

3.2 Ricavo v in funzione di x

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{dv}{dx} \frac{dx}{dt} = \frac{v dv}{dx} \Rightarrow a dx = v dv \Rightarrow$$
$$\Rightarrow \int_{v_0}^{v_{fin}} v dv = \int_{x_0}^{x_{fin}} a dx \Rightarrow v_{fin}^2 - v_0^2 = \int_{x_0}^{x_{fin}} a dx$$

1^a ipotesi: $a = \text{costante} \Rightarrow v_{fin}^2 - v_0^2 = 2a \Delta x = 2ad$

- per ipotesi $v_{fin} = 0 \Rightarrow a = -\frac{v_0^2}{2d}$

- verifichiamo che $v(x = \frac{d}{2}) = \frac{v_0}{2}$, $v^2 - v_0^2 = 2a \frac{d}{2} = -\frac{v_0^2}{2} \Rightarrow$

$$\Rightarrow v^2 = \frac{v_0^2}{2} \Rightarrow v = \frac{v_0}{\sqrt{2}} \neq \frac{v_0}{2}$$

2^a ipotesi: $a = -kv \Rightarrow v = -\frac{a}{k} \Rightarrow -\int_{v_0}^{v_{fin}} \frac{a}{k} dv = \int_{x_0}^{x_{fin}} a dx$

$$\Rightarrow v_{fin} - v_0 = -kd$$

- per ipotesi $v_{fin} = 0 \Rightarrow k = \frac{v_0}{d}$

- verifichiamo che $v(x = \frac{d}{2}) = \frac{v_0}{2}$, $v - v_0 = -k \frac{d}{2} = -\frac{v_0}{2} \Rightarrow$

$$\Rightarrow v = \frac{v_0}{2}, \text{ dunque la 2^a ipotesi \u00e8 corretta.}$$

13.1

Il sasso impiega a cadere un tempo

$$\Delta t_{\text{sasso}} = t - \Delta t_{\text{suono}}, \text{ dove } t = 4.8 \text{ s}$$

$$v_{\text{suono}} = 340 \text{ m/s} \Rightarrow \Delta t_{\text{suono}} = \frac{h_{\text{pozzo}}}{v_{\text{suono}}}$$

il sasso si muove di moto uniformemente accelerato, con

$$a_{\text{sasso}} = g \quad \text{e} \quad v_{0,\text{sasso}} = 0$$

$$\Rightarrow x_{\text{sasso}}(t) = \frac{1}{2} g t_{\text{sasso}}^2$$

il sasso raggiunge la profondità del pozzo a $t_{\text{sasso}} = \Delta t_{\text{sasso}}$

$$\Rightarrow h_{\text{pozzo}} = \frac{1}{2} g \Delta t_{\text{sasso}}^2 \Rightarrow \Delta t_{\text{sasso}} = \sqrt{\frac{2 h_{\text{pozzo}}}{g}}$$

$$\Rightarrow \sqrt{\frac{2 h_{\text{pozzo}}}{g}} = t - \frac{h_{\text{pozzo}}}{v_{\text{suono}}} \Rightarrow t^2 - \frac{2 t h_{\text{pozzo}}}{v_{\text{suono}}} + \frac{h_{\text{pozzo}}^2}{v_{\text{suono}}^2} - \frac{2 h_{\text{pozzo}}}{g} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{h_{\text{pozzo}}^2}{v_{\text{suono}}^2} - \left(\frac{2 t}{v_{\text{suono}}} + \frac{2}{g} \right) h_{\text{pozzo}} + t^2 = 0 \Rightarrow h_{\text{pozzo}} = 29.5 \text{ m}$$

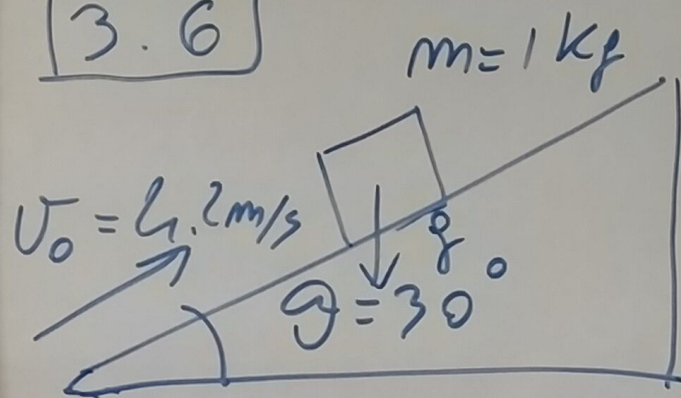
3.5

$$a = \omega^2 r = 10g \Rightarrow \omega^2 = \frac{10g}{r} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{10g}{r}}, \quad r = 3m$$

giri al secondo \rightarrow frequenza $f_{\text{secondi}} = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi} = 0.91 \text{ giri al secondo}$

giri al minuto $\rightarrow f_{\text{minuti}} = f_{\text{secondi}} \cdot 60 = 54.63 \text{ giri al minuto}$

3.6



Usa conservazione energia meccanica per ricavare le quote massima raggiunte

$$E_{k, \text{in}} + E_{p, \text{in}} = E_{k, \text{fin}} + E_{p, \text{fin}}$$

all'inizio il punto è a quota $h = 0 \Rightarrow E_{p, \text{in}} = 0$

alla fine il punto è fermo $\Rightarrow E_{k, \text{fin}} = 0 \Rightarrow$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_0^2 = m g h_{\text{max}} \Rightarrow h_{\text{max}} = \frac{v_0^2}{2g}$$

distanza è data da $d_{\text{max}} \sin \theta = h_{\text{max}} \Rightarrow d_{\text{max}} = \frac{h_{\text{max}}}{\sin \theta} = 1.8 \text{ m}$

3.3

$$a = \text{costante} \Rightarrow \int_{v_1}^{v_2} v \, dv = \int_{x_1}^{x_1 + \Delta x} a \, dx \Rightarrow v_2^2 - v_1^2 = 2a\Delta x$$

$$\Rightarrow a = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2\Delta x} = 3.2 \, \text{m/s}^2$$

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{v_2 - v_1}{a} = 2.0 \, \text{s}$$

3.4

$$m = 25 \, \text{kg}, \quad r = 2 \, \text{m}, \quad \omega = 2 \, \text{rad/s}$$

$$\text{Periodo: } T = \frac{2\pi}{\omega} = 3.14 \, \text{s}$$

$$\text{Condizione per moto circolare: } F = m \frac{v^2}{r}$$

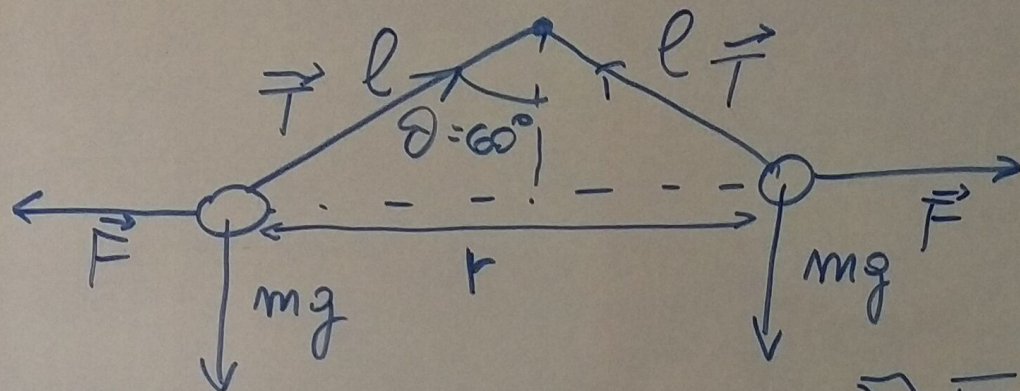
$$v = \omega r \Rightarrow F = m \omega^2 r = 200 \, \text{N}$$

13.7

Perché la velocità è costante $\Delta E_k = 0$

$$\Rightarrow W = \Delta E_p = mg \Delta z = 98 \text{ J}$$

13.8



Esiste una forza T (tensione) diretta verso il punto di congiunzione, che impedisce alle sfere di deformare il filo.

All'equilibrio si deve avere $\sum \vec{F}_i = 0$ (consideriamo una singola sfera)

$$\begin{cases} \text{asse } y: T_y - mg = 0 \Rightarrow |\vec{T}| \cos \vartheta = mg \Rightarrow |\vec{T}| = \frac{mg}{\cos \vartheta} = 0,981 \text{ N} \\ \text{asse } x: T_x - |\vec{F}| = 0 \Rightarrow |\vec{T}| \sin \vartheta = |\vec{F}| = \frac{A}{r^2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow A = \frac{|\vec{T}| \sin \vartheta}{r^2}, \text{ poiché } \frac{r}{2} = l \sin \vartheta \Rightarrow r = 2l \sin \vartheta$$

$$\Rightarrow A = \frac{|\vec{T}| \sin \vartheta}{4l^2 \sin^2 \vartheta} = 2.832 \text{ N m}^2$$