

A	B	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \rightarrow B$	$A \leftrightarrow B$	$A \oplus B$
$\neg\neg A$	$\neg\neg B$		$\neg(\neg A \vee \neg B)$	$\neg(\neg A \wedge \neg B)$	$\neg A \vee B$		$(A \vee B) \wedge \neg(A \wedge B)$
1	1	0	1	1	1	1	0
1	0	0	0	1	0	0	1
0	1	1	0	1	1	0	1
0	0	1	0	0	1	1	0

1. legge dell'identità: $A \rightarrow A$
2. legge della doppia negazione: $A \leftrightarrow \neg\neg A$
3. commutatività di \wedge : $A \wedge B \leftrightarrow B \wedge A$
4. associatività di \wedge : $(A \wedge B) \wedge C \leftrightarrow A \wedge (B \wedge C)$
5. commutatività di \vee : $A \vee B \leftrightarrow B \vee A$
6. associatività di \vee : $(A \vee B) \vee C \leftrightarrow A \vee (B \vee C)$
7. idempotenza di \wedge : $A \wedge A \leftrightarrow A$
8. idempotenza di \vee : $A \vee A \leftrightarrow A$
9. eliminazione di \wedge : $A \wedge B \rightarrow A$
10. introduzione di \vee : $A \rightarrow A \vee B$
11. distributività: $A \wedge (B \vee C) \leftrightarrow (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$
12. distributività: $A \vee (B \wedge C) \leftrightarrow (A \vee B) \wedge (A \vee C)$
13. legge di assorbimento: $A \wedge (A \vee B) \leftrightarrow A$
14. legge di assorbimento: $A \vee (A \wedge B) \leftrightarrow A$
15. legge di De Morgan: $\neg(A \wedge B) \leftrightarrow (\neg A \vee \neg B)$
16. legge di De Morgan: $\neg(A \vee B) \leftrightarrow (\neg A \wedge \neg B)$
17. legge del terzo escluso: $\neg A \vee A$
18. legge di non contraddizione: $\neg(A \wedge \neg A)$
19. legge di contrapposizione: $A \rightarrow B \leftrightarrow \neg B \rightarrow \neg A$
20. legge di Lewis, o ex falso quodlibet: $A \wedge \neg A \rightarrow B$
21. affermazione del conseguente: $A \rightarrow (B \rightarrow A)$
22. negazione dell'antecedente: $\neg A \rightarrow (A \rightarrow B)$
23. legge di riduzione all'assurdo: $(A \rightarrow B \wedge \neg B) \rightarrow \neg A$
24. riduzione all'assurdo debole: $(A \rightarrow \neg A) \rightarrow \neg A$
25. consequentia mirabilis: $(\neg A \rightarrow A) \rightarrow A$
26. legge di Peirce: $((A \rightarrow B) \rightarrow A) \rightarrow A$
27. legge di Dummett: $(A \rightarrow B) \vee (B \rightarrow A)$
28. modus ponens: $A \rightarrow ((A \rightarrow B) \rightarrow B)$
29. scambio antecedenti: $A \rightarrow (B \rightarrow C) \leftrightarrow B \rightarrow (A \rightarrow C)$
30. distinzione di casi: $(A \rightarrow C) \wedge (B \rightarrow C) \leftrightarrow A \vee B \rightarrow C$
31. distinzione di casi: $(A \rightarrow B) \wedge (\neg A \rightarrow B) \rightarrow B$
32. distributività di \rightarrow : $(A \rightarrow (B \rightarrow C)) \rightarrow ((A \rightarrow B) \rightarrow (A \rightarrow C))$

33. transitività di \rightarrow : $(A \rightarrow B) \wedge (B \rightarrow C) \rightarrow (A \rightarrow C)$

34. importazione delle premesse: $A \rightarrow (B \rightarrow C) \leftrightarrow (A \wedge B) \rightarrow C$