\text{针长} L \cdot \overbrace{[-\cos \pi - (-\cos 0)]}^2}{\pi D} = \frac{2 \text{针长} L}{\pi D}$$