

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{x}\right)^x = \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{-x}\right)^x \quad \leftarrow \text{先把中间变成加号,才能套用公式}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{-\mathbf{x}}\right)^{-(-\mathbf{x})} \quad \leftarrow \text{指数上的} x, \text{也变成 } -(-x)$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{-x}\right)^{-(-x)} \quad \leftarrow \text{指数上, 根据公式, 能变成 } \lim(a^n) = (\lim a)^n$$

$$= \underbrace{\left[\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{-x}\right)^{-x} \right]}_{\text{里面这块, 就能套用公式}}^{-1} = e^{-1}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e$$